



# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 10-02

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Футболист наносит удар по мячу, лежащему на горизонтальной площадке. Вектор начальной скорости мяча образует угол  $\alpha = 45^\circ$  с горизонтальной плоскостью. Горизонтальное перемещение мяча за время полета  $L = 20$  м.

1) Найдите начальную скорость  $V_0$  мяча.

Если футболист направляет мяч под различными углами к горизонту, из той же точки с начальной скоростью  $V_0$  к высокой вертикальной стенке, то наибольшая высота, на которой происходит соударение мяча со стенкой, равна  $H = 3,6$  м.

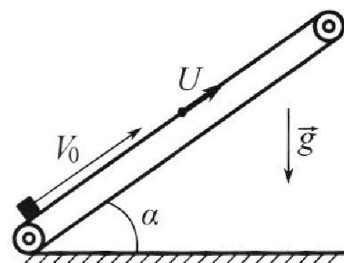
2) На каком расстоянии  $S$  от точки старта находится стенка?

Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>. Мяч движется в плоскости перпендикулярной стенке. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым.

2. Лента транспортера, предназначенного для подъема грузов, образует с горизонтальной плоскостью угол  $\alpha$  такой, что  $\sin \alpha = 0,6$  (см. рис.).

В первом опыте небольшую коробку ставят на покоящуюся ленту транспортера и сообщают коробке начальную скорость  $V_0 = 6$  м/с. Коэффициент трения скольжения коробки по ленте  $\mu = 0,5$ .

Движение коробки прямолинейное.



1) Какой путь  $S$  пройдет коробка в первом опыте к моменту времени  $T = 1$  с?

Во втором опыте коробку ставят на ленту транспортера, движущуюся со скоростью  $U = 1$  м/с, и сообщают коробке скорость  $V_0 = 6$  м/с (см. рис.).

2) Через какое время  $T_1$  после старта скорость коробки во втором опыте будет равна

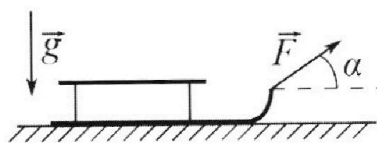
$$U = 1 \text{ м/с?}$$

3) На каком расстоянии  $L$  от точки старта скорость коробки обратится в ноль во втором опыте? Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>. Все кинематические величины измерены в лабораторной системе отсчета.

3. Санки дважды разгоняют из состояния покоя до одной и той же кинетической энергии  $K$  на одинаковых участках пути.

В первом случае санки тянут, действуя постоянной по модулю силой, направленной под углом  $\alpha$  к горизонту (см. рис.).

Во втором случае такая же по модулю сила, приложенная к санкам, направлена горизонтально. После достижения кинетической энергии  $K$  действие внешней силы прекращается.



1) Найдите коэффициент  $\mu$  трения скольжения санок по горизонтальной поверхности.

2) Найдите перемещение  $S$  санок в процессе торможения до остановки. Ускорение свободного падения  $g$ .

Санки находятся на горизонтальной поверхности. Движение санок прямолинейное.



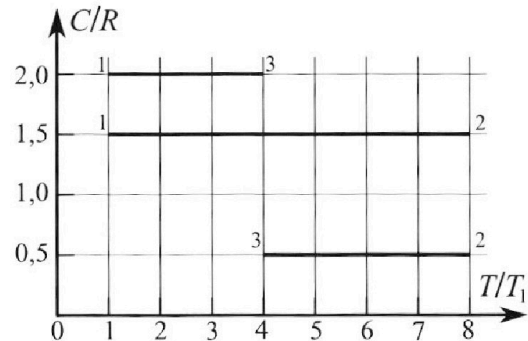
# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

## Вариант 10-02



Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

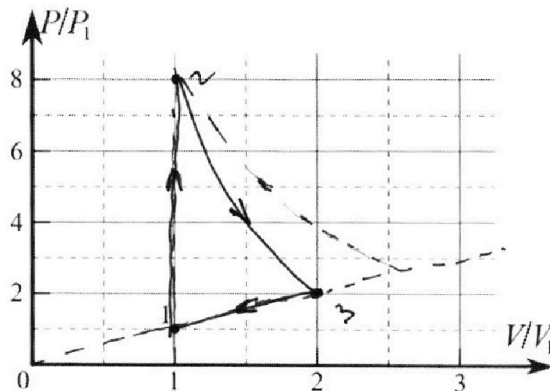
4. Тепловой двигатель работает по циклу 1-2-3-1. Рабочее вещество – один моль одноатомного идеального газа. Для вычисления КПД цикла ученик десятого класса построил график зависимости молярной теплоемкости  $C$  газа (в единицах универсальной газовой постоянной) от температуры в процессах: 1-2, 2-3, 3-1 (см. рис.). Температура газа в состоянии 1 равна  $T_1 = 200$  К, универсальная газовая постоянная  $R = 8,31$  Дж/(моль·К).



1) Найдите работу  $A_{31}$  внешних сил над газом в процессе 3-1.

2) Найдите КПД  $\eta$  цикла.

3) Постройте график цикла в координатах  $(P/P_1, V/V_1)$ , где  $P_1$  и  $V_1$  давление и объём в состоянии 1. Для построения графика перенесите шаблон (см. ниже) в чистовик своей работы. Точка 1 на графике соответствует состоянию 1 газа в цикле.



5. Четыре заряженных шарика связаны легкими нерастяжимыми нитями так, что шарики находятся в вершинах квадрата со стороной  $a$  (см. рис.). Сила натяжения каждой нити  $T$ .

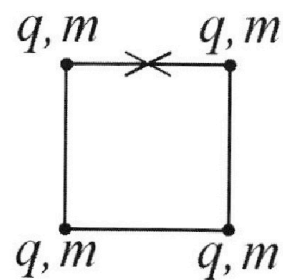
1) Найдите абсолютную величину  $|q|$  заряда каждого шарика.

Одну нить пережигают.

2) Найдите кинетическую энергию  $K$  любого, выбранного Вами шарика, в тот момент, когда шарики будут находиться на одной прямой.

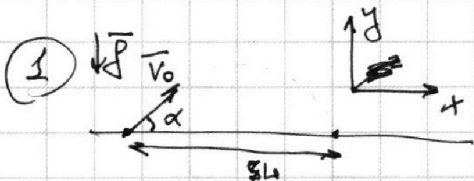
3) На каком расстоянии  $d$  от точки старта будет находиться в этот момент любой из двух шариков, изначально расположенных сверху (на рисунке)?

Электрическая постоянная  $\epsilon_0$ . Действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.



- 1  2  3  4  5  6  7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



1) Пусть  $t$  - время полета в первом случае  $\alpha$ , тогда:

вверем оси  $oy$  и  $ox$ , когда  $oy$  - перпендикулярно горизонту, а  $ox$  - параллельна горизонту. Тогда тело будет двигаться с ускорением  $g$  по оси  $oy$  и с нулевым ускорением по оси  $ox$ . Так как проекция  $\vec{r}$  на  $oy$  -  $r_y$ , а на  $ox$  -  $r_x$ .

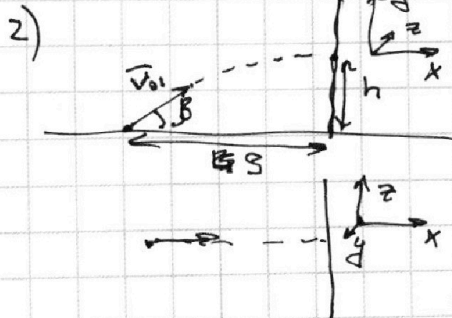
Тогда  $v_x$  - скорость тела по оси  $ox$  постоянно, а  $v_y$  - скорость тела по оси  $oy$  равна  $v_y = v_{0y} - gt$ , где  $v_{0y}$  - начальная скорость по оси  $oy$ , а  $t$  - время от начала движения до конкретного момента.

В момент падения  $v_y = -v_{0y}$  ббвиду симметрии и обратимости процесса, тогда  $v_{0y} = v_y - gt$ , где  $t_1 = \frac{2v_{0y}}{g} = \frac{2v_0 \sin \alpha}{g}$ , так как  $v_{0y} = v_0 \sin \alpha$ , а  $v_{0x} = v_0 \cos \alpha$ .

Откуда  $s = v_{0x} t_1 = \frac{v_0 \cos \alpha \cdot 2v_0 \sin \alpha}{g} = \frac{2v_0^2 \sin \alpha \cos \alpha}{g} = \frac{2v_0^2 \sin 2\alpha}{g}$ , значит  $\sin 2\alpha = \frac{gs}{2v_0^2}$ .

$v_0 \cos \alpha = \frac{gs}{2v_0 \sin \alpha}$ , тогда

$$\tan 2\alpha = \frac{v_0 \sin 2\alpha}{v_0 \cos 2\alpha} = \frac{gs}{2v_0^2 \cos 2\alpha} = \frac{gs}{2v_0^2} \cdot \frac{1}{\cos 2\alpha} = \frac{gs}{2v_0^2} \cdot \frac{2}{1 - \cos 4\alpha} = \frac{gs}{v_0^2 (1 - \cos 4\alpha)}$$



2) ~~вверем~~ вверем еще одну ось  $oz$ , перпендикулярную  $oy$  и  $ox$ , согласно условию  $v_{oz} = 0$ , а так как  $\vec{r}$  проекция  $\vec{r}$  на  $oz$  равна 0, то: пусть угол между  $\vec{v}_0$  и  $ox$  равен  $\beta$  и равен углу между  $\vec{v}_0$  и плоскостью  $oaz$  ( $\vec{v}_0$  по модулю равен  $v_0$ , но  $\vec{v}_{01} \neq \vec{v}_0$ , поэтому берем новый вектор,  $\vec{v}_{01}$  - начальная скорость тела), тогда:  $v_{0y} = v_{01} \sin \beta$ ,  $v_{0x} = v_{01} \cos \beta$ , откуда  $T_1$  - время полета,  $s = v_{0x} T_1 = v_{01} \cos \beta T_1$ , тогда  $T_1 = \frac{s}{v_{01} \cos \beta}$ , значит  $h = v_{0y} T_1 - \frac{g T_1^2}{2} = v_{01} \sin \beta \frac{s}{v_{01} \cos \beta} - \frac{g s^2}{2 v_{01}^2 \cos^2 \beta} = s \tan \beta - \frac{g s^2}{2 v_{01}^2 \cos^2 \beta}$

Тогда  $h = s \tan \beta - \frac{g s^2}{2 v_{01}^2 \cos^2 \beta}$ , откуда  $h = s \tan \beta - \frac{g s^2}{2 v_0^2 \cos^2 \beta}$ , значит  $h = \frac{s}{\cos^2 \beta} \left( \sin \beta \cos \beta - \frac{g s}{2 v_0^2} \right)$

$$h = \frac{s}{\cos^2 \beta} \left( \sin \beta \cos \beta - \frac{g s}{2 v_0^2} \right) = \frac{s}{\cos^2 \beta} \left( \frac{1}{2} \sin 2\beta - \frac{g s}{2 v_0^2} \right) = \frac{s}{\cos^2 \beta} \left( \frac{1}{2} \sin 2\beta - \frac{g s}{2 v_0^2} \right)$$

$$h = \frac{s}{\cos^2 \beta} \left( \frac{1}{2} \sin 2\beta - \frac{g s}{2 v_0^2} \right) = \frac{s}{\cos^2 \beta} \left( \frac{1}{2} \sin 2\beta - \frac{g s}{2 v_0^2} \right) = \frac{s}{\cos^2 \beta} \left( \frac{1}{2} \sin 2\beta - \frac{g s}{2 v_0^2} \right)$$

максимальное значение достигается при  $\frac{d}{d\beta} \left( \frac{1}{2} \sin 2\beta - \frac{g s}{2 v_0^2} \right) = \cos 2\beta = 0$ , значит  $2\beta = 90^\circ$ ,  $\beta = 45^\circ$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

~~$V_0^2 = \frac{200}{40 \cdot \frac{1}{2} \cdot S} = \frac{200}{20 \cdot S}$~~

~~$S \cos^2 \alpha + \frac{p}{2} \cdot \frac{S^2}{2V_0^2 \cos^2 \alpha}$~~

$= \frac{V_0^2}{pS} = \frac{200 \frac{m^2}{c^2}}{40 \cdot \frac{1}{2} \cdot S} = \frac{200}{20S}$ , тогда поретабляя  $\frac{200}{S}$  в выражение  
получаем что:  $S \cos^2 \alpha + \frac{pS}{2V_0^2} = \frac{200}{S} + \frac{pS}{2V_0^2} = 3,6m$   
 $- 400 \frac{m^2}{c^2} \cdot \frac{10 \frac{m^2}{c^2}}{400 \frac{m^2}{c^2}} + 20m + \frac{S^2}{40} = 3,6m$

$\frac{S^2}{40} = 3,6m^2$

$S^2 = 4 \cdot 3,6m^2$

$S = 2 \cdot 3m$

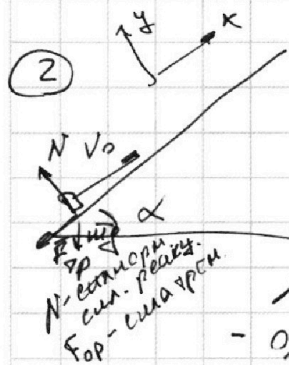
~~$S = 16m$~~

Ответ:  $14m$ ;  $16m$ .

~~$S \cos^2 \alpha + \frac{pS}{2V_0^2} = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$~~   
 ~~$S \cos^2 \alpha + \frac{pS}{2V_0^2} = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$~~   
 ~~$\frac{10}{20} = \frac{10}{20} + \frac{10}{40} = \frac{15}{20}$~~   
 ~~$\frac{10}{20} = \frac{10}{20} + \frac{10}{40} = \frac{15}{20}$~~   
 ~~$\frac{10}{20} = \frac{10}{20} + \frac{10}{40} = \frac{15}{20}$~~   
 ~~$- 10 + 20 = \frac{S^2}{40}$~~   
 ~~$10 = \frac{S^2}{40}$~~   
 ~~$16m = \frac{S^2}{40}$~~

1  2  3  4  5  6  7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Введем оси как показано на рисунке, тогда запишем II закон Ньютона на оси:

$Oy: N - Mg \cos \alpha = 0$  (у-уск. на  $Oy$ )  
 $Ox: Ma_x = Mg \sin \alpha - F_{fr}$  (а<sub>x</sub> - ускор. на  $Ox$ )

$N = Mg \cos \alpha$        $a_x = -g \sin \alpha - \mu g \cos \alpha = -6 \frac{m}{c^2} - 0,5 \cdot 10 \cdot \sqrt{1-0,6^2} = -10 \frac{m}{c^2}$  - по моменту остановки, тогда  $t = \frac{6 \frac{m}{c^2}}{10 \frac{m}{c^2}} = 0,6c$  - время до остановки.

Проверим, будет ли скользить тело вниз, ~~т.е.~~ ~~можно~~ скользит  $Mg \sin \alpha > F_{fr} = \mu Mg \cos \alpha \Rightarrow 6 \frac{m}{c^2} > 4 \frac{m}{c^2}$ , значит тело будет скользить, значит  $Ma_{x1} = -Mg \sin \alpha + \mu Mg \cos \alpha = 2 \frac{m}{c^2}$  (а<sub>x1</sub> - ускорение при скольж.)  
 значит  $t_1 = t - t_0 = 0,4c$  - время скольжения, до

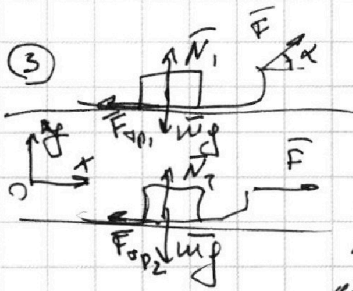
$v_1 = a_{x1} t_1 = -0,8 \frac{m}{c^2}$  - скорость через  $t_1$ , значит  $S_1$  - путь до остановки  $S_2$  - путь до ост. до 1 сек.  
 $S_1 = | \frac{v_1 t_1}{2} | = 1,6m$ ;  $S_2 = \frac{v_1 t_1}{2} = 0,16m$ , откуда  $S = S_1 + S_2 = 1,8m$

2) перейдем в ИСО лентки, ~~где  $v_{12} = u$~~  скорость относительно транспортера равная облучителю также  $v_{12} = v - u = 2 \frac{m}{c^2}$  - начальная скорость в ИСО лентки. Но так как система инерциальная то  $a_{x12} = a_{x1}$  - ускорение в системе лентки)  $a_{x12} = a_{x1}$ , тогда  $T_1 = \frac{v_{12}}{a_{x1}} = 0,5c$

3) чтобы скорость коробки стала 0, надо пройти в ИСО лентки  $v_{12} = u = 1 \frac{m}{c^2}$  и направлением против  $v_{12} + u = 0$ , где  $v_{12}$  - скорость коробки в ИСО, ~~чтобы в земной скорости для 0~~  $v_{12} = -1 \frac{m}{c^2}$  по оси  $ox$ , а т.к.  $a_{x12} = a_{x1}$ , где  $a_{x12}$  - ускорение скольжения в ИСО лентки, до  $T_2$  - время от остановки до набора скорости  $1 \frac{m}{c^2}$ , до  $v_{12} = a_{x1} \cdot T_2$ , значит  $T_2 = 0,5c$ , ~~откуда  $T_2 = 1c$  - время~~, значит  $S_3 = \frac{v_{12} T_2}{2} = 0,25m$  (расстояние до набора скорости  $1 \frac{m}{c^2}$  в ИСО лентки) и  $S_4 = v_{12} T_2 = 0,25m$ , значит  $S_3$  (расстояние до набора скорости  $1 \frac{m}{c^2}$  в ИСО лентки) значит  $L_1 = S_3 - S_4 = 0m$  (перемещение в ИСО лентки), а лента перемещаясь на  $L_2 = v u (T_1 + T_2) = 1m$ , значит  $L = L_1 + L_2 = 1m$

1  2  3  4  5  6  7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$m$  - масса санок

Так как  $F$  сонаправлен  $\vec{S}$ , то тогда  $A = \vec{F} \vec{S} = F S$ , где  $A$  - работа силы  $F$ , а  $S$  - перемещение, так как движение прямолинейное, то путь и перемещение равны по модулю (и так как движение в одном направлении).

1) Пусть  $N_1$  и  $F_{тр1}$  - силы реакции опоры и трения, а  $N_2$  и  $F_{тр2}$  - в 0? Тогда запишем 2-х уравнения, но пренебрежем осью как на рисунке:

2:  $0y = ma_y = -\mu mg + N_2 = 0$ , значит  $N_2 = \mu mg$  (т.к. ускорение  $a_y = 0$ )  
 тогда  $F_{тр2} = \mu N_2 = \mu^2 mg$  (т.к. проекция движения)

1:  $0x: ma_x = -\mu mg + N_1 + F \sin \alpha = 0$ , значит  $N_1 = \mu mg - F \sin \alpha$  (где  $a_x$  - ускорение по оси  $0x$ ), а  $F \sin \alpha$  - проекция  $F$  на ось  $0x$ .  
 значит  $F_{тр1} = \mu N_1 = \mu(\mu mg - F \sin \alpha)$  (т.к. проекция движения)

запишем СЭЭ:

1:  $A_1 - A_{тр1} = K = L(\mu mg \cos \alpha - \mu(\mu mg - F \sin \alpha))$

2:  $A_2 - A_{тр2} = K = L(\mu F - \mu^2 mg)$

Откуда  $F = F \cos \alpha + \mu F \sin \alpha$

$1 = \cos \alpha + \mu \sin \alpha$

$\frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} = \mu$

2) при  $F=0$   $F_{тр2} = \mu^2 mg$  аналогично 2 ситуации  
 $F_{тр1}$  - сила трения в процессе торможения.

Тогда из СЭЭ:  $K = A_{тр} = \mu mg S$ , т.к.  $S$  и  $F \sin \alpha$  сонаправлены

$S = \frac{K}{\mu mg} = \frac{K \sin \alpha}{\mu g (1 - \cos \alpha)}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



4) Пользуясь тем, что все процессы изохорические запишем уравнения энергии для 1-атомного газа  $C_v = 1,5R$ ,  $C_p = 2,5R$   
 $PV = \nu RT$  - ур. Н-К.  $\Delta E = \text{const}$  по ур. для 1-атомного газа  $C_v = 1,5R$ ,  $C_p = 2,5R$   
 $PV^n = \text{const}$ , где  $n = \frac{C_p - C_v}{C_v} = \frac{2,5R - 1,5R}{1,5R} = \frac{1}{1,5} = \frac{2}{3}$ , откуда  $n_{12} = -1$   
 $n_{23} = \infty$ ;  $n_{31} = 2$ , откуда для 1-3:  $\frac{P}{V} = \text{const}$ ;  
 2-3:  $PV^2 = \text{const}$  и 1-2:  $V = \text{const}$

Также из графика в процессе 1-2  $T \uparrow$  в 6 раз значит так  $V = \text{const}$ , то  $P = \text{const}$ , значит  $P$  тоже  $\uparrow$  в 6 раз.  
 В процессе 3-1  $T \downarrow$  в 6 раз и т.к.  $PV \downarrow$  в 6 раз а  $\frac{P}{V} = \text{const}$ , то  $P \downarrow$  в 6 раз и  $V \downarrow$  в 6 раз.

1) Пусть  $A_{31}$  - работа газа на 3-1, тогда  $A_{31} = -A_{13}$  равна площади под графиком, где ось  $A_{31} = -1,5R \cdot \frac{V_1}{V_1} \cdot P_1 = -1,5R P_1$ , так как  $V \downarrow$   
 Из ур. Н-К:  $P_1 V_1 = \nu RT_1$ , тогда  $A_{31} = -1,5 \nu RT_1 = -300R \cdot K \cdot \text{моль} = -32500 \text{ Дж} = -3,25 \text{ кДж} = -A_{13}$ , откуда  $A_{31} = 3,25 \text{ кДж}$

2) Так как  $PV^{\frac{5}{3}} = \text{const}$  - работа идеального газа, то  $P = \frac{\text{const}}{V^{\frac{5}{3}}} = \text{const} \cdot V^{-\frac{5}{3}}$ , а процесс 2-3:  $P = \frac{\text{const}}{V^2}$ , откуда  $\frac{dV}{V} = \frac{3}{5} \frac{dP}{P}$  до процесса 2-3 и мерит  $\frac{dV}{V} = \frac{3}{5} \frac{dP}{P}$  угол наклона касательной к функции уменьшается быстрее работы.  
 Как точка, значит в нем энергия выделяется, пусть  $A$  - работа за цикл, а  $Q_+$  - энергия поглощаемая газом за цикл, тогда  $Q_+ = Q_{12}$  - порabeeмая энергия в процессе 1-2, значит  $Q_+ = A_{12} = C_p \nu \Delta T = 2,5R \nu \Delta T = 1,5R \nu (T_2 - T_1) = 10,5 \nu R \cdot \Delta T$

В процессе 2-3  $P_2 = \frac{\nu RT_2}{V_2} = \frac{\nu RT_2 V_2}{V_2^2}$ , откуда  $\text{const} = \nu RT_1 V_1$ , значит  $P = \frac{\nu RT_1 V_1}{V^2}$ , тогда  $dA = \frac{8 \nu RT_1 V_1}{V^2} dV$ , тогда  $A = \frac{8 \nu RT_1 V_1}{V}$ , значит  $A_{2-3} = \frac{8 \nu RT_1 V_1}{V_2} - \frac{8 \nu RT_1 V_1}{V_3} = 4 \nu RT_1$ , а  $A_{31} = -1,5 \nu RT_1$ , значит  $\eta = \frac{A}{Q_+} = \frac{4 \nu RT_1}{10,5 \nu RT_1} = \frac{8}{21} \approx 38\%$

3)

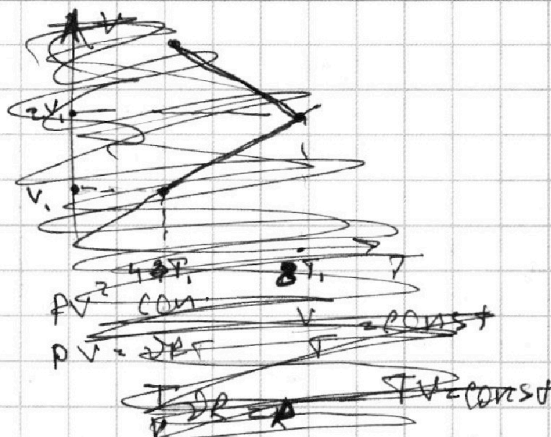
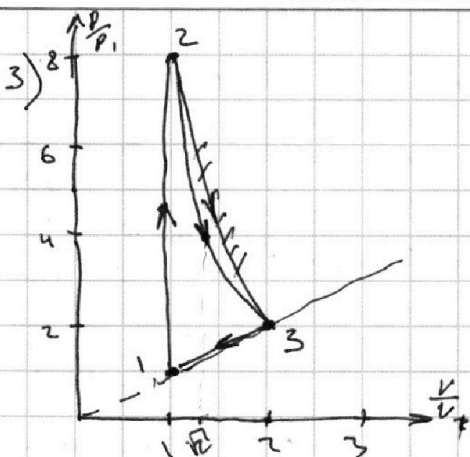
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- 1    2    3    4    5    6    7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



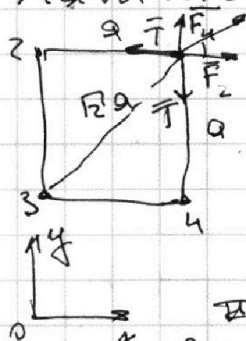


1  2  3  4  5  6  7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



5) 1) Ввиду симметричности конструкции сила натяжения всех веревок  $T$ , тогда:



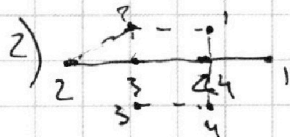
одиначим заряды номерами и силы на нулевом уровне симметрии (соответственно тогда:  $F_2 = k \frac{q^2}{a^2} = F_4$ ,  $F_3 = k \frac{q^2}{2a^2}$  вверем ось  $Ox$  как на рисунке, тогда  $F_{1x}, F_{2x}, F_{3x}, F_{4x}$  - проекции сил  $F_1, F_2$  и  $F_3$  на ось  $Ox$ , тогда: запишем Ньютона:

$$Ox: m a_x = 0 = F_2 + F_3 + F_{1x} - T = F_2 + \frac{F_2}{\sqrt{2}} - T$$

$$Oy: m a_y = 0 = F_{2y} + F_{3y} + F_{1y} - T = F_4 + \frac{F_3}{\sqrt{2}} - T$$

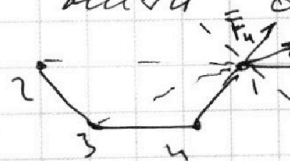
откуда  $T = k \frac{q^2}{a^2} + k \frac{q^2}{2a^2 \sqrt{2}} = k \frac{q^2}{a^2} \left( 1 + \frac{1}{2\sqrt{2}} \right)$

то есть  $q^2 = \frac{T a^2}{k \left( 1 + \frac{1}{2\sqrt{2}} \right)}$ , то есть  $q = a \sqrt{\frac{T}{k \left( 1 + \frac{1}{2\sqrt{2}} \right)}}$



Ввиду того, что на систему из

шаров и шаров внешние силы не действуют, то центр масс этой системы покоится (теорема о движении центра масс), тогда центр масс шаров (ра перешитой) это его центр, а центр масс прямой - в ее середине, то есть положение ~~какое~~ которое займет прямая  $uz$  и тел показана на картинке относительно шаров. Также заметим, что расстояние <sup>не шаров</sup> меняется только  $uz$ , значит ~~изменим~~ изменим энергию на взаимодействие шаров  $U$  в  $K$  шаров. Также стоит отметить, что шарики будут двигаться так как все силы, кроме  $T$  имеют положительную проекцию на ось  $uz$  (вертикальную  $uz$  и  $uz$  шаров и направленную  $uz$  и  $uz$ )



Ввиду симметричности, 1 и 2 шар имеют одинаковую скорость в  $uz$  шаров (3 и 4 тоже имеют одинаковую скорость ввиду симметрии), тогда в момент, когда они раздвигаются на

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

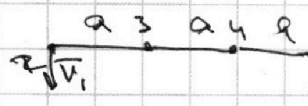
Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Орбитой крайний пусть скорость 1 м/с шаря  $-v_1$ ,  
тогда  $v_{ц.м.} = \frac{20 \cdot \text{ш}}{4 \cdot \text{ш}} = \frac{v_1}{2}$ , но так как центр  
шара находится, то скорость этой же



системе отсчета  $-v_1$ , значит в реальный  
системе отсчета скорость  $\frac{v_1}{2}$ , тогда  
запишем ЗСЭ:  $4 \cdot \frac{\text{ш}(\frac{v_1}{2})^2}{2} = k \frac{q^2}{a^2} - k \frac{q^2}{3a^2}$ , откуда

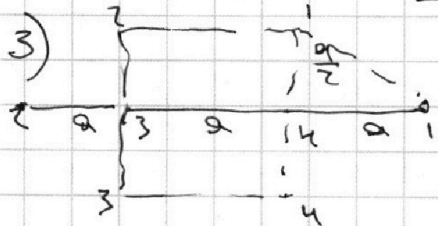
~~$$\frac{\text{ш}v_1^2}{2} = k \frac{q^2}{a^2} \cdot \frac{8}{9}, \text{ значит } v_1 = \sqrt{\frac{16}{9} \cdot \frac{q^2}{a^2} \cdot \frac{k}{\text{ш}}} = \frac{4q}{3a} \sqrt{\frac{k}{\text{ш}}}, \text{ от-}$$

$$\text{куда } \frac{v_1}{2} = \frac{2q}{3a} \sqrt{\frac{k}{\text{ш}}} = \frac{2}{3} \sqrt{\frac{k}{\text{ш}} \cdot \frac{T}{4(1+\frac{1}{2})}} = \frac{2}{3} \sqrt{\frac{T}{\text{ш}(1+\frac{1}{2})}}$$~~

$$\frac{\text{ш}v_1^2}{2} = k \frac{q^2}{a^2} \cdot \frac{8}{9}$$

$$v_1^2 = \sqrt{\frac{24kq^2}{3am}}, \text{ откуда } \frac{v_1}{2} = \sqrt{\frac{kq^2}{3am}} = \sqrt{\frac{k}{3am} \cdot \frac{a^2 T}{k(1+\frac{1}{2})}} = \sqrt{\frac{aT}{3\text{ш}(1+\frac{1}{2})}}$$

$$\text{откуда } \frac{\text{ш}(\frac{v_1}{2})^2}{2} = \frac{aT}{6(1+\frac{1}{2})} = k$$



Из предыдущих соображений  
получаем  $a^2 = a^2 \cdot \frac{a}{4} = \sqrt{a} = a \sqrt{1,25}$



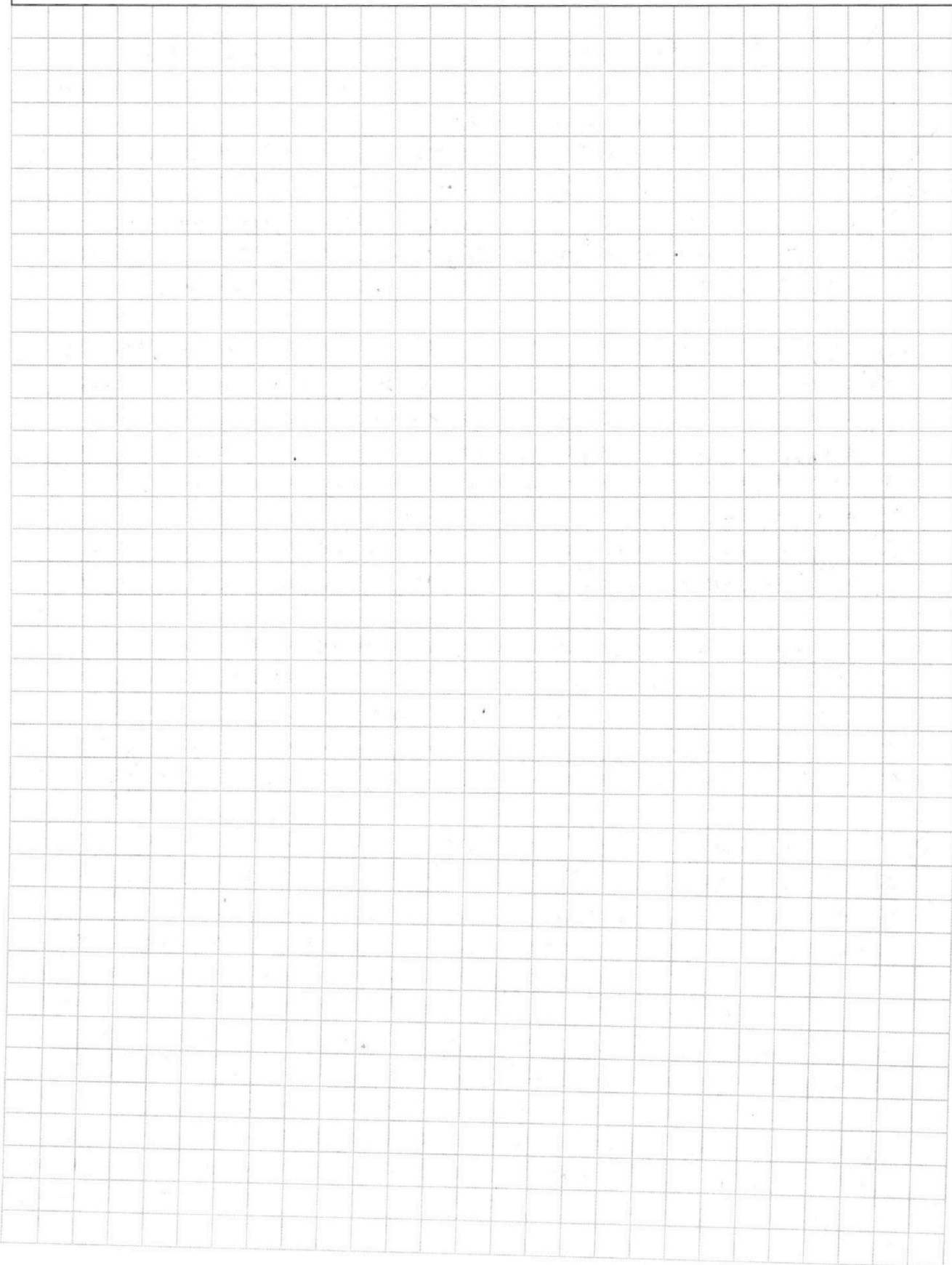
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!





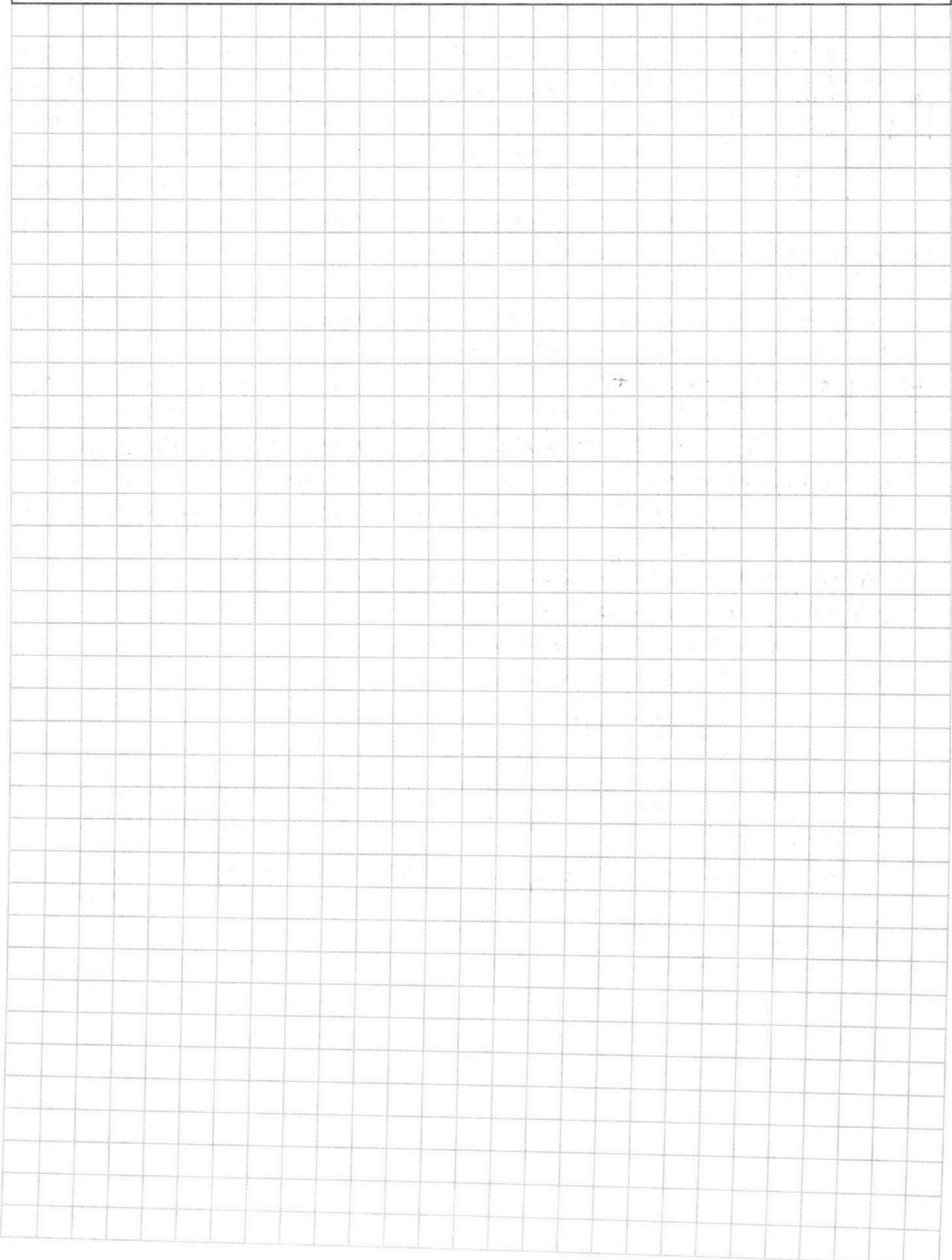
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



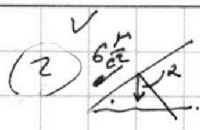
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



0,6c

$0,8 \frac{H}{c}$

$$\frac{0,8 \frac{H}{c} \cdot 0,41c}{2} + \frac{0,6c \cdot 0,6c}{2} = 0,13H + 0,18H$$

$$T = k \frac{q^2}{a^2} + k \frac{q^2}{2a^2} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$= k \frac{q^2}{a^2} \left(1 + \frac{1}{2\sqrt{2}}\right)$$

$$P = \frac{8\sqrt{RT_1 V_1}}{V_2}$$

$$A = \frac{4\sqrt{RT_1 V_1}}{V_1} \cdot 0,5c$$

$$0,25H \quad \frac{5 \cdot 0,5}{2}$$

$$K = \frac{k \frac{q^2}{a} - k \frac{q^2}{3a}}{4}$$

$$= k \frac{q^2}{a} \cdot \frac{1}{6} = \frac{T_0}{6 \left(1 + \frac{1}{2\sqrt{2}}\right)}$$

$$2 \cdot 2\sqrt{RT_1 V_1} - \mu \mu g = F \cos \alpha - \mu (\mu g - F \sin \alpha)$$

$$2 \cdot 2\sqrt{RT_1 V_1} = F \cos \alpha + \mu F \sin \alpha$$

$$1 = \cos \alpha + \mu \sin \alpha$$

$$q^2 = \frac{T_0 a^2}{k \left(1 + \frac{1}{2\sqrt{2}}\right)}$$

$$\mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$K = \mu \mu g S$$

$$\frac{0,5 - 2,9}{0,5 - 1,9} = \frac{2}{-1} = -2$$

$$2V_0 \sin \alpha \cdot \mu g S = \frac{v^2}{2}$$

$$V_0 \cos \alpha \quad v = \sqrt{2\mu g S}$$

$$2P \cdot 4V^2$$

$$PV^2 = \text{const} \quad 1,5P_1 V_1 = 1,5\sqrt{RT_1} \cdot 300 \cdot 6,31$$

$$P_2 = \frac{\sqrt{RT_2 V_2}}{V_2^2} = \frac{8\sqrt{RT_1 V_1}}{V_2^2}$$

$$\frac{S}{V_0 \cos \alpha}$$

$$\frac{V_0 \sin \alpha}{V_0 \cos \alpha} S = \frac{P S^2}{2V_0^2} \cdot \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$\sin \alpha \cdot 8P \cdot V^2$$

$$2 \cdot 2\sqrt{RT_1 V_1} \cdot dV$$

$$S \sqrt{P} d\alpha = \frac{P S^2}{2V_0^2} - \frac{P S^2}{2V_0^2} \frac{d\alpha}{\cos^2 \alpha}$$

$$200 = V^2$$

$$7 \cdot 1,5\sqrt{RT_1} = \frac{8\sqrt{RT_1 V_1}}{V}$$

$$\frac{8\sqrt{RT_1 V_1}}{V}$$

$$20 - \frac{S^2}{40} = \frac{S^2}{40} \cdot \frac{400}{S^2}$$

$$= 10,5 \cdot \sqrt{RT_1}$$

$$\frac{8\sqrt{RT_1 V_1}}{V_1} = \frac{8\sqrt{RT_1 V_1}}{2V_1} = 4\sqrt{RT_1}$$

$$10 \cdot 64 = \frac{S^2}{40} \quad S = 4 \cdot 864$$

$$= 5\sqrt{RT_1}$$

$$= 5\sqrt{RT_1}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

