



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 3



1. [4 балла] Натуральные числа a , b , c таковы, что ab делится на $2^8 3^{14} 5^{12}$, bc делится на $2^{12} 3^{20} 5^{17}$, ac делится на $2^{14} 3^{21} 5^{39}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [5 баллов] Дан прямоугольный треугольник ABC . Окружность, касающаяся прямой BC в точке B , пересекает высоту CD , проведённую к гипотенузе, в точке F , а катет AC – в точке E . Известно, что $AB \parallel EF$, $AD : DB = 5 : 2$. Найдите отношение площади треугольника ABC к площади треугольника CEF .
3. [4 балла] Решите уравнение $10 \arcsin(\cos x) = \pi - 2x$.
4. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система уравнений

$$\begin{cases} ax - 3y + 4b = 0, \\ (x^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 20y + 64) = 0 \end{cases}$$

имеет ровно 4 решения.

5. [5 баллов] Некоторые числа x и y удовлетворяют равенствам

$$\log_5^4(2x) - 3 \log_{2x} 5 = \log_{8x^3} 625 - 3, \quad \text{и} \quad \log_5^4 y + 4 \log_y 5 = \log_{y^3} 0,2 - 3.$$

Найдите все возможные значения произведения xy .

6. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0;0)$, $P(-16;80)$, $Q(2;80)$ и $R(18;0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $5x_2 - 5x_1 + y_2 - y_1 = 45$.
7. [6 баллов] Дана треугольная пирамида $SABC$, медианы AA_1 , BB_1 и CC_1 треугольника ABC пересекаются в точке M . Сфера Ω касается ребра AS в точке L и касается плоскости основания пирамиды в точке K , лежащей на отрезке AM . Сфера Ω пересекает отрезок SM в точках P и Q . Известно, что $SP = MQ$, площадь треугольника ABC равна 100, $SA = BC = 16$.
 - а) Найдите произведение длин медиан AA_1 , BB_1 и CC_1 .
 - б) Найдите двугранный угол при ребре BC пирамиды, если дополнительно известно, что Ω касается грани BCS в точке N , $SN = 4$, а радиус сферы Ω равен 5.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Лист 2.

	a	b	c	
кол-во 2	5	3	9	→ 17
кол-во 3	8	6	14	→ 28
кол-во 5	22	0	17	→ 39

Таким образом мы подобрались к минимальному произведению:

$$abc = 2^{17} \cdot 3^{28} \cdot 5^{39}$$

Отв: $2^{17} \cdot 3^{28} \cdot 5^{39}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:



1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$ab: 2^8 \cdot 3^{14} \cdot 5^{12} \Rightarrow$ минимальное возможное значение выражения: $ab = 2^8 \cdot 3^{14} \cdot 5^{12}$

$bc: 2^{12} \cdot 3^{20} \cdot 5^{17} \Rightarrow$ минимальное возможное значение $bc = 2^{12} \cdot 3^{20} \cdot 5^{17}$

$ac: 2^{14} \cdot 3^{21} \cdot 5^{39} \Rightarrow$ минимальное возможное значение $ac = 2^{14} \cdot 3^{21} \cdot 5^{39}$

То перемножим все числа: $ab \cdot bc \cdot ac = (abc)^2 = 2^{34} \cdot 3^{55} \cdot 5^{68}$

У нас крестное кол-во пятёрок (3^{55}), а значит при извлечении корня мы столкнёмся с тем, что произведение трёх натуральных чисел даёт иррациональное, что не ~~хорошо~~ хорошо

Так что произведение трёх минимально возможных чисел плохо. Значит сделаем, чтобы пятёрок было 56, а для этого нужно где-то на неё доплатить. При этом делимость не нарушится

Допустим, что $ac = 2^{14} \cdot 3^{22} \cdot 5^{39}$

Тогда теперь ~~получим~~ ~~получим~~ $(abc)^2 = 2^{34} \cdot 3^{56} \cdot 5^{68} \Rightarrow$

$\Rightarrow abc = 2^{17} \cdot 3^{28} \cdot 5^{34}$

и тут проблема, т.к. ~~в~~ в ac пятёрок больше, чем в произведении abc , такого быть не может.

~~и так нам нужно~~ Теперь допустим, что $ab = 2^8 \cdot 3^{14} \cdot 5^{22}$

и допустим, что a содержит произведение 22-х пятёрок, тогда c содержит произведение 17-ти пятёрок

Теперь попробуем встроить ~~эту~~ таблицу. См. след. лист.

(ЭТО ЛИСТ 1)

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Но заметим в (1) и (2) одинаковое соотношение, а именно $\frac{CD}{CF}$.

Это говорит о том, что $k_1 = k_2$. А т.к. $k_1 = \frac{2x}{a}$, а $k_2 = \frac{5x}{EF}$, то

$$\frac{2x}{a} = \frac{5x}{EF} \Rightarrow EF = 2,5a$$

Выразим CK через a : зная все стороны $\triangle ABC$ можно найти $\sin \alpha$

$$\text{ок равен } \frac{BC}{AB} = \frac{\sqrt{14}}{7}.$$

$$\text{т.к. тогда } CK = \frac{KF}{\sin \alpha} = \frac{a}{\sin \alpha} = \frac{a \cdot 7}{\sqrt{14}} = \frac{7a}{\sqrt{14}}. \text{ Тогда } BK = BC - CK = \sqrt{14}x - \frac{7a}{\sqrt{14}}$$

Т.к. BK - касательная а KE - секущая, то по т. Д касательной к секущей:
 $BK^2 = KF \cdot KE$; $(\sqrt{14}x - \frac{7a}{\sqrt{14}})^2 = 3,5a^2$;

$$14x^2 - 14ax + \frac{49a^2}{14} = \frac{7a^2}{2} \quad | :14$$

$$x^2 - ax = 0 \quad | :x \neq 0$$

$x = a$ значит $KF = x$; $FE = 2,5x$, в частности $FE = \frac{AB}{2} = \frac{5x}{2}$ то-есть

FE - ср. линия значит и $CF = FD = \frac{\sqrt{10}x}{2}$.

$$\text{Тогда } S_{CFE} = \frac{1}{2} \cdot CF \cdot FE = \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{10}x}{2} \cdot \frac{5x}{2} = \frac{5\sqrt{10}x^2}{8}$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} \cdot BC \cdot AC = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{14}x \cdot \sqrt{35}x = \frac{7\sqrt{10}x^2}{2}$$

$$\text{Тогда } \frac{S_{ABC}}{S_{CFE}} = \frac{7\sqrt{10}x^2 \cdot 8}{2 \cdot 5\sqrt{10}x^2} = \frac{7 \cdot 4}{5} = \frac{28}{5} = \boxed{5,6}$$

Ответ: 5,6.

Лист 2.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Дано: $\triangle ABC$ - прямоугольный

окр. касается BC в т. B

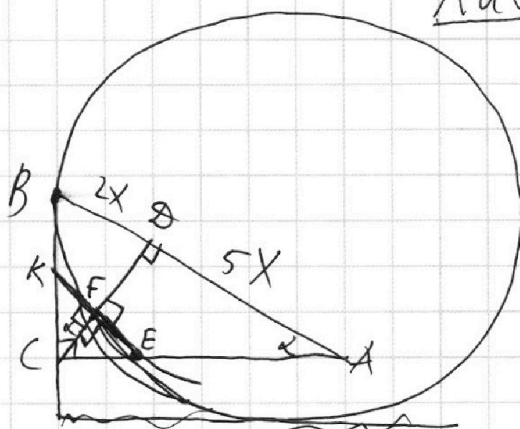
окр. $\odot CD \perp AB$; $AD:DB=5:2$

окр. $\odot CD = F$

окр. $\odot AC = E$

$S_{ABC} = ?$

$S_{CEF} = ?$



Лист 1

Пусть $DB = 2x$, тогда $AD = 5x$ (из соотношения в условии).

Продлим FE до так, что $FE \cap BC = K$

Также найдём все стороны $\triangle ABC$:

Пусть $\angle BAC = \alpha$, тогда и $\angle BCD = \alpha$

$$\text{Заметим, что: } \sin \angle BAC = \frac{BC}{AB} = \frac{BC}{7x} \text{ (из } \triangle ABC) \Rightarrow \sin \alpha = \frac{BC}{7x}$$

$$\sin \angle BCD = \frac{BD}{BC} = \frac{2x}{BC} \text{ (из } \triangle BCD) \Rightarrow \sin \alpha = \frac{2x}{BC}$$

$$\left. \begin{array}{l} \Rightarrow \frac{BC}{7x} = \frac{2x}{BC} \Rightarrow \\ \Rightarrow BC = \sqrt{14}x \end{array} \right\}$$

Зная, что $AB = 7x$ и $BC = \sqrt{14}x$ по т. Пифагора для $\triangle ABC$ можно найти

$$AC = AC = \sqrt{49x^2 - 14x^2} = \sqrt{35}x.$$

$$\text{Тогда высота } CD = \frac{AC \cdot CB}{AB} = \sqrt{10}x.$$

Заметим, что $\triangle BCD \sim \triangle KCF$ по двум углам (один общий, второй $= 90^\circ$).

Тогда справедливо следующее: $\frac{BC}{KC} = \frac{CD}{CF} = \frac{BD}{KF} = k_1$ - коэффициент подобия (1)

$$\text{Приём } \frac{BD}{KF} = \frac{2x}{KF}. \text{ Пусть } KF = a, \text{ тогда } \frac{BD}{KF} = \frac{2x}{a} = k_1,$$

Также заметим, что и $\triangle ACD \sim \triangle ECF$ по двум углам ($\angle ACD$ - общий, другой 90°).

Тогда справедливо след. $\frac{AC}{EC} = \frac{CD}{CF} = \frac{AD}{EF} = k_2$ - коэффициент подобия (2)

$$\text{Приём } \frac{AD}{EF} = \frac{5x}{EF} = k_2.$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$10 \arcsin(\cos x) = \pi - 2x$, т.к. $\arcsin a \in [-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}]$, то $10 \arcsin a \in [-5\pi; 5\pi]$,
а значит и $(\pi - 2x) \in [-5\pi; 5\pi]$. $-5\pi \leq \pi - 2x \leq 5\pi \Rightarrow \pi - 2\pi \leq -2x \leq 4\pi \Rightarrow$

$$\Rightarrow x \in [-3\pi; 2\pi] \Rightarrow -6\pi \leq -2x \leq 4\pi \Rightarrow$$
$$\Rightarrow x \in [-2\pi; 3\pi]$$

Вспомним, что $\arcsin(\cos x) = \frac{\pi}{2} - \arccos(\cos x)$

$$\text{Тогда } 10(\frac{\pi}{2} - \arccos(\cos x)) = \pi - 2x$$

$$5\pi - 10 \arccos(\cos x) = \pi - 2x$$

$$2\pi - 5 \arccos(\cos x) = -x \quad (*)$$

Рассм. различные случаи для переменной x :

1) $x \in [-2\pi; -\frac{3\pi}{2}]$: тогда $\arccos(\cos x) = 2\pi + x \Rightarrow 2\pi - 5(2\pi + x) = -x$;

$$-8\pi - 5x = -x \Rightarrow x = -2\pi - \log x.$$

2) $x \in [-\frac{3\pi}{2}; -\pi]$: тогда $\arccos(\cos x) = 2\pi + x \Rightarrow x = -2\pi - \log x.$

Видно, что корни на этих участках совпадают, поэтому легче было брать

изначально $x \in [-2\pi; -\pi]$. Будем пользоваться этим дальше:

3) $x \in (-\pi; 0]$: тогда $\arccos(\cos x) = -x \Rightarrow 2\pi - 5(-x) = -x$; $x = -\frac{2\pi}{3} - \log x.$

4) $x \in (0; \pi]$: тогда $\arccos(\cos x) = x \Rightarrow 2\pi - 5x = -x$; $x = \frac{2\pi}{3} - \log x.$

5) $x \in (\pi; 2\pi]$: тогда $\arccos(\cos x) = 2\pi - x \Rightarrow 2\pi - 5(2\pi - x) = -x$;

$$-8\pi = -6x \Rightarrow x = \frac{4\pi}{3} - \log x.$$

6) $x \in (2\pi; 3\pi]$: тогда $\arccos(\cos x) = x - 2\pi \Rightarrow 2\pi - 5(x - 2\pi) = -x$;

$$12\pi - 4x \Rightarrow x = 3\pi - \log x.$$

Значит все случаи рассмотрены и можно писать ответ.

Таким образом
Ответ: $x \in [-2\pi; -\frac{\pi}{3}; \frac{\pi}{3}; \frac{4\pi}{3}; 3\pi]$.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\log_5^4 2x - 3 \log_{2x} 5 = \log_{2x} 625 - 3$$

$$\log_5^4 2x - \frac{3}{\log_5 2x} = \log_{(2x)^3} 5^4 - 3$$

$$\log_5^4 2x - \frac{3}{\log_5 2x} = \frac{4}{3} \log_{2x} 5 - 3 \cdot 3$$

$$3 \log_5^4 2x - \frac{9}{\log_5 2x} = \frac{4}{\log_5 2x} - 9 \cdot \log_5 2x$$

$$3 \log_5^5 2x - 13 + 9 \log_5 2x = 0$$

$$3 \log_5^5 2x + 9 \log_5 2x - 13 = 0 \quad (1)$$

$$\log_5 y + 4 \log_y 5 = \log_{y^3} 0,2 - 3$$

$$\log_5^4 y + \frac{4}{\log_5 y} = \log_{y^3} 5^{-1} - 3$$

$$\log_5^4 y + \frac{4}{\log_5 y} = -\frac{1}{3} \log_y 5 - 3 \cdot 3$$

$$3 \log_5^4 y + \frac{12}{\log_5 y} = -\frac{1}{\log_5 y} - 9 \cdot \log_5 y$$

$$3 \log_5^5 y + 13 + 9 \log_5 y = 0$$

$$3 \log_5^5 y + 9 \log_5 y + 13 = 0 \quad (2)$$

$$\begin{cases} x > 0 \\ x \neq \frac{1}{2} \\ y > 0 \\ y \neq 1. \end{cases}$$

$$(1) + (2) : 3 \log_5^5 2x + 9 \log_5 2x - 13 + 3 \log_5^5 y + 9 \log_5 y + 13 = 0 \quad | : 3$$

$$\log_5^5 2x + \log_5^5 y + 3(\log_5 2x + \log_5 y) = 0$$

Пусть: $\begin{cases} \log_5 2x = t \\ \log_5 y = u \end{cases} : t^5 + u^5 + 3(t+u) = 0, (t+u)(t^4 - t^3u + t^2u^2 - tu^3 + u^4) + 3(t+u) = 0$

$$(t+u)(t^4 - t^3u + t^2u^2 - tu^3 + u^4 + 3) = 0 \quad (3)$$

Этот раскл. $t^4 - t^3u + t^2u^2 - tu^3 + u^4 + 3$ - есть ли у него нули?

Вспомним, что $t^4 - t^3u + t^2u^2 - tu^3 + u^4$ - образован благодаря разложению

$t^5 + u^5$, но также мы знаем, что $t^5 + u^5$ имеет единственную действ.

решение: $t = -u$, а значит $t^4 - t^3u + t^2u^2 - tu^3 + u^4 \neq 0$, а $t^4 - t^3u + t^2u^2 -$

$-tu^3 + u^4 + 3$ уж подавно нулю не равно. Значит у (3) ед. решение

$t = -u$, то - есть, используя обратную замену: $\log_5 2x + \log_5 y = 0 \Rightarrow \log_5 2xy = 0$

значит $2xy = 5^0 \Rightarrow \underline{xy = 0,5}$

Отв: 0,5.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$ab: 2^8 \cdot 3^{14} \cdot 5^{12}$$

$$bc: 2^{12} \cdot 3^{20} \cdot 5^{17}$$

$$ac: 2^{14} \cdot 3^{21} \cdot 5^{39}$$

$$ab = 2^8 \cdot 3^{14} \cdot 5^{12}$$

$$bc = 2^{12} \cdot 3^{20} \cdot 5^{17}$$

$$ac = 2^{14} \cdot 3^{21} \cdot 5^{39} \quad \times$$

$$\text{пусть } ac = 2^{14} \cdot 3^{22} \cdot 5^{39}$$

$$(abc)^2 = 2^{34} \cdot 3^{55} \cdot 5^{68}$$

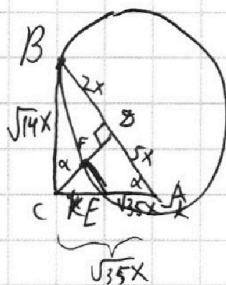
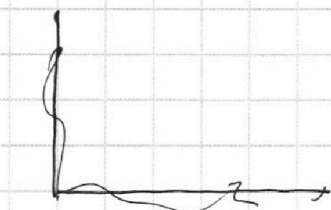
$$(abc)^2 = 2^{34} \cdot 3^{56} \cdot 5^{68}$$

$abc = 2^{17} \cdot 3^{28} \cdot 5^{34}$, но при
условии, если. Мы
можем найти
такие $a, b, c \in \mathbb{N}$

$$2: 5; 3; 9$$

$$3: 8; 6; 14$$

$$5: 22; 0; 17$$



$$\sin \alpha = \frac{2x}{BC}$$

$$\sin \alpha = \frac{BC}{2x}$$

$$\frac{BC}{7x} = \frac{2x}{BC}$$

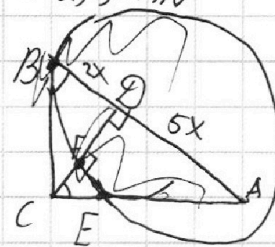
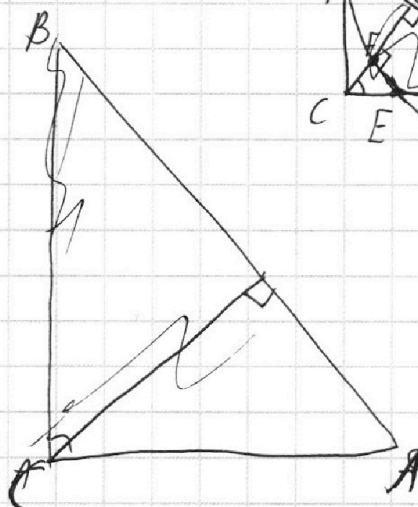
$$BC = \sqrt{14}x$$

$$14x^2 = k^2(\sqrt{35}x - k)$$

$$14x^2 = \sqrt{35}kx - k^2 \quad | : k^2$$

$$14\left(\frac{x}{k}\right)^2 - \sqrt{35}\frac{x}{k} + 1 = 0$$

$$D = 35 -$$



$$10 \arccos(\cos x) = \pi - 2x \quad \text{не подходит}$$

$$10\left(\frac{\pi}{2} - \arccos(\cos x)\right) = \pi - 2x$$

$$5\pi - 10 \arccos(\cos x) = \pi - 2x$$

$$4\pi - 10 \arccos(\cos x) = -2x \quad | : 2$$

$$2\pi - 5 \arccos(\cos x) = -x$$

$$2\pi - 5 \arccos(\cos x) = -x; \quad x = 3\pi - \arccos(\cos x)$$

$$-5\pi \leq \pi - 2x \leq 5\pi \quad | -\pi$$

$$-6\pi \leq -2x \leq 4\pi$$

$$-4\pi \leq 2x \leq 6\pi$$

$$-2\pi \leq x \leq 3\pi$$



$$x \in \left[-\frac{3\pi}{2}; -\pi\right]; \quad 2\pi - 5\pi = -x$$

$$x = 3\pi - \arccos(\cos x)$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$x \in [-\pi; -\frac{\pi}{2}] : 2\pi - 5(x) = -x$$

$$2\pi - 5 \arccos(\cos x) = -x$$

$$x \in [-2\pi; -\frac{3\pi}{2}] : 2\pi - 5(x+2\pi) = -x ; 2\pi - 5x - 10\pi = -x ; 4x = -8\pi \Rightarrow x = -2\pi - \log x$$

$$x \in [-\frac{3\pi}{2}; -\pi] : 2\pi - 5(x+2\pi) = -x ; x = -2\pi - \log x$$

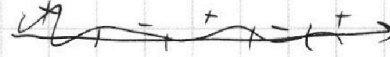
$$t^5 - t^4u + t^3u^2 - t^2u^3 + tu^4 + t^4u - t^3u^2 + t^2u^3 - tu^4 + u^5 = t^5 + u^5$$

$$x \in [-\pi; -\frac{\pi}{2}] : 2\pi - 5(-x) = -x ; x = -\frac{\pi}{3} - \log x$$

$$x \in [-\frac{\pi}{2}; 0] : 2\pi - 5(-x) = -x \Rightarrow x = \frac{\pi}{3} - \log x$$

$$(t-t_1)(t-t_2)(t-t_3)(t-t_4) = e$$

$$x \in [0; \frac{\pi}{2}] : 2\pi - 5x = -x \Rightarrow x = \frac{\pi}{2} - \log x$$



$$x \in [\pi; \frac{3\pi}{2}] : 2\pi - 5(2\pi - x) = -x \Rightarrow 2\pi - 10\pi + 5x = -x ; 6x = 8\pi \Rightarrow x = \frac{4\pi}{3} - \log x$$

$$x \in [\frac{3\pi}{2}; 2\pi] : 2\pi - 5(2\pi - x) = -x \Rightarrow x = \frac{4\pi}{3} - \log x$$

$$x \in [2\pi; 3\pi] : 2\pi - 5(x-2\pi) = -x \Rightarrow 2\pi - 5x + 10\pi = -x ; x = 3\pi - \log x$$

$$\log_5^4 2x - 3 \log_{2x} 5 = \log_{8x^3} 625 - 3$$

$$\log_5^4 y + 4 \log_y 5 = \log_{y^3} 0,2 - 3$$

$$\log_5^4 2x - 3 \log_{2x} 5 = \frac{4}{3} \log_{2x} 5 - 3 \cdot 3$$

$$\log_5^4 y + 4 \log_y 5 = \frac{1}{3} \log_y 5^3 - 3$$

$$\log_5^4 2x - 4 \log_{2x} 5 + 3 = 0 \quad | \cdot \log_5 2x$$

$$\log_5^4 y + 4 \log_y 5 = -\frac{1}{3} \log_y 5 - 3 \cdot 3$$

$$\log_5^5 2x + 3 \log_5 2x - 4 = 0$$

$$3 \log_5^4 y + 13 \log_y 5 + 9 = 0 \quad | \cdot \log_5 y$$

$$3 \log_5^4 2x - 9 \log_{2x} 5 = 4 \log_{2x} 5 - 9$$

$$3 \log_5^5 y + 9 \log_5 y + 13 = 0$$

$$(\log_5 2x = t) \quad 3 \log_5^4 2x - 13 \log_{2x} 5 + 9 = 0 ;$$

$$\log_5^5 2x - \log_5^4 2x + \log_5^3 2x + \log_5^2 2x - \log_5 2x - 13 = 0$$

$$+ \log_5^2 2x - \log_5 2x + \log_5 2x + 4(\log_5 2x - 1) = 0$$

$$3(\log_5^5 2x + \log_5^4 2x) + 9 \log_5^2 2x = 0 \quad | : 3$$

$$(\log_5^4 2x + \log_5^3 2x + \log_5^2 2x + \log_5 2x + 4)(\log_5 2x - 1) = 0$$

$$\log_5^5 2x + \log_5^5 y + 3 \log_5^2 2xy = 0 ; (\log_5 2x + \log_5 y)(\log_5^4 2x - \log_5^3 2x \cdot \log_5 y)$$

$$\log_5 2x = t$$

$$\log_5 y = u : t^5 + u^5 + 3(t+u) = 0 ; (t+u)(t^4 + t^3u + t^2u^2 - tu^3 + u^4) + 3(t+u) = 0$$

$$(t+u)(t^4 - t^3u + t^2u^2 - tu^3 + u^4 + 3) = 0$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

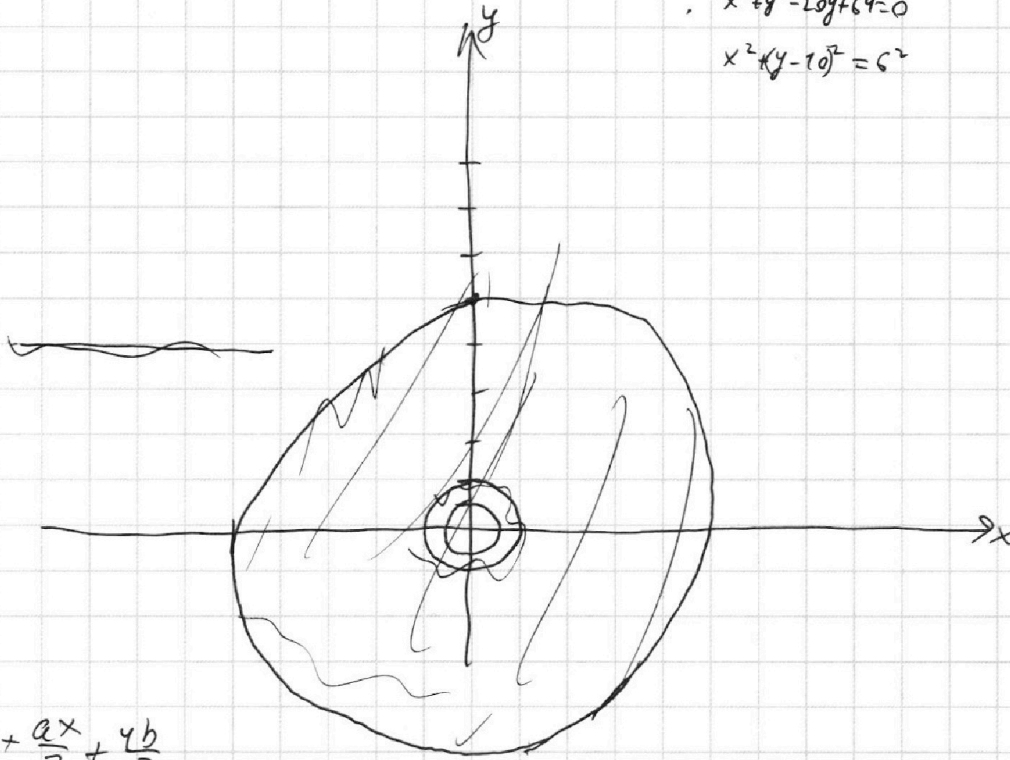
 МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$x^2 + y^2 - 20y + 64 = 0$$

$$x^2 + (y - 10)^2 = 6^2$$



$$y = +\frac{ax}{3} + \frac{4b}{3}$$

