



МОСКОВСКИЙ  
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ  
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"  
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 1



1. [3 балла] Найдите все действительные значения  $x$ , при каждом из которых существует геометрическая прогрессия, состоящая из действительных чисел и такая, что её седьмой член равен

$\sqrt{(25x - 9)(x - 6)}$ , девятый член равен  $x + 3$ , а пятнадцатый член равен  $\sqrt{\frac{25x - 9}{(x - 6)^3}}$ .

2. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x + 5} - \sqrt{1 - x - 4z} + 4 = 2\sqrt{y - 4x - x^2 + z}, \\ |y + 4| + 4|y - 5| = \sqrt{81 - z^2}. \end{cases}$$

3. [5 баллов] Найдите все значения параметра  $p$ , при которых уравнение

$$p \cos 3x + 3(p + 4) \cos x = 6 \cos 2x + 10$$

имеет хотя бы одно решение. Решите это уравнение при всех таких  $p$ .

4. [5 баллов] Две окружности  $\omega_1$  и  $\omega_2$  пересекаются в точках  $A$  и  $B$ , а их общая касательная имеет с  $\omega_1$  и  $\omega_2$  общие точки  $C$  и  $D$  соответственно, причём точка  $B$  расположена ближе к прямой  $CD$ , чем точка  $A$ . Луч  $CB$  пересекает  $\omega_2$  в точках  $B$  и  $E$ . Найдите отношение  $ED : CD$ , если диагональ  $AD$  четырёхугольника  $ACDE$  делит отрезок  $CE$  в отношении  $2 : 5$ , считая от вершины  $C$ .

5. [4 балла] Дан клетчатый прямоугольник  $100 \times 400$ . Сколькими способами можно закрасить 8 клеток этого прямоугольника так, чтобы закрашенное множество обладало хотя бы одной из следующих симметрий: относительно центра прямоугольника, относительно любой из двух "средних линий" прямоугольника ("средней линией" прямоугольника назовём отрезок, соединяющий середины двух его противоположных сторон). Ответ дайте в виде выражения, содержащего не более трёх членов (в них могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

6. [4 балла] Найдите все тройки целых чисел  $(a; b; c)$  такие, что:

- $a < b$ ,  $\checkmark$
- число  $b - a$  не кратно 3,  $\checkmark$
- число  $(a - c)(b - c)$  является квадратом некоторого простого числа,  $\checkmark$
- выполняется равенство  $a^2 + b = 710$ .  $\checkmark$

7. [6 баллов] В основании призмы лежит равносторонний треугольник площади 1. Площади её боковых граней равны 3, 3 и 2. Найдите объём призмы.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

при  $x < 6$

$$x+3 = \sqrt{-25x+9}$$

$$x^2 + 6x + 9 = -25x + 9$$

$$x^2 + 31x = 0$$

$$x(x+31) = 0$$

$$x = 0$$

$x \neq -31$  - не проверяем проверку

Ответ:  $x = 0$

$$x = 7$$

~~xxxxxx~~



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~ 7

$$b_7 = \sqrt{(25x-9)(x-6)}$$

$$b_9 = x+3$$

$$b_{75} = \sqrt{\frac{25x-9}{(x-6)^3}}$$

$$\frac{b_{75}}{b_7} = q^8$$

$$\frac{1}{(x-6)^2} = q^8$$

$$\frac{1}{\sqrt{|x-6|}} = q^2$$

$$b_9 = b_7 q^2$$

$$x+3 = \sqrt{\frac{25x-9}{x-6}} \cdot \sqrt{(25x-9)(x-6)}$$

$x \geq 6$ :

$$x+3 = \sqrt{25x-9}$$

$$x^2 + 6x + 9 = 25x - 9$$

$$x^2 - 19x + 18 = 0$$

$$(x-18)(x-1) = 0$$

$$x = 18$$

$$x = 1 - \text{не подходит}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2$$

$$a = x+2$$

$$\sqrt{a+3} - \sqrt{-a+3} = 4 \quad 2\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3}$$

$$a+3 - a+3 - 2\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3} = 16 + 4(a+3)(-a+3) - 76\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3}$$

$$6 - 2\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3} = 16 + 4(a+3)(-a+3) - 76\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3}$$

$$4(a+3)(-a+3) = \sqrt{a+3}\sqrt{-a+3}$$

$$\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3} = t \geq 0$$

$$6 - 2t - 76 = 4t^2 + 76t = 0$$

$$2t^2 - 7t + 5 = 0$$

~~XXXXX~~

$$(t-2,5)(t-7) = 0$$

$$\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3} = 7$$

$$-a^2 + 9 = 49$$

$$a^2 = 8$$

$$a = \pm 2\sqrt{2}$$

$$\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3} = 2,5$$

$$-a^2 + 9 = 6,25$$

$$a^2 = 2,75$$

$$a = \pm\sqrt{2,75}$$

~~XXXXXXXXXX~~

$$x = \pm\sqrt{2,75} - 2$$

~~Answer:  $x = \pm\sqrt{2,75} - 2$~~



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
} из }

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Ответ:  $x = \pm 2\sqrt{2} - 2$

$x = \pm \sqrt{2,75} - 2$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из ...

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~ 2

рассмотрим 2-е уравнение

$$|y+4| + 4|y-5| = \sqrt{87-z^2}$$

н.к. модуль - расстояние от точки 0

точки,  $|y+4| + |y-5| \geq 9 \Rightarrow |y+4| + 9|y-5| \geq 9$

след  $87-z^2 \leq 81 \Rightarrow \sqrt{87-z^2} \leq 9$

начинаем

$$|y+4| + 4|y-5| \geq 9 \geq \sqrt{87-z^2}$$

тогда  $\begin{cases} y=5 \\ z=0 \end{cases}$

вернемся к первому равенству

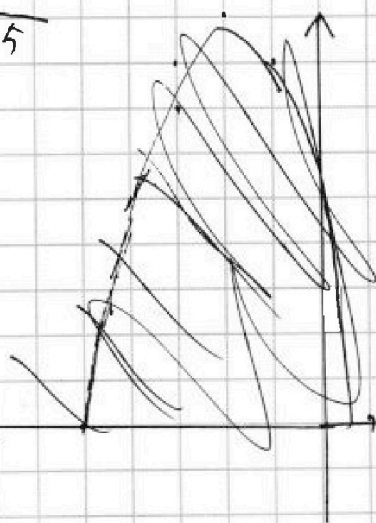
$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{-x^2 - 4x + 5}$$

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{(x+5)(7-x)}$$

~~$\sqrt{x+5}$  - монотонно возр.~~

~~$\sqrt{7-x}$  - монотонно убав.~~

~~$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x}$  - монот. возр.~~





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
7 из 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~ 3

$$p(4\cos^3(x) - 3\cos(x)) + 3(p+4)\cos(x) - 6(2\cos^2(x) - 7) + 70 = 0$$

$$4p\cos^3(x) - 72\cos^2(x) + 72\cos(x) - 4 = 0$$

$$p\cos^3(x) - 3\cos^2(x) + 3\cos(x) - 7 = 0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
7 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~5

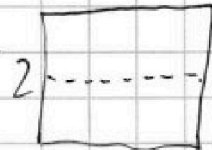
мы имеем 3 вида симметрии:

при первом, задав левую половину, 1



мы можем восстановить правую.

при втором, задав верхнюю половину, 2



восстановить нижнюю.

при третьем, задав точку из

центра восстановит ~~еще~~ другую. 3



для определенности будем считать левая.

существуют разбиения подмножества  
пог бесконечно симметрией.

~~при восстановлении симметрии 1 и 2~~

~~следует симметрии~~

симметрия 3 ~~восстанавливается~~ восстанавливается

есть при применении сим 1 и 2 по 7 раз.

тогда при восстановлении сим 1, 2, восстанавливается

сим. 3





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

если вычитаются линии 1 и 3, то применим сначала 1, затем 3. т.к. линия 3 состоит из 1, 2, линия 7 будет применена дважды, а линия 2 останется. мы получили множество ~~симметричной~~ симметричной к некоторому отрезку относительно горизонтальной линии и являющиеся им же,  $\Rightarrow$  ~~симметричной~~ образам линии 2.

аналогично из линий 2, 3  $\Rightarrow$  линия 7

тогда, ~~симметричной~~ множество образует либо одной симметричной, либо тремя.

множество, обладающее тремя симметри-

ями можно восстановить, зная его

левую верхнюю четверть, т.к. в каждой четв.

кажд-во точек равно, в вернем. лев. их будет 2

мы получим  $C_{100-200}^4 + C_{50-100}^4 + C_{100-200}^4 - 2 C_{50-200}^2 =$

$= 3 C_{20000}^4 - 2 C_{10000}^2$  Ответ:  $3 C_{20000}^4 - 2 C_{10000}^2$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~ 6

обозначим  $b - a = k$  где  $k \in \mathbb{N}$

из условия 2  $k \neq 3$

из условия 4:

$$a^2 + (a+k) = 770$$

$$a^2 + a = 770 - k$$

$a^2 + a$  - квадрат.  $\Delta$  вершиной в  $a = -0,5$

$$a^2 + a \geq -0,25$$

$$\Downarrow$$

$$770 - k \geq -0,25$$

~~$$k \leq 770$$~~

целые

если произведение двух <sup>целых</sup> чисел - квадратное простое, то либо они оба это простое, либо одно из них 7 (или -7), т.к.  $a \neq b$ , одно из них  $\neq 7$ , а второе  $= p^2$ , где  $p$  - простое число

~~$$k = p^2 - 7$$~~

тогда  $(b-c) - (a-c) = p^2 - 7 = b-a = k$

перепроверим все  $p$ , при которых  $k \leq 770$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$p$	2	3	5	7	77	73	77	79	23	29	29
$p^2$	4	9	25	49	721	769	289	361	529	841	
$k$	3	8	24	48	720	768	288	360	528	840	

из них мало 8:3

тогда  $k = 8$

$$a^2 + a = 770 - 8$$

$$a^2 + a - 762 = 0$$

$$\begin{cases} a = 26 \\ a = -27 \end{cases}$$

тогда

$$\begin{cases} \begin{cases} a = 26 \\ b = 34 \end{cases} \\ \begin{cases} a = -27 \\ b = -79 \end{cases} \end{cases}$$

подставив в 3 уравне,

найдем по 2 реше

ния находим  $a, b$ . Ответ:  $(a=26; b=34; c=25)$ ,

$(a=26; b=34; c=35)$ ,  $(a=-27; b=-79; c=-78)$ ,  $(a=-27; b=-79; c=-28)$



На одной странице можно оформлять **только одну задачу**. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7 СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x}$$

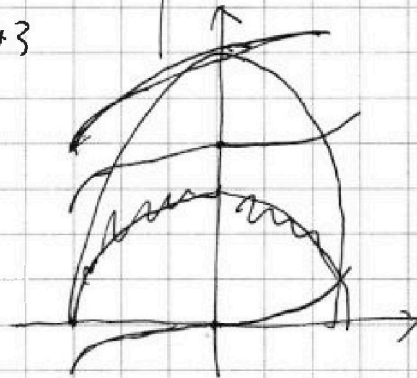
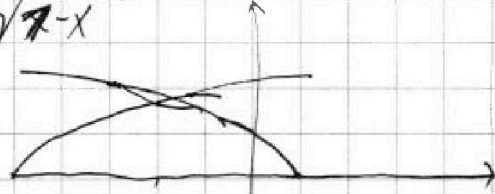
~~1/2/2~~

$$a = x+2$$

$$\sqrt{a+3} + \sqrt{-a+3} + 4 = 2\sqrt{a+3} - \sqrt{-a+3}$$

$$a+3 + a+3 + 2\sqrt{a+3}$$

2 5  
2 5  
7 2 5  
5 0  
6 2 2



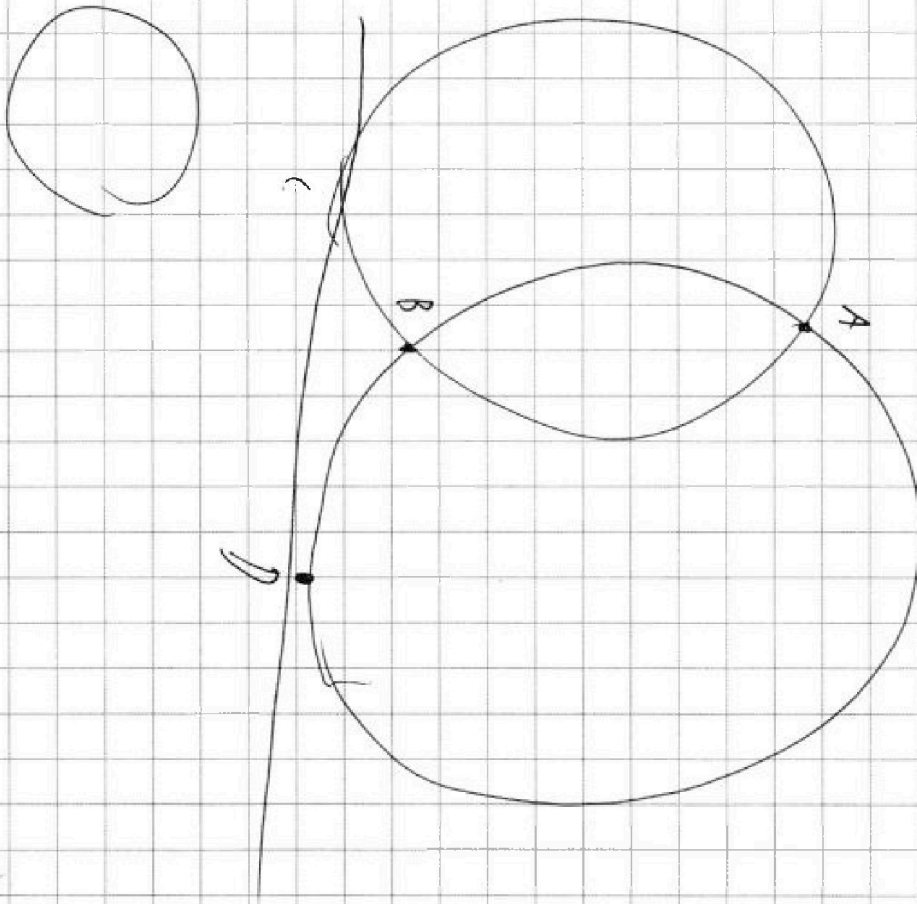


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_\_ ИЗ \_\_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{-x+7} = 2\sqrt{x+5} - \sqrt{-x+7} - 4$$

$$2\sqrt{x+5} - \sqrt{-x+7} + \sqrt{-x+7} - \sqrt{x+5} = 4$$

$$p \cdot \cos^3(x) - 3 \cos^2(x) + 3 \cos(x) - 7 = 0$$

$$-7 \leq p \leq 7$$

$$p a^2 - 3 a^2 + 3 a - 7 = 0$$

$$p a^3 + 3 a - 3 a^2 = 7$$

$$a(p a^2 + 3) - 3 a^2 = 7$$

$$3 p a^2 - 3 a + 3 = 0$$

$$D = 9 - 9 \cdot 4 p = 9(1 - 4p)$$

$$b = a + k$$

$$k \div 3$$

$$a^2 + a = 710 - k$$

$$710 - k \geq 0,25$$

$$k \leq 709$$

$$\begin{array}{r} 29 \\ 29 \\ 267 \\ 58 \\ 847 \end{array}$$

$$k = 8 \quad k = 440$$

$$a^2 + a = 702$$

$$a^2 + a - 702 = 0$$

$$D = 702 \cdot 4 + 7$$

$$\begin{array}{r} 900 - 54 \\ 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 53 \\ 53 \\ 702 - 4 \quad 759 \\ 2808 \quad 265 \\ 2809 \end{array}$$

$$2409$$

$$\begin{array}{r} 702 \\ 65 \\ 52 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 73 \\ 54 \\ 5 \end{array}$$

$$26$$

$$p \geq 0$$

$$p \geq 7$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$

$$77$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$c = 4$$

$$77$$

$$2$$

$$25$$

$$77$$

$$25 \cdot 77$$

$$25$$

$$b = b^2$$

$$a - c = p^k$$

$$b - c = p^l$$

$$\begin{cases} a = p^k + c \\ b = p^l + c \end{cases}$$

$$p^l + c - p^k + c \div 3$$

$$p^l - p^k \div 3$$

$$p \div 3$$

$$p \div 3$$

$$a^2 + b = 77 \cdot 25 \quad 5 \cdot 2$$

$$b = a + k$$

$$a^2 + a + k = 770$$

$$a^2 + a = 770 + k$$

$$a(a+1) \leq -0,25$$

$$770 - k < 0,25 - \text{н.н.}$$

$$770 - 0,25$$

impl

$$\left(\frac{b_9}{b_7}\right)^4 = \left(\frac{b_{25}}{b_7}\right)$$

$$\frac{b_9}{b_7} = q^2$$

$$\frac{b_{75}}{b_7} = q^8$$

$$b_2 = \sqrt{(25x-9)(x-6)}$$

$$b_{75} = \sqrt{\frac{25x-9}{(x-6)^3}}$$

$$\frac{b_{75}}{b_7} = q^8 = \sqrt{\frac{25x-9}{(x-6)^3} \cdot (25x-9)(x-6)} = q^8$$

$$\frac{7}{(x-6)^4} = q^8$$

$$\sqrt{\frac{7}{x-6}} = q^2$$

$$\sqrt{25x-9} = x+3$$

$$25x-9 = x^2+6x+9$$

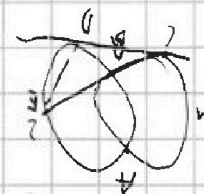
$$x^2$$

$$-37$$

$$x \neq \frac{9}{25}$$

$$x \neq 6$$

$$= q^8$$



$$x - \sqrt{x+5} = 2\sqrt{x+5} - \sqrt{x+5} = \sqrt{x+5}$$

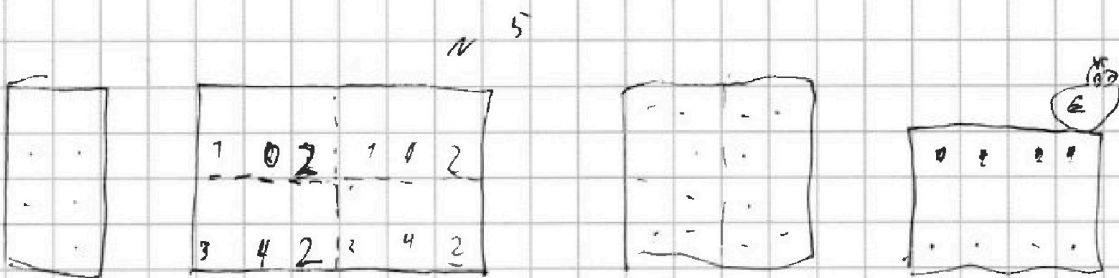


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

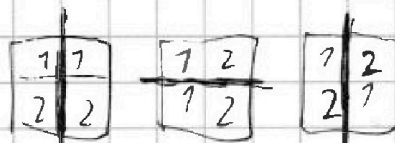
1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$C_{100}^4 + 7 \cdot 2 \cdot (11) \cdot C_{100}$$



$$A + B + C$$

$$A \rightarrow C \quad 2+3$$

$$3 \cdot C_{20000}^4 - 2 \cdot C_{70000}^2$$

$$3 \cdot 7 \cdot 72 \cdot 77272537$$

$$\cos(2\alpha + \alpha) = \cos(\alpha)\cos(\alpha) - \sin(\alpha)\sin(\alpha) =$$

$$\cos(2\alpha + \alpha) = \cos(2\alpha)\cos(\alpha) - \sin(2\alpha)\sin(\alpha) =$$

$$= (2\cos^2 - 1)\cos(\alpha) - 2\sin(\alpha)\cos(\alpha) =$$

$$= 2\cos^3 - \cos - 2\cos(\sin^2) = 2\cos^3 - \cos - 2\cos(1 - \cos^2) =$$

$$= 2\cos^3 - \cos - 2\cos + 2\cos^3 = 4\cos^3 - 3\cos$$

$$p(4\cos^3 - 3\cos) + 3(p+4)\cos = 6(2\cos^2 - 1) + 70$$

$$4p\cos^3 - 3p\cos + 3p\cos + 72\cos - 72\cos^2 + 6 = 70 = 0$$

$$4p\cos^3 - 72\cos^2 + 72\cos - 4 = 0$$

$$p\cos^3 - 18\cos^2 + 18\cos - 1 = 0$$

$$p\cos^3 - 4\cos^2 + 4\cos - 1 = 0$$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

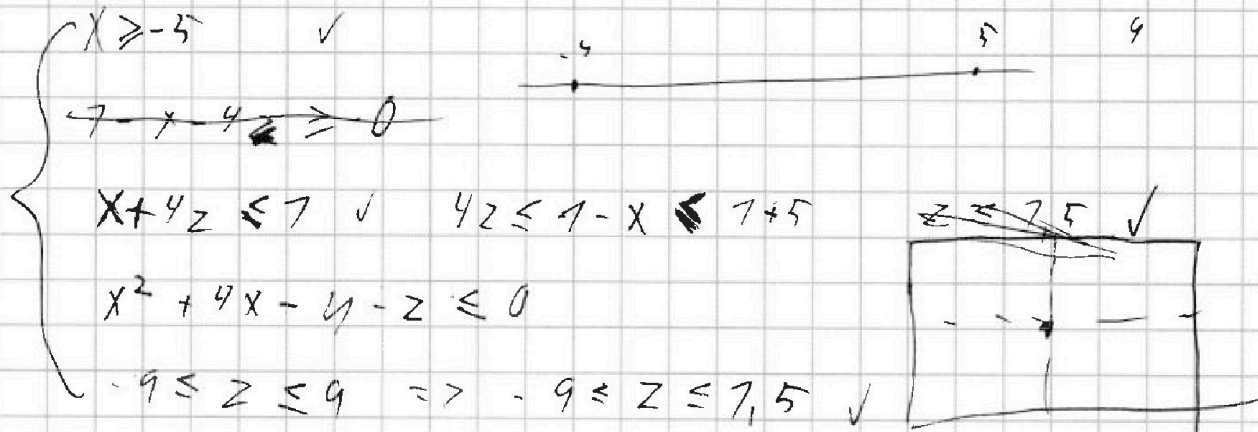
1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\rho \cos^3 - 3 \cos^2 + 3 \cos - 7 \quad (\cos - 7)^3 + (\rho - 7) \cos^3$$

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x-4z} + 4 = \sqrt{-x^2 - 4x + 4 + z}$$



~~З=0~~  
 $\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{5-4x-x^2}$   
 $\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{-(x+5)(x-7)}$   
 $\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{(x+5)(7-x)}$

$Z=0$   
 $4=5$



$$a - b \neq 4 = 2ab - 4$$

$$2ab - b + a - 4 = 0$$

$$a^2 - 2ab + b^2 = 4a^2b^2 - 32ab + 76$$

$$a^2 + b^2 + 30ab - 4a^2b^2 = 76$$

$$-5 \leq x \leq 7 \quad x \cdot \sqrt{a+2} - \sqrt{-a+4}$$

$$x = x+3 \quad \sqrt{x+2} - \sqrt{-x+2}$$

