



Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 10-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Мяч, посланный теннисистом вертикально вверх, поднимается на максимальную высоту за $T = 2$ с.

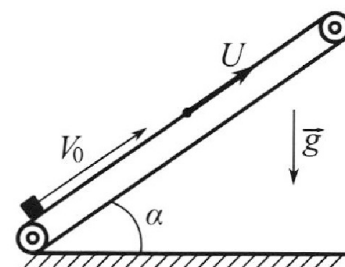
1) Найдите начальную скорость V_0 мяча.

2) Теннисист посылает мяч с начальной скоростью V_0 под различными углами к горизонту в направлении высокой вертикальной стенки, находящейся на расстоянии $S = 20$ м от места броска. На какой максимальной высоте мяч ударяется о стенку?

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Мяч движется в плоскости перпендикулярной стенке. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым. Все высоты отсчитываются от точки старта.

2. Лента транспортера, предназначенного для подъема грузов, образует с горизонтальной плоскостью угол α такой, что $\sin \alpha = 0,8$ (см. рис.).

В первом опыте небольшую коробку ставят на покоящуюся ленту транспортера и сообщают коробке начальную скорость $V_0 = 4$ м/с. Коэффициент трения скольжения коробки по ленте $\mu = \frac{1}{3}$. Движение коробки прямолинейное.



1) За какое время T после старта коробка пройдет в первом опыте путь $S = 1$ м?

Во втором опыте коробку ставят на ленту транспортера, движущуюся со скоростью $U = 2$ м/с, и сообщают коробке скорость $V_0 = 4$ м/с.

2) На каком расстоянии L от точки старта скорость коробки во втором опыте будет равна $U = 2$ м/с?

3) На какой высоте H , отсчитанной от точки старта, скорость коробки во втором опыте станет равной нулю? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Все кинематические величины измерены в лабораторной системе отсчета.

3. Санки дважды разгоняют из состояния покоя до одной и той же скорости V_0 за одинаковое время.

В первом случае санки тянут, действуя постоянной по модулю силой, направленной под углом α к горизонту (см. рис.).

Во втором случае такая же по модулю сила, приложенная к санкам, направлена горизонтально. После достижения скорости V_0 действие внешней силы прекращается.

1) Найдите коэффициент μ трения скольжения санок по горизонтальной поверхности.

2) Через какое время T после прекращения действия силы санки остановятся? Ускорение свободного падения g .

Санки находятся на горизонтальной поверхности. Движение санок прямолинейное.

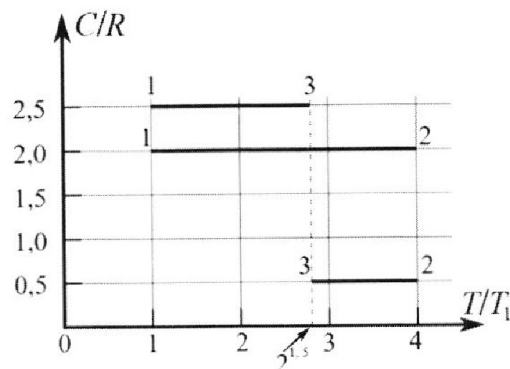


Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 10-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

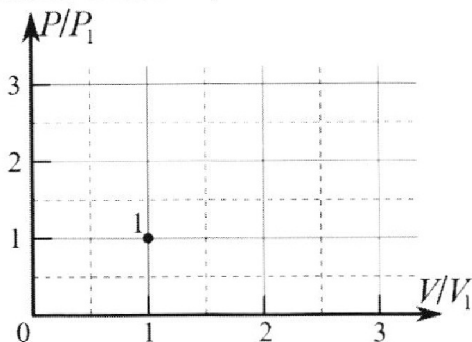
4. Тепловой двигатель работает по циклу 1-2-3-1. Рабочее вещество – один моль одноатомного идеального газа. Для вычисления КПД цикла ученик десятого класса построил график зависимости молярной теплоемкости C газа (в единицах универсальной газовой постоянной R) от температуры в процессах: 1-2, 2-3, 3-1 (см. рис.). Температура газа в состоянии 1 $T_1 = 400$ К, универсальная газовая постоянная $R = 8,31$ Дж/(моль·К).



1) Найдите работу A_{12} газа в процессе 1-2.

2) Найдите КПД η цикла.

3) Постройте график цикла в координатах $(P/P_1, V/V_1)$, где P_1 и V_1 давление и объем в состоянии 1. Для построения графика перенесите шаблон (см. ниже) в чистовик своей работы. Точка 1 на графике соответствует состоянию 1 газа в цикле.



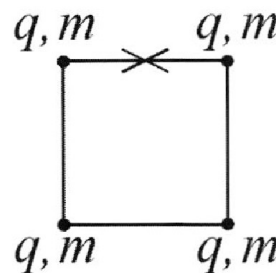
5. Четыре заряженных шарика связаны легкими нерастяжимыми нитями так, что шарики находятся в вершинах квадрата со стороной b (см. рис.). Масса каждого шарика m , заряд q .

1) Найдите силу T натяжения нитей.

Одну нить пережигают.

2) Найдите скорость V любого, выбранного Вами шарика, в тот момент, когда шарики будут находиться на одной прямой.

3) На каком расстоянии d от точки старта будет находиться в этот момент любой из двух шариков, изначально расположенных сверху (на рисунке)?



Коэффициент пропорциональности в законе Кулона k . Действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



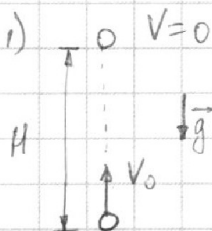
Задача N 1

$$T = 2c, S = 20\text{ м}, g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

1) V_0 - ?

2) $H_{\max}$ - ?

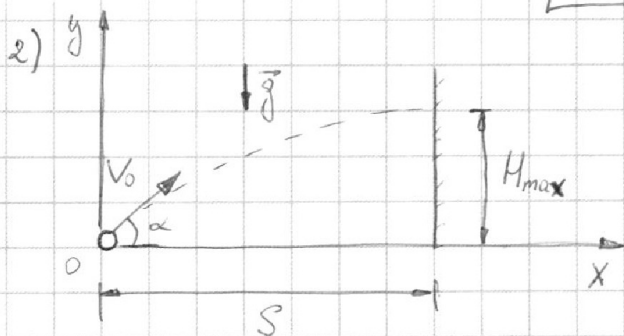
Решение:



H - максимальная высота
 $\Rightarrow V=0$ - скорость в верхней точке

$$V = V_0 - gT = 0$$

$$V_0 = gT = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$



α - угол бросания (к горизонту)

Введем систему координат XY

t - время до удара об стену

1) OX : $S = V_0 \cos \alpha t \Rightarrow t = \frac{S}{V_0 \cos \alpha}$

OY : $H = V_0 \sin \alpha t - \frac{gt^2}{2}$

$$H = V_0 \sin \alpha \cdot \frac{S}{V_0 \cos \alpha} - \frac{g}{2} \cdot \frac{S^2}{V_0^2 \cos^2 \alpha} = S \tan \alpha - \frac{g S^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha}$$

2) $H = \max \Rightarrow \frac{dH}{d\alpha} = 0 \Rightarrow \frac{dH}{d(\tan \alpha)} = 0$

$$H = S \tan \alpha - \frac{g S^2}{2 V_0^2} \cdot \frac{1}{\cos^2 \alpha} = S \tan \alpha - \frac{g S^2}{2 V_0^2} (\tan^2 \alpha + 1)$$

$$\frac{dH}{d(\tan \alpha)} = S - \frac{g S^2}{2 V_0^2} \cdot 2 \tan \alpha = 0$$

$$\tan \alpha = \frac{V_0^2}{g S} - \text{условие максимума } H$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача 11. (продолжение)

$$H_{\max} = S \tan \alpha - \frac{g S^2}{2 V_0^2} (\tan^2 \alpha + 1) =$$

$$= \frac{S V_0^2}{g S} - \frac{g S^2}{2 V_0^2} \left(\frac{V_0^4}{g^2 S^2} + 1 \right) =$$

$$= \frac{V_0^2}{g} - \left(\frac{V_0^2}{2g} + \frac{g S^2}{2 V_0^2} \right) = \frac{V_0^2}{2g} - \frac{g S^2}{2 V_0^2}$$

$$H_{\max} = \frac{1}{2} \left(\frac{V_0^2}{g} - \frac{g S^2}{V_0^2} \right) = 15 \text{ м}$$

Ответ: 1) $V_0 = g T = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

2) $H_{\max} = \frac{1}{2} \left(\frac{V_0^2}{g} - \frac{g S^2}{V_0^2} \right) = 15 \text{ м}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

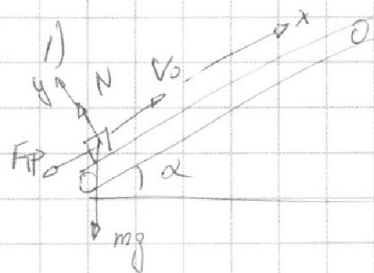
1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №2



a_1 - ускорение при движении вверх

$$OY: N = mg \cos \alpha$$

$$OX: -(mg \sin \alpha + F_{тр}) = ma_1,$$

$$F_{тр} = \mu N = \mu mg \cos \alpha$$

$$a_1 = -g (\sin \alpha + \mu \cos \alpha)$$

I Путь до остановки: $S_1 = \frac{0 - v_0^2}{2a_1}$

$$S_1 = \frac{v_0^2}{2g (\sin \alpha + \mu \cos \alpha)} = 0,8 \text{ м}$$

$S_1 < S \Rightarrow$ коробка остановится и
начнет двигаться вниз.

Время до остановки $t_1 = \frac{0 - v_0}{a_1} = \frac{v_0}{g (\sin \alpha + \mu \cos \alpha)}$

$$t_1 = 0,4 \text{ с}$$

II После остановки $a_2 = g (-\sin \alpha + \mu \cos \alpha)$
ускорение при движении вниз

$$S_2 = S - S_1 = 0,2 \text{ м}$$

$$S_2 = \frac{|a_2| t_2^2}{2} \Rightarrow t_2 = \sqrt{\frac{2S_2}{g (\sin \alpha - \mu \cos \alpha)}}$$

$$t_2 = \sqrt{\frac{1}{15}} \text{ с}$$

$$T = t_1 + t_2 = \left(0,4 + \frac{1}{\sqrt{15}}\right) \text{ с}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача 12 (продолжение)

2) $V_{отн}$ — относительная скорость коробки
(относительно ленты)

$$V_{отн} = V - U \Rightarrow V = V_{отн} + U$$

$$\text{Условие } V = U \Rightarrow V_{отн} = 0$$

$$L = S_{отн} + S_{ленты}$$

$$V_{отн} = V_{отн0} + a_1 t$$

↑ время, когда $V = U$

$$0 = (V_0 - U) + a_1 t$$

$$t = \frac{V_0 - U}{g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha)} = 0,2 \text{ с}$$

$$S_{отн} = V_{отн0} t + \frac{a_1 t^2}{2} = \frac{(V_0 - U)^2}{2g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha)} = 0,2 \text{ м}$$

$$S_{ленты} = U t = 0,4 \text{ м}$$

$$L = 0,6 \text{ м}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача №2 (продолжение 2)

$$3) \quad V = V_{отн} + U = 0 \Rightarrow V_{отн} = -U$$

$$L' = L + S_{ветер}^1 - S_{отн}^1$$

$$S_{отн}^1 = \frac{|a_2| t'^2}{2}$$

расстояние, пройденное
после момента $V=U$ до $V=0$

$$t' = \frac{0-U}{a_2} = \frac{U}{g(\sin \alpha - \mu \cos \alpha)} = \frac{1}{3} \text{ с}$$

$$S_{отн}^1 = \frac{1}{3} \text{ м}$$

$$S_{ветер}^1 = Ut' = \frac{2}{3} \text{ м}$$

$$L' = 0,6 \text{ м} + \frac{2}{3} \text{ м} - \frac{1}{3} \text{ м} = \left(0,6 + \frac{1}{3}\right) \text{ м}$$

$$H = L' \sin \alpha = 0,8 \cdot \left(0,6 + \frac{1}{3}\right) \text{ м} = \frac{224}{300} \text{ м} = \frac{56}{75} \text{ м}$$

Ответ: 1) $T = \left(0,4 + \frac{1}{\sqrt{15}}\right) \text{ с}$

2) $L = 0,6 \text{ м}$

3) $H = \frac{56}{75} \text{ м}$

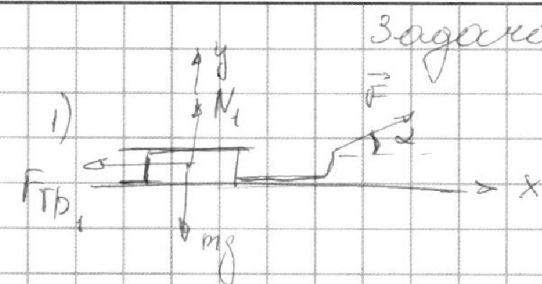
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



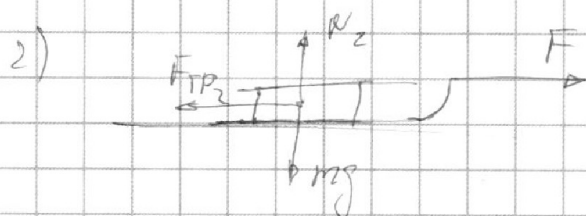
$$OY: F \sin \alpha + N_1 - mg = 0$$

$$OX: F \cos \alpha - F_{\text{тр}1} = ma_1$$

$$F_{\text{тр}1} = \mu N_1 = \mu (mg - F \sin \alpha)$$

$$F (\cos \alpha + \mu \sin \alpha) - \mu mg = ma_1$$

$$a_1 = \frac{F}{m} (\cos \alpha + \mu \sin \alpha) - \mu g$$



$$OY: N_2 - mg = 0$$

$$OX: F - F_{\text{тр}2} = ma_2$$

$$F_{\text{тр}2} = \mu N_2 = \mu mg$$

$$F - \mu mg = ma_2$$

$$a_2 = \frac{F}{m} - \mu g$$

$$a_1 = a_2 \Rightarrow \frac{F}{m} (\cos \alpha + \mu \sin \alpha) - \mu g = \frac{F}{m} - \mu g$$

$$\cos \alpha + \mu \sin \alpha = 1$$

$$\mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

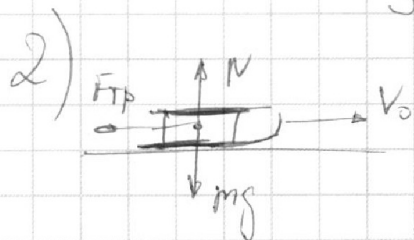
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача 13 (продолжение)



$$OY: N - mg = 0$$

$$OX: -F_{\text{тр}} = ma$$

$$F_{\text{тр}} = \mu N = \mu mg$$

$$-\mu mg = ma \Rightarrow a = -\mu g$$

$$T = \frac{0 - V_0}{a} = \frac{V_0}{\mu g}$$

$$T = \frac{V_0}{g} \cdot \frac{\sin \alpha}{1 - \cos \alpha}$$

Ответ: 1) $\mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$

2) $T = \frac{V_0}{g} \cdot \frac{\sin \alpha}{1 - \cos \alpha}$

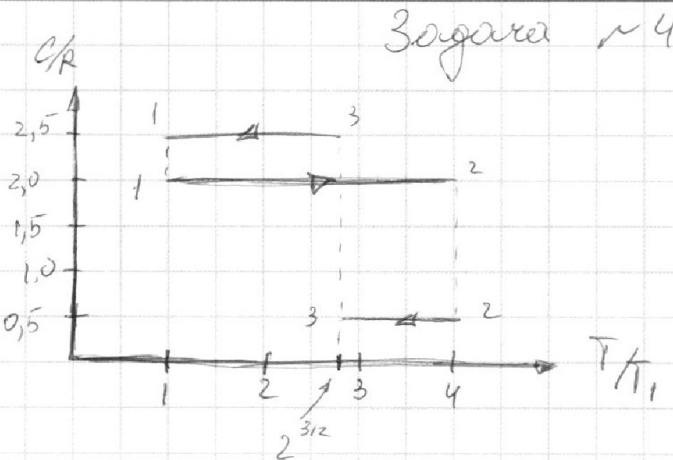
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\begin{aligned}
 1) \quad A_{12} &= Q_{12} - \Delta U_{12} \\
 Q_{12} &= \int_1^2 c dT = \\
 &= C_{12} \cdot (T_2 - T_1) = \\
 &= 2R \cdot (4T_1 - T_1) = 6RT_1
 \end{aligned}$$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} R (4T_1 - T_1) = \frac{9}{2} RT_1$$

$$A_{12} = \frac{3}{2} RT_1 = 4986 \text{ Дж}$$

$$2) \quad \eta = \frac{A}{Q_1} = \frac{Q_1 + Q_2'}{Q_1} = 1 - \frac{Q_2'}{Q_1}$$

Q_2' - отданное тепло

Q_1 - полученное тепло

$$Q_1 = Q_{12} = 6RT_1$$

$$Q_2' = \cancel{Q_{23}} - (Q_{23} + Q_{31}) = Q_{13} + Q_{32}$$

$$Q_{13} = 2.5R \cdot (2^{3/2}T_1 - T_1)$$

$$Q_{32} = 0.5R \cdot (4T_1 - 2^{3/2}T_1)$$

$$\begin{aligned}
 Q_2' &= 2.5R (2^{3/2}T_1 - T_1) + 0.5R (4T_1 - 2^{3/2}T_1) = \\
 &= 2 \cdot 2^{3/2}RT_1 - 0.5RT_1 = RT_1 (2^{5/2} - 2^{-1})
 \end{aligned}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

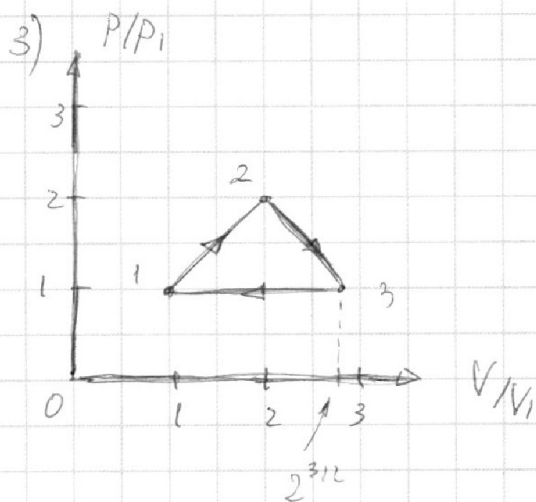


Задача №4 (продолжение)

$$\eta = 1 - \frac{RT_1 (2^{5/2} - \frac{1}{2})}{6 RT_1} = 1 - \frac{2^{5/2}}{6} + \frac{1}{2 \cdot 6}$$

$$\eta = \frac{12 - 2^{4/2} + 1}{12} = \frac{13 - 2^{4/2}}{12}$$

$$\boxed{\eta = \frac{13 - 2^{4/2}}{12}}$$



1. $PV_1 = RT_1$

2. $P_2 V_2 = 4 RT_1$

$$A_{12} = \int_1^2 P dV = \frac{3}{2} RT_1 = \frac{3}{2} P_1 V_1$$

$\frac{3}{2}$ — площадь под
1-2

$$\Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = 2, \quad \frac{V_2}{V_1} = 2$$

3. $P_3 V_3 = 2^{3/2} RT_1 = 2^{3/2} P_1 V_1$

$$A_{23} = Q_{23} - \Delta U_{23} = 0,5 R (2^{2/3} - 4) T_1 - \frac{3}{2} R (2^{2/3} - 4) T_1 =$$

$$= - R (2^{2/3} - 4) T_1$$

$A_{23} = - \frac{2}{3} \Delta U_{23}$ — площадь под процессом

$$\Delta U_{23} = \frac{\Delta(PV)}{\gamma - 1}$$

$$A_{23} = - \frac{\Delta(PV)}{n-1} = - \frac{\gamma-1}{n-1} \Delta U_{23}$$

$$\gamma = \frac{c+2}{c} = \frac{5}{3}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача 4 (продолжение 2)

$$-\frac{2}{3} = -\frac{8-1}{n-1}$$

$$n-1 = \frac{3}{2} \cdot (8-1) = \frac{3}{2} \cdot \left(\frac{5}{3} - 1\right) = \frac{3}{2} \cdot \frac{2}{3} = 1$$

$$n = 2$$

В процессе 2-3 $pV^2 = \text{const}$

$$p_2 V_2^2 = p_3 V_3^2$$

$$\begin{cases} 2p_1 \cdot (2V_1)^2 = p_3 V_3^2 & (1) \\ 2^{3/2} RT_1 = p_3 V_3 & (2) \end{cases}$$

$$\frac{(1)}{(2)} \quad \frac{2^3 V_1}{2^{3/2}} = V_3 \Rightarrow \frac{V_3}{V_1} = 2^{3/2}, \quad \frac{p_3}{p_1} = 1$$

4. Соединяем точки 1 и 3

Ответ: 1) $A_{12} = 4986 \text{ Дж}$

2) $\eta = \frac{13 - 2^{7/2}}{12}$

3) График не приводим на странице

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

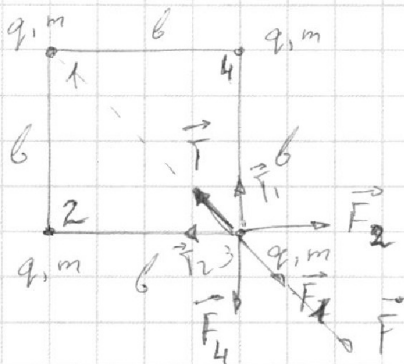
1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №5.



1) выберем один из шариков

$\vec{F} = \vec{F}_4 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3$ - сила
взаимодей-
ствия с остальными
шариками

$$F_4 = F_2 = k \frac{q^2}{b^2}, \quad F_3 = k \frac{q^2}{2b^2}$$

$$F = F_4 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} + F_3 + F_2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = k \frac{q^2}{b^2} \left(\sqrt{2} + \frac{1}{2} \right)$$

↙
cos 45°

Суммарная сила натяжения $T_{\text{общ}} = T\sqrt{2}$

$$F = T_{\text{общ}} \Rightarrow k \frac{q^2}{b^2} \left(\sqrt{2} + \frac{1}{2} \right) = T\sqrt{2}$$

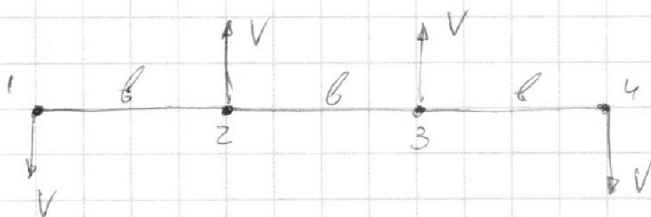
$$T = k \frac{q^2}{b^2} \left(1 + \frac{1}{2\sqrt{2}} \right)$$

2)

Уз 3CU и симметрии:

$$\vec{V}_1 = \vec{V}_4 = -\vec{V}_2 = -\vec{V}_3$$

$$V_1 = V_2 = V_3 = V_4 = V$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача №5 (продолжение 1)

ЗСЭ:

$$W_1 = \frac{1}{2} \sum q\varphi = \frac{1}{2} \cdot 4q\varphi = 2q\varphi$$

Для одного ионика

$$\varphi = \varphi_1 + \varphi_2 + \varphi_3 = k \frac{q}{b} + \frac{kq}{\sqrt{2}b} + k \frac{q}{b}$$

$$W_1 = 2k \frac{q^2}{b} \left(2 + \frac{1}{\sqrt{2}} \right) = k \frac{q^2}{b^2} (4 + \sqrt{2})$$

$$W_2 = W_{12} + W_{13} + W_{23} + W_{24} + W_{14} + W_{34} =$$

$$= k \frac{q^2}{b} + \frac{kq^2}{2b} + \frac{kq^2}{b} + \frac{kq^2}{2b} + \frac{kq^2}{3b} + \frac{kq^2}{b} =$$

$$= \frac{kq^2}{b} \left(1 + \frac{1}{2} + 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + 1 \right) =$$

$$= \frac{kq^2}{b} \left(3 + 1 + \frac{1}{3} \right) = \frac{kq^2}{b} \cdot \frac{13}{3}$$

$$W_1 = W_2 + E_k = W_2 + 4 \cdot \frac{mV^2}{2} = W_2 + 2mV^2$$

$$2mV^2 = W_1 - W_2 = k \frac{q^2}{b^2} (4 + \sqrt{2} - 4 - \frac{1}{3})$$

$$V^2 = \frac{kq^2}{2mb} \left(\sqrt{2} - \frac{1}{3} \right)$$

$$V = \sqrt{\frac{kq^2}{2mb} \left(\sqrt{2} - \frac{1}{3} \right)}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

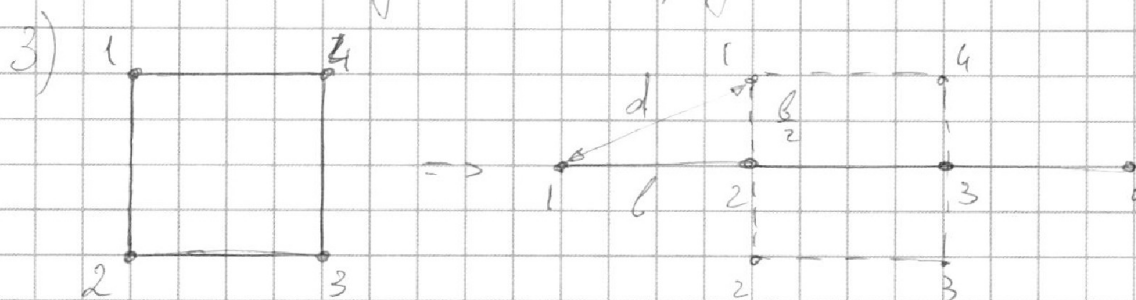
1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №5 (продолжение 2)



Симметрией системы в начале $p=0$

$$\frac{dp}{dt} = F_{внеш} = 0 \Rightarrow p = \text{const} = 0$$

$\Rightarrow V_c = 0$ - скорость центра масс

$\Rightarrow$ центр масс неподвижен

$$\Rightarrow d^2 = b^2 + \left(\frac{b}{2}\right)^2 = \frac{5}{4}b^2$$

$$d = \frac{b}{2}\sqrt{5}$$

Проблем:

$$1) T = \frac{kq^2}{b^2} \left(1 + \frac{1}{2\sqrt{2}}\right)$$

$$2) V = \sqrt{\frac{kq^2}{2mb} \left(\sqrt{2} - \frac{1}{3}\right)}$$

$$3) d = \frac{b}{2}\sqrt{5}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{\sin^2 \alpha}{\cos^2 \alpha} = \frac{1 - \cos^2 \alpha}{\cos^2 \alpha} = \frac{1}{\cos^2 \alpha} - 1$$

$$\frac{1}{\cos^2 \alpha} = \operatorname{tg}^2 \alpha + 1$$

$$1 - \frac{g S}{V_0^2} \operatorname{tg}^2 \alpha = 0$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{V_0^2}{g S}$$

$$\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{400}{20} - \frac{40 \cdot 400}{2 \cdot 400} \right) = \frac{1}{2} (20 - 5) = 7,5$$

$$4 - \sqrt{16 - 2 \cdot 10 \cdot 1 \left(0,8 + \frac{1}{3} \cdot 0,6 \right)}$$

$$10 \left(0,8 + \frac{1}{3} \cdot 0,6 \right)$$

$$0,8 \pm 0,6 \cdot \frac{1}{3} =$$

$$= 0,8 \pm 0,2$$

=

$$\frac{u^2}{2g(\sin \alpha - \mu \cos \alpha)} = \frac{2}{2 \cdot 10 \cdot 0,6} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$2,8 - 0,8 = \frac{2,24}{3}$$

$$\frac{112}{150} = \frac{56}{45}$$

$$600 - 8,31 = 6 \cdot 831$$

$$\begin{array}{r} 831 \\ \times 6 \\ \hline 4986 \end{array}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☒	☒	☒	☒	☒	☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №2.

$$\sin \alpha = 0,8$$

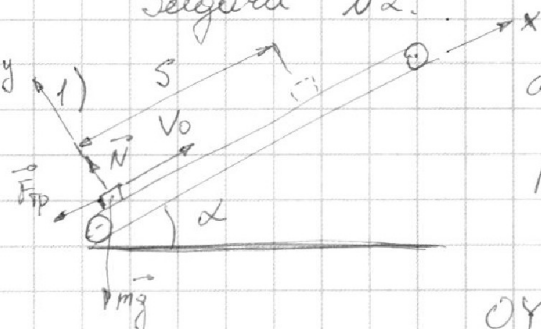
$$V_0 = 4 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$\mu = \frac{1}{3}$$

$$U = 2 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

$$S = 1 \text{ м}$$



a - ускорение коробки

Введем систему координат xy

$$OY: -mg \cos \alpha + N = 0$$

$$OX: -mg \sin \alpha - F_{\text{тр}} = ma$$

$$F_{\text{тр}} = \mu N = \mu mg \cos \alpha$$

$$-mg \sin \alpha - \mu mg \cos \alpha = ma \Rightarrow a = -g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha)$$

1) Граничным к моменту T скорость все еще
будет направлена вверх

$$S = V_0 T + \frac{aT^2}{2}$$

$$\frac{a}{2} T^2 + V_0 T - S = 0$$

$$T = \frac{-V_0 \pm \sqrt{V_0^2 + 2aS}}{\frac{a}{2}} = \frac{-V_0 \pm \sqrt{V_0^2 - 2gS(\sin \alpha + \mu \cos \alpha)}}{-g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha)}$$

$$T = \frac{V_0 \pm \sqrt{V_0^2 - 2gS(\sin \alpha + \mu \cos \alpha)}}{g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha)} = \emptyset, \text{ т.к.}$$

$$2gS(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) \geq V_0^2$$

2) Значит коробка остановится и поедет вниз

t' - время до остановки

a' - ускорение при
движении вниз

$$V_0 + at' = 0 \Rightarrow t' = -\frac{V_0}{a} = \frac{V_0}{g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha)} = 0,25 \text{ с}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача №2 (продолжение)

S' — расстояние до остановки

$$S' = -\frac{v_0^2}{2a} = \frac{v_0^2}{2g(\sin\alpha + \mu\cos\alpha)} = 0,8 \text{ м}$$

3) Расстояние, пройденное вниз $S'' = S - S' = 0,2 \text{ м}$

$$S'' = \frac{a'' t''^2}{2} \Rightarrow t'' = \sqrt{2} \quad a'' = g(\mu\cos\alpha - \sin\alpha)$$

$$S'' = \frac{|a''| t''^2}{2} \Rightarrow t'' = \sqrt{\frac{2S''}{g(\sin\alpha + \mu\cos\alpha)}}$$

$$t'' = 0,2 \text{ с}$$

$$4) \quad T = t' + t'' = 0$$

$$A_{23} = Q_{23} - \Delta U_{23} =$$

$$= 0,5 R (2^{2/3} - 4) T_1 - \frac{3}{2} R (2^{2/3} - 4) T_1 =$$

$$= - (2^{2/3} - 4) R T_1$$

$$\chi = \frac{5}{3}$$

$$A_{23} = -\frac{2}{3} \Delta U = -\frac{n-1}{n-1} \Delta U$$

$$n = -2,5 R (2^{3/2} - 1) T_1 + \frac{3}{2} (2^{3/2} - 1) T_1 R = -R T_1 (2^{3/2} - 1)$$