



# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

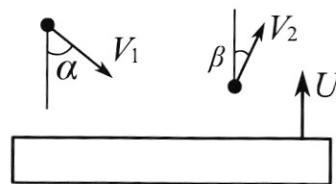
Класс 11

Вариант 11-04

Шифр

(заполняется секретарем)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью  $U$  вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость  $V_1 = 18$  м/с, направленную под углом  $\alpha$  ( $\sin \alpha = \frac{2}{3}$ ) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью  $V_2$ , составляющей угол  $\beta$  ( $\sin \beta = \frac{3}{5}$ ) с вертикалью.

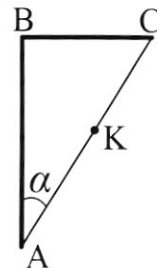


- 1) Найти скорость  $V_2$ .
  - 2) Найти возможные значения скорости плиты  $U$  при таком неупругом ударе.
- Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится аргон, во втором – криптон, каждый газ в количестве  $\nu = 3/5$  моль. Начальная температура аргона  $T_1 = 320$  К, а криптона  $T_2 = 400$  К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными.  $R = 8,31$  Дж/(моль·К).

- 1) Найти отношение начальных объемов аргона и криптона.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал криптон аргону?

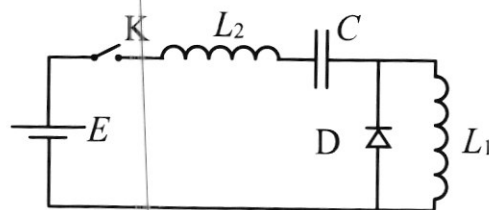
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол  $\alpha = \pi/4$ . Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

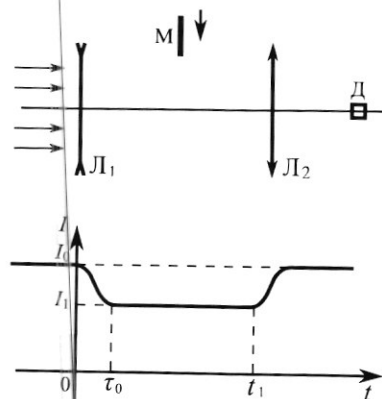
2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда  $\sigma_1 = \sigma, \sigma_2 = 2\sigma/7$ , соответственно. Угол  $\alpha = \pi/9$ . Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС  $E$ , катушек с индуктивностями  $L_1 = 5L, L_2 = 4L$ , конденсатора емкостью  $C$ , диода  $D$  (см. рис.). Ключ  $K$  разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в  $L_2$ .



- 1) Найти период  $T$  этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток  $I_{01}$ , текущий через катушку  $L_1$ .
- 3) Найти максимальный ток  $I_{02}$ , текущий через катушку  $L_2$ .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз  $L_1$  и  $L_2$  (см. рис.) с фокусными расстояниями  $-2F_0$  и  $F_0$ , соответственно. Расстояние между линзами  $2F_0$ . Диаметры линз одинаковы и равны  $D$ , причем  $D$  значительно меньше  $F_0$ . На линзу  $L_1$  падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе  $D$ , на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень  $M$ , плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии  $F_0$  от  $L_1$ . На рисунке показана зависимость тока  $I$  фотодетектора от времени  $t$  (секундомер включен в момент начала уменьшения тока).  $I_1 = 7I_0/16$ .



- 1) Найти расстояние между линзой  $L_2$  и фотодетектором.
- 2) Определить скорость  $V$  движения мишени. 3) Определить  $t_1$ .

Известными считать величины  $F_0, D, \tau_0$ .



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№2.

$$V = \frac{3}{5} \text{ моль}$$

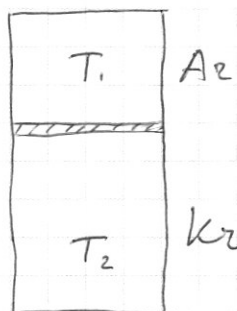
$$T_1 = 320 \text{ К}$$

$$T_2 = 400 \text{ К}$$

$$1) \frac{V_1}{V_2} - ?$$

$$2) T_{\text{уст}} - ?$$

$$3) Q - ?$$



Т.к. поршень подвижный, то давление в обеих частях сосуда равно.  $p_1 = p_2 = p_0$ .  
Запишем ур-е сост.  $A_2$  и  $K_2$ .

$$A_2: p_0 V_1 = \nu R T_1$$

$$K_2: p_0 V_2 = \nu R T_2$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{320 \text{ К}}{400 \text{ К}} = \frac{4}{5}$$

Заметим, что при передаче тепла от  $K_2$  и  $A_2$  давление в обеих частях сосуда будет постоянным и равно друг другу, так как поршень подвижный. Значит при передаче тепла будут изменяться только объемы. Изменятся они будут до тех пор, пока не станут равными\*. Тогда пусть

$$V_1 = 4V_0, V_2 = 5V_0, V_{\text{уст}} = 4V_0 + 5V_0 = 9V_0. \text{ Значит}$$

$$V_{\text{уст}} = \frac{V_{\text{уст}}}{2} = \frac{9}{2} V_0$$

Запишем ур-е состояний в уст. режиме.

$$A_2: p_0 V_{\text{уст}} = \nu R T_{\text{уст}}$$

$$K_2: p_0 V_{\text{уст}} = \nu R T_{\text{уст}}$$

(\*). Потому что  $V = \frac{\nu R T_{\text{уст}}}{p}$ , а  $p = \text{const}$ . Тогда  $V_1 = V_2 = V_{\text{уст}}$ .

Запишем ур-я для  $A_2$  в нач. и в уст. состоянии.

$$\begin{cases} p_0 \cdot 4V_0 = \nu RT_1 \\ p_0 V_{уст} = \nu RT_{уст} \end{cases} \quad \begin{cases} p_0 \cdot 4V_0 = \nu RT_1 \\ p_0 \cdot \frac{9}{2} V_0 = \nu RT_{уст} \end{cases} \quad \text{Поделим:}$$

$$\frac{T_1}{T_{уст}} = \frac{8}{9}$$

$$T_{уст} = \frac{9}{8} T_1 = \frac{9}{8} \cdot 320 \text{ K} = 360 \text{ K}$$

Запишем 1-ый 3-и термодинамич. для  $A_2$ :

$$Q = A + \Delta U$$

$Q > 0$ , потому что он получает ~~тепло~~ тепло от  $K_2$

$A > 0$ , потому что  $p = \text{const}$   $V_{уст} > V_1$

$\Delta U > 0$ , потому что  $T_{уст} > T_1$

$$A = p_0 \Delta V = p_0 (V_{уст} - V_1) = p_0 \left( \frac{9}{2} V_0 - 4V_0 \right) = \frac{p_0 V_0}{2} = \frac{\nu RT_1}{2}$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} \nu R \Delta T = \frac{3}{2} \nu R (T_{уст} - T_1)$$

$$Q = \frac{1}{2} \nu RT_1 + \frac{3}{2} \nu R (T_{уст} - T_1) = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} \text{ моль} \cdot 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{К} \cdot \text{моль}} \cdot 320 \text{ K} +$$

$$+ \frac{3}{2} \cdot \frac{3}{5} \text{ моль} \cdot 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{К} \cdot \text{моль}} \cdot 40 \text{ K} =$$

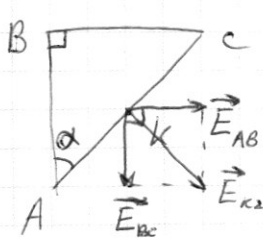
$$= \frac{3}{10} \text{ моль} \cdot 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{К} \cdot \text{моль}} \left( 320 \text{ K} + 3 \cdot 40 \text{ K} \right) = 1096,92 \text{ Дж}$$

Ответ: 1)  $\frac{4}{5}$ ; 2) 360 K; 3) 1096,92 Дж

№ 3.

$$1) \alpha = \frac{\pi}{4}$$

$$\frac{E_{K2}}{E_{K1}} = ?$$



$$E_{BC} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$E_{AB} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$E_{K1} = E_{BC} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$\vec{E}_{K2} = \vec{E}_{AB} + \vec{E}_{BC}$$

$$E_{K2}^2 = E_{AB}^2 + E_{BC}^2$$

$$E_{K2} = \sqrt{E_{AB}^2 + E_{BC}^2} = \sqrt{\frac{\sigma^2}{4\epsilon_0^2} + \frac{\sigma^2}{4\epsilon_0^2}} =$$

$$= \sqrt{\frac{\sigma^2}{2\epsilon_0^2}} = \frac{\sigma^2}{\sqrt{2}\epsilon_0^2} = \frac{\sqrt{2}\sigma^2}{2\epsilon_0^2} = \sqrt{2} E_{K1}$$

$$\frac{E_{K2}}{E_{K1}} = \sqrt{2}$$

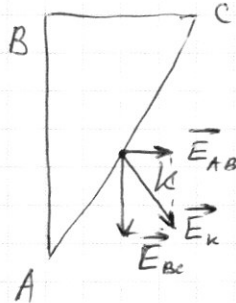
## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$2) \alpha = \frac{\pi}{9}$$

$$\sigma_1 = \sigma$$

$$\sigma_2 = \frac{2\sigma}{7}$$

$$E_k = ?$$



$$E_{AB} = \frac{\sigma_2}{2\epsilon_0} = \frac{2\sigma}{2 \cdot 7\epsilon_0} = \frac{2}{7} \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

$$E_{BC} = \frac{\sigma_1}{2\epsilon_0} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$\vec{E}_K = \vec{E}_{AB} + \vec{E}_{BC}$$

$$E_K = \sqrt{E_{AB}^2 + E_{BC}^2} =$$

$$= \sqrt{\frac{4 \cdot 14^2 \sigma^2}{49 \epsilon_0^2} + \frac{1 \cdot 14^2 \sigma^2}{4 \epsilon_0^2}} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \sqrt{\frac{16 + 49}{196}} =$$

$$= \frac{\sigma}{\epsilon_0} \sqrt{\frac{65}{196}} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \frac{\sqrt{65}}{14}$$

Ответ: 1) в  $\sqrt{2}$  раз; 2)  $\frac{\sqrt{65}}{14} \cdot \frac{\sigma}{\epsilon_0}$

№5.

$$F_1 = -2F_0$$

$$F_2 = F_0$$

$$l = 2F_0$$

$$D = D_1 = D_2$$

$$y = F_0$$

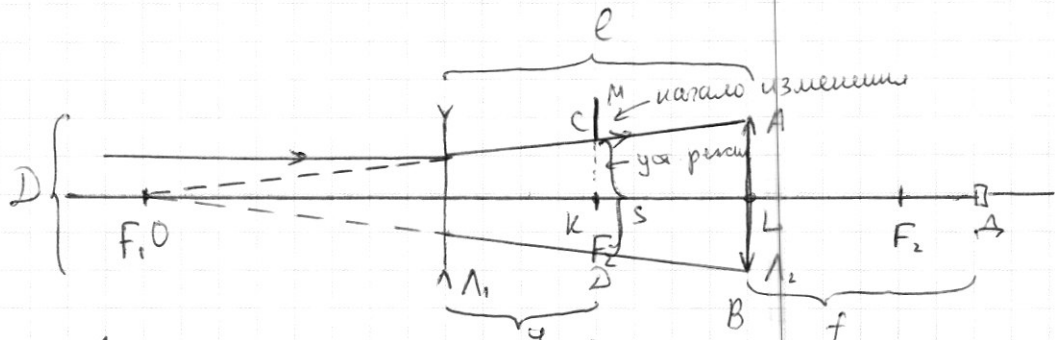
$$D_1 = \frac{7}{16} D_0$$

$$r_0$$

$$1) f - ?$$

$$2) r - ?$$

$$3) t_1 - ?$$



Линза  $L_1$  будет рассеивать лучи так, что они будто бы выходят из ее фокуса. Тогда, чтобы узнать расстояние от  $L_2$  до  $D$  можно считать, что в  $F_1$  расположен предмет, а его изображение это  $D$ , потому что все лучи собираются в этой точке. Тогда можно воспользоваться формулой тонкой линзы для  $L_2$ :

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{F} - \frac{1}{d} = \frac{d-F}{F \cdot d}$$

$$f = \frac{F \cdot d}{d-F}$$

$$F = F_2 = F_0$$

$$d = \ell + |F_1| = 2F_0 + 2F_0 = 4F_0$$

$$f = \frac{F_0 \cdot 4F_0}{4F_0 - F_0} = \frac{4F_0^2}{3F_0} = \frac{4}{3} F_0$$

Проанализируем движение мишени. Ток начнет изменяться в момент, когда штыковая часть мишени коснется своего края самого верхнего луча, исходящего из  $F_1$ . А в момент, когда верхний край этой мишени коснется самого верхнего луча ток установится и станет равным  $I_1$ . Затем, когда штыкий край коснется самого нижнего луча ток снова начнет изменяться и возрастет до  $I_0$ . Таким образом за время  $\tau_0$  мишень пройдет расстояние равное своему диаметру. Обозначим его за  $x$ . Т.к. ток пропорционален мощности света, то запись  $I_1 = \frac{7}{16} I_0$  означает, что до детектора доходит только  $\frac{7}{16}$   ~~$\frac{7}{16}$~~   $\frac{9}{16}$  всех световых лучей. А это значит, что мишень закрывает  $1 - \frac{7}{16} = \frac{9}{16}$  всего светового потока. А значит площадь мишени относится к площади  $A_2$  как  $\frac{9}{16}$ . То есть

$$\frac{S_{\text{миш}}}{S_{A_2}} = \frac{9}{16}$$

$$\frac{\pi \frac{x^2}{4}}{\pi \frac{D^2}{4}} = \frac{9}{16} \Rightarrow \frac{x^2}{D^2} = \frac{9}{16} \quad x \Rightarrow \frac{x}{D} = \frac{3}{4} \Rightarrow x = \frac{3}{4} D.$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

А тогда  $v = \frac{x}{\tau_0} = \frac{\frac{3}{4}D}{\tau_0} = \frac{3D}{4\tau_0}$ .

$t_1$  - время за которое нижний край лифта прошел расстояние от самого верхнего луча до самого нижнего  
Найдем это расстояние; назовем его  $s$ .

Из подобия  $\triangle OAB \sim \triangle OCD$

$$\frac{AB}{CD} = \frac{OK}{OL} \quad \frac{AB}{CD} = \frac{OL}{OK}$$

$$CD = \frac{OK}{OL} \cdot AB$$

$$OK = |F_1 + F_2| = 3F_0 \quad |F_1| + g = 2F_0 + F_0 = 3F_0$$

$$OL = l + |F_1| = 2F_0 + 2F_0 = 4F_0$$

$$AB = D$$

$$CD = s = \frac{3F_0}{4F_0} \cdot D = \frac{3}{4} D$$

$$\text{Тогда } t_1 = \frac{s}{v} = \frac{\frac{3}{4}D}{\frac{3D}{4\tau_0}} = \tau_0$$

Ответ: 1)  $\frac{4}{3}F_0$ ; 2)  $\frac{3D}{4\tau_0}$ ; 3)  $\tau_0$

$\sqrt{0.1}$ .

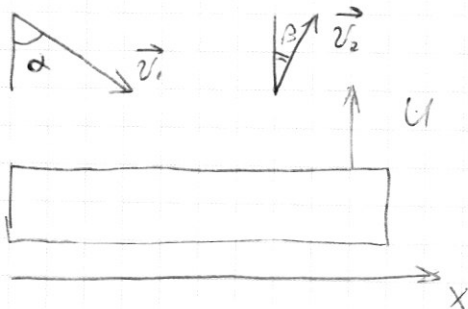
$$v_1 = 18 \frac{m}{c}$$

$$\sin \alpha = \frac{2}{3}$$

$$\sin \beta = \frac{3}{5}$$

1)  $v_2 - ?$

2)  $U - ?$



ЗСУ

$$m\vec{v}_1 + M\vec{U} = M\vec{U} + m\vec{v}_2$$

$$Ox: m v_1 \sin \alpha = m v_2 \sin \beta$$

$$v_2 = v_1 \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = 18 \frac{m}{c} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{5}{3} =$$

$$= 20 \frac{m}{c}$$

Ответ: 1)  $20 \frac{m}{c}$ .



№ 4

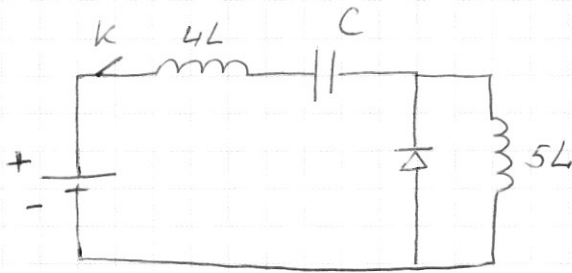
$$L_1 = 5L$$

$$L_2 = 4L$$

1)  $T = ?$

2)  $I_{01} = ?$

3)  $I_{02} = ?$



Т к ток на катушках скачкообразно не возрастает, то в нач. момент времени

$$I_{4L} = I_{5L} = 0$$

$$I_{5L} = 0$$

Тогда на конденсаторе будет напряжение  $E$ , а заряд

$$q = CU = CE.$$

По ф. Томсона  $T = 2\pi\sqrt{L_2 C} = 2\pi\sqrt{4LC} = 4\pi\sqrt{LC}$

$$W_{емк} = \frac{CU^2}{2} = \frac{CE^2}{2}$$

$$W_{4Lmax} = \frac{4L I_{01}^2}{2}$$

$$W_{5Lmax} = \frac{5L I_{02}^2}{2}$$

$$\frac{4L I_{01}^2}{2} = \frac{CE^2}{2}$$

$$\frac{5L I_{02}^2}{2} = \frac{CE^2}{2}$$

$$I_{01} = \sqrt{\frac{CE^2}{4L}}$$

$$I_{02} = \sqrt{\frac{CE^2}{5L}}$$

Ответ: 1)  $4\pi\sqrt{LC}$ ; 2)  $\sqrt{\frac{CE^2}{4L}}$ ; 3)  $\sqrt{\frac{CE^2}{5L}}$ .

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\sin \alpha = \frac{2}{3}$$

$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$\sin \beta = \frac{3}{5}$$

$$\cos \beta = \frac{4}{5}$$

$$E = \frac{G}{2\epsilon_0}$$

$$[E] = \frac{H}{k\lambda} = \frac{B}{m}$$

$$[E] = \frac{k\lambda}{m^2}$$

$$3C\partial: \frac{mv_1^2}{2} + \frac{MU^2}{2} = \frac{mv_2^2}{2} + \frac{MU^2}{2}$$

$$[k] = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = \left[ \frac{H}{k\lambda^2} \quad \frac{m^2 \cdot H}{k\lambda^2} \right]$$

$$\epsilon_0 = \frac{k\lambda^2}{m^2 \cdot H}$$

$$E = \frac{\epsilon_0}{2G} = \frac{\epsilon_0}{2G} = \frac{k\lambda^2}{m^2 \cdot H \cdot 2G}$$

$$E = \frac{G}{2\epsilon_0} = \frac{k\lambda}{m^2 \cdot \frac{k\lambda^2}{m^2 \cdot H}} = \frac{H}{k\lambda}$$

$$3C\cup: m\vec{v}_1 + M\vec{U} = m\vec{v}_2 + M\vec{U}$$

$$Ox: mv_1 \sin \alpha = mv_2 \sin \beta$$

$$[G] = \frac{k\lambda}{m^2} \quad v_2 = v_1 \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = 18 \frac{m}{c} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{5}{3} = \frac{10}{9} \cdot 18 \frac{m}{c} =$$

$$U = 20 \frac{m}{c}$$

$$Oy: mv_1 \cos \alpha + MU = mv_2 \cos \beta + MU$$

$$mv_1 \cos \alpha = mv_2 \cos \beta$$

$$v_2 = v_1 \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = 18 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3} \cdot \frac{5}{4} = \frac{5\sqrt{5} \cdot 18}{12} = \frac{5\sqrt{5} \cdot 3}{2} = \frac{15\sqrt{5}}{2} ?$$

$$E = \frac{G}{2\epsilon_0} = \frac{k\lambda}{2 \frac{k\lambda^2}{m^2 \cdot H} \cdot m^2} = \frac{k\lambda \cdot m^2 \cdot H}{k\lambda^2 \cdot m^2} = \frac{H}{k\lambda}$$

$$E = \frac{\epsilon_0}{2G} = \frac{k\lambda^2}{m^2 \cdot H \cdot 2G} = \frac{k\lambda^2}{m^2 \cdot H \cdot 2G}$$

№2.

$$T_1 = 320K$$

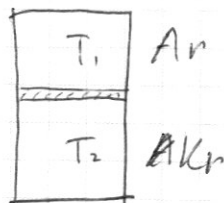
$$T_2 = 400K$$

$$V = \frac{3}{5} \text{ мм/с}$$

Пусть  $T_{\text{уст}} = T$ . Тогда:

Кривая будет передавать  $= \frac{4}{5}$ .

Температура, у него будет увеличиваться давление и объем. Тогда



- 1)  $\frac{V_1}{V_2} = ?$
- 2)  $T = ?$
- 3)  $G = ?$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{320K}{400K}$$

$$= \frac{4}{5}$$

Кривая  $\cos \alpha$ .

$$Ar: p_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$Kr: p_2 V_2 = \nu R T_2$$

Т.к. поршень подвижен, то  $p_1 = p_2 = p_0$ . Тогда

$$pV = \nu RT$$

Тепло будет передаваться, пока объемы не уравняются.

$$V_1 = 4V_0 \quad V_{\text{уст}} =$$

$$V_2 = 5V_0$$

В уст. процессе  $p_1 = p_2 = p$ .  $\nu RT_{\text{уст}} = \nu RT_{\text{уст}}$ , то есть

$$V_1 = V_2 = V_{\text{уст}} = \frac{9V_0}{2}$$

$$\frac{9V_0}{2} = \nu RT$$

$$4p_0V_0 = \nu RT_1$$

$$5p_0V_0 = \nu RT_2$$

$$5p_0V_0 = \nu RT_2$$

$$\frac{9}{2}p_0V_0 = \nu RT$$

$$\frac{T_2}{T} = \frac{10}{9}$$

$$T = \frac{9}{10} T_2 = 400 \cdot \frac{9}{10} = 360 \text{ K} \checkmark$$

$$Q = A + \Delta U$$

$$A = p\Delta V = p_0 \left( \frac{9}{2}V_0 - 4V_0 \right) = \frac{p_0V_0}{2}$$

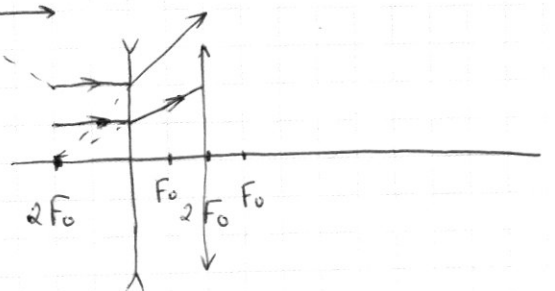
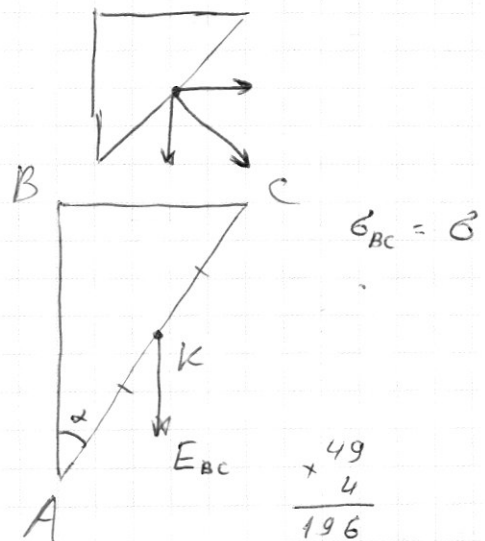
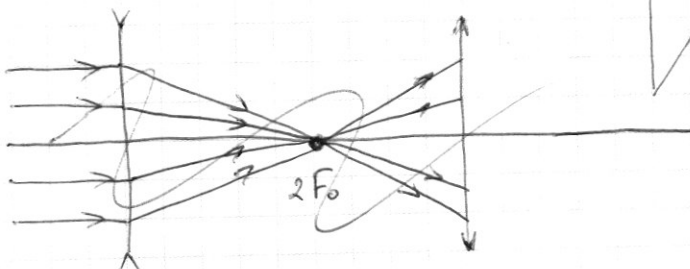
$$\begin{array}{r} 3 \times 440 \\ \hline 1320 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1320 \times 8,31 \\ \hline 1320 \times 8,31 \\ \hline 396 \\ \hline 1056,92 \end{array}$$

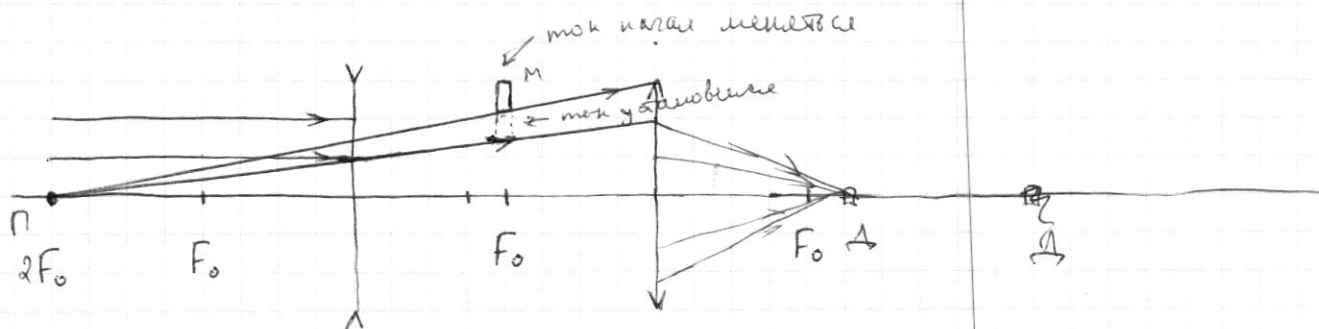
$$\alpha = \frac{\pi}{4}$$

$$1) E_{BC} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \quad 2)$$

$$E_K = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Пред. формула тонкой линзы  $d = 4F_0$   $F = F_0$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{F} - \frac{1}{d} = \frac{d - F}{Fd}$$

$$f = \frac{F \cdot d}{d - F} = \frac{F_0 \cdot 4F_0}{3F_0} = \frac{4}{3} F_0$$

$$\eta_1 = \frac{7}{16} \eta_0$$

То есть линза закрывает  $1 - \frac{7}{16} = \frac{9}{16}$  всего света.

Пусть диаметр линзы  $x$ .

Вся ~~линза~~ Тогда  $\frac{S_{\text{л}}}{S_{\text{л}}} = \frac{9}{16}$

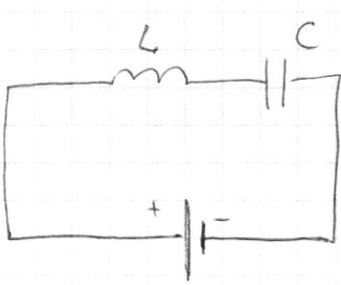
$$x = \frac{3}{4} D$$

$$\frac{\pi \frac{x^2}{4}}{\pi \frac{D^2}{4}} = \frac{x^2}{D^2} = \frac{9}{16}$$

$$\frac{x}{D} = \frac{3}{4}$$

Тогда линза прошла расстояние

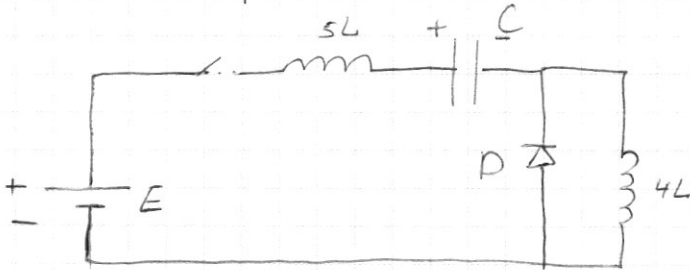
$x$  за время  $\tau_0$ . Значит  $v = \frac{x}{\tau_0} \Rightarrow = \frac{3}{4} \frac{D}{\tau_0} = \frac{3D}{4\tau_0}$ .



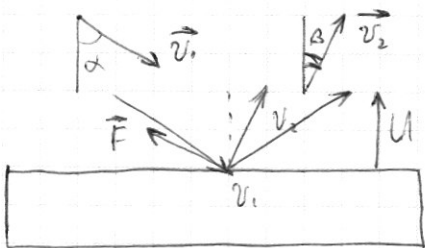
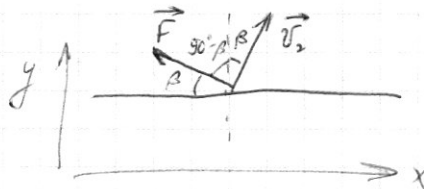
В нач. момент времени

$$I_L = 0$$

$$U_C = 0$$



В начальный момент



При неупругом ударе происходит потеря энергии

ЗСМ в инерциальной системе со см.  $U$ :

$$\vec{v}_1 = \vec{U} + \vec{v}_{1\text{отн}}$$

$$m\vec{v}_{1\text{отн}} \neq m\vec{v}_{2\text{отн}}$$

$$v_{1\text{отн}y} = v_{1y} + U = v_1 \cos \alpha + U$$

$$v_1 \cos \alpha + U = v_2 \cos \beta - U$$

$$v_{2\text{отн}y} = \begin{cases} v_{2y} + U = v_2 \cos \beta - U \\ U - v_{2y} = -v_2 \cos \beta + U \end{cases}$$

Т.к. скорость не может поменять направление движения, то действует сила  $F$ , которая меняет направление с  $\alpha$  до  $\beta$

$$m\vec{v}_1 \neq m\vec{v}_2 \quad m\vec{v}_1 + M\vec{U} = m\vec{v}_2 + M\vec{U} + \vec{F}\Delta t$$

$$Ox: m v_1 \sin \alpha = m v_2 \sin \beta - F \cos \beta \Delta t \quad F$$

$$Oy: -m v_1 \cos \alpha = m v_2 \cos \beta + F \sin \beta \Delta t$$