



# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

## Вариант 09-01



*Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.*

1. Пловец трижды переплывает реку. Движение пловца прямолинейное. Скорость пловца в подвижной системе отсчета, связанной с водой, во всех заплывах одинакова по модулю.

В двух первых заплывах А – точка старта, В – точка финиша (см. рис.,  $V$  – неизвестная скорость течения реки). Ширина реки  $AC = d = 70$  м, снос, т.е. расстояние, на которое пловец смещается вдоль реки к моменту достижения противоположного берега,  $CB = L = 240$  м.

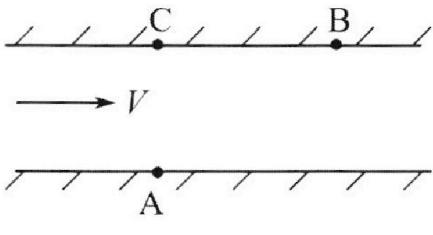
Продолжительность первого заплыва  $T_1 = 192$  с, продолжительность второго заплыва  $T_2 = 417$  с.

1) Найдите скорости  $V_1$  и  $V_2$  пловца в лабораторной системе отчета в первом и втором заплывах.

2) Найдите скорость  $U$  пловца в подвижной системе отсчета, связанной с водой.

В третьем заплыве пловец стартует из точки А и движется так, что снос минимальный.

3) Найдите продолжительность  $T$  третьего заплыва.



2. Футболист на тренировке наносит удары по мячу, лежащему на горизонтальной площадке и направляет мяч к вертикальной стенке. После абсолютно упругого соударения со стенкой мяч падает на площадку. Наибольшая высота, на которой находится мяч в полете,  $H = 16,2$  м. Расстояние от точки старта до стенки в 5 раз больше расстояния от стенки до точки падения мяча на площадку.

1) На какой высоте  $h$  происходит соударение мяча со стенкой?

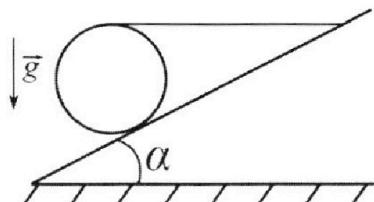
2) Найдите продолжительность  $t_1$  полета мяча от старта до соударения со стенкой.

Допустим, что в момент соударения мяча со стенкой на той же высоте  $h$ , стенка движется навстречу мячу со скоростью  $U = 2$  м/с.

3) Найдите расстояние  $d$  между точками падения мяча на площадку в случаях: стенка покоятся, стенка движется.

Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>. Сопротивление воздуха пренебрежимо мало. Соударения мяча со стенкой абсолютно упругие. Траектории мяча лежат в вертикальной плоскости перпендикулярной стенке.

3. Однородный шар массой  $m = 3$  кг удерживается на шероховатой наклонной плоскости горизонтальной нитью, прикрепленной к шару в его наивысшей точке. Наклонная плоскость образует с горизонтальной плоскостью угол  $\alpha$  такой, что  $\sin \alpha = 0,6$ .



1) Найдите силу  $T$  натяжения нити.  
2) Найдите силу  $F_{TP}$  трения, действующую на шар.  
3) При каких значениях коэффициента  $\mu$  трения скольжения шар будет находиться в покое? Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.



# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 09-01



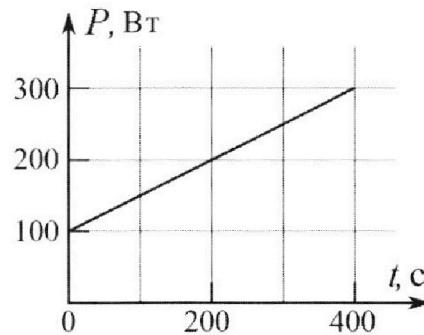
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

4. Воду нагревают на электроплитке. Начальная температура воды  $\tilde{t}_0 = 14^{\circ}\text{C}$ , объем воды  $V = 2 \text{ л}$ . Сопротивление спирали электроплитки  $R = 20 \Omega$ , сила тока в спирали  $I = 5 \text{ А}$ .

Зависимость мощности  $P$  тепловых потерь от времени  $t$  представлена на графике (см. рис.).

- 1) Найдите мощность  $P_H$  нагревателя.
- 2) Через какое время  $T$  после начала нагревания температура воды станет равной  $\tilde{t}_1 = 25^{\circ}\text{C}$ ?

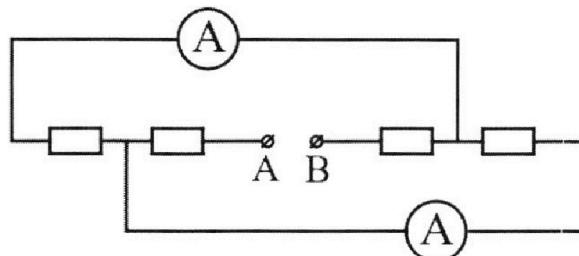
Плотность воды  $\rho = 1000 \text{ кг}/\text{м}^3$ , удельная теплоемкость воды  $c = 4200 \text{ Дж}/(\text{кг}\cdot^{\circ}\text{C})$ .



5. В электрической цепи, схема которой представлена на рисунке, четыре резистора, у двух из которых сопротивление по  $20 \Omega$ , у двух других сопротивление по  $40 \Omega$ . Сопротивление амперметров пренебрежимо мало.

После подключения к клеммам А и В источника постоянного напряжения показания амперметров оказались различными. Меньшее показание  $I_1 = 1 \text{ А}$ .

- 1) Найдите показание  $I_2$  второго амперметра.
- 2) Найдите напряжение  $U$  источника.





- |                                     |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                                   | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Пусть  $\vec{V}_1$  и  $\vec{V}_2$  — скорости птицы относительно земли в 1 и 2 случаях.

$$\vec{V}_1 t_1 = \vec{AB} \Rightarrow V_1 |\vec{V}_1| = \frac{AB}{t_1} = \frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{t_1}$$

$$\vec{V}_2 t_2 = \vec{AB} \Rightarrow V_2 |\vec{V}_2| = \frac{AB}{t_2} = \frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{t_2}$$

$$V_{1x} t_1 = AB_x = BC = L \quad \left| \begin{array}{l} V_{1x} = \frac{L}{t_1} = 1,25 \text{ м/с} \end{array} \right.$$

$$V_{1y} t_1 = AB_y = AC = d \quad \left| \begin{array}{l} V_{1y} = \frac{d}{t_1} = \frac{35}{96} \text{ м/с} \end{array} \right.$$

$\vec{U}_1$  — пусть это скорость птицы относительно берега.  $\vec{V}_1 = \vec{U}_1 + \vec{V}$ ,  $V_{1x} = U_{1x} + V$ ,  $V_{1y} = U_{1y}$

Аналогично, для второго случая:

$$V_{2x} = \frac{L}{t_2} = \frac{80}{139} \text{ м/с}, \quad V_{2y} = \frac{d}{t_2} = \frac{70}{417} \text{ м/с}$$

$$\vec{V}_2 = \vec{U}_2 + \vec{V}, \quad \vec{V}_{2x} = U_{2x} + V, \quad V_{2y} = U_{2y}$$

$U = |\vec{U}_1| = |\vec{U}_2|$ ; По теореме Пифагора,

$$U_{1x}^2 + U_{1y}^2 = U_{2x}^2 + U_{2y}^2; \quad V_{1y}^2 + (V_{1x} - V)^2 = V_{2y}^2 + (V_{2x} - V)^2$$

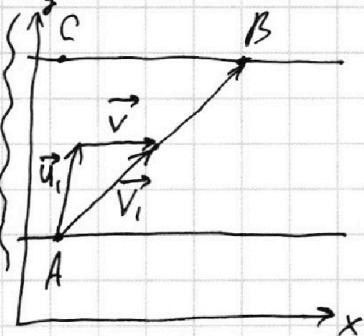
$$V_{1y}^2 + V_{1x}^2 - 2VV_{1x} + V^2 = V_{2y}^2 + V_{2x}^2 - 2VV_{2x} + V^2$$

$$2V(V_{1x} - V_{2x}) = V_{1x}^2 + V_{1y}^2 - V_{2x}^2 - V_{2y}^2$$

$$V = \frac{V_{1x}^2 + V_{1y}^2 - V_{2x}^2 - V_{2y}^2}{2V_{1x} - 2V_{2x}} = \frac{V_1^2 - V_2^2}{2V_{1x} - 2V_{2x}}$$

$$U = \sqrt{U_{1x}^2 + U_{1y}^2} = \sqrt{V_{1y}^2 + (V_{1x} - V)^2}$$

Рассмотрим третий случай:



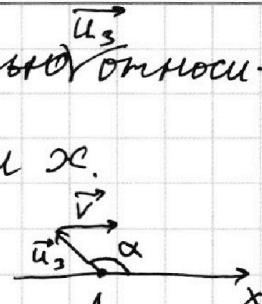
- |                                     |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                                   | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Пусть плавец плавает со скоростью относительно воды под углом  $\alpha$  к оси  $x$ .

$L'$  - новый способ.



$$\vec{V}_3 = \vec{U}_3 + \vec{V}, \quad V_{3x} = U \cos \alpha + V, \quad V_{3y} = U \sin \alpha$$

$$V_{3y} T = d \Rightarrow T = \frac{d}{U \sin \alpha}. \quad V_{3x} T = L' = (U \cos \alpha + V) \frac{d}{U \sin \alpha}.$$

если  $U > V$  (но у меня нет калькулятора, поэтому я не буду это проверять), то

$$\forall \alpha: L' = 0, \text{ тогда } U \cos \alpha + V = 0, \cos \alpha = -\frac{V}{U}$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \frac{\sqrt{U^2 - V^2}}{U}, \quad T = \frac{d}{\sqrt{U^2 - V^2}}.$$

Чтобы найти найти такой  $\alpha$ , име

$$L' = (U \cos \alpha + V) \frac{d}{U \sin \alpha} = \frac{d U \cos \alpha}{U \sin \alpha} + \frac{d V}{U \sin \alpha} =$$

$$= d \operatorname{ctg} \alpha + \frac{d V}{U \sin \alpha} - \text{ минимально, и } T = \frac{d}{U \sin \alpha}.$$

Проблема: 1)  $V_1 = \frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{t_1}, \quad V_2 = \frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{t_2}$ ,

2)  $U = \sqrt{V_{1y}^2 + \left( V_{1x} - \frac{V_{1y}^2 - V_{2y}^2}{2V_{1x} - 2V_{2x}} \right)^2}, \text{ где}$

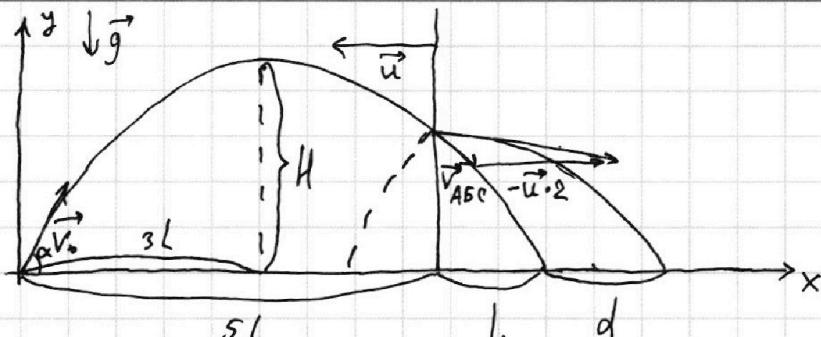
$$V_{1y} = \frac{d}{t_1}, \quad V_{1x} = \frac{L}{t_1}, \quad V_{2x} = \frac{L}{t_2}.$$

3)  $T = \frac{d}{\sqrt{U^2 - V^2}}, \text{ если } U \neq V,$

чтобы  $T = \frac{d}{U \sin \alpha}$ , где при  $\alpha$  способ минимальный.

- |                          |                                     |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



упруго ударяется

Когда шарик абсолютно упруго отталкивается, его скорость относительно стены отбрасывается симметрично, относительно вертикальной прямой. Пока стена покосится, можно считать, что скорость шарика относительно земли  $\vec{V}_{ABC}$  отбрасывается симметрично. Тогда можно и траекторию отобразить симметрично, и скажем, что мяч движется по параболе.

$$y(t) = V_0 \sin \alpha t - \frac{gt^2}{2}. \text{ При } y(T) = H \quad V_y = 0, \text{ значит, } 2Hg = V_0^2 \sin^2 \alpha - 0^2 \Rightarrow H = \frac{V_0^2 \sin^2 \alpha}{2g}, \quad V_0 \sin \alpha = \sqrt{2gH}.$$

$$V_0 \sin \alpha = gT \Rightarrow T = \sqrt{\frac{2H}{g}}.$$

$x(t) = V_0 \cos \alpha t$ . Максимальную высоту мяча можно, когда находилось в середине своего пути по горизонтали, т.е.  $x(T) = V_0 \cos \alpha \sqrt{\frac{2H}{g}} = 3L$ ,

$$\text{а } V_0 \cos \alpha t_1 = 5L \Rightarrow \sqrt{\frac{2H}{g}} : t_1 = \frac{3}{5}, \quad t_1 = \frac{5}{3} \sqrt{\frac{2H}{g}}.$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

- |                          |                                     |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                                   | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

**МФТИ**



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$y(t_1) = \sqrt{2gH} \cdot \frac{5}{3} \sqrt{\frac{eH}{g}} - \frac{g}{2} \cdot \left(\frac{5}{3}\right)^2 \cdot \frac{eH}{g} = \frac{5}{3} \cdot eH - \frac{25}{9} H = \frac{5}{9} H = h.$$

Во втором случае при ударе  $\vec{V}_{ABC} = \vec{V}_{\text{отн}} + \vec{u}$ ,  $\vec{V}_{\text{отн}} = \vec{V}_{ABC} - \vec{u}$  — скорость относительно стены до удара.  $\vec{V}'_{ABC}$  (новая скорость шара) находим симметричным отражением  $\vec{V}_{\text{отн}}$  и прибавлением  $\vec{u}$ . Запишем это в проекциях:

$$y: V'_{ABCy} = V_{ABCy}$$

$$x: V'_{ABCx} = -(V_{ABCx} + u) - u = -V_{ABCx} - 2u$$

Как и в прошлый раз, для удобства отобразим  $\vec{V}'_{ABC}$  относительно вертикали. Новый вектор скорости (сразу после удара)  $\vec{V}_{ABC} - 2\vec{u}$ . Оставшееся время падения зависит только от вертикальной проекции, а она не изменилась. Время равно  $2T - t_1 = \frac{1}{3} \sqrt{\frac{2H}{g}}$ .

$$d = (V_{ABCx} + 2u) \left( \frac{1}{3} \sqrt{\frac{2H}{g}} \right) - V_{ABCx} \left( \frac{1}{3} \sqrt{\frac{2H}{g}} \right) = \frac{2}{3} u \sqrt{\frac{2H}{g}}.$$

$$\text{Ответ: 1) } h = \frac{5}{9} H; 2) t_1 = \frac{5}{3} \sqrt{\frac{eH}{g}}; 3) d = \frac{2}{3} u \sqrt{\frac{eH}{g}}.$$

- |                            |                            |                            |                                       |                            |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input checked="" type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

По закону Фарадея-Ленца, выделяемая  
спиралью мощность  $P_H = I^2 R = (5A)^2 \cdot 20\Omega =$

= 500 Вт.  $m = g V = 2 \text{ кг}$  — масса бобы

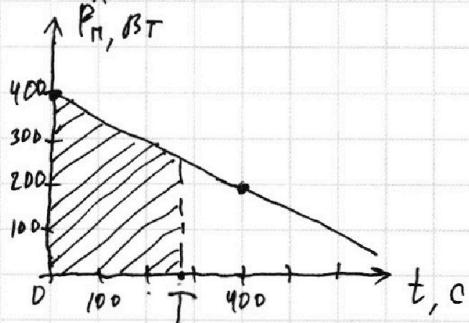
$$Q = cm (\tilde{T}_1 - \tilde{T}_0) = 4200 \frac{\text{Дж}}{\text{кг} \cdot ^\circ\text{C}} \cdot 2 \text{ кг} \cdot 11^\circ\text{C} =$$

= 92400 Дж — сколько надо подвести  
мощности Р бобе, чтобы её нагреть.

$P_H = \text{const}$ , а Р линейно зависит от t.

нагревая мощность, которая поступает  
к бобе,  $P_n(t) = P_H - P(t)$  — можем линейная  
зависимость.  $P_n(0) = 500 \text{ Вт} - 100 \text{ Вт} = 400 \text{ Вт}$ .

$P_n(400 \text{ с}) = 500 \text{ Вт} - 300 \text{ Вт} = 200 \text{ Вт}$ . Построим  
 $P_n(t)$  по 2 точкам. Можно вывести урав-  
нение этой прямой.



$P_n(t) = 400 - 0,5t$ . Количество  
мощности, подводящее к  
бобе, численно равно мощ-  
ности нагрева.

ди под графиком это трапециевидная фигура.  
 $Q(t) = \frac{P_n(0) + P_n(t)}{2} \cdot t = \frac{800 - 0,5t}{2} \cdot t$   
 $= 400t - \frac{1}{4}t^2$ . Решим уравнение:

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- |                          |                          |                          |                                     |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                                   | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

**МФТИ.**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\text{Уравнение: } 400t - \frac{1}{4}T^2 = 92400 \text{ ₽}$$

$$\frac{1}{4}T^2 - 400t + 92400 \text{ ₽} = 0$$

$$D = 400^2 - 4 \cdot \frac{1}{4} \cdot 92400 \text{ ₽} = 160000 - 92400 \text{ ₽} =$$

$$= 67600 \text{ ₽} = 260^2$$

$$T = \frac{400 \pm 260}{2 \cdot \frac{1}{4}} ; T = 2(400 \pm 260) ;$$

$$T = 280 \text{ (с)} \text{ или } T = 1320 \text{ (с)}$$

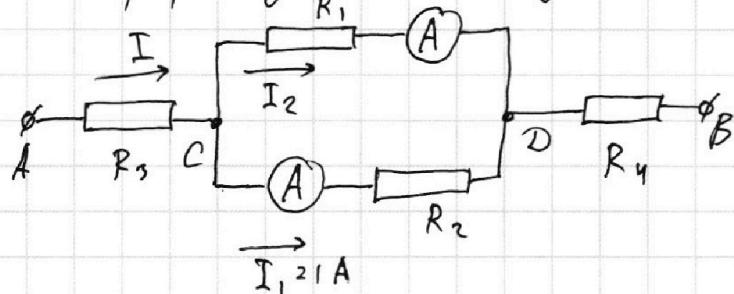
При  $T = 1320 \text{ с}$   $P_{\text{н}}$  становится  $< 0$ , значит  
нас интересует первый корень уравнения  
(во время нагревания, а не во время  
остывания).

Ответ: 1) 500 Вт; 2) через 280 с.

- |                          |                          |                          |                          |                                     |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Перерисуем схему:



$$U_{CD} = I_1 R_2 \neq I_2 R_1 \Rightarrow \frac{I_1}{I_2} = \frac{R_1}{R_2}, \text{ но из условий схемы, что если } I_1 \neq I_2, \text{ то } \frac{R_1}{R_2} = 2 \text{ или } \frac{R_1}{R_2} = \frac{1}{2}.$$

$$\begin{aligned} 1) \frac{R_1}{R_2} = 2 \Rightarrow R_1 = 40 \Omega, R_2 = 20 \Omega, I_2 = 0,5 A, \\ I = I_1 + I_2 = 1,5 A. U = IR_3 + I_1 R_2 + IR_4 = \\ = I(R_3 + R_4) + I_1 R_2 = 1,5 A \cdot 60 \Omega + 1 A \cdot 20 \Omega = \\ = 110 V \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2) \frac{R_1}{R_2} = \frac{1}{2} \Rightarrow R_1 = 20 \Omega, R_2 = 40 \Omega, I_2 = 2 A, \\ I = I_1 + I_2 = 3 A. U = I(R_3 + R_4) + I_1 R_2 = \\ = 3 A \cdot 60 \Omega + 1 A \cdot 40 \Omega = 220 V. \end{aligned}$$

Ответы: 1)  $I_2 = 0,5 A$  или  $I_2 = 2 A$ ;  
2)  $U = 110 V$  или  $U = 220 V$ .



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1

2

3

4

5

6

7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

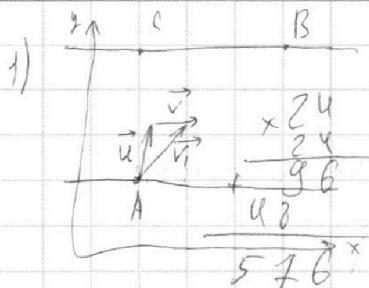
Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



- |                          |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

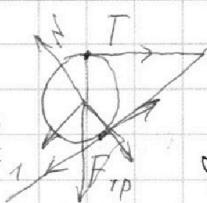
**МФТИ.**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\Delta r = \vec{AB}, \vec{V}_1 = \vec{U} + \vec{V}$$

$$\vec{V}_1 t_1 = \Delta r = \vec{U} t_1 (\vec{U} + \vec{V}) t_1$$



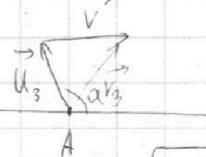
$$\Delta r_x = (U_x + V_x) t_1 = (U_x + V) t_1 = BC = L$$

$$\Delta r_y = (U_y + V_y) t_1 = U_y t_1 = AC = d$$

$$2) \Delta r_x = (U_x + V_x) t_2 = (U_{x2} + V) t_2 = L \quad U_{x1} + V = \frac{L}{t_1}$$

$$\Delta r_y = U_{y2} t_2 = d \quad U_{y1} = \frac{d}{t_1}$$

$$U_{x2} + V = \frac{L}{t_2} \quad V_{2x} = \frac{U_{x2}}{t_2} = \frac{U_{x1} + V}{t_2} = \frac{U_{x1}}{t_2} + \frac{V}{t_2} = \frac{U_{y1}}{\tan \alpha} + \frac{V}{t_2}$$



$$t_2 = \frac{d}{U_{y1} \sin \alpha}$$

$$L = (U \cos \alpha + V) t_2$$

$$U_{x1} + V = V_{1x}, \quad U_{y1} = V_{1y}, \quad V = \sqrt{V_{1y}^2 + V_{1x}^2} = \frac{U_{x1} \cos \alpha}{\sin \alpha} + \frac{V}{\sin \alpha}$$

$$U^2 = U_{y1}^2 + U_{x1}^2 = U_{y1}^2 + (V_{1x} - V)^2 = U_{y2}^2 + (V_{2x} - V)^2$$

$$U_{y1}^2 + V_{1x}^2 - 2V V_{1x} + V^2 = U_{y2}^2 + V_{2x}^2 - 2V V_{2x} + V^2$$

$$2V(V_{1x} - V_{2x}) = U_{y1}^2 + V_{1x}^2 - U_{y2}^2 - V_{2x}^2 \quad U \cos \alpha + V = \frac{V}{\cos \alpha}$$

$$V_2 = \frac{U_{y1}^2 + V_{1x}^2 - U_{y2}^2 - V_{2x}^2}{2V_{1x} - 2V_{2x}} \quad U_{1x} = V_{1x} - V \quad U_{y1} = \frac{d}{t_1} \quad \sin^2 \alpha = 1 - \frac{V^2}{U^2}$$

$$U = \sqrt{\left(\frac{L}{t_1} - V\right)^2 + \frac{d^2}{t_1^2}} \quad \text{dotg} \alpha + d \cdot \frac{V}{U \sin \alpha} = d \left( \text{ctg} \alpha + \frac{V}{U \sin \alpha} \right)$$

$$192 = 2 \cdot 96 = 64 \cdot 3 = 2^6 \cdot 3, \quad 2UD = 24 \cdot 10 = 2^4 \cdot 3 \cdot 5$$

$$V_{1x} = \frac{2^4 \cdot 3 \cdot 5}{2^6 \cdot 3} = \frac{5}{2^2} = 1,25 \quad \frac{70}{418} \quad \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\frac{70}{192} = \frac{2 \cdot 5 \cdot 7}{2^6 \cdot 3} = \frac{35}{96} \quad 417 = 3 \cdot 139 = \frac{240}{417} = \frac{2^4 \cdot 5}{139} = \frac{80}{139}$$

$$\underline{L^2 + d^2} = \underline{2UD^2 + FO^2} = 57600 + 4900 < \underline{62500}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



- |                          |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

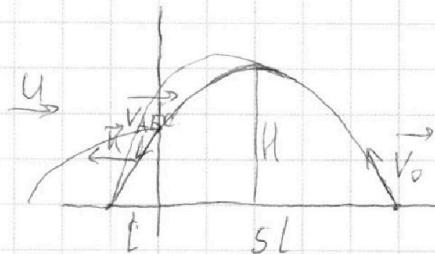
$$V_1^2 - V_2^2 = \frac{62500}{192} - \frac{62500}{417} = \frac{62500(417 - 192)}{192 \cdot 417} = ?$$

$$= \frac{62500 \cdot 225}{192 \cdot 417} = 42 \cdot 22 = 84 \cdot 11 = 924$$

$$\frac{+92}{22} \quad \times 26$$

$$\frac{84}{924} \quad \frac{26}{156}$$

$$25 \cdot 192 \cdot 417 - 160 \cdot 192 \cdot 417 = 1582 (25 \cdot 417 - 160)$$



$$y: 0 + V_0 \sin \alpha t - \frac{gt^2}{2}$$

$$T_{\max} = \frac{V_0 \sin \alpha}{g} = \sqrt{\frac{2H}{g}} = \sqrt{\frac{2H}{g}}$$

$$V_0 \sin \alpha = g T_{\max} = \frac{200}{400} = 0,5$$

$$V_0 \cos \alpha T_{\max} = 3L$$

$$H = \frac{V_0^2 \sin^2 \alpha}{2g} - \frac{V_0^2 \sin^2 \alpha}{2g} = \frac{V_0^2 \sin^2 \alpha}{2g}$$

$$V_0 \sin \alpha = \sqrt{2gH}; \quad V_0 \cos \alpha \sqrt{\frac{2H}{g}} = 3L$$

$$V_0 \cos \alpha t_1 = 3L; \quad \sqrt{\frac{2H}{g}} : t_1 = \frac{3}{5}; \quad t_1 = \frac{5}{3} \sqrt{\frac{2H}{g}}$$

$$h = \frac{5}{3} \sqrt{2gH} \sqrt{\frac{2H}{g}} - \frac{5}{8} \cdot \left(\frac{5}{3}\right)^2 \cdot \frac{8H}{g} = \frac{5}{3} \sqrt{4H^2} - \frac{25}{9} H =$$

$$= \frac{5}{3} \cdot 2H - \frac{25}{9} H = H \left( \frac{10}{3} - \frac{25}{9} \right) = \frac{5}{9} H$$

$$V_{ABC} = V_{0TH} + U, \quad V_{0TH} = V_{ABC} - U \quad \left\{ P_H = I^2 R = 25 \cdot 20 = 500 \text{ Вт} \right.$$

$$x: V_0 \cos \alpha t + U, \quad y: V_0 \sin \alpha t - gt \quad \left\{ \begin{array}{l} 160000 \\ 324000 \end{array} \right. \quad 0,5t$$

