



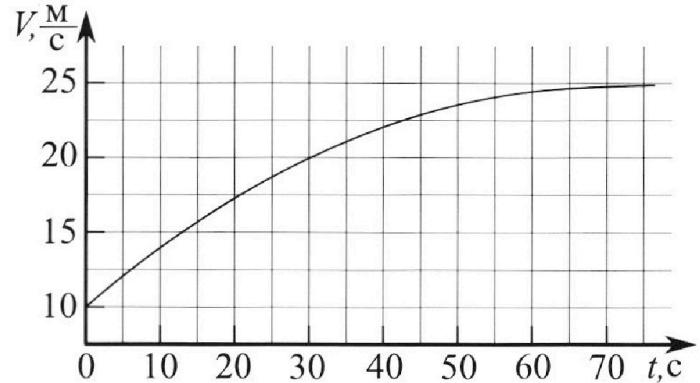
# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

## Вариант 11-03



Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

1. Автомобиль массой  $m = 1500$  кг движется с постоянной скоростью и затем разгоняется на прямолинейном горизонтальном участке дороги. График зависимости скорости от времени при разгоне показан на рисунке. В конце разгона сила тяги двигателя равна  $F_k = 600$  Н. Считать, что при разгоне сила сопротивления движению пропорциональна скорости.



- 1) Используя график, найти ускорение автомобиля в начале разгона.
- 2) Найти силу тяги  $F_0$  в начале разгона.
- 3) Какая мощность  $P_0$  передается от двигателя на ведущие колеса в начале разгона?

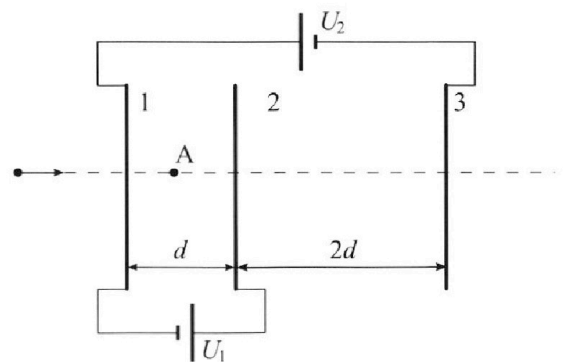
Требуемая точность численного ответа на первый вопрос ориентировочно 10%.

2. Герметичный вертикальный цилиндрический сосуд объемом  $V$  разделён тонким невесомым теплопроводящим герметичным поршнем (диск соосный с сосудом) на две равные части. Поршень может перемещаться без трения. В верхней части цилиндра находится гелий, а в нижней - вода и углекислый газ. В начальный момент система находилась в равновесии при давлении  $P_0 = P_{\text{атм}}/2$  ( $P_{\text{атм}}$  - нормальное атмосферное давление) и при комнатной температуре  $T_0$ . При этом жидкость занимала объём  $V/4$ . Затем цилиндр медленно нагрели до  $T = 373$  К. Установившийся объём его верхней части стал равен  $V/5$ .

По закону Генри, при заданной температуре количество  $\Delta v$  растворённого газа в объёме жидкости  $w$  пропорционально парциальному давлению  $p$  газа:  $\Delta v = kpw$ . Объём жидкости при этом практически неизменен. Для углекислого газа константа Генри для данной комнатной температуры  $k \approx 0,5 \cdot 10^{-3}$  моль/(м<sup>3</sup>·Па). При конечной температуре  $T$  углекислый газ в воде практически не растворяется. Можно принять, что  $RT \approx 3 \cdot 10^3$  Дж/моль, где  $R$  - универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной температуре и изменением объёма жидкости в процессе нагревания пренебречь. Все газы считать идеальными.

- 1) Найти отношение количеств вещества в газообразном состоянии в верхней и нижней частях до нагревания.
- 2) Определите отношение конечной и начальной температур в сосуде  $T/T_0$ .

3. Три проводящие плоские мелкие сетки находятся друг напротив друга на расстояниях  $d$  и  $2d$  (см. рис.). Размеры сеток значительно больше  $d$ . Изначально сетки не заряжены. К сеткам подсоединили источники с напряжением  $U_1 = U$  и  $U_2 = 3U$ . Частица массой  $m$  и зарядом  $q > 0$  движется по направлению к сеткам и перпендикулярно сеткам, имея скорость  $V_0$  на расстоянии от сеток, намного большем их размеров. Частица пролетает через сетки, не отклоняясь от прямолинейной траектории. Заряд  $q$  намного меньше модуля зарядов сеток.



- 1) Найти модуль ускорения частицы в области между сетками 1 и 2.
- 2) Найти разность  $K_1 - K_2$ , где  $K_1$  и  $K_2$  — кинетические энергии частицы при пролете сеток 1 и 2.
- 3) Найти скорость частицы в точке А на расстоянии  $d/4$  от сетки 1.

Олимпиада «Физтех» по физике,  
февраль 2023

Вариант 11-03

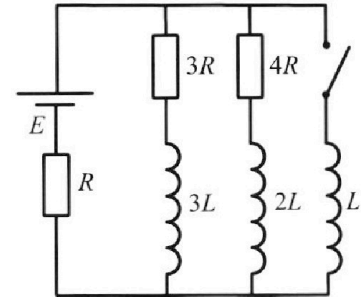
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби  
и радикалы.



4. Параметры цепи указаны на схеме, все элементы идеальные. Ключ разомкнут, режим в цепи установился. Затем ключ замыкают.

- 1) Найти ток  $I_{10}$  через резистор с сопротивлением  $3R$  при разомкнутом ключе.
- 2) Найти скорость возрастания тока в катушке индуктивностью  $L$  сразу после замыкания ключа.
- 3) Какой заряд протечет через резистор с сопротивлением  $3R$  при замкнутом ключе?

Ответы давать с ч ислowymi коэффициентами в виде обыкновенных дробей.



5. Оптическая система состоит из двух призм с показателями преломления  $n_1$  и  $n_2$  и находится в воздухе с показателем преломления  $n_v = 1,0$ . Точечный источник света S расположен на расстоянии  $a = 90$  см от системы и рассматривается наблюдателем так, что источник и глаз наблюдателя находятся на прямой, перпендикулярной наружным поверхностям призм (см. рис.). Угол  $\alpha = 0,1$  рад можно считать малым, толщина  $h = 14$  см. Толщина призмы с показателем преломления  $n_2$  на прямой «источник – глаз» намного меньше  $h$ . Отражения в системе не учитывать.

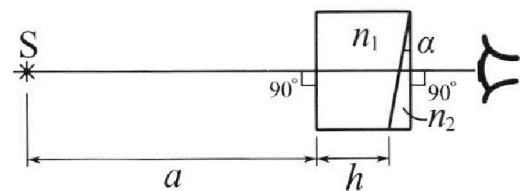


рис.). Угол  $\alpha = 0,1$  рад можно считать малым, толщина  $h = 14$  см. Толщина призмы с показателем преломления  $n_2$  на прямой «источник – глаз» намного меньше  $h$ . Отражения в системе не учитывать.

- 1) Считая  $n_1 = n_v = 1,0$ ,  $n_2 = 1,7$ , найдите на какой угол отклонится системой луч, идущий от источника перпендикулярно левой грани системы.
- 2) Считая  $n_1 = n_v = 1,0$ ,  $n_2 = 1,7$ , найдите расстояние между источником и его изображением, которое будет видеть наблюдатель.
- 3) Считая  $n_1 = 1,4$ ,  $n_2 = 1,7$ , найдите на каком расстоянии от источника будет его изображение, которое увидит наблюдатель.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

№1

1)  $a = \frac{dv}{dt} \Rightarrow$  ускорение в момент  $t=0$  с. равно коэффициенту ~~угла~~ наклона касательной к графику в т.  $t=0$ .

Участок кривой между  $t=0$  с. и  $t=5$  с. примерно можно считать линейным.

$$v(0) = 10 \text{ м/с} ; v(5) \approx 12 \text{ м/с}$$

$$a_0 \approx \frac{v(5) - v(0)}{5 - 0} = \frac{12 - 10}{5} \text{ м/с}^2 = 0,4 \text{ м/с}^2.$$

2)  $F_c = kv$  — сила сопротивления движению.

$$\text{ИЗН: } ma_0 = F_0 - kv_0.$$

В точке разгона  $a=0 \Rightarrow F_k = kv_k.$

$$v_k = 25 \text{ м/с.}$$

$$k = \frac{F_k}{v_k} = \frac{600}{25} \text{ Н} \cdot \text{с/м} = 24 \text{ Н} \cdot \text{с/м}$$

$$F_0 = ma_0 + kv_0 = 1500 \cdot \frac{2}{5} + 24 \cdot 10 = 2 \cdot 300 + 240 = 600 + 240 = 840 \text{ Н.}$$

$$3) P_0 = F_0 v_0 = 840 \cdot 10 \text{ Вт} = 8400 \text{ Вт.}$$

Ответ: 1)  $a_0 = 0,4 \text{ м/с}^2$ ; 2)  $F_0 = 840 \text{ Н}$ ; 3)  $P_0 = 8400 \text{ Вт}$ .

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



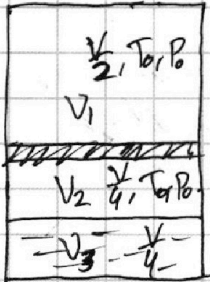
1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

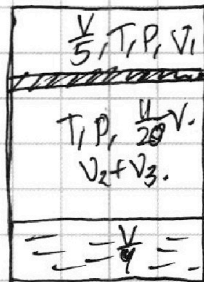
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

№2

Левый локонт:



Правый локонт:



Объем газа в нижней части:

$$\frac{4V}{5} - \frac{V}{4} = \frac{16-5}{20} V = \frac{11}{20} V.$$

1) Пусть  $V_1$  и  $V_2$  — кол-во вещества газов в верхней и нижней части соответственно,  $V_3$  — кол-во растворенного газа.

$$\begin{cases} P_0 \frac{V}{2} = \nu_1 R T_0 \\ P_0 \left(\frac{V}{2} - \frac{V}{4}\right) = \nu_2 R T_0 \end{cases} \Rightarrow \frac{\nu_1}{\nu_2} = \frac{\frac{V}{2}}{\frac{V}{4}} = 2. \quad \nu_2 = \frac{1}{2} \nu_1.$$

$$2) \nu_3 = k P_0 \frac{V}{4} = \frac{1}{4} k \nu P_0.$$

Парциальное давление  $\text{CO}_2$  в нижней части после нагревания:

$$P_T \frac{11}{20} V = (\nu_2 + \nu_3) R T.$$

$$P_T = \frac{20}{11} \frac{(\frac{1}{2} \nu_1 + \nu_3) R T}{V}.$$

$T = 373 \text{ K}$  — температура кипения воды при атм. давлении  $\Rightarrow$

$\Rightarrow P_T = P_{\text{атм}}$  — давление насыщенного пара воды.

$$P = P_T + P_H = P_T + P_{\text{атм}}.$$

Для верхней части:

$$P \frac{V}{5} = \nu_1 R T.$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{1}{5} (P_T + P_{ATM}) V = \nu_1 RT.$$

$$\frac{1}{5} (P_{ATM} + \frac{20}{11} \frac{(\frac{1}{2} \nu_1 + \nu_3) RT}{V}) V = \nu_1 RT.$$

$$\nu_1 R = \frac{P_0 V}{2 T_0}.$$

$$\frac{1}{5} (P_{ATM} + \frac{20}{11} \frac{(\frac{1}{2} \nu_1 RT + \nu_3 RT)}{V}) V = \frac{P_0 V T}{2 T_0}.$$

$$\frac{1}{5} P_{ATM} V + \frac{4}{11} (\frac{1}{2} \frac{P_0 V T}{T_0} + \frac{1}{4} k \nu_3 RT) = \frac{1}{2} P_0 V \frac{T}{T_0}.$$

$$\frac{1}{5} P_{ATM} = \frac{2}{5} P_0 + \frac{2}{11} \frac{1}{2} P_0 \frac{T}{T_0} + \frac{1}{11} k P_0 RT = \frac{1}{2} P_0 \frac{T}{T_0}.$$

$$\frac{2}{5} + \frac{1}{11} \frac{T}{T_0} + \frac{1}{11} k RT = \frac{1}{2} \frac{T}{T_0}.$$

$$(\frac{1}{2} - \frac{1}{11}) \frac{T}{T_0} = \frac{2}{5} + \frac{1}{11} k RT.$$

$$\frac{9}{22} \frac{T}{T_0} = \frac{2}{5} + \frac{1}{11} k RT.$$

$$\frac{T}{T_0} = \frac{22}{9} (\frac{2}{5} + \frac{1}{11} k RT) = \frac{22}{9} (\frac{2}{5} + \frac{1}{11} \cdot 0,5 \cdot 10^3 \cdot 3 \cdot 10^3) =$$

$$= \frac{22}{9} (\frac{2}{5} + \frac{3}{22}) = \frac{22}{9} \cdot \frac{(2 \cdot 22 + 15)}{22 \cdot 5} = \frac{15 + 44}{45} = \frac{59}{45}.$$

$$\text{Ответ: } 1) \frac{\nu_1}{\nu_2} = 2; 2) \frac{T}{T_0} = \frac{59}{45}.$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

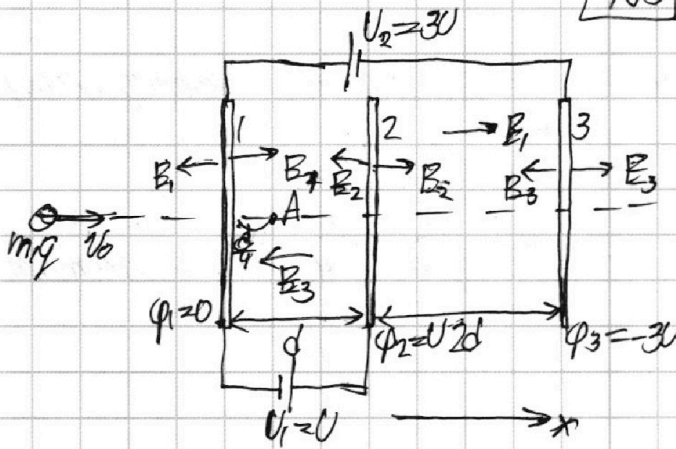
1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



N3



Пусть  $\varphi_1, \varphi_2, \varphi_3$  — потенциалы сетки 1, 2, 3 соотв.,  
 $E_1, E_2, E_3$  — напряжённости полей, создаваемых сетками 1, 2, 3 соотв. (с учётом знака).

Пусть  $\varphi_1 = 0$ , тогда  $\varphi_2 = U$ ,  
 $\varphi_3 = -3U$ .

$$\varphi_2 - \varphi_1 = U; \quad \varphi_2 - \varphi_3 = 4U.$$

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0 \Rightarrow E_1 + E_2 + E_3 = 0.$$

$$\begin{cases} E_2 + E_3 - E_1 = \frac{U}{d} \\ E_2 + E_1 - E_3 = \frac{4U}{2d} \\ E_1 + E_2 + E_3 = 0 \end{cases} \Rightarrow 2E_2 = \frac{2U}{d} + \frac{U}{d} = \frac{3U}{d}$$

$$E_2 = \frac{3}{2} \frac{U}{d}.$$

$$\begin{cases} E_1 - E_3 = \frac{1}{2} \frac{U}{d} \\ E_3 + E_1 = -\frac{3}{2} \frac{U}{d} \end{cases} \Rightarrow 2E_1 = -\frac{U}{d}$$

$$E_1 = -\frac{1}{2} \frac{U}{d} \quad E_3 = -\frac{3}{2} \frac{U}{d} + \frac{1}{2} \frac{U}{d} = -\frac{U}{d}.$$

$$\begin{cases} E_1 = -\frac{1}{2} \frac{U}{d} \\ E_2 = \frac{3}{2} \frac{U}{d} \\ E_3 = -\frac{U}{d} \end{cases}$$

1)  $E_{12x} = E_1 - E_2 - E_3 = \left(-\frac{1}{2} - \frac{3}{2} + 1\right) \frac{U}{d} = -\frac{U}{d}$ . — напряжённость поля между сетками 1 и 2.

$$m a = q E_{12}.$$

$$|a| = \frac{q \cdot U}{m d} = \frac{qU}{md}.$$

2) По теореме о консервативности энергии:

$$K_1 - K_2 = -A_{12}, \quad A_{12} \text{ — работа, совершённая над зарядом.}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$A_2 = qE_{2x}d = -\frac{U}{d}qd = -qU.$$

$$K_1 - K_2 = qU.$$

3)  $K_1 = \frac{1}{2}mv_0^2$ , т.к. поле вне области между сетками равно 0.

ЗЗЗ:

$$K_1 + A = K_2.$$

$$A = qE_{2x} \frac{d}{4} = \frac{q}{4} qd \left(-\frac{U}{d}\right) = -\frac{1}{4}qU.$$

$$K_2 = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}mv_0^2 - \frac{1}{4}qU.$$

$$v^2 = v_0^2 - \frac{1}{2} \frac{qU}{m}$$

$$v = \sqrt{v_0^2 - \frac{1}{2} \frac{qU}{m}}.$$

Ответы: 1)  $a = \frac{qU}{md}$ ; 2)  $K_1 - K_2 = qU$ ; 3)  $v = \sqrt{v_0^2 - \frac{qU}{2m}}$ .

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

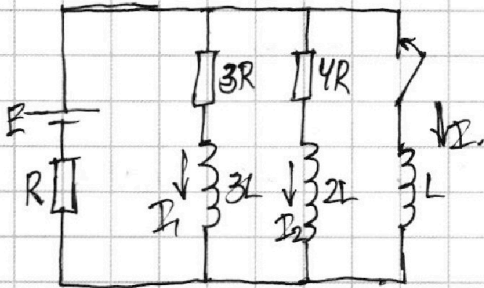
1  2  3  4  5  6  7



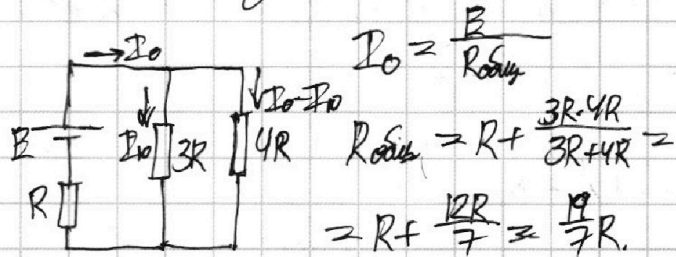
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



[14]



1) При разомкнутом ключе напряжения на катушках равны нулю.



$$3RI_0 = 4R(I_0 - I_1)$$

$$3I_0 = 4I_0 - 4I_1$$

$$7I_1 = 4I_0$$

$$I_1 = \frac{4}{7}I_0 = \frac{4}{7} \cdot \frac{7}{19} \frac{E}{R} = \frac{4}{19} \frac{E}{R}. \quad I_0 = \frac{7}{19} \frac{E}{R}.$$

$$I_0 = \frac{E}{R_{\text{общ}}}$$

$$R_{\text{общ}} = R + \frac{3R \cdot 4R}{3R + 4R} =$$

$$= R + \frac{12R}{7} = \frac{19}{7} R.$$

2) ~~По формуле~~ Падение напряжения на катушке не может превышать ЭДС ⇒

⇒ сразу после замыкания ключа напряжение на катушке

$$U_L = E - I_0 R = E - \frac{7}{19} E = \frac{12}{19} E.$$

$$U_L = LI \Rightarrow I = \frac{U_L}{L} = \frac{12}{19} \frac{E}{L}.$$

3) Пусть  $I_1$  — ток через катушку  $3L$ ,  $I_2$  — ток через катушку

$2L$ ,  $I$  — через  $L$

~~$$3RI_1 + 3L \frac{dI_1}{dt} = 4RI_2 + 2L \frac{dI_2}{dt}.$$~~

~~$$3Rdq_1 + 3LdI_1 = 4Rdq_2 + 2LdI_2.$$~~

~~$$3R \int_0^{q_1} dq_1 + 3L \int_{I_{10}}^0 dI_1 = 4R \int_0^{q_2} dq_2 + 2L \int_{I_{20}}^0 dI_2.$$~~

В установившемся режиме  $\dot{q} = 0 \Rightarrow I_1 = I_2 = 0.$

~~$$3Rq_1 - 3LI_{10} = 4Rq_2 - 2LI_{20}.$$~~

~~$$I_{20} = I_0 - I_1 = \frac{7}{19} \frac{E}{R} - \frac{4}{19} \frac{E}{R} = \frac{3}{19} \frac{E}{R}.$$~~



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\cancel{3Rq_1 - 4Rq_2 = 3L \frac{4E}{19R} - 2L \cdot \frac{3E}{19R} = \frac{12EL}{19R} - \frac{6EL}{19R} = \frac{6EL}{19R}}$$

$$\cancel{3q_1 - 4q_2 = \frac{6EL}{19R}}$$

$$L \frac{dI}{dt} = 3R I_1 + 3L \frac{dI_1}{dt} \quad \text{— равенство напряжений на катушке } L \text{ и катушке } 3L \text{ с сопротивлением } 3R.$$

$$L dI = 3R I_1 dt + 3L dI_1$$

$$\int_0^I L dI = \int_0^{I_1} 3R dq_1 + \int_{I_0}^I 3L dI_1$$

$$LI = 3Rq_1 - 3LI_0$$

В установившемся режиме  $I = \frac{E}{R}$ .

$$\frac{LE}{R} = 3Rq_1 - 3L \cdot \frac{4E}{19R}$$

$$3Rq_1 = \frac{12}{19} \frac{LE}{R} + \frac{LE}{R}$$

$$3Rq_1 = \frac{31LE}{19R}$$

$$q_1 = \frac{31LE}{57R^2}$$

Ответ: 1)  $I_0 = \frac{4E}{19R}$ ; 2)  $I = \frac{12E}{19L}$ ; 3)  $q_1 = \frac{31LE}{57R^2}$ .

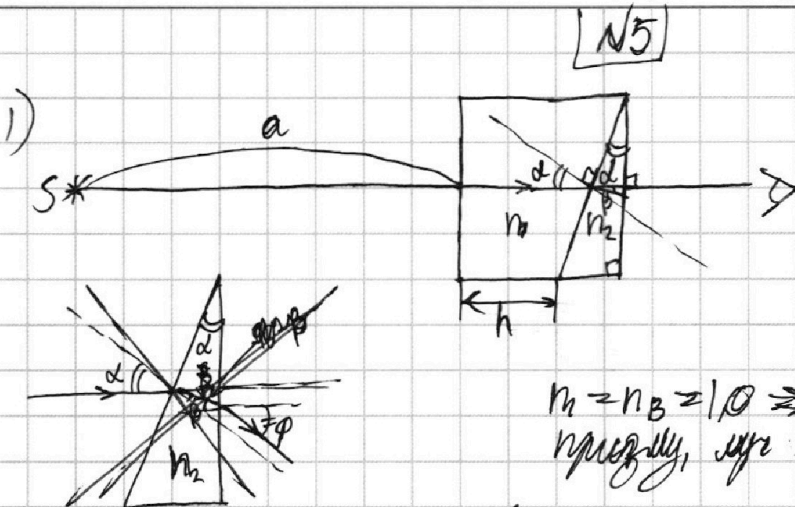
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$n_1 = n_2 = 1,0 \Rightarrow$  прохождение через первую призму, луч не будет отклоняться.

Угол падения луча на левую грань призмы  $n_2$  равен  $d$ .

Закон Снелла ( $d \ll 1, \beta \ll 1, \varphi \ll 1$ ):

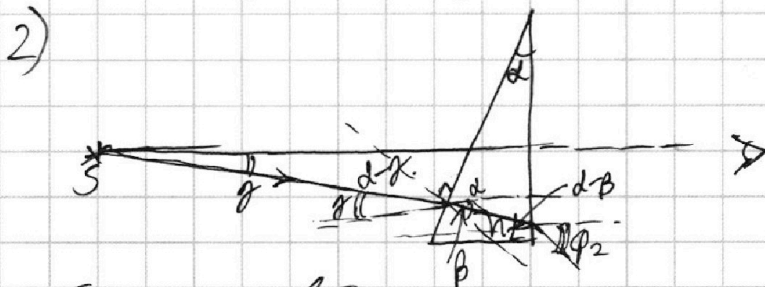
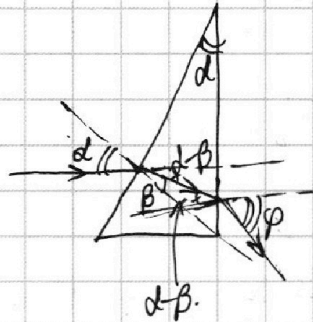
$$d \frac{\sin d}{\sin \beta} = n_2 \Rightarrow \beta = n_2 d$$

$$\beta = \frac{d}{n_2}$$

~~$$\frac{\sin \varphi}{\sin \beta} = n_2 \Rightarrow \varphi = \beta n_2 = d$$~~

$$\frac{\sin \varphi}{\sin(d - \beta)} = n_2 \Rightarrow \varphi = n_2(d - \beta) = n_2 d - d = d(n_2 - 1) = 0,1(1,7 - 1) \text{ рад.} =$$

$$= 0,1 \cdot 0,7 \text{ рад.} = 0,07 \text{ рад.}$$



Пусть луч падает из вертикальной плоскости под углом  $\gamma \ll 1$  к нормали.

Угол падения луча на левую ~~грань~~ грань призмы  $n_2$  равен  $d \cdot \gamma$ .

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

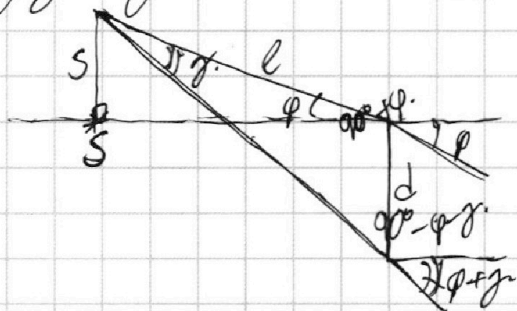
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{\sin(d-\gamma)}{\sin\beta} = n_2 \Rightarrow \beta = \frac{d-\gamma}{n_2}$$

$$\frac{\sin\varphi_2}{\sin(d-\beta)} = n_2 \Rightarrow \varphi_2 = n_2(d-\beta) = n_2\left(d - \frac{d-\gamma}{n_2}\right) = n_2d - d + \gamma$$

$$\varphi_2 = \varphi + \gamma$$

Пусть  $d$  — расстояние между точками выноса из призмы двух лучей.  $d \approx (a+h)\gamma$ .



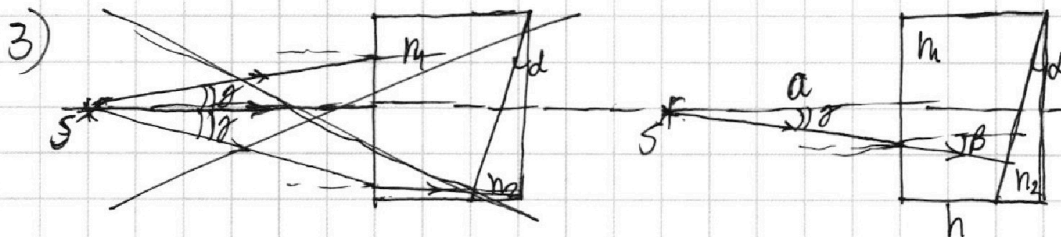
Т. синусов:

$$\frac{\sin\gamma}{l} = \frac{\sin(90^\circ - \varphi - \gamma)}{d}$$

$$l = \frac{\cos(\varphi + \gamma)}{\gamma} d \approx \frac{d}{\gamma} = a+h$$

$$s \approx l \sin\varphi = l\varphi = (a+h)\varphi =$$

$$= 104.007 = \cancel{7.28} \text{ см.} = 7.28 \text{ см.}$$



Угол отклонения луча, падаящего  $\perp$  на призму  $n_1$ , равен  $\varphi = \frac{d\gamma}{\rho \sin\gamma}$

и  $\gamma \ll 1$ :

$$\frac{\sin\gamma}{\sin\beta} = n_1 \Rightarrow \beta = \frac{\gamma}{n_1}$$

Аналогично  $n_2$ , угол падения луча на вторую грань призмы  $n_2$  равен  $d-\beta = d - \frac{\gamma}{n_2}$ .



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$d \approx a\alpha + h\beta \approx a\alpha + h\left(\frac{\alpha}{n}\right) = \left(a + \frac{h}{n}\right)\alpha.$$

$$l \approx \frac{d}{\alpha} \approx \left(a + \frac{h}{n}\right)$$

$$s \approx l\varphi \approx \left(a + \frac{h}{n}\right)\varphi \approx \cancel{117} \approx \cancel{117} \approx \left(90 + \frac{14}{14}\right) \cdot 0,07 \approx \\ \approx 0,07 \cdot (90 + 10) \approx 0,07 \cdot 100 \approx 7 \text{ см.}$$

Ответ: 1)  $\varphi \approx 0,07 \text{ рад.}$ ; 2)  $s \approx 7,28 \text{ см}$ ; 3)  $s \approx 7,00 \text{ см.}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

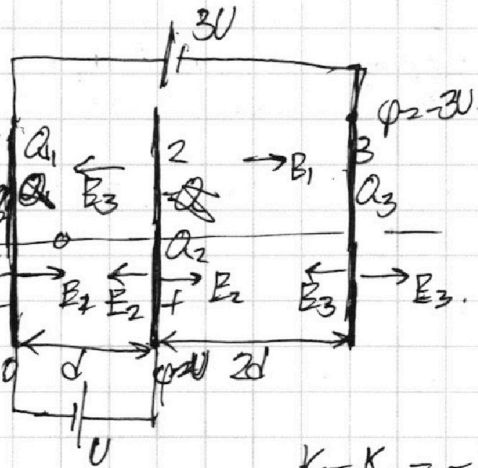
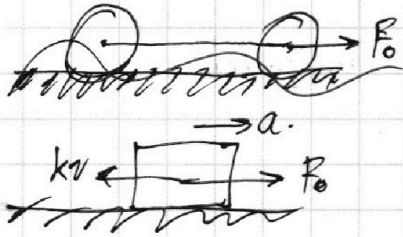
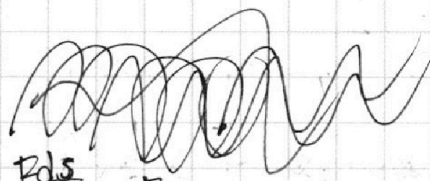
$$v_0 = 10 \text{ м/с.}$$

$$v_k = 25 \text{ м/с.}$$

$$m a_0 = F_0 - k v.$$

$$F_k = k v_k.$$

$$P = \frac{dA}{dt} = \frac{E d s}{dt} = F v.$$



$$\begin{cases} Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0 \\ U = (E_2 + E_3 - E_1)d \\ 2U = (E_1 + E_2 - E_3)2d \end{cases}$$

$$K_1 - K_2 = -A = -q E d.$$

$$\begin{cases} E_1 + E_2 + E_3 = 0 \\ U = E_2 + E_3 - E_1 \\ 2U = E_1 + E_2 - E_3 \end{cases}$$

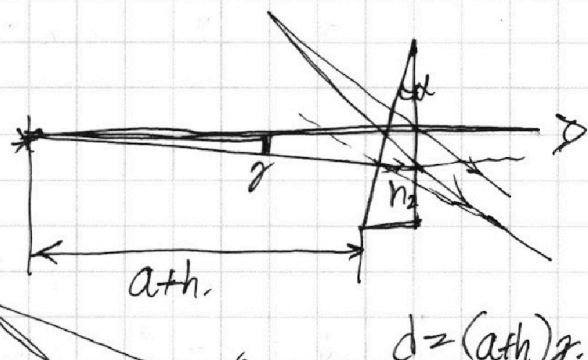
$$\Rightarrow \begin{cases} 2E_2 = \frac{3U}{d} \\ E_2 = \frac{3U}{2d} \end{cases}$$

$$\begin{cases} E_1 - E_3 = \frac{1}{2} \frac{U}{d} \\ E_1 + E_3 = -\frac{3}{2} \frac{U}{d} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2E_1 = -\frac{U}{d} \\ E_1 = -\frac{U}{2d} \end{cases}$$

$$E_3 = -\frac{3U}{2d} + \frac{1U}{2d} = -\frac{U}{d}$$

$$\begin{cases} E_2 = \frac{3U}{2d} \\ E_3 = -\frac{U}{d} \end{cases}$$



$$d = (ath)g.$$

$$\frac{1047}{1000} = \frac{728}{1000} \text{ см.}$$

$$\begin{aligned} \frac{d}{g} &= \frac{l}{\sin(90^\circ + \varphi)} \\ \frac{d}{g} &= \frac{l}{\cos \varphi} \\ l \sin \varphi &= ath. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} s &= l \sin \varphi = (ath)g. \\ s &= l \sin(90^\circ + \varphi) = l \cos \varphi \end{aligned}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

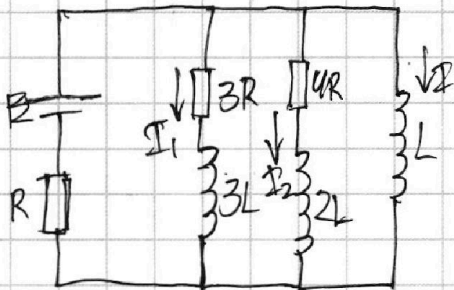
1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\mathcal{E}_1 = -L \dot{I}$$



$$3RI_1 + 3L \dot{I}_1 = 4RI_2 + 2L \dot{I}_2$$

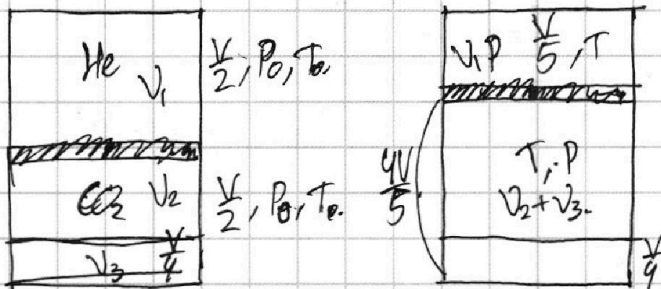
$$3RI_1 + 3L \frac{dI_1}{dt} = 4RI_2 + 2L \frac{dI_2}{dt}$$

$$3R dq_1 + 3L dI_1 = 4R dq_2 + 2L dI_2$$

$$W_{3L} + W_{2L} + qE = W_L$$

$$3RI_1 + 3L \frac{dI_1}{dt} = L \frac{dI}{dt}$$

$$3R dq_1 + 3L dI_1 = L dI$$



$$\frac{4V}{5} - \frac{V}{4} = \frac{16-5}{20} V \Rightarrow V = \frac{11}{20} V_0$$

$$\begin{cases} P_0 \frac{V}{2} = V_1 RT_0 \\ P_0 \frac{V}{4} = V_2 RT_0 \end{cases}$$

$$\frac{V}{V_2} = 2$$

$$V_2 = \frac{1}{2} V_1$$

$$P_0 \frac{V}{2} = V_1 RT_0$$

$$V_3 = k \cdot \frac{V}{4} \cdot P_0 = \frac{1}{4} k V P_0$$

$$P_1 = P_0 - \frac{11}{20} P_0 = (V_2 + V_3) RT_0$$

$$P = P_1 + P_{\text{atm}}$$

$$P \frac{V}{5} = V_1 RT_0$$