



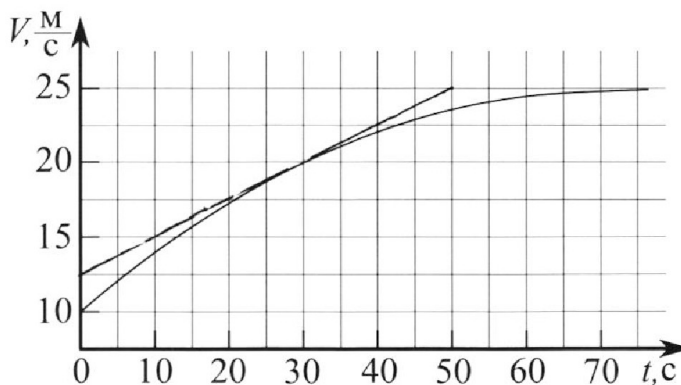
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 11-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Автомобиль массой $m = 1800$ кг движется с постоянной скоростью и затем разгоняется на прямолинейном горизонтальном участке дороги. График зависимости скорости от времени при разгоне показан на рисунке. В конце разгона сила тяги двигателя равна $F_k = 500$ Н. Считать, что при разгоне сила сопротивления движению пропорциональна скорости.



1) Используя график, найти ускорение автомобиля при скорости $V_1 = 20$ м/с.

2) Найти силу тяги F_1 при скорости V_1 .

3) Какая мощность P_1 передается от двигателя на ведущие колеса при скорости V_1 ?

Требуемая точность численного ответа на первый вопрос ориентировочно 10%.

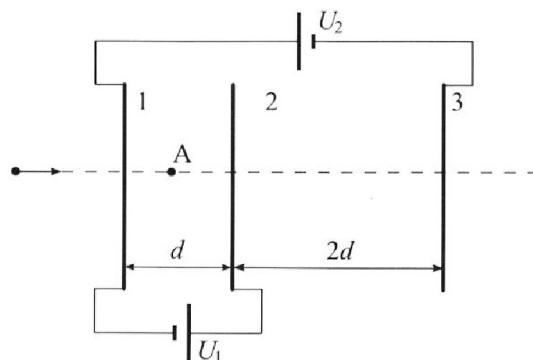
2. Герметичный вертикальный цилиндрический сосуд объемом V разделён тонким невесомым теплопроводящим герметичным поршнем (диск соосный с сосудом) на две равные части. Поршень может перемещаться без трения. В верхней части цилиндра находится углекислый газ, а в нижней - вода и углекислый газ. В начальный момент система находилась в равновесии при комнатной температуре T_0 . При этом жидкость занимала объём $V/4$. Затем цилиндр медленно нагрели до $T = 5T_0/4 = 373$ К. Установившийся объём его верхней части стал равен $V/5$.

По закону Генри, при заданной температуре количество Δn растворённого газа в объёме жидкости w пропорционально парциальному давлению p газа: $\Delta n = kpw$. Объём жидкости при этом практически неизменен. Для углекислого газа константа Генри для данной комнатной температуры $k \approx (1/3) \cdot 10^{-3}$ моль/(м³·Па). При конечной температуре T углекислый газ в воде практически не растворяется. Можно принять, что $RT \approx 3 \cdot 10^3$ Дж/моль, где R - универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной температуре и изменением объёма жидкости в процессе нагревания пренебречь. Все газы считать идеальными.

1) Найти отношение количеств вещества в газообразном состоянии в верхней и нижней частях до нагревания.

2) Определите начальное давление в сосуде P_0 . Ответ выразить через $P_{\text{атм}}$ (нормальное атмосферное давление) с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

3. Три проводящие плоские мелкие сетки находятся друг напротив друга на расстояниях d и $2d$ (см. рис.). Размеры сеток значительно больше d . Изначально сетки не заряжены. К сеткам подсоединили источники с напряжением $U_1 = U$ и $U_2 = 4U$. Частица массой m и зарядом $q > 0$ движется по направлению к сеткам и перпендикулярно сеткам, имея скорость V_0 на расстоянии от сеток, намного большем их размеров. Частица пролетает через сетки, не отклоняясь от прямолинейной траектории. Заряд q намного меньше модуля зарядов сеток.



1) Найти модуль ускорения частицы в области между сетками 1 и 2.

2) Найти разность $K_1 - K_2$, где K_1 и K_2 — кинетические энергии частицы при пролете сеток 1 и 2.

3) Найти скорость частицы в точке A на расстоянии $d/3$ от сетки 1.

Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

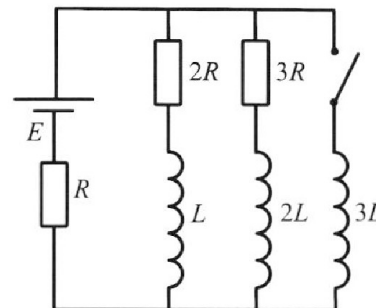
Вариант 11-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

4. Параметры цепи указаны на схеме, все элементы идеальные. Ключ разомкнут, режим в цепи установился. Затем ключ замыкают.

- 1) Найти ток I_{10} через резистор с сопротивлением $2R$ при разомкнутом ключе.
- 2) Найти скорость возрастания тока в катушке индуктивностью $3L$ сразу после замыкания ключа.
- 3) Какой заряд протечет через резистор с сопротивлением $2R$ при замкнутом ключе?

Ответы давать с числ овыми коэффициентами в виде обыкновенных дробей.



5. Оптическая система состоит из двух призм с показателями преломления n_1 и n_2 и находится в воздухе с показателем преломления $n_{\text{в}} = 1,0$. Точечный источник света S расположен на расстоянии $a = 194$ см от системы и рассматривается наблюдателем так, что источник и глаз наблюдателя находятся на прямой, перпендикулярной наружным поверхностям призм (см. рис.). Угол $\alpha = 0,1$ рад можно считать малым, толщина $h = 9$ см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник – глаз» намного меньше h . Отражения в системе не учитывать.

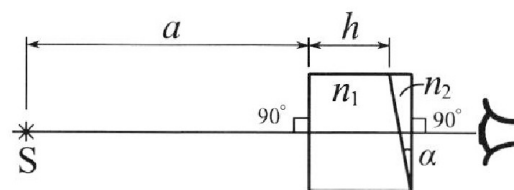


рис.). Угол $\alpha = 0,1$ рад можно считать малым, толщина $h = 9$ см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник – глаз» намного меньше h . Отражения в системе не учитывать.

- 1) Считая $n_1 = n_{\text{в}} = 1,0$, $n_2 = 1,7$, найдите на какой угол отклонится системой луч, идущий от источника перпендикулярно левой грани системы.
- 2) Считая $n_1 = n_{\text{в}} = 1,0$, $n_2 = 1,7$, найдите расстояние между источником и его изображением, которое будет видеть наблюдатель.
- 3) Считая $n_1 = 1,5$, $n_2 = 1,7$, найдите на каком расстоянии от источника будет его изображение, которое увидит наблюдатель.



1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача N1

$$m = 1800 \text{ кг}; \quad F_k = 500 \text{ Н}$$

$F_{\text{сопр}} = kv$, где k - коэффициент пропорциональности между силой сопротивления движения и скоростью.

1) Запишем второй закон Ньютона для автомобиля в процессе разгона:

$$ma = m \frac{dv}{dt} = F_{\text{тяги}} - F_{\text{сопр}} = F_{\text{тяги}} - kv$$

Конец разгона, т.е. момент, когда

$a = \frac{dv}{dt} = 0$ ускорение равно нулю, наступит при скорости равной $V_k = 25 \text{ м/с}$

Второй закон Ньютона в конце разгона запишется так:

$$m \cdot 0 = 0 = F_k - kV_k$$

Значение V_k
мы найдем с
помощью ускорения

$$k = \frac{F_k}{V_k} = 20 \frac{\text{Н}}{\frac{\text{м}}{\text{с}}} = 20 \frac{\text{Н} \cdot \text{с}}{\text{м}} = 20 \text{ кг/с}$$

Ускорение автомобиля при скорости V_1 найдем графически.

1 ☒ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐



Проведём касательную к точке
графика, где $v = v_1 = 20 \text{ м/с}$ и определим
её коэффициент наклона $\frac{dv}{dt} = a_1$

$$a_1 = \frac{dv}{dt} = \frac{20 - 7,5 \text{ м}}{30 - 0 \text{ с}} = \frac{7,5}{30} \text{ м/с}^2 = \underline{\underline{0,25 \text{ м/с}^2}}$$

Итого: $a_1 = 0,25 \text{ м/с}^2$

2) Вторым законом Ньютона при $v = v_1$:

$$m a_1 = F_{\text{тяги}} - k v_1 = F_1 - k v_1$$

$$F_1 = k v_1 + m a_1 = (1800 \cdot 0,25 + 20 \cdot 20) \text{ Н} =$$

$$= (450 + 400) \text{ Н} = \underline{\underline{850 \text{ Н}}}$$

$$3) P = \frac{dA}{dt} = \frac{F \cdot dx}{dt} = F \cdot v$$

Мощность P_1 равна произведению силы
тяги F_1 на скорость v_1 :

$$P_1 = F_1 \cdot v_1 = (850 \cdot 20) \text{ Вт} = 17000 \text{ Вт} = \underline{\underline{17 \text{ кВт}}}$$

Ответ: 1) $a_1 = 0,25 \text{ м/с}^2$

2) $F_1 = 850 \text{ Н}$

3) $P_1 = 17 \text{ кВт}$

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №2.

$$\begin{array}{r} 246 \\ - 298,4 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 373,5 \\ - 35 \\ \hline 338,5 \end{array}$$

1) V - объем сосуда; CO_2 - моновалентный газ

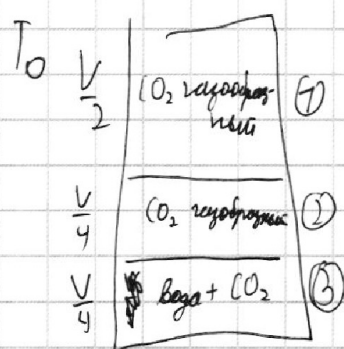
$\frac{V}{4}$ - ном. объем воды;

$$T = \frac{5 T_0}{4} = 373 \text{ K}; \quad T_0 = \frac{4}{5} T = \frac{4}{5} \cdot 373 \text{ K} = 298,4 \text{ K}$$

$\frac{V}{5}$ - уст. объем верхней части

$\Delta V = k p w$, где $k \approx \frac{1}{3} \cdot 10^{-3} \text{ моль/м}^3 \cdot \text{Па}$ при T_0

$$R T \approx 3 \cdot 10^3 \text{ Дж/моль}$$



Поскольку система находится
давления газов в газодинамическом
состоянии (в сеченьях 1 и 2 на
рисунке) равны p_0

Затем ур-ние состояния идеального

газа. $p_0 \frac{V}{2} = J_1 R T_0$, где J_1 - кол-во
 CO_2 в верхней части цилиндра

$p_0 \frac{V}{4} = J_2 R T_0$ (мы пренебрегаем
давлением водяных
паров при комнатной
температуре)

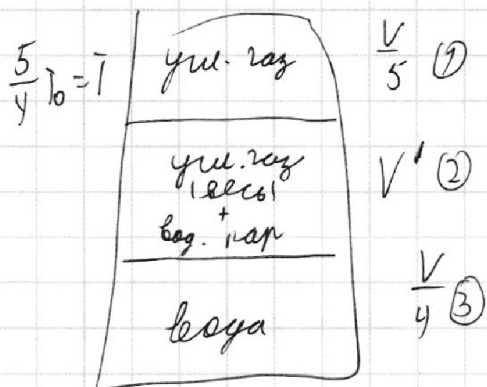
$$\frac{J_1}{J_2} = \frac{p_0 \frac{V}{2}}{p_0 \frac{V}{4}} = \underline{\underline{2}}$$

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



2) Зарисуем как будет выглядеть система после нагревания:



Найдём объём занимаемый уш. газом в нижней части после нагревания в установившемся режиме:

$$V' = V - \frac{V}{4} - \frac{V}{5} = \frac{20V - 5V - 4V}{20} = \frac{11}{20} V$$

(мы пренебрегаем изм. объёма воды в ходе нагревания)

$V' = V_2 + \Delta V = V_2 + k p_0 \frac{V}{4}$ — кол-во уш. газа в нижней части после нагревания (всё растворившийся газ покинул воду). Найдём давление водяных паров $p_{\text{вод. пар}}$. Так как система находится в установившемся режиме и снизу оттаивает вода пар является насыщенным, при такой температуре $T = \frac{5}{4} T_0 = 373 \text{ K}$ его давление равно атмосферному $p_{\text{н.п}} = p_{\text{атм}}$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Давление CO_2 в верхней части - p_1 .

$p_1 = p_{\text{к.п}} + p_2 = p_{\text{атм}} + p_2$ - давление
в верхней части равно сумме парциаль-
ных давлений CO_2 и водяного пара чистого.

$p_1 \frac{V}{5} = \nu_1 R T$ - уравнение состояния
для CO_2 в верхней части

$$p_2 \frac{11}{20} V = p_2 \frac{11}{20} V = (\nu_2 + \Delta \nu) R T$$

$$\frac{\nu_1 R T}{\nu_2 R T} = \frac{p_1 \frac{V}{5}}{\frac{11}{20} p_2 V - \Delta \nu R T} = 2; \quad \Delta \nu = k p_0 \frac{V}{4}$$

$$\frac{p_1 \frac{V}{5}}{5} = \frac{11}{20} p_2 V - 2 \Delta \nu R T = \frac{11}{20} (p_1 - p_{\text{атм}}) V - 2 \Delta \nu R T$$

$$\frac{11}{20} p_{\text{атм}} V + 2 k p_0 \frac{V}{4} R T = \frac{11}{20} p_1 V - \frac{p_1 V}{5} = \left(\frac{11}{20} - \frac{2}{20} \right) p_1 V$$

$$\frac{11}{20} p_{\text{атм}} + \frac{p_0 \frac{k R T}{2}}{2} = \frac{9}{20} p_1$$

$$\frac{p_1 \frac{V}{5}}{p_0 \frac{V}{2}} = \frac{\nu_1 R T}{\nu_2 R T}; \quad p_1 \frac{V}{5} = p_0 \frac{V}{2} \frac{5}{4}$$

$$p_1 = \frac{25}{8} p_0$$

$$\frac{11}{20} p_{\text{атм}} + p_0 \frac{k R T}{2} = 9 p_1 = \frac{9 \cdot 25}{8} p_0$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{17}{70} p_{\text{атм}} + \frac{p_0 k R T}{2} = \frac{9}{70} p_1 = \frac{9 \cdot 25}{70 \cdot 8} p_0 = \frac{45}{16} p_0$$

$$88 p_{\text{атм}} + 40 p_0 k R T = 225 p_0$$

$$p_0 = \frac{88}{225 - 40 k R T} p_{\text{атм}}$$

$$k R T = 3 \cdot 70^3 \cdot \frac{1}{3} \cdot 10^{-3} \frac{\text{Дж} \cdot \text{моль}}{\text{моль} \cdot \text{м}^3 \cdot \text{Па}} = 7$$

$$p_0 = \frac{88}{225 - 40} p_{\text{атм}} = \frac{88}{185} p_{\text{атм}}$$

$$\text{Ответ: } 1) \frac{V_1}{V_2} = 2$$

$$2) p_0 = \frac{88}{185} p_{\text{атм}}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

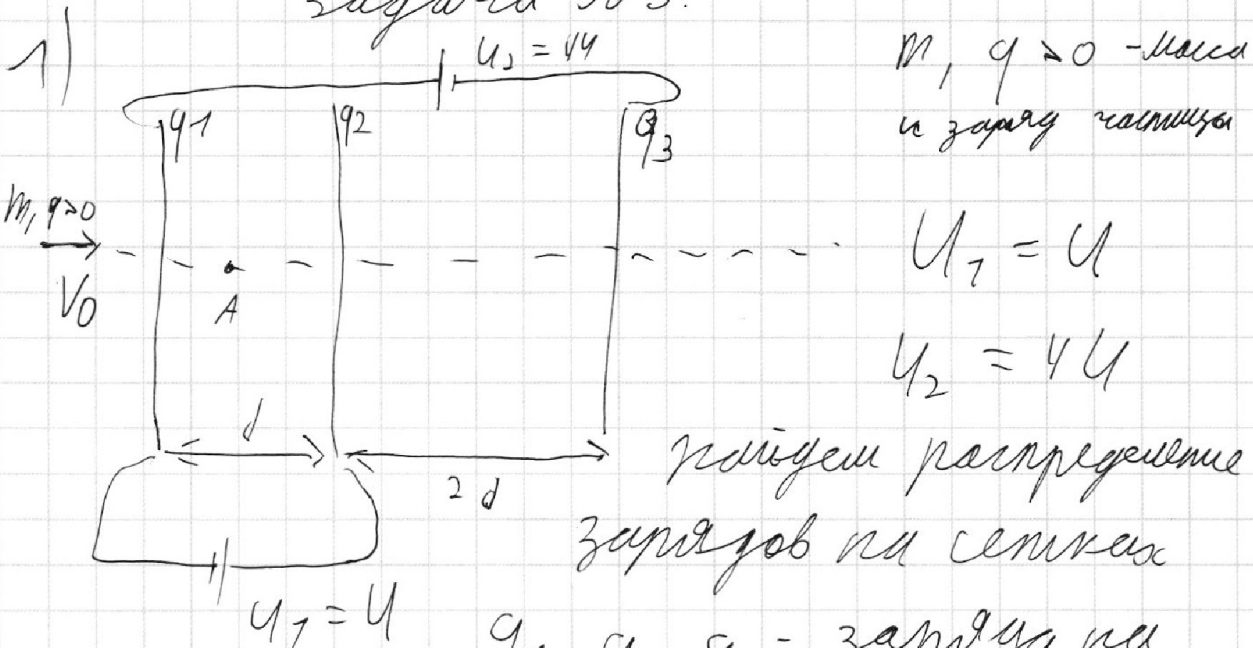
1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №3.



q_1, q_2, q_3 - заряды на сетках 1, 2 и 3 соответственно.

$\varphi_1, \varphi_2, \varphi_3$ - потенциалы на проводящих сетках. Пусть S - площадь сетки, тогда поле от проводящей плоской сетки, для которой верно $S \gg d$ (дано в условии)

равняется $E = \frac{q}{S \cdot 2 \cdot \epsilon_0}$, где q - заряд на сетке

$$\varphi_1 - \varphi_3 = U_2 = 4U;$$

$$\varphi_2 - \varphi_1 = U;$$

$$q_1 + q_2 + q_3 = 0 - \text{закон сохранения заряда}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\varphi_2 - \varphi_1 = \frac{q_2}{S \cdot 2\epsilon_0} d + \frac{q_3}{S \cdot 2\epsilon_0} d - \frac{q_1}{2S\epsilon_0} d = U$$

$$\varphi_3 - \varphi_1 = -U = \frac{(q_2 + q_3 - q_1)d}{2S\epsilon_0} + \frac{(q_3 - q_2 - q_1) \cdot 2d}{2S\epsilon_0}$$

$$\frac{2S\epsilon_0 U}{d} = q_2 + q_3 - q_1$$

$$-4U \cdot \frac{2S\epsilon_0}{d} = q_2 + q_3 - q_1 + 2q_3 - 2q_2 - 2q_1 = 3q_3 - q_2 - 3q_1$$

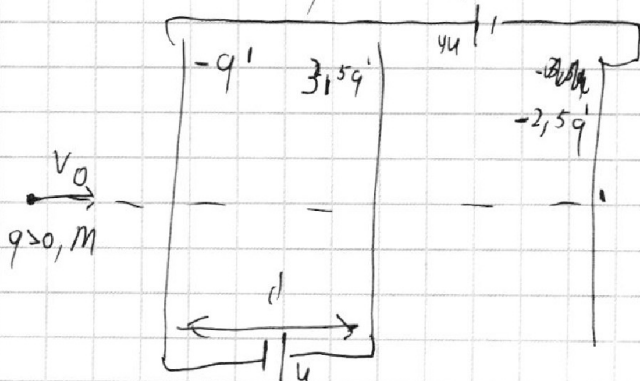
$$\begin{cases} -4q_2 - 11q_3 + 11q_1 = 3q_3 - q_2 - 3q_1 \\ q_1 + q_2 + q_3 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 7q_1 = 3q_2 + 7q_3 \\ q_1 + q_2 + q_3 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 7(q_1 - q_3) = 3q_2 \\ q_1 + q_3 + \frac{7}{3}q_1 - \frac{7}{3}q_3 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{7}{3}(q_1 - q_3) = q_2 \\ \frac{10}{3}q_1 = \frac{4}{3}q_3 \end{cases}$$

$$q_3 = \frac{10}{4}q_1 = 2,5q_1$$

$$q_2 = \frac{7}{3}(q_1 - 2,5q_1) = -\frac{7}{3} \cdot 1,5q_1 = -\frac{7}{2}q_1 = -3,5q_1$$

Пусть $q_1 = -q'$, тогда $q_2 = 3,5q'$, $q_3 = -2,5q'$



$$U = \varphi_2 - \varphi_1 = \frac{q_2 + q_3 - q_1}{2S\epsilon_0} d$$

$$q_1 + q_3 - q_1 = \frac{2S\epsilon_0 U}{d}$$

$$2q' = \frac{2S\epsilon_0 U}{d}$$

$$q' = \frac{\epsilon_0 S U}{d} > 0$$

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Найдем модуль ускорения на участке
1-2.

$$m a_{12} = \vec{F}_{k1} + \vec{F}_{k2} + \vec{F}_{k3}$$

$$m \bar{a}_{12} = \bar{F}_{k1} + \bar{F}_{k2} + \bar{F}_{k3}$$

$$m a_{12} = (E_1 + E_2 + E_3) q =$$

$$= \left(\frac{q_1}{2\epsilon_0} - \frac{q_2}{2\epsilon_0} - \frac{q_3}{2\epsilon_0} \right) q = \frac{q}{2\epsilon_0} (-q' - 3,5q' + 2,5q')$$

$$= - \frac{2q q'}{2\epsilon_0} = - \frac{q}{\epsilon_0} \cdot \frac{\epsilon_0 S U}{d} = - \frac{q U}{d}$$

$$|a_{12}| = \frac{q U}{m d} - \text{ускорение } a_{12} \text{ направлено}$$

против нач. скорости v_0

2) Потенциал эл. поля на бесконечности
равен 0. $\varphi_1 = 0$, т.к. снаружи (металл
нет) суммарный заряд равен нулю

$$\varphi_2 = U + \varphi_1 = U - \text{потенциал на второй сетке}$$

ЗСЭ для частицы:

$$K_1 + q \varphi_1 = K_2 + q \varphi_2 = K_0 = \frac{m v_0^2}{2}$$

$$K_1 - K_2 = q(\varphi_2 - \varphi_1) = q U$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$3) \quad K_1 + q\varphi_1 = K_1 = K_0 = \frac{mv_0^2}{2}$$

найдем потенциал точки A φ_A :

$$\begin{aligned} \varphi_A - \varphi_1 &= \varphi_A - 0 = \varphi_A = \left(\frac{q_2 + q_3 - q_1}{2\epsilon_0} \right) \frac{d}{3} = \\ &= \frac{3,5q' - 2,5q' + q'}{2\epsilon_0} \frac{d}{3} = \frac{2q'd}{2\epsilon_0 \cdot 3} = \frac{Ud}{d \cdot 3} = \frac{U}{3} \end{aligned}$$

Затем из 3) для частицы

$$K_1 + q\varphi_1 = K_0 = K_A + q\varphi_A$$

$$K_A = K_0 - q\varphi_A, \quad \frac{mv_A^2}{2} = \frac{mv_0^2}{2} - q\frac{U}{3}$$

$$V_A = \sqrt{v_0^2 - \frac{2qU}{3m}}$$

Ответ: 1) $|a_{12}| = \frac{qU}{md}$

2) $K_1 - K_2 = U$

3) $V_A = \sqrt{v_0^2 - \frac{2qU}{3m}}$

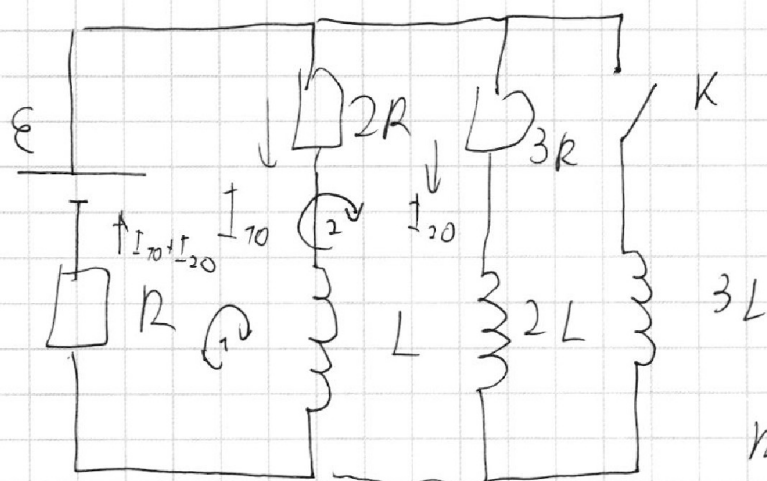
1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №4.

1/ $\mathcal{E} = \mathcal{E}$ — ЭДС батарейки



K — обозначение
ключа на схеме

1/ I_{10} — ток
через резистор
 $2R$ при размыкну-
том ключе при уста-
новившемся режиме

I_{20} — ток ~~в~~ через $3R$ при разомкнутом ключе
тепим установившийся, т.е. токи не
меняются $\Rightarrow$ на катушках не падает
напряжение.

Запишем правила Кирхгофа для контуров 1 и 2:

$$\begin{cases} \mathcal{E} = 2R \cdot I_{10} + (I_{10} + I_{20})R \\ \mathcal{E} = 3R I_{20} + (I_{10} + I_{20})R \end{cases} \quad \begin{cases} \mathcal{E} = 3I_{10}R + I_{20}R \\ 2I_{10} = 3I_{20} \end{cases}$$

$$\begin{cases} I_{20} = \frac{2}{3} I_{10} \\ \mathcal{E} = 3I_{10}R + \frac{2}{3} I_{10}R \end{cases}$$

$$I_{10} R \cdot \frac{11}{3} = \mathcal{E}$$

$$I_{10} = \frac{3}{11} \frac{\mathcal{E}}{R}$$

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐



2) сразу после замыкания
~~тока~~ ^{через катушку} ~~на катушке~~
поток через катушки не помещается
мгновенно, т.е. токи, индуцируемые
через катушки также не помещаются

Пусть $\dot{I}_{30}$ - скорость изменения
тока в катушке $3L$ сразу после замыкания
ток через L равен I_{10} , через $2L$ равен
 $I_{20} = \frac{2}{3} I_{10}$, а через $3L$ ток равен 0.

Запишем правило Кирхгофа для внешнего контура:

$$\mathcal{E} = 3L \cdot \dot{I}_{30} + (I_{10} + I_{20}) R$$

$$3L \dot{I}_{30} = \mathcal{E} - \left(1 + \frac{2}{3}\right) \frac{3\mathcal{E}}{11R} R = \mathcal{E} - \frac{5 \cdot 3}{3 \cdot 11} \mathcal{E} =$$

$$= \frac{6}{11} \mathcal{E},$$

$$\dot{I}_{30} = \frac{6}{11 \cdot 3} \frac{\mathcal{E}}{L} = \frac{2}{11} \frac{\mathcal{E}}{L}$$

3) теперь найдём токи в цепи в
установившемся режиме при замкнутом
ключе.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\tilde{L} = \frac{3L}{R}; \quad \Delta I_3 = I_{3K} - 0 = \frac{\varepsilon}{R}$$

$$\Delta I_7 = I_{7K} - I_{70} = -\frac{3}{11} \frac{\varepsilon}{R}; \quad \Delta I_2 = I_{2K} - I_{20} = -\frac{2}{11} \frac{\varepsilon}{R}$$

$$\begin{cases} \frac{3L}{R} \varepsilon = (\Delta q_1 + \Delta q_2 + \Delta q_3) R + 3 \frac{\varepsilon}{R} L \\ \frac{3L}{R} \varepsilon = (3\Delta q_1 + \Delta q_2 + \Delta q_3) R - \frac{3}{11} \frac{\varepsilon L}{R} \\ \frac{3L}{R} \varepsilon = (\Delta q_1 + 4\Delta q_2 + \Delta q_3) R - \frac{4}{11} \frac{\varepsilon L}{R} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \Delta q_1 + \Delta q_2 + \Delta q_3 = 0 \\ 3\Delta q_1 + \Delta q_2 + \Delta q_3 = \frac{\varepsilon L}{R^2} \left(3 + \frac{3}{11}\right) \\ \Delta q_1 + 4\Delta q_2 + \Delta q_3 = \frac{\varepsilon L}{R^2} \left(3 + \frac{4}{11}\right) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \Delta q_1 + \Delta q_2 + \Delta q_3 = 0 \\ 2\Delta q_1 = \frac{\varepsilon L}{R^2} \frac{36}{11} \\ 3\Delta q_2 = \frac{37}{11} \frac{\varepsilon L}{R^2} \end{cases}$$

$$\Delta q_1 = \frac{18}{11} \frac{\varepsilon L}{R^2}$$

ответ: 1) $I_{70} = \frac{3}{11} \frac{\varepsilon}{R}$

2) $I_{30} = \frac{2}{11} \frac{\varepsilon}{R}$

3) $\Delta q_1 = \frac{18}{11} \frac{\varepsilon L}{R^2}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
☐

2
☐

3
☐

4
☐

5
☒

6
☐

7
☐

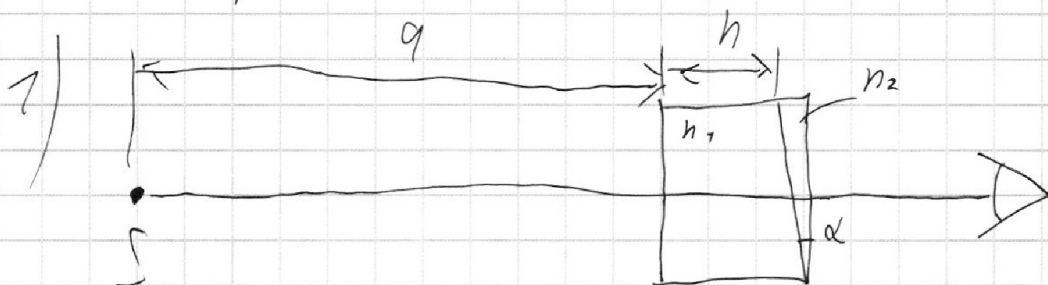
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



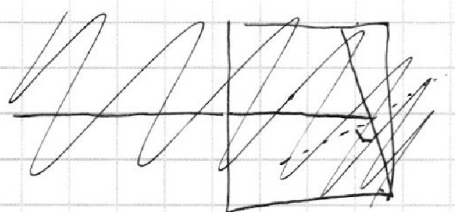
Задача N5:

$$n_1 = 1,0; \quad a = 194 \text{ см}; \quad h = 9 \text{ см}$$
$$d = 0,1$$



~~Угол падения луча на поверхность второй призмы n_2 равен~~

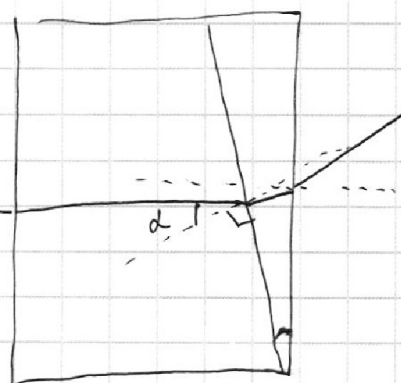
$$n_1 = n_1 = 1,0; \quad n_2 = 1,7$$



луч без преломления S

ниже поверхности пройдет

через первую призму. Угол между
нормалью левой грани второй призмы
и лучом равен d .



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

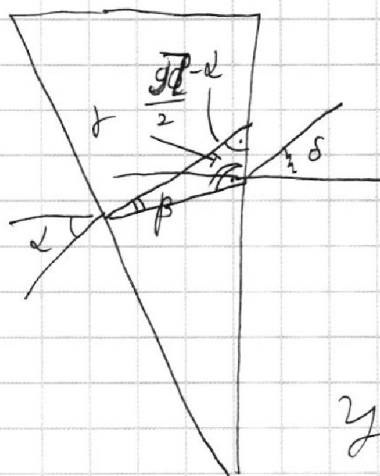
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Поскольку углы малы закон
преломления запишем так:

$$n_1 d = n_2 d = d = n_2 \beta \Rightarrow \beta < d$$

$$(\sin d \approx d, \sin \beta \approx \beta); \beta = \frac{d}{n_2}$$

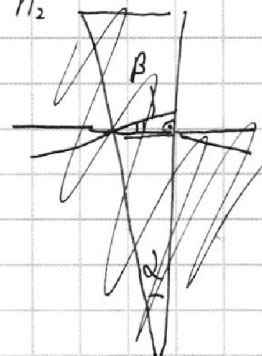


$$\gamma_{\text{пол}} = 180^\circ - \beta - \delta$$

$$\gamma_{\text{пол}} =$$

$$= \pi - \frac{\pi}{2} + d - \beta =$$

$$= \frac{\pi}{2} + d - \beta$$



$\gamma_{\text{пол}} - \frac{\pi}{2} = d - \beta$ — преломленный
луч именно такой угол имеет между
нормалью ко второй грани

δ — угол двизды преломленного луча к нормали
второй грани (т.е. угол отклонения в опике)

$$\delta \cdot n_2 = n_1 (d - \beta) \text{ — углы малы}$$

$$\delta = \frac{n_2 (d - \beta)}{n_1} = n_2 \left(d - \frac{d}{n_2} \right) = d (n_2 - 1) =$$

$$= 0,07 \text{ рад}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

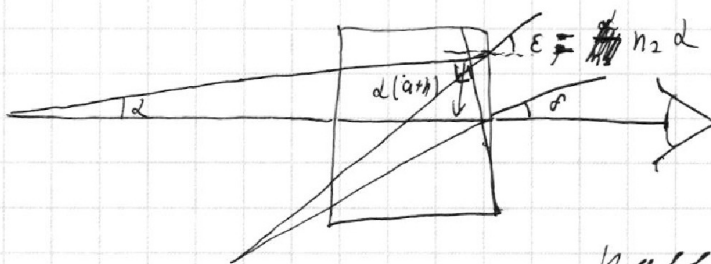
1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

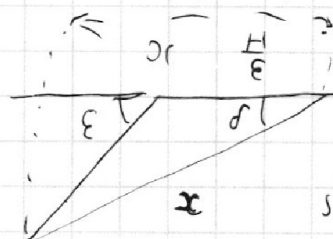
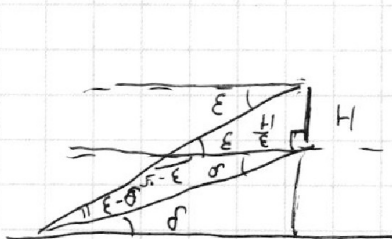


2) Пусть есть два луча из источника
(один по углу α к прямой
"источник - глаз", второй ровно по ней)



луч, прошедший
по углу α
выйдет из
призмы на
расстоянии $H = d(a+h)$ от

прямой по углу $\epsilon = n_2 \alpha$, второй
луч выйдет
найдем положение изображения по углу δ



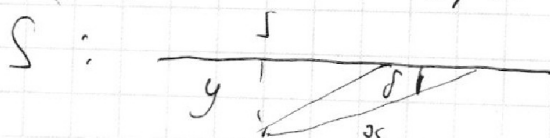
$$\alpha \cos \delta \approx \alpha$$

$$\frac{\alpha}{\sin(\epsilon - \delta)} = \frac{H}{\sin(\epsilon - \delta)} = \frac{x}{\epsilon}$$

$$\frac{x}{\epsilon} = \frac{H}{\sin(\epsilon - \delta)} = \frac{d(a+h) n_2 \alpha}{n_2 \alpha (n_2 \alpha - (n_2 - 1)\alpha)} = \frac{(a+h)(\alpha - n_2 \alpha)}{n_2 \alpha}$$

$$x = \frac{H \epsilon}{\epsilon(\epsilon - \delta)} = \frac{d(a+h)}{(n_2 \alpha - n_2 \alpha + \alpha)} = a + h$$

Изображение будет примерно по источнику



$$\frac{y}{x} = \tan \delta = \delta = d(n_2 - 1)$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$y = x \cdot d(n_2 - 1) = (a + b) \cdot d(n_2 - 1) =$$
$$= 1203 \cdot 0,1 \cdot 0,7 / \text{см} = \underline{14,21 \text{ см}}$$

3/1

Ответ: 1) $\delta = d(n_2 - 1) = 0,07 \text{ рад}$

$$2) y = 14,21 \text{ см}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☒	☒	☒	☒	☒	☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{11}{10} p_{\text{атм}} + p_0 \frac{KRT}{2} = \frac{225}{8} p_0$$

Чертовик

$$KRT = 3 \cdot 10^3 \cdot \frac{1}{3} \cdot 10^{-3} \frac{\text{моль} \cdot \text{Дж}}{170 \cdot \text{м}^3 \cdot \text{моль}} = 1$$

$$\frac{11}{10} p_{\text{атм}}$$

$$\frac{11}{5} p_{\text{атм}} + p_0 KRT = \frac{225}{4} p_0$$

$$p_{\text{атм}} \wedge p_0 = \frac{11}{5} p_{\text{атм}} / \left(\frac{225}{4} - KRT \right) =$$

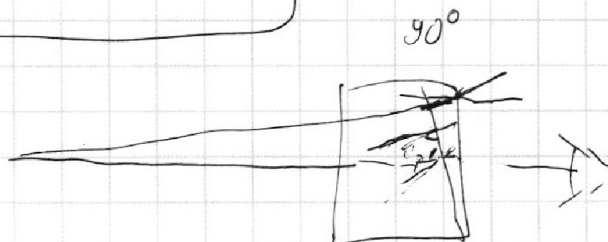
$$= \frac{11}{5 \cdot \left(\frac{225}{4} - KRT \right)} p_{\text{атм}}$$

$$KRT = 3 \cdot 10^3 \cdot \frac{1}{3} \cdot 10^{-3} \frac{\text{моль} \cdot \text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{Па} \cdot \text{м}^3} = 1$$

$$p_0 = \frac{11}{5 \cdot \left(\frac{225}{4} - 1 \right)} p_{\text{атм}} = \frac{44}{5 \cdot 221} = \frac{44}{1105} p_{\text{атм}}$$

Ответ: 1) $\frac{V_1}{V_2} = 2$;

2) $p_0 = \frac{44}{1105} p_{\text{атм}}$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

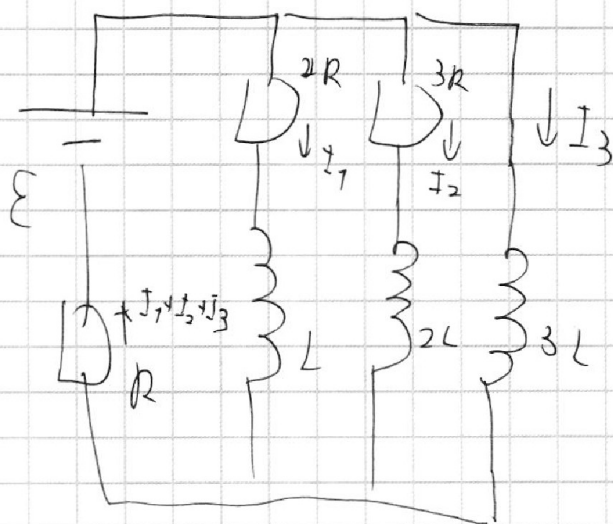
1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$I_{1.k}, I_{2.k}, I_{3.k}$ - токи через $L, 2L$ и $3L$
соответственно



$$\mathcal{E} = (I_{1.k} + I_{2.k} + I_{3.k}) R$$

$$\mathcal{E} = (I_{1.k} + I_{2.k} + I_{3.k}) R + 2R I_{1.k}$$

$$\mathcal{E} = (I_{1.k} + I_{2.k} + I_{3.k}) R + 3R I_{2.k}$$

$$2R I_{1.k} = 0$$

$$3R I_{2.k} = 0$$

$$I_1 + I_2 + I_{3.k} = \frac{\mathcal{E}}{R}$$

$$I_{1.k} = 0$$

$$I_{2.k} = 0$$

$$I_{3.k} = \frac{\mathcal{E}}{R}$$

$$\Delta q_1 = \Delta q_2 = \Delta q_3$$

Теперь запишем те же уравнения, но только в какой-то случайный момент в процессе установившегося токов.

$$\mathcal{E} = (I_1 + I_2 + I_3) R + \dot{I}_3 3L$$

$$\mathcal{E} = (I_1 + I_2 + I_3) R + 2R I_1 + \dot{I}_1 L$$

$$\mathcal{E} = (I_1 + I_2 + I_3) R + 3R I_2 + \dot{I}_2 2L$$



1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Затем все уравнения, только в какой-то случайный момент установившегося равновесия (токи в цепи I_1, I_2 и I_3 через $L, 2L$ и $3L$ соответственно)

$$\mathcal{E} = (I_1 + I_2 + I_3)R + \dot{I}_3 3L = \left(\frac{dq_1}{dt} + \frac{dq_2}{dt} + \frac{dq_3}{dt} \right) R + \frac{dI_3}{dt} 3L$$

$$\mathcal{E} = (I_1 + I_2 + I_3)R + I_1 2R + \dot{I}_1 L$$

$$\mathcal{E} = (I_1 + I_2 + I_3)R + I_2 3R + \dot{I}_2 2L$$

$$\int_0^{\tilde{t}} \mathcal{E} dt = \left(\int_0^{\tilde{t}} dq_1 + \int_0^{\tilde{t}} dq_2 + \int_0^{\tilde{t}} dq_3 \right) R + \int_0^{\tilde{t}} dI_3 3L$$

$$\int_0^{\tilde{t}} \mathcal{E} dt = \left(\int_0^{\tilde{t}} dq_1 + \int_0^{\tilde{t}} dq_2 + \int_0^{\tilde{t}} dq_3 \right) R + 2R \int_0^{\tilde{t}} dq_1 + \int_0^{\tilde{t}} L dI_1$$

$$\int_0^{\tilde{t}} \mathcal{E} dt = \left(\int_0^{\tilde{t}} dq_1 + \int_0^{\tilde{t}} dq_2 + \int_0^{\tilde{t}} dq_3 \right) R + 3R \int_0^{\tilde{t}} dq_2 + \int_0^{\tilde{t}} 2L dI_2$$

$$\mathcal{E} \tilde{t} = (\Delta q_1 + \Delta q_2 + \Delta q_3) R + \Delta I_3 3L$$

$$\mathcal{E} \tilde{t} = (\Delta q_1 + \Delta q_2 + \Delta q_3) R + \Delta I_1 L + 2 \Delta q_1 R$$

$$\mathcal{E} \tilde{t} = (\Delta q_1 + \Delta q_2 + \Delta q_3) R + \Delta I_2 2L + \Delta q_2 3R$$

$\tilde{t}$ - характерное время установившегося равновесия
 $\Delta q_1, \Delta q_2, \Delta q_3$ - заряды протекшие через $2R, 3R$ и

$3L$ соответственно, $\Delta I_1, \Delta I_2, \Delta I_3$ - изм. тока за время $\tilde{t}$