



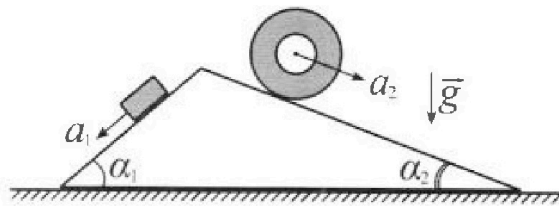
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-01



В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

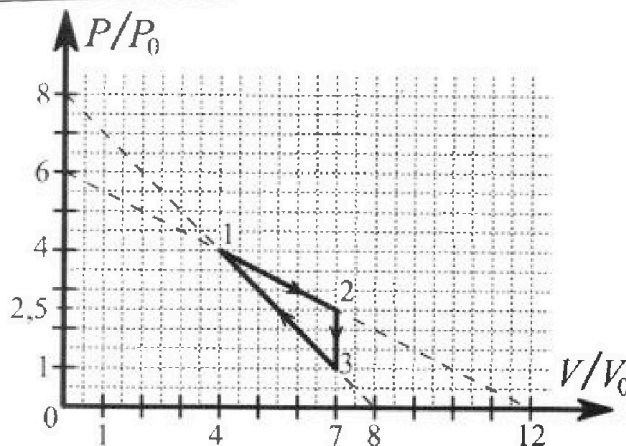
С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брусок массой m с ускорением $a_1 = 5g/13$ и скатывается без проскальзывания полый цилиндр массой $4m$ с ускорением $a_2 = 5g/24$ (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту α_1 ($\sin \alpha_1 = 3/5$, $\cos \alpha_1 = 4/5$) и α_2 ($\sin \alpha_2 = 5/13$, $\cos \alpha_2 = 12/13$). Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.



- 1) Найти силу трения F_1 между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения F_2 между цилиндром и клином.
- 3) Найти силу трения F_3 между столом и клином.

Каждый ответ выразить через m и g с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость P/P_0 от V/V_0 . Здесь V и P - объем и давление газа, V_0 и P_0 - некоторые неизвестные объем и давление.

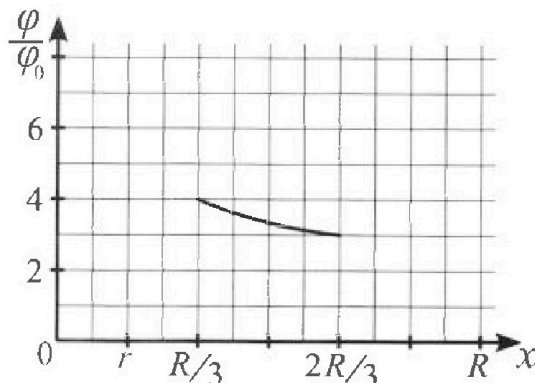
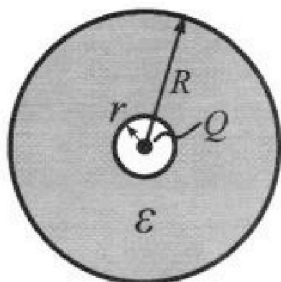


- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 2-3 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 1.
- 3) Найдите КПД цикла.

Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.

В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью ϵ и радиусами поверхностей r и R находится шарик с зарядом Q (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала φ электрического поля внутри диэлектрика от расстояния x от центра полого шара в интервале изменений x от $R/3$ до $2R/3$ (см. рис.). Здесь φ_0 — потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

- 1) Считая известными r , R , Q , ϵ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при $x = R/4$.
- 2) Используя график, найти численное значение ϵ .



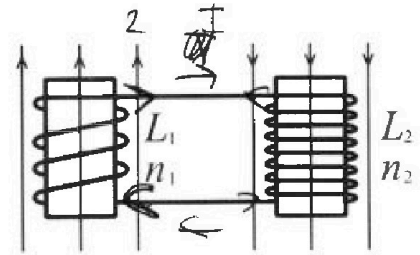
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



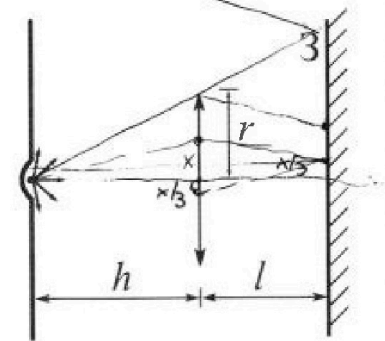
☒ Две катушки с индуктивностями $L_1 = L$ и $L_2 = 4L$ и числами витков $n_1 = n$ и $n_2 = 2n$ помещены во внешние однородные магнитные поля с постоянными во времени индукциями (см. рис.). Площадь витка каждой катушки S . Индукции внешних полей направлены перпендикулярно плоскостям витков катушек. Катушки находятся достаточно далеко друг от друга. Омическое сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. Вначале тока в катушках нет.



☒ С какой скоростью (по модулю) на чет изменяться ток в катушках, если в катушке с индуктивностью L_1 индукция внешнего поля начнет возрастать со скоростью $\Delta B / \Delta t = \alpha (\alpha > 0)$, а во второй катушке внешнее поле останется неизменным?

2) За некоторое время индукция внешнего поля в катушке с индуктивностью L_1 уменьшилась от B_0 до $B_0/2$, не изменив направления, а в катушке с индуктивностью L_2 индукция внешнего поля уменьшилась от $2B_0$ до $2B_0/3$, не изменив направления. Внешние поля в катушках изменялись неравномерно. Найти ток (по модулю) в катушках к концу изменения внешних полей. Ответ дать с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

☒ В стене сделана небольшая выемка, внутри которой находится маленькая лампочка так, что прямой свет от лампочки на стену не попадает (см. рис.). Справа от лампочки на некотором расстоянии h расположена тонкая собирающая линза с фокусным расстоянием $F = h/2$. Главная оптическая ось линзы горизонтальна и проходит через лампочку. Радиус линзы $r = 3$ см. Справа от линзы на расстоянии $l = 2h/3$ расположено параллельно стене плоское зеркало 3. Считать, что свет, идущий мимо линзы, проходит плоскость линзы беспрепятственно. Размеры стены и зеркала намного больше размеров линзы.



- 1) Найдите площадь неосвещённой части зеркала.
- 2) Найдите площадь неосвещённой части стены.

Ответы дайте в $[см^2]$ в виде $\gamma\pi$, где γ - целое число или простая обыкновенная дробь.

$$X - \frac{4X}{3} = -\frac{X}{3}$$

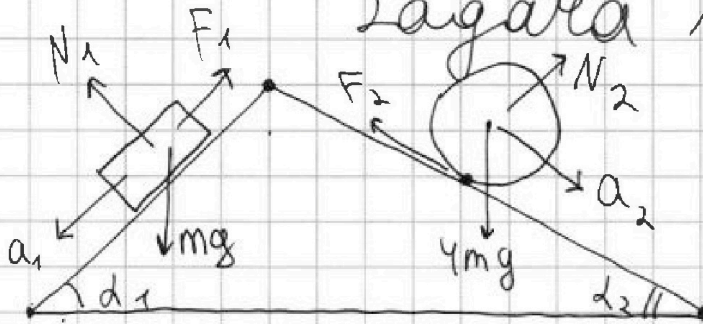


1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача №1



Пусть N_1 - сила реакции опоры между бруском и клином;
 N_2 - между цилиндром и клином.

- 1) Запишем 2ЗН на проекцию сил на ось \parallel грани клина, которая под углом α_1 , на брусок

$$ma_1 = mg \sin \alpha_1 - F_1$$

$$F_1 = mg \sin \alpha_1 - ma_1 = mg \left(\frac{3}{5} - \frac{5}{73} \right) = mg \cdot \frac{14}{65}$$

- 2) Запишем 2ЗН на проекцию сил на ось \parallel грани клина α_2 , на цилиндр

$$4ma_2 = 4mg \sin \alpha_2 - F_2$$

$$F_2 = 4mg \sin \alpha_2 - 4ma_2 = 4mg \left(\frac{5}{73} - \frac{5}{24} \right) = 4mg \frac{55}{312} = \frac{55}{78} mg$$

- 3) Найдем N_1 и N_2 через проекцию сил на оси \perp грани α_1 и \perp грани α_2 соответственно

$$N_1 = mg \cos \alpha_1 = \frac{4}{5} mg$$

$$N_2 = 4mg \cos \alpha_2 = 4mg \cdot \frac{13}{73} = \frac{48}{73} mg$$

Теперь перерисуем картинку и запишем силы, действующие на клин по 3ЗН.

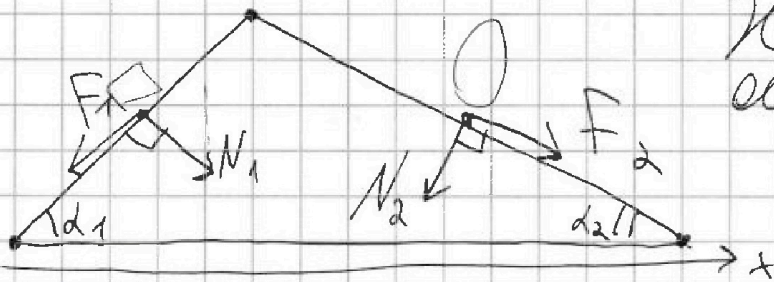
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА 2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Направим ось x || ступе направо

Запишем ~~равновесие~~ проекцию всех сил на ось x ~~с учетом~~ модуль суммарной проекции и будет силой трения, т.к. ~~киши~~ ползет

$$\begin{aligned}
 F_3 &= |N_1 \sin \alpha_1 - F_1 \cos \alpha_1 + F_2 \cos \alpha_2 - N_2 \sin \alpha_2| = \\
 &= \left| mg \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{5} - mg \cdot \frac{14}{65} \cdot \frac{4}{5} + mg \cdot \frac{55}{78} \cdot \frac{126}{13} - mg \cdot \frac{48}{13} \cdot \frac{5}{13} \right| = \\
 &= mg \left| \frac{12}{25} - \frac{56}{325} + \frac{330}{507} - \frac{240}{169} \right| = \\
 &= mg \left| \frac{156 - 56}{325} + \frac{330 - 720}{507} \right| = mg \left| \frac{100}{325} - \frac{390}{507} \right| = \\
 &= mg \left| \frac{4}{13} - \frac{10}{13} \right| = \frac{6}{13} mg
 \end{aligned}$$

Ответ: $F_1 = \frac{14}{65} mg$; $F_2 = \frac{55}{78} mg$; $F_3 = \frac{6}{13} mg$

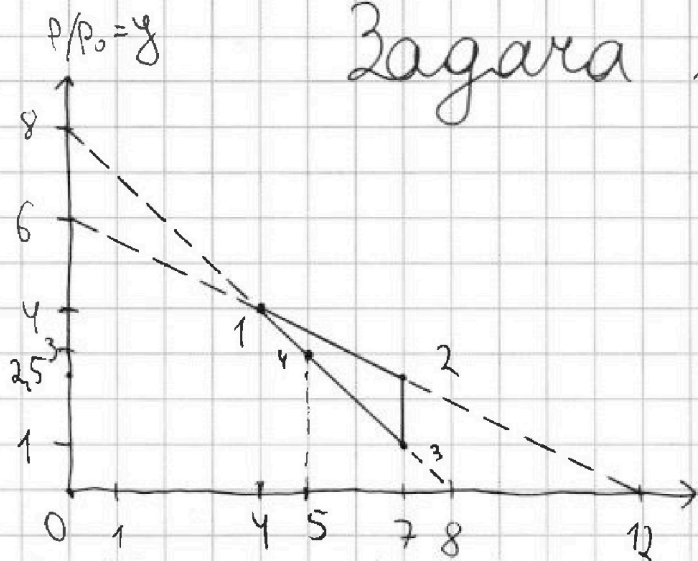


1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА 1 ИЗ 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача №2



Пусть температура в точке 1 - T_1 , 2 - T_2 , 3 - T_3

V - кол-во молей

$\bar{c} = 3$ по условию

3 ур-ия и 3 к.

$$1: 4P_0 \cdot 4V_0 = \nu RT_1$$

$$2: 2.5P_0 \cdot 7V_0 = \nu RT_2$$

$$3: P_0 \cdot 7V_0 = \nu RT_3$$

$$4: 3P_0 \cdot 5V_0 = \nu RT_4$$

1) Найдем $|\Delta U_{23}|$:

$$|\Delta U_{23}| = \frac{i}{2} (\nu RT_2 - \nu RT_3) = \frac{3}{2} \left(\frac{35}{2} P_0 V_0 - 7 P_0 V_0 \right) =$$

$$= \frac{3}{2} \cdot \frac{21}{2} P_0 V_0 = \frac{63}{4} P_0 V_0$$

Теперь найдем $A_{123} \rightarrow$ это площадь $\Delta 123$

$$A_{123} = \frac{(2.5P_0 - P_0) \cdot (7V_0 - 4V_0)}{2} = \frac{\frac{3}{2} P_0 \cdot 3V_0}{2} = \frac{9}{4} P_0 V_0$$

$$K = \frac{|\Delta U_{23}|}{A_{123}} = \frac{\frac{63}{4} P_0 V_0}{\frac{9}{4} P_0 V_0} = 7$$

2) Найдем T_1 через $P_0 V_0$: $T_1 = \frac{16 P_0 V_0}{\nu R}$

Теперь пусть ось y - это ось P/P_0

ось x - это ось V/V_0

Найдем уравнение прямой 12 в коорд x, y .



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$y = k_1 x + b_1 \rightarrow \text{подставим две точки } T_{12};$$

$$\begin{cases} 4 = k_1 \cdot 4 + b_1 \\ \frac{5}{2} = k_1 \cdot 7 + b_1 \end{cases} \quad \begin{cases} 3k_1 = \frac{5}{2} - 4 = \frac{5}{2} - \frac{8}{2} = -\frac{3}{2} \\ k_1 = -\frac{1}{2} \quad b_1 = 4 + \frac{4}{2} = 6 \end{cases}$$

$$y = 6 - \frac{x}{2}$$

Теперь запишем ур-ие Менделеева-Клапейрона в координатах y, x

$$y \cdot x \cdot P_0 V_0 = \nu R T$$

$$\frac{\nu R}{P_0 V_0} - \text{const}$$

$$y \cdot x = \frac{\nu R}{P_0 V_0} T$$

выделим график и направим к "0" т.к. T_{max}

$$\frac{\nu R}{P_0 V_0} \cdot T = 6x - \frac{x^2}{2}$$

$$\frac{\nu R}{P_0 V_0} T'(x) = 0 = 6 - \frac{1}{2} \cdot 2x \Rightarrow x = 6 \Rightarrow y = 3$$

$$T_{\text{max}} = \frac{6 \cdot 3 \cdot P_0 V_0}{\nu R} = 18 \frac{P_0 V_0}{\nu R}$$

$$\frac{T_{\text{max}}}{T_1} = \frac{18 P_0 V_0}{\nu R} \cdot \frac{\nu R}{16 P_0 V_0} = \frac{9}{8}$$

$$3) \eta = \frac{A}{Q_+} \quad A = A_{123} = \frac{9}{8} P_0 V_0$$

Теперь найдем точки касания адиабаты к 1-2 и 1-3, чтобы посчитать Q_+ .



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
3 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Уравнение прямой 1-2: $y = 6 - \frac{x}{2}$

Найдем уравнение прямой 1-3:

$y = k_2 x + b_2$ подставим точки 1, 3

$$\begin{cases} 4 = k_2 \cdot 4 + b_2 \\ 1 = k_2 \cdot 7 + b_2 \end{cases} \quad \begin{cases} 3k_2 = -3 \\ b_2 = 8 \end{cases} \quad k_2 = -1$$

1-3: $y = 8 - x$

Уравнение эллипса: $y \cdot x^\gamma \cdot P_0 \cdot V_0^\delta = \text{const}$

$$\gamma = \frac{i+2}{i} = \frac{5}{3}$$

Найдем точку касания с 1-2 (подставим y)

$$\left(6 - \frac{x}{2}\right) \cdot x^{\frac{5}{3}} = \frac{\text{const}}{P_0 V_0^{\frac{5}{3}}} \leftarrow \text{возьмем производную по } x$$

$$6 \cdot \frac{5}{3} \cdot x^{\frac{2}{3}} - \frac{1}{2} \cdot \frac{8}{3} \cdot x^{\frac{5}{3}} = 0 \quad \frac{4}{3} x = 10$$

$$10 \cdot x^{\frac{2}{3}} - \frac{4}{3} \cdot x^{\frac{2}{3}} \cdot x = 0 \quad x = \frac{30}{4} = 7\frac{1}{2} \Rightarrow$$

\Rightarrow Т. касания вне отрезка 1-2 $\Rightarrow Q_{12}$ положительная на всех участках

Найдем точку касания с 1-3 (подставим y)

$$(8 - x) \cdot x^{\frac{5}{3}} = \frac{\text{const}}{P_0 V_0^{\frac{5}{3}}} \leftarrow \text{возьмем производную по } x:$$

$$8 \cdot \frac{5}{3} \cdot x^{\frac{2}{3}} - 1 \cdot \frac{8}{3} \cdot x^{\frac{5}{3}} = 0 \quad 8x = 40$$

$$\frac{40}{3} - \frac{8}{3} x = 0 \quad x = 5 \Rightarrow y = 3$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
4 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Значит Q от точки 3 до точки касания положим

Пусть точка касания - $4 = (5; 3)$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} (VRT_2 - VRT_1) + \frac{3V_0 \cdot (4P_0 + \frac{5}{2}P_0)}{2} =$$
$$= \frac{3}{2} P_0 V_0 \left(\frac{35}{2} - 16 \right) + P_0 V_0 \frac{3 \cdot \frac{13}{2}}{2} =$$

$$= P_0 V_0 \left(\frac{3}{2} \cdot \frac{3}{2} + \frac{39}{4} \right) = P_0 V_0 \frac{48}{4} = 12 P_0 V_0$$

$$Q_{34} = \frac{3}{2} (VRT_4 - VRT_3) + \frac{2V_0 (3P_0 + P_0)}{2} =$$

$$= \frac{3}{2} P_0 V_0 (15 - 7) + 4 P_0 V_0 = 16 P_0 V_0$$

$$Q_{+} = Q_{12} + Q_{34} = 12 P_0 V_0 + 16 P_0 V_0 = 28 P_0 V_0$$

$$\eta = \frac{A_{123}}{Q_{+}} = \frac{9 P_0 V_0}{4 \cdot 28 P_0 V_0} = \frac{9}{112}$$

Ответ: 1) 7; 2) $\frac{9}{8}$; 3) $\eta = \frac{9}{112}$



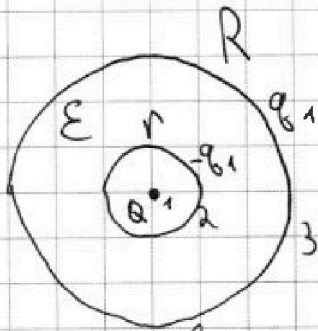
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача №3



На внутренней и внешней поверхностях шара находятся заряды $-q_1$ и q_1

т.к. в сумме заряд шара = 0.

1) Если мы знаем, что x ~~внутри~~ внутри шара, то $r < \frac{R}{2}$

Теперь посчитаем φ_i :

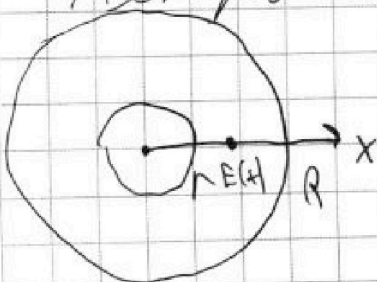
$$\Delta\varphi = \varphi_3 - \varphi_2$$

$$\varphi_3 = \frac{kq_1}{R} - \frac{kq_1}{R} + \frac{kQ}{R} = \frac{kQ}{R}$$

$$\varphi_2 = \frac{kQ}{r} - \frac{kq_1}{r} + \frac{kq_1}{R}$$

$$\begin{aligned} \Delta\varphi &= \frac{kQ}{R} - \frac{kq_1}{R} + \frac{kq_1}{r} - \frac{kQ}{r} = \frac{k}{R}(Q - q_1) - \frac{k}{r}(Q - q_1) = \\ &= k(Q - q_1) \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{r} \right) \end{aligned}$$

Теперь посчитаем $\Delta\varphi$ (интегрируя) как $\Delta\varphi = E \cdot x$



$$\begin{aligned} E(x) &= \frac{kQ}{x^2 \cdot \epsilon} - \frac{kq_1}{x^2 \cdot \epsilon} - \frac{kq_1}{x^2 \cdot \epsilon} = \\ &= \frac{k(Q - 2q_1)}{x^2 \cdot \epsilon} \end{aligned}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\Delta\varphi = \int_r^R E(x) \cdot \Delta x = \int_r^R \frac{k(Q-2q_1)}{x^2 \cdot \epsilon} \cdot \Delta x = \frac{k(Q-2q_1)}{\epsilon} \int_r^R x^{-2} \cdot \Delta x =$$

$$= \frac{k(Q-2q_1)}{\epsilon} \left[-\frac{1}{x} \right]_r^R = \frac{k(Q-2q_1)}{\epsilon} \cdot \left(-\frac{1}{R} + \frac{1}{r} \right)$$

Теперь приравняем $\Delta\varphi$, полученные 2 соседних

$$k(Q-2q_1) = -\frac{k(Q-2q_1)}{\epsilon}$$

$$Q\epsilon - 2q_1\epsilon = -Q + 2q_1$$

$$Q(\epsilon+1) = 2q_1(\epsilon+2) \quad q_1 = Q \frac{\epsilon+1}{\epsilon+2}$$

Теперь найдем потенциал в точке $x = \frac{R}{4}$

$$\varphi(x) = \frac{kQ}{x} - \frac{kq_1}{x} + \frac{kq_1}{R} = \frac{k \cdot 4Q - k \cdot 4q_1 + kq_1}{R} =$$

$$= \frac{k}{R} (4Q - 3q_1) = \frac{k}{R} \left(4Q - 3Q \frac{\epsilon+1}{\epsilon+2} \right) =$$

$$= \frac{kQ}{R} \left(4 - \frac{3\epsilon+3}{\epsilon+2} \right) = \frac{kQ}{R} \cdot \frac{4\epsilon+8-3\epsilon-3}{\epsilon+2} = \frac{kQ}{R} \cdot \frac{\epsilon+5}{\epsilon+2}$$

2) Знаем, что в точке $(R/3; 4) \varphi_1 = 4\varphi_0$

в точке $(\frac{2R}{3}; 3) \varphi_2 = 3\varphi_0$

$$\varphi_1 = \frac{kQ}{R} - \frac{kq_1}{R} + \frac{kq_1}{R} = \frac{k}{R} (3Q - 2q_1) \quad \text{①}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
3 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\textcircled{1} \frac{kQ}{R} \left(3 - 2 \frac{\varepsilon+1}{\varepsilon+2} \right) = 4\varphi_0$$

$$\begin{aligned} \varphi_2 &= \frac{kQ \cdot 3}{2R} - \frac{k\varphi_1 \cdot 3}{2R} + \frac{k\varphi_1}{R} = \frac{k}{2R} (3Q - \varphi_1) = \\ &= \frac{kQ}{2R} \left(3 - \frac{\varepsilon+1}{\varepsilon+2} \right) = 3\varphi_0 \end{aligned}$$

поделим одно на другое:

$$\frac{4}{3} = \frac{kQ}{R} \left(3 - 2 \frac{\varepsilon+1}{\varepsilon+2} \right) \cdot \frac{2R}{kQ \left(3 - \frac{\varepsilon+1}{\varepsilon+2} \right)} = 2 \frac{\left(3 - 2 \frac{\varepsilon+1}{\varepsilon+2} \right)}{\left(3 - \frac{\varepsilon+1}{\varepsilon+2} \right)}$$

$$12 - 4 \frac{\varepsilon+1}{\varepsilon+2} = 18 - 12 \frac{\varepsilon+1}{\varepsilon+2} \quad | \cdot (\varepsilon+2)$$

$$12(\varepsilon+2) - 4(\varepsilon+1) = 18(\varepsilon+2) - 12(\varepsilon+1)$$

$$\cancel{3\varepsilon+6} - 4\varepsilon-4 = \cancel{3\varepsilon+6} - 12\varepsilon-12$$

$$3\varepsilon+6 = 4\varepsilon+4$$

$$\varepsilon = 2$$

$$\text{Ответ: 1) } \frac{kQ}{R} \cdot \frac{(\varepsilon+5)}{(\varepsilon+2)} ; 2) \varepsilon = 2.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача №4

$$L_1 = L \quad n_1 = n \quad S \quad \leftarrow \text{Дано}$$

$$L_2 = 4L \quad n_2 = 2n$$

1) Запишем напряжение на катушке L_1 через изменение ~~поток~~ магн. потока.

$$U_1 = L_1 I_1' = \frac{\Delta B S n_1}{\Delta t} \quad \frac{\Delta B}{\Delta t} = \mathcal{L}$$

I_1' - скорость изменения тока.

$$I_1' = \frac{\Delta B S n_1}{L_1 \Delta t} = \frac{\mathcal{L} S \cdot n}{L}$$

2) Пусть ΔI_1 - изменение тока на катушке L_1 ; ΔI_2 - изменение тока на кат. L_2

Запишем напряжения на L_1 и L_2

$$U_1 = L_1 I_1' = \frac{d B S n_1}{dt} = L_1 \frac{d I_1}{dt}$$

$$d B S n_1 = L_1 d I_1 \rightarrow \text{просуммируем} \quad |\Delta I_1| = \frac{\Delta B_1 S n_1}{L_1}$$

$$|\Delta I_1| = \frac{B_0 / 2 \cdot S \cdot n}{L} = \frac{B_0 S n}{2L}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$U_2 = L_2 I_2' = \frac{dB S n_2}{\Delta t} = L_2 \frac{dI_2}{\Delta t}$$

$$dB S n_2 = L_2 dI_2 \rightarrow \text{кросшиммулы: } |\Delta I_2| = \frac{|\Delta B_2| \cdot S n_2}{L_2}$$

$$|\Delta I_2| = \frac{(2B_0 - \frac{2B_0}{3}) \cdot S \cdot 2n}{4L} = \frac{\frac{4}{3} B_0 S \cdot 2n}{4L} = \frac{2B_0 S n}{3L}$$

Ток от L_1 пойдет вправо по верхней проводу по правилу правой руки, т.к. \vec{B} уменьшается, ток от L_2 пойдет влево по верхней проводу, т.к. \vec{B} уменьшается в L_2 .

Ток на L_1 и L_2 одинаков \Rightarrow

$$I = |\Delta I_1| - |\Delta I_2| = \left| \frac{B_0 S n}{2L} - \frac{2B_0 S n}{3L} \right| = \frac{B_0 S n}{6L}$$

Ответ: 1) $\frac{2Sn}{L}$; 2) $\frac{B_0 S n}{6L}$

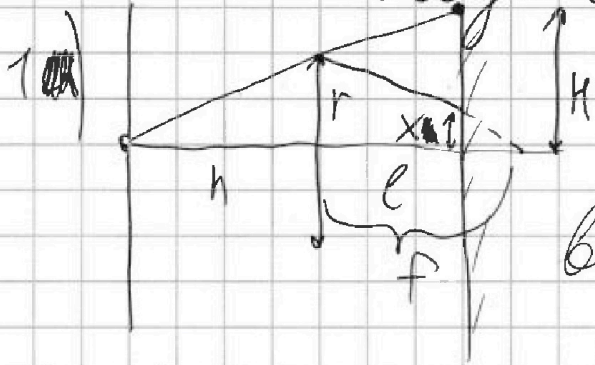


1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача №5



Мы знаем, что все лучи прошедшие вне линзы попадут на зеркало. Пусть

H - высота от ш. оптической оси до первого такого луча.

$$\frac{H}{r} = \frac{h+e}{h} \quad H = r + \frac{e}{h}r = r + \frac{2h}{3h}r = \frac{5}{3}r$$

Пусть x - высота светящей части зеркала от оси прошедших через зеркало.

Запишем формулу тонкой линзы

$$\frac{1}{h} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F} \quad f = \frac{hF}{h-F} = \frac{h^2/2}{h/2} = h$$

$$\frac{r}{x} = \frac{f}{f-e} \quad x = r - \frac{e}{f}r = r - \frac{2h}{3h}r = \frac{r}{3}$$

Рисунок тени (несветя) на зеркале:



$$S_1 = \pi(H^2 - x^2) = \pi\left(\frac{25}{9} - \frac{1}{9}\right)r^2 = \frac{24}{9}\pi r^2 = \frac{8}{3}\pi r^2 = \frac{8}{3} \cdot 9 \cdot \pi \text{ см}^2 = 24\pi \text{ см}^2$$

Ответ: 8π и $24\pi \text{ см}^2$

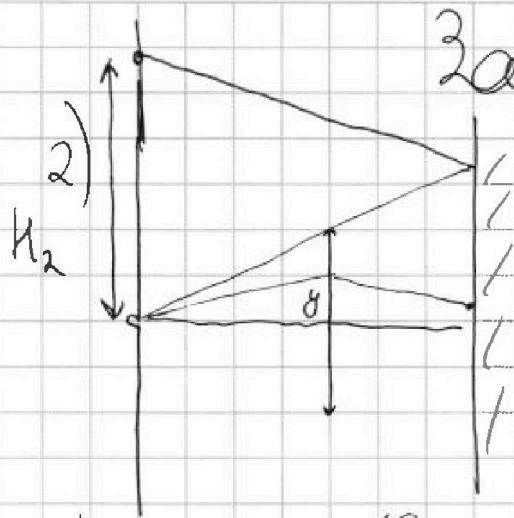


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Задача №5

Сначала рассмотрим H_2 - высоту от первого луча, прошедшего не через линзу, отраженного от зеркала и попавшего на стену (рисунки)

$H_2 = 2H = \frac{10}{3}r$ (т.к. угол падения равен углу отражения, H из пункта 1)

Теперь рассмотрим лучи, прошедшие через линзу и найдем у них макс. отклонение (высоту) от источника.

Пусть y - высота от центра линзы до точки падения её луча

Когда из п. 1. расстояние от ш. от осц на стене равно $\frac{4}{3}$. После отражения от луч попадет на линзу на расстоянии.

$$|y = \frac{4y}{3}| = \frac{x}{3} \text{ (с другой стороны) т.к. угол пад.} = \angle \text{отраж.}$$

Теперь найдем высоту S от ш. от осц. осц до падения этого луча на стену:



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

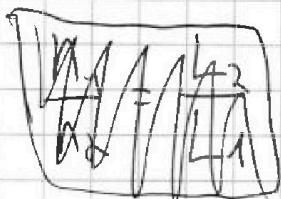
СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$U_1 = U_2$$

$$\mathcal{E}_1 = \frac{\Delta B_1 S n_1}{\Delta t}$$

$$\mathcal{E}_2 = \frac{\Delta B_2 S n_2}{\Delta t}$$



$$\begin{array}{r} 13 \\ \times 5 \\ \hline 65 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 24 \\ \times 5 \\ \hline 120 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 312 \quad | \quad 4 \\ \underline{28} \quad | \quad 78 \\ 32 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 720 \\ \underline{330} \\ 390 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 13 \\ \times 12 \\ \hline 26 \\ \times 13 \\ \hline 156 \end{array}$$

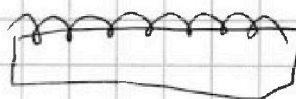
$$I_1 N_1 = I_2 N_2$$

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{N_2}{N_1}$$

Черновик

$$\frac{\mathcal{E}_1}{\mathcal{E}_2} = \frac{n_1}{n_2}$$

Черновик



$$\mu_0 I N = B \cdot l \quad \frac{I N}{\mu_0} = B \cdot l$$

$$\begin{array}{r} 39 \\ \times 25 \\ \hline 14 \end{array}$$

$$120 - 65 = 55$$

$$\begin{array}{r} 24 \\ \times 13 \\ \hline 72 \\ + 240 \\ \hline 312 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 39 \\ \times 13 \\ \hline 117 \\ + 390 \\ \hline 507 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 13 \\ \times 13 \\ \hline 39 \\ + 156 \\ \hline 169 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 325 \quad | \quad 25 \\ \underline{28} \quad | \quad 13 \\ 75 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 240 \\ \times 3 \\ \hline 720 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 507 \quad | \quad 39 \\ \underline{39} \quad | \quad 13 \\ 117 \end{array}$$

$$U_1 = L_1 I_1'$$

$$U_2 = L_2 I_2'$$

$$\frac{\Delta B S n_1}{\Delta t} = L_1 I_1'$$

$$\frac{1}{x} = -x^{-1} = \dots$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Черкован

$$4P_0 \cdot 4V_0 = VAT_1$$

$$y = kx + b$$

$$4 = k \cdot 4 + b$$

$$\frac{5}{2} = k \cdot 7 + b$$

$$b = 4 + 2 = 6$$

$$y = 6 - \frac{x}{2}$$

Черковлек

$$\frac{5}{2} - 4 = 3k$$

$$-\frac{3}{2} = 3k$$

$$k = -\frac{1}{2}$$

$$y \cdot x = VAT(x)$$

$$VAT(x) = x \left(6 - \frac{x}{2} \right) = 6x - \frac{x^2}{2}$$

$$0 = 6 - \frac{1}{2} \cdot 2x$$

$$x = 6$$

$$y \cdot x^{\frac{2}{3}} = \text{const}$$

$$y = \frac{5}{3}$$

$$\left(6 - \frac{x}{2} \right) \cdot x^{\frac{5}{3}} = \text{const}$$

$$\frac{6+x}{2} = 1 + \frac{x}{2} = 1 + \frac{2}{3} = \frac{5}{3}$$

$$6 \cdot x^{\frac{5}{3}} - \frac{1}{2} \cdot x^{\frac{8}{3}} = \text{const}$$

$$0 = 6 \cdot \frac{5}{3} \cdot x^{\frac{2}{3}} - \frac{1}{2} \cdot \frac{8}{3} \cdot x^{\frac{5}{3}}$$

$$0 = 10 \cdot x^{\frac{2}{3}} - \frac{4}{3} \cdot x^{\frac{5}{3}} \cdot x$$

$$\frac{4}{3}x = 10 \quad x = \frac{30}{4} = 7\frac{1}{2}$$