



Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 10-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Мяч, посланный теннисистом вертикально вверх, поднимается на максимальную высоту за $T = 2$ с.

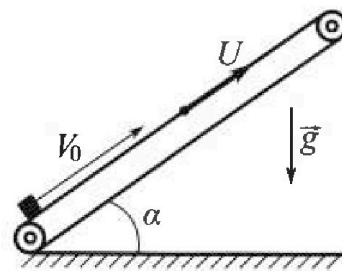
1) Найдите начальную скорость V_0 мяча.

2) Теннисист посылает мяч с начальной скоростью V_0 под различными углами к горизонту в направлении высокой вертикальной стенки, находящейся на расстоянии $S = 20$ м от места броска. На какой максимальной высоте мяч ударяется о стенку?

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Мяч движется в плоскости перпендикулярной стенке. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым. Все высоты отсчитываются от точки старта.

2. Лента транспортера, предназначенного для подъема грузов, образует с горизонтальной плоскостью угол α такой, что $\sin \alpha = 0,8$ (см. рис.).

В первом опыте небольшую коробку ставят на покоящуюся ленту транспортера и сообщают коробке начальную скорость $V_0 = 4$ м/с. Коэффициент трения скольжения коробки по ленте $\mu = \frac{1}{3}$. Движение коробки прямолинейное.



1) За какое время T после старта коробка пройдет в первом опыте путь $S = 1$ м?

Во втором опыте коробку ставят на ленту транспортера, движущуюся со скоростью $U = 2$ м/с, и сообщают коробке скорость $V_0 = 4$ м/с.

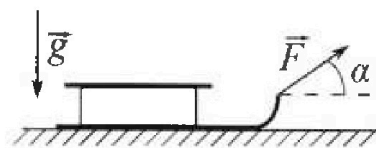
2) На каком расстоянии L от точки старта скорость коробки во втором опыте будет равна $U = 2$ м/с?

3) На какой высоте H , отсчитанной от точки старта, скорость коробки во втором опыте станет равной нулю? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Все кинематические величины измерены в лабораторной системе отсчета.

3. Санки дважды разгоняют из состояния покоя до одной и той же скорости V_0 за одинаковое время.

В первом случае санки тянут, действуя постоянной по модулю силой, направленной под углом α к горизонту (см. рис.).

Во втором случае такая же по модулю сила, приложенная к санкам, направлена горизонтально. После достижения скорости V_0 действие внешней силы прекращается.



1) Найдите коэффициент μ трения скольжения санок по горизонтальной поверхности.

2) Через какое время T после прекращения действия силы санки остановятся? Ускорение свободного падения g .

Санки находятся на горизонтальной поверхности. Движение санок прямолинейное.



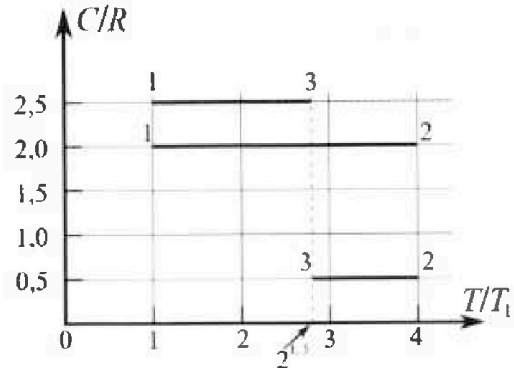
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 10-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



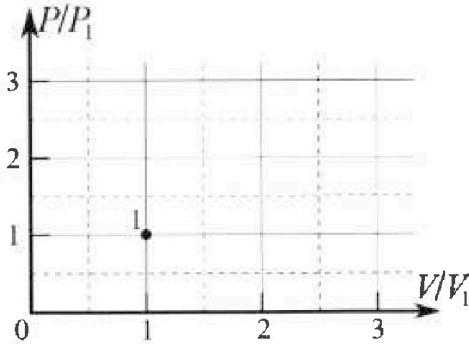
4. Тепловой двигатель работает по циклу 1-2-3-1. Рабочее вещество – один моль одноатомного идеального газа. Для вычисления КПД цикла ученик десятого класса построил график зависимости молярной теплоемкости C газа (в единицах универсальной газовой постоянной R) от температуры в процессах: 1-2, 2-3, 3-1 (см. рис.). Температура газа в состоянии 1 $T_1 = 400$ К, универсальная газовая постоянная $R = 8,31$ Дж/(моль·К).



1) Найдите работу A_{12} газа в процессе 1-2.

2) Найдите КПД η цикла.

3) Постройте график цикла в координатах $(P/P_1, V/V_1)$, где P_1 и V_1 давление и объём в состоянии 1. Для построения графика перенесите шаблон (см. ниже) в чистовик своей работы. Точка 1 на графике соответствует состоянию 1 газа в цикле.



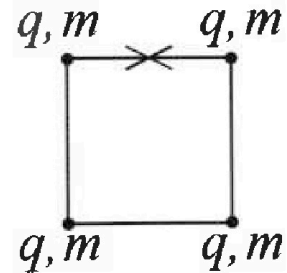
5. Четыре заряженных шарика связаны легкими нерастяжимыми нитями так, что шарики находятся в вершинах квадрата со стороной b (см. рис.). Масса каждого шарика m , заряд q .

1) Найдите силу T натяжения нитей.

Одну нить пережигают.

2) Найдите скорость V любого, выбранного Вами шарика, в тот момент, когда шарики будут находиться на одной прямой.

3) На каком расстоянии d от точки старта будет находиться в этот момент любой из двух шариков, изначально расположенных сверху (на рисунке)?



Коэффициент пропорциональности в законе Кулона k . Действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

№1.

$$T = \frac{v_0}{g} \Rightarrow v_0 = gT = 20 \text{ м/с}$$



$$v_0 \cos \alpha \cdot T = s \Rightarrow T = \frac{s}{v_0 \cos \alpha}$$

$$h = v_0 \sin \alpha \cdot T - \frac{gT^2}{2} = s \tan \alpha - \frac{g^2 s^2}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}$$

$$= s \tan \alpha - \frac{g^2 s^2}{2v_0^2} (\tan^2 \alpha + 1) = -\frac{g^2 s^2}{2v_0^2} \tan^2 \alpha + s \tan \alpha - \frac{g^2 s^2}{2v_0^2}$$

Графиком является парабола ветвью вниз $\frac{1}{2a}$, вершина

которой находится в $x = -\frac{b}{2a} \Rightarrow \tan \alpha = \frac{s}{\frac{g^2 s^2}{2v_0^2}} = \frac{2v_0^2}{g^2 s}$

$$= \frac{20^2}{10^2} = 2 \text{ м/с} \Rightarrow h_{\max} = -\frac{10^2 \cdot 2^2}{2 \cdot 20^2} \cdot 4 + 20 \cdot 2 - \frac{10^2 \cdot 2^2}{2 \cdot 20^2} = 15 \text{ м}$$

Ответ: $h_{\max} = 15 \text{ м}$
 $v_0 = 20 \text{ м/с}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

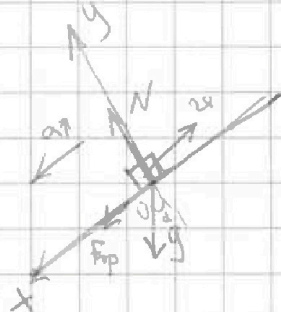
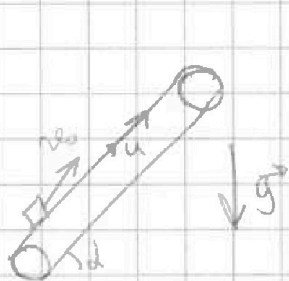
1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

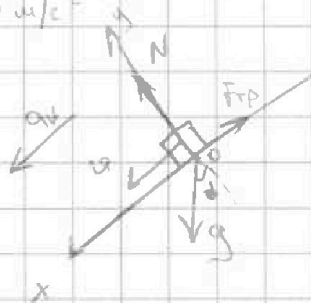


$\sqrt{2}$. $\sin \alpha = 0,8$ $\cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = 0,6$



Когда коробка движется вверх по склону (a↑)
 $O_y: N = mg \cos \alpha$
 $O_x: ma \uparrow = F_{тр} + mg \sin \alpha$
 П.к. трение скольжения, μ
 $ma \uparrow = \mu mg \cos \alpha + mg \sin \alpha$

$a \uparrow = \frac{1}{3} \cdot 10 \cdot 0,6 + 10 \cdot 0,8 = 10 \text{ м/с}^2$



Когда коробка движется вниз по склону (a↓)
 $O_y: N = mg \cos \alpha$
 $O_x: ma \downarrow = F_{тр} + mg \sin \alpha$
 П.к. трение скольжения, μ
 $ma \downarrow = \mu mg \cos \alpha + mg \sin \alpha$

$a \downarrow = -\frac{1}{3} \cdot 10 \cdot 0,6 + 10 \cdot 0,8 = 6 \text{ м/с}^2$

1) Коробка движется вверх $\Rightarrow a \uparrow$ $S = v_0 t - \frac{a \uparrow t^2}{2} \Rightarrow 10 - 5t^2 + 4t - 1 = 0$

$5t^2 - 4t + 1 = 0$

$D = 16 - 20 = -4 < 0 \Rightarrow$ коробка не будет двигаться вниз раньше, чем пройдет путь в 1 м.

$S \uparrow = \frac{v_0^2}{2a \uparrow} = \frac{4}{5} \text{ м}$ $T \uparrow = \frac{v_0}{a \uparrow} = 0,4 \text{ с}$

$S \downarrow = S - S \uparrow = \frac{1}{5} \text{ м} \Rightarrow S \downarrow = \frac{a \downarrow t^2}{2} \rightarrow T \downarrow = \sqrt{\frac{2S \downarrow}{a \downarrow}} = \sqrt{\frac{2 \cdot \frac{1}{5}}{6}} = \frac{1}{3} \text{ с}$

$T = T \uparrow + T \downarrow = \frac{3}{5} \text{ с}$

2) Относительно транспортера $v_0 = 2 \text{ м/с}$ $v_1 = 0 \text{ м/с}$, значит на высоте L коробка остановится (относительно транспортера). τ - время до остановки

$\tau = \frac{v_0}{a \uparrow} = 0,2 \text{ с}$ $L' = \frac{v_0^2}{2a \uparrow} = 0,2 \text{ м}$ Мы нашли L' отн. кп. т. катресе \Rightarrow

$L^2 = L' + \Delta L$, где ΔL - путь транспортера за время τ $\Delta L = \tau v_0 = 0,4 \text{ м} \Rightarrow L = 0,6 \text{ м}$

3) Относительно транспортера коробка будет двигаться со скоростью $v_0' = -2 \text{ м/с}$. Путь до остановки мы знаем, найдем путь до этой точки - 2:

$\tau_0 = \frac{v_0'}{a \uparrow} = \frac{1}{3} \text{ с}$ $H' = \frac{v_0'^2}{2a \uparrow} = \frac{1}{3} \text{ м}$ $\Delta L' = \tau_0 v_0 = \frac{1}{3} \text{ м}$, т.к. коробка движется вниз, τ_0

$H = L - H' + \Delta L' = 0,6 - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{11}{15} \text{ м}$ O_1 вер. $T = \frac{3}{5} \text{ с}$ $L = 0,6 \text{ м}$ $H = \frac{11}{15} \text{ м}$

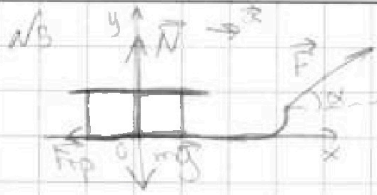
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Пл. трения скольжения, т.е. $F_{тр} = \mu N$

$$Oy: N = mg - F \sin \alpha$$

$$Ox: ma = F \cos \alpha - F_{тр} - F \cos \alpha - \mu mg + \mu F \sin \alpha$$

$$\text{Пл. } \alpha = 0: ma = F \cos \alpha - \mu mg$$

$$\text{Пл. } \alpha \neq 0: ma = F \cos \alpha - \mu mg + \mu F \sin \alpha$$

$v_0 = a t$, а т.к. v_0 и t равны в обоих случаях, то ma равны \Rightarrow

$$F - \mu mg = F \cos \alpha - \mu mg + \mu F \sin \alpha$$

$$1 = \cos \alpha + \mu \sin \alpha$$

$$\mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

Поле преобразования действова F ~~затем~~ ускорение a $= \mu g = \mu mg$

$$T = \frac{v_0}{a} = \frac{v_0}{\mu g} = \frac{v_0 \sin \alpha}{(1 - \cos \alpha) g}$$

$$\text{Отв. } \mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$T = \frac{v_0 \sin \alpha}{(1 - \cos \alpha) g}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N4.

$$Q = \sum Q_{AT} = \Delta \varepsilon + A = \frac{5}{2} \sum Q_{RAT} + A \Rightarrow A = \sum Q_{AT} (C - \frac{5}{2} R)$$

$$A_{1-2} = \frac{5}{2} R \Delta T_1 = \frac{5}{2} \cdot 8,31 \cdot 400 = 4986 \text{ Дж}$$

$$A_{2-3} = (2\sqrt{2} - 4) T_1 \cdot (\frac{1}{2} - \frac{3}{2}) R = (4 - 2\sqrt{2}) R T_1, \quad A_{3-1} = (6,5 - 4\sqrt{2}) R T_1$$

$$A_{2-1} = (2 - 2\sqrt{2}) T_1 \cdot (\frac{5}{2} - \frac{3}{2}) R = (1 - 2\sqrt{2}) R T_1$$

$$Q_{1-2} = 2 \cdot 8 R \Delta T$$

$$Q_{2-3} = (2\sqrt{2} - 4) R \Delta T, \quad Q = \sum Q = 6 + \sqrt{2} - 2 + \frac{5}{2} - 3\sqrt{2} = 16,5 - 4\sqrt{2} R T_1$$

$$Q_{2-1} = (1 - 2\sqrt{2}) R \Delta T$$

$$D = \frac{A_0}{Q_0} = 1$$

Поскольку газ - идеальный, то $C_V = \frac{5}{2} R$, $C_p = \frac{7}{2} R$

Процесс 1-2 - изобарный, процесс

2-3 - адиабатический, процесс 3-1 - изохорный

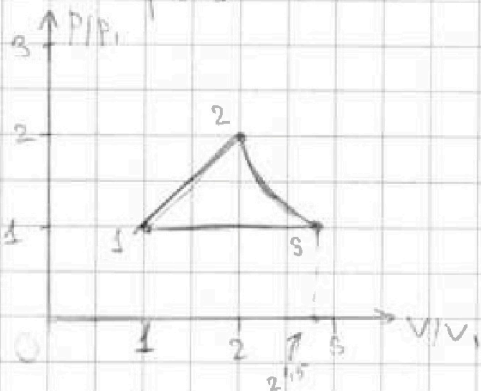
$$1. \quad p_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$2. \quad p_2 V_2 = \nu R 4T_1$$

$$3. \quad p_3 V_3 = \nu R 2\sqrt{2} T_1$$

$$T_1 = T_2 = T_3 \text{ (из условия)}$$

$$V_3 = 2\sqrt{2} V_1$$



$$p_2 V_2 = 4 p_1 V_1$$

$$p_2 V_3 = 2\sqrt{2} p_1 V_1$$

$$\text{Пусть } p_2 = x p_1, \quad V_2 = y p_1 V_1 \Rightarrow xy = 4$$

$$A_{1-2} = \frac{p_1 + p_2}{2} (V_2 - V_1) = 3 p_1 V_1$$

$$\begin{cases} (x+1)(x-1) = 3 \\ xy = 4 \end{cases} \Rightarrow x=y, \text{ так как } A_{1-2} > 0 \Rightarrow A_2 = 320 \text{ Дж}$$

$V_1 < V_2 < V_3 \Rightarrow x=2, y=2$ и процесс 1-2: $\frac{p}{V} = \text{const}$ процесс

2-3 - адиабатический, соответственно выведем приращение

Результат: $A_{1-2} = 4986 \text{ Дж}$ $D = 100\%$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

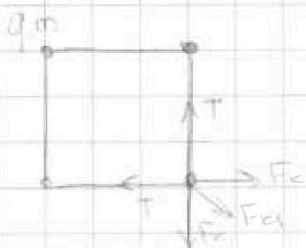


Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



N5

1)



Решение задачи 5. Т. будет уравновешено (q0 притягивает)

$$F_c = k \frac{q_0 q_0}{b^2}$$

$$F_{cl} = k \frac{q_0^2}{b^2}$$

$$F_{cl} = k \frac{q_0^2}{2b^2}$$

$$T = F_c + \frac{\sqrt{2}}{2} F_{cl} = \frac{1+\sqrt{2}}{2} k \frac{q_0^2}{b^2}$$

Точка горизонтальной нити:



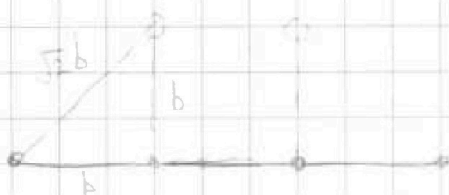
Континентальная нить

Будет находиться в равновесии, если и не будет двигаться в н.

Это уравновешивает только горизонтальная нить и заряды (q0 притягивает)

2) $V_{\text{нм}} = 0$

3)



$$d = \sqrt{2} b$$

Ответ: $T = \frac{1+\sqrt{2}}{2} k \frac{q_0^2}{b^2}$

$$V_{\text{нм}} = 0$$

$$d = \sqrt{2} b$$

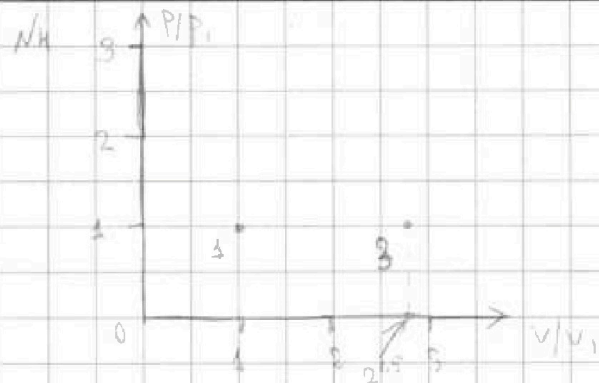
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1
 2
 3
 4
 5
 6
 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Для одноатомного газа:
 При $V = \text{const}$: $C_V = \frac{1}{2} R = \frac{5}{2} R$
 При $P = \text{const}$: $C_P = \frac{7}{2} R = \frac{5}{2} R$
 В процессе процесс 3-1 изобарический.

Рассмотрим процесс 1-2: $Q_{1-2} = \Delta C \Delta T = 6RT_1$; $Q = \Delta E + A =$
 $= \frac{3}{2} 2R \Delta T_2 + A = \frac{3}{2} 2RT_1 + A \Rightarrow A_{1-2} = \frac{3}{2} RT_1 = 600R = 4986 \text{ Дж}$

$$D = \frac{A_0}{Q_0} = \frac{A_{1-2} + A_{2-3} + A_{3-1}}{Q_{1-2} + Q_{2-3} + Q_{3-1}}$$

$Q_{2-3} = \Delta C \Delta T$ — площадь под графиком в уравнении энтальпии

$$Q_{2-3} = 6RT_1 + (4 - 2\sqrt{2}) \cdot \frac{1}{2} RT_1 + (2\sqrt{2} - 1) \frac{5}{2} RT_1 = 5,5 RT_1 + 4\sqrt{2} RT_1 =$$

$$= (5,5 + 4\sqrt{2}) RT_1$$

$$A_{2-3} = Q_{2-3} - \Delta E_{2-3} = (4 - 2\sqrt{2}) \frac{1}{2} RT_1 - \frac{3}{2} (4 - 2\sqrt{2}) RT_1 = (2\sqrt{2} - 4) RT_1$$

$$A_{3-1} = Q_{3-1} - \Delta E_{3-1} = (2\sqrt{2} - 1) \frac{5}{2} RT_1 - \frac{3}{2} (2\sqrt{2} - 1) RT_1 = (2\sqrt{2} - 1) RT_1$$

$$A_0 = \frac{3}{2} RT_1 + (4\sqrt{2} - 5) RT_1 = (4\sqrt{2} - 3,5) RT_1 \Rightarrow D = \frac{A_0}{Q_0} = \frac{4\sqrt{2} - 3,5}{5,5 + 4\sqrt{2}} \approx 0,29$$

$$\textcircled{E} \frac{4\sqrt{2} - 3,5}{4\sqrt{2} + 5,5} = 1 - \frac{9}{4\sqrt{2} + 5,5} \quad \sqrt{2} \approx 1,417 \Rightarrow D \approx 0,29$$

Запишем закон Менделеева-Клапейрона для 1, 2, 3

$$1 - p_1 V_1 = 2RT_1$$

$$2 - p_2 V_2 = 4RT_1$$

$$3 - p_3 V_3 = 2\sqrt{2} 2RT_1$$

Как мы уже выяснили, процесс 3-1 изобарический $\Rightarrow p_3 = p_1 \Rightarrow V_3 = 2\sqrt{2} V_1$
 и процесс 1-2 изобарический $\Rightarrow p_2 = p_1 \Rightarrow V_2 = 2V_1$

Пусть $p_1 = p$, а $V_2 = x V_1$, то $x^2 - 4 = \frac{4}{2} p_1 \frac{x}{2} V_1 = \frac{4}{2} p_1 V_1$ (по 1)

$$p(x - 4) = 0$$

$$2x - 4 = 4$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\cancel{Q} = \cancel{2} C \Delta T = \cancel{2} \cancel{2} R \Delta T + A \Rightarrow A = \cancel{2} \cancel{2} \Delta T \left(\frac{1}{2} R \right)$$

$$A_{1-2} = 3 T_1 \left(\frac{1}{2} R - \frac{2}{3} R \right) = \frac{1}{2} R T_1 = 0.5 R T_1$$

$$A_{2-3} = \cancel{2} \cancel{2} (2\sqrt{2} - 4) \left(\frac{1}{2} - \frac{2}{3} R \right) = (4 - 2\sqrt{2}) R T_1$$

$$A_{3-4} = (4 - 2\sqrt{2}) \left(\frac{1}{2} - \frac{2}{3} R \right) = (1 - 2\sqrt{2}) R T_1$$

$$Q = 6 R T_1 + \cancel{2} \cancel{2} R T_1 + (4 - 2\sqrt{2}) R T_1 = 6 + \sqrt{2} - 2 + \sqrt{2} - 4\sqrt{2} = 6.5 - 4\sqrt{2}$$

$$A = \frac{3}{2} + 4 - 2\sqrt{2} + 1 - 2\sqrt{2} = 6.5 - 4\sqrt{2}$$

$$Q = \frac{A}{\alpha} = 1$$

$$\alpha_0 \uparrow \quad T = \frac{2\alpha_0}{g} \Rightarrow \alpha_0 = 30 \text{ м/с}$$

$$\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1 \quad \left| \cdot \frac{1}{\cos^2 \alpha} \right.$$

$$\tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha} - 1$$

$$\tan^2 \alpha = 3 \Rightarrow \alpha = 71.5^\circ$$

$$\sin 4\alpha = 4\alpha - 5 =$$



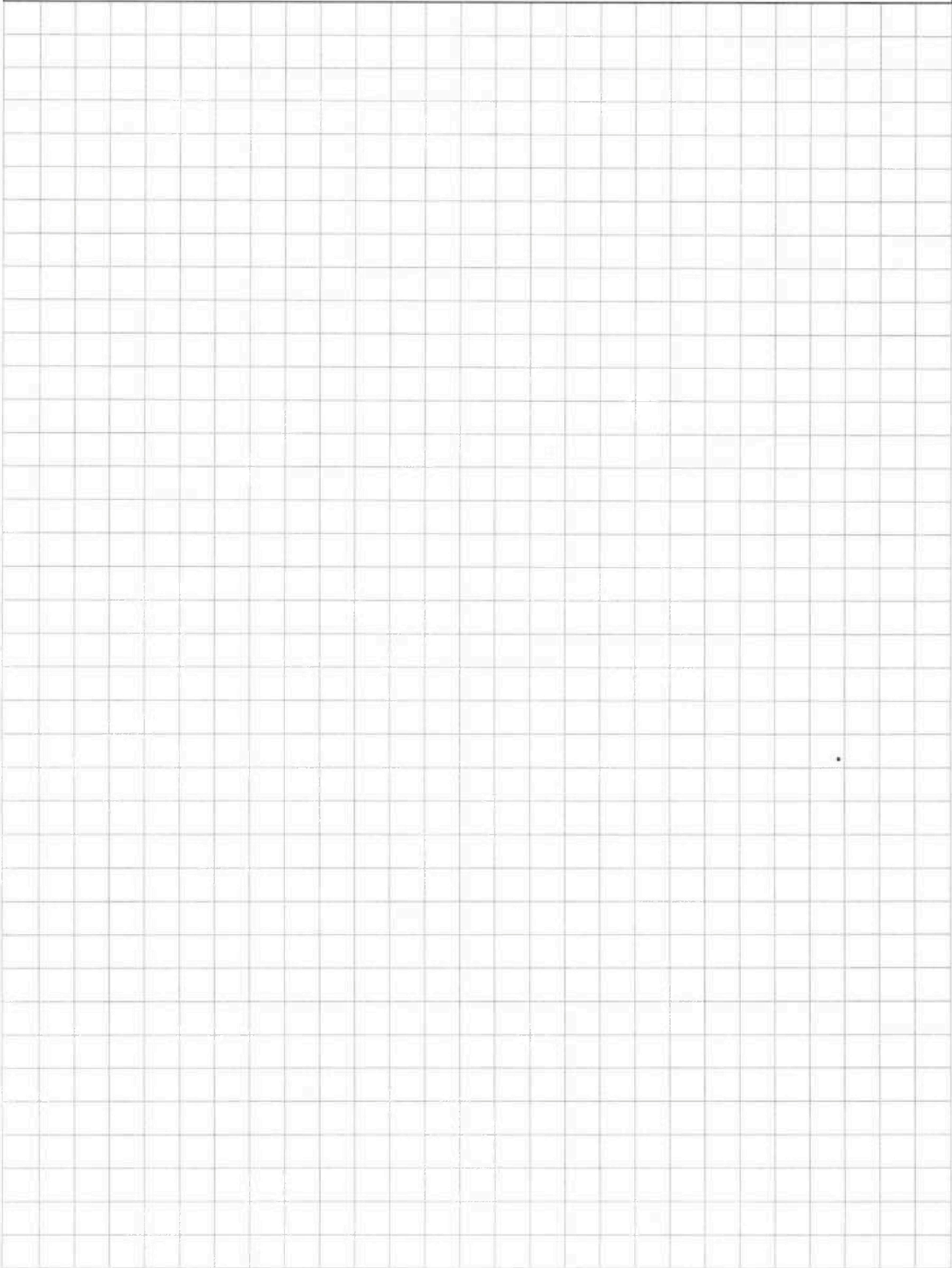
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$T = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

$$F_{x1} = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \frac{x_1}{r}$$

$$xy + x - y = 4$$

$$xy = 4$$

$$x = y$$

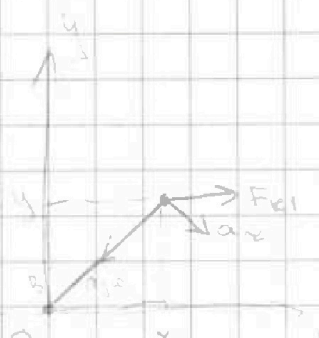
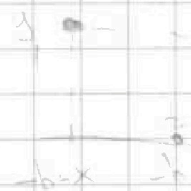
$$T = F_{x1} = \frac{F_{x1}}{r^2} \quad k \frac{q^2}{r^2} = k \frac{5q^2}{(2\sqrt{2})^2}$$

$$(2\sqrt{2} - 2) \left(\frac{1}{2} - 1 \right) = \frac{4 + \sqrt{2}}{4} \quad \frac{q^2}{r^2}$$

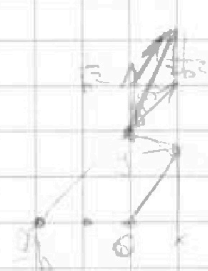
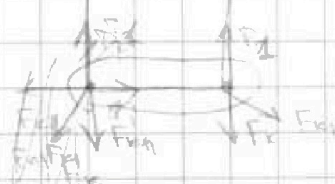
$$F_{x1} = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$$



$$\frac{P_1}{V_1} = \frac{P_2}{V_2}$$

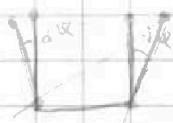


$$P_1 V_1 = P_2 V_2$$



$$\frac{1}{(2b^2)} + \frac{1}{a^2} = \frac{1}{b^2}$$

$$\frac{831}{4980}$$



$$F_x = \frac{1}{\sqrt{2} b^2} \quad k \in \frac{1}{b^2}$$

$$F_x = \frac{1}{\sqrt{2} b^2} \quad \frac{1}{b^2}$$

$$x^2 + 2bx + b^2 = 2b^2 + 2bx$$

$$F_x = \frac{1}{2b^2 + 2bx} \quad \frac{1}{b^2}$$

$$\Delta E + A$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



condition

$$\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1$$

$$\frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$\frac{1}{85} \cdot 6 = \frac{6}{85}$$

$$\operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha} - 1$$

$$A = C_{AT} - \frac{2RT}{A}$$

$$2,00000 = 4$$

$$\frac{1}{\cos^2 \alpha} = \operatorname{tg}^2 \alpha + 1$$

$$A = \Delta T \left(C - \frac{2R}{A} \right) = \frac{2}{2+1,5} RT$$

$$5,6 + 3,5$$

$$\left[\frac{u}{v} \right] = \frac{u^2}{v^2}$$

$$h = \frac{2e^2}{5g} = \frac{u^2}{v^2}$$

$$11,$$

$$\frac{6}{10} + \frac{1}{3}$$

$$14$$

$$\sqrt{2} = 1,414$$

$$\frac{18+10}{30}$$

$$\frac{28}{20}$$

$$C = \frac{Q}{5T}$$

$$\begin{array}{r} 9,0000 \\ - 8,80 \\ \hline 120 \\ - 111 \\ \hline 900 \\ - 810 \\ \hline 90 \end{array} \quad \begin{array}{r} 111 \\ 0,810 \end{array}$$

~~15~~

$$-20 \quad 30 \quad -5$$

$$-5 \cdot 4 + 20 \cdot 4 = 5$$

$$5,5 + 3,5$$

~~(20/20) \cdot 4~~

$$\frac{9}{\sqrt{TC}} = \frac{2RT}{A}$$

$$\frac{80}{25}$$

$$50+30 \quad 25+30$$

$$4,5 - 5,5$$

$$A = 2AT \left(C - \frac{2R}{A} \right)$$

$$Q = CT = 2CAT$$

$$Q = 2R \cdot 3AT$$

$$C = \frac{Q}{2T} = \frac{\Delta E + A_{12}}{5T} = \frac{2 \cdot 2RAT + A_{12}}{5T}$$

$$8 - 2,5 = 5,5$$

$$xy + x - y = 7$$

$$x - y = 3$$

$$xy = 4$$

$$x = 5 + y$$

$$y^2 + 3y = 4$$

$$y^2 + 3y - 4 = 0$$

$$D = 9 + 16 = 25 = 5 \cdot 5$$

$$y = \frac{-3 \pm 5}{2} = 1 \Rightarrow y = 1$$

$$x = 4$$