



Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

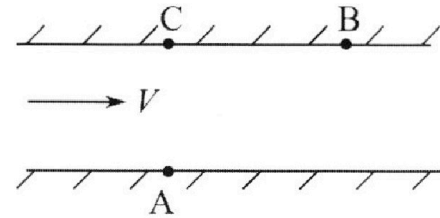
Вариант 09-02

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Пловец трижды переплывает реку. Движение пловца прямолинейное. Скорость пловца в подвижной системе отсчета, связанной с водой, во всех заплывах одинакова по модулю.

В двух первых заплывах А – точка старта, В – точка финиша (см. рис., V – неизвестная скорость течения реки). Ширина реки $AC = d = 50$ м, снос, т.е. расстояние, на которое пловец смещается вдоль реки к моменту достижения противоположного берега, $CB = L = 120$ м.



Продолжительность первого заплыва $T_1 = 100$ с, продолжительность второго заплыва $T_2 = 240$ с.

- 1) Найдите скорости V_1 и V_2 пловца в лабораторной системе отсчета в первом и втором заплывах.
- 2) Найдите скорость V течения реки.

В третьем заплыве пловец стартует из точки А и движется так, что снос наименьший.

- 3) На каком расстоянии S от точки В выше по течению финиширует пловец в третьем заплыве?

2. Футболист на тренировке наносит удары по мячу, лежащему на горизонтальной площадке и направляет мяч к вертикальной стенке. После абсолютно упругого соударения со стенкой на высоте $h = 5,4$ м мяч падает на площадку. Расстояние от точки старта до стенки в 3 раза больше расстояния от стенки до точки падения мяча на площадку.

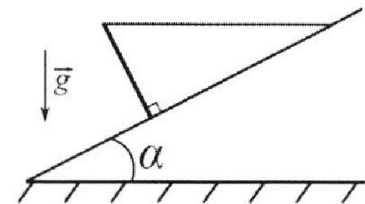
- 1) Найдите наибольшую высоту H , на которой мяч находится в полете.
- 2) Через какое время t_1 после соударения со стенкой мяч упадет на поле?

Допустим, что в момент соударения мяча со стенкой на высоте h , стенка движется навстречу мячу. Расстояние между точками падения мяча на поле в случаях: стенка покоится, стенка движется, $d = 1,8$ м.

- 3) Найдите скорость U стенки в момент соударения.

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха пренебрежимо мало. Соударения мяча со стенкой абсолютно упругие. Траектории мяча лежат в вертикальной плоскости перпендикулярной стенке.

3. Однородный стержень удерживается на шероховатой наклонной плоскости горизонтальной нитью, прикрепленной к стержню в его наивысшей точке. Сила натяжения нити $T = 17,3$ Н. Угол между стержнем и плоскостью прямой. Наклонная плоскость образует с горизонтальной плоскостью угол $\alpha = 30^\circ$.



- 1) Найдите массу m стержня.
- 2) Найдите силу $F_{тр}$ трения, действующую на стержень.
- 3) При каких значениях коэффициента μ трения скольжения стержень будет находиться в покое? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 09-02

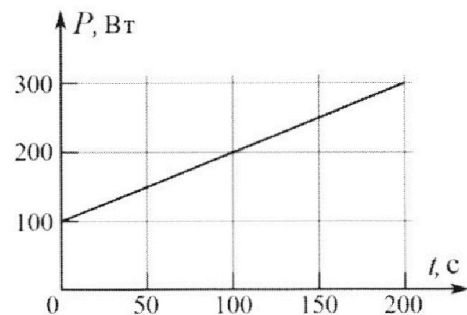
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



4. Воду объемом $V = 1$ л нагревают на электроплитке. Начальная температура воды $\tilde{t}_0 = 16$ °С. Сопротивление спирали электроплитки $R = 25$ Ом, напряжение источника $U = 100$ В. Зависимость мощности P тепловых потерь от времени t представлена на графике (см. рис.).

- 1) Найдите мощность P_H нагревателя.
- 2) Найдите температуру \tilde{t}_1 воды через $T = 180$ с после начала нагревания.

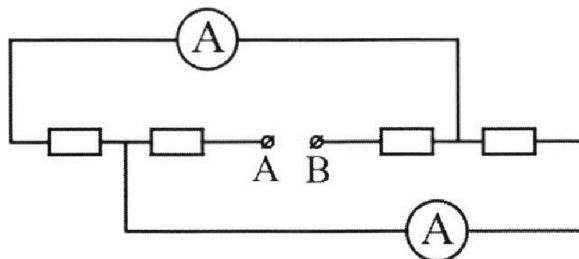
Плотность воды $\rho = 1000$ кг/м³, удельная теплоемкость воды $c = 4200$ Дж/(кг·°С).



5. В электрической цепи, схема которой представлена на рисунке, четыре резистора, у двух из которых сопротивление по 30 Ом, у двух других сопротивление по 60 Ом. Сопротивление амперметров пренебрежимо мало.

После подключения к клеммам А и В источника постоянного напряжения показания амперметров оказались различными. Большее показание $I_1 = 2$ А.

- 1) Найдите показание I_2 второго амперметра.
- 2) Какую мощность P развивают силы в источнике?



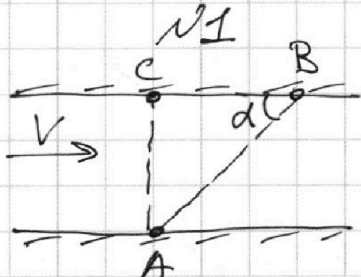
1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Решение

Дано:
 $d = AC = 50 \text{ м}$
 $CB = L = 120 \text{ м}$
 $T_1 = 100 \text{ с}$
 $T_2 = 240 \text{ с}$
 $V_1 = ?$ $V_2 = ?$



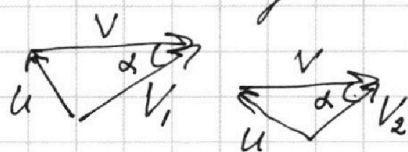
Пусть u - скорость плывца относительно реки.

1) В обоих случаях направления V_1 и V_2 совпадают.

$AB = \sqrt{L^2 + d^2}$ Тогда $V_1 = \frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{T_1} = 1,3 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

$V_2 = \frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{T_2} \approx 0,54 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

2) Пусть $\angle CBA = \alpha$, тогда из закона сложения скоростей и теор. косинусов:

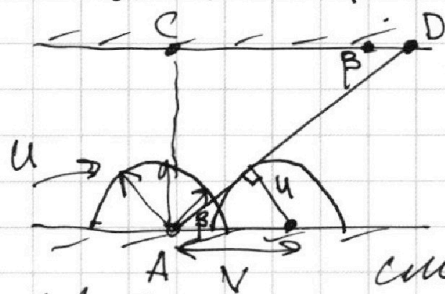


$\cos \alpha = \frac{12}{13}$

$u^2 = V^2 + V_1^2 - 2VV_1 \cos \alpha = V^2 + V_2^2 - 2VV_2 \cos \alpha$

$V_1^2 - V_2^2 = 2V \cos \alpha (V_1 - V_2) \rightarrow V = \frac{V_1 + V_2}{2 \cos \alpha} \approx 1 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

3) $u = \sqrt{V^2 + V_1^2 - 2VV_1 \cos \alpha} \approx 0,54 \frac{\text{м}}{\text{с}}$



Косинус векторов эти скорости плывца - полукр. Для того, чтобы получить ПИТ точек концов векторов скорости плывца в АС, можно сместить окружность на V .

Поместив, это спос минимален, если скорость касательна к новой полукр.

$\sin \beta = \frac{u}{V} \approx 0,54 = \frac{d}{ABD} \rightarrow ABD = \frac{d}{\sin \beta} = 92,6 \text{ м}$

По т. Пифагора:

$AD^2 = d^2 + (CD)^2$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$CD = (AB)^2 - d^2 = 78 \text{ м}$$

Шестовик

Тогда расстояние до точки B:

$$S = L - CD = 42 \text{ м}$$

$$\text{Ответ: } V_1 = 1,3 \frac{\text{м}}{\text{с}}; V_2 = 0,54 \frac{\text{м}}{\text{с}}; V = 1 \frac{\text{м}}{\text{с}};$$

$$S = 42 \text{ м.}$$

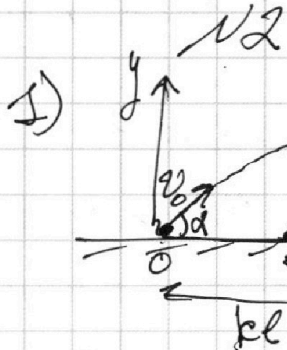
1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Методик

Дано:
 $h = 5,4 \text{ м}$
 $k = 3$
 $d = 1,8 \text{ м}$
 $g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$
 $H = ?$ $t_1 = ?$
 $u = ?$



Пусть l - расст. от точки падения до стенки.
 Тогда расст. от точки старта до точки стены - $kl = 3l$.

Так как при соударении v_y не меняется, а v_x меняется на противоположную, траектория после удара симметрична отн. стенке той, по которой мог бы лететь в отсутствие стенки. Времени полета одинаковы. Если v_0 и α - изг. скор. и угол к горизонту, то $v_0 \cos \alpha t_0 = 3l$, при этом $v_0 \cos \alpha \frac{t_0}{2} = 2l$

$t = \frac{3}{4} t_0$, где t - время до соуд. t_0 - полное время полета.

$$H = v_0 \sin \alpha \frac{t_0}{2} - \frac{g t_0^2}{8} \quad h = \frac{3}{4} v_0 \sin \alpha t_0 - \frac{g t_0^2}{32}$$

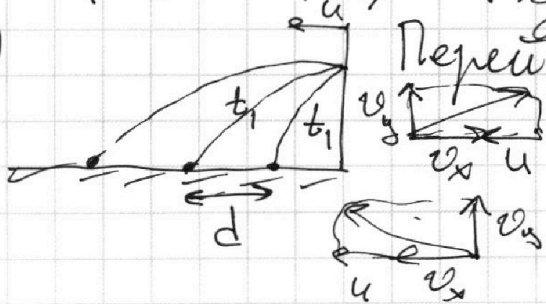
$$t_0 = \frac{2 v_0 \sin \alpha}{g} \rightarrow H = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g}; \quad h = \frac{3}{4} \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g}$$

$$\frac{H}{h} = \frac{4}{3} \rightarrow H = \frac{4}{3} h = 7,2 \text{ м}$$

$$2) H = \frac{g t_0^2}{8} \rightarrow t_0 = \sqrt{\frac{8H}{g}} = \sqrt{\frac{32h}{3g}}$$

$$t = \frac{3}{4} t_0 \rightarrow t_1 = \frac{t_0}{4} = \sqrt{\frac{32h}{48g}} = \sqrt{\frac{2h}{3g}} = 0,6 \text{ с}$$

3)



Перейдём в СО стенки;

← скорость до

← скорость после

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Решение

Теперь перейдем в ЛСО. Вертикаль-
ная компонента не меняется \rightarrow
время полета одинаково.

Горизонтальная увеличилась на
2м. Из этого сообразим

$$d = 2ut_1 \rightarrow u = \frac{d}{2t_1} = 1,5 \frac{m}{c}$$

$$\text{Ответ: } H = 7,2 \text{ м; } t_1 = 0,6 \text{ с; } u = 1,5 \frac{m}{c}$$

1 2 3 4 5 6 7

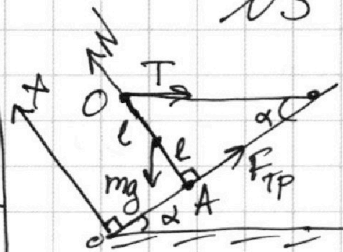
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Черновик

№3

Дано:
 $T = 17,3 \text{ Н}$
 $\alpha = 30^\circ$
 $m = ?$ $F_{\text{тр}} = ?$
 $\mu = ?$



Пусть l - длина неподвижной стержня.

1) Пр. моментов относительно точки А:

$$mg l \sin \alpha = 2 T l \cos \alpha$$

$$m = \frac{2 T \tan \alpha}{g} = 6 \text{ кг}$$

2) Пр. моментов относительно Т.О:

$$mg l \sin \alpha = 2 l F_{\text{тр}} \rightarrow F_{\text{тр}} = \frac{mg \sin \alpha}{2} = 15 \text{ Н}$$

3) Условия равновесия на ось Ox :

$$N = mg \cos \alpha + T \sin \alpha = mg \cos \alpha + \frac{mg \tan \alpha \cdot \sin \alpha}{2}$$

Макс. сила трения равна μN :
(показ)

$$F_{\text{тр}} \leq \mu N \rightarrow \frac{mg \sin \alpha}{2} \leq \mu \left(mg \cos \alpha + \frac{mg \tan \alpha \cdot \sin \alpha}{2} \right)$$

$$\mu \geq \frac{\sin \alpha}{2 \cos \alpha + \tan \alpha \cdot \sin \alpha} \approx 0,25$$

Ответ: $m = 6 \text{ кг}$; $F_{\text{тр}} = 15 \text{ Н}$; $\mu \geq 0,25$.

1 2 3 4 5 6 7



Задача

№4

Дано:

$$V = 1 \text{ л}$$

$$\tilde{t}_0 = 16^\circ\text{C}$$

$$R = 25 \text{ }\Omega$$

$$U = 100 \text{ В}$$

$$T = 180 \text{ с}$$

$$\rho = 1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$$

$$c = 4200 \frac{\text{Дж}}{\text{кг}\cdot^\circ\text{C}}$$

$$P_{\text{н}} = ? \quad \tilde{t}_1 = ?$$

$$1) P_{\text{н}} = \frac{U^2}{R} = 400 \text{ Вт}$$

2) За время T вода получит

$Q_1 = P_{\text{н}} T$ тепла и отдаст в окружающую среду Q_2 тепла, пропорциональное площади под графиком $P(t)$ к этому моменту.

Коэффициент наклона графика $k = 1 \frac{\text{Вт}}{\text{с}}$.

$$Q_2 = T \frac{(100 \text{ Вт} + kT)}{2} = 25200 \text{ Дж.}$$

Уравнение теплового баланса:

$$Q_1 - Q_2 = c \rho V (\tilde{t}_1 - \tilde{t}_0) = P_{\text{н}} T - T \frac{(100 + kT)}{2} = c \rho V (\tilde{t}_1 - \tilde{t}_0)$$

$$\tilde{t}_1 = \frac{T(P_{\text{н}} - \frac{100 + kT}{2})}{c \rho V} + \tilde{t}_0 \approx 27,1^\circ\text{C}$$

Ответ: $P_{\text{н}} = 400 \text{ Вт}$; $\tilde{t}_1 = 27,1^\circ\text{C}$.

1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Счетовик

NS

Дано:

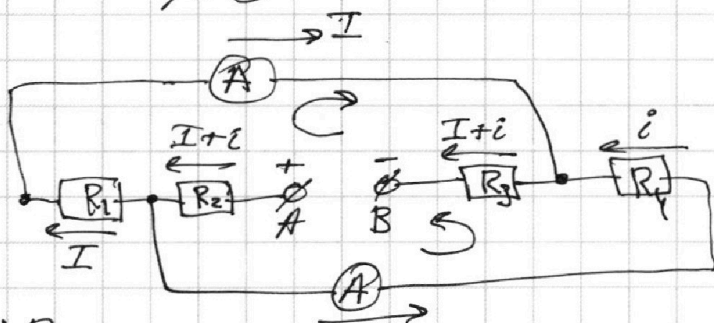
30Ω

60Ω

$I_1 = 2A$

$I_2 = ?$

$P = ?$



1) Пусть токи через амперметры равны I и i , а сопротивления резисторов R_1, R_2, R_3, R_4 . Напряжение источника U .

Второе правило Кирхгофа для двух контуров:

$$0 = R_3(I+i) - U + R_2(I+i) + IR_1$$

$$0 = R_4 i + R_3(I+i) - U + R_2(I+i)$$

Тогда $IR_1 = iR_4$. Пусть $I = I_1$, тогда так как $I_1 > I_2 \rightarrow R_1 = 30 \Omega$, а $R_4 = 60 \Omega$.

$$i = I \frac{R_1}{R_4} = 1A = I_2.$$

Для нахождения U , возьмем $R_2 = 30 \Omega$, а $R_3 = 60 \Omega$ (не имеет значения какой из них, т.к. они вместе фигурируют во всех уравнениях и через них текут одинаковые токи).

$$U = 1A \cdot 60 \Omega + iR_4 + R_3(I+i) + R_2(I+i) = 330V$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

2) ^{Источники} Мощность источника $P = U(I + i) =$
 $= 990 \text{ Вт.}$

Ответ: $I_2 = 1 \text{ А}; P = 990 \text{ Вт.}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Черновик
 $180 \cdot 400 = 72000$

$$\begin{array}{r} 46800 \\ \underline{4200} \\ 4200 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 468 \ 42 \\ \underline{42} \ 111 \\ 48 \ 60 \end{array}$$

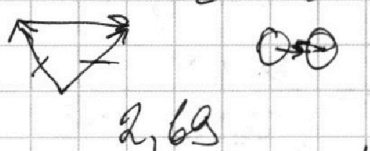
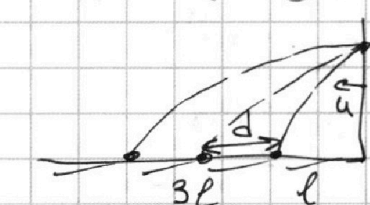
$$h = v_0 \sin \alpha t - \frac{gt^2}{2} \quad H = v_0 \sin \alpha \frac{t_1}{2} - \frac{g t_1^2}{8} = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g}$$

$$h = \frac{3}{4} v_0 \sin \alpha t_1 - \frac{3gt_1^2}{32} \quad t_1 = \frac{2v_0 \sin \alpha}{g}$$

$$h = \frac{123}{8g^2} \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{g} - \frac{9g v_0^2 \sin^2 \alpha}{8g} = \frac{3}{48} \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g}$$

$$\frac{h}{H} = \frac{3}{4} \rightarrow h = \frac{3}{4} H \rightarrow H = \frac{4}{3} h$$

$$5 \frac{z}{5} = \frac{27 \cdot 4}{5} = \frac{108}{5} \approx 21,6 \text{ m/s}^2$$



$$2lt + v_x$$

$$2lt_1 = d \quad u = \frac{d}{2t_1} = \frac{0,9}{0,6} = \frac{3}{2} = 1,5 \text{ m/s}$$

$$12 \cdot 2,6 = 31,2$$

$$\begin{array}{r} 156 \ 65 \\ \underline{130} \ 2,4 \text{ m/s} \\ 260 \end{array}$$

$$u = 0,54 \text{ m/s}$$

$$\text{tg } \beta = \frac{CD}{...}$$

$$82,6^2 - 50^2 =$$

$$\begin{array}{r} 41 \ 2800 \\ \underline{77} \ 53 \\ 77 \ 32 \\ \underline{77} \ 77,5 \\ 53 \ 9 \ 1 \ 77,5 \\ \underline{53 \ 9} \ 1387,5 \\ 59 \ 2 \ 9 \ 542,5 \\ \underline{59 \ 2 \ 9} \ 542,5 \\ 6006,25 \end{array}$$

$$\cos \beta = \sqrt{1 - \dots}$$

$$\begin{array}{r} 5000 \ 54 \\ \underline{486} \ 92,6 \text{ m} \\ 140 \ 320 \\ \underline{108} \end{array}$$

$$31,2 \cdot 5 = \frac{156}{5 \cdot 13}$$

$$\begin{array}{r} 2265 \\ \underline{0,054} \ 0,56 \\ 0,54 \ 56 \\ \underline{216} \ 270 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2716 \\ \underline{2916} \ 2,916 \\ 21396 \\ \underline{226} \ 226 \\ 92,6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 15556 \\ \underline{1852} \ 8334 \\ 8574,76 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 532 \\ \underline{5776} \ 532 \\ 78 \ 78 \\ \underline{78} \ 624 \\ 546 \ 6084 \end{array}$$

10

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Черновик

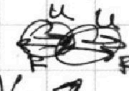
$50 \cdot 50 = 2500$

$\frac{120 \cdot \sqrt{16900}}{120}$

$\frac{130}{100} = 1,3 \mu$

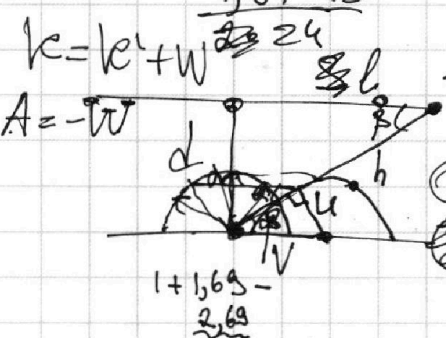
$\frac{1300 \cdot 240}{1200 \cdot 541}$

$\frac{120}{14400} k + A = k$



$V \sin \alpha = V$

$\frac{26 \cdot 12}{13} \mu = \frac{20}{3}$



$\frac{184 \cdot 13}{24}$

$\frac{552}{184}$

$m_0 = m(u+w) \tan 30 = \frac{1}{\sqrt{3}}$

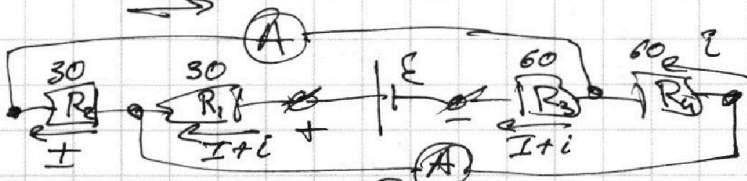
$F_{TP} \leq \mu N$

$T \sin \alpha + mg \cos \alpha = N$

$F_{TP} = \frac{mg \sin \alpha}{2}$

$\mu \geq \frac{mg \sin \alpha}{mg \cos \alpha + 2T}$

$\mu \geq \frac{1}{\sqrt{3} \cdot \frac{1}{2} + 2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{1}{\frac{\sqrt{3}}{2} + \sqrt{3}} = \frac{1}{\frac{3\sqrt{3}}{2}} = \frac{2}{3\sqrt{3}}$



$iR_4 + (i+i)R_3 = E$

$E = 30 + 60 + 180 = 330 \text{ B}$

$(i+i)R_3 + (i+i)R_1 + iR_2 = E$

$Q_2 = T(100 + kT)$

$\frac{10000}{6300} = 1,587$

$10000 : 25 = 400$

g