



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 3



1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $2^8 3^{14} 5^{12}$, bc делится на $2^{12} 3^{20} 5^{17}$, ac делится на $2^{14} 3^{21} 5^{39}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [5 баллов] Дан прямоугольный треугольник ABC . Окружность, касающаяся прямой BC в точке B , пересекает высоту CD , проведённую к гипотенузе, в точке F , а катет AC – в точке E . Известно, что $AB \parallel EF$, $AD : DB = 5 : 2$. Найдите отношение площади треугольника ABC к площади треугольника CEF .
3. [4 балла] Решите уравнение $10 \arcsin(\cos x) = \pi - 2x$.

4. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система уравнений

$$\begin{cases} ax - 3y + 4b = 0, \\ (x^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 20y + 64) = 0 \end{cases}$$

имеет ровно 4 решения.

5. [5 баллов] Некоторые числа x и y удовлетворяют равенствам

$$\log_5^4(2x) - 3 \log_{2x} 5 = \log_{8x^3} 625 - 3, \quad \text{и} \quad \log_5^4 y + 4 \log_y 5 = \log_{y^3} 0,2 - 3.$$

Найдите все возможные значения произведения xy .

6. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0;0)$, $P(-16;80)$, $Q(2;80)$ и $R(18;0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $5x_2 - 5x_1 + y_2 - y_1 = 45$.
7. [6 баллов] Дана треугольная пирамида $SABC$, медианы AA_1 , BB_1 и CC_1 треугольника ABC пересекаются в точке M . Сфера Ω касается ребра AS в точке L и касается плоскости основания пирамиды в точке K , лежащей на отрезке AM . Сфера Ω пересекает отрезок SM в точках P и Q . Известно, что $SP = MQ$, площадь треугольника ABC равна 100, $SA = BC = 16$.
 - а) Найдите произведение длин медиан AA_1 , BB_1 и CC_1 .
 - б) Найдите двугранный угол при ребре BC пирамиды, если дополнительно известно, что Ω касается грани BCS в точке N , $SN = 4$, а радиус сферы Ω равен 5.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

МФТИ



1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача 1.

$$\begin{aligned} a, b, c \in \mathbb{N}^+ & \\ a, b, c & \\ a, b, c & \end{aligned}$$

$a, b, c \in \mathbb{N}^+$
 a, b, c
 a, b, c

Заметим, что если a, b, c делятся ещё на 4 или 5, то прежде чем, в формуле $2, 3, 5$, то их можно разложить на эти числа и учитывать их при выборе вычитаемого.

Значит, a, b, c делятся ^{где мин. произв-я} только на ~~числа 2, 3, 5~~ $2, 3, 5$.

$$a = 2^{a_1} \cdot 3^{a_2} \cdot 5^{a_3}$$

$$b = 2^{b_1} \cdot 3^{b_2} \cdot 5^{b_3}$$

$$c = 2^{c_1} \cdot 3^{c_2} \cdot 5^{c_3}$$

тогда a из (1): $a_1 + b_1 \geq 8$ (1) (2): $b_1 + c_1 \geq 12$
 $a_2 + b_2 \geq 14$ и $b_2 + c_2 \geq 20$
 $a_3 + b_3 \geq 12$ $b_3 + c_3 \geq 17$

(3): $a_1 + c_1 \geq 14$
 $a_2 + c_2 \geq 21$
 $a_3 + c_3 \geq 39$

Рассмотрим случаи 2:

Заметим, что при $a_1 = 5, b_1 = 3, c_1 = 9$ все рав-ва выполняются, т.е. достигаются наименьшие случаи 2 $\Rightarrow a_1 = 5, b_1 = 3, c_1 = 9$

Случай 3:

Заметим, что если все три рав-ва выполняются, то

$$2a_2 + 2b_2 + 2c_2 = 55, \text{ что невозможно, так как это число нечётное}$$

тогда увеличим $a_2 + c_2$ на 1, т.е. $a_2 + c_2 \geq 22$ тогда $a_2 + c_2 + 2b_2 = 14 + 20 = 34$
 $\Rightarrow b_2 = 9$
 $\Rightarrow a_2 = 7 \Rightarrow c_2 = 13$

т.е. равенства (минимального значения) не достигаются, а это означает минимальное число на 10 от минимального

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

7) Заметим, что PB -кас. к ω ,
 $P-F-E$ - секущая ω } из точки P

$$\Rightarrow PB^2 = PF \cdot PE$$

$$BC \cdot (1-k)^2 = k^2 \cdot 2x \cdot 7x$$

$$4x^2 \cdot (1-k)^2 = 14x^2 \cdot k^2$$

$$14x^2 \cdot (k^2 - (1-k)^2) = 0$$

Т.к. $x \neq 0$ (иначе $AB=0$), то

$$k^2 = (1-k)^2$$

$$k^2 = k^2 - 2k + 1$$

$$1 - 2k = 0$$

$$k = \frac{1}{2}$$

$\Rightarrow CP = \frac{BC}{2} \Rightarrow k = \frac{1}{2}$ $PE \parallel AB$, P - сеп. BC , то PE - сеп. ΔABC
(по признаку.)

$$\Rightarrow \text{сеп. } AC, EP = \frac{7x}{2}, FP = \frac{2x}{2} = x \Rightarrow FF = \frac{7x - 2x}{2} = \frac{5x}{2}$$

$$8) \text{ Заметим, что } S(\triangle CFF) = \frac{FF}{EP} \cdot S(\triangle PEC) = \frac{FF}{EP} \cdot S(\triangle ABC) \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^2 =$$

$$= \frac{5}{2 \cdot 4} \cdot S(\triangle ABC) = \frac{5}{28} S(\triangle ABC)$$

$$\Rightarrow \frac{S(\triangle ABC)}{S(\triangle CFF)} = \frac{28}{5}$$

$$\text{Ответ: } \frac{28}{5}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
 2
 3
 4
 5
 6
 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача № 3.

$$10 \arcsin(\cos x) = \pi - 2x$$

т.к. $\arcsin(x) + \arccos(x) = \frac{\pi}{2}$, то $\arcsin(x) = \frac{\pi}{2} - \arccos(x)$

$$10 \cdot \frac{\pi}{2} - 10 \arccos(\cos x) = \pi - 2x$$

$$4\pi = 10 \arccos(\cos x) - 2x$$

$$x + 2\pi = 5 \arccos(\cos x)$$

$$y = \arccos(\cos x)$$

1. $x \in [0; \pi)$: $\arccos(\cos x) = x$

$$\Rightarrow \arccos(\cos x) = x$$

$$x + 2\pi = 5x$$

$$2\pi = 4x$$

$$x = \frac{\pi}{2}$$

2. $x \in [\pi; 2\pi)$

$$\arccos(\cos x) = 2\pi - x$$

$$x + 2\pi = 10\pi - 5x$$

$$6x = 8\pi$$

$$x = \frac{8\pi}{6} = \frac{4\pi}{3}$$

3. $x \in [2\pi; 3\pi)$

$$x + 2\pi = 5x - 10\pi$$

$$12\pi = 4x$$

$$x = 3\pi, \text{ но } \pi \text{ всегда промежуток.}$$

4. $x \in [3\pi; 4\pi)$: $\arccos(\cos x) = 4\pi - x$

$$x + 2\pi = 20\pi - 5x$$

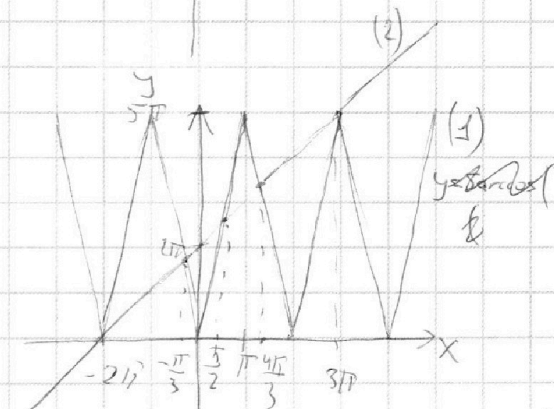
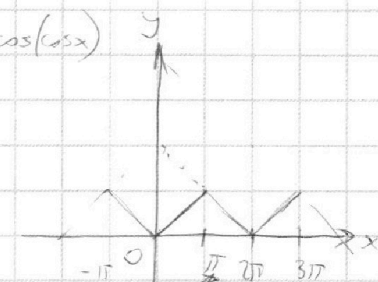
$$6x = 18\pi \quad x = 3\pi$$

5. $x \in [-\pi; 0)$: $\arccos(\cos x) = -x$

$$2\pi + x = -x + 5$$

$$2x = -2\pi$$

$$x = -\frac{\pi}{3}$$



$$\begin{cases} y = \arccos(\cos x) \cdot 5 & (1) \\ y = x + 2\pi & (2) \end{cases}$$

6. $x \in [-2\pi; -\pi)$: $\arccos(\cos x) = x + 2\pi$

$$x + 2\pi = 5 \cdot (x + 2\pi)$$

$$4 \cdot (x + 2\pi) = 0$$

$$x = -2\pi$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Заметим, что т.ч. область значений
 $\arccos(x) - [0; \pi]$, то

область значений $\arccos(\cos x) - [0; 2\pi]$

$$\text{при } x > 3\pi \quad x + 2\pi > 5\pi$$

$$\text{при } x < -2\pi \quad x + 2\pi < 0$$

\Rightarrow на $(-\infty; -2\pi) \cup (3\pi; +\infty)$ нет корней

\Rightarrow на $[2\pi; 3\pi]$ и $[-2\pi; -3\pi]$ рассмотрим

интервалы $[2\pi; 3\pi]$ и $[-2\pi; -3\pi]$ и найдем все корни на них, до 2π - все корни
данного уравнения

$$\Rightarrow \text{Ответ: } -2\pi; -\frac{\pi}{3}; \frac{\pi}{2}; \frac{4\pi}{3}; 3\pi.$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача 4.

$$\begin{cases} ax - 3y + 4b = 0 \\ (x^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 20y + 64) = 0 \end{cases}$$

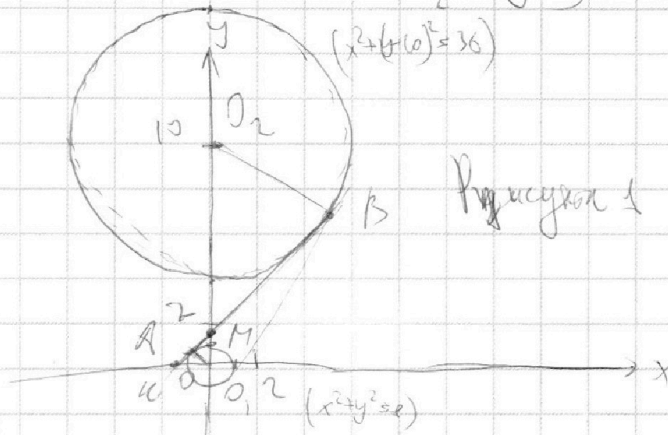
тоже a, b найдутся в при которых
имеет 4 решения

Закладываем $(x^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 20y + 64) = 0 \Rightarrow$

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ x^2 + (y - 10)^2 = 36 \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax - 3y + 4b = 0 \\ x^2 + y^2 = 1 \\ x^2 + (y - 10)^2 = 36 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = \frac{ax}{3} + \frac{4b}{3} \\ x^2 + y^2 = 1 \\ x^2 + (y - 10)^2 = 36 \end{cases}$$



Закладываем
объединяем в систему, где
опр-сая, а первое ур-е - прямая
случай $\frac{a}{3}$ и точки пересечения
с осью абсцисс

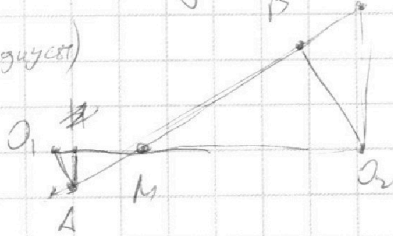
Рассмотрим при $a=0$

Найдем ур-е осей касания к двум окружностям:

O_1, O_2 - центры, A, B - точки касания, $M = O_1 O_2 \cap AB$

Рисунок 2

$O_1 A = 1$ (радиус)
 $O_2 B = 6$
 $O_1 O_2 = 10$



$\triangle O_1 A M \sim \triangle O_2 B M$ (по двум углам, они - прямые
углы - вершины)

$$\Rightarrow \frac{O_1 M}{O_1 A} = \frac{O_2 M}{O_2 B} = \frac{1}{6}$$

$$\Rightarrow O_1 M = \frac{1}{6+1} \cdot 10 = \frac{10}{7}$$

Тогда $AM = O_1 M \cdot 6 = \frac{10}{7} \cdot 6 = \frac{60}{7}$

Тогда $AM \perp O_1 M \Rightarrow \angle A M O_1 = 90^\circ$

$\angle A M O_1 = \angle M O_1 A = 90^\circ$ - $\angle A O_1 M = \angle A O_1 M$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



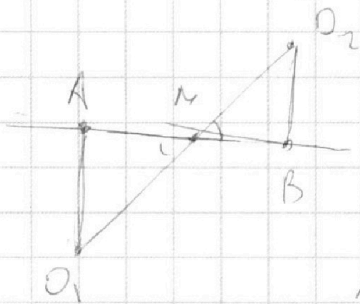
Тогда т.к. $\cos \angle A_2M$ при $\angle A_2M < 90^\circ$ в ур-не правый
равен \tan угла $\angle A_2M$ и $\tan \angle A_2M = \frac{A_2B}{A_2M}$, то

$$\frac{a}{3} = \tan \angle A_2M = \frac{\sqrt{51}}{2}, \text{ а } \frac{4b}{3} = \frac{10}{2} - \text{ордината точки } M$$

$$\Rightarrow a = \frac{3\sqrt{51}}{2}, \quad b = \frac{30}{28}$$

Заметим, что рассмотрим

Рисунок
3.



В данном случае это же \cos $\angle A_2M$ а \sin $\angle A_2M = \frac{A_2B}{A_2M}$

$$A_2O_1 = A_2M \cdot \cos \angle A_2M$$

$$O_2B = O_2M \cdot \cos \angle A_2M = O_2M \cdot \cos \angle A_2M$$

т.к. углы равны

$$\Rightarrow A_2O_1 + O_2B = \cos \angle A_2M \cdot (A_2M + O_2M) = \cos \angle A_2M \cdot O_2A = \cos \angle A_2M$$

Заметим, что при $\tan \angle A_2M = \frac{\sqrt{51}}{2}$ $\cos \angle A_2M = \frac{2}{10}$

значит, при $\tan \angle A_2M \leq \frac{\sqrt{51}}{2}$ $\cos \angle A_2M \geq \frac{2}{10}$ (т.к. \tan $\in [0; \frac{\sqrt{51}}{2}]$, \cos $\in [\frac{2}{10}; 1]$)

Получаем, что $A_2O_1 + O_2B \geq 2 = \text{длина отрезка } O_2A$

Значит, хотя бы из рассуждений о прямой $y = \frac{a}{3}x + \frac{b \cdot 4}{3}$

будет ≥ 2 \Rightarrow будет ≥ 2 \Rightarrow будет ≥ 2 \Rightarrow будет ≥ 2

\Rightarrow будет 1 или 2 точки пересечения, а нам нужно, чтобы с каждой окружью было 2 точки пересечения (то есть всего 4

Тогда заметим, что при $\tan \angle A_2M = \frac{\sqrt{51}}{2}$ прямая, проходящая через $M(0; \frac{10}{2})$ и являющаяся \tan $\angle A_2M$ на $\angle A_2M$, пересекает окружью с рисунка 2, т.е., $\tan \angle A_2M$, пересекает окружью с рисунка 2, т.е., $\tan \angle A_2M$, пересекает окружью с рисунка 2, т.е., $\tan \angle A_2M$

пересекает окружью с рисунка 2, т.е., $\tan \angle A_2M$ \Rightarrow имеет 4 точки пересечения \Rightarrow система имеет 4 решения

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Получаем, что при $a > \frac{3\sqrt{54}}{7}$
можно найти β при $\beta = \frac{30}{28}$ и будет 4 точки пересечения,

а при $a \leq \frac{3\sqrt{54}}{7}$ не получится, тогда будет 4 точки пересечения

Ответ: график
Заметим, что уравнение симметрично относительно оси Ox и ординат
симметрично относительно

Значит, при $a < 0$ будет всё то же самое, но с минусом,
т.е., если получилось a , то $-a$ тоже получится

Значит, при $a < 0$ получится $a \leq -\frac{3\sqrt{54}}{7}$

Ответ: $(-\infty; -\frac{3\sqrt{54}}{7}) \cup (\frac{3\sqrt{54}}{7}; +\infty)$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача 5.

$$\log_5^4(2x) - 3\log_{2x} 5 = \log_{8x} 3625 - 3$$

Пусть $\log_5(2x) = t$, тогда

$$\text{т.е. } \log_{2x} 5 = \frac{1}{\log_5 2x} = \frac{1}{t}$$

$$\log_5 t^4 - \frac{3}{t} = \frac{4}{3} \cdot \frac{1}{t} - 3 \quad , \text{ т.е. } \log_{8x} 3625 = \log_{(2x)^3} 5^4 = \frac{4}{3} \log_{2x} 5$$

$$\frac{3t^5 - 9 - 4 + 9t}{3t} = 0$$

$$\frac{3t^5 + 9t - 13}{3t} = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 3t^5 + 9t - 13 = 0 & (1) \\ 3t \neq 0 \end{cases}$$

$$\log_5^4 y + 4\log_y 5 = \log_{y^3} 0,2 - 3$$

Пусть $\log_5 y = p$, тогда

$$p^4 + \frac{4}{p} = -\frac{1}{3p} - 3$$

$$\frac{3p^5 + 12 + 1 + 9p}{3p} = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 3p^5 + 9p + 13 = 0 & (2) \\ p \neq 0 \end{cases}$$

Заметим, что для любого t $f(t) = 3t^5 + 9t - 13$

$$g(p) = 3p^5 + 9p + 13$$

Значит, тогда

$$f'(t) = 15t^4 + 9$$

$$g'(p) = 15p^4 + 9$$

Заметим, что для всех t $f'(t) > 0$ и для всех p $g'(p) > 0$, то есть функции f и g строго возрастают на \mathbb{R} (т.е. область значений логарифма $-\mathbb{R}$)

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Также заметим, что если есть $t = t_0$, y является решением системы (1), то $y = -t_0$ является решением системы (2): \checkmark

$3t_0^5 + 9t_0 - 13 = 0$ — первое уравнение системы (1) (используем t_0 в уравнении)

$-3t_0^5 - 9t_0 + 13 = 0$ — второе уравнение системы (2) в $-t_0$:

$3(-t_0) + 9(-t_0) + 13 = 0$

$-3t_0^5 - 9t_0 + 13 = 0$

$3t_0^5 + 9t_0 - 13 = 0$

↑ Верно из предположения.

Заметим, что $f(1) = 3 + 9 - 13 = -1 < 0$

$f(2) = 3 \cdot 32 + 9 \cdot 2 - 13 = 96 + 5 = 101 > 0$

\Rightarrow в силу непрерывности f и g (т.к. это многочлены) существует $t_0 \in (1, 2)$: $f(t_0) = 0$

Значит, $\begin{cases} \log_5 2x = t_0 \\ \log_5 y = -t_0 \end{cases}$

$\Rightarrow \log_5 2x + \log_5 y = 0$

$\begin{cases} \log_5 2xy = 0 \\ x > 0 \end{cases}$

$\Rightarrow 2xy = 1$

$xy = \frac{1}{2}$

Ответ: $\frac{1}{2}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Далее рассмотрим, сколько вариантов выбрать точку с $y/2$ координатой на каждой прямой

$$y + 5x = 5n$$

Значит, $0 \leq y \leq 80$, а значит, 200

$$x \leq n - \frac{y}{5} \quad \text{Значит,}$$

$$\begin{cases} 0 \leq y \leq 80 \\ y \equiv 5 \end{cases}$$

$$y = 0; 5; 10; 15; 20; 25; 30; 35; 40; 45; 50; 55; 60; 65; 70; 75; 80$$

17 вариантов выбрать точку с $y/2$ координатой на прямой
значит вариантов 2 точки (на каждой из 2 прямых по одному)

$$17 \cdot 17 = 289 \text{ вариантов}$$

Значит, y как ~~10~~ ¹⁰ вариантов по 289 вариантов на каждой, ~~никуда~~
из вариантов не исключать ¹⁰

$$\Rightarrow \text{всего случаев } 10 \cdot 289 = 2890$$

$$\text{Ответ: } 2890$$

~~289~~
~~289~~
2890

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Решение:

1) Т.ч. $SP = MQ$, M — середина PQ

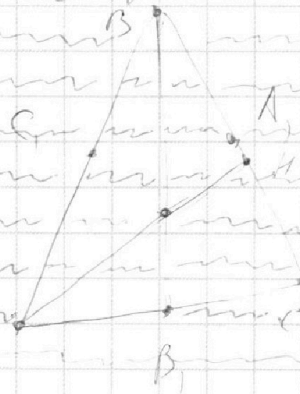
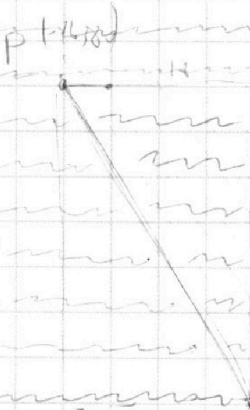
2) Д.ч. P — с.р. SM

3) Условия: $AA, BB, CC \in M$

4) $\Omega \cap (ABC) = M, SM \perp BC$

$R(\Omega) = 5$

Условия: $\triangle ABC \subset A(BC) \cap \Omega$



18	36	54	72	90	108	126	144	162	180	198	216	234	252	270	288	306	324	342	360	378	396	414	432	450	468	486	504	522	540	558	576	594	612	630	648	666	684	702	720	738	756	774	792	810	828	846	864	882	900	918	936	954	972	990	1008
----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	------

$5x + y, z - 5x_2 - 5y_2 = 45$
 $180 \ 720 \ 288 \ 243 \ 900 \ 360 \ 1029 \ 1200 \ 156 \ 1225 \ 180$