



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 4



1. [3 балла] Найдите все действительные значения x , при каждом из которых существует геометрическая прогрессия, состоящая из действительных чисел и такая, что её седьмой член равен $\sqrt{\frac{13x-35}{(x+1)^3}}$, тринадцатый член равен $5-x$, а пятнадцатый член равен $\sqrt{(13x-35)(x+1)}$.

2. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+3} - \sqrt{4-x-z} + 5 = 2\sqrt{y+x-x^2+z}, \\ |y+1| + 3|y-12| = \sqrt{169-z^2}. \end{cases}$$

3. [5 баллов] Найдите все значения параметра p , при которых уравнение

$$\cos 3x + 3 \cos 2x + 6 \cos x = p$$

имеет хотя бы одно решение. Решите это уравнение при всех таких p .

4. [5 баллов] Две окружности ω_1 и ω_2 пересекаются в точках A и B , а их общая касательная имеет с ω_1 и ω_2 общие точки C и D соответственно, причём точка B расположена ближе к прямой CD , чем точка A . Луч CB пересекает ω_2 в точках B и E . Найдите отношение $ED : CD$, если диагональ AD четырёхугольника $ACDE$ делит отрезок CE в отношении $3 : 10$, считая от вершины C .

5. [4 балла] Дан клетчатый прямоугольник 200×250 . Сколькими способами можно закрасить 8 клеток этого прямоугольника так, чтобы закрасенное множество обладало хотя бы одной из следующих симметрий: относительно центра прямоугольника, относительно любой из двух "средних линий" прямоугольника ("средней линией" прямоугольника назовём отрезок, соединяющий середины двух его противоположных сторон). Ответ дайте в виде выражения, содержащего не более трёх членов (в них могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

6. [4 балла] Найдите все тройки целых чисел $(a; b; c)$ такие, что:

- $a > b$,
- число $a - b$ не кратно 3,
- число $(a - c)(b - c)$ является квадратом некоторого простого числа,
- выполняется равенство $a + b^2 = 560$.

7. [6 баллов] В основании призмы лежит равносторонний треугольник со стороной 1. Площади её боковых граней равны 4, 4 и 3. Найдите высоту призмы.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} \sqrt{x+3} - \sqrt{4-x-z} + 5 = 2\sqrt{y+x-x^2+z} \\ |y+1| + 3|y-12| = \sqrt{169-z^2} \end{cases}$$

$$\sqrt{169-z^2} \leq \sqrt{169} = 13 \quad (\text{равенство достигается при } z=0)$$

$$\text{Тип } y \leq -1 \quad -y-1-3y+36 = -4y+35 \geq 39$$

$$\text{Тип } -1 < y < 12 \quad y+1-3y+36 = -2y+37 \geq 13 \quad (\text{рав-во достигается при } y=12)$$

$$\text{Тип } 12 < y \quad 4y-35 > 13$$

$$13 \geq \sqrt{169-z^2} = |y+1| + 3|y-12| \geq 13 \Rightarrow \begin{cases} \sqrt{169-z^2} = 13 \\ |y+1| + 3|y-12| = 13 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} z=0 \\ y=12 \end{cases}$$

$$\sqrt{x+3} - \sqrt{4-x} + 5 = 2\sqrt{12+x-x^2} \quad \text{ОДЗ: } -3 \leq x \leq 4$$

$$(12+x-x^2 = (x+3)(4-x))$$

$$\sqrt{x+3} - \sqrt{4-x} = 2\sqrt{12+x-x^2} - 5$$

$$\sqrt{x+3} + 4 - \sqrt{4-x} - 2\sqrt{12+x-x^2} = 4(12+x-x^2) - 20\sqrt{12+x-x^2} + 25$$

$$\text{Тип } t = \sqrt{12+x-x^2} > 0$$

$$4t^2 - 18t + 18 = 0$$

$$2t^2 - 9t + 9 = 0$$

$$D = 81 - 72 = 9 = 3^2$$

$$\begin{cases} t = \frac{9-3}{2} \\ t = \frac{9+3}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} t = 3 \\ t = 6 \end{cases}$$

$$\text{Проверка при } x = \frac{1+\sqrt{13}}{2}$$

$$\sqrt{\frac{2+\sqrt{13}}{2}} - \sqrt{\frac{7-\sqrt{13}}{2}} = \frac{\sqrt{4-2\sqrt{13}}}{2} + \frac{\sqrt{14-2\sqrt{13}}}{2} = \frac{\sqrt{13}+1}{2} - \frac{\sqrt{13}-1}{2} = 1$$

$$x^2 - x - 3 = 0$$

$$x = \frac{1+\sqrt{13}}{2}$$

$$x = \frac{1-\sqrt{13}}{2}$$

$$x = \frac{1+\sqrt{13}}{2} \quad \text{Ответ: } \left(\frac{1+\sqrt{13}}{2}; 12; 0\right)$$

$$\text{выяс! } \sqrt{x+3} - \sqrt{4-x} = 6-5=1$$

$$\frac{1-\sqrt{13}}{2} < 0 \Rightarrow \sqrt{x+3} \leq \sqrt{4-x} \Rightarrow \sqrt{x+3} - \sqrt{4-x} \neq 1$$

\nearrow $\neq 0$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\cos 3x + 3 \cos 2x + 6 \cos x = p$$

$$4 \cos^3 x + 6 \cos^2 x + 3 \cos x = p + 3$$

Сделаем $t = \cos x$, $-1 \leq t \leq 1$

$$f(t) = 4t^3 + 6t^2 + 3t$$

$$f'(t) = 12t^2 + 12t + 3 = 3(2t+1)^2 \geq 0 \Rightarrow$$

$\Rightarrow f(t)$ - монотонно возрастает

$$f(-1) = -1; \quad f(1) = 13 \Rightarrow$$

$4t^3 + 6t^2 + 3t$ принимает значения при $-1 \leq p+3 \leq 13$
 $-4 \leq p \leq 10$

$$4t^3 + 6t^2 + 3t = p + 3$$

$$8t^3 + 12t^2 + 6t = 2(p+3)$$

$$(2t)^3 + 3(2t)^2 + 3 \cdot (2t) + 1 = 2p + 7$$

$$(2t+1)^3 = 2p+7$$

$$2t+1 = \sqrt[3]{2p+7}$$

$$t = \frac{\sqrt[3]{2p+7} - 1}{2}$$

$$x = \pm \arccos \frac{\sqrt[3]{2p+7} - 1}{2} + 2\pi k, \quad k \in \mathbb{Z}$$

Ответ: $\left\{ \arccos \frac{\sqrt[3]{2p+7} - 1}{2} + 2\pi k; -\arccos \frac{\sqrt[3]{2p+7} - 1}{2} + 2\pi k; k \in \mathbb{Z} \right\}$

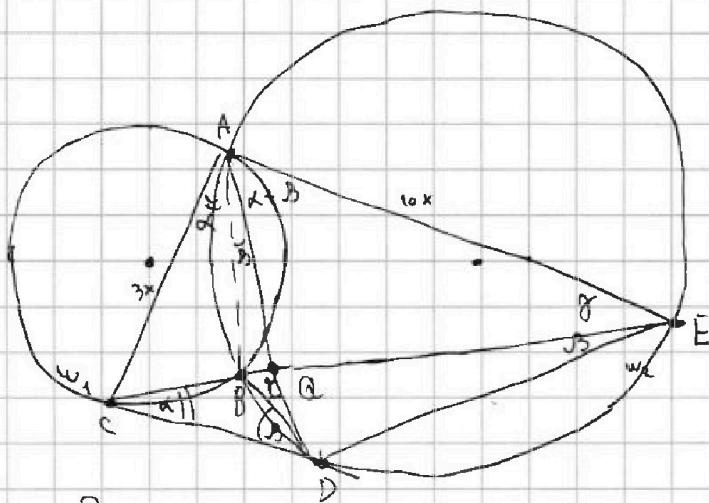
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Дано:

$$\frac{CG}{QE} = \frac{3}{10}$$

Найти: $\frac{ED}{CD}$

Решение:

Пусть $\angle BAC = \alpha$, $\angle BAD = \beta$, $\angle BDC = \gamma$

$\angle BCD = \alpha$ (по св. \angle и. хорд. и кас.)

$\angle BDC = \beta$

$\angle EAD = \alpha + \beta$ (как в. \angle)

$\angle EAD = \frac{1}{2} \cup DE = \angle EBD = \alpha + \beta$ (как в. \angle)

$\angle BED = \beta = \frac{1}{2} \cup BD$

$\angle AEB = \frac{1}{2} \cup AB = \gamma$

$\angle CAD = \alpha + \beta = \angle DAE$

$\angle ADC = \gamma + \beta = \angle AED$

$\Rightarrow \triangle CAD \sim \triangle DAE \Rightarrow \frac{ED}{CD} = \frac{AE}{AD} = \frac{AD}{AC}$

$\angle CAQ = \angle GAE \Rightarrow AG$ - бисс. $\triangle ACE \Rightarrow \frac{AC}{AE} = \frac{CG}{QE} = \frac{3}{10}$

$$AC = 0,3 AE$$

$$AE \cdot AC = AD^2$$

$$0,3 \cdot AE^2 = AD^2$$

$$\sqrt{0,3} AE = AD$$

$$\frac{ED}{CD} = \frac{AE}{AD} = \frac{1}{\sqrt{0,3}} = \sqrt{\frac{10}{3}}$$

Ответ: $\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{3}}$

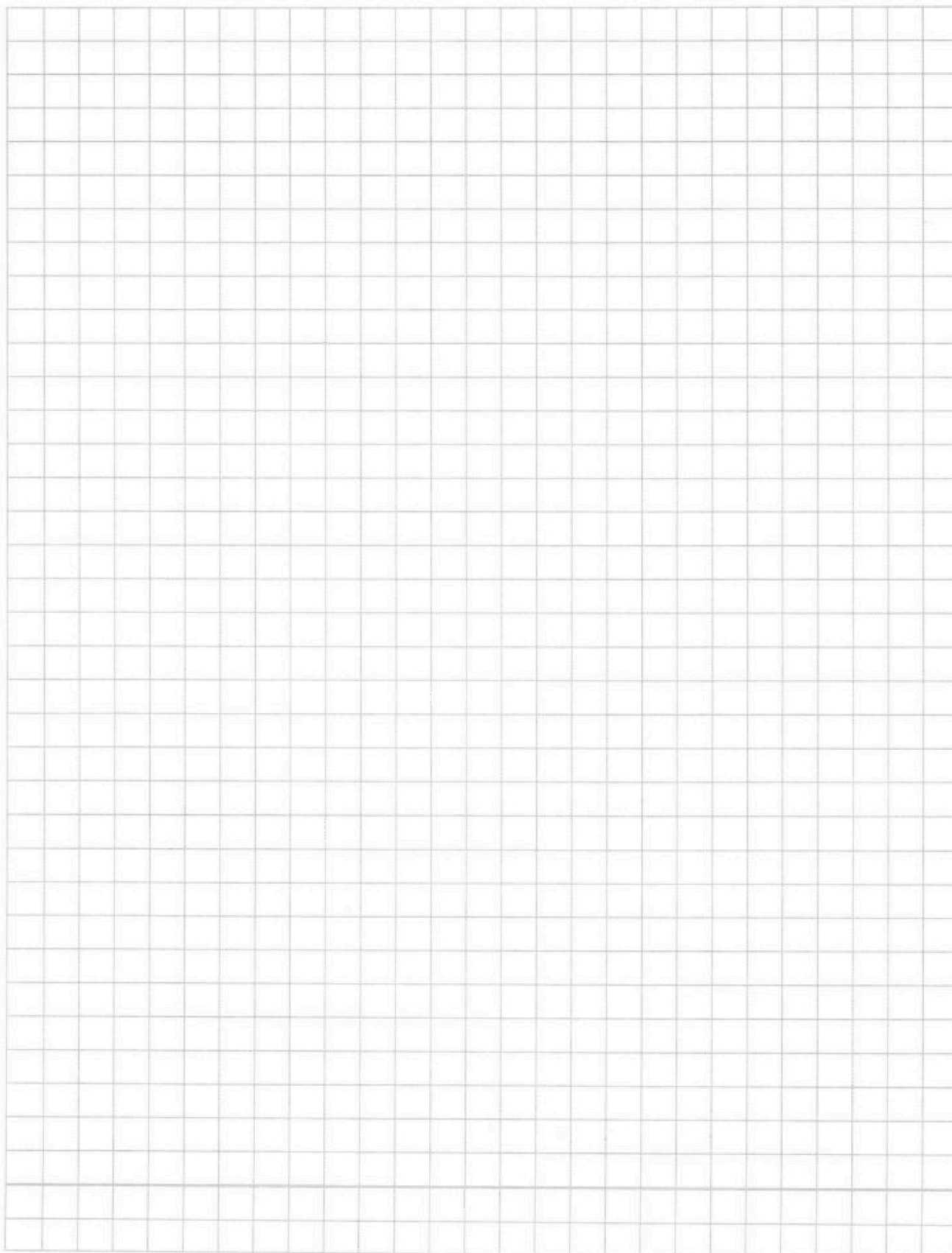


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

| | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Найдём клетки прямоуго. - точки
Пусть A - мн. способов симметричных по 1 ср. л.,
B - мн. способов, симметричных по 2 ср. л., C -
- мн. способов, симметричных по центру

$$|A \cup B \cup C| = |A| + |B| + |C| - |AB| - |BC| - |AC| + |ABC|$$

A, B: разделим прямоугольник на 2 части по ср. л.

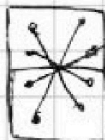


и выд. 4 точки в одну.

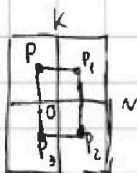
То мн. сегмент. восст. группы точек

$$|A| = |B| = C_{25000}^4$$

C: также по 4 точки выд. половинам прямог. восстанавл. остальные м.
 C_{25000}^4



AB:



То 1 точка восст. сегм. 3 точки

P_1, P_2 симметричны отне. центра

P_1, P_3 и.к.

$$(\angle P_1 O P_2 = \angle P_1 O K + \angle K O P_1 + \angle P_1 O N + \angle P_2 O N) = 2 \cdot (\angle K O P_1 +$$

$$+ \angle P_1 O N) = 180^\circ$$

Значит фигуру можно восст. по 2 точкам из прямог. 125×100

BC, AC:



Также, если мн. точек симметрично отне. центра и 1 ср. л., то оно симм. и для другой ср. л.

$$|BC| = |AC| = |AB| = C_{12500}^2$$

$$|A \cup B \cup C| = |A| + |B| + |C| - |AB| - |BC| - |AC| + |ABC| = 3C_{25000}^4 - 3C_{12500}^2$$

Символ: $2 \cdot 3C_{12500}^2 - 2C_{12500}^2$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} a > b \\ a - b \not\equiv 3 \\ (a-c)(b-c) = p^2 \\ a + b^2 = 560 \end{cases} \quad a, b, c \in \mathbb{Z}, p - \text{ц.п.}$$

$$\begin{cases} p^2 \mid (a-c) \\ p^2 \mid (b-c) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a-c=1 \\ a-c=p \\ a-c=p^2 \end{cases} \quad \begin{matrix} a=c+1 & b=p^2+c & a < b & \emptyset \\ a=c+p & b=c+p & a=b & \emptyset \\ a=c+p^2 & b=c+1 & & \end{matrix}$$

$$a - b = p^2 - 1 = (p-1)(p+1) \not\equiv 3 \Rightarrow p \equiv 3 \pmod{3} \Rightarrow p=3$$

$$\begin{cases} a = c + 9 \\ b = c + 1 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} c + 9 + c^2 + 2c + 1 &= 560 \\ c^2 + 3c - 550 &= 0 \\ (c + 25)(c - 22) &= 0 \\ \begin{cases} c = -25 \\ c = 22 \end{cases} \end{aligned}$$

$$\text{Ответ: } (-16; -24; -25); \left(\overset{31}{22}; 23; 22 \right).$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$b_7 = b_1 \cdot q^6 = \sqrt{\frac{13x-35}{(x+1)^3}}$$

$$b_{13} = b_1 \cdot q^{12} = 5-x$$

$$b_{15} = b_1 \cdot q^{14} = \sqrt{(13x-35)(x+1)}$$

$$q^8 = \frac{b_{15}}{b_7} = \frac{\sqrt{(13x-35)(x+1)}}{\sqrt{\frac{13x-35}{(x+1)^3}}} = (x+1)^2 \Rightarrow q^4 = |x+1|$$

$$q^6 = \frac{b_{13}}{b_7} = \sqrt{\frac{5-x}{\frac{13x-35}{(x+1)^3}}}$$

$$\sqrt{|x+1|^3} = \frac{5-x}{\sqrt{\frac{13x-35}{(x+1)^3}}}$$

$$\begin{cases} x > -1 \\ x > \frac{35}{13} \end{cases}$$

$$\sqrt{(x+1)^3} = \frac{(5-x)\sqrt{(x+1)^3}}{\sqrt{13x-35}}$$

$$\sqrt{13x-35} = 5-x$$

$$x = \frac{40}{14} = \frac{20}{7}$$

$$\begin{cases} x < 5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 13x-35 = x^2-10x+25 \\ (x-20)(x-3) = 0 \\ x = 3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < -1 \\ x < \frac{35}{13} \end{cases}$$

$$\sqrt{-(x+1)^3} = \frac{(5-x)\sqrt{-(x+1)^3}}{\sqrt{35-13x}}$$

$$\sqrt{35-13x} = 5-x$$

$$\begin{cases} x < 5 \\ 35-13x = x^2-10x+25 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 5 \\ x^2+3x-10=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 5 \\ (x+5)(x-2)=0 \end{cases}$$

$$x = -5$$

Ответ: $\{-5; 3\}$

$$\text{OДЗ: } -\frac{35}{13} < x < 5 \\ x \in \left[-1; \frac{35}{13}\right] \\ x \neq 5$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

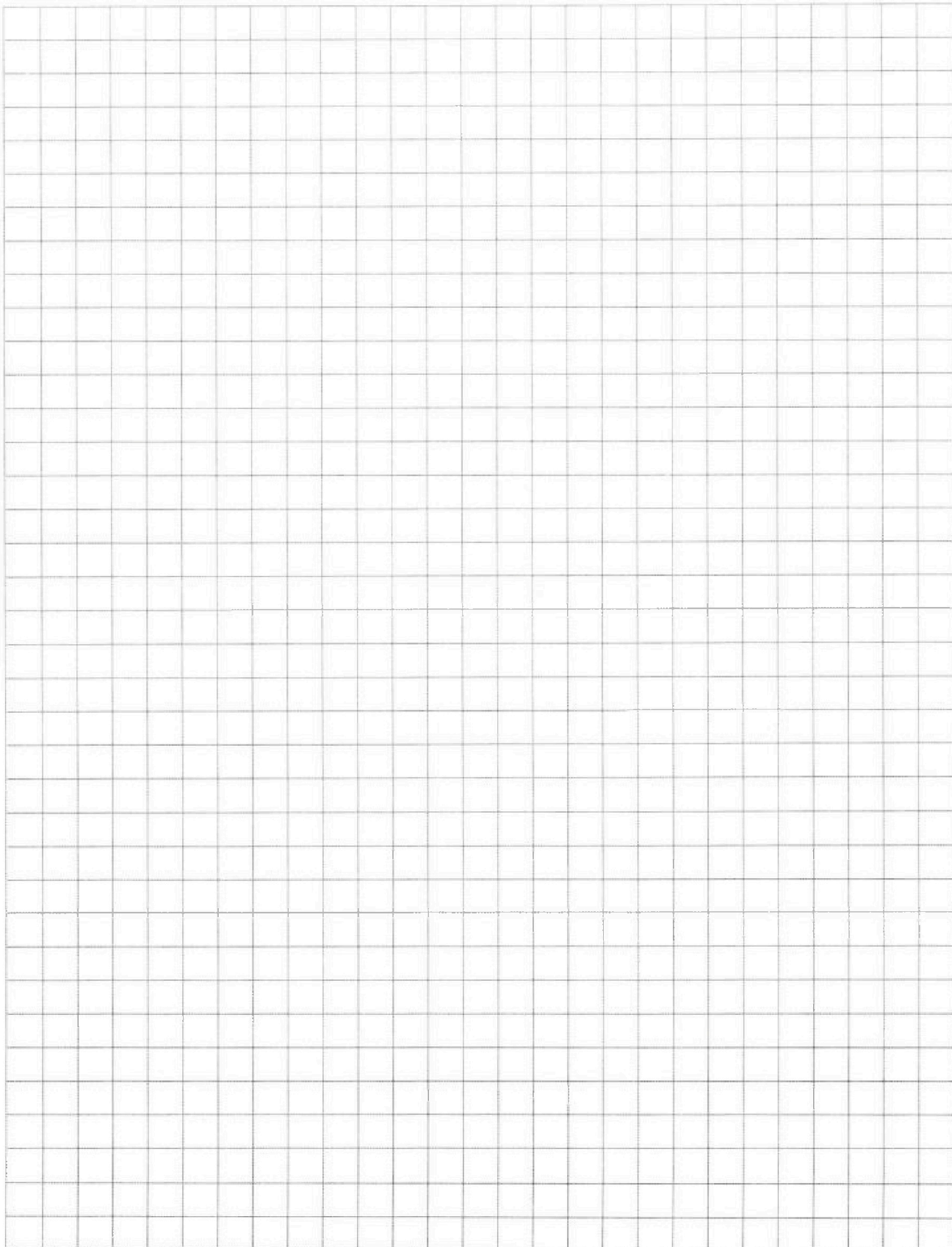
5

6

7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\cos 3x + 3\cos 2x + 6\cos x = p \quad \leq 10$$

$$-10 \leq$$

$$3\cos^3 x - 4\cos x + 6\cos^2 x - 3 + 6\cos x = p$$

$$\cos 3x = 4\cos^3 x - 3\cos x$$

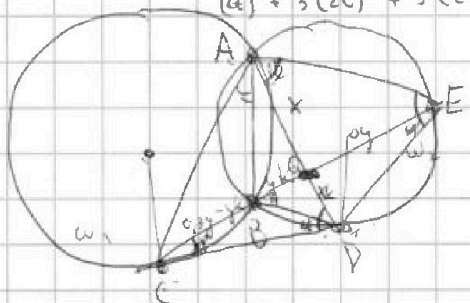
$$\cos 3x = \cos 2x \cos x - 2\sin^2 x \cos x$$

$$= 4\cos^3 x - \cos x - 2$$

$$f(x) = \cos 3x + 3\cos 2x + 6\cos x = p$$

$$f'(x) = -3\sin 3x - 6\sin 2x - 6\sin x$$

$$6t^3 + 12t^2 + (6t)^3 + 3(2t)^2 + 3 \cdot (2t)$$



$$\frac{ED}{CD}$$

$$CD^2 = 4R^2$$

$$CD^2 = CB \cdot CE =$$

$$\frac{CB}{CE} = \frac{3}{10}$$

$$ED = AB \cdot \frac{GE}{AG}$$

$$\frac{CK}{CG} = \frac{3}{10}$$

$$\frac{7 + \sqrt{13}}{2} \rightarrow B$$

$$CK = 0,3y$$

$$14 + 2\sqrt{13} = \frac{9(3+1)}{2}$$

$$CD^2 = (0,3y - y)(1,3y)$$

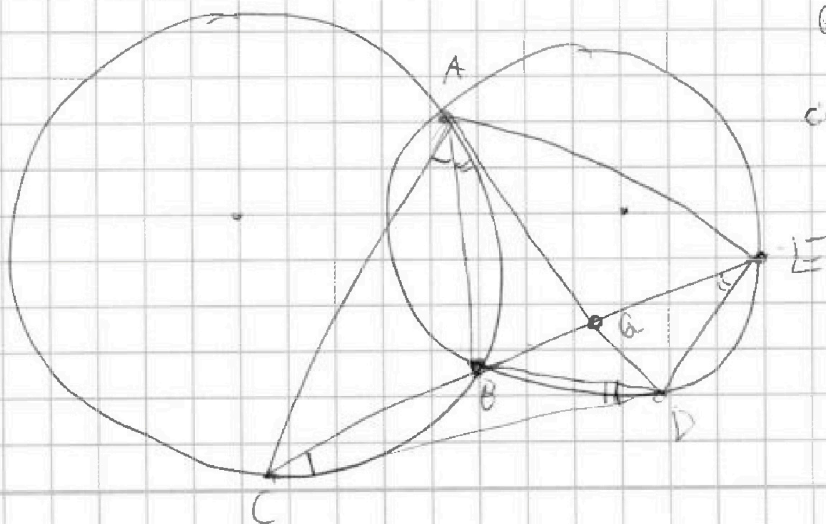
$$AC \cdot BD = CD = y \sqrt{0,3 - 0,09}$$

$$\frac{ED}{EB \cdot EC} = \frac{BD}{CD}$$

$$ED = BD$$

$$\frac{CB}{CD} = \frac{CD}{CE} = \frac{1 + \sqrt{13}}{2} = \frac{1 - \sqrt{13}}{2} = -\frac{\sqrt{13} - 1}{2}$$

$$\frac{CG}{GE} = \frac{3}{10}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$a > b$$

$$a - b \in \mathbb{Z}^2$$

$$(a - c)(b - c) = p$$

$$a + b^2 = 560$$

$$1) \begin{cases} a = p + c \\ b = p + c \end{cases} \text{ - не подходит}$$

$$2) \begin{cases} a = p^2 + c \\ b = c + 1 \end{cases}$$

$$3) b = p^2 + c < 2a$$

$$\text{или } \begin{cases} p^2 - 1 \in \mathbb{Z} \\ (p-1)(p+1) \in \mathbb{Z} \\ p \in \mathbb{Z} \Rightarrow p \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

$$a + b^2 = p^2 + c + 1 = 560 \quad p^2 + c + c^2 + 2c + 1 =$$

$$= p^2 + c^2 + 3c + 1 = 560$$

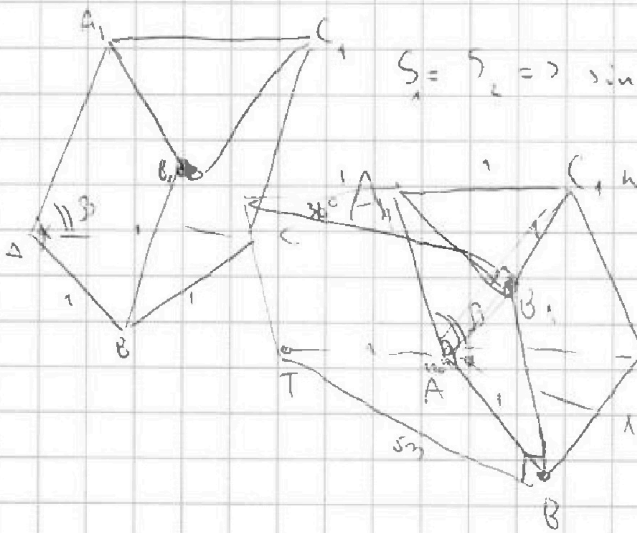
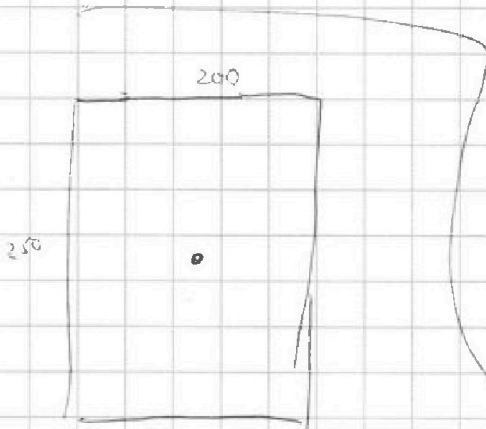
$$c^2 + 3c - 559 = 0$$

$$D = 9 + 2200 = 2209$$

$$c(c+3) = 559 = 11 \cdot 50$$

$$c = 22, 25$$

a, b - цел.



$$S_1 = S_2 \Rightarrow \sin \alpha = \sin \beta \Rightarrow BB_1 = 3$$

$$\text{см } d = h = AA_1$$

$$\text{но } S_{AA_1BB_1} = 4 > 3 \text{ - не подходит}$$

x - см, z - мерка

$$S = d \sqrt{3}$$

$$TB \perp m, BB_1 \perp m$$

CB

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



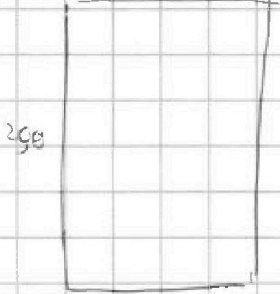
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$a - b + 5 = 2ab$$

$$2a(2b-1) + 2$$



A - симметричные отрезки

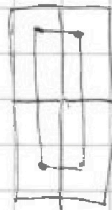
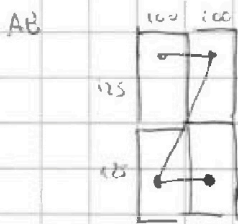
B - м. с.с. ч.р. ч.

C - м. с.с. ч.р. ч.

$$|B \cup C| = |B| + |C| - |B \cap C|$$

$$2C_{2500}^4 - C_{12500}^2$$

$$m(A \cup B \cup C) = |A| + |B| + |C| - |AB| - |BC| - |CA| + |ABC| =$$



$$= 3C_{25000}^4 - 2C_{12500}^2$$

~~ЕВ~~

$$\frac{ED}{CD} = \frac{BD}{BC}$$

$$\frac{CG}{GE} = \frac{3}{10}$$

$$AG - \text{сущ. } \angle(AE) \Rightarrow \frac{AC}{AE} = \frac{3}{10}$$

$$R \sin \alpha = 0,3 \quad r \cdot \sin \alpha$$

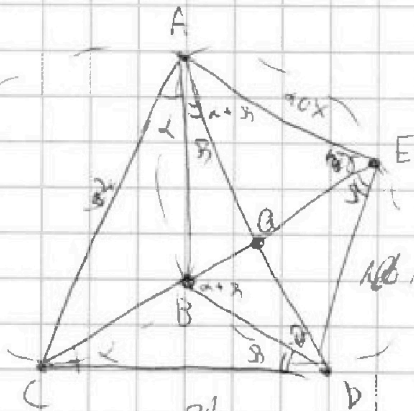
$$R = 0,3 r$$

$$CD^2 = 4Rr = 1,2r^2 \quad | \quad CD = \sqrt{1,2}r$$

$$\frac{AC}{AE} = \frac{3}{10}$$

$$\frac{ED}{CD} = \frac{AE}{AD} = \frac{AD}{AC}$$

$$AD^2 = AE \cdot AC$$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~~ED~~

$$\frac{AC}{AE} = \frac{3}{10}$$

$$\frac{r}{R} = \frac{3}{10}$$

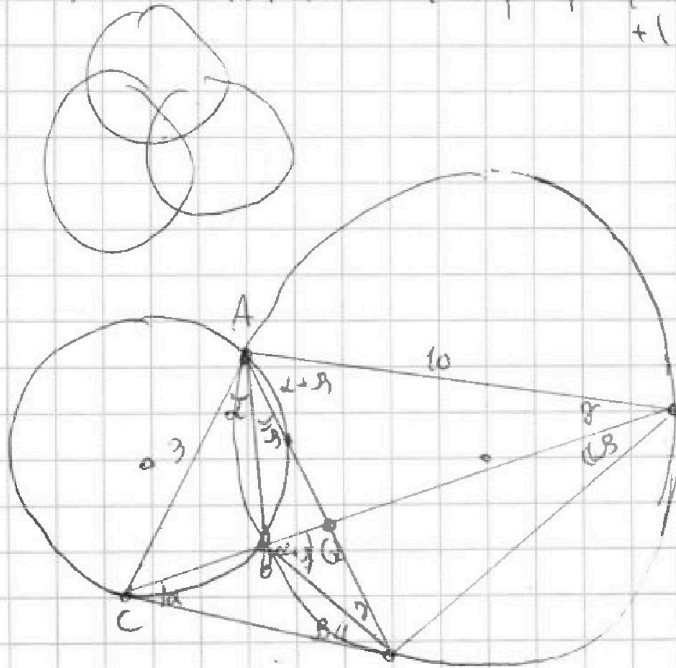
$$r = 0,3R$$

$$DE = 2r \cdot \sin(\alpha + \beta)$$

$$\frac{ED}{CD} = \frac{BD}{CB} = \frac{2R \sin \beta}{2r \sin \alpha} = \frac{\sin \beta}{0,3 \sin \alpha}$$

$$\frac{AC}{AD} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$$

$$|A \cup B \cup C| = |A| + |B| + |C| - |AB| - |BC| - |AC| + |ABC|$$



$$\frac{CB}{CE} = \frac{3}{10}$$

$$\frac{ED}{CD}$$

$$\frac{r}{R} = \frac{3}{10}$$

$$\frac{AE}{AD} = \frac{AD}{AC}$$

$$AD^2 = 0,3AE^2$$

$\angle ACB$

$$AD = \sqrt{0,3}AE$$

$$\frac{DE}{CD} = \frac{AE}{AD} = \frac{1}{\sqrt{0,3}}$$