

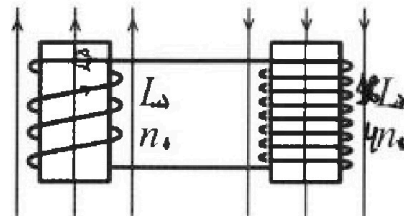
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-03

*В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.*

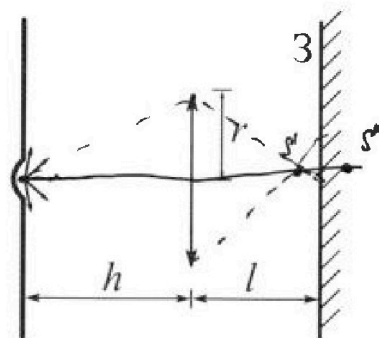


4. Две катушки с индуктивностями $L_1 = L$ и $L_2 = 16L$ и числами витков $n_1 = n$ и $n_2 = 4n$ помещены во внешние однородные магнитные поля с постоянными во времени индукциями (см. рис.). Площадь витка каждой катушки S . Индукции внешних полей направлены перпендикулярно плоскостям витков катушек. Катушки находятся достаточно далеко друг от друга. Омическое сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. В начале тока в катушках нет.



- 1) С какой скоростью (по модулю) начнет изменяться ток в катушках, если в катушке с индуктивностью L_1 индукция внешнего поля начнет возрастать со скоростью $\Delta B / \Delta t = \alpha (\alpha > 0)$, а во второй катушке внешнее поле останется неизменным?
- 2) За некоторое время индукция внешнего поля в катушке с индуктивностью L_1 уменьшилась от B_0 до $B_0/3$, не изменив направления, а в катушке с индуктивностью L_2 индукция внешнего поля уменьшилась от $3B_0$ до $9B_0/4$, не изменив направления. Внешние поля в катушках изменялись неравномерно. Найти ток (по модулю) в катушках к концу изменения внешних полей. Ответ дать с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

5. В стене сделана небольшая выемка, внутри которой находится маленькая лампочка так, что прямой свет от лампочки на стену не попадает (см. рис.). Справа от лампочки на некотором расстоянии h расположена тонкая собирающая линза с фокусным расстоянием $F = h/3$. Главная оптическая ось линзы горизонтальна и проходит через лампочку. Радиус линзы $r = 5$ см. Справа от линзы на расстоянии $l = 2h/3$ расположено параллельно стене плоское зеркало Z . Считать, что свет, идущий мимо линзы, проходит плоскость линзы беспрепятственно. Размеры стены и зеркала намного больше размеров линзы.



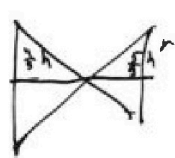

- 1) Найдите площадь неосвещенной части зеркала.
- 2) Найдите площадь неосвещенной части стены.

Ответы дайте в $[см^2]$ в виде $\gamma\pi$, где γ - целое число или простая обыкновенная дробь.

$\frac{3}{h} = \frac{8}{5}$

$3 - 1,2 = 1,8$

$\frac{2}{3} + \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$

$$\pi r^2 \left(\frac{11}{8} - \frac{4}{3} \right) \left(\frac{11}{8} + \frac{4}{3} \right) = \pi r^2 \cdot \frac{7}{8} \cdot \frac{15}{3} = 105$$



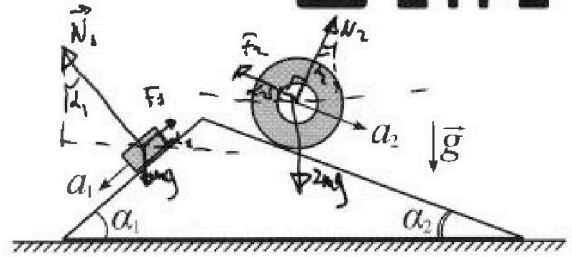
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-03



В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

1. С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брусок массой m с ускорением $a_1 = 6g/13$ и скатывается без проскальзывания полый цилиндр массой $2m$ с ускорением $a_2 = g/4$ (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту α_1 ($\sin \alpha_1 = 3/5$, $\cos \alpha_1 = 4/5$) и α_2 ($\sin \alpha_2 = 5/13$, $\cos \alpha_2 = 12/13$). Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.

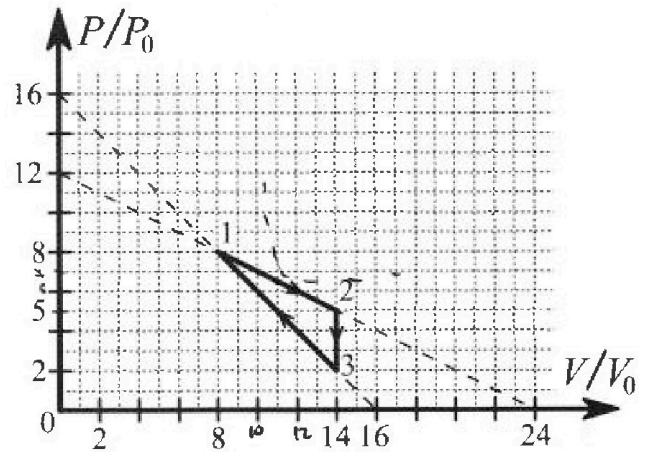


- 1) Найти силу трения F_1 между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения F_2 между цилиндром и клином.
- 3) Найти силу трения F_3 между столом и клином.

Каждый ответ выразить через m и g с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

2. С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость P/P_0 от V/V_0 . Здесь V и P - объем и давление газа, V_0 и P_0 - некоторые неизвестные объем и давление.

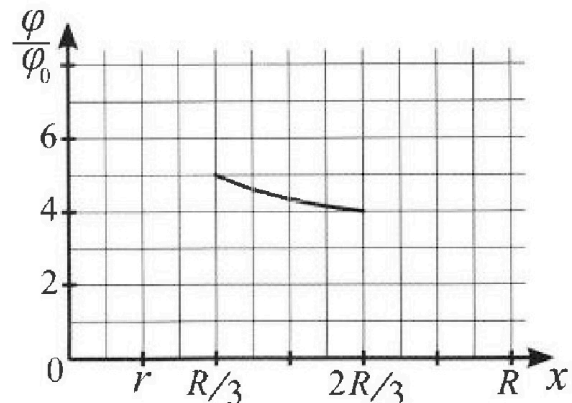
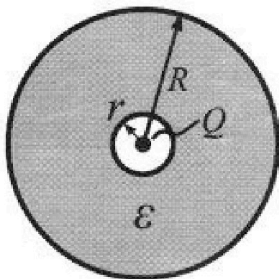
- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 1-2 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 3.
- 3) Найдите КПД цикла.



Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.

3. В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью ϵ и радиусами поверхностей r и R находится шарик с зарядом Q (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала φ электрического поля внутри диэлектрика от расстояния x от центра полого шара в интервале изменений x от $R/3$ до $2R/3$ (см. рис.). Здесь φ_0 — потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

- 1) Считая известными r , R , Q , ϵ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при $x = 5R/6$.
- 2) Используя график, найти численное значение ϵ .



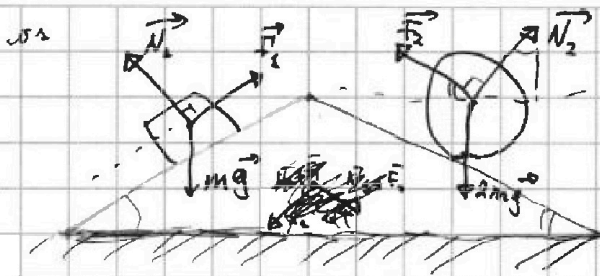


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

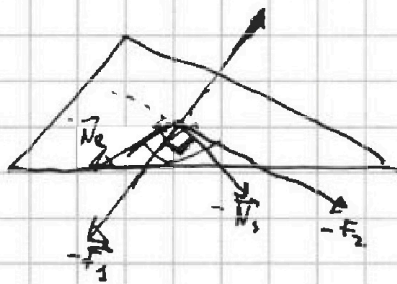


II ЗИ. В проекциях на стороны клина грав.

$$\begin{cases} N_1 = mg \cdot \cos \alpha_1 \\ m a_1 = mg \cdot \sin \alpha_1 - F_1 & \text{— спуска} \\ 2m a_2 = 2mg \cdot \sin \alpha_2 - F_2 & \text{— спуска} \\ N_2 = 2mg \cdot \cos \alpha_2 \end{cases}$$

$$(N_2 + F_2) \cdot \cos \alpha_2 = (N_1 + F_1) \cdot \cos \alpha_1 \quad \text{— грав клина, т.к. он горизонтал}$$

Силы гравит. на клин, см III ЗИ, со стороны спуска и подъема.



(во всех)

III ЗИ. реал. соображения, связываем силы на горизонталь.

$$\left((N_2 \cdot \sin \alpha_2 - F_2 \cdot \cos \alpha_2) + (-N_1 \cdot \sin \alpha_1 + F_1 \cdot \cos \alpha_1) \right) \cdot (-1) = F_{\text{клин,гор}} \quad (\text{см III ЗИ})$$

$$F_1 = mg \sin \alpha_1 - m a_1 = mg \left(\frac{3}{5} - \frac{6}{13} \right) = \frac{mg \cdot 9}{65}$$

$$F_2 = 2mg \sin \alpha_2 - 2m a_2 = 2mg \left(\frac{5}{13} - \frac{1}{4} \right) = \frac{7}{20} mg$$

со стороны спуска и подъема

$F_{\text{клин,гор}}$ — проекция сил гравит. на клин на горизонтальную

$$\text{ос. } F_{\text{клин,гор}} = -2mg \cos \alpha_2 \cdot \sin \alpha_2 + \frac{7}{20} mg \cdot \cos \alpha_2 + mg \cos \alpha_1 \cdot \sin \alpha_1 + \frac{9}{65} mg \cdot \cos \alpha_1$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

52 Координаты точки через $(V_0; P_0)$: 1: $(8V_0; 8P_0)$, 2: $(14V_0; 5P_0)$, 3: $(14V_0; 2P_0)$
 $U = \frac{3}{2}PV$ - внутр. энергия газа в точке, где $p_{\text{вн}} = p$, $\text{объем} = V$.

$$U_1 = \frac{3}{2} \cdot 8P_0 \cdot 8V_0; \quad U_2 = \frac{3}{2} \cdot 5P_0 \cdot 14V_0 \quad - \text{энергия газа в (1), (2) состоят}$$

$$\Delta U_{12} = U_2 - U_1 = \frac{3}{2} \cdot 6P_0 \cdot V_0 = 9P_0 V_0$$

A_{123} - площадь под графиком, т.е. площадь γ -кв, или разность площадей двух трапеций.

$$A_{123} = \frac{1}{2} (8P_0 + 5P_0) (14V_0 - 8V_0) - \frac{1}{2} (8P_0 + 2P_0) (14V_0 - 8V_0) = \\ = \frac{1}{2} \cdot 6V_0 (13P_0 - 10P_0) = 9P_0 V_0$$

$$1) \Rightarrow \frac{\Delta U_{12}}{A_{123}} = \frac{9}{9} = 1$$

(в той точке)

2) Максимальная температура будет там, где изотерма касается графика цикла.

$$P \cdot V = \nu RT \quad (1)$$

~~Объясню, что максимум в (1; 2) - артефакт.~~

Прямая 12: $P = 12P_0 - \frac{1}{2} \cdot \frac{P_0}{V_0} \cdot V$ (из графика).

$$(2) \rightarrow (1): \quad 12P_0 V_0 - \frac{1}{2} \frac{P_0}{V_0} \cdot V_0^2 = \nu RT \quad (3)$$

Темп $T = \text{const}$, (3) - парабола ветками вниз, $\Rightarrow V_{\text{max}} = \frac{-12P_0}{\frac{P_0}{V_0}} = 12V_0$

$$\Rightarrow T_{\text{max}} = \frac{6P_0 \cdot 12V_0}{\nu R}; \quad T_3 = \frac{2P_0 \cdot 14V_0}{\nu R} \quad (\text{из графика})$$

$$\frac{T_{\text{max}}}{T_3} = \frac{6 \cdot 12}{2 \cdot 14} = \frac{18}{7}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3) $\eta = \frac{A_n}{Q_{затр}}$; A_n - полезная работа (A_{123})
 $Q_{затр}$ - теплота > 0 (какая $Q_{затр_i} > 0$).

Согласно 1 закону термодинамики:

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} (7p_0 V_0 - 64p_0 V_0) = -\frac{1}{2} (8p_0 + 5p_0) (6V_0) + Q_{затр_1}$$

$$9p_0 V_0 = -39p_0 V_0 + Q_{затр_1} \Rightarrow Q_{затр_1} = 48p_0 V_0; A_{123} = 0 \Rightarrow Q_{затр_2} < 0$$

$$\Delta U_{31} = \frac{3}{2} (64p_0 V_0 - 28p_0 V_0) = -\frac{1}{2} \cdot 10p_0 \cdot (8V_0 - 14V_0) + Q_{затр_3}$$

$$54p_0 V_0 = 30p_0 V_0 + Q_{затр_3}, \quad Q_{затр_3} = 24p_0 V_0$$

$$Q_{затр} = Q_{затр_1} + Q_{затр_3} = 48p_0 V_0 + 24p_0 V_0 = 72p_0 V_0$$

$$\eta = \frac{q_{пол}}{Q_{затр}} = \frac{1}{8} \cdot 100\% = 12,5\%$$

Не стоит забывать, что касаясь - то часть процесса 12 и 34
 243 получает тепло, а касаясь - то отдаёт.

Тогда разделим эти двух проц-ов - касание 12 и 34 адиабатно.

$pV^\gamma = \text{const}$ - ур-ие адиабаты. $\gamma = \frac{5}{3}$.

Кр-ая 12 касается pV^γ в точке (V_1, p_1) .

$p(V) = \dots$ Точка касания - точка макс. темп.

т.е. для прямой 12 $\rightarrow (12V_0; 6p_0)$. Назовём эту точку 1'.

$$\Delta U_{11'} = -A' + Q_{11'}; \quad \frac{3}{2} (42p_0 V_0 - 64p_0 V_0) = -\frac{1}{2} (8p_0 + 6p_0) (12V_0 - 2V_0) + Q_{11'}$$

$$Q_{11'} = 40p_0 V_0; \quad Q_{12} < 0; \quad Q_{23} < 0$$

Аналогичным образом для прямой 31.

Найдём T_{max} как в б) достигается в в) с коэф-ми $(8V_0; 3p_0)$.

\Rightarrow Весь процесс 31 143 получает тепло.

$$\Delta U_{31} = \frac{3}{2} (64p_0 V_0 - 28p_0 V_0) = -\frac{1}{2} \cdot 10p_0 \cdot (8V_0 - 14V_0) + Q_{31}$$

$$Q_{31} = 24p_0 V_0$$

$$Q_{затр} = Q_{11'} + Q_{31} = 64p_0 V_0$$

$$\eta = \frac{9p_0 V_0}{64p_0 V_0} = \frac{9}{64}$$

Ответ: 1) 1 2) $\frac{18}{2}$ 3) $\frac{9}{64}$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

53

1) По определению $\varphi = \frac{A}{q}$, где A - работа по переносу заряда, q - сам заряд.

т.к. электр. поле потенциально, то траектория движения

не влияет на работу. т.к. $\varphi_{\infty} = 0$, то заряд перенесем в бесконечность. Выберем радиальную траекторию.

$$\begin{cases} F_1(y) = \frac{kQ \cdot q}{\epsilon \cdot y^2} & (y < R) \\ F_2(y) = \frac{kQq}{\epsilon y^2} & (y > R) \end{cases}, \text{ где } y - \text{расстояние между } Q \text{ и } q.$$

$$A = \int_{\frac{5}{6}R}^R F_1(y) dy + \int_R^{\infty} F_2(y) dy = kQq \left(\frac{-1}{\epsilon y} \Big|_{\frac{5}{6}R}^R + \frac{-1}{y} \Big|_R^{\infty} \right) =$$

$$= kQq \left(\frac{6}{5\epsilon R} - \frac{1}{\epsilon R} - 0 + \frac{1}{R} \right) = \frac{kQq}{R} \left(\frac{1}{5\epsilon} + 1 \right) = \frac{5\epsilon + 1}{5\epsilon} \cdot kQq$$

$$\Rightarrow \varphi_x = \frac{A}{q} = \frac{kQ}{R} \cdot \frac{5\epsilon + 1}{5\epsilon}$$

$$2) \varphi(r) = kQ \left(\frac{1}{\epsilon r} - \frac{1}{\epsilon R} + \frac{1}{R} \right), \quad r \in (0; R]$$

$$\varphi\left(\frac{R}{3}\right) = kQ \left(\frac{1}{\epsilon \cdot \frac{R}{3}} + \frac{1}{R} - \frac{1}{\epsilon R} \right) = \frac{kQ}{R} \cdot \frac{2 + \epsilon}{\epsilon}$$

$$\varphi\left(\frac{2}{3}R\right) = \frac{kQ}{R} \left(\frac{1}{\epsilon \cdot \frac{2}{3}R} + \frac{1}{R} - \frac{1}{\epsilon R} \right) = \frac{kQ}{R} \cdot \frac{1 + 2\epsilon}{2\epsilon}$$

из условия: $\varphi\left(\frac{R}{3}\right) = \frac{5}{4} \varphi\left(\frac{2}{3}R\right)$

$$\frac{2 + \epsilon}{\epsilon} = \frac{5}{4} \cdot \frac{1 + 2\epsilon}{2\epsilon} \Rightarrow \epsilon = 1,1$$

Ответ: 1) $\frac{kQ}{R} \cdot \frac{5\epsilon + 1}{5\epsilon}$ 2) 1,1.

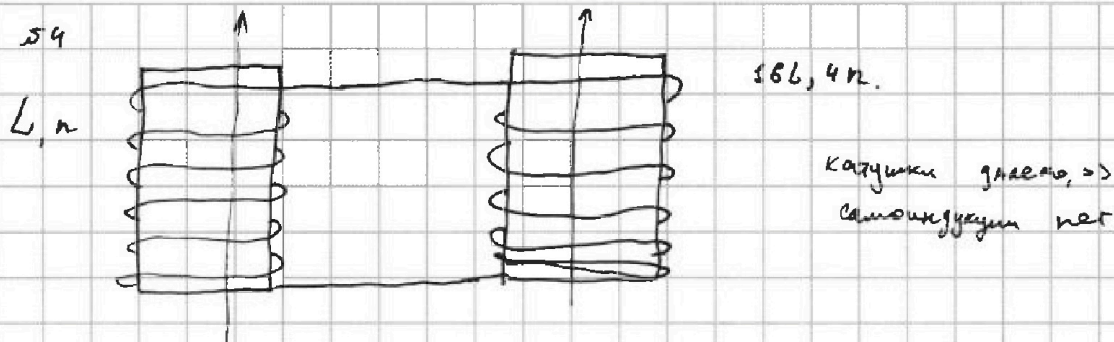
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



1) Согл. закону Фарадея:

$$\mathcal{E} = - \frac{d\Phi}{dt}$$

Т.к. длина катушки не изменяется само Φ_2 (тока)

то $|\mathcal{E}| = \left| - \frac{d\Phi_1}{dt} \right|$; $d\Phi_1 = \underbrace{\Delta B \cdot S \cdot n}_{\text{изм. магн. потока катушки}}$

$$|\mathcal{E}| = \Delta B \cdot S \cdot n$$

$$d\Phi_1 = L \cdot dI$$

, где dI — изменение тока катушки

Т.к. $d\Phi_2 = 0$, а $d\Phi_1 = \Delta B \cdot S \cdot n$

$$\Delta B \cdot S \cdot n = L \cdot dI \quad | : dt$$

$$\Delta B \cdot S \cdot n = L \cdot \frac{dI}{dt} \Rightarrow \frac{dI}{dt} = \frac{\Delta B \cdot S \cdot n}{L}$$

скорость изм. тока (уши)

2) Т.к. согл. правому левизу, ток индукционный в катушке

будет разнонаправлен, то способам ток — модуль их разности.

$$\Phi_1(t) = B_1(t) \cdot S \cdot n$$

- поток Φ катушки от внешнего

$$\Phi_2(t) = B_2(t) \cdot S \cdot 4n$$

- поток Φ катушки от внешнего

$$I_1(t) = \frac{\Phi_1(t)}{L} = \frac{B_1(t) \cdot S \cdot n}{L} = I_2(t) = \frac{\Phi_2(t)}{4L} = B_2(t) \cdot \frac{S \cdot n}{4}$$

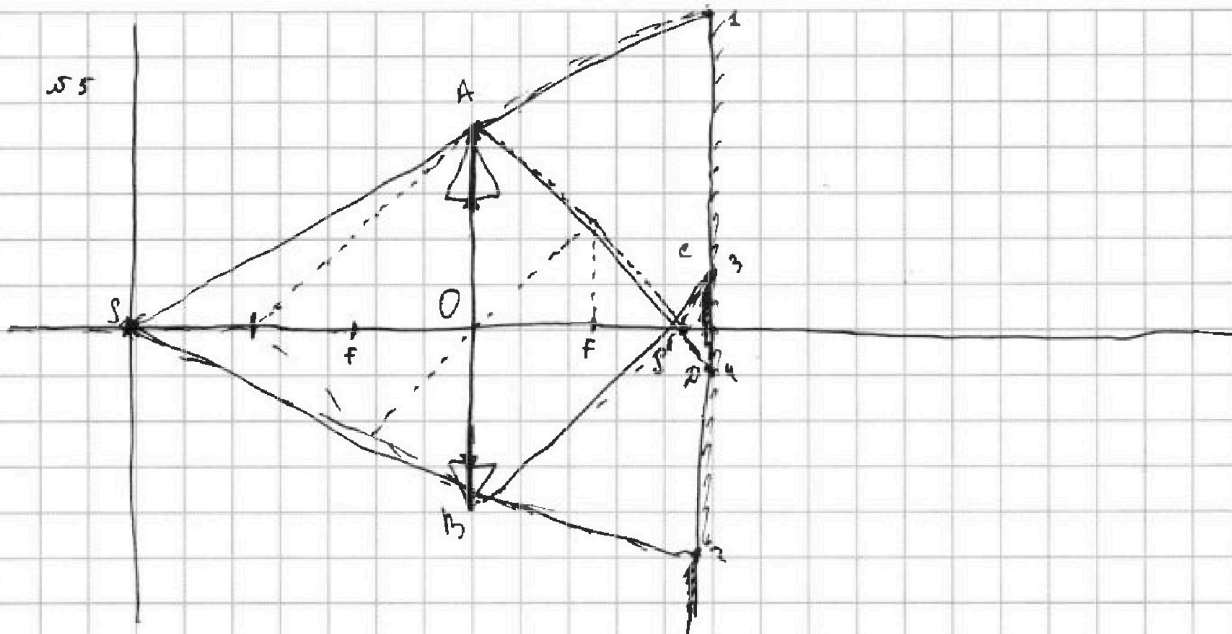


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
4 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \Leftrightarrow \frac{1}{h/3} = \frac{1}{h} + \frac{1}{f} \Rightarrow f = \frac{h}{2}$$

\Rightarrow изображение (S') находится на $\frac{h}{2}$ от центра слева.

Соединим края линзы и S' (S' - изображение от линзы) получим область - освещенная от линзы. (рис. 39).

Соединим края линзы и S (S - источник), получим область (на рис. 42) не освещаемая прямыми лучами лампы.

$$R_5 = \frac{e_{12}}{2} \text{ (радиус экв. круга); } R_4 = \frac{e_{34}}{2} \text{ (радиус экв. от линзы)}$$

$$C_{12} = \sqrt{R_5^2 + R_4^2} \text{ или } \frac{h+l}{h} \text{ (из геом. подобия)}$$

$$R_5 = R_4 \cdot \frac{h+l}{h} = \frac{5}{3} R_4$$

Так как $OS' = \frac{h}{2} \Rightarrow$ образуется подобие еще одна пара подобия

$$\triangle AS'A \sim \triangle CS'D, \Rightarrow R_4 = r \cdot \frac{\frac{h}{2} - \frac{h}{2}}{\frac{h}{2}} = r \cdot \frac{1}{3}$$

$$S_{\text{затен}} = \pi \cdot R_5^2 \text{ (сфера зона)} \quad S_{\text{осв}} = \pi R_4^2 \text{ (освещенная часть сферы)}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

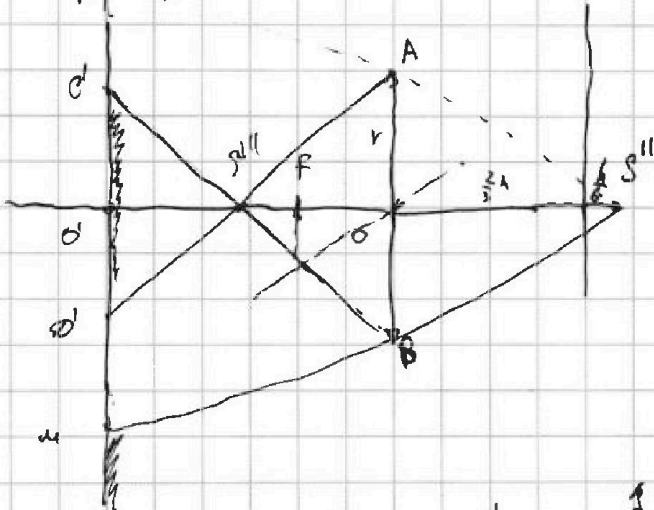
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$S_{\text{конец}} = \pi(R_b^2 - R_a^2) = \pi\left(\frac{5}{3}r - \frac{1}{3}r\right)\left(\frac{5}{3}r + \frac{1}{3}r\right) = \pi \cdot 2r \cdot \frac{4}{3}r =$$

$$= \frac{200}{3} \pi \cdot \text{см}^2$$

2) Если представить, что изображение S' от зеркала (S'')

- источник, то задача "переворачивается", а по ходу анализа зная, что расстояние от зеркала до изображения равно рас-ию от зеркала до объекта, $f_3 = \frac{2h}{3}, -\frac{1}{f} = \frac{1}{f'}$



$$OS'' = \frac{2}{3}h + \frac{h}{3} = \frac{5}{3}h.$$

$d' = P(S''; O)$
 $f' = \text{рас. от. л.з. до объекта}$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{d'} + \frac{1}{f'} \quad \Rightarrow \quad \frac{1}{\frac{2}{3}h} = \frac{1}{\frac{5}{3}h} + \frac{1}{f'} \quad \Rightarrow \quad f' = \frac{5}{3}h$$

$$NO' = AO \cdot \frac{O'S''}{OS''} = r \cdot \frac{h + \frac{5}{3}h}{\frac{5}{3}h} = \frac{11}{5}r$$

$$O'O' = r \cdot \frac{h - \frac{5}{3}h}{\frac{5}{3}h} = r \cdot \frac{4}{5}$$

$$S_2 = \pi(NO')^2 - \pi(O'O')^2 = \pi \cdot \frac{121}{25}r^2 - \pi \cdot \frac{16}{25}r^2 = 105\pi \text{ см}^2$$

Ответ: 1) $\frac{200}{3}\pi$ 2) 105π

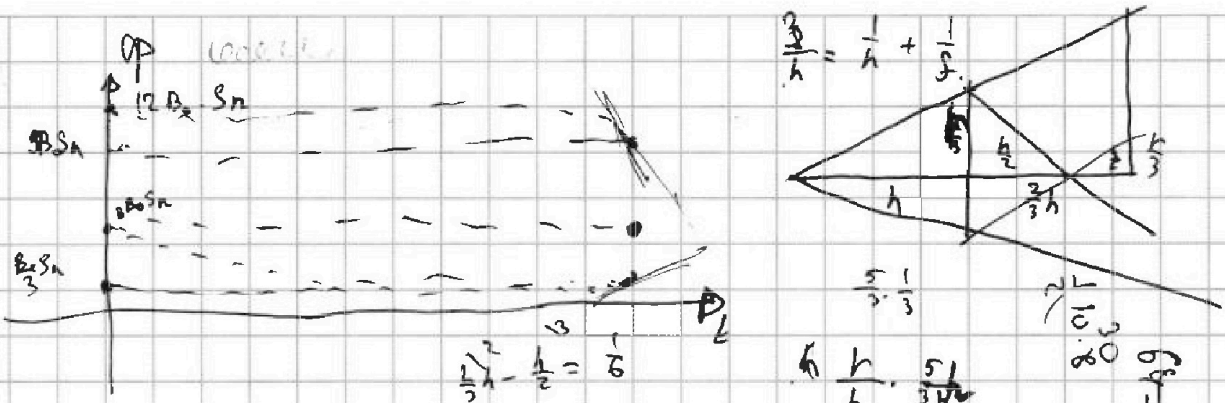


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$3 B_0$
 $n_2 \cdot B_0$
 $q = B_0 S$

$\frac{B_0}{3} \cdot 4n \cdot S$
 $\frac{q}{3} B_0 \cdot 4n \cdot S$
 $\frac{B_0}{3} \cdot n \cdot S$

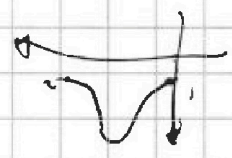
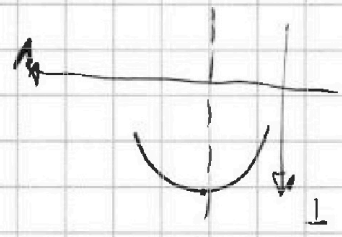
$16L \cdot 9BSn \cdot I =$
 $16L \cdot I = 9BSn$
 $L \cdot I = \frac{BSn}{3}$

$L dI = BSn$
 $q = B_0$

$dE = B_0 \frac{Sn}{L}$
 $I = \frac{BSn}{L}$

$kR \left(\frac{3}{2\varepsilon R} - \frac{1}{\varepsilon R} + \frac{1}{R} \right) = \frac{kR}{R} \left(\frac{1}{2\varepsilon} + 1 \right)$

$P = 16P_0 - \frac{P_0}{2} \sqrt{1 + \frac{kR}{R} \left(\frac{2+\varepsilon}{\varepsilon} \right)}$



$L I =$
 $B_1(t) = \frac{1}{4} B_2(t)$

$12 - 2 = 2$
 $\frac{R}{14 \cdot 4}$
 $m \cdot \frac{1}{3} g = m g \cdot \frac{1}{3}$

$2\varepsilon + 1$
 2ε
 $16 + 8\varepsilon = 5 + 10\varepsilon$
 $2\varepsilon = 11$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

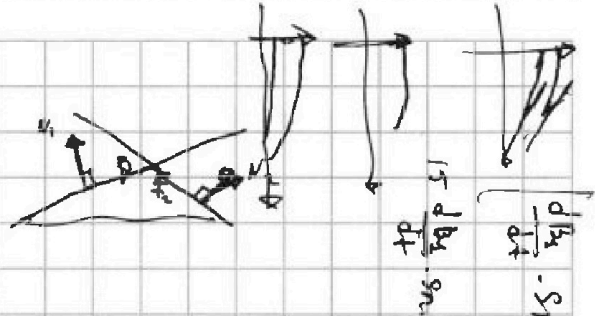
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1

$$\frac{\frac{1}{6} + \frac{5e}{6}}{e \cdot \frac{1}{6}}$$



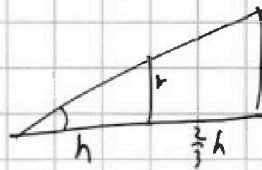
$$\frac{R - P + EP}{ER - P}$$

$$10 + 5E = 2 + 1E \quad N_2 \cdot \sin \alpha_2 + F_2 \cdot \cos \alpha_2 = N_1$$

$$E = -6$$



$$- 2mg \cdot \frac{60}{13^2} + \frac{4}{2 \cdot 13} \cdot mg \cdot \frac{12}{13} + mg \cdot \frac{4}{13} \cdot \frac{3}{5} - \frac{9}{13} \cdot \frac{1}{5} \cdot mg$$



$$\frac{dB_2}{dt} = \frac{1}{5} \frac{dB_1}{dt}$$

$$L \cdot I = 56 L \cdot I$$

$$L \cdot I = 56 L \cdot I$$

2

$$\Delta U_{12} = -8^2 \rho_0 V_0 + 5 \rho_0 \cdot 14 V_0 = 6 \rho_0 V_0 \quad \frac{1}{h} \cdot \frac{3}{5}$$

$$A = \varphi \cdot q$$

$$\varphi = A/q_0$$

$$E = \frac{kQ}{x^2}$$

$$\varphi = \frac{kQ}{x}$$

$$F = \frac{kQq}{y^2}$$

$$A = \int_0^5 \frac{kQq}{y^2} + \int_2^5 \frac{5Qq}{y^2}$$

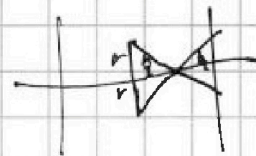
$$\varphi = -kQ \frac{1}{r} + \frac{kQ}{e} \left(\frac{1}{5} - \frac{1}{r} \right)$$

$$\frac{1}{5} + \frac{1}{5}$$

$$\frac{1}{5} = \frac{1}{5} \cdot 1,2$$

$$\frac{9}{5}$$

$$5 \cdot 5 \cdot \frac{1}{8} = 2 \cdot 2 \cdot \frac{1}{4} \cdot 1$$



$$\frac{2h}{3} \cdot \frac{h}{2}$$



$$2 \cdot 5$$

$$\frac{3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 2}{5}$$

$$P \cdot h \cdot 2 \cdot \frac{1}{3}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{1}{2+1} = p$$
$$\frac{1}{\cos^2 + \sin^2} = p$$
$$1 = p$$

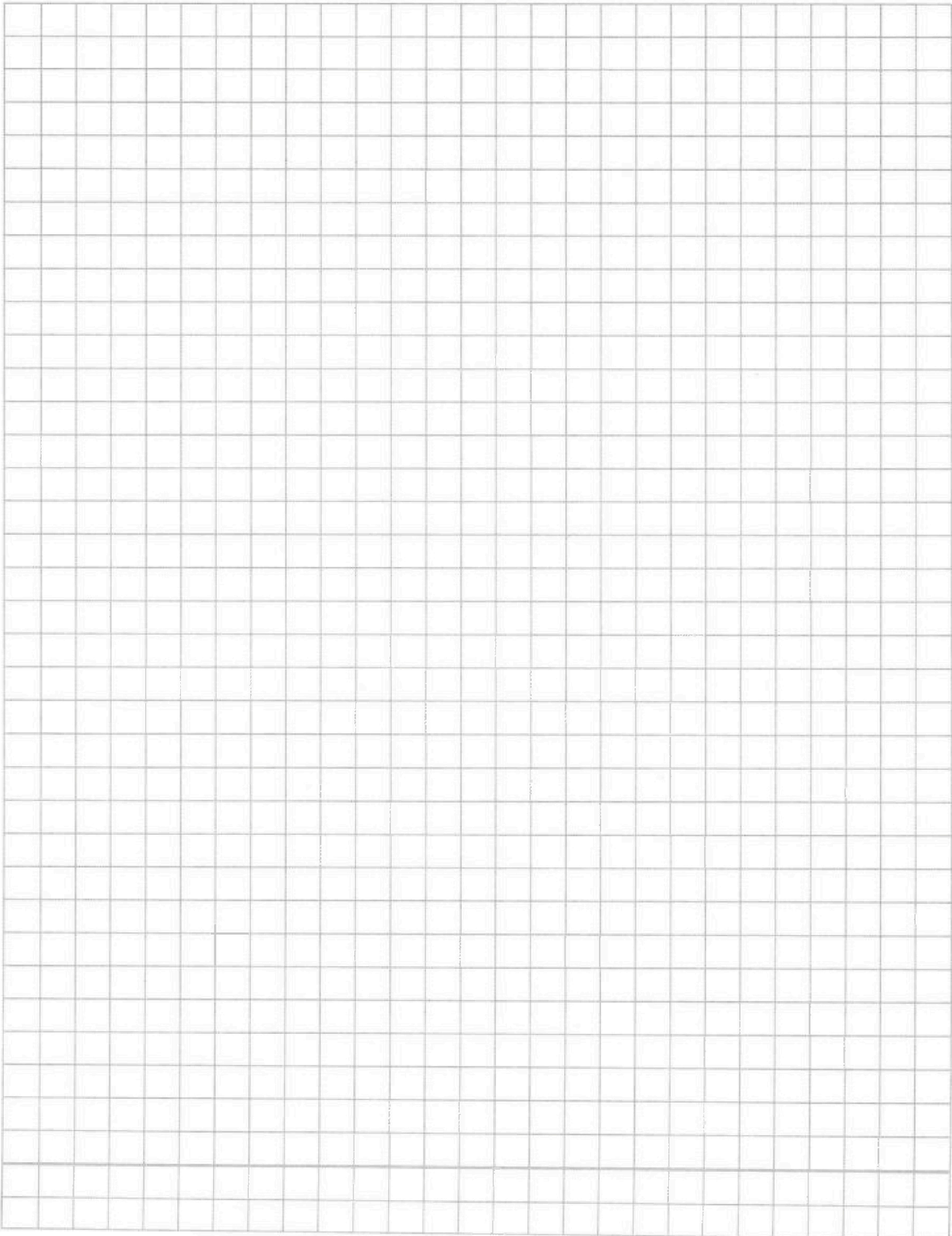


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

т.к. груз камня не касается, $\Rightarrow |F_{\text{норм. грав}}| = |F_{\text{TP}}|$

$$F_{\text{TP}} = \left| mg \cdot \left(-\frac{2 \cdot 5 \cdot 12}{13^2} + \frac{4}{2 \cdot 13} \cdot \frac{12}{13} + \frac{3 \cdot 4}{5^2} - \frac{3^2}{5 \cdot 13} \cdot \frac{4}{5} \right) \right|$$

$$F_{\text{TP}} = mg \left(\frac{12}{13^2} \left(-1 + \frac{3}{13} \right) + \frac{12}{13^2} \left(-\frac{4}{2} + \frac{60}{2} \right) \right) = mg \cdot \left(\frac{12 \cdot 12}{5 \cdot 13} + \frac{12 \cdot 12}{2 \cdot 13} \right) =$$

$$= \frac{6}{13} mg \left(\frac{4}{5} + 1 \right) = \frac{6}{13} \cdot \frac{9}{5} mg = \frac{54}{65} mg.$$

Ответ: 1) $\frac{9}{65} mg$; 2) $\frac{4}{26} mg$; 3) $\frac{54}{65} mg$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\Rightarrow B_1(t) = \frac{1}{4} \cdot B_2(t)$$

$$B_1(t_k) = \frac{D_0}{3} ; B_2(t_k) = \frac{9}{4} D_0$$

~~или~~
~~\(\Rightarrow\) поток на II контуре D_0 $d \rightarrow \infty$ вычисляется~~

$$\text{на } \left(\frac{9}{4} D_0 - \frac{D_0}{3} \right) = \frac{23}{12} D_0.$$

Ответ: 1) $\frac{d S_n}{L}$