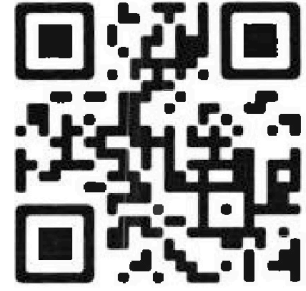




МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 13



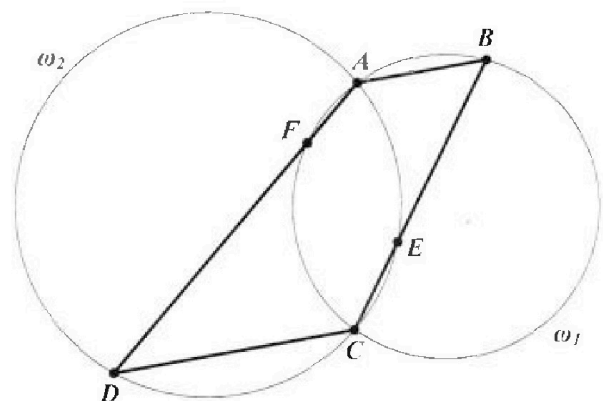
- [3 балла] В прямоугольном треугольнике длины катетов равны $|2x - 2|$ и $|x^2 + 3x|$, а длина гипотенузы равна $|3x + 1|$. Найдите x .
- [4 балла] Целые числа x, y, z удовлетворяют равенству $x\sqrt{8} + y\sqrt{18} + z\sqrt{29} = \sqrt{32} + \sqrt{116}$. Найдите наименьшее возможное значение выражения $x^2 - y^2 + z^2$.
- [4 балла] Назовём числа *хорошими*, если они представимы в виде $a(a + 1)$, где $a \in \mathbb{N}$. Найдите количество пар хороших чисел, разность которых равна $81 \cdot 10^{2024}$.
- [5 баллов] Решите неравенство

$$\frac{1}{\sqrt{4x - x^2} - 3} \leq \frac{1}{\sqrt{2x - x^2} - \sqrt{x^2 + x - 2}}$$

- [5 баллов] Остроугольный треугольник ABC вписан в окружность с центром O , а AA_1 и BB_1 – его высоты. Найдите расстояние от точки O до стороны AC , если $AB_1 = 6$ и площадь треугольника OBA_1 равна 6.
- [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} x^2 - 2xy + y^3 - 3y^2 - 1 = 0, \\ 2x - xy - y^3 + 5y^2 - 3y + 2 = 0. \end{cases}$$

- [6 баллов] Дана трапеция $ABCD$ с основаниями AB и CD ($AB < CD$). Окружность ω_1 , описанная около треугольника ABC , повторно пересекает сторону AD в точке F , а окружность ω_2 , описанная около треугольника ACD , повторно пересекает сторону BC в точке E (точки E и F расположены так, как показано на рисунке). Найдите отношение длин отрезков AF и CE , если отношение радиуса окружности ω_1 к радиусу окружности ω_2 равно $1 : 2$.





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

По теореме Пифагора:

$$(2x-2)^2 + (x^2+3x)^2 = (3x+1)^2$$

$$4x^2 - 8x + 4 + x^4 + 6x^3 + 9x^2 = 9x^2 + 6x + 1$$

$$x^4 + 6x^3 + 4x^2 - 14x + 3 = 0$$

Сумма коэффициентов равна 0, значит $x=1$. Разделим многочлен на $x-1$

$$\begin{array}{r|l} x^4 + 6x^3 + 4x^2 - 14x + 3 & x-1 \\ \hline x^4 - x^3 & x^3 + 7x^2 + 11x - 3 \\ \hline 7x^3 + 4x^2 & \\ \hline 7x^3 - 7x^2 & \\ \hline 11x^2 - 14x & \\ \hline 11x^2 - 11x & \\ \hline -3x + 3 & \\ \hline -3x + 3 & \\ \hline 0 & \end{array}$$

$$\text{Получаем: } \begin{cases} x=1 \\ x^3 + 7x^2 + 11x - 3 = 0 \end{cases} \quad (1)$$

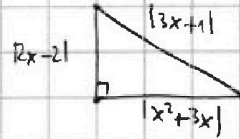
Рассмотрев (1), мы если корни целые, то они ~~являются~~ ^{являются} делителями числа 3. Проверим подбором заметим,

что подходит $x=-3$, получим уравнение:

$$\begin{array}{r|l} x^3 + 7x^2 + 11x - 3 & x+3 \\ \hline x^3 + 3x^2 & x^2 + 4x - 1 \\ \hline 4x^2 + 11x & \\ \hline 4x^2 + 12x & \\ \hline -x - 3 & \\ \hline -x - 3 & \\ \hline 0 & \end{array}$$

$$\text{Получаем: } \begin{cases} x=1 \\ x=-3 \\ x^2 + 4x - 1 = 0 \end{cases} \quad (2)$$

Найдем корни (2)





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x^2 + 4x - 1 = 0$$

$$D = 16 + 4 = 20$$

$$\left[\begin{array}{l} x = \frac{-4 - 2\sqrt{5}}{2} = -2 - \sqrt{5} \\ x = -2 + \sqrt{5} \end{array} \right.$$

~~Ответ: $-2 - \sqrt{5}; -2 + \sqrt{5}$.~~ Проверив 4 найденных ответа в ^{каждом} касков и множестве,

если $x = -3$, то $|x^2 + 3x| = 0$, если $x = 1$, то $|2x - 2| = 0$; значит, эти варианты не подходят.

Ответ: $-2 - \sqrt{5}; -2 + \sqrt{5}$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x\sqrt{8} + y\sqrt{18} + z\sqrt{29} = \sqrt{32} + \sqrt{116} = 2\sqrt{8} + 2\sqrt{29}.$$

Заметим, что множитель $\sqrt{18}$ не встречается нигде, кроме $y\sqrt{18}$. Т.к. переменные-целые числа, $y=0$.

Тогда имеем $x\sqrt{8} + z\sqrt{29} = 2\sqrt{8} + 2\sqrt{29}$. В целых числах уравнение $\sqrt{8}(x-2) + \sqrt{29}(z-2) = 0$ имеет

одно решение: $y=2, z=2$. Итого найдем $x^2 + y^2 + z^2 = 4$.

Ответ: 4.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Возьмем разность двух членов ряда a и b :

$$a(a+1) - b(b+1) = a^2 - b^2 + a - b = (a-b)(a+b) + a - b = (a-b)(a+b+1) = N = 81 \cdot 10^{2024}$$

Заметим, что независимо от четности a и b один из множителей N ($a-b$ или

$a+b+1$) всегда четный, другой — нечетный. $81 \cdot 10^{2024} = 3^4 \cdot 5^{2024} \cdot 2^{2024}$. Если одна из ско-

бок всегда нечетная, значит, все 2024 двойки попадут либо в $(a-b)$, либо в

$(a+b+1)$. Значит, ^{один из множителей} ~~один из делителей~~ принимает вид $2^{2024} \cdot 3^n \cdot 5^m$, $n, m \in \mathbb{Z}$; $0 \leq n \leq 4$; $0 \leq m \leq 2024$.

Второй равен $\frac{N}{2^{2024} \cdot 3^n \cdot 5^m}$. Отметим, что наименьший множитель всегда равен $a+b+1$, т.к.

при $a \in \mathbb{N}$ и $b \in \mathbb{N}$ $a-b < a+b+1$. Проверим $n=4$, получим $5 \cdot 2025 = 10125$ вариантов.

Ответ: 10125.

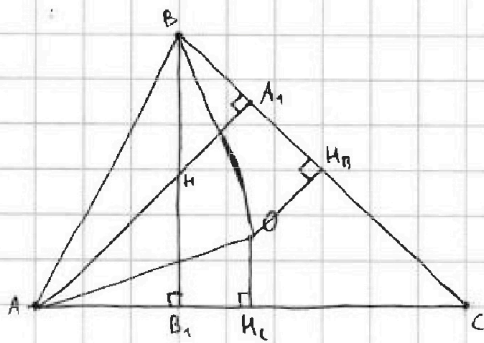


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Дано: $\triangle ABC$ - остроугольный, AA_1, BB_1 - высоты
 O - центр окружности, описанной около $\triangle A_1B_1C_1$.
 $OH_c \perp AC$; $H_c \in AC$
 $OH_b \perp BC$; $H_b \in BC$.
 $AA_1 \cap BB_1 = H$.

$$AB_1 = 6; S_{\triangle A_1B_1C_1} = 6.$$

Найти: OH_c .

Решение.

1) $\angle AB_1B = \angle EBO$; $\angle CAO = \angle BAA_1$, т.к. основание высоты из вершины треугольника равноудалено от центра описанной окружности.

2) Из п.1: $\triangle AA_1B \sim \triangle AH_cO$; $\triangle BB_1A \sim \triangle BH_bO$ по двум углам, значит

$$\frac{AB_1}{OH_b} = \frac{AB}{OB} \quad \text{и} \quad \frac{A_1B}{OH_c} = \frac{AB}{OA} \quad \text{т.к. } OA = OB = R_{\triangle ABC}, \text{ значит, радиусы равны, поэтому } OH_c = \frac{A_1B \cdot OH_b}{AB_1} =$$

$$= \frac{S_{\triangle A_1B_1C_1}}{AB_1} = 1.$$

Ответ: 1.



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} x^2 - 2xy + y^2 - 3y^2 - 1 = 0 & (1) \\ 2x - xy - y^2 + 5y^2 - 3y + 2 = 0 & (2) \end{cases}$$

$$x^2 + x(2 - 3y) + 4y^2 - 3y + 1 = 0$$

Возьмем отношение к x .

$$D = (2y - 2)^2 - 4(2y^2 - 3y + 1) = 9y^2 - 12y + 4 - 8y^2 + 12y - 4 = y^2$$

$$x = \frac{2y - 2 \pm y}{2}$$

$$x = \frac{2y - 2 + y}{2}$$

$$x = 2y - 1$$

$$x = y - 1$$

Подставим $x = y - 1$ в (1)

$$y^2 - 2y + 1 - 2y^2 + 2y + y^2 - 3y^2 - 1 = y^2 - 4y^2 = 0.$$

$$\text{найдем } \{y = 0; x = -1\} \text{ и } \{y = 4; x = 3\}.$$

Подставим $x = 2y - 1$ в (1).

$$4y^2 - 4y + 1 - 4y^2 + 2y + y^2 - 3y^2 - 1 = y^2 - 3y^2 - 2y = 0.$$

$$\text{или } y = 0 \text{ или } y^2 - 3y - 2 = 0.$$

$$D = 9 + 8 = 17$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$\text{найдем } \{x = -1; y = 0\}, \{y = \frac{3 + \sqrt{17}}{2}; x = 2 + \sqrt{17}\} \text{ и } \{y = \frac{3 - \sqrt{17}}{2}; x = 1 - \sqrt{17}\}.$$

$$\text{Ответ: } (-1; 0); (3; 4); \left(\frac{3 + \sqrt{17}}{2}; 2 + \sqrt{17}\right); \left(\frac{3 - \sqrt{17}}{2}; 1 - \sqrt{17}\right).$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{1}{\sqrt{4x-x^2}-3} \leq \frac{1}{\sqrt{2x-x^2}-\sqrt{x^2+x-2}}$$

ОДЗ: $\begin{cases} 4x-x^2-3 \geq 0 & x \in [1; 3], \text{ т.к. } 4x-x^2-3 = -(x-1)(x-3) \\ 2x-x^2 \geq 0 & x \in [1; 2], \text{ т.к. } 2x-x^2 = -x(x-2) \\ x^2+x-2 \geq 0 & x \in (-\infty; -2] \cup (1; +\infty), \text{ т.к. } x^2+x-2 = (x-1)(x+2) \end{cases}$

$\sqrt{4x-x^2}-3 \leq 0$ - не достигнута, т.к. максимум x^2+4x-3 достигается в вершине при $x=2$; $y=1$. Значит $\sqrt{4x-x^2}-3 \leq -2 < 0$

$\sqrt{2x-x^2}-\sqrt{x^2+x-2} \neq 0$ (1)

Рассмотрим (1): $2x-x^2 \neq x^2+x-2$
 $2x^2-x-2 \neq 0$
 $D=17$
 $x \neq \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$

Итого ОДЗ: $\begin{cases} x \in [1; 2] \\ x \neq \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4} \end{cases}$

т.к. $\sqrt{4x-x^2}-3 < -2 < 0$, левая часть неравенства всегда меньше нуля, поэтому, чтобы inequality была верна -2 .

На промежутке $[1; 2]$ $2x-x^2$ убывает, а x^2+x-2 возрастает, значит максимум выражения

$\sqrt{2x-x^2}-\sqrt{x^2+x-2}$ достигается при $x=1$, минимум - при $x=2$. Максимум: $\sqrt{2-1}-\sqrt{1+1}=1$.

Минимум: $\sqrt{4-4}-\sqrt{4+2-2}=-2$. Значит $-2 \leq \frac{1}{\sqrt{2x-x^2}-\sqrt{x^2+x-2}} \leq 0$ при $x \neq \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$, но если

$\frac{1}{\sqrt{x^2+x-2}-3} \leq -2$, то данное нам неравенство выполняется при любых x на промежутке

$[1; 2]$, где $x \neq \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$.

Ответ: $[1; \frac{1+\sqrt{17}}{4}) \cup (\frac{1+\sqrt{17}}{4}; 2]$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x\sqrt{2} + y\sqrt{18} + z\sqrt{29} = \sqrt{37} + \sqrt{116}$$

$$\sqrt{8}(x-2) + \sqrt{29}(z-2) = -y\sqrt{18} + (\sqrt{8} + \sqrt{29})$$

$$\Rightarrow 18y^2$$

$$8(x-2)^2 + 29(z-2)^2 + \sqrt{29} \cdot 8(x-2)(z-2)$$

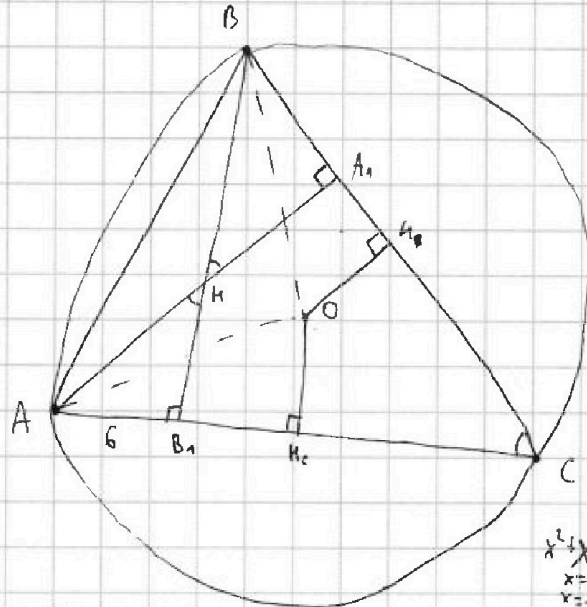
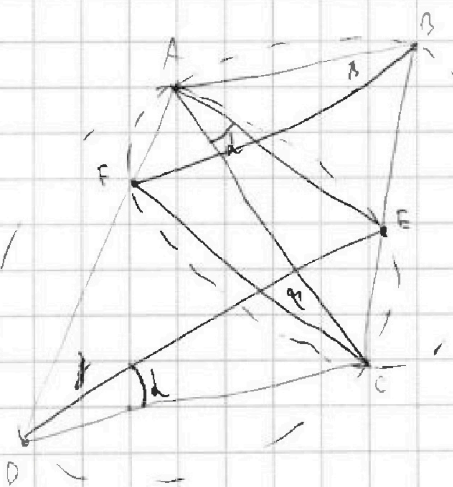
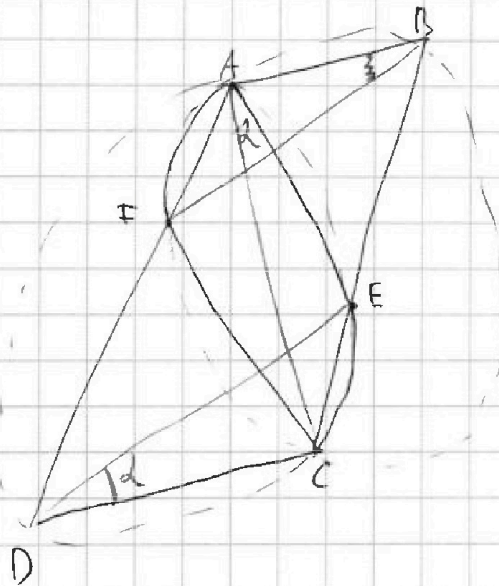
$$8x^2 - 32x + 32 + 29z^2$$

$$(a-b)(a+b) = 81 \cdot 5^{10^4} \cdot 2^{20^4}$$

$$a-b = 81$$

$$a+b = 2^{20^4} \cdot 5^{10^4} \cdot 81$$

$$2a =$$



$\triangle CA_1A$

$\triangle CB_1B$

$\triangle HA_1B$

$\triangle HB_1A$

$\triangle A_1B_1C_1$

$\triangle A_1B_1C_1$

$\triangle A_1B_1C_1$

$\triangle A_1B_1C_1$

$\triangle A_1B_1C_1$

$\triangle OH_1A$

$\triangle OA_1A$

$OH_1 \perp A_1B_1C_1$

$A_1B_1 = 6$

$$\sqrt{4x-x^2} > \frac{6}{2}$$

$$-x^2 + 4x - 3 \geq 9 \text{ (возм. } \leq 0)$$

$$x^2 - 4x + 12 = 0$$

$$D = 16 - 48$$

$$\sqrt{2x-x^2} = 2x-x^2$$

$$-x^2 + 2x + 0$$

$$-1 + 2 = 1$$

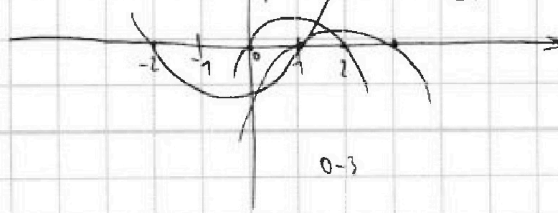
$$x_2 = \frac{-2 \pm \sqrt{4-4}}{2} = -1$$

$$\sqrt{2x-x^2} = \sqrt{x^2+x-2}$$

$$OH_1 = \frac{A_1B_1 \cdot OH_1}{A_1B_1} = 1 \cdot \sqrt{1 - \sqrt{0}} = 1$$

$$0 - \sqrt{2}$$

$$-\sqrt{2}$$



0-3

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x\sqrt{3} + y\sqrt{3} + 2\sqrt{3} = \frac{\sqrt{3}}{2} + 2\sqrt{3} - y\sqrt{3}$$

$$\sqrt{3}(x-2) + \sqrt{3}(2-z) = -3y\sqrt{3}$$

$$x=2y$$

$$f(a+b) - f(b) = a^2 + a - b^2 - b = (a-b)(a+b) = (a-b)(a+b)$$

$$\begin{cases} x^2 - 3xy + y^2 - 3y - 1 = 0 \\ 2x - xy - y^2 + 5y^2 - 3y + 2 = 0 \end{cases}$$

$$x^2 - 3xy + 2y^2 - 3y + 1 = 0$$

$$D = 9y^2 - 3y^2 + 12y - 4 = 6y^2 + 12y - 4$$

$$D = (2-3y)^2$$

$$9y^2 - 12y + 4 - 3y^2 + 12y - 4 = y^2$$

$$x = \frac{2y - 2 + y}{2} = 2y - 1$$

$$x = \frac{3y - 2 - y}{2} = y - 1$$

$\frac{a-b}{1}$
 $\frac{1}{1}$
 $\frac{1}{1}$

$$y^3 - 3y^2 + (y-1)^2 - 2y(y-1) - 1 = y^3 - 3y^2 + y^2 - 2y + 1 - 2y^2 + 2y - 1 = y^3 - 4y^2 - 4y = 0$$

$$4y - 2 - 2y^2 + y - y^2 + 5y^2 - 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2$$

$$2(2y-1)(y-1) - y^2 + 5y^2 - 3y + 2 = 0$$

$$4y - 2 - 2y^2 + y - y^2 + 5y^2 - 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$x^2 - 4x + 12 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

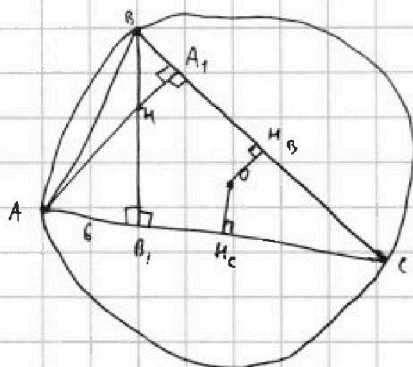
$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$

$$y^2 + 3y + 2 = 0$$



$$OH_1 \cdot AB = 6$$

$$AH_1 = 6$$

$$OH_2 \cdot AB = 6$$

$$OH_1 \cdot AB = 6$$

$$AF = 2$$

$$CE = 2$$

$$\frac{AC}{\sin B} = 2r_1$$

$$\frac{DE}{\sin B} = 4r_1$$

$$2AC = DE$$

$$DE = 4r_1$$

$$\frac{AC}{\sin B} = 4r_1$$

$$AC = 4r_1$$

$$\frac{AC}{\sin D} = 2r_1$$

$$AC = 4r_1$$

$$AH_1 \cdot AB = 6$$

$$AH_1 \cdot AB = 6$$

$$\frac{AH_1}{AB} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{AH_1}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{1}{\sqrt{(x-1)(x-1)-3}} \leq \frac{1}{\sqrt{x(x-1)} - \sqrt{(x-1)(x-2)}}$$

$$x \in [1; 3]$$

$$x \in [0; 2] \quad [1; 2]$$

$$x \in (-\infty; -2] \cup [1; +\infty)$$

$$-(x-1)(x-1) = 9$$

$$x^2 - 4x + 12 = 0$$

$$x = 2$$

$$-\lambda(x-2) = (x-1)(4+2)$$

$$2x^2 - x - 2 = 0$$

$$D = 1 + 16 = 17$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$a-b = 2$$

$$a = b + 2$$

$$a+b+1 = 2b+2+1$$

$$2^{1025} b + 2^{1025} + 2^{1025} = 2b + 2 + 1$$

$$b = \frac{2^{1025} + 2^{1025} + 2^{1025} - 2b - 2 - 1}{2}$$

$$b = \frac{3 \cdot 2^{1025} - 2b - 3}{2}$$

$$-b = \frac{3 \cdot 2^{1025} - 2b - 3}{2}$$

$$a = b + 2 = \frac{3 \cdot 2^{1025} - 2b - 3}{2} + 2$$

$$a+b+1 = 5$$

$$2b+1 = 5 - a$$

$$-2y(y-1) = 2y+2y$$

$$2y(2y-1) = 4y+2y$$

$$y^2 - 3y - 2 = 0$$

$$D = 9 + 8 = 17$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

$$y = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$$

