



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

9 КЛАСС. Вариант 14



1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $3^{14}7^{13}$, bc делится на $3^{19}7^{17}$, ac делится на $3^{23}7^{42}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .

2. [4 балла] Известно, что дробь $\frac{a}{b}$ несократима ($a \in \mathbb{N}, b \in \mathbb{N}$). На доске записана дробь

$$\frac{a+b}{a^2-9ab+b^2}.$$

При каком наибольшем m могло оказаться, что числитель и знаменатель дроби можно сократить на m ?

3. [5 баллов] Решите уравнение

$$\sqrt{3x^2 - 5x + 6} - \sqrt{3x^2 + x + 1} = 5 - 6x.$$

4. [4 балла] Центр окружности ω лежит на окружности Ω , диаметр AB окружности Ω касается ω в точке C так, что $AC = 1$ и $BC = 25$. Найдите длину общей касательной к окружностям ω и Ω .

5. [4 балла] Ненулевые действительные числа x, y, z удовлетворяют равенствам

$$5x - y = 3z \quad \text{и} \quad \frac{8}{x} + \frac{1}{y} = \frac{15}{z}.$$

Найдите наименьшее возможное значение выражения $\frac{25x^2 - y^2 - z^2}{y^2 + 3z^2}$.

6. [5 баллов] Из пункта A в пункт B выезжают одновременно велосипедист и мотоциклист. Оба они движутся с постоянной скоростью, и мотоциклист прибывает в пункт B на 1 час раньше велосипедиста. Если бы велосипедист ехал со своей скоростью в течение того времени, что понадобилось мотоциклисту на дорогу от A к B , а мотоциклист – в течение того времени, что понадобилось велосипедисту на этот путь, то мотоциклист проехал бы на 49 километров больше. Если бы скорость каждого из них возросла на 7 км/ч, то велосипедист приехал бы в B на 36 минут позже велосипедиста. Найдите расстояние между A и B .
7. [6 баллов] Вписанная окружность ω прямоугольного треугольника ABC с прямым углом B касается его сторон CA, AB, BC в точках D, E, F соответственно. Луч ED пересекает прямую, перпендикулярную BC , проходящую через вершину C , в точке Y ; X – вторая точка пересечения прямой FY с окружностью ω . Известно, что $EX = \sqrt{2}XY$. Найдите отношение $AD : DC$.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача 1 стр. 1

$$\begin{cases} V_3(a) = x_1, V_3(b) = x_2, V_3(c) = x_3. \end{cases}$$

$$\begin{cases} V_7(a) = y_1, V_7(b) = y_2, V_7(c) = y_3. \end{cases}$$

$$x_1 + x_2 \geq 14$$

$$x_2 + x_3 \geq 19$$

$$x_1 + x_3 \geq 23$$

$$x_1 + x_2 + x_3 \geq \frac{14 + 19 + 23}{2} = 28$$

пример, когда $x_1 + x_2 + x_3 = 28$:

$$x_1 = 9$$

$$x_2 = 5$$

$$x_3 = 14$$

$$y_1 + y_2 \geq 13$$

$$y_2 + y_3 \geq 17$$

$$y_1 + y_3 \geq 42$$

~~$$y_1 + y_2 + y_3 \geq \frac{13 + 17 + 42}{2} = 36$$~~

~~пример, когда $y_1 + y_2 + y_3 = 36$~~

~~$$y_1 = 17$$~~

~~$$y_2 = 19$$~~



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача 1 стр. 2

$$y_1 + y_3 \geq 42 \Rightarrow y_1 + y_2 + y_3 \geq 43.$$

пример на $y_1 + y_2 + y_3 = 43$

$$y_2 = 1$$

$$y_1 = 21$$

$$y_3 = 21$$

Значит $abc : 3^{28} \cdot 7^{43}$.

пример на $abc = 3^{28} \cdot 7^{43}$.

$$a = 3^9 \cdot 7^{21}$$

$$b = 3^5 \cdot 7$$

$$c = 3^{14} \cdot 7^{21}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N2 Задача 1

$$a+b:m$$

$$a^2+b^2-9ab:m$$

$$a^2+b^2+2ab-11ab:m$$

$$(a+b)^2-11ab:m$$

$$11ab:m$$

$\exists m$ делится на m делится на $p \neq 11$, где p - простое.

$$(11, p) = 1 \Rightarrow ab:p \Rightarrow \begin{cases} a:p \\ b:p \end{cases}, \text{ но } (a, b) = 1, \text{ по } m.$$

$$\text{Свойства } (a, b) = (a, a+b) = (b, a+b).$$

$\exists$ без ограничений обратим $a:p$.

$$(a, a+b) = 1, \text{ но } a+b:m \Rightarrow a+b:p - \text{противоречие.}$$

значит m не делится на m на что больше

11, пример на $m=11$:

$$a=5$$

$$b=6$$

$$\frac{11}{25+36-9 \cdot 20} = \frac{11}{61-180} = \frac{11}{-119} = -\frac{1}{11}.$$

Ответ: 11.



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
☐

2
☐

3
☒

4
☐

5
☐

6
☐

7
☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N3 Чаша 1

$$\sqrt{3x^2-5x+6} - \sqrt{3x^2+x+1} = 5-6x$$

$$3x^2-5x+6 + 3x^2+x+1 - 2\sqrt{3x^2-5x+6} \cdot \sqrt{3x^2+x+1} = 25-60x+36x^2$$

$$-36x^2 + 6x^2 - 4x + 60x + 7 - 25 = 2\sqrt{3x^2-5x+6} \cdot \sqrt{3x^2+x+1}$$

$$-15x^2 + 28x - 9 = \sqrt{3x^2-5x+6} \cdot \sqrt{3x^2+x+1}$$

$$225x^4 - 840x^3 + 28x^2 + 270x^2 - 504x + 81 = 9x^4 - 15x^3 + 3x^3$$

$$+ 3x^2 + 18x^2 - 5x^2 + 6x - 5x + 6$$

$$216x^4 - 828x^3 + 1038x^2 - 505x + 75 = 0$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача 4 стр. №2

$$\frac{t}{t+13} = \frac{5}{13}$$

$$13t = 5t + 5 \cdot 13$$

$$t = \frac{5 \cdot 13}{8}$$

$$XO_2 = \frac{5 \cdot 13}{8} + 13 = \frac{13^2}{8}$$

по т. Пифагора $XO_1^2 = r_2^2 + XT^2$; $XO_2^2 = R^2 + r_1^2$

$$DT = XD - XT = \sqrt{XO_1^2 - r_1^2} - \sqrt{XO_2^2 - r_2^2} = \sqrt{\frac{13^4}{64} - 13^2} - \sqrt{\frac{5^2 \cdot 13^2}{64} - 5^2} =$$

$$= \sqrt{\frac{13^2(13^2 - 8^2)}{8^2}} - \sqrt{\frac{5^2(13^2 - 8^2)}{8^2}} = \frac{13}{8} \sqrt{105} -$$

$$\frac{5}{8} \sqrt{105} = \sqrt{105}$$

Ответ: $\sqrt{105}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача 5 часть 1

$$y = 5x - 3z$$

$$8yz + xz = 15xy$$

$$8z(5x - 3z) + xz = 15x(5x - 3z)$$

$$86xz = 75x^2 + 24z^2$$

решим кв. ур. относительно x

$$x_{1,2} = \frac{86 \pm \sqrt{86^2 - 4 \cdot 75 \cdot 24}}{150} \cdot z$$

$$x_1 = \frac{2}{3}z$$

$$x_2 = \frac{12}{25}z$$

1 сл. $x = \frac{2}{3}z$

$$y = \frac{10}{3}z - 3z = \frac{1}{3}z$$

$$\frac{25x^2 - y^2 - z^2}{y^2 + 3z^2} = \frac{25 \cdot \frac{4}{9}z^2 - \frac{1}{9}z^2 - z^2}{\frac{1}{9}z^2 + 3z^2} = \frac{\frac{100-1}{9} - 1}{\frac{1}{9} + 3} =$$

$$= \frac{\frac{10}{28}}{\frac{28}{9}} = \frac{90}{28} = \frac{45}{14}$$

2 сл. $x = \frac{12}{25}z$

$$y = \frac{12}{5}z - 3z = -\frac{3}{5}z$$

$$\frac{25x^2 - y^2 - z^2}{y^2 + 3z^2} = \frac{\frac{144}{25}z^2 - \frac{9}{25}z^2 - z^2}{\frac{9}{25}z^2 + 3z^2} = \frac{\frac{135}{25} - 1}{\frac{9}{25} + 3} = \frac{135 - 25}{9 + 75} =$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача 5. Часть 2

$$= \frac{110}{84}$$

$$\frac{110}{84} < \frac{45}{14} \Rightarrow \text{Ответ: } \frac{110}{84}.$$



1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☒	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

№ 6 Часть 1

1) S - путь между А и В км

2) v_m - ~~скорость~~ скорость мотоцикла км/ч

3) v_b - скорость велос. км/ч

$$\begin{cases} \frac{S}{v_m} + 1 = \frac{S}{v_b} \\ v_m \cdot \frac{S}{v_b} = 49 + v_b \cdot \frac{S}{v_m} \\ \frac{S}{v_m + 7} + 0,6 = \frac{S}{v_b + 7} \end{cases}$$

$$\begin{cases} S = \frac{v_m v_b}{v_m - v_b} \\ S = \frac{49 v_m v_b}{v_m^2 - v_b^2} \\ S = \frac{0,6(v_m + 7)(v_b + 7)}{v_m - v_b} \end{cases}$$

приравняем 1 и 2

$$\frac{v_m v_b}{v_m - v_b} = \frac{49 v_m v_b}{v_m^2 - v_b^2}$$

$$49 = v_m + v_b$$

приравняем 1 и 3.

$$10 v_m v_b = 6(v_m + 7)(v_b + 7)$$

$$v_b = 49 - v_m$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☒	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N6 7.2

$$10 V_m(49 - V_m) = 6(V_m + 4)(56 - V_m)$$

$$490 V_m - 10 V_m^2 = 56 \cdot 6 V_m - 6 \cdot 7 V_m - 6 V_m^2 + 6 \cdot 7 \cdot 56$$

$$49 \cdot 5 V_m - 5 V_m^2 = 56 \cdot 3 V_m - 3 \cdot 7 V_m - 3 V_m^2 + 3 \cdot 7 \cdot 56$$

$$49 \cdot 5 V_m - 49 \cdot 3 V_m = 2 V_m^2 + 3 \cdot 7 \cdot 56$$

$$2 V_m^2 - 98 V_m + 3 \cdot 7 \cdot 56 = 0$$

$$V_m^2 - 49 V_m + 588 = 0$$

$$V_{m1} = 7^2 - 4$$

$$V_{m2} = -7^2 - 3$$

— no m. bueima

$$V_m > 0 \Rightarrow V_m = 49 \cdot 4 = 196$$

$$196 < 49 - \text{невозм.}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1



2



3



4



5



6

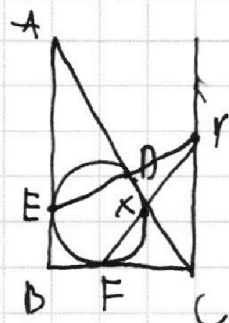


7



МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №4 стр. 1.

$\triangle YXE \sim \triangle YDF$, н.к. $\angle EXY = \angle FDY$;
 $\angle YEX = \angle YFD$ как оп. на 1 груп.

$$\frac{EX}{XY} = \frac{DF}{DY}$$

$\triangle DYC \sim \triangle DEA$, н.к. $\angle DAE = \angle DCY$ как углы.

Зам. $\angle ADE = \angle YDC$ как верт.

$$\frac{ED}{DY} = \frac{AD}{DC}$$

$$\frac{AD}{DC} : \sqrt{2} = \frac{ED}{DY} : \frac{DF}{DY}, \text{ н.к. } \frac{EX}{XY} = \sqrt{2}$$

$$\frac{AD}{DC} = \frac{ED}{DF} \cdot \sqrt{2}$$

$$\frac{AD^2}{DC^2} = 2 \cdot \frac{ED^2}{DF^2}$$

$$ED^2 = AE^2 + AD^2 - 2EA \cdot AD \cos \alpha = 2AD^2(1 - \cos \alpha), \text{ н.к.}$$

$AD = AE$ как отрез. кас.

$$DF^2 = DC^2 + CF^2 - 2DC \cdot CF \cos \beta = 2DC^2(1 - \cos \beta), \text{ н.к.}$$

$DC = CF$ как отрез. кас.



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{ED^2}{FD^2} = \frac{AD^2}{DC^2} \cdot \frac{1-\cos 2}{1-\cos \gamma}$$

Задача 7 Спр 2.

$$\frac{AD^2}{DC^2} = 2 \frac{AP^2}{DC^2} \cdot \frac{1-\cos 2}{1-\cos \gamma}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{1-\cos 2}{1-\cos \gamma}$$

$$1-\cos \gamma = 2-2\cos 2$$

$$\cos \gamma = \frac{a}{b}$$

$$\cos 2 = \frac{c}{b}$$

$$1 - \frac{a}{b} = 2 - \frac{2c}{b}$$

$$b-a = 2b-2c$$

$$b = 2c-a.$$

$$b^2 = a^2 + c^2 \text{ по т. Пифагора}$$

$$a^2 + c^2 = 4c^2 - 4ac + a^2$$

$$4ac = 3c^2$$

$$3c = 4a \Rightarrow a = \frac{3}{4}c, \quad b = \sqrt{c^2 + \frac{9}{16}c^2} = \frac{5}{4}c$$

~~AD=x, DC=y, BE=z.~~

$$\exists AD=x, DC=y, BE=z.$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
☐

2
☐

3
☐

4
☐

5
☐

6
☐

7
☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача 7 стр 3

$$\begin{cases} x+y=b \\ x+z=c \\ y+z=a \end{cases}$$

$$x = \frac{b+c-a}{2}$$

$$y = \frac{a+b-c}{2}$$

$$\frac{AD}{BC} = \frac{b+c-a}{a+b-c} = \frac{\frac{5}{4}b + c - \frac{3}{4}c}{\frac{3}{4}c + \frac{5}{4}c - c} = \frac{6c}{4c} = \frac{3}{2}$$

Ответ: $\frac{3}{2}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7
☒ ☒ ☒ ☒ ☒ ☒ ☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



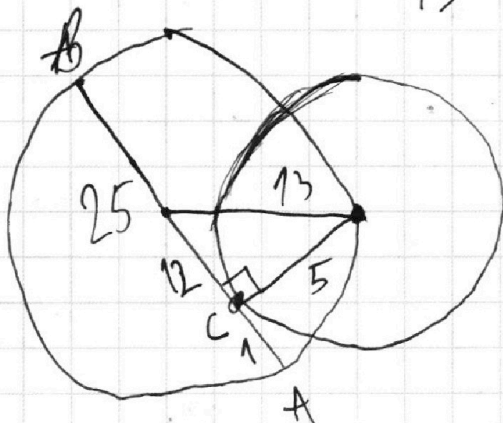
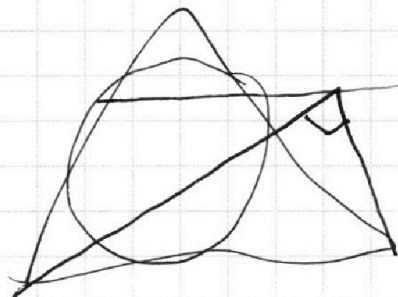
$x_1 x_2 x_3$

$y_1 y_2 y_3$

$x_1 + x_2 \geq 14$

~~12524673~~

13



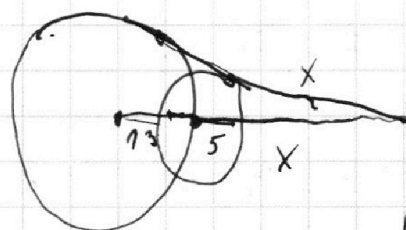
$$\frac{x}{x+13} = \frac{5}{13}$$

$$13x = 5x + 13 \cdot 5$$

$$x = \frac{13 \cdot 5}{8}$$

$$(x+2)(x+3) + 2x^2$$

$$\frac{5}{3} \quad 2$$



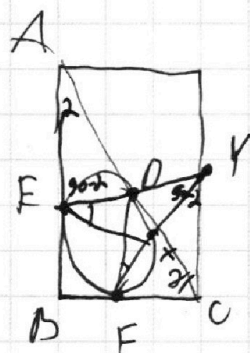
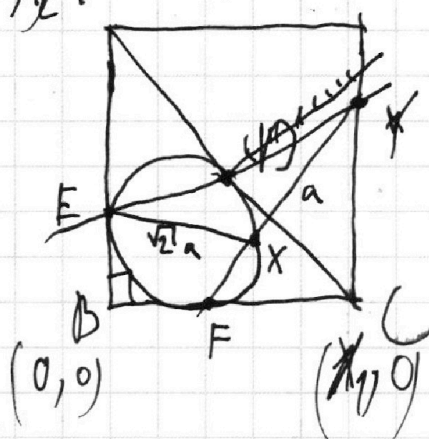
$$2 \cdot \frac{AD^2}{DC^2} \frac{1 - \cos \alpha}{1 - \sin \alpha} x^2 - 5^2 = d^2$$

$$(x+13)^2 = t^2$$

$$t - d = ?$$

$$\begin{array}{r} 169 \\ - 64 \\ \hline 105 \end{array}$$

~~(0,0)~~ A



$$\frac{AD}{DC} = \frac{ED}{DY} = \frac{\sqrt{2}ED}{DF}$$

$$\sqrt{2} = \frac{DF}{DY}$$

$$\frac{2AD^2 - 2AB^2 \cos \alpha}{2DC^2 - 2DC \cos \alpha}$$

$$\frac{EX}{DF} = \frac{EX}{DY}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☒ 2 ☒ 3 ☒ 4 ☒ 5 ☒ 6 ☒ 7 ☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$5x - y = 3z$$

$$3 + 6 - 5 = 4$$

$$4 - 14 = -10$$

$$\frac{8}{x} + \frac{1}{5x-3z} = \frac{15}{z}$$

$$3 + 2 = 5$$

$$x_3 = 14$$

$$y = 5x - 3z$$

$$75x^2 - 86xz + 24z^2$$

$$x_1 = 9$$

$$x_2 = 5$$

$$\frac{8}{x} + \frac{1}{5x-3z} = \frac{15}{z}$$

$$x_1 x_2 = \frac{24}{75} z^2$$

$$x_1 + x_2 = \frac{86z}{75}$$

$$\begin{array}{r} 22 \\ +20 \\ +74 \\ \hline 562 \\ 12573 \end{array}$$

$$40xz - 24z^2 + x^2 = 75x^2 - 45xz$$

$$86xz = 75x^2 + 24z^2$$

$$86z^2 - 4 \cdot 24z^2 = 45z^2$$

$$25x^2 - z^2 - 25x^2 + 30xz - 9z^2 =$$

$$25x^2 - 30xz + 9z^2 + 3z^2$$

$$z \sqrt{86^2 - 300 \cdot 24}$$

$$\frac{30xz - 10z^2}{25x^2 - 3xz + 12z^2}$$

$$x_1 + x_2 \geq 14$$

$$x_3 + x_7 \geq 23$$

$$x_1 + x_3 = 19$$

$$21 + 15 = 36$$

$$3x^2 - 5x + 6 + 3x^2 + x + 1 - 2 \cdot t = 25x^2 - 12x$$

$$-2t =$$

$$2t = -10x^2 + 8x - 18$$

$$t = -15x^2 + 4x - 9$$

$$(3x^2 - 5x + 6)(3x^2 + x + 1) = (-5x^2 + 4x - 9)^2$$

$$\frac{4}{15} \sqrt{\frac{3}{5}}$$

$$x_1 = \frac{19 + 23 - 14}{2}$$

$$\frac{5}{15}$$

$$20 + 22$$

$$10 + 11 - 7$$

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{9}{5}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7
☒ ☒ ☒ ☒ ☒ ☒ ☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$5x - y = 3z$$

$$8yz + xz = 15xy$$

-824

$$8yz + xz = 15xy$$

$$y + 3z = 5x$$

$$3y^2 + 9yz = 8yz + xz$$

$$= xz - yz$$

$$a + b : t$$

$$a^2 - 9a + 8 : t$$

$$a^2 - 9a + 8 : t$$

$$a \setminus t$$

$$b \setminus t$$

$$y = 5x - 3z$$

$$8(5x - 3z) + xz = 15x(5x - 3z)$$

$$7396$$

$$\begin{array}{r} 7396 \\ - 7200 \\ \hline 196 \end{array}$$

$$\sqrt{196} = 14$$

$$x_1 = \frac{86 \pm \sqrt{86^2 - 4 \cdot 75 \cdot 41}}{150}$$

$$4 \cdot 75 = 300$$

$$7200$$

$$\begin{array}{r} 86 \\ \times 86 \\ \hline 516 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 516 \\ \times 86 \\ \hline 633 \end{array}$$

$$40xz - 24z^2 + xz = 45x^2 - 45xz$$

$$86xz = 45x^2 + 24z^2$$

$$\begin{array}{r} b \\ \hline m \end{array} \rightarrow$$

$$\frac{86 + 14}{150} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{72}{150} = \frac{12}{25}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☒	☒	☒	☒	☒	☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\begin{cases} \frac{S}{v_m} + 1 = \frac{S}{v_8} & 72.3.4 \\ v_8 \cdot \frac{S}{v_m} + 49 = v_m \cdot \frac{S}{v_8} & 72.4 \quad - 72.3 \end{cases}$$

$$\frac{S}{v_m + 7} + 0,6 = \frac{S}{v_8 + 7}$$

$$0,6(v_m + 7)(v_8 + 7) = v_m v_8$$

$$42 v_m + 42 v_8 + 49 \cdot 6 = v_m v_8$$

$$21 v_m + 21 v_8 + 147 = 2 v_m v_8$$

$$5 v_8 + v_m v_8 = 5 v_m$$

$$5 = \frac{v_m v_8}{v_m - v_8}$$

$$v_8^2 \cdot 5 + 49 v_m v_8 = v_m^2 \cdot 5$$

$$5 = \frac{49 v_m v_8}{v_m^2 - v_8^2}$$

$$\begin{array}{r} \times 21 \\ 28 \\ \hline 768 \\ 42 \\ \hline 588 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 30 \quad 5 \\ \times 28 \quad 56 \\ \hline 504 \end{array}$$

$$29^2 - 1$$

$$\frac{49}{v_m + v_8} = 1$$

$$v_m + v_8 = 49$$

$$v_8 = 49 - v_m$$

~~8~~

$$\begin{array}{r} 26 \\ \times 28 \\ \hline 56 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2245 \\ 56 \\ \hline 784 \\ \times 270 \\ \hline 1054 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 784 \\ \times 270 \\ \hline 1054 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2245 \\ 56 \\ \hline 784 \\ \times 270 \\ \hline 1054 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2245 \\ 56 \\ \hline 784 \\ \times 270 \\ \hline 1054 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2245 \\ 56 \\ \hline 784 \\ \times 270 \\ \hline 1054 \end{array}$$

$$5(v_8 - 17) + 0,6(v_m + 7)(v_8 + 7) = 5(v_m + 7)$$

$$0,6(v_m + 7)(v_8 + 7) = 5$$

$$v_m - v_8 = (30 - 1)(30 - 1) = 900 - 60 + 1 =$$

$$7054 - 76 = 841$$

$$1058$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☒ 2 ☒ 3 ☒ 4 ☒ 5 ☒ 6 ☒ 7 ☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

~~12452777~~

$$\begin{cases} 3z + y = 5x \\ 8yz + xz = 15xy \end{cases}$$

$$9yz + 3y^2 = 8yz + xy$$

$$3y^2 = xy - yz$$

$$\begin{cases} 3y = x - z \\ 3z = 5x - y \end{cases}$$

$$\frac{8}{-4} + \frac{1}{y} = \frac{15}{-7y}$$

$$\begin{aligned} -2 + 1 &= -\frac{15}{7} \\ -1 &= -\frac{15}{7} \end{aligned}$$

$$-20y -$$

$$\frac{-2}{7y} + \frac{1}{y} =$$

$$9z + 3y^2 = 8yz + xz$$

$$3y^2 + z y = xz \quad -60 = -5x$$

$$3y = x - z$$

$$\begin{cases} z = x - 3y \\ y = 5x - 3z \end{cases}$$

$$y = 5x - 3x + 9y$$

$$\begin{cases} z = x - 3y - 8y = 2x \\ y = 5x - 3z - 4y = x \end{cases}$$

$$-4y - 3y = -7y$$

$$z = x - 3y$$

$$y = 5x - 3x + 9y = 2x + 9y$$

$$-8y = 2x$$

$$x = -4y$$

$$4 + 7 = 11$$

$$x = -4y$$

$$z = -7y$$

$$-8 \cdot 4 \cdot 7 + 4 \cdot 4 = 15 \cdot 4$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7
☒ ☒ ☒ ☒ ☒ ☒ ☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{b+c-a}{b+a-c}$$

$$\frac{b-c}{b-a} = \frac{1}{2}$$

$$2b-2c = b-a \quad b$$

$$b = 2c - a$$

$$\frac{ED}{DY} = \frac{AD}{DL}$$

$$b^2 + a^2 = 4c^2$$

$$ED = YX$$

$$\frac{EX}{XY} = \frac{DF}{DY}$$

$$\frac{DF}{DY} = \sqrt{2}$$

$$\sqrt{2} \frac{ED}{DF} = \frac{AD}{DL}$$

$$2 \frac{1 - \frac{AB}{AC}}{1 - \frac{BC}{AC}} = 1$$

$$2 \frac{AC-AB}{AC-BC} = 1$$

$$YD \cdot YE = YX \cdot YF$$

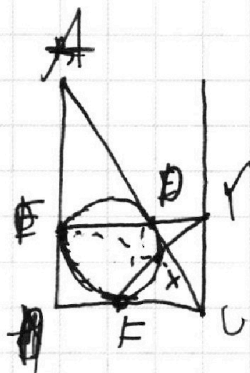
$$\frac{\sin(\check{D}X)}{\sin(\check{E}F - \check{D}X)} = \sqrt{2}$$

$$\frac{\sin(\check{D}X)}{\sin \check{E}F \cos \check{D}X - \sin \check{D}X \cos \check{E}F} = \sqrt{2}$$

$$\frac{\operatorname{tg} \check{D}X}{\sin \check{E}F - \operatorname{tg} \check{D}X \cos \check{E}F} = \sqrt{2}$$

$$\operatorname{tg} \check{D}X (1 + \sqrt{2} \cos \check{E}F) = \sin \check{E}F \sqrt{2}$$

$$\frac{DX}{DY} = \frac{3c-a}{b}$$





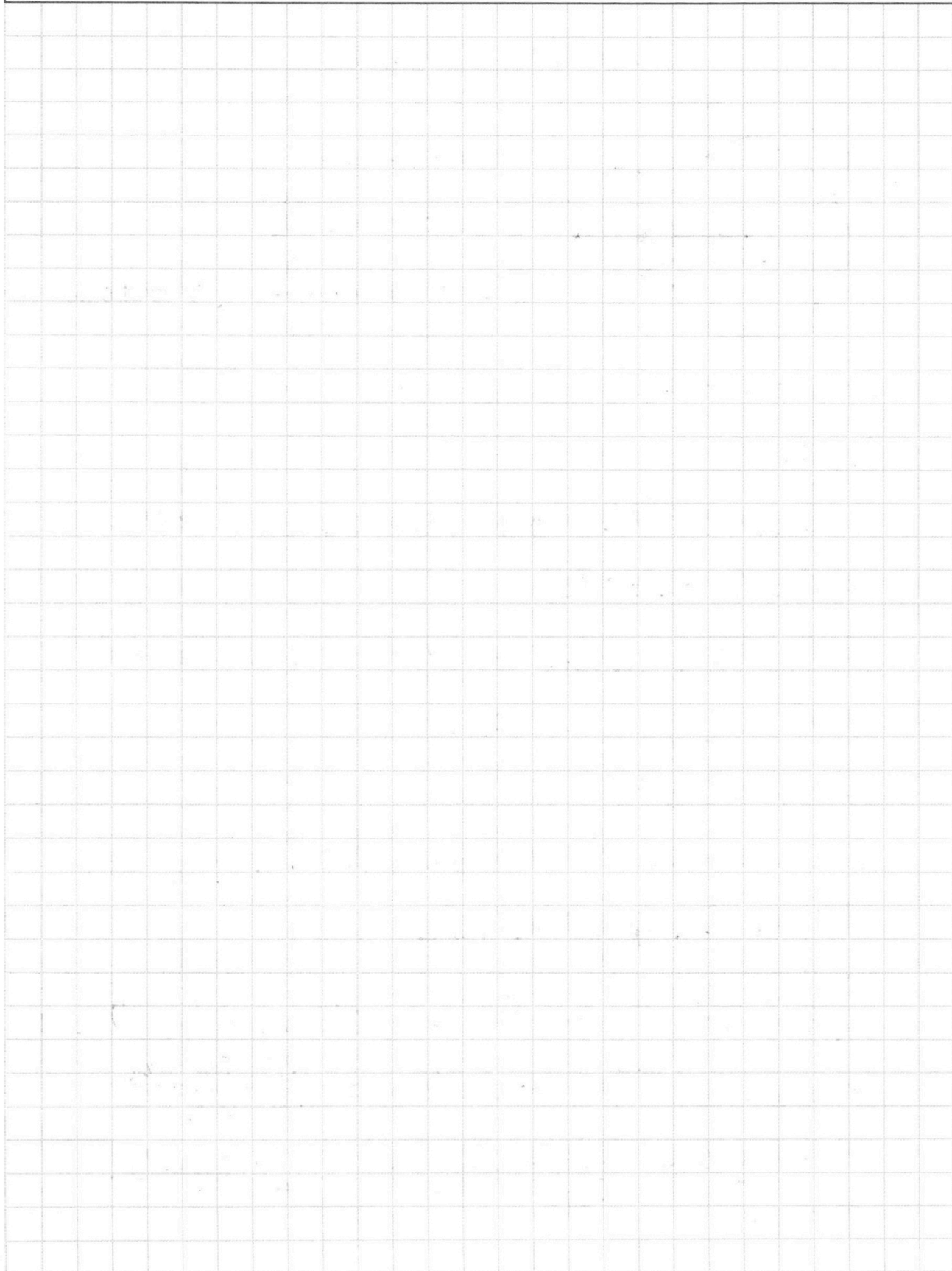
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!





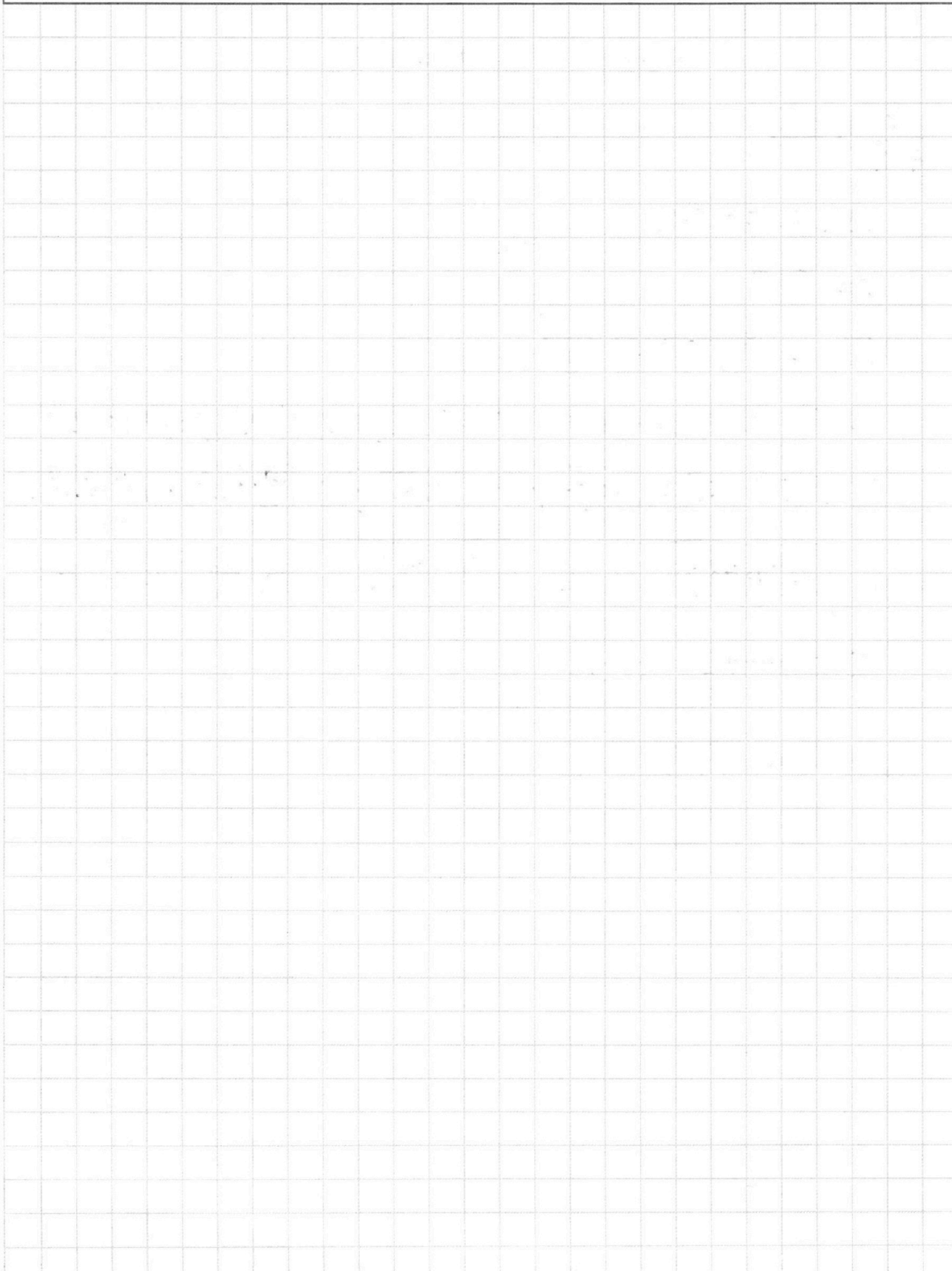
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1

☐

2

☐

3

☐

4

☐

5

☐

6

☐

7

☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

