



Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

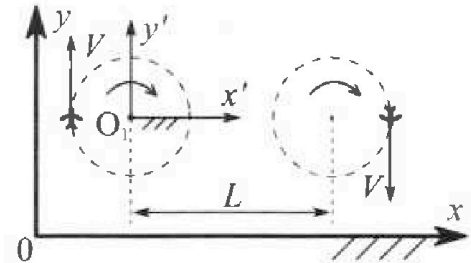
Вариант 10-04

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Во время выполнения пилотажного упражнения два самолёта летят в горизонтальной плоскости с одинаковыми по модулю скоростями $V = 100 \text{ м/с}$ (см. рис.) по окружностям одинакового радиуса. Радиус окружности, по которой движется каждый самолёт, $R=500 \text{ м}$. Ускорение свободного падения $g=10 \text{ м/с}^2$.

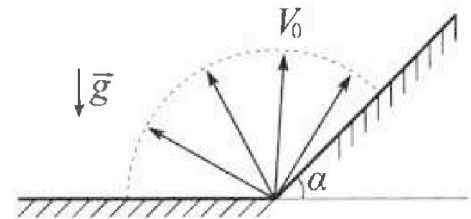
1. Определите отношение $\frac{N}{mg}$, здесь N – сила, с которой летчик действует на пилотское кресло, mg – сила тяжести летчика.



В некоторый момент времени самолёты оказались на прямой, проходящей через центры окружностей, в положении максимального удаления. Расстояние между центрами окружностей $L=1.25 \text{ км}$. Вектор скорости каждого самолёта показан на рис.

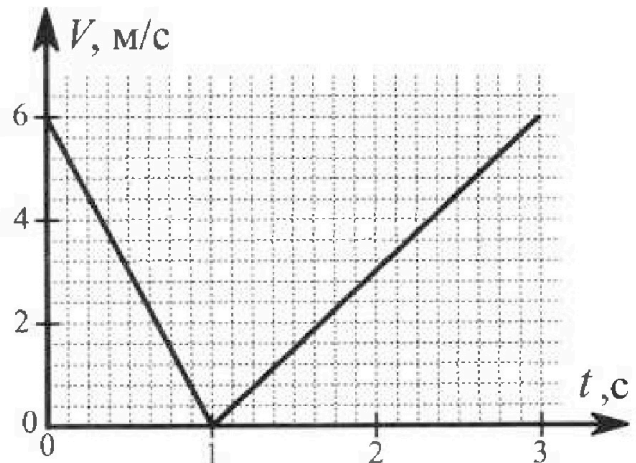
2. Найдите в этот момент скорость \vec{U} второго (правого на рис.) самолёта во вращающейся системе отсчёта $x'O_1y'$, связанной с первым (левым на рис.) самолётом. В ответе укажите модуль и направление вектора \vec{U} .

2. У подножья склона разрывается фейерверк. Осколки летят во всевозможных направлениях с одинаковыми по модулю скоростями. Продолжительность полета осколка, упавшего на горизонтальную поверхность на максимальном расстоянии от точки разрыва, равна $T = 5 \text{ с}$, максимальное перемещение за время полета осколка, упавшего на склон, равно $S = 100 \text{ м}$. Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым.



1. Найдите начальную скорость V_0 осколков.
2. Найдите угол α , который плоская поверхность склона образует с горизонтом.

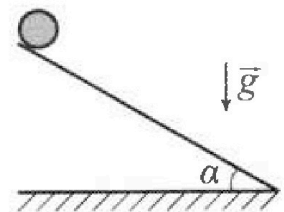
3. В первом опыте на шероховатую наклонную плоскость кладут шайбу и сообщают шайбе начальную скорость. Часть зависимости модуля скорости шайбы от времени представлена на графике к задаче. Движение шайбы до и после остановки происходит вдоль одной и той же прямой. Ускорение свободного падения $g=10 \text{ м/с}^2$.



1. Найдите $\sin \alpha$, здесь α – угол, который наклонная плоскость образует с горизонтом.

Во втором опыте с той же наклонной плоскости скатывается без проскальзывания тонкостенная однородная цилиндрическая бочка, полностью заполненная водой. Начальная скорость нулевая. Масса воды в $n=4$ раза больше массы бочки. Воду считайте идеальной жидкостью. Масса торцов бочки пренебрежимо мала.

2. С какой по величине скоростью V движется бочка после перемещения по вертикали на $h=1,5 \text{ м}$?
3. Найдите ускорение a , с которым движется бочка.
4. При каких величинах коэффициента μ трения скольжения бочка катится без проскальзывания?



Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2024

Вариант 10-04

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



4. В изохорическом процессе от смеси идеальных газов гелия и азота отводят $Q = 2320$ Дж теплоты. Температура смеси уменьшается на $|\Delta T_1| = 58$ К. Если в изобарическом процессе от той же смеси отвести то же самое количество теплоты, то температура смеси уменьшится на $|\Delta T_2| = 40$ К.

1. Найдите работу A внешних сил в изобарическом процессе.
2. Найдите теплоемкость C_p смеси в изобарическом процессе.
3. Найдите отношение $\frac{N_1}{N_2}$ числа атомов гелия к числу молекул азота в смеси.

Указание: внутренняя энергия двухатомного газа азота $U = \frac{5}{2}PV$.

5. Отрицательно заряженная частица движется между обкладками плоского конденсатора. Конденсатор заряжен до напряжения U , расстояние между обкладками d . В некоторый момент частица движется со скоростью V_0 параллельно обкладкам на расстоянии $\frac{3}{8}d$ от отрицательно заряженной обкладки. Радиус кривизны траектории в малой окрестности рассматриваемой точки равен R .

1. Найдите удельный заряд $\gamma = \frac{q}{m}$ частицы, здесь q —заряд частицы, m — масса частицы.

Через некоторое время после вылета из конденсатора частица пересекает серединную плоскость конденсатора (плоскость, равноудаленную от обкладок).

2. С какой по величине скоростью V движется в этот момент частица?

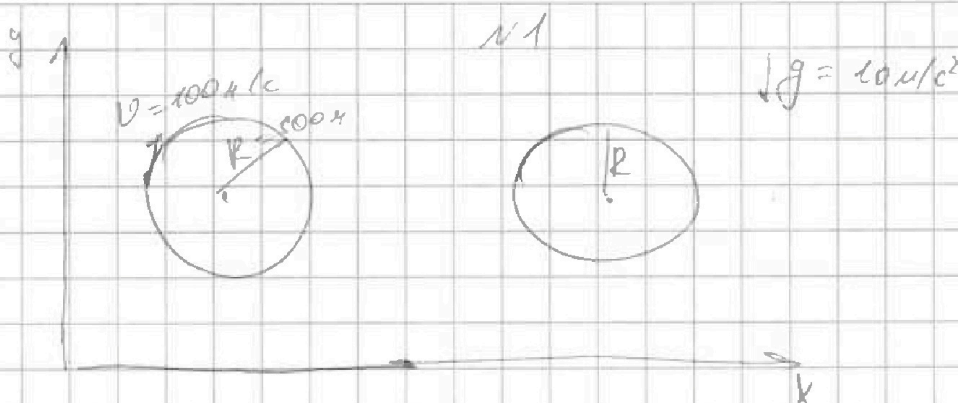


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

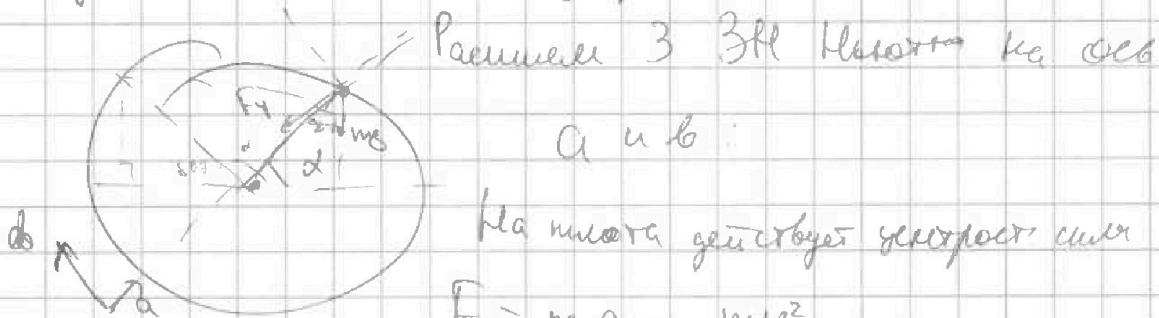
СТРАНИЦА
1 из 11

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



1) $\frac{N}{mg}$ - ?

Пусть самолет летит под углом α к горизонту, тогда



$$F = m a_r = \frac{mv^2}{R}$$

$$F = +mg \sin \alpha + N$$

$$N = F - mg \sin \alpha = \frac{mv^2}{R} - mg \sin \alpha = m \left(\frac{v^2}{R} - g \sin \alpha \right)$$

$$\frac{N}{mg} = \frac{m \left(\frac{v^2}{R} - g \sin \alpha \right)}{mg} = \frac{v^2}{gR} - \sin \alpha =$$

$$= \frac{100^2 - 1000}{10 \cdot 500} = 2 - \sin \alpha$$

Решив уравнение определим угол отклонения самолета от горизонтальной оси. $\sin \alpha \in [0, 1]$

1) $\frac{N}{mg} = 2 - \sin \alpha$, отсюда зависит от угла, какой угол самолета

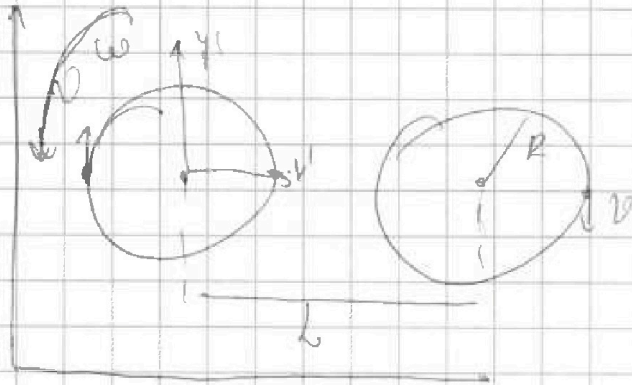


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 11

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Если система связана с самолетом, то ω - скорость

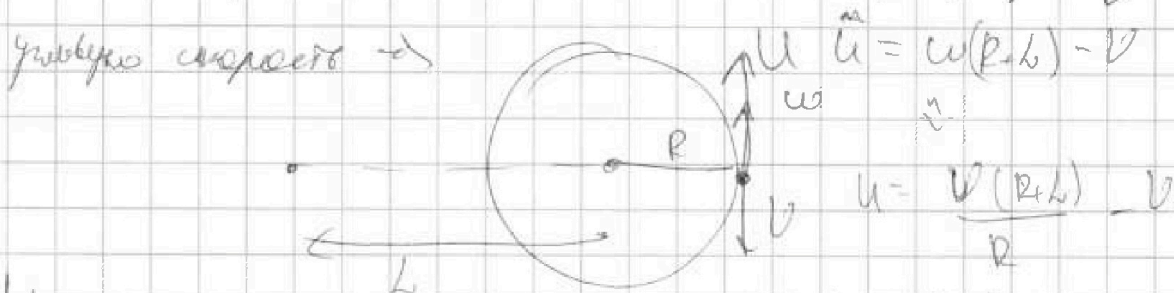
вращения вращающейся с $y'x'$, тогда

$$V = \omega R \Rightarrow \omega = \frac{V}{R} \text{ и противоположна } V$$

$$\text{или } V + \omega R = 0 \Rightarrow \omega = -\frac{V}{R} \text{ - противоположна } V$$

Тогда законим для 2 самолетов.

Если мы решим во вращающейся с ω любой угол ω системы, то все тела в этой системе пройдут ω равномерно скорости \rightarrow



$$u = \omega(R+l) - V$$

$$u = \frac{V(R+l)}{R} - V$$

$$\text{и противоположна } V, \text{ и равна } 250 \text{ м/с} \quad u = -\frac{V}{R}l = 250 \text{ м/с}$$

Ответ: $2 - \sin \alpha = \frac{V}{mg}, \alpha \in (0; 360)$

и противоположна V самолета и равна 250 м/с в с $y'x'$, которая вращается

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

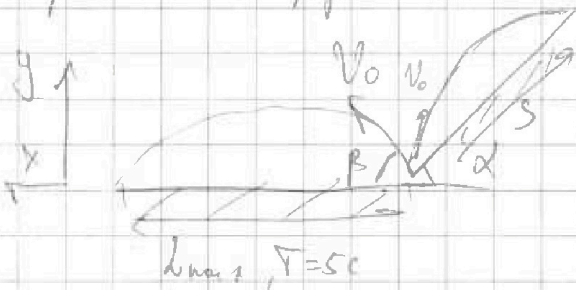


1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
3 из 11

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Найдем закон движения на ось x и y в момент максимального расстояния к концу оси



$$y = v_0 \sin \beta T - \frac{gT^2}{2}$$

$$x = v_0 \cos \beta T$$

$$x = l_{max}, y = 0$$

$$v_0 \sin \beta = \frac{gT}{2} \Rightarrow T = \frac{2v_0 \sin \beta}{g}$$

$$l_{max} = \frac{v_0^2 \sin 2\beta}{g} \Rightarrow \text{т.к. } l_{max} - \text{max } x, \text{ то } \sin 2\beta = \text{max}$$

$$\sin 2\beta = \text{max}$$

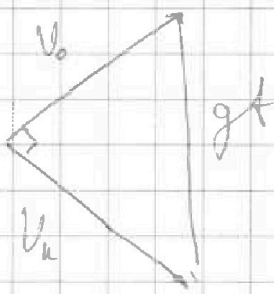
$$\beta = 45^\circ$$

$$v_0 = \frac{gT}{2 \sin \beta}$$

$$v_0 = \frac{10 \cdot 5}{2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{50}{\sqrt{2}} = 25\sqrt{2} \approx 35.7 \text{ м/с}$$

Т.к. во втором случае (при бросании на поверхности из угла α) рас. перемещ. максимальное то угол между касательной и начальной скоростью равен 90°

Треугольник скор.



$$v_0^2 + v_n^2 = g^2 t^2$$

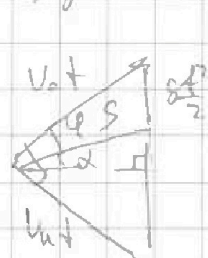
Заменим $3(2)$

$$\frac{m v_0^2}{2} = \frac{m v_n^2}{2}, \quad \frac{1}{2} m g^2 \sin^2 \alpha$$

$$v_n^2 = v_0^2 - 2gS \sin \alpha$$

$$v_n = \sqrt{v_0^2 - 2gS \sin \alpha}$$

Треугольник перемещений:



α - угол бросания от начальной скорости

Заменим значение v_n из предыдущего уравнения



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
4 ИЗ 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$S_{\text{up}} = \frac{v_0 \cdot v_u}{2}$$

$$S_{\text{up}} = \frac{S \cos \alpha \cdot g t^2}{2}$$

$$\rightarrow \frac{v_0 v_u}{2} = \frac{S \cos \alpha \cdot g t^2}{2}$$

$$v_0 \cdot v_u = S \cos \alpha \cdot g$$

$$(v_0 \cdot \sqrt{v_0^2 - 2gS \sin \alpha})^2 = (S \cos \alpha \cdot g)^2$$

$$v_0^2 \cdot (v_0^2 - 2gS \sin \alpha) = S^2 \cos^2 \alpha \cdot g^2$$

$$v_0^4 - 2gS \sin \alpha \cdot v_0^2 = S^2 (1 - \sin^2 \alpha) g^2$$

$$g^2 S^2 \sin^2 \alpha - 2gS v_0^2 \sin \alpha + v_0^4 - S^2 g^2 = 0$$

~~$$S \sin \alpha = 0 \rightarrow \sin \alpha = 0 \rightarrow \alpha = 0$$~~

$$D = b^2 - 4ac = 4g^2 S^2 v_0^4 - 4 \cdot g^2 S^2 \cdot (v_0^4 - S^2 g^2)$$

$$= 4g^2 S^4$$

$$\sin \alpha = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a} = \frac{2gS v_0^2 \pm 2g^2 S^2}{2g^2 S^2}$$

$$= \frac{v_0^2 \pm gS}{gS}$$

$$\sin \alpha = \frac{v_0^2 - gS}{gS} = \frac{v_0^2}{gS} - 1 = \frac{(25\sqrt{2})^2}{10 \cdot 100} - 1 =$$

$$= \frac{25^2 \cdot 2}{10 \cdot 100} - 1 = \frac{25 \cdot 25 \cdot 2}{10 \cdot 100} - 1 = \frac{1}{4}$$

$$\alpha = \arcsin \frac{1}{4}$$

Ответ: $v_0 = 25\sqrt{2} \text{ м/с} \approx 35,4 \text{ м/с}$, $\alpha = \arcsin \frac{1}{4}$



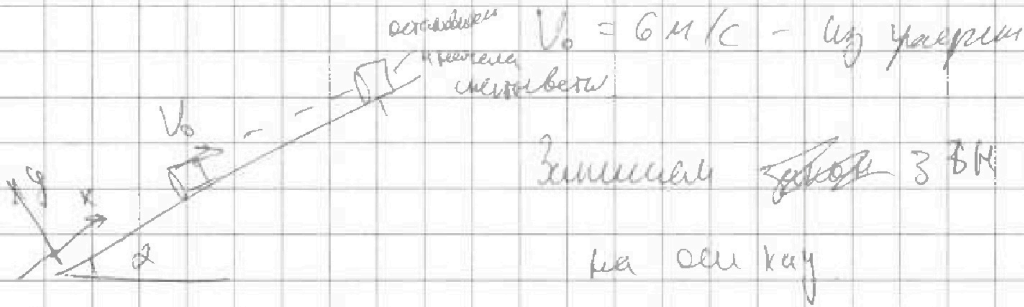
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
8/311

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Если скорость снаряда обнулится в этот момент снаряд
то значит шайба упрямой скоростью вверх по склону



Когда шайба поднимается вверх.

$$y: N = mg \cos \alpha \rightarrow F_{тр} = \mu mg \cos \alpha$$

$$x: ma = mg \sin \alpha + \mu mg \cos \alpha$$

из упрямки, $t_1 = 1$ секунда - время до остановки

$$v(t) = v_0 - a \cdot t$$

$$(1) 0 = v_0 - (g \sin \alpha + \mu g \cos \alpha) t_1 \rightarrow v_0 = g t_1 (\sin \alpha + \mu \cos \alpha)$$

Когда шайба спускается

$$y: N = mg \cos \alpha \rightarrow F_{тр} = \mu mg \cos \alpha$$

$$x: ma_2 = mg \sin \alpha - \mu mg \cos \alpha$$

из упрямки $t_3 = 3$ сек., время пока нейтрально скорости v_0

$$(2) v_0 = a_2 (t_3 - t_1) \rightarrow v_0 = (g \sin \alpha - \mu g \cos \alpha) (t_3 - t_1)$$

Все замкнуто и складываем там, чтобы было μ , поехали.

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА

9 ИЗ 11

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$v_0(t_3 - t_1) = 2gt_1(t_3 + t_1) \cdot \sin \alpha$$

$$\sin \alpha = \frac{v_0 \cdot t_3}{2gt_1(t_3 + t_1)} = \frac{6 \cdot 3}{2 \cdot 10 \cdot 1 \cdot 2} = \frac{6}{20} = 0,3$$

m - масса башмака \rightarrow масса воды и башмака

$$\text{работы } (h+l)m = Sm$$

Заменим l на h :

$$smgh = \frac{smv^2}{2} - A_{тр}$$

$$A_{тр} = F_{тр} \cdot l = \frac{1}{\sin \alpha} \cdot smg \cos \alpha \cdot h$$

$$smgh = \frac{smv^2}{2} - \frac{smg \cos \alpha \cdot h}{\sin \alpha}$$

$$v^2 = 2gh + 2g \cos \alpha \cdot \frac{h}{\sin \alpha}$$

Взяв тангенс $\mu \cos \alpha$ из (4) $\rightarrow \mu \cos \alpha = \frac{v_0}{v_1} - g \sin \alpha$

$$v = \sqrt{2gh + \frac{2h}{\sin \alpha} \left(\frac{v_0}{v_1} - g \sin \alpha \right)}$$

$$v = \sqrt{2 \cdot 10 \cdot 1,5 + \frac{2 \cdot 1,5}{0,3} (6 - 10 \cdot 0,3)}$$

$$v = \sqrt{60} = 2\sqrt{15}$$

$$\frac{h}{\sin \alpha} = \frac{v_0^2 - v_1^2}{2a}$$

$$\Rightarrow a = \frac{v_0^2}{2h \sin \alpha} = \frac{60}{2 \cdot 1,5 \cdot 0,3} = \frac{20}{0,9} = \frac{200}{9}$$

$$= \frac{20 \cdot 9}{10} = 6 \text{ м/с}^2$$

Если башмак не скользит \rightarrow сила трения направлена вверх \rightarrow сила трения \rightarrow равно 0 $\rightarrow a = ER$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
5 ИЗ 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

I) T_1 в изохор. процессе $V = \text{const} \rightarrow A = 0$. ΔU - изменение внутренней энергии

$$-Q = \Delta U_r + \Delta U_a$$

$$-Q = \left(\frac{3}{2} \nu_r + \frac{5}{2} \nu_a \right) R \cdot (-\Delta T_1)$$

$$\textcircled{1} \quad Q = \left(\frac{3}{2} \nu_r + \frac{5}{2} \nu_a \right) R |\Delta T_1|$$

При изобарич. процессе $p = \text{const}$

$$-Q = A_2 + \Delta U_{r2} + \Delta U_{a2}$$

$$A_2 = -Q - (\Delta U_{r2} + \Delta U_{a2})$$

$$A_2 = -Q - \left(\frac{3}{2} \nu_r + \frac{5}{2} \nu_a \right) R (-\Delta T_2)$$

$$\textcircled{2} \quad A_2 = -Q + \left(\frac{3}{2} \nu_r + \frac{5}{2} \nu_a \right) R |\Delta T_2|$$

из (2) найдем работу по 2-й и 1-й

$$A_2 = -Q + \frac{Q}{|\Delta T_1|} |\Delta T_2| = Q \left(-1 + \frac{|\Delta T_2|}{|\Delta T_1|} \right) =$$

$$= 2320 \cdot \left(-1 + \frac{40}{58} \right) = \frac{2320 \cdot 18}{58} = -720 \text{ Дж}$$

$$-720 \text{ Дж} - \text{работа газа} \rightarrow -A_2 = A_{\text{внеш}} \rightarrow A_{\text{внеш}} = 720 \text{ Дж}$$

II Запишем уравнение Ван-дер-Ваальса для одного моля

$$(pV)^0 = (pRT)^0, \text{ где } p = \text{const}, \text{ то если взять дифференциал, то}$$

$$p^0 dV + pV^0 = pR dT \rightarrow p \Delta V = pR \Delta T$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
6 ИЗ 11

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Известно, что наших газов будут существовать такое равенство:

$$A = p \Delta V = p \Delta T$$

$$|A| = (v_r + v_a) R \Delta T_2 \quad (v_r + v_a) = \frac{|A|}{R \Delta T_2}$$

$$Q = C_p \cdot (v_r + v_a) \cdot (\Delta T_2)$$

$$Q = C_p \cdot \frac{A}{R \Delta T_2} \cdot \Delta T_2$$

$$Q = C_p \cdot \frac{A}{R} \rightarrow C_p = \frac{Q R}{A} = \frac{2320 \cdot 8,3}{720} =$$

$$= \frac{232 \cdot 83}{72} \approx 26,7 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$$

$$\frac{232}{83}$$

$$\begin{array}{r} 232 \\ \times 8,3 \\ \hline 696 \\ 1856 \\ \hline 19256 \end{array}$$

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{v_r}{v_a}$$

$$v_a + v_r = \frac{A}{R \Delta T_2} \rightarrow v_r = \frac{A}{R \Delta T_2} - v_a$$

$$3v_r + 5v_a = \frac{2Q}{\Delta T R}$$

$$3 \left(\frac{A}{R \Delta T_2} - v_a \right) + 5v_a = \frac{2Q}{R \Delta T_2}$$

$$v_a = \frac{2Q}{R \Delta T_2} - \frac{3A}{R \Delta T_2} = \frac{13}{2} \approx 6,5 \text{ моль} \rightarrow v_r = \frac{18}{8,3} \approx 2,1$$

$$\begin{array}{r} 19256 \quad | \quad 720 \\ - 1440 \\ \hline 4816 \quad | \quad 26,7 \\ - 4320 \\ \hline 496 \\ - 5360 \\ \hline 5040 \\ - 3200 \\ \hline 1840 \end{array}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
7 ИЗ 11

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$v_{\text{ср}} \approx 1,6 \text{ м/с}$$

$$v_{\text{г}} \approx 2,1 \text{ м/с}$$

$$\rightarrow \frac{M_1}{M_2} = \frac{v_{\text{г}}}{v_{\text{ср}}} \approx \frac{2,1}{1,6} \approx 1,3$$

Ответ: $A \approx 720 \text{ Дж}$, $C_p = 26,7 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$, $\frac{M_1}{M_2} = 1,3$

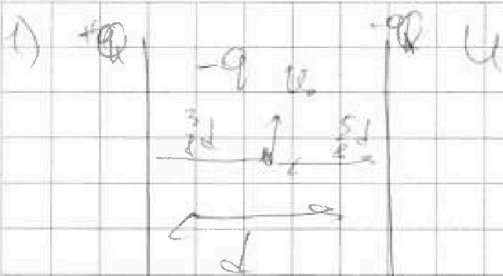


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

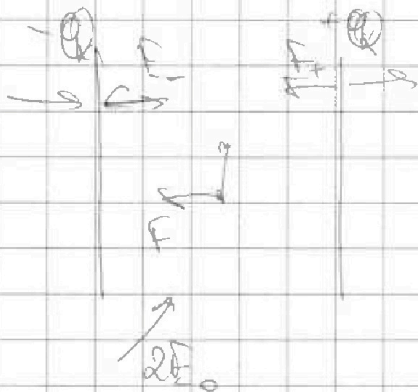
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
10 ИЗ 11

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$R. \quad \mu = \frac{q}{m} - ?$
 $U = E \cdot d \rightarrow E = \frac{U}{d} - \text{поле между обкладками}$



По теореме Гаусса

$E \cdot 2S = \frac{q}{\epsilon_0}$
 $|E| + |E| \quad E = \frac{q}{2SE_0} \rightarrow 2E = \frac{q}{SE_0}$

F - сила действующая со стороны ионизации

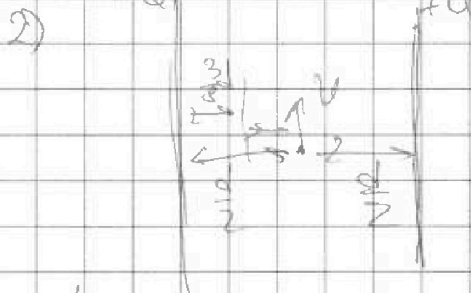
$F = \frac{mv_0^2}{R} = a_{\text{центр}} \cdot m$

$\rightarrow q \cdot E = \frac{mv_0^2}{R}$

$F = \frac{q}{1} q \cdot E$

$\frac{mv_0^2}{qR} = \frac{q}{m} \rightarrow \mu = \frac{v_0^2}{F \cdot R}$

$\mu = \frac{v^2}{E \cdot R} = \frac{v^2}{\frac{U}{d} \cdot R} = \frac{v_0^2 \cdot d}{U \cdot R}$



$\Delta E_k = \frac{mv^2}{2} - \frac{mv_0^2}{2}$

$\Delta E_k = q \cdot E \cdot \left(\frac{d}{2} - \frac{3}{8}d\right) - \text{работа поле}$

$\frac{mv^2}{2} - \frac{mv_0^2}{2} = q \cdot E \cdot d \cdot \frac{1}{8}$

$v^2 = \frac{q \cdot E \cdot d}{4m} + v_0^2$

v - скорость по середине между обкладками



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
11 ИЗ 11

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$V^2 = \sqrt{\frac{q \cdot E \cdot d}{4\pi\epsilon_0} + V_0^2} \quad \frac{q}{m} = \mu = \frac{V_0^2 \cdot d}{4 \cdot R}$$

$$V = \sqrt{\frac{E \cdot d}{4} \cdot \frac{V_0^2 \cdot d}{4 \cdot R} + V_0^2}$$

$$V = \sqrt{V_0^2 \left(\frac{E \cdot d^2}{4\mu R} + 1 \right)} = V_0 \sqrt{\frac{E \cdot d^2}{4\mu R} + 1}$$

$$\text{Ответ: } \mu = \frac{V_0^2 \cdot d}{4R}, \quad V = V_0 \sqrt{\frac{E \cdot d^2}{4\mu R} + 1}$$

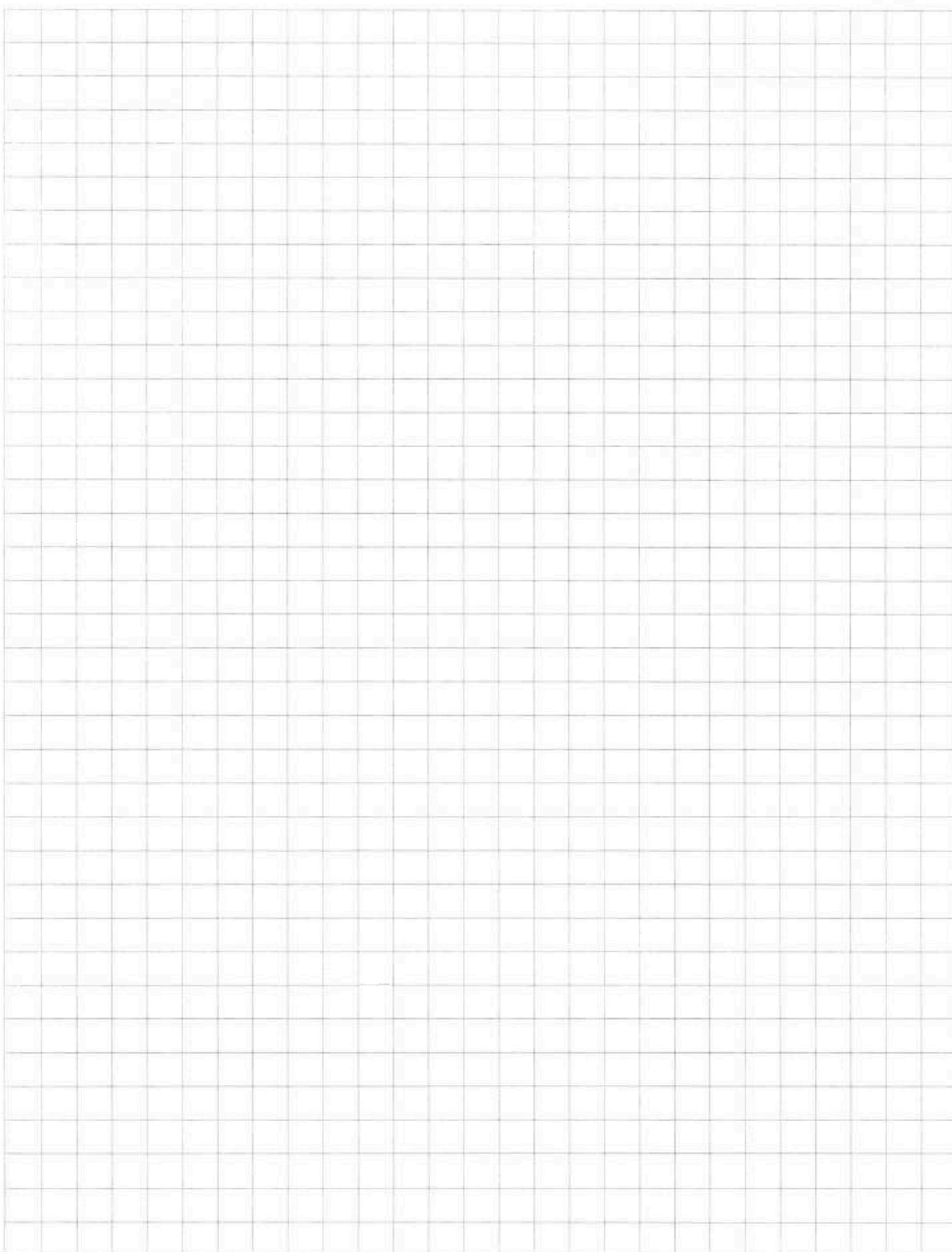


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

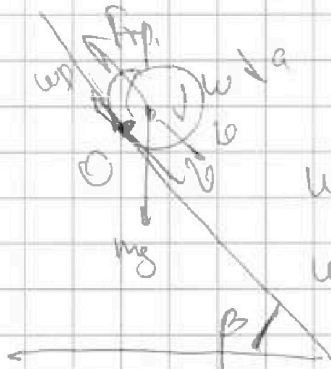
~~$\sin a = \sin \alpha \sin \alpha - \sin \alpha \cos \alpha$~~
 ~~$a = g \sin \alpha - \mu g \cos \alpha$~~
 ~~$a \leq 60 \cdot 0,3 - 3 = 0$~~

$v = \omega R$

$S = \frac{v_0^2 - v_n^2}{2a}$

$\frac{h}{\sin \alpha} = \frac{v_n^2}{2a}$

$a = \frac{v_n^2 \sin \alpha}{2h}$



~~$\frac{mv^2}{R} = \mu mg \cos \alpha$~~
 $\omega R = v$
 $\omega = \epsilon \cdot t$

$\frac{dv}{dt} = a$

$\frac{\omega R}{t} = a$

$a = \epsilon \cdot R$

$a =$

$= \frac{60 \cdot 0,3}{2 \cdot 1,5}$

$= \frac{60 \cdot 0,3}{3} = 6 \text{ м/с}^2$

$\begin{array}{r} \times 20 \\ 60 \\ \hline 1200 \end{array}$

$\frac{20 \cdot 3}{10} =$

$\frac{1}{2} = \frac{3}{8}$

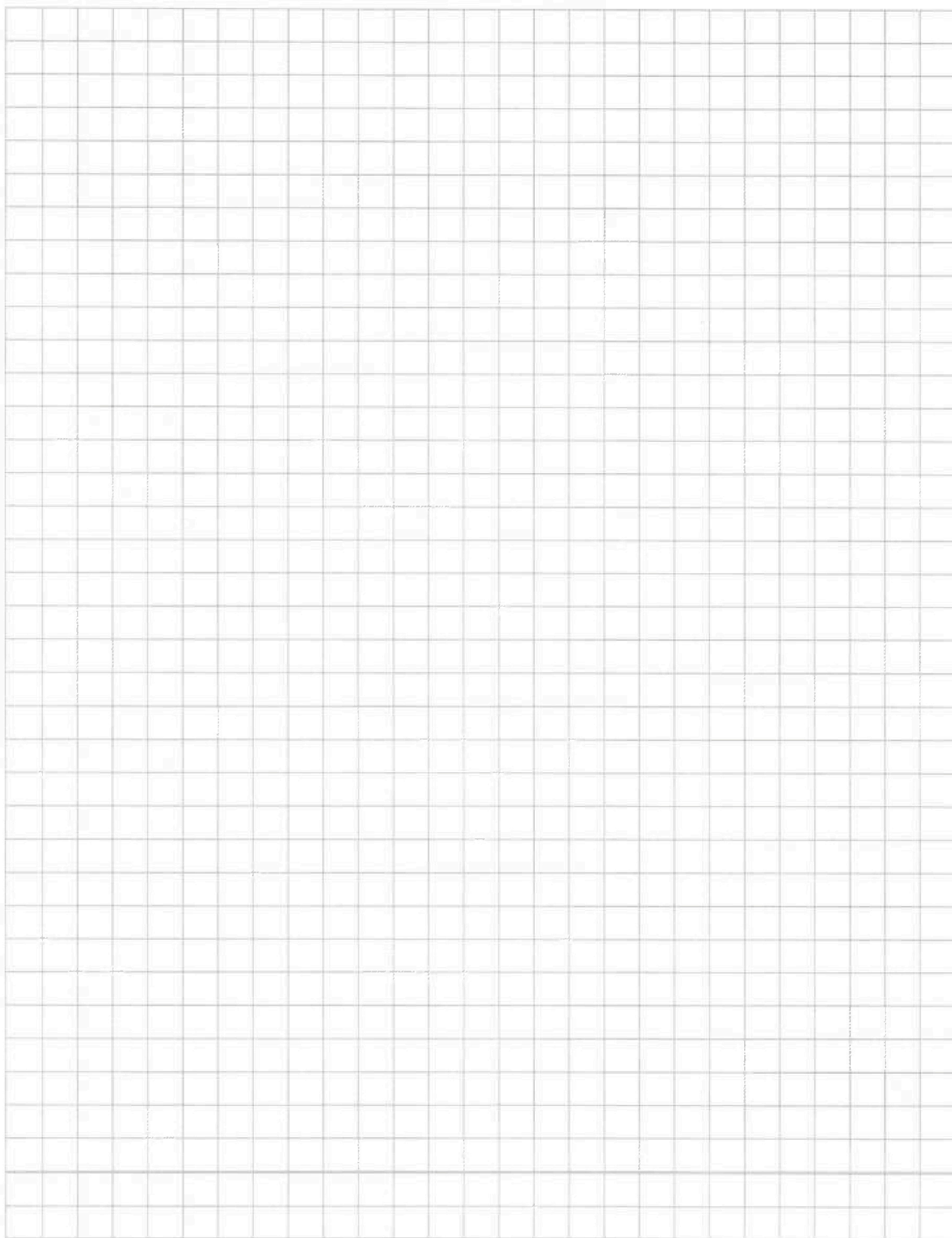


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
— ИЗ —

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$V_0 = gt_1 (\sin \alpha + \mu \cos \alpha) / t_2 \Rightarrow V_0 = g t_1 \sin \alpha + \mu g t_1 \cos \alpha$$

$$V_0 = g t_2 (\sin \alpha - \mu \cos \alpha) / t_1 \quad \mu g \cos \alpha = \frac{V_0 - g t_1 \sin \alpha}{t_1} = \frac{6 - 10 \cdot 0,3}{1} = 3$$

$$V_0 t_2 = g t_1 t_2 (\sin \alpha + \mu \cos \alpha)$$

$$V_0 t_1 = g t_1 t_2 (\sin \alpha - \mu \cos \alpha)$$

$$\Rightarrow V_0 (t_1 + t_2) = 2 g t_1 t_2 \sin \alpha$$

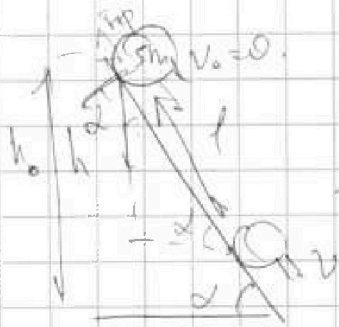
$$\sin \alpha = \frac{V_0 (t_1 + t_2)}{2 g t_1 t_2} =$$

$$\begin{matrix} 0 \\ 1,03 \\ 0,3 \\ 0,03 \end{matrix}$$

$$1 - 0,03 = 0,97$$

$$= \frac{6 \cdot (1+2)}{2 \cdot 10 \cdot 1 \cdot 2} = \frac{6 \cdot 3}{4 \cdot 10} = \frac{6}{20}$$

$$= 0,3 \rightarrow \cos \alpha = \sqrt{1 - 0,3^2} = \sqrt{0,91}$$



3(2):

$$\sin g h \rightarrow \sin g h_0 = \sin g (h_0 - h) + \frac{\sin v^2}{2} - A_{tr}$$

$$\sin g h = \frac{\sin v^2}{2} - A_{tr}$$

$$A_{tr} = F_{tr} \cdot l, \quad F_{tr} = \sin \alpha = \frac{h}{l} \rightarrow l = \frac{h}{\sin \alpha}$$

$$A_{tr} = F_{tr} \cdot \frac{h}{\sin \alpha} = \sin g \cos \alpha \cdot \frac{h}{\sin \alpha}$$

$$\sin g h = \frac{\sin v^2}{2} - \frac{\sin g \cos \alpha \cdot h}{\sin \alpha}$$

$$g h = \frac{v^2}{2} - \frac{\mu g \cos \alpha \cdot h}{\sin \alpha} \quad / -2$$

$$2 g h + \frac{2 \mu g \cos \alpha \cdot h}{\sin \alpha} = v^2$$

$$2 g h + 2 \cdot \frac{(6 - g t_1 \sin \alpha)}{t_1 \cdot \sin \alpha} \cdot h = v^2$$

$$v = \sqrt{2 g h + 2 (\mu - g t_1 \sin \alpha) h}$$

$$v = \sqrt{2 g h + 2 \cdot 1 \cdot 15 \cdot 5}$$

$$v = \sqrt{2 g h + 150}$$

$$v = \sqrt{1,5 \cdot 2 \cdot 10 + \frac{2 \cdot 3}{1,5} \cdot 15 \cdot 5}$$

$$v = \sqrt{30 + 30} = 0,3$$

$$v = \sqrt{60} = 2\sqrt{15}$$



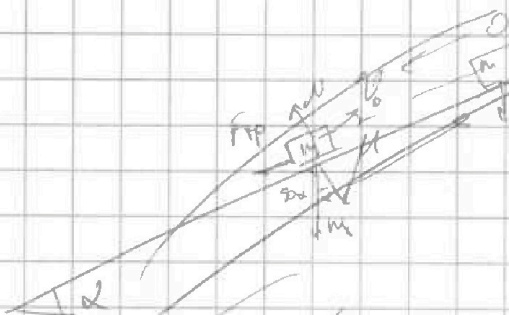
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
— ИЗ —

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№3

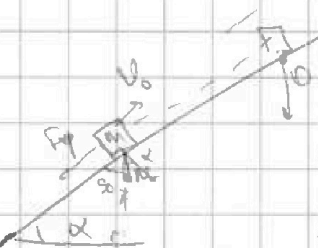


$v_0 = at = 0$ $g \sin \alpha \cdot t = 1 \text{ см/с}$
 $v_0 - \mu g \cos \alpha \cdot t = 0$
 $v_0 = \mu g \cos \alpha \cdot t$
 $\cos \alpha = \frac{v_0}{\mu g \cdot t} = \frac{1}{2}$

$v_0 = 6 \text{ м/с}$
 $N = mg \cos \alpha$
 $F_{\text{тр}} = \mu N = \mu mg \cos \alpha$
 $ma = F_{\text{тр}}$
 $m a = \mu mg \cos \alpha$
 $a = \mu g \cos \alpha$
 $v(t) = v_0 - at$

$at_2 = v_0$ $t_2 = 2 \text{ см/с}$ $t_2 = 3 \text{ см}$
 $\mu g \cos \alpha \cdot t_2 = v_0$
 $\cos \alpha = \frac{v_0}{\mu g t_2}$
 $ma_1 = mg \sin \alpha$
 $N = mg \cos \alpha$
 $m a_1 = mg \sin \alpha + \mu mg \cos \alpha$
 $a = g \sin \alpha + \mu g \cos \alpha$
 $v_0 - (g \sin \alpha + \mu g \cos \alpha) t_1 = 0$

$v_0 = at_3 = -v_0$
 $a t_3 = 2v_0$
 $\mu mg \cos \alpha = 2v_0$
 $\cos \alpha = \frac{2v_0}{\mu g}$
 $ma_2 = mg \sin \alpha - \mu mg \cos \alpha$
 $a_2 = g \sin \alpha - \mu g \cos \alpha$
 $\frac{v_0}{\mu g \cdot t} = \frac{2v_0}{g \sin \alpha}$
 $t_1 = \frac{2v_0}{g \sin \alpha + \mu g \cos \alpha}$
 $v_0 = t_2 (g \sin \alpha - \mu g \cos \alpha)$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1) Изобарический процесс $\rightarrow V = \text{const} \rightarrow A = 0$. μ_1, μ_2

$$\frac{p_1 V_1}{\Delta T_1} - \frac{p_2 V_2}{\Delta T_2} = Q = \left(\frac{3}{2} \nu_r + \frac{5}{2} \nu_a \right) \cdot \Delta T_1 \rightarrow Q = \left(\frac{3}{2} \nu_r + \frac{5}{2} \nu_a \right) \cdot \Delta T_1$$

$$\left(\frac{3}{2} \nu_r + \frac{5}{2} \nu_a \right) = \frac{Q}{\Delta T_1}$$

2) Изобар $\rightarrow p = \text{const}$

$$-Q = -A + \mu_2$$

$$A = Q + \mu_2$$

$$A = Q - \frac{Q \Delta T_2}{\Delta T_1}$$

$$A = p \Delta V$$

$$A = \frac{Q (\Delta T_1 - \Delta T_2)}{\Delta T_1} = \frac{2320 \cdot 2320 \cdot 8}{5829} = 720 \text{ Дж}$$

$$\begin{array}{r} 21 \\ \times 2320 \\ \hline 20580 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 20580 \quad | \quad 29 \\ \hline 203 \quad | \quad 720 \\ \hline 98 \\ \hline 98 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 6 \\ \times 29 \\ \hline 203 \end{array}$$

$$g_{\text{пол}} = \frac{g_{\text{пол}}}{g_{\text{пол}}} \cdot g_{\text{пол}}$$

$$Q = C_p (\nu_r + \nu_a) \cdot \Delta T_1$$

$$C_p = \frac{Q}{(\nu_r + \nu_a) \cdot \Delta T_1}$$

$$A = (\nu_r + \nu_a) p \Delta T_2$$

$$C_p = \frac{Q \cdot p \Delta T_2}{A \cdot \Delta T_1} = \frac{Q p}{A}$$

$$3 \nu_r + 5 \nu_a = \frac{20}{\Delta T_1 - \Delta T_2} = \frac{20}{5} = 4$$

$$(p_1 + p_2) (\nu_r \Delta V) = (p_1 + p_2) (\nu_r) p (\nu_r + \Delta T_2)$$

$$(p_1 + p_2) V = (\nu_a + \nu_r) p V$$

$$(p_1 + p_2) \Delta V = (\nu_a + \nu_r) p \Delta T_2$$

$$p_1 V = \nu_r p V \quad p_1 + p_2 = \frac{(\nu_r + \nu_a) p V}{V} = p$$

$$p_1 V = \nu_r p V$$

$$p_1 (\nu_r + \Delta V) = \nu_r p (\nu_r + \Delta T_2)$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

а) $v_r = \frac{N_r}{M_A}$

$J_a = \frac{N_a}{M_A}$

$\frac{J_r - N_r}{J_A - M_A} = \frac{2Q}{\Delta T_1} \cdot 5 J_a$

$J_a + J_r = \frac{A}{R \Delta T_2}$

$\rightarrow v_r = \frac{A}{R \Delta T_2} - J_a$

$3 J_r + 5 J_a = \frac{2Q}{\Delta T_1}$

$3 \left(\frac{A}{R \Delta T_2} - J_a \right) + 5 J_a = \frac{2Q}{\Delta T_1}$

$2 J_a = \frac{2Q}{\Delta T_1} - \frac{3A}{R \Delta T_2}$

$J_a = \frac{2Q}{\Delta T_1} - \frac{3A}{R \Delta T_2}$

$\rightarrow J_r = \frac{A}{R \Delta T_2} - \left(\frac{2Q}{\Delta T_1} - \frac{3A}{R \Delta T_2} \right)$

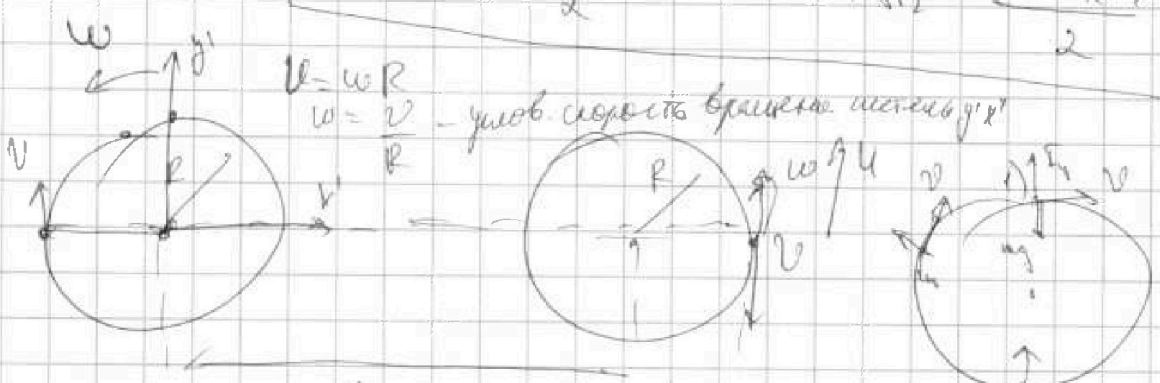
$29.7 = 140 + 63 =$
 $29.8 = 160 + 72 =$
 $= 232$

$\frac{1}{2} \cdot 2320$
 $\frac{18}{3} \cdot 2320$
 $\frac{18}{40}$

$20 - 3 \cdot 18$
 $\frac{20}{50}$
 $\frac{10}{10}$
 $\frac{130}{83}$
 $\frac{470}{105}$
 $\frac{415}{550}$

$\frac{180}{16.6} \cdot 2.1$
 $\frac{140}{83}$
 $\frac{370}{370}$

$\frac{v}{R} = \frac{100 \cdot 100}{500} = 200/r$



$v = \omega R$
 $\omega = \frac{v}{R}$ - углов. скорость вращения шара

1) $\frac{m(g - \frac{v^2}{R})}{mg} = \frac{g - \frac{v^2}{R}}{g}$

1) $m a_{\text{ос}} = mg - N \rightarrow N = mg - m \frac{v^2}{R}$
2) $m a_{\text{ос}} = -mg + N$
 $N = m a_{\text{ос}} + mg$

$u = \omega \cdot (h+R) = v = \frac{v(h+R)}{R} = \frac{v}{R} (h+R) = \frac{250 \cdot h}{R} = \frac{100 \cdot R}{0.5} = \frac{100 \cdot 125}{500R}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$S \sin \alpha = V_0 \cos \alpha$
 $\sin \alpha = \frac{h}{S} \Rightarrow V_0^2 + V_u^2 = (gt)^2$
 $mg S \sin \alpha = \frac{m V_u^2}{R} - \frac{m V_0^2}{R}$
 $V_u^2 = V_0^2 - 2gS \sin \alpha$
 $2V_0^2 - 2gS \sin \alpha = gt^2$

По теореме косинусов

$S^2 + (gt)^2 - 2S \cdot gt \cdot \cos(90+\alpha) = V_0^2 t^2$
 $S^2 + \frac{gt^2}{4} - g^2 t^2 \frac{S}{2} \cos(90+\alpha) = V_0^2 t^2$
 $2V_0^2 - 2gS \sin \alpha = gt^2 \Rightarrow t^2 = \frac{2V_0^2 - 2gS \sin \alpha}{g^2}$

$S \cos \alpha \cdot \frac{gt^2}{2} = \frac{V_0 \cdot V_u t^2}{2}$
 $S \cos \alpha \cdot g = V_0 \cdot V_u$
 $(S \cos \alpha \cdot g)^2 = (V_0 \cdot \sqrt{V_0^2 - 2gS \sin \alpha})^2$
 $S^2 \cos^2 \alpha \cdot g^2 = V_0^2 \cdot (V_0^2 - 2gS \sin \alpha)$
 $S^2 \cos^2 \alpha \cdot g^2 = V_0^4 - 2V_0^2 g S \sin \alpha$
 $S^2 (1 - \sin^2 \alpha) g^2 = V_0^4 - 2V_0^2 g S \sin \alpha$
 $S^2 g^2 - S^2 \sin^2 \alpha g^2 = V_0^4 - 2V_0^2 g S \sin \alpha$
 $S^2 g^2 \sin^2 \alpha - 2V_0^2 g S \sin \alpha + V_0^4 - S^2 g^2 = 0$
 $S^2 g^2 a^2 - 2V_0^2 g S a + V_0^4 - S^2 g^2 = 0$
 $a = 6^{-1} \arccos = \frac{2V_0^2 g S}{S^2 g^2} = \frac{4 \cdot 5^2 g^2}{4 \cdot 5^2 g^2} = 45^\circ$

$a_1 = \frac{-6 \pm \sqrt{36 - 20 \cdot 5^2}}{20} = \frac{20^2 g^2 \pm 2^2 S^2 g^2}{2^2 S^2 g^2}$
 $a_1 = \frac{2 \cdot 5^2 g^2 \pm S^2 g^2}{5^2 g^2}$
 $a_1 = \frac{V_0^2 \pm gS}{gS}$
 $a_1 = \frac{(35.7)^2 - 10 \cdot 1000}{10 \cdot 1000}$

$\alpha = \arcsin(0.275)$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 1295 \\ \times 357 \\ \hline 12999 \\ + 7285 \\ \hline 1071 \\ \hline 127449 - \\ 1274.49 - 1000 = \\ = 274.49 \\ \frac{274.49}{1000} = 0.27449 \end{array}$$

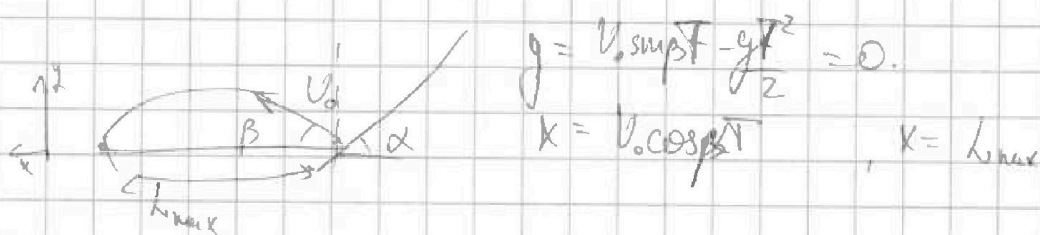
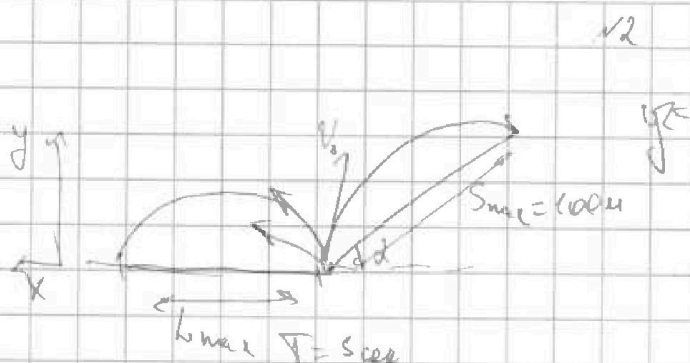


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$g = v_0 \sin \beta T - \frac{gT^2}{2} = 0$$

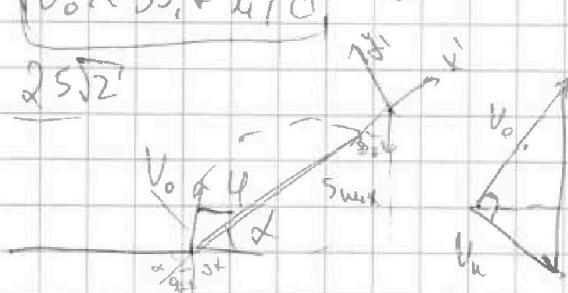
$$x = v_0 \cos \beta T, \quad x = L_{\max}$$

$$v_0 \sin \beta = \frac{gT}{2} \rightarrow T = \frac{2v_0 \sin \beta}{g}$$

$$L_{\max} = v_0 \cos \beta \cdot \frac{2v_0 \sin \beta}{g} = \frac{2v_0^2 \sin \alpha \cos \beta}{g} \rightarrow \forall k L_{\max} \Rightarrow \sin 2\beta = \sin \alpha$$

$$v_0 \approx 35,7 \text{ м/с}$$

$$25\sqrt{2}$$



$$(gt)^2 = v_0^2 + v_u^2$$

$$v_u^2 = v_0^2 - 2gS \sin \alpha$$

$$gt = 2v_0 \sin \alpha$$

$$t = \frac{\sqrt{2v_0^2 - 2gS \sin \alpha}}{g} = \frac{gt}{2 \sin \alpha} = \frac{10 \cdot 5}{2 \cdot \sqrt{2}}$$

$$x' = v_0 \cos \alpha t - \frac{gt^2 \sin \alpha}{2} = S_{\max} = \frac{50}{\sqrt{2}}$$

$$y' = v_0 \sin \alpha t - \frac{gt^2 \cos \alpha}{2} = 0$$

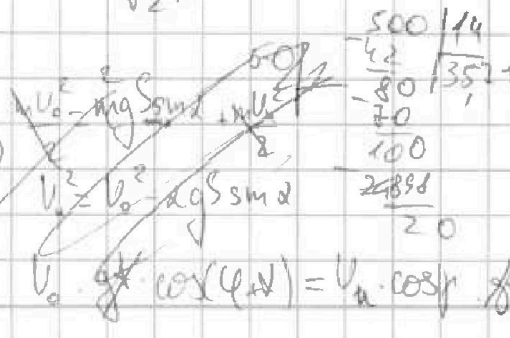
$$v_0 \sin \alpha = \frac{gt}{\cos \alpha}$$

$$v_0 \sin \alpha = \frac{gt}{\cos \alpha}$$

$$v_0 \sin \alpha = \frac{gt}{\cos \alpha}$$

$$v_0 \sin \alpha = \frac{gt}{\cos \alpha}$$

$$v_0 \sin \alpha = \frac{gt}{\cos \alpha}$$



$$\frac{500}{\sqrt{2}} = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g}$$

$$\frac{500}{\sqrt{2}} = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g}$$

$$\frac{500}{\sqrt{2}} = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g}$$

$$\frac{500}{\sqrt{2}} = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g}$$