



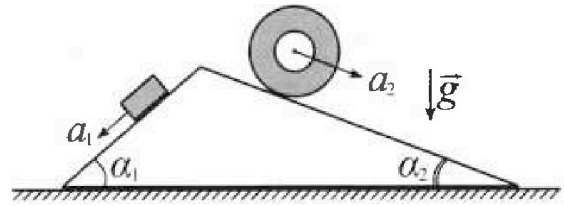
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-01



В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

1. С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брусок массой m с ускорением $a_1 = 5g/13$ и скатывается без проскальзывания полый цилиндр массой $4m$ с ускорением $a_2 = 5g/24$ (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту α_1 ($\sin \alpha_1 = 3/5$, $\cos \alpha_1 = 4/5$) и α_2 ($\sin \alpha_2 = 5/13$, $\cos \alpha_2 = 12/13$). Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.

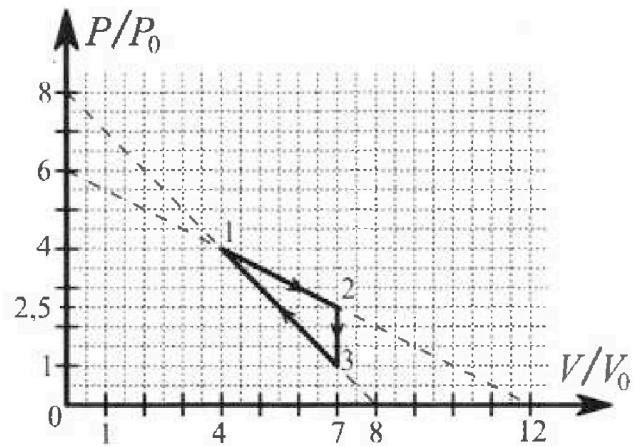


- 1) Найти силу трения F_1 между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения F_2 между цилиндром и клином.
- 3) Найти силу трения F_3 между столом и клином.

Каждый ответ выразить через m и g с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

2. С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость P/P_0 от V/V_0 . Здесь V и P - объем и давление газа, V_0 и P_0 - некоторые неизвестные объем и давление.

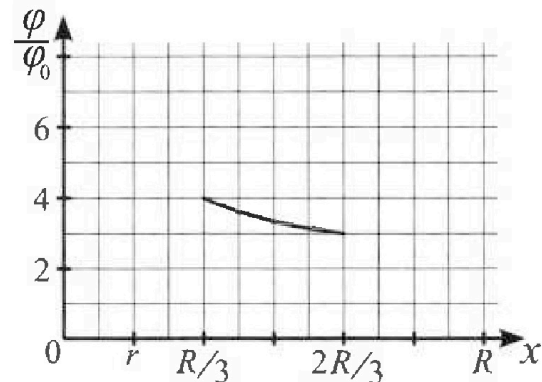
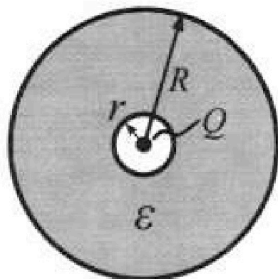
- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 2-3 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 1.
- 3) Найдите КПД цикла.



Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.

3. В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью ϵ и радиусами поверхностей r и R находится шарик с зарядом Q (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала φ электрического поля внутри диэлектрика от расстояния x от центра полого шара в интервале изменений x от $R/3$ до $2R/3$ (см. рис.). Здесь φ_0 — потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

- 1) Считая известными r , R , Q , ϵ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при $x = R/4$.
- 2) Используя график, найти численное значение ϵ .



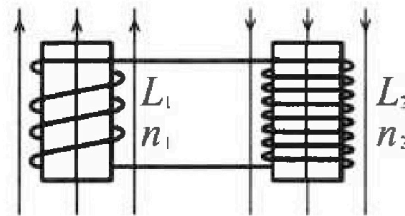
Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2024

Вариант 11-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

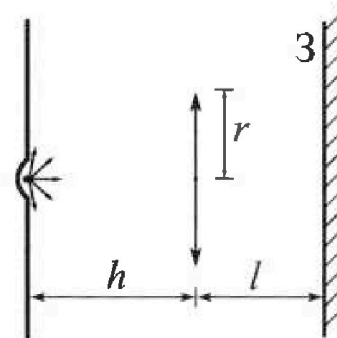


4. Две катушки с индуктивностями $L_1 = L$ и $L_2 = 4L$ и числами витков $n_1 = n$ и $n_2 = 2n$ помещены во внешние однородные магнитные поля с постоянными во времени индукциями (см. рис.). Площадь витка каждой катушки S . Индукции внешних полей направлены перпендикулярно плоскостям витков катушек. Катушки находятся достаточно далеко друг от друга. Омическое сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. Вначале тока в катушках нет.



- 1) С какой скоростью (по модулю) начнет изменяться ток в катушках, если в катушке с индуктивностью L_1 индукция внешнего поля начнет возрастать со скоростью $\Delta B / \Delta t = \alpha (\alpha > 0)$, а во второй катушке внешнее поле останется неизменным?
- 2) За некоторое время индукция внешнего поля в катушке с индуктивностью L_1 уменьшилась от B_0 до $B_0/2$, не изменив направления, а в катушке с индуктивностью L_2 индукция внешнего поля уменьшилась от $2B_0$ до $2B_0/3$, не изменив направления. Внешние поля в катушках изменялись неравномерно. Найти ток (по модулю) в катушках к концу изменения внешних полей. Ответ дать с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

5. В стене сделана небольшая выемка, внутри которой находится маленькая лампочка так, что прямой свет от лампочки на стену не попадает (см. рис.). Справа от лампочки на некотором расстоянии h расположена тонкая собирающая линза с фокусным расстоянием $F = h/2$. Главная оптическая ось линзы горизонтальна и проходит через лампочку. Радиус линзы $r = 3$ см. Справа от линзы на расстоянии $l = 2h/3$ расположено параллельно стене плоское зеркало 3. Считать, что свет, идущий мимо линзы, проходит плоскость линзы беспрепятственно. Размеры стены и зеркала намного больше размеров линзы.



- 1) Найдите площадь неосвещенной части зеркала.
- 2) Найдите площадь неосвещенной части стены.

Ответы дайте в $[см^2]$ в виде $\gamma\pi$, где γ - целое число или простая обыкновенная дробь.

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Решение:

$$a_1 = \frac{5}{13} g$$

$$m$$

$$a_2 = 24 g$$

$$\mu m$$

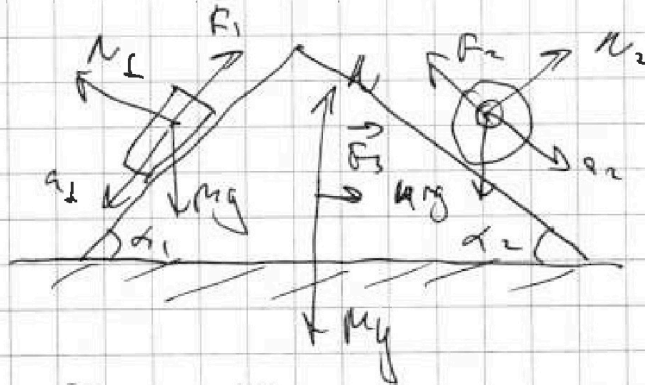
$$\sin \alpha_1 = \frac{3}{5}$$

$$\sin \alpha_2 = \frac{5}{13}$$

$$F_1 - ?$$

$$F_2 - ?$$

$$F_3 - ?$$



на первом \vec{u} з.к:

$$m \vec{a}_1 = \vec{N}_1 + m \vec{g} + \vec{F}_1$$

$$m a_1 = m g \sin \alpha_1 - F_1$$

$$F_1 = m g \sin \alpha_1 - m a_1 = m g \cdot \frac{3}{5} - m \cdot g \cdot \frac{5}{13} =$$

$$= m g \frac{39 - 25}{65} = \frac{14}{65} m g$$

на втором \vec{u} з.к:

$$\mu m \vec{a}_2 = \vec{N}_2 + \mu m \vec{g} + \vec{F}_2$$

$$\mu m a_2 = \mu m g \sin \alpha_2 - F_2$$

$$F_2 = \mu m g \sin \alpha_2 - \mu m a_2 = \mu m \left(g \cdot \frac{5}{13} - g \cdot \frac{5}{24} \right) =$$

$$= 4 m g \frac{5(24-13)}{13 \cdot 24} = \frac{55}{78} m g$$

условие равновесия груза между: $\mu m a_2 \cos \alpha_2 = F_3 + m a_1 \cos \alpha_1$

$$F_3 = m (a_1 \cos \alpha_1 - \mu a_2 \cos \alpha_2) =$$

$$= m g \left(m g \left(\frac{5}{13} \cdot \frac{4}{5} - 4 \cdot \frac{5}{24} \cdot \frac{12}{13} \right) - \left(\frac{4}{13} - \frac{10}{13} \right) m g = \right.$$

$$\left. = \frac{6}{13} m g \Rightarrow |F_3| = \frac{6}{13} m g$$

Ответ: $\frac{14}{65} m g$; $\frac{55}{78} m g$; $\frac{6}{13} m g$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$1) \frac{\Delta U_{\text{аб}}?}{A} \quad A = S_{\text{тока}} = \frac{1}{2} (2,5 + 4) p_0 \cdot (7 - 4) V_0 - \frac{1}{2} (1 + 4) p_0 \cdot$$

$$(7 - 4) V_0 = \frac{1}{2} \cdot \frac{13}{2} \cdot 3 p_0 V_0 - \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot 3 p_0 V_0 =$$

$$= \frac{39 - 15}{4} p_0 V_0 = \frac{9}{4} p_0 V_0$$

$$(\Delta U) = \frac{3}{2} \Delta p V = \frac{3}{2} \cdot 7 V_0 \cdot (2,5 - 1) p_0 = \frac{3}{2} \cdot \frac{3}{2} \cdot 7 p_0 V_0$$

$$\frac{\Delta U}{A} = \frac{\frac{9}{4} \cdot 7 p_0 V_0}{\frac{9}{4} p_0 V_0} = 7$$

$$2) P_{12} - \text{эквивалентно } p(V) = 6 p_0 - \frac{1 p_0 V}{2 V_0} \text{ (по графику)}$$

$$T_{\text{max}} \Rightarrow p_{\text{min}} = \text{min}$$

$$p_{\text{min}} = V \left(6 p_0 - \frac{p_0 V}{2 V_0} \right) = \text{min}$$

$$(p_{\text{min}})' = 0 = \left(6 p_0 - \frac{p_0 V}{V_0} \right) \Rightarrow V = 6 V_0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T_{\text{max}} = \frac{18 p_0 V_0}{2 R} \quad \Rightarrow p_2 = 3 p_0 \Rightarrow$$

$$T_1 = \frac{16 p_0 V_0}{2 R}$$

$$\frac{T_{\text{max}}}{T_1} = \frac{18 p_0 V_0}{2 R} \cdot \frac{2 R}{16 p_0 V_0} = \frac{9}{8} = 1,125$$

$$3) \eta = \frac{A_1}{Q_{\text{к}}} \quad A = \frac{9}{4} p_0 V_0$$

$$T_2 \rightarrow T_{\text{max}}: Q_{\text{к}} (T_{\text{max}} \rightarrow T_1) \quad Q_{1, \text{max}} = \frac{5}{2} (18 p_0 V_0 - 16 p_0 V_0) = 5 p_0 V_0$$

$$T_{\text{max}} \rightarrow T_2 \quad Q_{\text{к}} < 0 \Rightarrow Q_{\text{хот}} \quad (T_2 < T_{\text{max}})$$

$$T_2 \rightarrow T_3 - Q < 0 \Rightarrow Q_{\text{хот}} \quad Q_{2,3} = \Delta U_{2,3} < 0 \quad (V_2 < V_3)$$

$$T_3 \rightarrow T_1: Q_1 = \Delta U_{1,3} \quad A = -(16 p_0 V_0 - 7 p_0 V_0) = 9 p_0 V_0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА
2 1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\Delta U_{32} = \frac{3}{2} Nk (T_1 - T_2) = \frac{3}{2} \nu R \left(\frac{16 p_0 V_0}{pR} - \frac{2 p_0 V_0}{pR} \right) = \frac{3}{2} \cdot 5 p_0 V_0$$

$$Q_{31} = 5 p_0 V_0 \left(\frac{3}{2} - 1 \right) = 4,5 p_0 V_0 > 0 \Rightarrow Q_4$$

$$\eta = \frac{A}{Q_{31}} = \frac{2,25 p_0 V_0}{5 p_0 V_0 + 4,5 p_0 V_0} = \frac{2,25 p_0 V_0}{9,5 p_0 V_0} = \frac{9}{38}$$

Ответ: 7; $\frac{9}{8}$; $\frac{9}{38}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

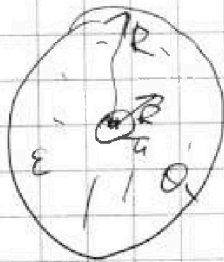
СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1) $x = \frac{R}{4}$

$\varphi(x) = ?$

$\varphi(x) = \varphi\left(\frac{R}{4}\right) = \frac{4Q}{4\pi\epsilon_0 R} - \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R}$



$r = \frac{R}{4}$ (по условию)

$\vec{E}_{\text{внутри}} - \text{нормальность}$

внутри $\vec{E}_{\text{внутри}} = 0 \Rightarrow \varphi(r) = 0$

$\varphi\left(\frac{R}{3}\right) - \varphi\left(\frac{2R}{3}\right) = \frac{U}{\varphi_0}$

$\varphi(x) = \frac{Q}{(x-r)\epsilon} = \frac{Q}{\left(\frac{R}{4} - \frac{R}{3}\right)\epsilon} = \frac{12Q}{R\epsilon}$

$\varphi\left(\frac{R}{5}\right) - \varphi\left(\frac{2R}{3}\right) = \frac{U}{\varphi_0}$

$\frac{Q}{\left(\frac{R}{5} - \frac{R}{3}\right)\epsilon} - \frac{Q}{\left(\frac{2R}{3} - \frac{R}{3}\right)\epsilon} = \frac{U}{\varphi_0}$

$\frac{6Q}{R\epsilon} - \frac{3Q}{R\epsilon} = \frac{U}{\varphi_0}$

$\frac{3Q}{R\epsilon} = \frac{U}{\varphi_0}$

$\epsilon = \frac{3Q\varphi_0}{RQ}$

Ответ: $\frac{12Q}{R\epsilon} ; \frac{3Q\varphi_0}{RQ}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned} L_1 &= L \\ n_1 &= n \\ L_2 &= 4L \\ n_2 &= 2n \\ S \end{aligned}$$

$$1) \frac{\Delta n}{\Delta t} = \alpha > 0$$

$$\frac{\Delta T}{\Delta t} = ?$$

$$2) I = ?$$

$$1) |E_i| = n \frac{d\Phi}{dt} = n \frac{dB S}{dt} \quad (\cos 0^\circ = 1) =$$

$$= L \frac{dI}{dt} \quad L_0 = L_1 + L_2 = 5L$$

$$S \frac{dB}{dt} = L_0 \frac{dI}{dt}$$

$$\frac{dI}{dt} = \frac{S}{L_0} \frac{dB}{dt} = \alpha \frac{S}{L_0} = \frac{\alpha S_0}{5L}$$

$$2) |E_i| = n_1 \frac{d\Phi_1}{dt} + n_2 \frac{d\Phi_2}{dt} = n_1 L \frac{dI}{dt} + 2n \cdot 4L \frac{dI}{dt} =$$

$$= \frac{n S dI}{dt} + \frac{2n S dI}{dt}$$

$$L \frac{dI}{dt} + 8L \frac{dI}{dt} = S dB_1 + 2S dB_2$$

$$9L \frac{dI}{dt} = S (dB_1 + 2dB_2)$$

$$\int 9L \frac{dI}{dt} dt = S \int (dB_1 + 2dB_2), \quad dB_1 = \frac{B_0}{2}, \quad dB_2 = \frac{4}{3} B_0$$

$$9LI = S \left(\frac{1}{2} + \frac{8}{3} B_0 \right)$$

$$9LI = S \frac{3 + 16}{6} B_0$$

$$I = \frac{1}{54} \frac{160 S}{L}$$

Ответ: ~~1/54~~ $\frac{160 S}{54 L} = \frac{80 S}{27 L}$

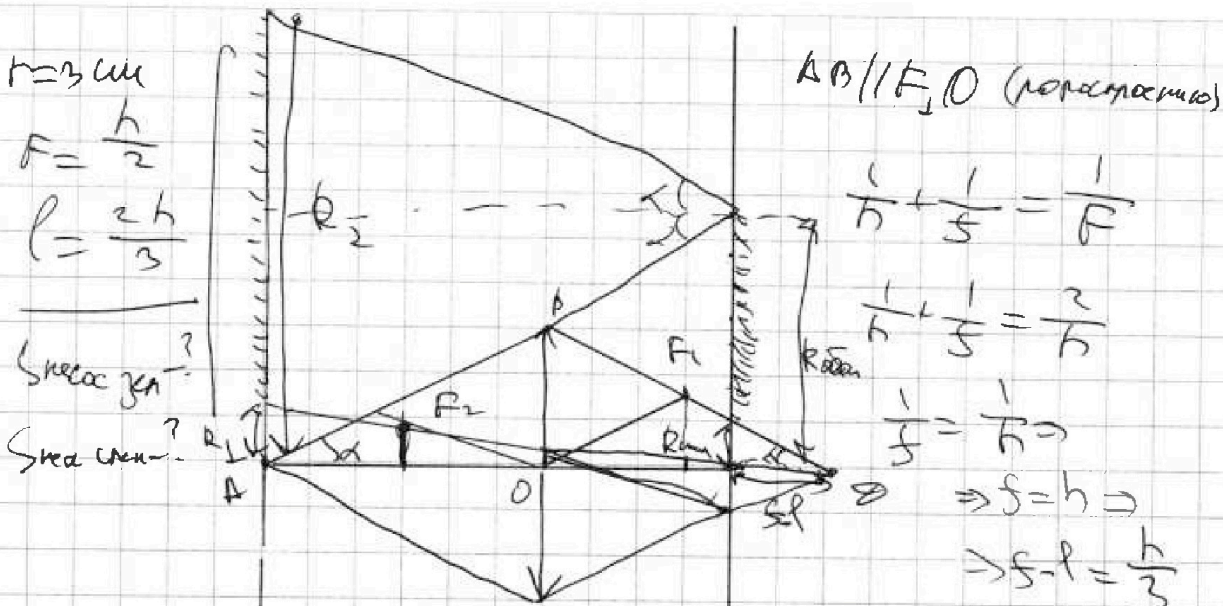


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$h = 3 \text{ см}$
 $F = \frac{h}{2}$
 $f = \frac{2h}{3}$
 $\frac{1}{f} + \frac{1}{F} = \frac{1}{r}$
 $\frac{1}{f} + \frac{1}{F} = \frac{2}{h}$
 $\frac{1}{f} = \frac{1}{h} \Rightarrow f = h \Rightarrow f - f = \frac{h}{3}$

$AB // EO$ (перпендикулярно)

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{F} = \frac{1}{r}$$

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{F} = \frac{2}{h}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{h} \Rightarrow f = h \Rightarrow f - f = \frac{h}{3}$$

R_1 - радиус освещенной сферы
 R_2 - радиус границы освещенной освещенной сферы

$$\text{tg } \alpha = \frac{r}{h} = \frac{R_{осн}}{\frac{5}{3}h} = \frac{R_{осн}}{h}$$

$$h = \frac{r}{\text{tg } \alpha}, R_{осн} = \frac{5}{3}h \text{ tg } \alpha = \frac{5}{3}r = 5 \text{ см}$$

$$R_{осн} = \frac{1}{3}h \text{ tg } \alpha = \frac{r}{3} = 1 \text{ см}$$

$$\text{tg } \alpha = \frac{R_2}{2 \cdot \frac{5}{3}h} \Rightarrow R_2 = \frac{3 \cdot 10}{3} r = 10 \text{ см}$$

$$\text{tg } \alpha = \frac{R_1}{2h} = \frac{R_{осн}}{h}$$

$$S_{осв. \text{ сфер}} = \pi R_{осн}^2 - \pi R_{осн}^2 = 24 \pi$$

$$r = \angle(\overrightarrow{OP_2}, \overrightarrow{OA}) \Rightarrow R_2 = 2R_{осн} = 2 \cdot 12 = 24 \text{ см}$$

$$\Rightarrow 2 \text{ см} \Rightarrow S_{осв. \text{ сфер}} = \pi \cdot 100 - \pi \cdot 4 = 96 \pi$$

Ответ: 24π ; 96π



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черпунком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$2. \frac{9LI}{S} = \frac{3\beta_0^2 - \beta_0^2}{4} + 2 \left(\frac{4\beta_0^2 - 4\beta_0^2}{3} \right)$$

$$\frac{9LI}{S} = \frac{2\beta_0^2}{4} + 2 \cdot S \cdot \frac{4}{3}$$
~~$$\int 5\beta_0 = \beta_0 - \beta_0$$~~

$$\frac{18LI}{S} = \frac{-27 + 32 - 288}{30} \beta_0^2$$

$$\frac{18LI}{S} = \frac{-288}{30} \beta_0^2$$

$$I = \frac{-288}{30} \frac{\beta_0^2 S}{L}$$

$$I = \frac{-288}{30} \frac{\beta_0^2 S}{L}$$

$$6I = \frac{6\beta_0^2 S}{L}$$

$$I =$$

$\varphi(R) = ?$

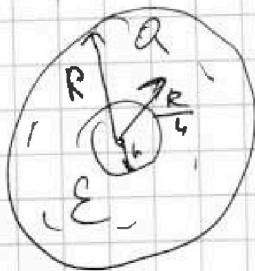
$$\varphi = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 R} = \frac{Q_1}{4\pi R^2 \epsilon_0} \quad k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$

$$\varphi(R) = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 R} = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 R} = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 R}$$

$$\varphi = \frac{3}{2} \frac{Q_1}{R} - \frac{Q_1}{r} = \frac{4\pi Q_1}{\epsilon_0 R} - \frac{Q_1}{r}$$

$$+ \frac{Q_1}{R}$$

$$= \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 R} - \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 R} - \frac{3Q_1}{2\pi\epsilon_0 R}$$



$4\pi = 30$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\int \sin \alpha dI = nS \int_{p_0}^{\frac{p_0}{2}} \beta_1 + 2n \int_{2p_0}^{\frac{3}{2}p_0} \beta_2$$

$$\sin \alpha I = nS \cdot \frac{p_0}{2} + 2nS \beta_0 \cdot \frac{4}{3}$$

$$\sin \alpha I = \frac{3nS\beta_0 + 16nS\beta_0}{6} = \frac{19nS\beta_0}{6}$$

$$I = \frac{19nS\beta_0}{54SL}$$

$$2 \rightarrow 3: Q_1 = 0 \text{ и } < 0 \text{ (пр)} \Rightarrow R_{\min}$$

$$3 \rightarrow 3: Q_1 = A + B u = 16p_0 u_0 - 2p_0 u_0 + \frac{3}{2}(16p_0 u_0 - 2p_0 u_0)$$

$$= 9p_0 u_0 \cdot \frac{5}{2} = 22,5 p_0 u_0 \Rightarrow \frac{p}{p_0}$$

$$T_1 = \frac{\sqrt{R}}{16p_0 u_0}$$

$$1 \rightarrow T_{\max}: Q_1 = \frac{5}{2} (p_1 u_1 - 16p_0 u_0)$$

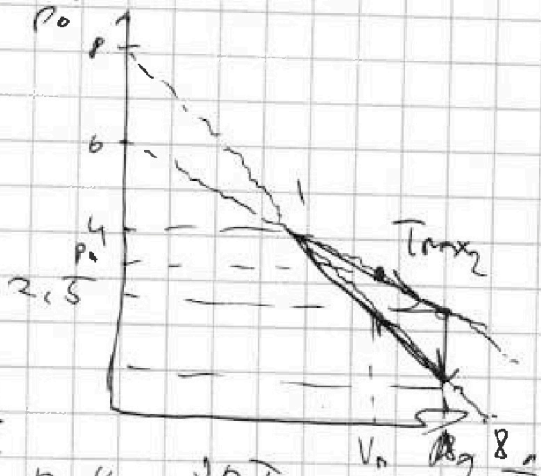
$$p_1 u_1 = \sqrt{R} T_{\max}$$

$$d: 1 \rightarrow 2: \delta p = -\frac{dV}{2} \quad \delta p_0 = \frac{p_0 u_0}{2}$$

$$p_2 = (u_0) \delta p_0 = \frac{p_0 u_0}{2}$$

$$p_2 = \frac{p_0 u_0}{2} - \frac{1}{2}$$

$$T_{\max} = \frac{\sqrt{R}}{16p_0 u_0}$$



$$p_1 u_1 = \sqrt{R} T_{\max}$$

$$T_{\max} = \frac{\sqrt{R}}{16p_0 u_0} = \frac{\sqrt{R}}{16p_0 u_0}$$

$$\frac{T_{\max}}{T_1} = \frac{\sqrt{R}}{16p_0 u_0}$$

$$T(u) = \frac{\sqrt{R}}{V(6p_0 - \frac{1}{2} \frac{p_0 u}{u_0})} = \frac{\sqrt{R}}{V(12p_0 u_0 - p_0 u)}$$

$$p(u) = 6p_0 - \frac{1}{2} \frac{p_0 u}{u_0}$$

$$T(u) = \frac{\sqrt{R}}{V(12p_0 u_0 - p_0 u)}$$

$$T(u) = \frac{\sqrt{R}}{V(12p_0 u_0 - p_0 u)}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

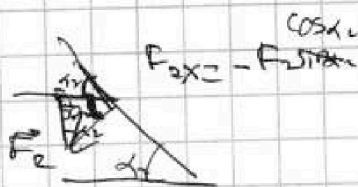
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$F_2 = 4m(g \sin \alpha_2 - a_2) = 4mg \left(\frac{5}{13} - \frac{5}{24} \right) =$$

$$\approx 4mg \frac{5 \cdot (24 - 13)}{13 \cdot 24} = \frac{4mg \cdot 5 \cdot 11}{13 \cdot 6 \cdot 4} = \frac{55}{78} mg$$

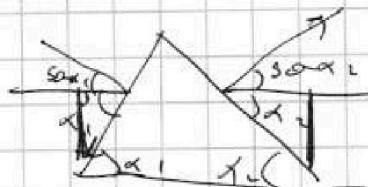
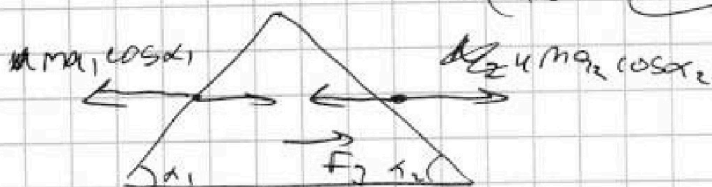


$$F_1 = F_2 \cos \alpha_1$$

$$F_1 \cos \alpha_1 + F_3 = F_2 \cos \alpha_2$$

$$F_3 = F_2 \cos \alpha_2 - F_1 \cos \alpha_1$$

$$\approx \left(\frac{55}{78} \cdot \frac{12}{13} mg - \frac{14}{65} \cdot \frac{4}{5} mg \right)$$



$$4Mg_2 \cos \alpha_2 + F_3 = Mg_1 \cos \alpha_1$$

$$F_3 = Mg_1 \cos \alpha_1 - 4Mg_2 \cos \alpha_2$$

$$F_3 = \frac{14}{65} \cdot \frac{4}{5} mg - \frac{5}{24} \cdot \frac{12}{13} \cdot 4 mg =$$

$$= \frac{4}{13} mg - \frac{10}{13} mg = -\frac{6}{13} mg$$

$$|F_3| = \frac{6}{13} mg$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

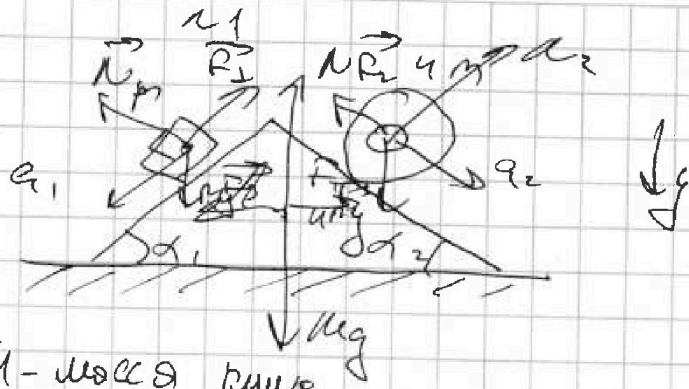
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Лорча QR-кода недопустима!

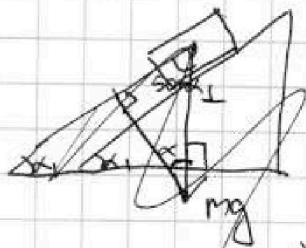
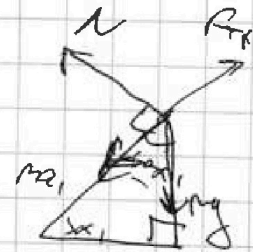
M
 $a_1 = \frac{5g}{13}$
 $4M$
 $a_2 = \frac{5g}{24}$
 $\sin \alpha_1 = \frac{3}{5}$
 ~~$\cos \alpha_1 = \frac{5}{13}$~~

F_1
 F_2
 F_3

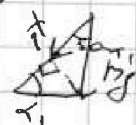


M - масса груза

$1) \vec{m}a_1 = \vec{F}_1 + \vec{m}g + \vec{N}_1$
 $ma_1 = -F_1 + mg \sin \alpha_1$



~~$\sin \alpha_1 = \frac{3}{5}$~~



$\cos(90 - \alpha_1) = \sin \alpha_1 = \frac{3}{5}$

$F_1 = mg \sin \alpha_1 - ma_1 =$

$= m(g \sin \alpha_1 - a_1) =$

$= m \left(g \cdot \frac{3}{5} - \frac{5}{13} g \right) = mg \cdot \left(\frac{3}{5} - \frac{5}{13} \right) =$

$2) 4Ma_2 = R_2 + 4Mg + N_2 = mg \frac{3g - 2g}{65} = \frac{14}{65} mg$

$4Ma_2 = -F_2 + 4mg \sin \alpha_2$

$F_2 = 4m(g \sin \alpha_2 - a_2) =$

$= 4m \left(g \frac{5}{13} - \frac{5}{24} g \right) = 4mg \left(\frac{24 \cdot 5 - 13 \cdot 5}{13 \cdot 24} \right) =$
 $= 4mg \cdot \frac{55}{78} = \frac{55mg}{78}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$F = \frac{h}{2}$$

$$r = 3 \text{ см}$$

$$l = \frac{2}{3} h$$

1) $S_{\text{крас}} = ?$

2) $S_{\text{крас}} = ?$

$$S_{\text{крас}} = 2 S_1$$

$$S_{\text{крас}} = \pi r^2$$

~~$$\frac{1}{R} = \frac{1}{h} + \frac{1}{r}$$~~

~~$$\frac{2}{R} = \frac{3}{2h} + \frac{1}{h}$$~~

~~$$2 = \frac{3}{2} + 1$$~~

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{h} + \frac{1}{r}$$

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{h} + \frac{1}{r}$$

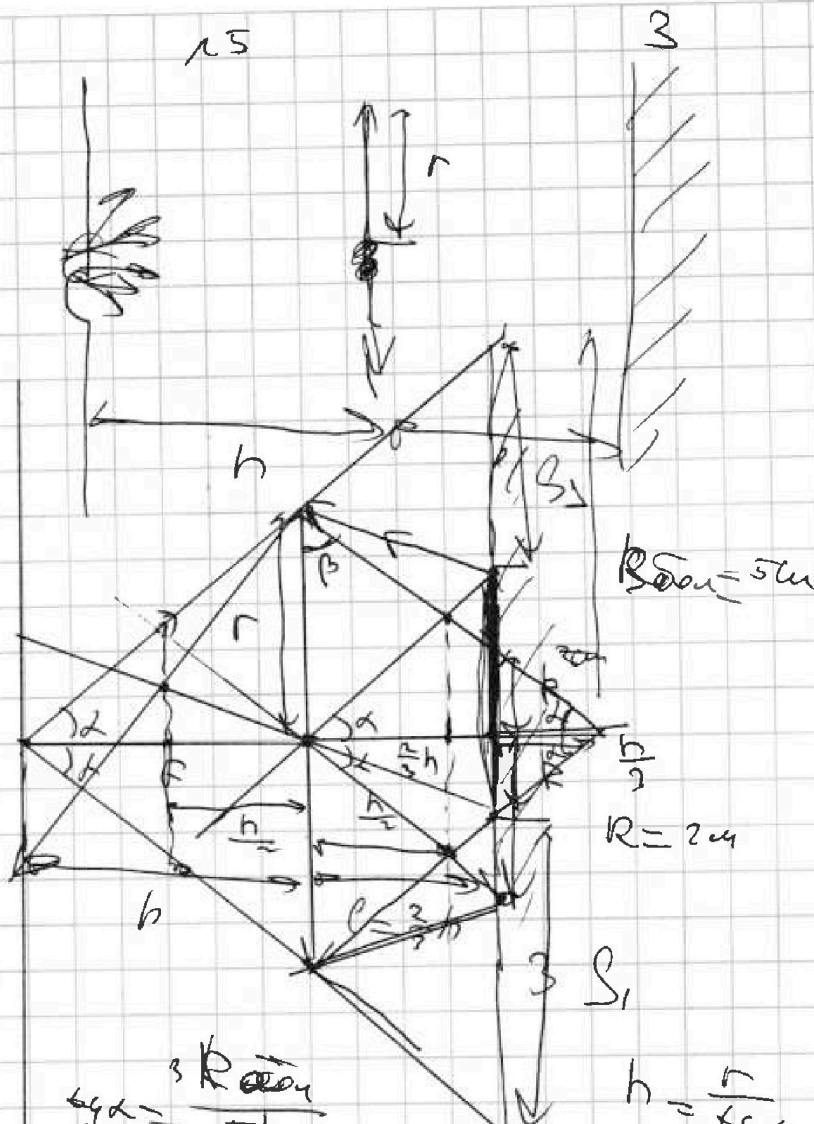
$$= \frac{r+h}{Rh}$$

$$5 = \frac{r+h}{h-R}$$

$$\frac{h^2 - \frac{1}{2}h}{\frac{1}{2}h} = h + r$$

~~$$2 S_{\text{крас}} = 2 \cdot \pi R_{\text{крас}}^2 = 2 \cdot \pi \cdot 50 \pi$$~~

$$r = \frac{1}{2} h \quad R = \frac{2h+r}{3} = \frac{2}{3} r = 2 \text{ см}$$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$S_{\text{нес.с}} = \pi R_2^2 - \pi R_1^2 = \pi (25 - 16) = 9\pi$
 неоса
 R_2
 по осадку
 R_1
 осадку
 $50 \times$
 $50 \times$
 $S_{\text{оса.с}} = \pi R_{\text{оса}}^2 - \pi R_{\text{оса}}^2$
 $R_{\text{оса}}$
 $3 R_{\text{оса}}$
 $\text{tg } \alpha = \frac{3 R_{\text{оса}}}{5h}$
 $R_{\text{оса}} = \frac{5h \text{tg } \alpha}{3}$
 $\text{tg } \alpha = \frac{r}{h}$
 $R = h = \frac{r}{\text{tg } \alpha}$
 $R_{\text{оса}} = \frac{5r}{3} = 5 \text{ см}$
 $\text{tg } \alpha = \frac{3 R_{\text{оса}}}{5h}$
 $R_{\text{оса}} = \frac{h \text{tg } \alpha}{3} = \frac{r}{3} = 1 \text{ см}$
 $S_{\text{оса.с}} = \pi (R_{\text{оса}}^2 - R_{\text{оса}}^2) = 24\pi$
 $S_{\text{оса.с}} = \pi (R_2^2 - R_1^2)$
 $\text{tg } \alpha = \frac{3 R_2}{10h} \rightarrow R_2 = \frac{10h \text{tg } \alpha}{3} = \frac{10r}{3} = 10 \text{ см}$
 $R_2 = 10 \text{ см}$
 $R \text{ tg } \alpha = \frac{3 R_{\text{оса}}}{5} = \frac{R_1}{5}$
 $S_{\text{оса.с}} = \pi (100 - 4) = 96\pi$
 $\text{tg } \beta = \frac{R_1}{2h} = \frac{R_{\text{оса}}}{h} \rightarrow R_1 = 2 R_{\text{оса}} = 2 \text{ см}$
 $S_{\text{оса.с}} = \pi (100 - 4) = 96\pi$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

12

1) $\Delta U \rightarrow ?$

A

$$2 \rightarrow 3: \Delta W = 0 \Rightarrow A = 0 \Rightarrow Q_{12} = \Delta U_{12} =$$

$$= \frac{3}{2} \nu V_0 \cdot (2,5 - 1) p_0 = 2 p_0 \nu V_0 \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{3}{2} =$$

$$= \frac{63}{4} p_0 \nu V_0$$

$$A = S = \frac{1}{2} (2,5 + 4) p_0 \cdot 3 V_0 - \frac{1}{2} (1 + 4) p_0 3 V_0 =$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \frac{13}{2} p_0 \cdot 3 V_0 - \frac{1}{2} \cdot 5 p_0 \cdot 3 V_0 =$$

$$= \frac{39 p_0 \nu V_0}{4} - \frac{15}{2} \cdot \frac{3 p_0 \nu V_0}{4} = \frac{3}{4} p_0 \nu V_0$$

$$\frac{Q_{12}}{A} = \frac{63}{4} \cdot \frac{4}{3} = 21 \rightarrow 21$$

$$h = \frac{A}{Q_{12}}$$

$$2) \frac{T_{12}}{T_1}$$

$$p_i V_i = \nu R T_i$$

$$T_i = \frac{\nu R}{p_i V_i} = \frac{\nu R}{4 p_0 \cdot 4 V_0} = \frac{\nu R}{16 p_0 V_0}$$

$$p_1(V_0) = p p_0 + \frac{1}{V_0} \frac{1}{p_0} \alpha_1 V_0 \quad \alpha_1 = - \frac{1}{V_0} p_0$$

$$p_2(V_0) = 0 p_0 + \alpha_2 V_0 \quad \alpha_2 = - \frac{1}{2} \frac{p_0}{V_0}$$

$$1 \rightarrow 2: Q_{12} = A_{12} + \Delta U_{12}$$

$$p_1(V_0) = p p_0 - \frac{p_0}{V_0}$$

$$1 \rightarrow 2: Q_{12} = A_{12} + \Delta U_{12} \quad p_2(V_0) = 6 p_0 - \frac{1}{2} \frac{p_0}{V_0}$$

$$\rightarrow A_{12} = 12,5 p_0 \nu V_0 - 16 p_0 \nu V_0 = 1,5 p_0 \nu V_0$$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2}$$



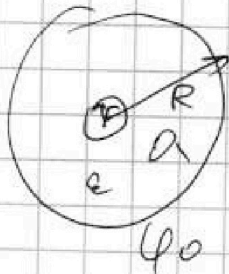


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

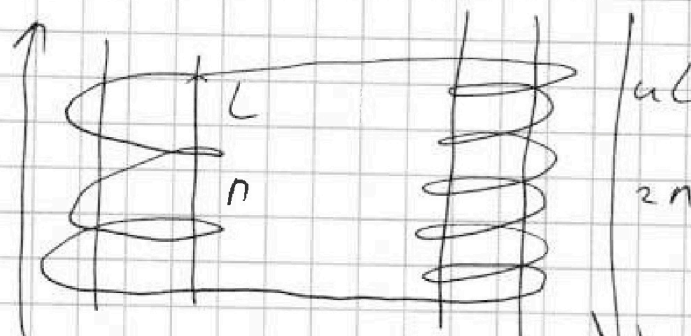
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\varphi(x) = \frac{3}{2} \quad \int \sin \alpha dt = nS \int \frac{B_0}{2} dt + 2 \int \frac{B_0}{2} dt$$

$$x = \frac{R}{4} \quad \int \sin \alpha dt = nS \left[\frac{B_0}{2} t + 2 \int \frac{B_0}{2} dt \right]$$

$L_1 = L$
 $L_2 = \mu L$
 $n_1 = n$
 $n_2 = 2n$
 S



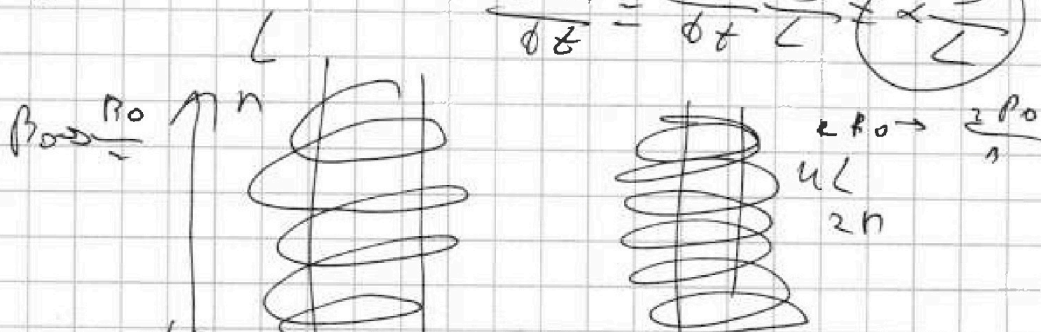
1) $\frac{dI}{dt} = ?$

$$|E_i| = \frac{n d\varphi}{dt} = nL \frac{dI}{dt} = \frac{n \mu B S}{dt} (\cos 0^\circ) = 1$$

2) $B_0 \rightarrow \frac{B_0}{2}$
 $2B_0 \rightarrow \frac{2}{3} B_0$
 $I_k = ?$

$$L \frac{dI}{dt} = nS \frac{dB}{dt}$$

$$\frac{dI}{dt} = \frac{dB}{dt} \frac{S}{L} \times \left(\frac{S}{L} \right)$$



$$|E_i| = \frac{n_1 d\varphi_1}{dt} + \frac{n_2 d\varphi_2}{dt} = \frac{n_1 L_1 dI_1}{dt} + \frac{n_2 L_2 dI_2}{dt}$$

$$= \frac{n_1 S \mu dB_1}{dt} + \frac{n_2 S dB_2}{dt} \quad \varphi_{B_1} \pm \varphi_{B_2}$$

$$nL + \mu nL \sin \alpha dI = n S dB_1 + 2n S dB_2$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\varphi\left(\frac{R}{3}\right) = \frac{3k\alpha_1}{\epsilon R}$$

$$\varphi = \frac{Q}{(k-1)\epsilon}$$

$$\varphi\left(\frac{2R}{3}\right) = \frac{3k\alpha}{2\epsilon R}$$

$$\varphi\left(\frac{R}{2}\right) = \frac{Q}{\left(\frac{R}{2} - \frac{R}{3}\right)\epsilon}$$

$$\frac{3k\alpha_1}{2\epsilon R} - \frac{6k\alpha}{2\epsilon R} = -\varphi_0$$

$$\frac{3k\alpha}{2\epsilon R} = \varphi_0$$

$$\epsilon = \frac{3k\alpha_1}{2\varphi_0 R} = \frac{3Q}{2\varphi_0 R \cdot k \alpha \epsilon_0}$$

$$k\alpha = \frac{R_1}{2h} =$$

$$\varphi\left(\frac{R}{2}\right) = \frac{12Q}{R\epsilon}$$

~~ека~~

~~ка~~

$$\varphi\left(\frac{R}{3}\right) - \varphi\left(\frac{2R}{3}\right) = \frac{\varphi_0}{\epsilon_0}$$

$$\left(\frac{Q}{\frac{R}{3} - \frac{R}{6}}\right)\epsilon - \frac{Q}{\left(\frac{2R}{3} - \frac{R}{6}\right)\epsilon} = \frac{\varphi_0}{\epsilon_0}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$T(U) = \frac{PR}{\sqrt{(6p_0 - \frac{1}{2} \frac{p_0 V}{V_0})}} = \text{const}$$

$$T'(U) = 0 = \left(\frac{PR \cdot 2V_0}{(12p_0 V_0 - p_0 V)} \right)' = 0 = \text{const}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{3}{8}$$

$$pV = \text{min}$$

$$T_1 = \frac{16p_0 V_0}{\sqrt{R}}$$

$$T_2 = \frac{2p_0 V_0}{\sqrt{R}}$$

$$T_1, T_2$$

$$= \frac{3}{4} \cdot \frac{R}{16} = pV = \sqrt{(6p_0 - \frac{1}{2} \frac{p_0 V}{V_0})} = \text{min}$$

$$(pV)' = (6p_0 - \frac{1}{2} \frac{p_0 V}{V_0})' = \text{min}$$

$$(pV)' = 6p_0 - \frac{p_0 V}{V_0} = 0$$

$$V = 6V_0 \Rightarrow p = 2p_0$$

$$p(6V_0) = 6p_0 - \frac{1}{2} \frac{p_0 \cdot 6V_0}{V_0} = 3p_0$$

$$T_{\text{max}} = \frac{\sqrt{R}}{16p_0 V_0}$$

$$\frac{T_{\text{max}}}{T_1} = \frac{\sqrt{R}}{16p_0 V_0} \cdot \frac{16p_0 V_0}{\sqrt{R}} = \frac{16}{16} = \frac{3}{8} = 1,125$$

$$1 \rightarrow T_{\text{max}} \quad Q_{\text{a}} > 0$$

$$T_2 = \frac{16p_0 V_0}{\sqrt{R}}$$

$$Q_{\text{a}} = \frac{3}{2} (16p_0 V_0 - 16p_0 V_0) = 5p_0 V_0$$

$$T_3 = \frac{2p_0 V_0}{\sqrt{R}}$$

$$2 \rightarrow T_{\text{max}} \rightarrow 2 \quad T_2 \rightarrow Q < 0 \Rightarrow Q_{\text{a}} = 16p_0 V_0 - 2p_0 V_0 = 14p_0 V_0$$

$$Q_{\text{a}3} \rightarrow = \frac{3}{2} (16p_0 V_0 - 2p_0 V_0) = \frac{45}{2} p_0 V_0 < 0$$

$$Q_{\text{a}} = 5p_0 V_0 + 22,5 p_0 V_0 = 27,5 p_0 V_0$$

$$n = \frac{3}{\sqrt{R}} \cdot \frac{27,5}{8 \cdot 8,5} = \frac{3}{160} \cdot \frac{27,5}{71,75} = \frac{3}{160} \cdot \frac{11}{28,7} = \frac{33}{4512}$$