



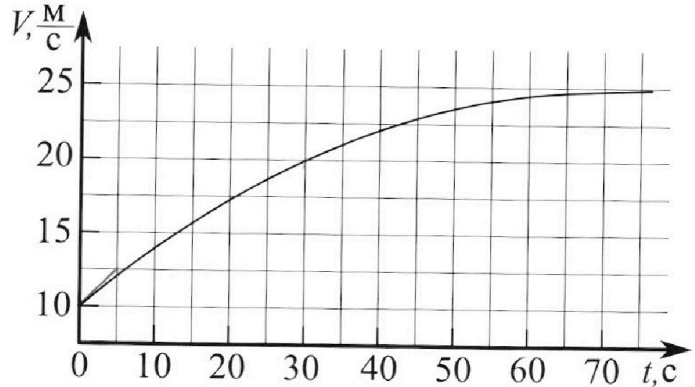
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 11-03



Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

1. Автомобиль массой $m = 1500$ кг движется с постоянной скоростью и затем разгоняется на прямолинейном горизонтальном участке дороги. График зависимости скорости от времени при разгоне показан на рисунке. В конце разгона сила тяги двигателя равна $F_k = 600$ Н. Считать, что при разгоне сила сопротивления движению пропорциональна скорости.



- 1) Используя график, найти ускорение автомобиля в начале разгона.
- 2) Найти силу тяги F_0 в начале разгона.
- 3) Какая мощность P_0 передается от двигателя на ведущие колеса в начале разгона?

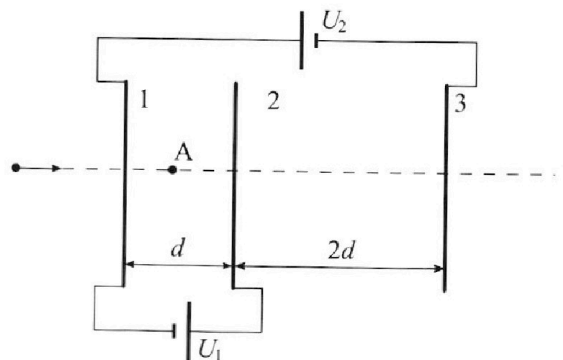
Требуемая точность численного ответа на первый вопрос ориентировочно 10%.

2. Герметичный вертикальный цилиндрический сосуд объёмом V разделён тонким невесомым теплопроводящим герметичным поршнем (диск соосный с сосудом) на две равные части. Поршень может перемещаться без трения. В верхней части цилиндра находится гелий, а в нижней - вода и углекислый газ. В начальный момент система находилась в равновесии при давлении $P_0 = P_{\text{ATM}}/2$ (P_{ATM} - нормальное атмосферное давление) и при комнатной температуре T_0 . При этом жидкость занимала объём $V/4$. Затем цилиндр медленно нагрели до $T = 373$ К. Установившийся объём его верхней части стал равен $V/5$.

По закону Генри, при заданной температуре количество Δv растворённого газа в объёме жидкости w пропорционально парциальному давлению p газа: $\Delta v = kpw$. Объём жидкости при этом практически неизменен. Для углекислого газа константа Генри для данной комнатной температуры $k \approx 0,5 \cdot 10^{-3}$ моль/(м³·Па). При конечной температуре T углекислый газ в воде практически не растворяется. Можно принять, что $RT \approx 3 \cdot 10^3$ Дж/моль, где R - универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной температуре и изменением объёма жидкости в процессе нагревания пренебречь. Все газы считать идеальными.

- 1) Найти отношения количества вещества в газообразном состоянии в верхней и нижней частях до нагревания.
- 2) Определите отношение конечной и начальной температур в сосуде T/T_0 .

3. Три проводящие плоские мелкие сетки находятся друг напротив друга на расстояниях d и $2d$ (см. рис.). Размеры сеток значительно больше d . Изначально сетки не заряжены. К сеткам подсоединили источники с напряжением $U_1 = U$ и $U_2 = 3U$. Частица массой m и зарядом $q > 0$ движется по направлению к сеткам и перпендикулярно сеткам, имея скорость V_0 на расстоянии от сеток, намного большем их размеров. Частица пролетает через сетки, не отклоняясь от прямолинейной траектории. Заряд q намного меньше модуля зарядов сеток.



- 1) Найти модуль ускорения частицы в области между сетками 1 и 2.
- 2) Найти разность $K_1 - K_2$, где K_1 и K_2 — кинетические энергии частицы при пролете сеток 1 и 2.
- 3) Найти скорость частицы в точке А на расстоянии $d/4$ от сетки 1.

Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

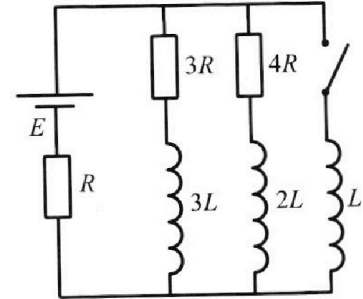
Вариант 11-03

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

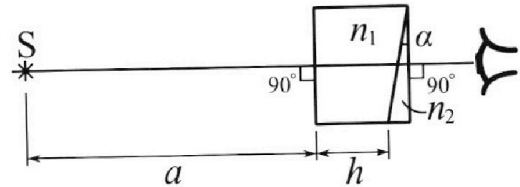


4. Параметры цепи указаны на схеме, все элементы идеальные. Ключ разомкнут, режим в цепи установился. Затем ключ замыкают.

- 1) Найти ток I_{10} через резистор с сопротивлением $3R$ при разомкнутом ключе.
 - 2) Найти скорость возрастания тока в катушке индуктивностью L сразу после замыкания ключа.
 - 3) Какой заряд протечет через резистор с сопротивлением $3R$ при замкнутом ключе?
- Ответы давать с числовыми коэффициентами в виде обыкновенных дробей.



5. Оптическая система состоит из двух призм с показателями преломления n_1 и n_2 и находится в воздухе с показателем преломления $n_{\text{в}} = 1,0$. Точечный источник света S расположен на расстоянии $a = 90$ см от системы и рассматривается наблюдателем так, что источник и глаз наблюдателя находятся на прямой, перпендикулярной наружным поверхностям призм (см. рис.). Угол $\alpha = 0,1$ рад можно считать малым, толщина $h = 14$ см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник – глаз» намного меньше h . Отражения в системе не учитывать.



- 1) Считая $n_1 = n_{\text{в}} = 1,0$, $n_2 = 1,7$, найдите на какой угол отклонится системой луч, идущий от источника перпендикулярно левой грани системы.
- 2) Считая $n_1 = n_{\text{в}} = 1,0$, $n_2 = 1,7$, найдите расстояние между источником и его изображением, которое будет видеть наблюдатель.
- 3) Считая $n_1 = 1,4$, $n_2 = 1,7$, найдите на каком расстоянии от источника будет его изображение, которое увидит наблюдатель.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$1) a = \frac{dv}{dt} = \dot{v} = \operatorname{tg} \alpha = \frac{5}{10} = 0,5 \text{ м/с}^2$$

$$2) F_0 - F_k' = ma = 750 \text{ Н}$$

$$\frac{F_k}{F_k'} = \frac{v_k}{v_0} = \frac{25}{10} = 2,5 \quad F_k' = \frac{600}{2,5} = \frac{120}{0,5} = 240 \text{ Н}$$

$$F_0 = F_k' + ma = 240 + 750 = 990 \text{ Н}$$

$$3) dE = F_0 ds - F_k' ds$$

$$P_0 = \frac{F_0 ds}{dt} = F_0 \cdot v_0 = 990 \cdot 10 = 9900 \text{ Вт}$$

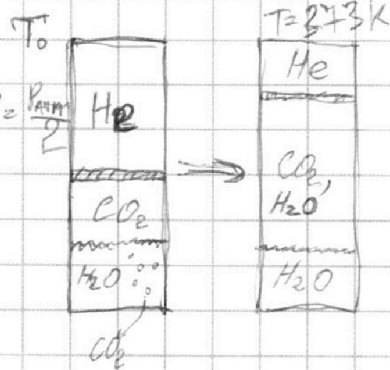
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$P_0 \cdot \frac{V}{T_0} = \frac{P \cdot V}{T}$$

$$\frac{4}{5} V = \frac{V}{5} \left(\frac{4}{5} - 1 \right)$$

$$= V \cdot \frac{1}{20}$$

$$\frac{P_0}{2T_0} = \frac{P}{5T} \quad P = \frac{5TP_0}{2T_0}$$

$$P_0 = \frac{V}{4} = \nu_{CO_2} RT_0$$

$$\Delta \nu_{CO_2} = k \cdot P_0 \cdot \frac{V}{4}$$

$$(\nu_{CO_2} + \Delta \nu_{CO_2}) = \frac{P_0 V}{4} \left(k + \frac{1}{RT_0} \right) = \frac{P_{CO_2} \cdot V \cdot \frac{11}{20}}{RT}$$

$$\nu_{He} = \frac{P_0 \cdot \frac{V}{2}}{RT_0}$$

$$\frac{\nu_{He}}{(\nu_{CO_2} + \Delta \nu_{CO_2})} = \frac{P_0 V \cdot \frac{4}{RT_0}}{2RT_0 \cdot \frac{P_0 V (k + \frac{1}{RT_0})}{4}}$$

$$= \frac{2}{1 + kRT_0} \left[P_{CO_2} = \frac{5P_0}{11} \left(kRT_0 + \frac{T}{T_0} \right) \right]$$

$$P_{H_2O} \text{ при } 373 \text{ K} = 2P_0$$

$$2P_0 + \frac{5P_0}{11} \left(kRT_0 + \frac{T}{T_0} \right) = \frac{5 \cdot T}{2} \cdot \frac{P_0}{T_0}$$

$$2 + \frac{5}{11} \left(\frac{15}{2} + \frac{T}{T_0} \right) = \frac{5}{2} \frac{T}{T_0}$$

$$2 + \frac{15}{22} + \frac{5}{11} \left(\frac{T}{T_0} \right) = \frac{5}{2} \left(\frac{T}{T_0} \right) \quad \frac{T}{T_0} \left(\frac{55 - 10}{22} \right) = \frac{44 + 15}{22}$$

$$\frac{T}{T_0} = \frac{59}{4,5}$$

$$\frac{\nu_{He}}{\nu_{CO_2} + \Delta \nu_{CO_2}} = \frac{2}{1 + kRT_0 \cdot \frac{T}{T_0}} = \frac{2}{1 + \frac{3}{2} \cdot \frac{45}{59}} = \frac{236}{118 + 135} = \frac{236}{253}$$

$$\frac{\nu_{He}}{\nu_{CO_2}} = 2$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

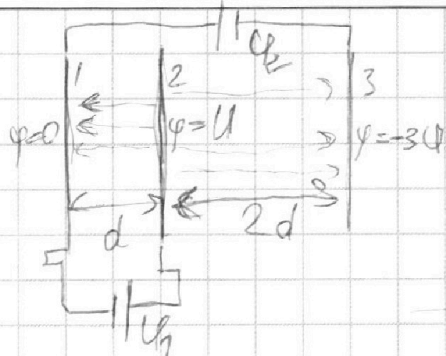
1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



3



$$\varphi_2 - \varphi_1 = U_1$$

$$\varphi_1 - \varphi_3 = U_2$$

Пусть $\varphi_2 = 0 \Rightarrow \varphi_1 = -U_1 = -U$

Пусть $\varphi_1 = 0 \Rightarrow \varphi_2 = U_1 = U, \varphi_3 = -U_2 = -3U$

$$\varphi_2 - \varphi_3 = U_1 + U_2 = 4U$$

$$|\vec{E}_{12}| = \frac{\varphi_2 - \varphi_1}{d} = \frac{U}{d} \quad |\vec{a}_{12}| = \frac{|\vec{E}| \cdot q}{m} = \frac{qU}{dm}$$

~~$\varphi_1 = 0$~~ ~~$\varphi_2 = U$~~ ~~$\varphi_3 = -3U$~~

$$K_1 - K_2 = -U \cdot q$$

$$3) \quad + \frac{m v_1^2}{2} = \frac{m v^2}{2} = \frac{U q}{4} \quad v_1^2 - v^2 = \frac{U q}{2m}$$

$$v^2 = \sqrt{v_1^2 - \frac{U q}{2m}}$$

~~$\varphi_2 = 0 - U = \varphi_1 = -3U$~~

~~$\varphi_2 = 4U$~~

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

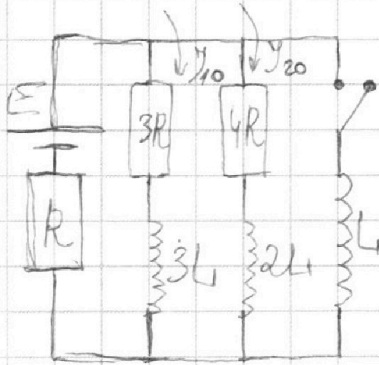
1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



4)



$$I_{10} \cdot 3R + I_{20} \cdot 4R + R \cdot (I_{10} + I_{20}) = E$$

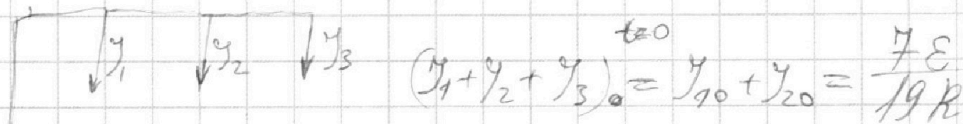
$$I_{10} \cdot 3R = I_{20} \cdot 4R$$

$$I_{20} = \frac{3}{4} I_{10} \quad I_{10} = I_{20} \cdot \frac{4}{3}$$

$$R \left(\frac{4}{3} I_{10} + I_{10} \right) = \frac{19}{3} I_{10} R = E$$

$$I_{10} = \frac{4E}{19R} \quad I_{20} = \frac{3E}{19R}$$

2)



$$(I_1 + I_2 + I_3) R = I_{10} + I_{20} = \frac{7E}{19R}$$

$$U_L = E - R \cdot (I_1 + I_2 + I_3) = E - \frac{7E}{19} = \frac{12}{19} \cdot E$$

$$L \cdot \frac{dI_3}{dt} = \frac{12}{19} E \quad \frac{dI_3}{dt} = \frac{12}{19} \frac{E}{L}$$

$$I_1(t) \cdot 3R + \frac{dI_1}{dt} \cdot 3L = U_L$$

$$I_2(t) \cdot 4R + \frac{dI_2}{dt} \cdot 2L = U_L$$

$$\frac{dI_3}{dt} \cdot L = U_L \quad U_3 = U_2 = U_1 = U_L$$

$$(I_1 + I_2 + I_3) R + U_L = E$$

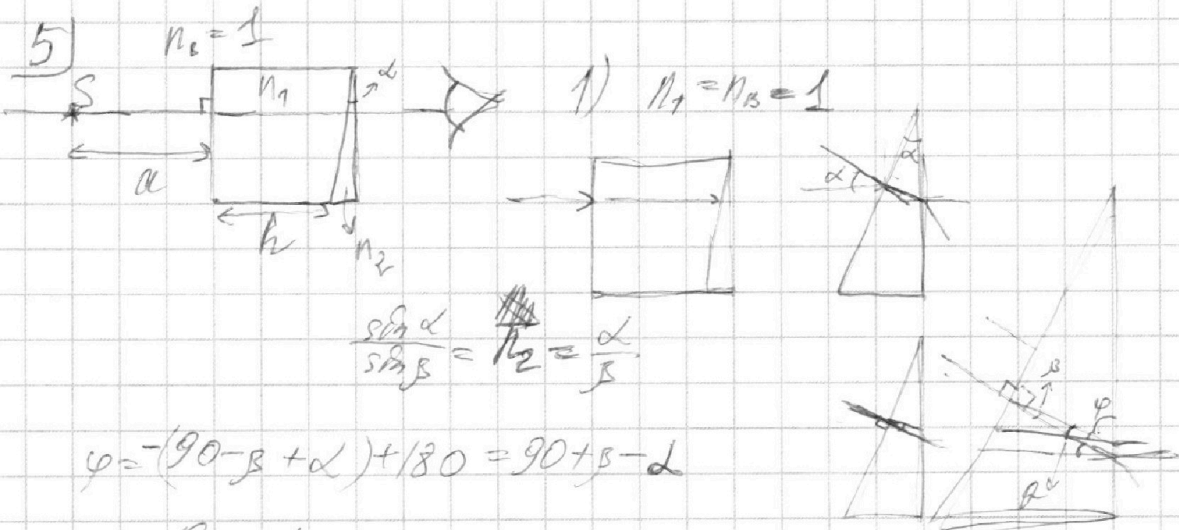
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



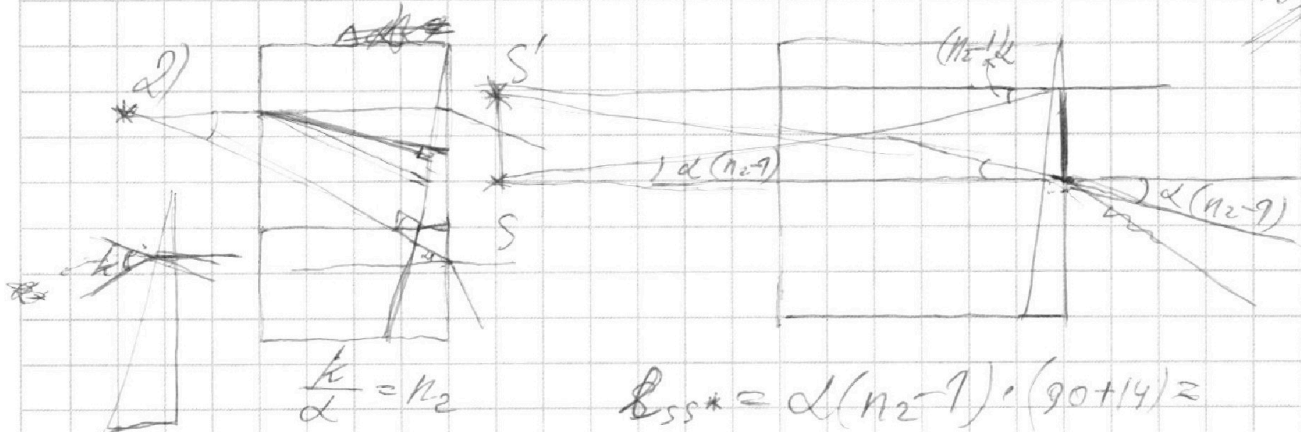
$$\varphi = -(90 - \beta + \alpha) + 180 = 90 + \beta - \alpha$$

$$\beta = \alpha - \varphi$$

$$\frac{\sin \gamma}{\sin \alpha} = n_2 = \frac{\gamma}{\alpha - \beta} = \frac{\gamma}{\alpha - (\alpha - \varphi)} = \frac{\gamma}{\varphi} = \frac{\alpha}{\beta} \quad \beta = \alpha n_2 \sin \gamma$$

$$n_2 = \frac{\gamma}{\alpha - \frac{\alpha}{n_2}} = \frac{\gamma n_2}{\alpha(n_2 - 1)} \quad \beta = \frac{\alpha}{n_2}$$

$$\gamma = \alpha(n_2 - 1) = 0,07 \text{ рад}$$



$$\frac{h}{a} = n_2$$

$$L_{SS^*} = \alpha(n_2 - 1) \cdot (90 + 14) = 0,07 \cdot 104 = 7,28 \text{ см}$$

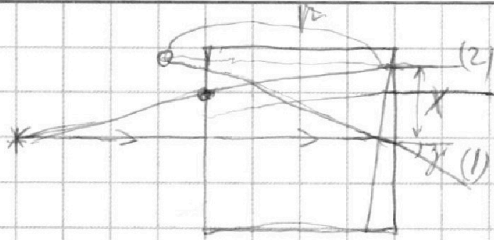
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

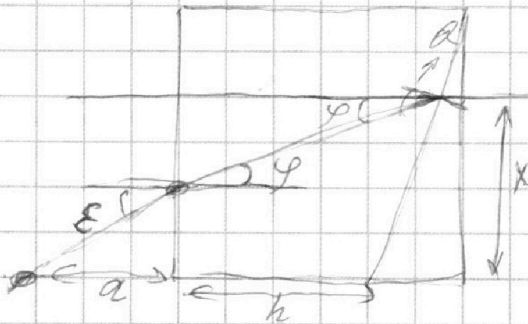
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$(1) \frac{\beta}{\alpha} = \frac{n_1}{n_2} \quad \beta = \alpha \cdot \frac{n_1}{n_2}$$

$$\frac{\alpha - \beta}{\beta} = \frac{1}{n_2}$$

$$y = n_2 \left(d - d \frac{n_1}{n_2} \right) = d (n_2 - n_1)$$



$$\alpha = d \cdot \frac{n_2}{n_1} \quad \varphi = d \left(\frac{n_2}{n_1} - 1 \right)$$

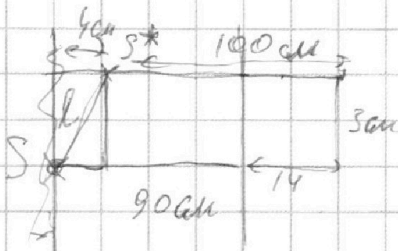
$$\frac{\epsilon}{\varphi} = n_1 \quad \epsilon = d (n_2 - n_1)$$

$$x = d b \left(\frac{n_2}{n_1} - 1 \right) + a d (n_2 - n_1)$$

$$= d (n_2 - n_1) \left(\frac{b}{n_1} + a \right) =$$

$$= 0,1 \cdot 0,3 \left(\frac{14}{1,4} + 90 \right) = 3 \text{ см}$$

$$\frac{x}{a} = \tan \gamma \approx \gamma = d (n_2 - n_1) \quad r = \frac{x}{d (n_2 - n_1)} = 100 \text{ см}$$



$$r_{SS^*} = \sqrt{5^2 + 9^2} = 10 \text{ см}$$



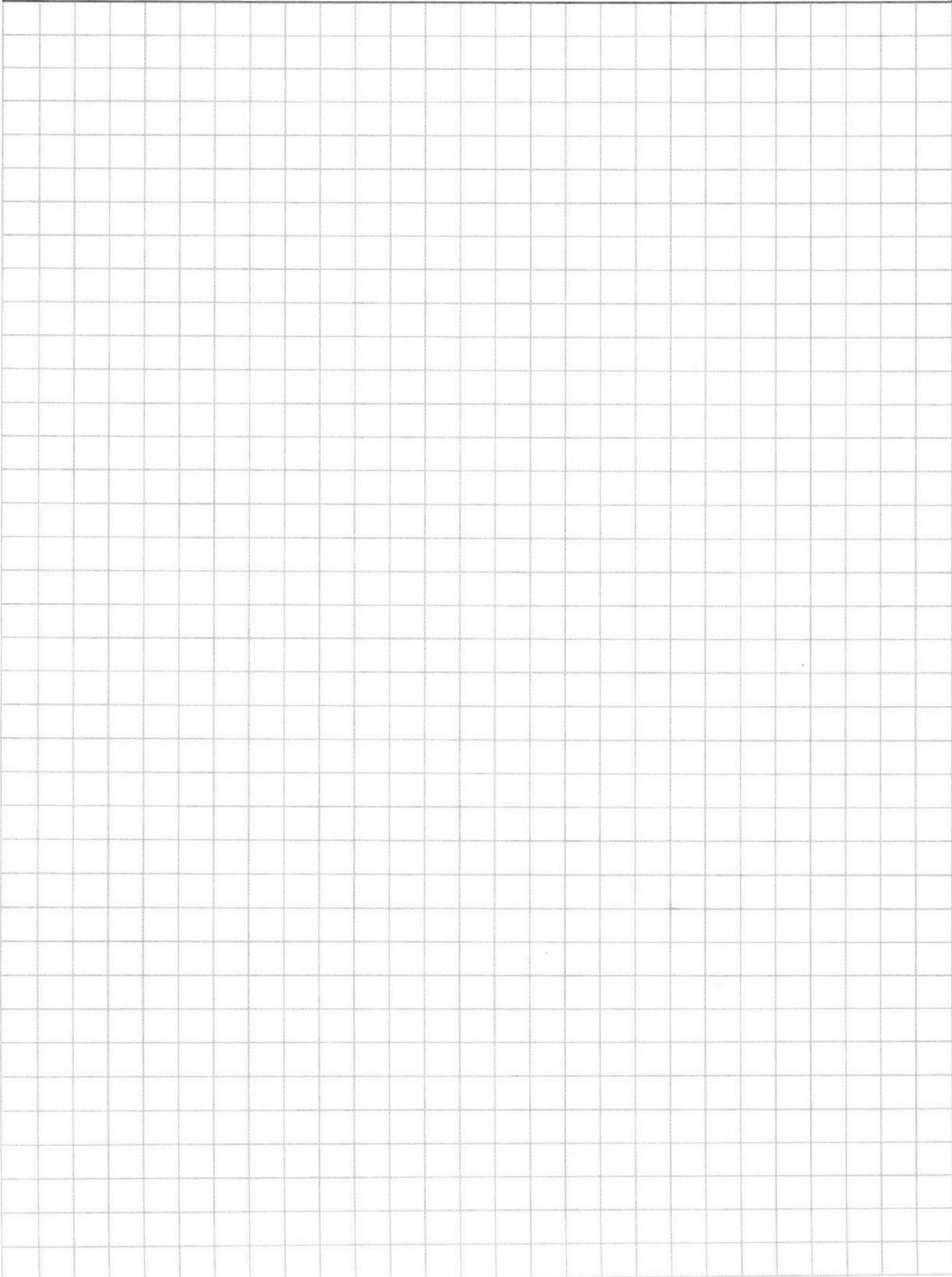
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!





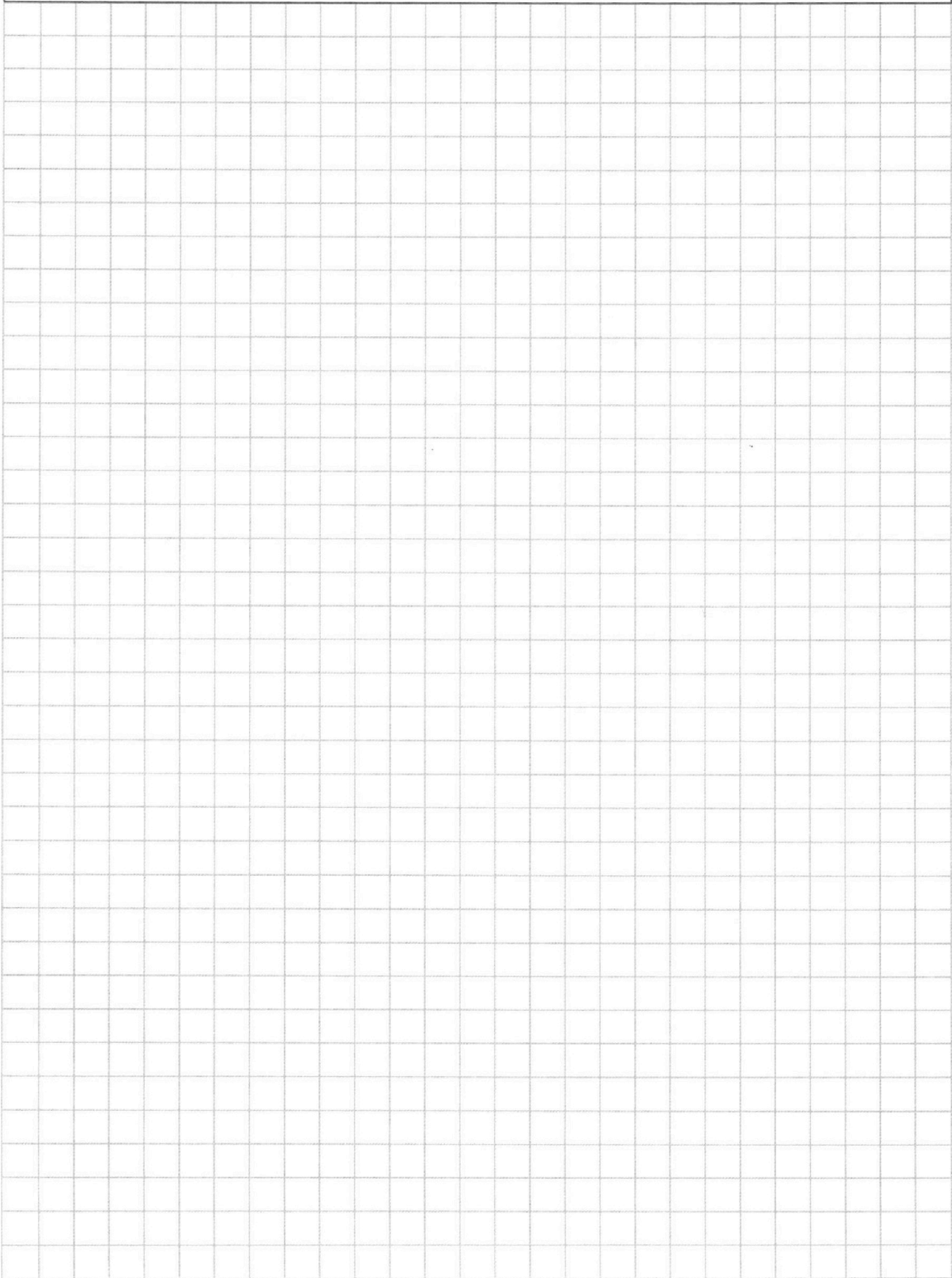
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!





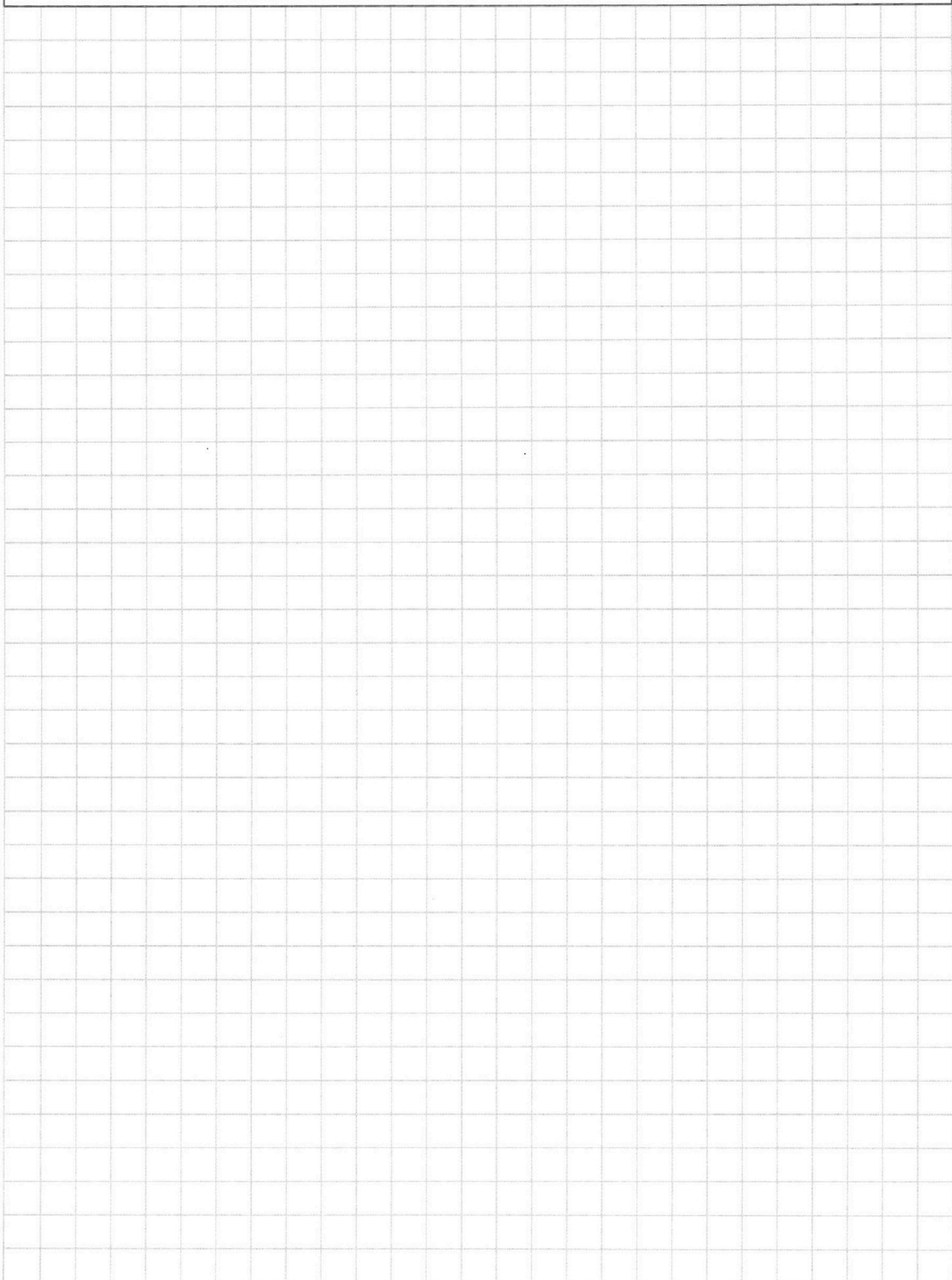
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

