



МОСКОВСКИЙ  
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ  
ИНСТИТУТ  
ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"  
ПО МАТЕМАТИКЕ



## 11 КЛАСС. Вариант 1

- [4 балла] Натуральные числа  $a, b, c$  таковы, что  $ab$  делится на  $2^9 3^{10} 5^{10}$ ,  $bc$  делится на  $2^{14} 3^{13} 5^{13}$ ,  $ac$  делится на  $2^{19} 3^{18} 5^{30}$ . Найдите наименьшее возможное значение произведения  $abc$ .
- [5 баллов] Дан прямоугольный треугольник  $ABC$ . Окружность, касающаяся прямой  $BC$  в точке  $B$ , пересекает высоту  $CD$ , проведённую к гипотенузе, в точке  $F$ , а катет  $AC$  – в точке  $E$ . Известно, что  $AB \parallel EF$ ,  $AD : DB = 3 : 1$ . Найдите отношение площади треугольника  $ABC$  к площади треугольника  $CEF$ .
- [4 балла] Решите уравнение  $5 \arcsin(\cos x) = x + \frac{\pi}{2}$ .
- [5 баллов] Найдите все значения параметра  $a$ , для каждого из которых найдётся значение параметра  $b$ , при котором система уравнений

$$\begin{cases} ax + 2y - 3b = 0, \\ (x^2 + y^2 - 9)(x^2 + y^2 - 12x + 32) = 0 \end{cases}$$

имеет ровно 4 решения.

- [5 баллов] Некоторые числа  $x$  и  $y$  удовлетворяют равенствам

$$\log_3^4 x + 6 \log_x 3 = \log_{x^2} 243 - 8 \quad \text{и} \quad \log_3^4(5y) + 2 \log_{5y} 3 = \log_{25y^2}(3^{11}) - 8.$$

Найдите все возможные значения произведения  $xy$ .

- [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках  $O(0; 0)$ ,  $P(-14; 42)$ ,  $Q(6; 42)$  и  $R(20; 0)$ . Найдите количество пар точек  $A(x_1; y_1)$  и  $B(x_2; y_2)$  с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что  $3x_2 - 3x_1 + y_2 - y_1 = 33$ .
- [6 баллов] Данна треугольная пирамида  $SABC$ , медианы  $AA_1, BB_1$  и  $CC_1$  треугольника  $ABC$  пересекаются в точке  $M$ . Сфера  $\Omega$  касается ребра  $AS$  в точке  $L$  и касается плоскости основания пирамиды в точке  $K$ , лежащей на отрезке  $AM$ . Сфера  $\Omega$  пересекает отрезок  $SM$  в точках  $P$  и  $Q$ . Известно, что  $SP = MQ$ , площадь треугольника  $ABC$  равна 90,  $SA = BC = 12$ .
  - Найдите произведение длин медиан  $AA_1, BB_1$  и  $CC_1$ .
  - Найдите двугранный угол при ребре  $BC$  пирамиды, если дополнительно известно, что  $\Omega$  касается грани  $BCS$  в точке  $N$ ,  $SN = 4$ , а радиус сферы  $\Omega$  равен 5.

На одной странице можно оформлять **ТОЛЬКО ОДНУ** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1

2

3

4

5

6

7

МФТИ



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$a, b, c \mid ab : 2^9 \cdot 3^{10} \cdot 5^{10}$$
$$bc : 2^{14} \cdot 3^{13} \cdot 5^{13}$$
$$ac : 2^{19} \cdot 3^{18} \cdot 5^{30}$$

Все  $x_1, y_1, z_1 \in \mathbb{N}$

$$\min(a, b, c)$$

Сначала посмотрим только степени 2:

$$\left. \begin{array}{l} ac = 2^{19} \cdot x \\ ab \cdot bc = 2^9 \cdot y \cdot 2^{14} \cdot z = 2^{23} \cdot z \cdot y \end{array} \right\} \frac{ab^2 c}{ac} = \frac{2^{23} \cdot z \cdot y}{2^{19} \cdot x} \quad b = 2^{\frac{4x}{23}} \cdot \frac{z \cdot y}{x} = 2^2 \cdot \frac{z \cdot y}{x}$$

Тогда вхождение числа 2 в  $b$  имеет степень 2, тогда  $b = 2 - 2 = 7$ , а  $b = 14 - 2 = 12$ .

$$\text{Получаем } a = 2^7 \cdot a_1, \quad b = 2^2 \cdot b_1, \quad c = 2^{12} \cdot c_1 \Rightarrow abc = 2^{21} \cdot a_1 \cdot b_1 \cdot c_1$$

Теперь посмотрим только на степени 3:

$$\left. \begin{array}{l} bc \cdot ac = 3^{13} \cdot x_1 \cdot 3^{18} x_2 \\ ab = 3^{10} \cdot x_3 \end{array} \right\} \frac{abc^2}{ab} = \frac{3^{13} \cdot 3^{18} \cdot x_1 \cdot x_2}{3^{10} \cdot x_3} = \frac{3^{21} \cdot x_1 \cdot x_2}{x_3} = c^2$$

Значит или  $b$   $x_3$  содержит 3 в какой-то степени или степень 3 в  $c$  не менее 11.

1) Если  $c = 3^{11} \cdot c_1$ , где  $c_1 \neq 3$

$$\Rightarrow a = 3^7 a_1 \Rightarrow b = 3^3 b_1 \Rightarrow abc = 3^{21}$$

2) Если  $b x_3$  есть 3, то  $ab : 3^{10} \cdot 3^k$ , где  $k \geq 1, k \in \mathbb{N}$

$$\Rightarrow c^2 = 3^{21-k} c_3, \quad ab = 3^{10+k} \cdot x_4, \quad bc = 3^{13} \cdot 2_3, \quad ac = 3^{18} \cdot 2_4$$

$$\Rightarrow abc = 3^{21} \cdot 2_5 \Rightarrow \text{минимальная степень } 3 = 21.$$

Теперь посмотрим на степени 5:

Заметим, что  $ac : 5^{30}$  тогда  $abc : 5^{30}$

Пусть например  $a : 5^7, c : 5^{19}$ , тогда  $ab : 5^{10}, bc : 5^{13}, a \nmid b \nmid c$

Тогда это пример на вхождение числа 5 со степенью 30, а меньше быть не может  $\Rightarrow 30$ .

Следовательно:

$$abc : 2^{21}, \quad abc : 3^{21}, \quad abc : 5^{30} \Rightarrow abc : 2^{21} \cdot 3^{21} \cdot 5^{30}, \text{ т.к. числа } 2, 3, 5 - \text{ простые} \Rightarrow \min(abc) = 2^{21} \cdot 3^{21} \cdot 5^{30}$$

Ответ:  $2^{21} \cdot 3^{21} \cdot 5^{30}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1

2

3

4

5

6

7

МФТИ



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Дано:  $\triangle ABC$ ,  $\angle C = 90^\circ$ ;  $CD \perp AB$ , окружность кас.  $BC$  в т.  $B$ , и  $B$  в т.  $C$ .  $CD = F$ ,  $\angle A = E$   
 $AB \parallel EF$ ,  $AD : DB = \frac{3}{1}$

Найти:  $S_{ABC} / S_{CEF}$ ?

Решение:

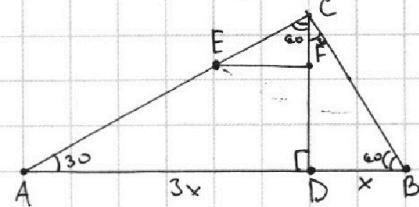
1)  $AD = 3x$ ,  $DB = x$

2) Из  $\triangle ACD$ :  $CD = \sqrt{AD \cdot DB} = \sqrt{3x \cdot x} = x\sqrt{3}$

3)  $\triangle ACD$ :  $AC = \sqrt{AD^2 + CD^2} = \sqrt{9x^2 + 3x^2} = 2x\sqrt{3}$

4)  $\triangle DCB$ :  $CB = \sqrt{CD^2 + DB^2} = \sqrt{3x^2 + x^2} = 2x$

5)  $\triangle ABC$ :  $AB = 4x$ ,  $BC = 2x \Rightarrow \angle A = 30^\circ \Rightarrow \angle B = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- |                          |                          |                                     |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

МФТИ.

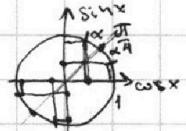


Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\arcsin(\cos x) = x + \frac{\pi}{2}$$
$$\arcsin(\cos x) = \frac{x + \frac{\pi}{2}}{5}$$
$$\cos x = \sin\left(\frac{x}{5} + \frac{\pi}{10}\right)$$

$$\begin{cases} \frac{\pi}{4} + \pi k + \alpha = x, k \in \mathbb{Z} \\ \frac{\pi}{4} + \pi k - \alpha = \frac{x}{5} + \frac{\pi}{10}, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

$$+ : \frac{\pi}{2} + 2\pi k = \frac{6x}{5} + \frac{\pi}{10}, k \in \mathbb{Z}$$
$$x = \frac{5}{6} \left( \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{10} + 2\pi k \right), k \in \mathbb{Z}$$
$$x = \frac{\pi}{3} + \frac{5\pi k}{3}, k \in \mathbb{Z}$$



На окружности видно, что если  $x$  и  $\frac{x + \pi}{2}$  будут симметричны относительно  $\frac{\pi}{4} + \pi k$ , то  $\cos$  и  $\sin$  от этих величин, они будут равны, то как нас и нужно.

Поставим в уравнение:

$$\arcsin(\cos x) = \frac{\pi}{3} + \frac{5\pi k}{3} + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{6} + \frac{7\pi k}{3}$$

Область значений функции  $\arcsin \in [-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}]$

Поэтому появляется неравенство:

$$-\frac{\pi}{2} \leq \frac{\pi}{6} + \frac{7\pi k}{3} \leq \frac{\pi}{2} \cdot \frac{2}{\pi}$$
$$-1 \leq \frac{1}{3} + \frac{2}{3}k \leq 1 \quad \cdot 3$$
$$-3 \leq 1 + 2k \leq 3$$
$$-4 \leq 2k \leq 2$$

$$-2 \leq k \leq 1 \Rightarrow k = -2; -1, 0, 1 \text{ т.к. } k \in \mathbb{Z}.$$

Тогда

$$x_1 = \frac{\pi}{3} + \frac{5\pi}{3} \cdot (-2) = -3\pi$$
$$x_2 = \frac{\pi}{3} + \frac{5\pi}{3} \cdot (-1) = -\frac{4\pi}{3}$$
$$x_3 = \frac{\pi}{3} + \frac{5\pi}{3} \cdot (0) = \frac{2\pi}{3}$$
$$x_4 = \frac{\pi}{3} + \frac{5\pi}{3} \cdot (1) = 2\pi$$

Ответ:  $x_1 = -3\pi, x_2 = -\frac{4\pi}{3}; x_3 = \frac{2\pi}{3}; x_4 = 2\pi$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



- |                          |                          |                          |                                     |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

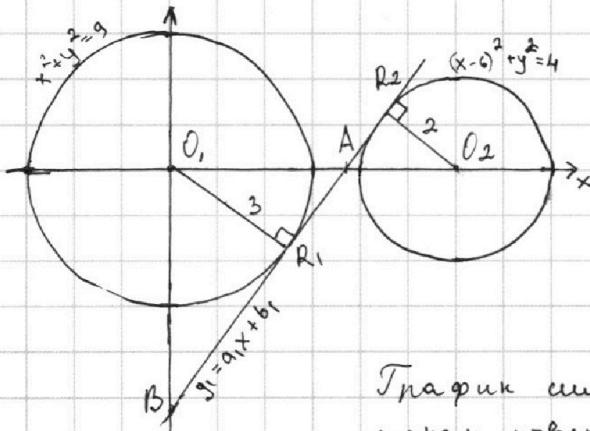
**МФТИ.**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} ax + 2y - 3b = 0 \\ (x^2 + y^2 - 9)(x^2 + y^2 - 12x + 36) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} ax + 2y - 3b = 0 \\ x^2 + y^2 = 9 \\ (x^2 - 12x + 36) + y^2 = 4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} ax + 2y - 3b = 0 & (1) \\ x^2 + y^2 = 9 & (2) \\ (x-6)^2 + y^2 = 4 & (3) \end{cases}$$

Заметим, что 1 уравнение в графическом представлении является прямой, а 2 и 3 являются уравнениями окружностей.



Проведем общую касательную к 2 окружностям:  $y_1 = a_1 x + b_1$ ,  $a_1 > 0, b_1 < 0$ .  
Заметим, если у множества прямых коэффициент перед  $x$  будет  $\geq 0$ , то мы не сможем подобрать такой свободный член, чтобы система имела ровно 4 решения.

График симметричен оси  $ox$ , поэтому мы также можем утверждать, что коэффициент перед  $x$  не может быть  $\leq -a_1$ , т.к. мы снова не сможем подобрать

свободный член для достижение условие задачи.

Преобразуем (1) уравнение:

$$y = -\frac{a}{2}x + \frac{3}{2}b$$

Тогда получается двойное неравенство:

$$-a_1 < -\frac{a}{2} < a_1$$

$$-2a_1 < -a < 2a_1$$

$$-2a_1 < a < 2a_1$$

Осталось найти  $a_1$ .

Рассмотрим  $\triangle O_1 R_1 A$  и  $\triangle O_2 R_2 A$ , они подобны по 2 углам

$$\frac{O_1 A}{O_2 A} = \frac{O_1 R_1}{O_2 R_2} \Rightarrow \frac{O_1 A}{O_1 O_2} = \frac{O_1 R_1}{O_1 R_1 + O_2 R_2} = \frac{3}{5} \Rightarrow O_1 A = \frac{3}{5} \cdot 6$$

$$y_1 = a_1 x + b_1, y_1 = 0, x = \frac{3 \cdot 6}{5} \Rightarrow \frac{18}{5} a_1 = -b_1$$

$$\triangle O_1 R_1 A: R_1 A = \sqrt{O_1 A^2 - O_1 R_1^2} = \sqrt{\left(\frac{18}{5}\right)^2 - 9} = \frac{3}{5} \sqrt{11}$$

$$O_1 R_1^2 = R_1 B \cdot R_1 A \Rightarrow R_1 B = \frac{9 \cdot 6}{3 \sqrt{11}} = \frac{18}{\sqrt{11}}$$

$$\triangle BD_1 R_1: O_1 B = \sqrt{O_1 R_1^2 + BR_1^2} = \sqrt{9 + \frac{324}{11}} = 18 / \sqrt{11}$$

$$y = a_1 x + b_1, x = 0, y = -18 / \sqrt{11} \Rightarrow b_1 = -18 / \sqrt{11}$$

$$\frac{18}{5} a_1 = -b_1 = 18 / \sqrt{11} \Rightarrow a_1 = \frac{5}{18} \cdot \frac{18}{\sqrt{11}} = \frac{5}{\sqrt{11}} \Rightarrow -2 \cdot \frac{5}{\sqrt{11}} < a < 2 \cdot \frac{5}{\sqrt{11}}$$

Ответ:  $a \in \left(-\frac{10}{\sqrt{11}}, \frac{10}{\sqrt{11}}\right)$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- |                          |                          |                          |                          |                                     |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                        | 5                                   | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ.

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\log_3^4 x + 6 \log_x 3 = \log_{x^2} 243 - 8 \quad \begin{cases} x > 0, x \neq 1 \\ \end{cases}$$

$$\log_3^4 (5y) + 2 \log_{5y} 3 = \log_{(5y)^2} (3'') - 8 \quad \begin{cases} 5y > 0, 5y \neq 1 \\ \end{cases}$$

$$243 = 3^5$$

$$(\log_3 x)^4 + 6 \left( \frac{\log_3 3}{\log_3 x} \right) = \log_{x^2} (3^5) - 8$$

$$\log_{x^2} (3^5) = \frac{5}{2} (\log_3 |x|)^3, \text{ но } x > 0 \Rightarrow = \frac{5}{2} \log_3 x = \frac{5}{2} \left( \frac{\log_3 3}{\log_3 x} \right)$$

$$(\log_3 x)^4 + 6 \left( \frac{1}{\log_3 x} \right) - \frac{5}{2} \left( \frac{1}{\log_3 x} \right) + 8 = 0$$

$$\log_3 x = t \Rightarrow 3^t = x$$

$$t^4 + \frac{6}{t} - \frac{5}{2t} + 8 = 0 \cdot 2t$$

$$2t^5 + 16t^4 + 7 = 0 = f(t)$$

$$f'(t) = 10t^4 + 16 - 6t \geq 16 \Rightarrow \text{возрастает} \Rightarrow \text{пересечение}$$

с  $y=0$  не более 1  $\Rightarrow$  не более 1 корня

Заметим  $f(-1) < 0, f(0) > 0 \Rightarrow$  корень между  $-1$  и  $0$

$$3^t = x \Rightarrow x \text{ между } \frac{1}{3} \text{ и } 1$$

$$(\log_3 (5y))^4 + 2 \log_{5y} 3 = \log_{25y^2} (3'') - 8$$

$$(\log_3 (5y))^4 + \frac{2}{\log_3 (5y)} - \frac{11}{2 \log_3 (5y)} + 8 = 0$$

$$\log_3 5y = z$$

$$z^4 + \frac{2}{z} - \frac{11}{2z} + 8 = 0 \cdot 2z$$

$$2z^5 + 16z^4 - 7 = 0 = f_1(z)$$

$$f'_1(z) = 10z^4 + 16 \text{ всегда } \geq 16 \Rightarrow \text{возрастает} \Rightarrow \text{пересечение с } y=0$$

не более 1  $\Rightarrow$  не более 1 корня

Заметим  $f_1(0) < 0, f_1(1) > 0 \Rightarrow$  корень между 0 и 1

$$3^z = 5y \Rightarrow 5y \text{ между } 1 \text{ и } 3$$

Тогда  $x \cdot 5y$  между  $\frac{1}{3}$  и  $3 \Rightarrow xy$  между  $\frac{1}{15}$  и  $\frac{3}{5}$

Теперь посмотрим на уравнение:

$$2t^5 + 16t^4 + 7 = 0 \text{ и } 2z^5 + 16z^4 - 7 = 0$$

Пусть  $a$  - решение первого уравнения, тогда:

$$2 \cdot a^5 + 16 \cdot a^4 + 7 = 0. \text{ Добавим } -a \text{ во второе:}$$

$$-2 \cdot a^5 - 16a^4 - 7 = -(2 \cdot a^5 + 16a^4 + 7) = -(-0) = 0 \text{ т.е. } -a \text{ - решение}$$

второго уравнения. Тогда  $a$

$$x = 3^a, 5y = 3^{-a} \Rightarrow xy = 3^a \cdot 3^{-a} = \frac{3^a}{3^{-a}} = 1 \Rightarrow xy = \frac{1}{5}$$

Причём условия на  $x$  и  $y$  выполнены.

Ответ: единственное возможное произведение  $= \frac{1}{5} = xy$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1

2

3

4

5

6

7

 МФТИ.

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- |                          |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> |

 МФТИ.

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1

2

3

4

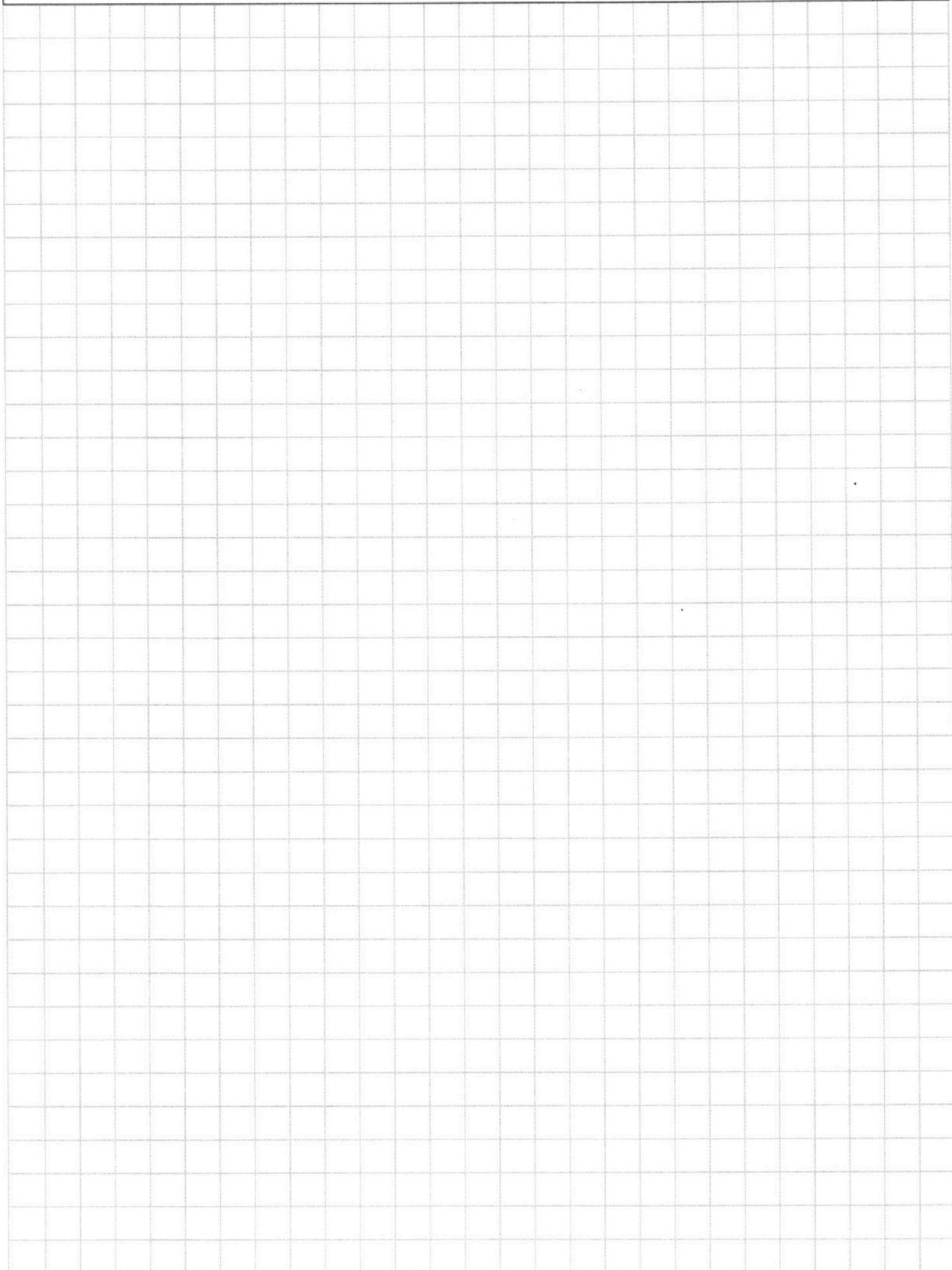
5

6

7

 МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

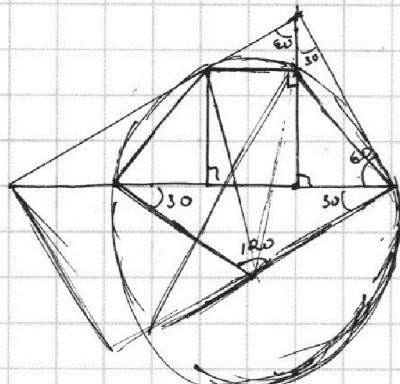


- |                                     |                          |                          |                          |                                     |                                     |                                     |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|

**МФТИ.**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Черновик



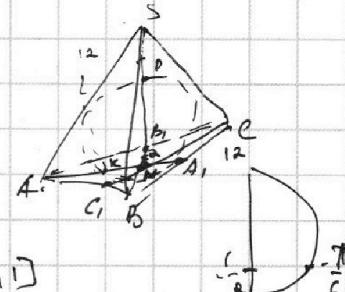
$$9 \cdot 9 \cdot 3 = 81 \cdot 3 = 243 = 5^5$$

$$2^4 + \frac{6}{2} =$$

$$3: 1 + 6 = 8 - 8 \neq$$

$$\text{S3: } \frac{1}{16} + 12 = 5 - 8$$

$$16 + 1 = \frac{11}{2} - 8$$



$$\sin \in [-1; 1]$$

arcsin

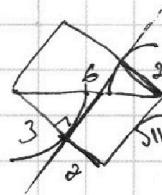
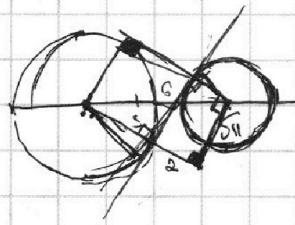
$$\frac{\pi}{3} + \frac{5\pi}{3} k + \frac{\pi}{2}$$

$$\arccos(\cos)$$



$$\frac{Ax_1 + By_1 + C}{\sqrt{A^2 + B^2}} = 2$$

$$-\frac{\pi}{2} : \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{3} = \frac{2\pi}{3}$$



$$\sin \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2}$$

$$\arcsin \frac{1}{2} = \frac{\pi}{6}$$

$$\arcsin(\cos x) = x + \frac{\pi}{2}$$

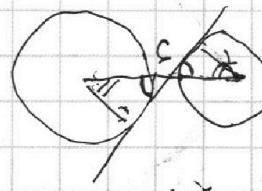
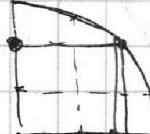
$$\cos x = \sin \left( x + \frac{\pi}{2} \right)$$

$$\begin{cases} \frac{\pi}{4} + d = x \\ \frac{\pi}{4} - d = x + \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

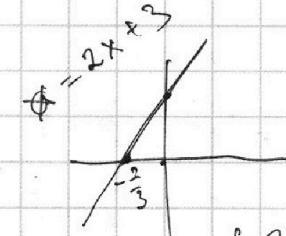
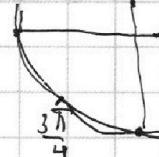
$$\begin{cases} \frac{\pi}{4} + d = x \\ \frac{\pi}{4} - d = x + \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

$$+ \frac{\pi \cdot i \cdot 2k\pi}{2} = x + \frac{x}{5} + \frac{\pi}{2} \cdot 5$$

$$\frac{2}{5}\pi = \frac{6x}{5} \Rightarrow x = \frac{1}{3}\pi$$



$$\frac{3}{5} \cdot 6 = 3 \frac{3}{5}$$



$$y = a_1 x + b_1$$

$$-\frac{a_1}{b_1} = \frac{18}{5}$$

$$\begin{aligned} & 6 \cdot \frac{18}{5} = 108 \\ & 14 \cdot \frac{18}{5} = 504 \\ & 24 \cdot \frac{18}{5} = 864 \end{aligned}$$

$\cos x - \sin x$

$\sin x \cos - \cos x \sin$

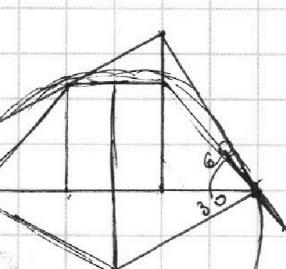
$$\left(\frac{18}{5}\right)^2 - 9$$

$$9 \cdot 2 \cdot 9 \cdot 2 - 9 \cdot 25$$

$$9 \cdot 2 \cdot 9 \cdot 2 - 25$$

$$g = \frac{3\sqrt{5}}{5} \cdot \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$$

$$\sqrt{\frac{225 + 1089}{112}}$$



$$\frac{225 + 1089}{112}$$

$$\begin{aligned} & 12 \cdot \frac{9}{1089} = \frac{1}{9} \\ & 225 \cdot \frac{9}{1089} = \frac{25}{112} \\ & 133 \cdot \frac{9}{1089} = \frac{133}{112} \end{aligned}$$

$$\frac{-9}{3} = -3$$

