



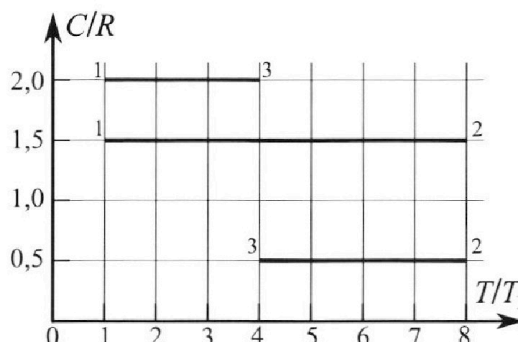
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 10-02



Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

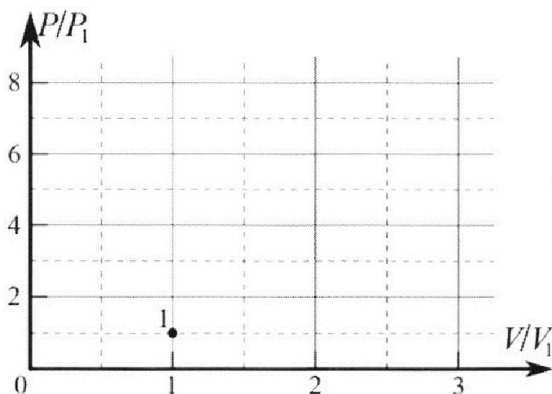
4. Тепловой двигатель работает по циклу 1-2-3-1. Рабочее вещество – один моль одноатомного идеального газа. Для вычисления КПД цикла ученик десятого класса построил график зависимости молярной теплоемкости C газа (в единицах универсальной газовой постоянной) от температуры в процессах: 1-2, 2-3, 3-1 (см. рис.). Температура газа в состоянии 1 равна $T_1 = 200$ К, универсальная газовая постоянная $R = 8,31$ Дж/(моль·К).



1) Найдите работу A_{31} внешних сил над газом в процессе 3-1.

2) Найдите КПД η цикла.

3) Постройте график цикла в координатах $(P/P_1, V/V_1)$, где P_1 и V_1 давление и объём в состоянии 1. Для построения графика перенесите шаблон (см. ниже) в чистовик своей работы. Точка 1 на графике соответствует состоянию 1 газа в цикле.



5. Четыре заряженных шарика связаны легкими нерастяжимыми нитями так, что шарики находятся в вершинах квадрата со стороной a (см. рис.). Сила натяжения каждой нити T .

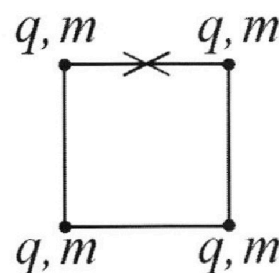
1) Найдите абсолютную величину $|q|$ заряда каждого шарика.

Одну нить пережигают.

2) Найдите кинетическую энергию K любого, выбранного Вами шарика, в тот момент, когда шарики будут находиться на одной прямой.

3) На каком расстоянии d от точки старта будет находиться в этот момент любой из двух шариков, изначально расположенных сверху (на рисунке)?

Электрическая постоянная ϵ_0 . Действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.





Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 10-02

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Футболист наносит удар по мячу, лежащему на горизонтальной площадке. Вектор начальной скорости мяча образует угол $\alpha = 45^\circ$ с горизонтальной плоскостью. Горизонтальное перемещение мяча за время полета $L = 20$ м.

1) Найдите начальную скорость V_0 мяча.

Если футболист направляет мяч под различными углами к горизонту, из той же точки с начальной скоростью V_0 к высокой вертикальной стенке, то наибольшая высота, на которой происходит соударение мяча со стенкой, равна $H = 3,6$ м.

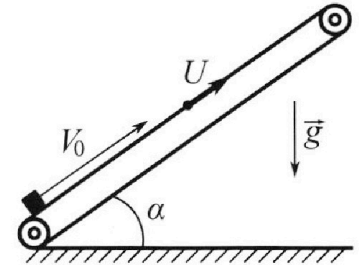
2) На каком расстоянии S от точки старта находится стенка?

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Мяч движется в плоскости перпендикулярной стенке. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым.

2. Лента транспортера, предназначенного для подъема грузов, образует с горизонтальной плоскостью угол α такой, что $\sin \alpha = 0,6$ (см. рис.).

В первом опыте небольшую коробку ставят на покоящуюся ленту транспортера и сообщают коробке начальную скорость $V_0 = 6$ м/с. Коэффициент трения скольжения коробки по ленте $\mu = 0,5$.

Движение коробки прямолинейное.



1) Какой путь S пройдет коробка в первом опыте к моменту времени $T = 1$ с?

Во втором опыте коробку ставят на ленту транспортера, движущуюся со скоростью $U = 1$ м/с, и сообщают коробке скорость $V_0 = 6$ м/с (см. рис.).

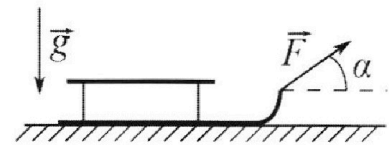
2) Через какое время T_1 после старта скорость коробки во втором опыте будет равна $U = 1$ м/с?

3) На каком расстоянии L от точки старта скорость коробки обратится в ноль во втором опыте? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Все кинематические величины измерены в лабораторной системе отсчета.

3. Санки дважды разгоняют из состояния покоя до одной и той же кинетической энергии K на одинаковых участках пути.

В первом случае санки тянут, действуя постоянной по модулю силой, направленной под углом α к горизонту (см. рис.).

Во втором случае такая же по модулю сила, приложенная к санкам, направлена горизонтально. После достижения кинетической энергии K действие внешней силы прекращается.



1) Найдите коэффициент μ трения скольжения санок по горизонтальной поверхности.

2) Найдите перемещение S санок в процессе торможения до остановки. Ускорение свободного падения g . Санки находятся на горизонтальной поверхности. Движение санок прямолинейное.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

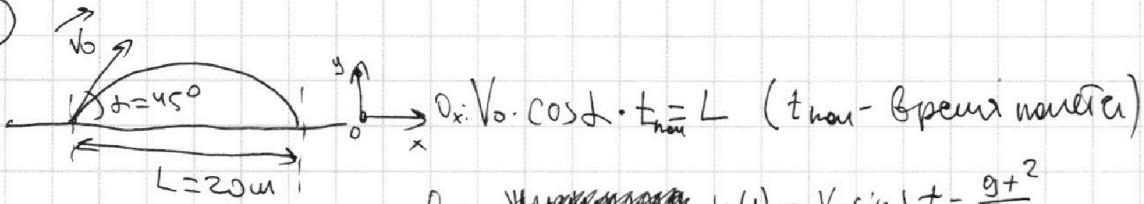
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

①



$$O_x: v_0 \cdot \cos \alpha \cdot t_{\text{max}} = L \quad (t_{\text{max}} - \text{время полета})$$

$$O_y: \text{~~... ..~~} y(t) = v_0 \sin \alpha t - \frac{gt^2}{2}$$

$$y(t_{\text{max}}) = 0$$

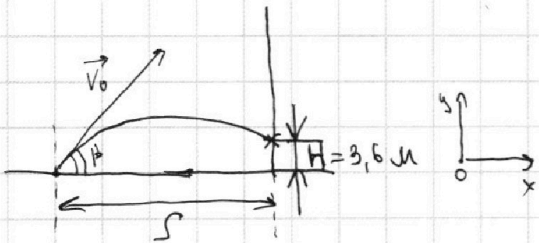
$$v_0 \sin \alpha t_{\text{max}} - \frac{gt_{\text{max}}^2}{2} = 0$$

$$v_0 \sin \alpha = \frac{gt_{\text{max}}}{2}$$

$$\frac{2v_0 \sin \alpha}{g} = t_{\text{max}}$$

$$\frac{2v_0^2 \sin \alpha \cos \alpha}{g} = L \Rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{gL}{\sin 2\alpha}}$$

$$v_0 = \sqrt{200} = 10\sqrt{2}$$



$$O_y: y(t) = v_0 \sin \beta t - \frac{gt^2}{2}$$

$$O_x: x(t) = v_0 \cos \beta t$$

$$y(t) = H$$

$$y(t) = v_0 \sin \beta t - \frac{gt^2}{2}$$

$$x(t) = S$$

$$x(t) = v_0 \cos \beta t$$

$$\Rightarrow H = v_0 \sin \beta t' - \frac{gt'^2}{2}$$

$$\Rightarrow S = v_0 \cos \beta t' \Rightarrow t' = \frac{S}{v_0 \cos \beta}$$

$$H = v_0 \sin \beta \cdot \frac{S}{v_0 \cos \beta} - \frac{g \frac{S^2}{v_0^2 \cos^2 \beta}}{2} = \tan \beta \cdot S - \frac{gS^2}{2v_0^2 \cos^2 \beta}$$

$$\frac{1}{\cos^2 \beta} = \tan^2 \beta + 1$$

$$H = \tan \beta \cdot S - \frac{gS^2}{2v_0^2} - \frac{gS^2 \tan^2 \beta}{2v_0^2}$$

$$H - \text{максимально при } \tan \beta = \frac{-S}{\frac{2gS^2}{2v_0^2}} = \frac{v_0^2}{gS}$$

(вершина параболы $\frac{-b}{2a}$)

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

1

$$H = \frac{V_0^2}{g} - \frac{gS^2}{2V_0^2} - \frac{gS^2 \left(\frac{V_0^2}{gS}\right)^2}{2V_0^2}$$

$$H = \frac{V_0^2}{2g} - \frac{gS^2}{2V_0^2} - \frac{gS^2 \cdot V_0^2}{4g^2 \cdot S^2}$$

$$H = \frac{V_0^2}{g} - \frac{gS^2}{2V_0^2} - \frac{V_0^2}{2g}$$

$$H = \frac{V_0^2}{2g} - \frac{gS^2}{2V_0^2}$$

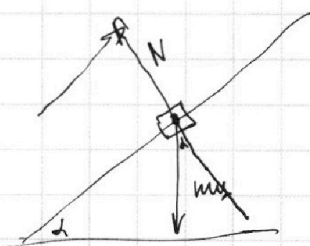
$$3,6 = \frac{200}{2g} - \frac{10 \cdot S^2}{400}$$

$$3,6 = 10 - \frac{1}{40} \cdot S^2$$

$$S = 16$$

Ответ: начальная скорость мяча $10 \frac{м}{с}$
стенка на которой мяч находится $16 \frac{м}{с}$

черновик



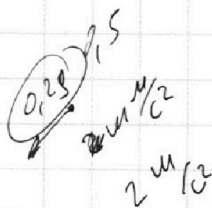
$$mg \cdot \cos \alpha = N$$

$$F_{тр} = \mu mg \cos \alpha$$

$$mg \cdot \sin \alpha$$

$$mg \cdot 0,6 \quad 0,5 \cdot 0,8$$

10



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

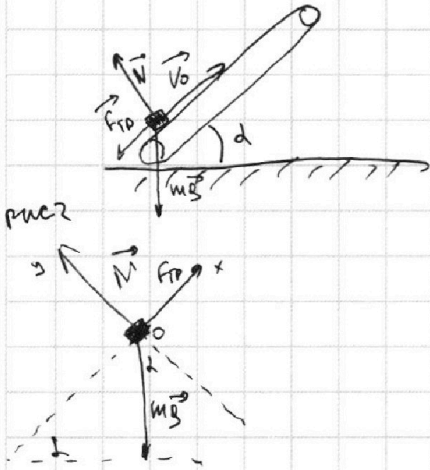
1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



②



$$\sin \alpha = 0,6 \Rightarrow \cos \alpha = 0,8$$

И проверим будет ли \checkmark после остановки
в первом случае груз (рис 2)

$$\text{II } \Sigma_{\text{и } O_y}: N = mg \cos \alpha$$

$$F_{\text{тр}} \in [0; \mu mg \cos \alpha]$$

$$F_{\text{тр}} \in [0; 0,4 mg]$$

$$mg \sin \alpha = 0,6 mg$$

$$mg \sin \alpha > F_{\text{тр}}$$

\Downarrow
груз будет скользить

#1 до остановки

$$\text{II } \Sigma_{\text{и } O_x}: a_1 = \frac{mg \sin \alpha + F_{\text{тр}}}{m} = g \sin \alpha + \mu g \cos \alpha = 0,6g + 0,4g = g \text{ м/с}^2$$

~~$$S_1 = \frac{V_1^2 - V_0^2}{2a_1} = \frac{36 - 0}{2 \cdot 10} = 1,8 \text{ м}$$~~

$$t_{\text{ост}} = \frac{V_0}{g} = \frac{6}{10} = 0,6 \text{ с} \quad t_{\text{ост}} - \text{время до остановки}$$

#1 после остановки

$$\text{II } \Sigma_{\text{и } O_x}: a_2 = \frac{mg \sin \alpha - F_{\text{тр}}}{m} = g \sin \alpha - \mu g \cos \alpha = 0,2g \text{ м/с}^2$$

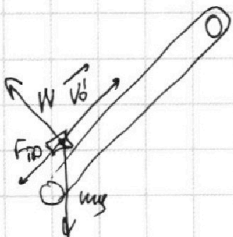
$$t_{\text{зад}} = T - t_{\text{ост}} = 1 - 0,6 = 0,4 \text{ с}$$

$$S_2 = \frac{a_2 t_{\text{зад}}^2}{2} = \frac{0,2 \cdot 10 \cdot 0,4 \cdot 0,4}{2} = 0,16 \text{ м}$$

$$S = S_1 + S_2 = 1,8 + 0,16 = 1,96 \text{ м}$$

#2 второй шаг

перейдем к со движущемуся поезду с скоростью $u = 1 \text{ м/с}$



$$V_0' = 6 - 1 = 5 \text{ м/с}$$

во втором случае заряды с нами перпендикулярной
получается что нулевой время поезда
в момент со скоростью будет нам

Аналогично (#1 до остановки)

$$T_1 = \frac{V_0'}{g} = \frac{5}{10} = 0,5 \text{ с}$$

$$S_1 = \frac{g V_0'^2}{2g} = \frac{25}{2 \cdot 10} = 1,25 \text{ м (в со нашей со)}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

в 3 пункта ~~а~~
абсолютной скорости равна нулю значит в начале со
она равна $V_k = 1 \text{ м/с}$

~~Автомобиль (#1 после остановки)~~

~~Автомобиль (#1 после остановки)~~ значит что $a_2 = 0,2 \text{ г}$

$$T_2 = \frac{V_k}{a_2} = \frac{1}{0,2 \cdot 10} = 0,5 \text{ с}$$

$$S_2 = \frac{V_k^2 - V_0^2}{2a_2} = \frac{1}{2 \cdot 0,2 \cdot 10} = 0,25 \text{ м}$$

$$S_{\text{с0}} = v(T_1 + T_2) = 1 \cdot 1 = 1 \text{ м (перемещет с0)}$$

$$L = S_{\text{с0}} + S_1 - S_2 \quad (S_2 \text{ со знаком минус т.к. после остановки})$$

~~с0~~ ~~приз~~ ~~двигатель~~ ~~в~~ ~~обратную~~ ~~сторону~~

$$L = 1 + 1,25 - 0,25 = 2 \text{ м}$$

Ответ: 1: машина пройдет 1,86 м
2: через 0,5 с после старта
3: на расстоянии 2 м от старта

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

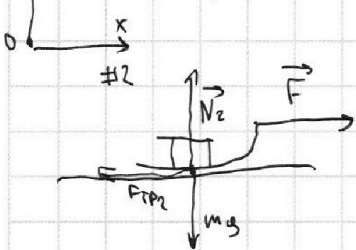
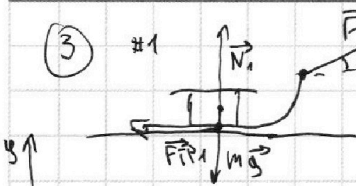
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

3 #1



~~Используем закон сохранения энергии~~

~~т.к. потенциальная энергия одинакова в обоих случаях значит скорость тоже одинакова~~
~~т.к. значит ускорение тоже одинаково т.к. сила трения одна и та же~~
 ускорение одинаково => сумма сил одинакова

II закон: Oy: $N_1 + F \cdot \sin \alpha = mg \Rightarrow N_1 = mg - F \cdot \sin \alpha$
 $N_2 = mg$

Ox: $ma = F \cdot \cos \alpha - F_{fr1}$
 $ma = F - F_{fr2}$

$N_1 = mg - F \sin \alpha$
 $N_2 = mg$
 $ma = F \cos \alpha - \mu N_1 + \mu F \sin \alpha$
 $ma = F - \mu mg$ } => $F \cos \alpha + \mu F \sin \alpha = F$
 $\cos \alpha + \mu \sin \alpha = 1$
 $\mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$

после расчета:

3. используем энергию

~~W~~ $\Delta W = A_{вн}$

~~K~~ $K - 0 = |F_{тр}| \cdot S$

$S = \frac{K}{\mu mg} = \frac{K \sin \alpha}{(1 - \cos \alpha) mg}$

Ответ: 1: $\mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$

2: $S = \frac{K \sin \alpha}{(1 - \cos \alpha) mg}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



U

$\nu = 1 \text{ моль}$
 $\nu_i = 3$
 $T_1 = 200 \text{ K}$

$T_2 = 1600 \text{ K}$; $T_3 = 800 \text{ K}$; $T_1 = 200 \text{ K}$

т.к. количество газа постоянно

$PV^\eta = \text{const}$; $A = \frac{P_1 V_1 - P_0 V_0}{1-\eta}$

$\eta = \frac{C_p - C_v}{C_p - C_v}$

$C_p = \frac{i+2}{2} R = 2,5 R$

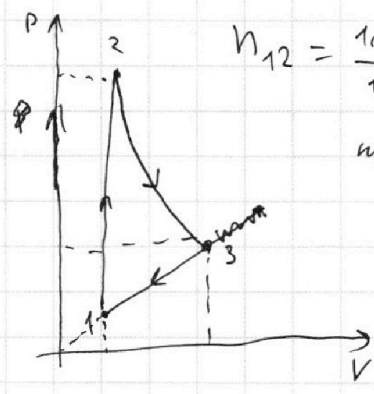
$C_v = \frac{i}{2} R = 1,5 R$

$\eta_{31} = \frac{2-2,5}{2-1,5} = -1$

$\eta_{23} = \frac{0,5-2,5}{0,5-1,5} = 2$

$\eta_{12} = \frac{1,5-1,5}{1,5-1,5} = \infty$ (изохорный процесс)

приближенный вид процесса в координатной оси PV



$A_{31} = \frac{P_3 V_3 - P_1 V_1}{2}$ (из треугольника трапеции)

$A_{31} = \frac{JR T_3 - JR T_1}{2} = \frac{JR (T_3 - T_1)}{2} = \frac{8,31 \cdot (800 - 200)}{2} =$

$= 8,31 \cdot 300 = 2493 \text{ Дж}$

(на участке 23 тепло отнимается т.к. $2 > \frac{5}{3}$ $\frac{5}{3}$ -показателем адиабаты для одноатомного газа)

~~Handwritten scribbles and corrections.~~

$\eta = \frac{A}{Q_+} = \frac{A}{Q_{12}} = \frac{A_{23} - A_{31}}{Q_{12}} = \frac{P_3 V_3 - P_2 V_2}{Q_{12}} - A_{31}$

$= \frac{\frac{JR (T_2 - T_3)}{1} - \frac{JR (T_3 - T_1)}{2}}{\frac{3}{2} JR (T_2 - T_1)} = \frac{2(T_2 - T_3) - (T_3 - T_1)}{3(T_2 - T_1)} = \frac{2(800) - 600}{3(1400)} = \frac{1000}{4200} = \frac{1}{4,2}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
 2
 3
 4
 5
 6
 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$P_1 V_1 = J R T_1 ; P_3 V_3 = J R T_3$$

$$\frac{P_1}{V_1} = \frac{P_3}{V_3}$$

$$\frac{V_3}{V_1} = \frac{P_3}{P_1}$$

$$\frac{P_3 V_3}{P_1 V_1} = \frac{T_3}{T_1} = 4$$

$$\frac{P_3}{P_1} = \frac{V_3}{V_1} = 2 \Rightarrow P_3 = 2P_1$$

$$P_3 = 2P_1$$

~~$$P_2 V_2 = J R T_2$$~~

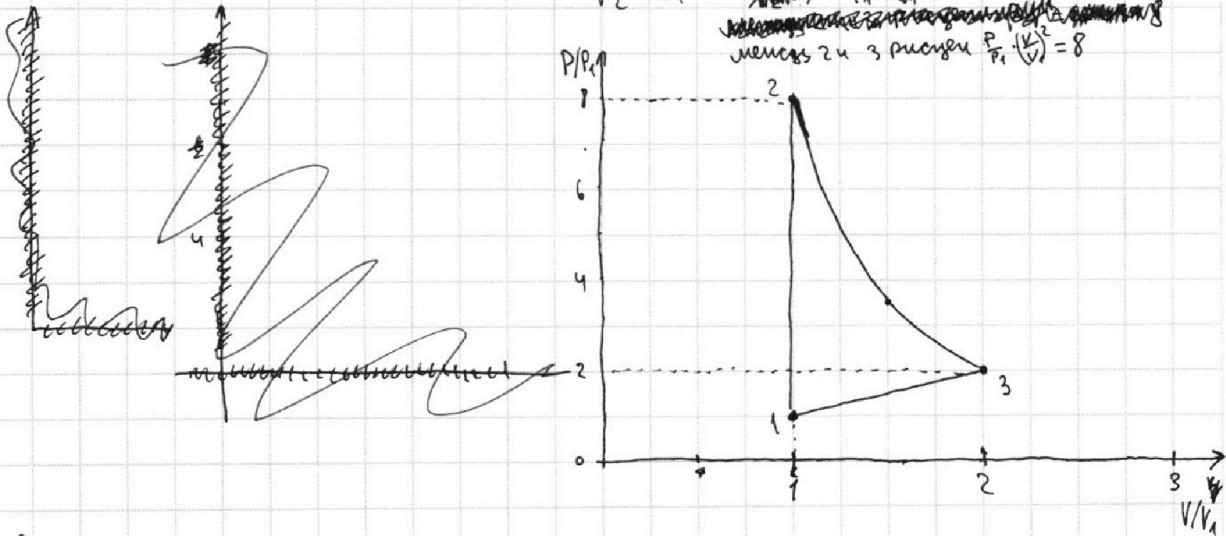
~~$$P_1 V_2 = J R T_1$$~~

~~$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{T_2}{T_1} = 8 \Rightarrow P_2 = 8P_1$$~~

$$V_2 = V_1$$

~~$$\frac{P_2}{P_1} \cdot \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^2 = 8 \cdot 1^2 = 8$$~~

менее 2 и 3 рисунки $\frac{P_2}{P_1} \cdot \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^2 = 8$



Ответ: работа A_{31} над газом равна 2483 Дж
 коэффициент $\eta = \frac{1}{4,2} \approx 0,238$

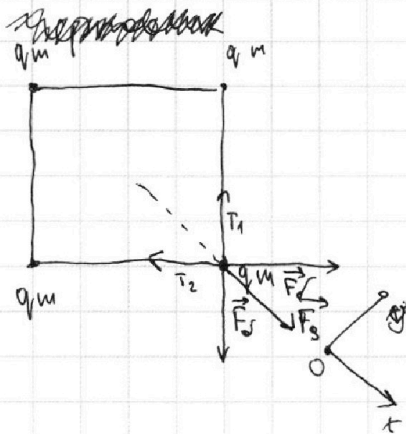
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Посчитаем силу взаимодействия
или q с одним зарядом
Очевидно из симметрии могут
быть маркированы силы найдены
везде будут равными ил
Очевидно из симметрии $T_1 = T_2 = T$

$$O_x: F_3 + 2F_1 \cdot \cos 45^\circ = 2T \cdot \cos 45^\circ$$

$$\frac{kq^2}{2a^2} + 2 \frac{kq^2}{a^2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 2T \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{2\sqrt{2}kq^2}{2a^2} + \frac{kq^2}{2a^2} = \sqrt{2}T$$

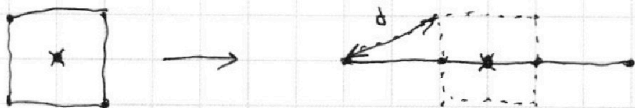
$$(2\sqrt{2}+1)kq^2 = 2\sqrt{2}a^2T$$

$$|q| = \sqrt{\frac{2\sqrt{2}a^2T}{(2\sqrt{2}+1)k}}$$

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$

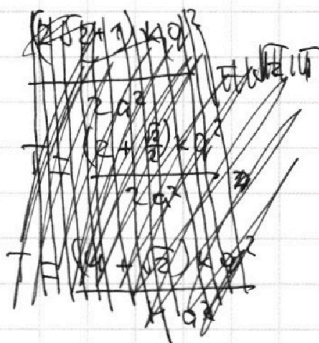
$$|q| = \sqrt{\frac{8\sqrt{2}a^2T\pi\epsilon_0}{2\sqrt{2}+1}}$$

Т.к. внешних сил нет удерживаем систему *неизменитель*
равновесия *двигает*



$$d = \sqrt{a^2 + \frac{1}{4}a^2} = \frac{\sqrt{5}}{2}a$$

ответ: 1: $|q| = \sqrt{\frac{2\sqrt{2}a^2T}{(2\sqrt{2}+1)k}} = \sqrt{\frac{8\sqrt{2}a^2T\pi\epsilon_0}{2\sqrt{2}+1}}$
3: $d = \frac{\sqrt{5}}{2}a$





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

5) ~~Путь~~ 2

Ответ: 0 т.к. маршрут действует друг на друга
пути ~~вправо~~ и влево и нет ~~кнопки~~
силы ~~которой~~ бы один маршрут

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Handwritten solution on grid paper for a physics problem involving projectile motion. The solution includes several diagrams and calculations:

Diagram 1: Shows a projectile launched at an angle of 45° with an initial velocity of $10\sqrt{2}$. The horizontal distance is $S=20$ and the vertical height is 10 . The acceleration is $g=10$.

Diagram 2: Shows a projectile launched at an angle β with an initial velocity V_0 . The horizontal distance is S and the vertical height is H . The acceleration is g .

Equations:

$$S = \frac{V_0^2 \sin 2\beta}{g}$$

$$H = \frac{V_0^2 \sin^2 \beta}{g}$$

$$H = S \tan \beta - \frac{g S^2}{2 V_0^2}$$

$$H = \frac{V_0^2}{g} - \frac{g S^2}{2 V_0^2} - \frac{g S^2 \tan^2 \beta}{2 V_0^2} = \frac{V_0^2}{2g}$$

Calculations:

From $S = \frac{V_0^2 \sin 2\beta}{g}$, we get $V_0^2 = \frac{g S}{\sin 2\beta}$.

Substituting into the equation for H :

$$H = \frac{g S}{2g \sin^2 2\beta} - \frac{g S^2}{2 \frac{g S}{\sin^2 2\beta}} - \frac{g S^2 \tan^2 \beta}{2 \frac{g S}{\sin^2 2\beta}}$$

$$H = \frac{S}{2 \sin^2 2\beta} - \frac{S \sin^2 2\beta}{2} - \frac{S \sin^2 2\beta \tan^2 \beta}{2}$$

Using $\sin^2 2\beta = 4 \sin^2 \beta \cos^2 \beta$ and $\tan^2 \beta = \frac{\sin^2 \beta}{\cos^2 \beta}$:

$$H = \frac{S}{8 \sin^2 \beta \cos^2 \beta} - \frac{S \sin^2 2\beta}{2} - \frac{S \sin^2 2\beta}{2}$$

$$H = \frac{S}{8 \sin^2 \beta \cos^2 \beta} - S \sin^2 2\beta$$

For $\beta = 45^\circ$, $\sin 2\beta = 1$ and $\cos 2\beta = 0$, so $H = \frac{S}{8} = \frac{20}{8} = 2.5$.

Diagram 3: Shows a projectile launched at an angle β with an initial velocity V_0 . The horizontal distance is S and the vertical height is H . The acceleration is g .

Calculations:

From $S = \frac{V_0^2 \sin 2\beta}{g}$, we get $V_0^2 = \frac{g S}{\sin 2\beta}$.

Substituting into the equation for H :

$$H = \frac{V_0^2 \sin^2 \beta}{g} = \frac{g S \sin^2 \beta}{g \sin 2\beta} = \frac{S \sin^2 \beta}{2 \sin \beta \cos \beta} = \frac{S \sin \beta}{2 \cos \beta}$$

For $\beta = 45^\circ$, $\sin \beta = \cos \beta = \frac{\sqrt{2}}{2}$, so $H = \frac{S \frac{\sqrt{2}}{2}}{2 \frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{S}{4} = \frac{20}{4} = 5$.

Diagram 4: Shows a projectile launched at an angle β with an initial velocity V_0 . The horizontal distance is S and the vertical height is H . The acceleration is g .

Calculations:

From $S = \frac{V_0^2 \sin 2\beta}{g}$, we get $V_0^2 = \frac{g S}{\sin 2\beta}$.

Substituting into the equation for H :

$$H = \frac{V_0^2 \sin^2 \beta}{g} = \frac{g S \sin^2 \beta}{g \sin 2\beta} = \frac{S \sin^2 \beta}{2 \sin \beta \cos \beta} = \frac{S \sin \beta}{2 \cos \beta}$$

For $\beta = 45^\circ$, $\sin \beta = \cos \beta = \frac{\sqrt{2}}{2}$, so $H = \frac{S \frac{\sqrt{2}}{2}}{2 \frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{S}{4} = \frac{20}{4} = 5$.

Diagram 5: Shows a projectile launched at an angle β with an initial velocity V_0 . The horizontal distance is S and the vertical height is H . The acceleration is g .

Calculations:

From $S = \frac{V_0^2 \sin 2\beta}{g}$, we get $V_0^2 = \frac{g S}{\sin 2\beta}$.

Substituting into the equation for H :

$$H = \frac{V_0^2 \sin^2 \beta}{g} = \frac{g S \sin^2 \beta}{g \sin 2\beta} = \frac{S \sin^2 \beta}{2 \sin \beta \cos \beta} = \frac{S \sin \beta}{2 \cos \beta}$$

For $\beta = 45^\circ$, $\sin \beta = \cos \beta = \frac{\sqrt{2}}{2}$, so $H = \frac{S \frac{\sqrt{2}}{2}}{2 \frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{S}{4} = \frac{20}{4} = 5$.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{u}{c^2} \cdot u^2 t^1 = \frac{S}{V_0 \cos \beta}$$

$$3,6 = \frac{200}{40} - \frac{10 \cdot S^2}{200}$$

$$1,4 = \frac{1}{20} S^2$$

$$2,8 = S^2 \quad S = \sqrt{2,8} = 1,67$$

$$H = V_0 \cdot \sin^2 \beta \frac{S}{V_0 \cos \beta} - \frac{g \frac{S^2}{V_0^2 \cos^2 \beta}}{2} = \operatorname{tg} \beta \cdot S - \frac{g S^2}{V_0^2 \cos^2 \beta}$$

$$H = \operatorname{tg} \beta \cdot S - \frac{g S^2}{V_0^2} (\operatorname{tg}^2 \beta + 1)$$

$$1 = \sin^2 \beta + \cos^2 \beta$$

$$\frac{1}{\cos^2 \beta} = \operatorname{tg}^2 \beta + 1$$

$$H = \frac{V_0^2 \cdot S - g S^2 - g S^2 \operatorname{tg}^2 \beta}{V_0^2}$$

$$H = \frac{V_0^2 \operatorname{tg} \beta \cdot S - g S^2 \operatorname{tg}^2 \beta}{V_0^2} = \frac{g S^2}{V_0^2}$$

$$\operatorname{tg}^2 \beta = \frac{V_0^2}{g S}$$

$$-g S x^2 + V_0^2 S x - g S^2$$

$$10 \sqrt{2} \cdot \sin \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$10 \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{V_0^2 S}{g S} = \frac{V_0^2}{g}$$

$$10 \sqrt{2} = \frac{V_0^2}{g}$$

$$H = \frac{g S^2}{V_0^2}$$

$$H = \operatorname{tg} \beta \cdot S - \frac{g S^2}{V_0^2} - \frac{g S^2 \operatorname{tg}^2 \beta}{V_0^2}$$

$$1,25$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$\cdot V = \mu mg$

$\frac{C - C_V}{C - C_P}$

$\frac{831.3}{3} = 277.1$

$\frac{800}{2} - \frac{600}{2}$

$\frac{JR(T_2 - T_1)}{1} - \frac{JR(T_3 - T_1)}{2}$

$\frac{A}{Q_+} = \frac{3}{2} JR(T_2 - T_1)$

$\frac{800 - 300}{\frac{3}{2} \cdot 1000} = \frac{500}{1500} = \frac{1}{3}$

$\frac{10}{4}$

$C_P \cdot V \cdot \Delta T = A + \Delta U$

$JR \Delta T = \frac{1}{2} JR T$

$C_P = \left(\frac{2+i}{2}\right) R$

$C_V = \frac{1}{2} R$

$C_P = \frac{5}{2} R$

$C_V = \frac{3}{2} R$

$PV^2 = \text{const}$

$8 \cdot 2.25^2 = \frac{8 \cdot 4}{9} = \frac{32}{9}$

$\frac{32}{9} \cdot \frac{9}{4} = 8$

$\frac{32}{21} \cdot \frac{9}{50} = 3.5553$

$C_P = (i+2) \cdot R$

$C_V = \frac{1}{2} R$

$h_{23} = \frac{0.3 - 2.5}{0.3 - 1.3} = \frac{-2}{-1} = 2$

$h = \frac{C - C_P}{C - C_V}$

$h_{13} = \frac{2R - \frac{5}{2}R}{2R - \frac{3}{2}R} = \frac{-0.5R}{0.5R} = -1$

$P = \frac{1}{V^2}$

$PV^2 = \text{const}$

$h = 1$

$P = \text{const} \cdot V$

$h_{12} = \frac{1.5R - 2.5R}{1.5R - 1.5R} = \infty$

$V = \text{const}$

$\frac{P_2 V_2 - P_1 V_1}{1 - \gamma}$

$1 - \frac{Q_-}{Q_+}$

$\frac{A}{Q_+}$

$1 - \frac{Q_-}{Q_+}$

$2 \cdot 2^2 = 8$