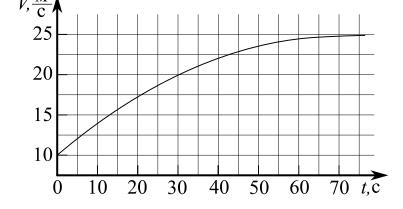
Вариант 11-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

1. Автомобиль массой m=1800 кг движется с постоянной скоростью и затем разгоняется на прямолинейном горизонтальном участке дороги. График зависимости скорости от времени при разгоне показан на рисунке. В конце разгона сила тяги двигателя равна $F_k=500$ Н. Считать, что при разгоне сила сопротивления движению пропорциональна скорости. Колёса считать лёгкими.



- 1) Используя график, найти ускорение автомобиля при скорости $V_1 = 20$ м/с.
- 2) Найти силу тяги F_1 при скорости V_1 .
- 3) Какая мощность P_1 передается от двигателя на ведущие колеса при скорости V_1 ?

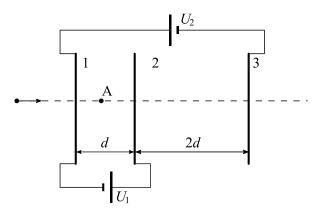
Требуемая точность численного ответа на первый вопрос ориентировочно 10%.

2. Герметичный вертикальный цилиндрический сосуд объёмом V разделён тонким невесомым теплопроводящим герметичным поршнем (диск соосный с сосудом) на две равные части. Поршень может перемещаться без трения. В верхней части цилиндра находится углекислый газ, а в нижней - вода и углекислый газ. В начальный момент система находилась в равновесии при комнатной температуре T_0 . При этом жидкость занимала объём V/4. Затем цилиндр медленно нагрели до $T = 5T_0/4 = 373$ К. Установившийся объём его верхней части стал равен V/5.

По закону Генри, при заданной температуре количество $\Delta \nu$ растворённого газа в объёме жидкости w пропорционально парциальному давлению p газа: $\Delta \nu = kpw$. Объём жидкости при этом практически неизменен. Для углекислого газа константа Генри для данной комнатной температуры $k \approx (1/3) \cdot 10^{-3}$ моль/(м³·Па). При конечной температуре T углекислый газ в воде практически не растворяется. Можно принять, что $RT \approx 3 \cdot 10^3$ Дж/моль, где R - универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной

 $RT \approx 3.10^{\circ}$ Дж/моль, где R - универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной температуре и изменением объёма жидкости в процессе нагревания пренебречь. Все газы считать идеальными.

- 1) Найти отношение количеств вещества в газообразном состоянии в верхней и нижней частях до нагревания.
- 2) Определите начальное давление в сосуде P_0 . Ответ выразить через P_{ATM} (нормальное атмосферное давление) с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.
- **3.** Три проводящие плоские мелкие сетки находятся друг напротив друга на расстояниях d и 2d (см. рис.). Размеры сеток значительно больше d. Изначально сетки не заряжены. К сеткам подсоединили источники с напряжением $U_1 = U$ и $U_2 = 4U$. Частица массой m и зарядом q>0 движется по направлению к сеткам и перпендикулярно сеткам, имея скорость V_0 на расстоянии от сеток, намного большем их размеров. Частица пролетает через сетки, не отклоняясь от прямолинейной траектории. Заряд q намного меньше модуля зарядов сеток.



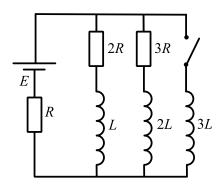
- 1) Найти модуль ускорения частицы в области между сетками 1 и 2.
- 2) Найти разность $K_1 K_2$, где K_1 и K_2 кинетические энергии частицы при пролете сеток 1 и 2.
- 3) Найти скорость частицы в точке A на расстоянии d/3 от сетки 1.

Вариант 11-01

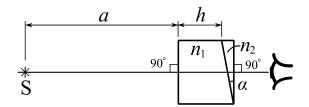
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

- **4.** Параметры цепи указаны на схеме, все элементы идеальные. Ключ разомкнут, режим в цепи установился. Затем ключ замыкают.
 - 1) Найти ток I_{10} через резистор с сопротивлением 2R при разомкнутом ключе.
 - 2) Найти скорость возрастания тока в катушке индуктивностью 3L сразу после замыкания ключа.
 - 3) Какой заряд протечет через резистор с сопротивлением 2R при замкнутом ключе?

Ответы давать с числовыми коэффициентами в виде обыкновенных дробей.



5. Оптическая система состоит из двух призм с показателями преломления n_1 и n_2 и находится в воздухе с показателем преломления $n_{\rm B}=1,0$. Точечный источник света S расположен на расстоянии a=194 см от системы и рассматривается наблюдателем так, что источник и глаз наблюдателя находятся на прямой, перпендикулярной наружным поверхностям призм (см.

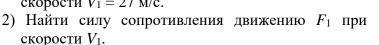


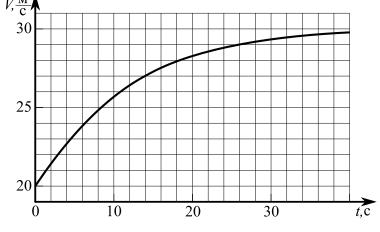
- рис.). Угол $\alpha = 0.1$ рад можно считать малым, толщина h = 9 см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник глаз» намного меньше h. Отражения в системе не учитывать.
- 1) Считая $n_1 = n_{\rm B} = 1.0$, $n_2 = 1.7$, найдите на какой угол отклонится системой луч, идущий от источника перпендикулярно левой грани системы.
- 2) Считая $n_1 = n_{\rm B} = 1,0, n_2 = 1,7,$ найдите расстояние между источником и его изображением, которое будет видеть наблюдатель.
- 3) Считая $n_1 = 1,5$, $n_2 = 1,7$, найдите на каком расстоянии от источника будет его изображение, которое увидит наблюдатель.

Вариант 11-02

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

- **1.** Мотоциклист массой (вместе с мотоциклом) m = 300 кг движется с постоянной скоростью и затем разгоняется на прямолинейном горизонтальном участке дороги так, что мощность, передаваемая от двигателя на ведущее колесо, остается постоянной. График зависимости скорости от времени при разгоне показан на рисунке. В конце разгона сила сопротивления движению равна $F_k = 405$ H. Колёса снитать пёркими
- считать лёгкими. 1) Используя график, найти ускорение мотоцикла при скорости $V_1 = 27$ м/с.



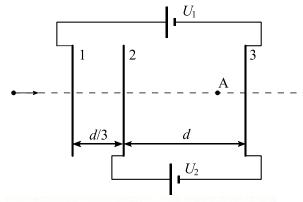


- 3) Какая часть мощности, передаваемой на ведущее колесо, идет на преодоление силы сопротивления движению при скорости V_1 ?
 - Требуемая точность численного ответа на первый вопрос ориентировочно 10%.
- **2.** Герметичный вертикальный цилиндрический сосуд объёмом V разделён тонким невесомым теплопроводящим герметичным поршнем (диск соосный с сосудом) на две равные части. Поршень может перемещаться без трения. В верхней части цилиндра находится азот, а в нижней вода и углекислый газ. В начальный момент система находилась в равновесии при комнатной температуре T_0 . При этом жидкость занимала объём V/4. Затем цилиндр медленно нагрели до $T = 4T_0/3 = 373$ К. Установившийся объём его верхней части стал равен V/6.

По закону Генри, при заданной температуре количество $\Delta \nu$ растворённого газа в объёме жидкости w пропорционально парциальному давлению p газа: $\Delta \nu = kpw$. Объём жидкости при этом практически неизменен. Для углекислого газа константа Генри для данной комнатной температуры $k \approx 0.6 \cdot 10^{-3}$ моль/(м³·Па). При конечной температуре T углекислый газ в воде практически не растворяется. Можно принять, что $RT \approx 3.10^3$ Лу/моль, гле $R_{\rm c}$ учиверсальная газовая постоянная. Павлением воляных паров при комнатной

 $RT \approx 3.10^3 \; \text{Дж/моль}$, где R - универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной температуре и изменением объёма жидкости в процессе нагревания пренебречь. Все газы считать идеальными.

- 1) Найти отношение количеств вещества в газообразном состоянии в верхней и нижней частях до нагревания.
- 2) Определите конечное давление в сосуде P. Ответ выразить через P_{ATM} (нормальное атмосферное давление) с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.
- **3.** Три проводящие плоские мелкие сетки находятся друг напротив друга на расстояниях d и d/3 (см. рис.). Размеры сеток значительно больше d. Изначально сетки не заряжены. К сеткам подсоединили источники с напряжением $U_1 = 2U$ и $U_2 = U$. Частица массой m и зарядом q>0 движется по направлению к сеткам и перпендикулярно сеткам, имея скорость V_0 на расстоянии от сеток, намного большем их размеров. Частица пролетает через сетки, не отклоняясь от прямолинейной траектории. Заряд q намного меньше модуля зарядов сеток.



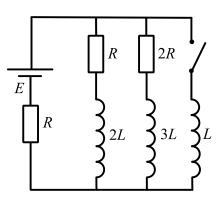
- 1) Найти модуль ускорения частицы в области между сетками 2 и 3.
- 2) Найти разность $K_3 K_2$, где K_2 и K_3 кинетические энергии частицы при пролете сеток 2 и 3.
- 3) Найти скорость частицы в точке A на расстоянии 2d/3 от сетки 2.

Вариант 11-02

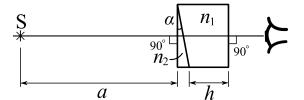
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

- **4.** Параметры цепи указаны на схеме, все элементы идеальные. Ключ разомкнут, режим в цепи установился. Затем ключ замыкают.
 - 1) Найти ток I_{20} через резистор с сопротивлением 2R при разомкнутом ключе.
 - 2) Найти скорость возрастания тока в катушке индуктивностью L сразу после замыкания ключа.
 - 3) Какой заряд протечет через резистор с сопротивлением 2R при замкнутом ключе?

Ответы давать с числовыми коэффициентами в виде обыкновенных дробей.



5. Оптическая система состоит из двух призм с показателями преломления n_1 и n_2 и находится в воздухе с показателем преломления $n_{\rm B}=1,0$. Точечный источник света S расположен на расстоянии $a=200\,{\rm cm}$ от системы и рассматривается наблюдателем так, что источник и глаз наблюдателя находятся на прямой, перпендикулярной наружным поверхностям призм (см.

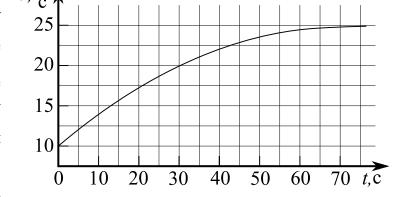


- рис.). Угол $\alpha = 0.05$ рад можно считать малым, толщина h = 9 см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник глаз» намного меньше h. Отражения в системе не учитывать.
 - 1) Считая $n_1 = n_{\rm B} = 1.0$, $n_2 = 1.6$, найдите на какой угол отклонится системой луч, идущий от источника перпендикулярно левой грани системы.
 - 2) Считая $n_1 = n_{\rm B} = 1.0$, $n_2 = 1.6$, найдите расстояние между источником и его изображением, которое будет видеть наблюдатель.
 - 3) Считая $n_1 = 1,8$, $n_2 = 1,6$, найдите на каком расстоянии от источника будет его изображение, которое увидит наблюдатель.

Вариант 11-03

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

1. Автомобиль массой m=1500 кг движется с постоянной скоростью и затем разгоняется на прямолинейном горизонтальном участке дороги. График зависимости скорости от времени при разгоне показан на рисунке. В конце разгона сила тяги двигателя равна $F_k=600$ Н. Считать, что при разгоне сила сопротивления движению пропорциональна скорости. Колёса считать лёгкими.



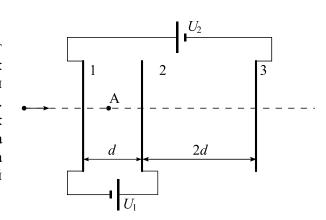
- 1) Используя график, найти ускорение автомобиля в начале разгона.
- 2) Найти силу тяги F_0 в начале разгона.
- 3) Какая мощность P_0 передается от двигателя на ведущие колеса в начале разгона?

Требуемая точность численного ответа на первый вопрос ориентировочно 10%.

2. Герметичный вертикальный цилиндрический сосуд объёмом V разделён тонким невесомым теплопроводящим герметичным поршнем (диск соосный с сосудом) на две равные части. Поршень может перемещаться без трения. В верхней части цилиндра находится гелий, а в нижней - вода и углекислый газ. В начальный момент система находилась в равновесии при давлении $P_0 = P_{\text{ATM}}/2$ (P_{ATM} — нормальное атмосферное давление) и при комнатной температуре T_0 . При этом жидкость занимала объём V/4. Затем цилиндр медленно нагрели до T = 373 К. Установившийся объём его верхней части стал равен V/5.

По закону Генри, при заданной температуре количество $\Delta \nu$ растворённого газа в объёме жидкости w пропорционально парциальному давлению p газа: $\Delta \nu = kpw$. Объём жидкости при этом практически неизменен. Для углекислого газа константа Генри для данной комнатной температуры $k \approx 0.5 \cdot 10^{-3}$ моль/(м³·Па). При конечной температуре T углекислый газ в воде практически не растворяется. Можно принять, что $RT \approx 3 \cdot 10^3$ Дж/моль, где R - универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной температуре и изменением объёма жидкости в процессе нагревания пренебречь. Все газы считать идеальными.

- 1) Найти отношение количеств вещества в газообразном состоянии в верхней и нижней частях до нагревания.
- 2) Определите отношение конечной и начальной температур в сосуде T/T_0 .
- **3.** Три проводящие плоские мелкие сетки находятся друг напротив друга на расстояниях d и 2d (см. рис.). Размеры сеток значительно больше d. Изначально сетки не заряжены. К сеткам подсоединили источники с напряжением $U_1 = U$ и $U_2 = 3U$. Частица массой m и зарядом q>0 движется по направлению к сеткам и перпендикулярно сеткам, имея скорость V_0 на расстоянии от сеток, намного большем их размеров. Частица пролетает через сетки, не отклоняясь от прямолинейной траектории. Заряд q намного меньше модуля зарядов сеток.



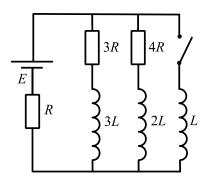
- 1) Найти модуль ускорения частицы в области между сетками 1 и 2.
- 2) Найти разность $K_1 K_2$, где K_1 и K_2 кинетические энергии частицы при пролете сеток 1 и 2.
- 3) Найти скорость частицы в точке A на расстоянии d/4 от сетки 1.

Вариант 11-03

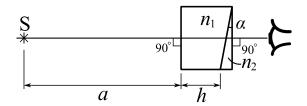
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

- **4.** Параметры цепи указаны на схеме, все элементы идеальные. Ключ разомкнут, режим в цепи установился. Затем ключ замыкают.
 - 1) Найти ток I_{10} через резистор с сопротивлением 3R при разомкнутом ключе.
 - 2) Найти скорость возрастания тока в катушке индуктивностью L сразу после замыкания ключа.
 - 3) Какой заряд протечет через резистор с сопротивлением 3R при замкнутом ключе?

Ответы давать с числовыми коэффициентами в виде обыкновенных дробей.



5. Оптическая система состоит из двух призм с показателями преломления n_1 и n_2 и находится в воздухе с показателем преломления $n_{\rm B}=1,0$. Точечный источник света S расположен на расстоянии $a=90~{\rm cm}$ от системы и рассматривается наблюдателем так, что источник и глаз наблюдателя находятся на прямой, перпендикулярной наружным поверхностям призм (см.

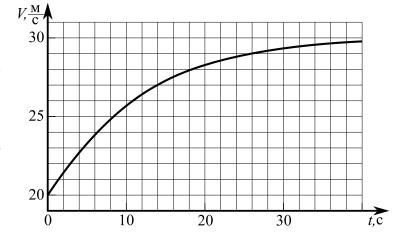


- рис.). Угол $\alpha = 0.1$ рад можно считать малым, толщина h = 14 см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник глаз» намного меньше h. Отражения в системе не учитывать.
 - 1) Считая $n_1 = n_{\rm B} = 1.0$, $n_2 = 1.7$, найдите на какой угол отклонится системой луч, идущий от источника перпендикулярно левой грани системы.
 - 2) Считая $n_1 = n_{\rm B} = 1.0$, $n_2 = 1.7$, найдите расстояние между источником и его изображением, которое будет видеть наблюдатель.
 - 3) Считая $n_1 = 1,4$, $n_2 = 1,7$, найдите на каком расстоянии от источника будет его изображение, которое увидит наблюдатель.

Вариант 11-04

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

1. Мотоциклист массой (вместе с мотоциклом) m=240 кг движется с постоянной скоростью и затем разгоняется на прямолинейном горизонтальном участке дороги так, что мощность, передаваемая от двигателя на ведущее колесо, остается постоянной. График зависимости скорости от времени при разгоне показан на рисунке. В конце разгона сила сопротивления движению равна $F_{\rm k}=200$ Н. Колёса считать лёгкими.



- 1) Используя график, найти ускорение мотоцикла в начале разгона.
- 2) Найти силу сопротивления движению F_0 в начале разгона.
- 3) Какая часть мощности, передаваемой на ведущее колесо, идет на преодоление силы сопротивления движению в начале разгона?

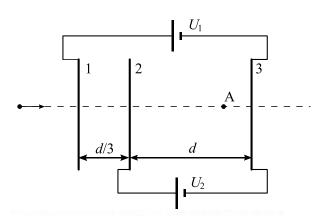
Требуемая точность численного ответа на первый вопрос ориентировочно 10%.

2. Герметичный вертикальный цилиндрический сосуд объёмом V разделён тонким невесомым теплопроводящим герметичным поршнем (диск соосный с сосудом) на две равные части. Поршень может перемещаться без трения. В верхней части цилиндра находится углекислый газ, а в нижней - вода и углекислый газ. В начальный момент система находилась в равновесии при комнатной температуре T_0 . При этом жидкость занимала объём 3V/8. Затем цилиндр медленно нагрели до $T = 4T_0/3 = 373$ К. Установившийся объём его верхней части стал равен V/8.

По закону Генри, при заданной температуре количество $\Delta \nu$ растворённого газа в объёме жидкости w пропорционально парциальному давлению p газа: $\Delta \nu = kpw$. Объём жидкости при этом практически неизменен. Для углекислого газа константа Генри для данной комнатной температуры $k \approx 0.6 \cdot 10^{-3}$ моль/(м³·Па). При конечной температуре T углекислый газ в воде практически не растворяется. Можно принять, что $RT \approx 3 \cdot 10^3$ Дж/моль, где R - универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной

- температуре и изменением объёма жидкости в процессе нагревания пренебречь. Все газы считать идеальными.

 1) Найти отношение количеств вещества в газообразном состоянии в верхней и нижней частях до нагревания.
 - 2) Определите начальное давление в сосуде P_0 . Ответ выразить через P_{ATM} (нормальное атмосферное давление) с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.
- **3.** Три проводящие плоские мелкие сетки находятся друг напротив друга на расстояниях d и d/3 (см. рис.). Размеры сеток значительно больше d. Изначально сетки не заряжены. К сеткам подсоединили источники с напряжением $U_1 = 5U$ и $U_2 = U$. Частица массой m и зарядом q>0 движется по направлению к сеткам и перпендикулярно сеткам, имея скорость V_0 на расстоянии от сеток, намного большем их размеров. Частица пролетает через сетки, не отклоняясь от прямолинейной траектории. Заряд q намного меньше модуля зарядов сеток.



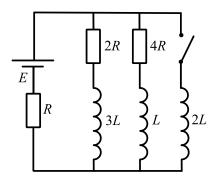
- 1) Найти модуль ускорения частицы в области между сетками 2 и 3.
- 2) Найти разность $K_3 K_2$, где K_2 и K_3 кинетические энергии частицы при пролете сеток 2 и 3.
- 3) Найти скорость частицы в точке A на расстоянии 3d/4 от сетки 2.

Вариант 11-04

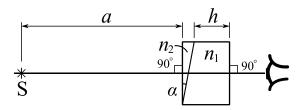
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

- **4.** Параметры цепи указаны на схеме, все элементы идеальные. Ключ разомкнут, режим в цепи установился. Затем ключ замыкают.
 - 1) Найти ток I_{20} через резистор с сопротивлением 4R при разомкнутом ключе.
 - 2) Найти скорость возрастания тока в катушке индуктивностью 2L сразу после замыкания ключа.
 - 3) Какой заряд протечет через резистор с сопротивлением 4R при замкнутом ключе?

Ответы давать с числовыми коэффициентами в виде обыкновенных дробей.



5. Оптическая система состоит из двух призм с показателями преломления n_1 и n_2 и находится в воздухе с показателем преломления $n_{\rm B}=1,0$. Точечный источник света S расположен на расстоянии $a=100\,{\rm cm}$ от системы и рассматривается наблюдателем так, что источник и глаз наблюдателя находятся на прямой, перпендикулярной наружным поверхностям призм



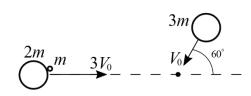
(см. рис.). Угол $\alpha = 0.1$ рад можно считать малым, толщина h = 14 см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник – глаз» намного меньше h. Отражения в системе не учитывать.

- 1) Считая $n_1 = n_B = 1,0$, $n_2 = 1,7$, найдите на какой угол отклонится системой луч, идущий от источника перпендикулярно левой грани системы.
- 2) Считая $n_1 = n_{\rm B} = 1.0$, $n_2 = 1.7$, найдите расстояние между источником и его изображением, которое будет видеть наблюдатель.
- 3) Считая $n_1 = 1,4$, $n_2 = 1,7$, найдите на каком расстоянии от источника будет его изображение, которое увидит наблюдатель.

Вариант 11-05

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

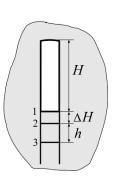
1. Две небольшие шайбы скользят по гладкой горизонтальной поверхности так, как показано на рисунке, после чего происходит их столкновение. Масса первой шайбы 2m, скорость $3V_0$, масса второй шайбы 3m, скорость V_0 . Угол между направлениями скоростей 60^0 . К первой шайбе прикреплен кусочек пластилина массы m.



- 1) Найдите скорость шайб, если после столкновения они приклеились друг к другу.
- 2) На какую величину E_0 увеличится внутренняя энергия системы после такого столкновения?
- 3) Известно, что произошел такой удар, что шайбы не слиплись, а пластилин полностью прилип к правой шайбе. При этом внутренняя энергия системы увеличилась на величину $E_0/2$ (см. предыдущий пункт задачи). Найдите модуль скорости одной шайбы относительно другой после такого удара.

Движения шайб до и после удара поступательные. В ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

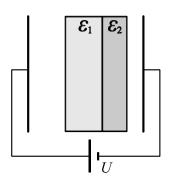
2. В воде на некоторой глубине удерживают пробирку в вертикальном положении, обращенную открытым концом вниз (см. рис.). Столб влажного воздуха имеет длину H=8 см, температура установилась $t_1=27\,^{0}\mathrm{C}$, в таком состоянии пробирка находилась достаточно долго. В некоторый момент температуру системы резко поднимают до температуры $t_2=57\,^{0}\mathrm{C}$, сохраняя прежнее давление. При этом вода в пробирке быстро опустилась с уровня 1 до уровня 2. После этого уровень воды начал медленно двигаться до уровня 3, опустившись на h=10,3 мм. Изменением гидростатического давления на границе «воздух – вода» в пробирке можно пренебречь.



- 1) Найти расстояние ΔH между первым и вторым уровнями.
- 2) Найти давление в пробирке P_0 . Ответ дать в мм. рт. ст.

Примечание: давление насыщенного пара воды при температуре t_1 равно $P_1 = 27$ мм. рт. ст., при температуре t_2 равно $P_2 = 130$ мм. рт. ст.

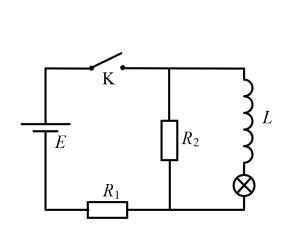
- **3.** В плоский конденсатор с площадью обкладок S и расстоянием между ними d помещены параллельно обкладкам и напротив них две соприкасающиеся пластины (см. рис.). У одной пластины диэлектрическая проницаемость $\varepsilon_1 = 2$, толщина d/3, у другой пластины $\varepsilon_2 = 3$, толщина d/4. У обеих пластин площадь каждой из двух поверхностей равна S. Конденсатор подключен к источнику с напряжением U.
 - 1) Найти напряженность электрического поля E в левом воздушном зазоре конденсатора.
 - 2) Найти заряд Q положительно заряженной обкладки конденсатора.
 - 3) Найти связанный (поляризационный) заряд q на границе соприкосновения пластин.

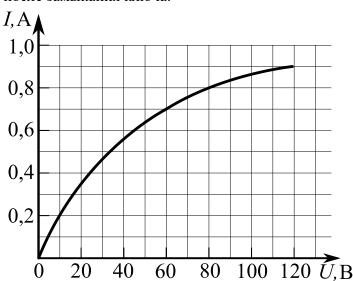


Вариант 11-05

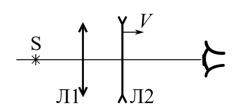
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

- **4.** В цепи (см. рис.) катушка индуктивности и источник идеальные, $L = 0.4 \, \Gamma$ н, $E = 120 \, \text{B}$, $R_1 = 100 \, \text{Om}$, $R_2 = 400 \, \text{Om}$. Вольт-амперная характеристика лампочки накаливания приведена на рисунке. Ключ К замыкают.
 - 1) Найти ток I_{10} через R_1 сразу после замыкания ключа.
 - 2) Найти скорость возрастания тока через катушку сразу после замыкания ключа.
 - 3) Найти ток через лампочку в установившемся режиме после замыкания ключа.





5. Главные оптические оси двух тонких линз совпадают. У линзы $\Pi 1$ фокусное расстояние $F_1 = 10$ см, у линзы $\Pi 2$ фокусное расстояние $F_2 = -20$ см. Неподвижный точечный источник света S расположен на расстоянии d = 40 см от неподвижной линзы $\Pi 1$. Линза $\Pi 2$ удалятся от $\Pi 1$ с постоянной скоростью V = 2,5 см/с. Изображение источника рассматривают со стороны линзы $\Pi 2$ (см. рис.).

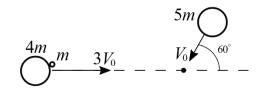


- 1) На каком расстоянии x_0 от линз располагалось изображение, когда Л1 и Л2 были вплотную друг к другу?
- 2) На каком расстоянии x от линзы Л2 будет изображение, когда расстояние между линзами станет L=10 см?
- 3) Найти скорость U (по модулю) изображения, когда расстояние между линзами станет L=10 см.

Вариант 11-06

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

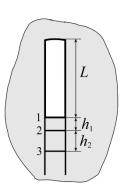
1. Две небольшие шайбы скользят по гладкой горизонтальной поверхности так, как показано на рисунке, после чего происходит их столкновение. Масса первой шайбы 4m, скорость $3V_0$, второй шайбы 5m, скорость V_0 . Угол между направлениями скоростей 60^0 . К первой шайбе прикреплен кусочек пластилина массы m.



- 1) Найдите скорость шайб, если после столкновения они приклеились друг к другу.
- 2) На какую величину E_0 увеличится внутренняя энергия системы после такого столкновения?
- 3) Известно, что произошел такой удар, что шайбы не слиплись, а пластилин полностью прилип к правой шайбе. При этом внутренняя энергия системы увеличилась на величину $2E_0/3$ (см. предыдущий пункт задачи). Найдите модуль скорости одной шайбы относительно другой после такого удара.

Движения шайб до и после удара поступательные. В ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

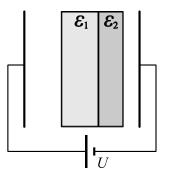
2. В воде на некоторой глубине удерживают пробирку в вертикальном положении, обращенную открытым концом вниз (см. рис.). Температура в столбе влажного воздуха установилась $t_1 = 33$ 0 С, в таком состоянии пробирка находилась достаточно долго. В некоторый момент температуру системы резко поднимают до температуры $t_2 = 67$ 0 С, сохраняя прежнее давление. При этом вода в пробирке быстро опустилась с уровня 1 до уровня 2 на $h_1 = 15$ мм. После этого уровень воды начал медленно двигаться до уровня 3, опустившись на $h_2 = 16,7$ мм. Изменением гидростатического давления на границе «воздух – вода» в пробирке можно пренебречь.



- 1) Найти высоту L столба влажного воздуха в пробирке до нагревания.
- 2) Найти давление в пробирке P_0 . Ответ дать в мм. рт. ст.

Примечание: давление насыщенного пара воды при температуре t_1 равно $P_1 = 38$ мм. рт. ст., при температуре t_2 равно $P_2 = 205$ мм. рт. ст.

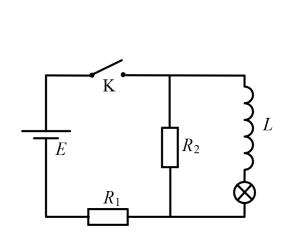
- **3.** В плоский конденсатор с площадью обкладок S и расстоянием между ними d помещены параллельно обкладкам и напротив них две соприкасающиеся пластины (см. рис.). У одной пластины диэлектрическая проницаемость $\varepsilon_1 = 3$, толщина 2d/5, у другой пластины $\varepsilon_2 = 6$, толщина d/5. У обеих пластин площадь каждой из двух поверхностей равна S. Конденсатор подключен к источнику с напряжением U.
 - 1) Найти напряженность электрического поля E в правом воздушном зазоре конденсатора.
 - 2) Найти заряд Q положительно заряженной обкладки конденсатора.
 - 3) Найти связанный (поляризационный) заряд q на границе соприкосновения пластин.

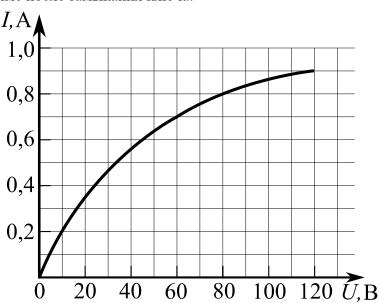


Вариант 11-06

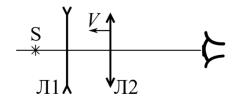
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

- **4.** В цепи (см. рис.) катушка индуктивности и источник идеальные, $L = 0.5 \, \Gamma$ н, $E = 120 \, \text{B}$, $R_1 = 150 \, \text{Om}$, $R_2 = 750 \, \text{Om}$. Вольт-амперная характеристика лампочки накаливания приведена на рисунке. Ключ К замыкают.
 - 1) Найти ток I_{20} через R_2 сразу после замыкания ключа.
 - 2) Найти скорость возрастания тока через лампочку сразу после замыкания ключа.
 - 3) Найти ток через катушку в установившемся режиме после замыкания ключа.





5. Главные оптические оси двух тонких линз совпадают. У линзы $\Pi 1$ фокусное расстояние $F_1 = -10$ см, у линзы $\Pi 2$ фокусное расстояние $F_2 = 15$ см. Неподвижный точечный источник света S расположен на расстоянии d = 20 см от неподвижной линзы $\Pi 1$. Линза $\Pi 2$ приближается к $\Pi 1$ с постоянной скоростью V = 2 см/с. Изображение источника рассматривают со стороны линзы $\Pi 2$ (см. рис.).

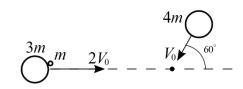


- 1) На каком расстоянии x_0 от линз будет изображение, когда Л2 приблизится вплотную к Л1?
- 2) На каком расстоянии x от линзы Л2 будет изображение, когда расстояние между линзами станет L=25 см?
- 3) Найти скорость U (по модулю) изображения, когда расстояние между линзами станет L=25 см.

Вариант 11-07

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

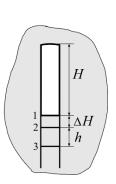
1. Две небольшие шайбы скользят по гладкой горизонтальной поверхности так, как показано на рисунке, после чего происходит их столкновение. Масса первой шайбы 3m, скорость $2V_0$, масса второй шайбы 4m, скорость V_0 . Угол между направлениями скоростей 60^0 . К первой шайбе прикреплен кусочек пластилина массы m.



- 1) Найдите скорость шайб, если после столкновения они приклеились друг к другу.
- 2) На какую величину E_0 увеличится внутренняя энергия системы после такого столкновения?
- 3) Известно, что произошел такой удар, что шайбы не слиплись, а пластилин полностью прилип к правой шайбе. При этом внутренняя энергия системы увеличилась на величину $2E_0/5$ (см. предыдущий пункт задачи). Найдите модуль скорости одной шайбы относительно другой после такого удара.

Движения шайб до и после удара поступательные. В ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

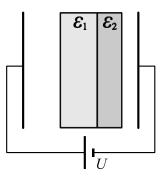
2. В воде на некоторой глубине удерживают пробирку в вертикальном положении, обращенную открытым концом вниз (см. рис.). Столб влажного воздуха имеет длину H=30 см, температура установилась $t_1=17\,^{0}$ С, в таком состоянии пробирка находилась достаточно долго. В некоторый момент температуру системы резко поднимают до температуры $t_2=77\,^{0}$ С, сохраняя прежнее давление. При этом вода в пробирке быстро опустилась с уровня 1 до уровня 2. После этого уровень воды начал медленно двигаться до уровня 3, опустившись на h=10 см. Изменением гидростатического давления на границе «воздух — вода» в пробирке можно пренебречь.



- 1) Найти расстояние ΔH между первым и вторым уровнями.
- 2) Найти давление в пробирке P_0 . Ответ дать в мм. рт. ст.

Примечание: давление насыщенного пара воды при температуре t_1 равно $P_1 = 15$ мм. рт. ст., при температуре t_2 равно $P_2 = 305$ мм. рт. ст.

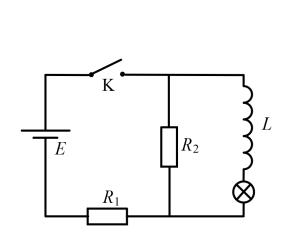
- **3.** В плоский конденсатор с площадью обкладок S и расстоянием между ними d помещены параллельно обкладкам и напротив них две соприкасающиеся пластины (см. рис.). У одной пластины диэлектрическая проницаемость $\varepsilon_1 = 3$, толщина d/2, у другой пластины $\varepsilon_2 = 4$, толщина d/3. У обеих пластин площадь каждой из двух поверхностей равна S. Конденсатор подключен к источнику с напряжением U.
 - 1) Найти напряженность электрического поля E в левом воздушном зазоре конденсатора.
 - 2) Найти заряд Q положительно заряженной обкладки конденсатора.
 - 3) Найти связанный (поляризационный) заряд q на границе соприкосновения пластин.

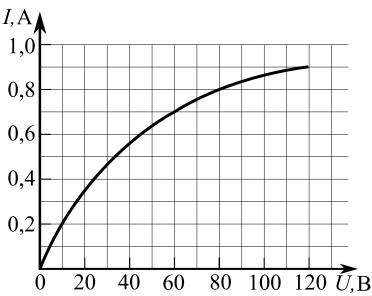


Вариант 11-07

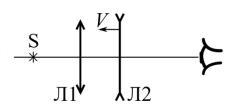
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

- **4.** В цепи (см. рис.) катушка индуктивности и источник идеальные, $L = 0.25~\Gamma$ н, E = 120~B, $R_1 = 100~O$ м, $R_2 = 50~O$ м. Вольт-амперная характеристика лампочки накаливания приведена на рисунке. Ключ К замыкают.
 - 1) Найти ток I_{10} через R_1 сразу после замыкания ключа.
 - 2) Найти скорость возрастания тока через катушку сразу после замыкания ключа.
 - 3) Найти ток через лампочку в установившемся режиме после замыкания ключа.





5. Главные оптические оси двух тонких линз совпадают. У линзы $\Pi 1$ фокусное расстояние $F_1 = 20$ см, у линзы $\Pi 2$ фокусное расстояние $F_2 = -10$ см. Неподвижный точечный источник света S расположен на расстоянии d=10 см от неподвижной линзы $\Pi 1$. Линза $\Pi 2$ приближается к $\Pi 1$ с постоянной скоростью V=1 см/с. Изображение источника рассматривают со стороны линзы $\Pi 2$ (см. рис.).

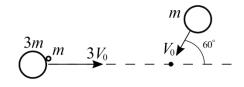


- 1) На каком расстоянии x_0 от линз будет изображение, когда Л2 приблизится вплотную к Л1?
- 2) На каком расстоянии x от линзы Л2 будет изображение, когда расстояние между линзами станет L=20 см?
- 3) Найти скорость U (по модулю) изображения, когда расстояние между линзами станет L=20 см.

Вариант 11-08

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

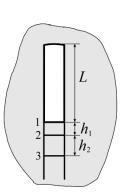
1. Две небольшие шайбы скользят по гладкой горизонтальной поверхности так, как показано на рисунке, после чего происходит их столкновение. Масса первой шайбы 3m, скорость $3V_0$ масса второй шайбы m, скорость V_0 . Угол между направлениями скоростей 60^0 . К первой шайбе прикреплен кусочек пластилина массы m.



- 1) Найдите скорость шайб, если после столкновения они приклеились друг к другу.
- 2) На какую величину E_0 увеличится внутренняя энергия системы после такого столкновения?
- 3) Известно, что произошел такой удар, что шайбы не слиплись, а пластилин полностью прилип к правой шайбе. При этом внутренняя энергия системы увеличилась на величину $E_0/3$ (см. предыдущий пункт задачи). Найдите модуль скорости одной шайбы относительно другой после такого удара.

Движения шайб до и после удара поступательные. В ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

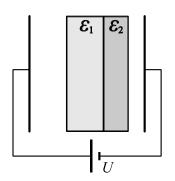
2. В воде на некоторой глубине удерживают пробирку в вертикальном положении, обращенную открытым концом вниз (см. рис.). Температура в столбе влажного воздуха установилась $t_1 = 37~^{0}$ С, в таком состоянии пробирка находилась достаточно долго. В некоторый момент температуру системы резко поднимают до температуры $t_2 = 87~^{0}$ С, сохраняя прежнее давление. При этом вода в пробирке быстро опустилась с уровня 1 до уровня 2 на $h_1 = 10$ мм. После этого уровень воды начал медленно двигаться до уровня 3, опустившись на $h_2 = 40$ мм. Изменением гидростатического давления на границе «воздух – вода» в пробирке можно пренебречь.



- 1) Найти высоту L столба влажного воздуха в пробирке до нагревания.
- 2) Найти давление в пробирке P_0 . Ответ дать в мм. рт. ст.

Примечание: давление насыщенного пара воды при температуре t_1 равно $P_1=47$ мм. рт. ст., при температуре t_2 равно $P_2=467$ мм. рт. ст.

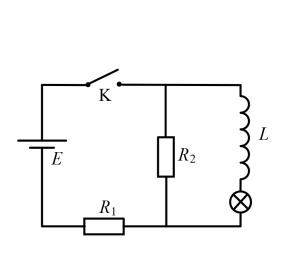
- **3.** В плоский конденсатор с площадью обкладок S и расстоянием между ними d помещены параллельно обкладкам и напротив них две соприкасающиеся пластины (см. рис.). У одной пластины диэлектрическая проницаемость $\varepsilon_1 = 2$, толщина d/2, у другой пластины $\varepsilon_2 = 4$, толщина d/4. У обеих пластин площадь каждой из двух поверхностей равна S. Конденсатор подключен к источнику с напряжением U.
 - 1) Найти напряженность электрического поля E в правом воздушном зазоре конденсатора.
 - 2) Найти заряд Q положительно заряженной обкладки конденсатора.
 - 3) Найти связанный (поляризационный) заряд q на границе соприкосновения пластин.

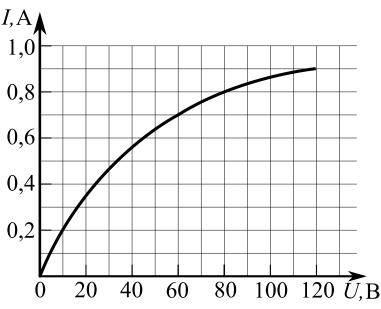


Вариант 11-08

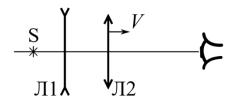
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

- **4.** В цепи (см. рис.) катушка индуктивности и источник идеальные, L = 0.8 Гн, E = 120 В, $R_1 = 300$ Ом, $R_2 = 600$ Ом. Вольт-амперная характеристика лампочки накаливания приведена на рисунке. Ключ К замыкают.
 - 1) Найти ток I_{20} через R_2 сразу после замыкания ключа.
 - 2) Найти скорость возрастания тока через лампочку сразу после замыкания ключа.
 - 3) Найти ток через катушку в установившемся режиме после замыкания ключа.





5. Главные оптические оси двух тонких линз совпадают. У линзы Л1 фокусное расстояние $F_1 = -30$ см, у линзы Л2 фокусное расстояние $F_2 = 15$ см. Неподвижный точечный источник света S расположен на расстоянии d = 45 см от неподвижной линзы Л1. Линза Л2 удаляется от Л1 с постоянной скоростью V = 9 мм/с. Изображение источника рассматривают со стороны линзы Л2 (см. рис.).



- 1) На каком расстоянии x_0 от линз будет изображение, когда Л1 и Л2 были вплотную друг к другу?
- 2) На каком расстоянии x от линзы Л2 будет изображение, когда расстояние между линзами станет L=6 см?
- 3) Найти скорость U (по модулю) изображения, когда расстояние между линзами станет L=6 см.