



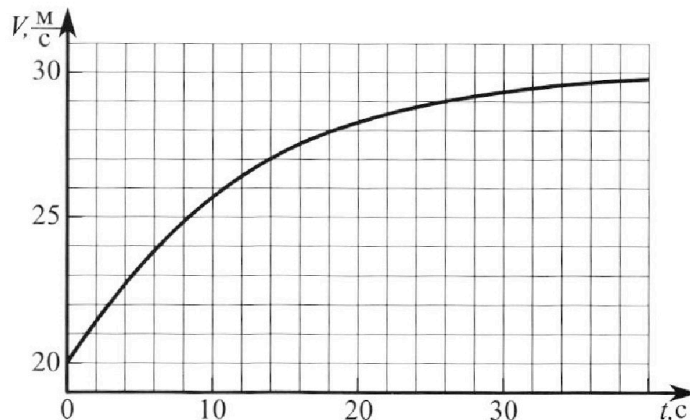
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 11-02



Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

1. Мотоциклист массой (вместе с мотоциклом) $m = 300$ кг движется с постоянной скоростью и затем разгоняется на прямолинейном горизонтальном участке дороги так, что мощность, передаваемая от двигателя на ведущее колесо, остается постоянной. График зависимости скорости от времени при разгоне показан на рисунке. В конце разгона сила сопротивления движению равна $F_k = 405$ Н.



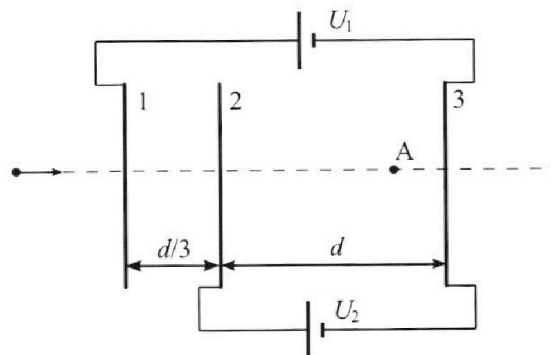
- 1) Используя график, найти ускорение мотоцикла при скорости $V_1 = 27$ м/с.
 - 2) Найти силу сопротивления движению F_1 при скорости V_1 .
 - 3) Какая часть мощности, передаваемой на ведущее колесо, идет на преодоление силы сопротивления движению при скорости V_1 ?
- Требуемая точность численного ответа на первый вопрос ориентировочно 10%.

2. Герметичный вертикальный цилиндрический сосуд объёмом V разделён тонким невесомым теплопроводящим герметичным поршнем (диск соосный с сосудом) на две равные части. Поршень может перемещаться без трения. В верхней части цилиндра находится азот, а в нижней - вода и углекислый газ. В начальный момент система находилась в равновесии при комнатной температуре T_0 . При этом жидкость занимала объём $V/4$. Затем цилиндр медленно нагрели до $T = 4T_0/3 = 373$ К. Установившийся объём его верхней части стал равен $V/6$.

По закону Генри, при заданной температуре количество Δv растворённого газа в объёме жидкости w пропорционально парциальному давлению p газа: $\Delta v = kpw$. Объём жидкости при этом практически неизменен. Для углекислого газа константа Генри для данной комнатной температуры $k \approx 0,6 \cdot 10^{-3}$ моль/(м³·Па). При конечной температуре T углекислый газ в воде практически не растворяется. Можно принять, что $RT \approx 3 \cdot 10^3$ Дж/моль, где R - универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной температуре и изменением объёма жидкости в процессе нагревания пренебречь. Все газы считать идеальными.

- 1) Найти отношение количеств вещества в газообразном состоянии в верхней и нижней частях до нагревания.
- 2) Определите конечное давление в сосуде P . Ответ выразить через $P_{\text{атм}}$ (нормальное атмосферное давление) с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

3. Три проводящие плоские мелкие сетки находятся друг напротив друга на расстояниях d и $d/3$ (см. рис.). Размеры сеток значительно больше d . Изначально сетки не заряжены. К сеткам подсоединили источники с напряжением $U_1 = 2U$ и $U_2 = U$. Частица массой m и зарядом $q > 0$ движется по направлению к сеткам и перпендикулярно сеткам, имея скорость V_0 на расстоянии от сеток, намного большем их размеров. Частица пролетает через сетки, не отклоняясь от прямолинейной траектории. Заряд q намного меньше модуля зарядов сеток.



- 1) Найти модуль ускорения частицы в области между сетками 2 и 3.
- 2) Найти разность $K_3 - K_2$, где K_2 и K_3 — кинетические энергии частицы при пролете сеток 2 и 3.
- 3) Найти скорость частицы в точке А на расстоянии $2d/3$ от сетки 2.

Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 11-02

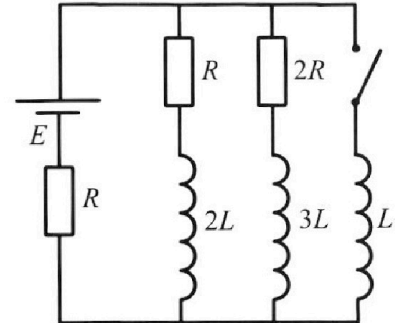
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



4. Параметры цепи указаны на схеме, все элементы идеальные. Ключ разомкнут, режим в цепи установился. Затем ключ замыкают.

- 1) Найти ток I_{20} через резистор с сопротивлением $2R$ при разомкнутом ключе.
- 2) Найти скорость возрастания тока в катушке индуктивностью L сразу после замыкания ключа.
- 3) Каков заряд протечет через резистор с сопротивлением $2R$ при замкнутом ключе?

Ответы давать с числовыми коэффициентами в виде обыкновенных дробей.



5. Оптическая система состоит из двух призм с показателями преломления n_1 и n_2 и находится в воздухе с показателем преломления $n_b = 1,0$. Точечный источник света S расположен на расстоянии $a = 200$ см от системы и рассматривается наблюдателем так, что источник и глаз наблюдателя находятся на прямой, перпендикулярной наружным поверхностям призм (см. рис.). Угол $\alpha = 0,05$ рад можно считать малым, толщина $h = 9$ см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник – глаз» намного меньше h . Отражения в системе не учитывать.

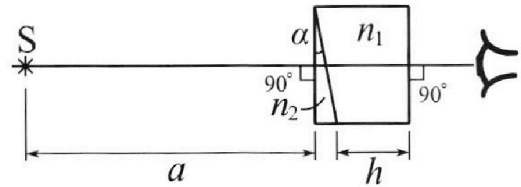


рис.). Угол $\alpha = 0,05$ рад можно считать малым, толщина $h = 9$ см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник – глаз» намного меньше h . Отражения в системе не учитывать.

- 1) Считая $n_1 = n_b = 1,0$, $n_2 = 1,6$, найдите на какой угол отклонится системой луч, идущий от источника перпендикулярно левой грани системы.
- 2) Считая $n_1 = n_b = 1,0$, $n_2 = 1,6$, найдите расстояние между источником и его изображением, которое будет видеть наблюдатель.
- 3) Считая $n_1 = 1,8$, $n_2 = 1,6$, найдите на каком расстоянии от источника будет его изображение, которое увидит наблюдатель.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

① ~~Мощность~~ Ускорение - это скорость изменения скорости, т.е. $a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$,
 $\Delta t \rightarrow 0$. Рассм. точку $v_1 = 27$ м/с. ~~тогда~~ Можно заметить, что в точках
 $t = 12$ с и $t = 16$ с скорости отлич. от v_1 примерно на $0,5$ м/с.
Тогда ускор. в т. $v_1 = 27$ м/с:

$$a = \frac{dv}{dt} \approx \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{0,5 \cdot 2}{2+2} = \boxed{0,25 \text{ м/с}^2}$$

~~Решение~~ Т.к. мощность постоянна, то:

$$P = \frac{F ds}{dt} = Fv = \text{const}$$

В конце разгона $F_{\text{сюрк}} = 405$ Н. Т.к. в конце разгона $ma \ll F_{\text{сюрк}}$
(ускорение мало), то из II з. Ньютона $F_{\text{сюрк}} \approx F_{\text{тяги}_k}$, $v_k = 30$ м/с

$$v_k \cdot F_{\text{тяги}_k} = F_{\text{тяги}_1} \cdot v_1 \Rightarrow F_{\text{тяги}_1} = \frac{F_{\text{тяги}_k} \cdot v_k}{v_1} = \frac{405 \cdot 30}{27} = 450 \text{ Н}$$

По II з. Ньютона:

$$ma = F_{\text{тяги}_1} - F_1 \Rightarrow F_1 = F_{\text{тяги}_1} - ma = 450 - 300 \cdot \frac{1}{4} = \boxed{375 \text{ Н}}$$

$$P = F_{\text{тяги}_1} v_1 = (F_1 + ma) v_1 = P_{\text{иск}} + ma v_1$$

$$\eta = \frac{P_{\text{иск}}}{P} = \frac{P - ma v_1}{P} = 1 - \frac{ma v_1}{F_{\text{сюрк}} v_k} = 1 - \frac{300 \cdot \frac{1}{4} \cdot 27}{405 \cdot 30} = 1 - \frac{27}{162} = \boxed{\frac{5}{6}}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

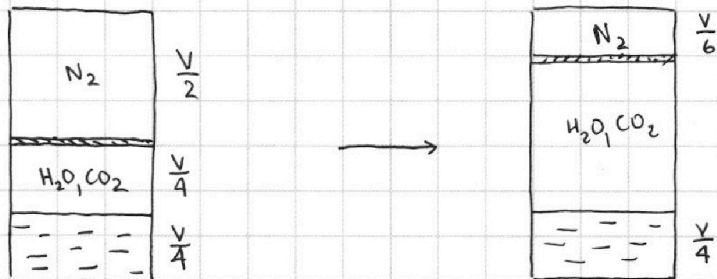
1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №2



или небесом

Т.к. поршень перемещ. без трения, то давление в обеих частях цилиндра ~~одинаково~~ ~~процесса~~ ~~одинаково~~ в том числе и в начале.

$$P \frac{V}{2} = P_{N_2} R T_0$$

$$P \cdot \frac{V}{4} = (P_{H_2O} + P_{CO_2}) R T_0, \text{ но т.к. } P_{H_2O} \ll P_{CO_2}, \text{ то } P \cdot \frac{V}{4} \approx P_{CO_2} R T_0$$

$$\frac{P_{N_2}}{P_{CO_2}} = \frac{\frac{1}{2} \cdot \frac{PV}{RT_0}}{\frac{1}{4} \cdot \frac{PV}{RT_0}} = \boxed{2}$$

Т.к. мы пренебрегаем изм. объемами жидкостей в процессе нагрев., то ее объем в конце остался $\frac{V}{4}$ (вода почти не испарилась).

При $T = 373 \text{ K} = 100^\circ \text{C}$ давл. насыщ. паров воды равно $P_{\text{атм}}$.

Для N_2 запишем уравнение сост.:

$$P_{N_2} \frac{V}{6} = P_{N_2} R T$$

$$P_{N_2} = P_{H_2O} + P_{CO_2}$$

"
 $P_{\text{атм}}$

Кол-во раствор. газа в начале:

$$\Delta \nu_0 = k \frac{V}{4} \cdot P_{CO_2} = k \frac{V}{4} \cdot \frac{P_{CO_2} R T_0}{\frac{V}{4}} = k R T_0 \cdot P_{CO_2}$$

$$\text{В конце: } \Delta \nu_k = k \cdot \frac{1}{4} V \cdot P_{CO_2}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Ур-ие осм.:

$$P_{\text{CO}_2} \cdot \frac{7}{12} V = \nu'_{\text{CO}_2} RT$$

$$\Delta P_K = \frac{1}{4} kV \cdot \frac{\nu'_{\text{CO}_2} RT}{\frac{7}{12} V} = \frac{3}{7} kRT \cdot \nu'_{\text{CO}_2}$$

$$\Delta P_0 - \Delta P_K = \nu'_{\text{CO}_2} - \nu_{\text{CO}_2}$$

$$kRT_0 \cdot \nu_{\text{CO}_2} - \frac{4}{7} kRT_0 \cdot \nu'_{\text{CO}_2} = \nu'_{\text{CO}_2} - \nu_{\text{CO}_2}$$

$$\nu'_{\text{CO}_2} \left(1 + \frac{4}{7} kRT_0\right) = \nu_{\text{CO}_2} \left(1 + kRT_0\right)$$

$$\nu'_{\text{CO}_2} = \nu_{\text{CO}_2} \frac{1 + kRT_0}{1 + \frac{4}{7} kRT_0} = \nu_{\text{CO}_2} \cdot \frac{1 + \frac{3}{5} \cdot \frac{9}{4}}{1 + \frac{4}{7} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{9}{4}} = \nu_{\text{CO}_2} \cdot \frac{47 \cdot 35}{20 \cdot 62} = \frac{1}{2} \nu_{\text{N}_2} \cdot \frac{329}{496} = \frac{329}{992} \nu_{\text{N}_2}$$

$$\frac{\nu_{\text{N}_2} RT}{\frac{V}{6}} = P_{\text{ATM}} + \frac{\frac{329}{496} \cdot \nu_{\text{N}_2} RT}{\frac{7}{12} V}$$

$$\frac{\nu_{\text{N}_2} RT}{V} \left(6 - \frac{12}{7} \cdot \frac{329}{496}\right) = P_{\text{ATM}}$$

$$P_{\text{N}_2} = 6 \frac{\nu_{\text{N}_2} RT}{V} \quad , \text{ тогда:}$$

$$\frac{P_{\text{N}_2}}{6} \left(6 - \frac{12}{7} \cdot \frac{329}{496}\right) = P_{\text{ATM}}$$

$$P_{\text{N}_2} \left(1 - \frac{2}{7} \cdot \frac{329}{496}\right) = P_{\text{ATM}}$$

$$P_{\text{N}_2} = \frac{248}{201} P_{\text{ATM}}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

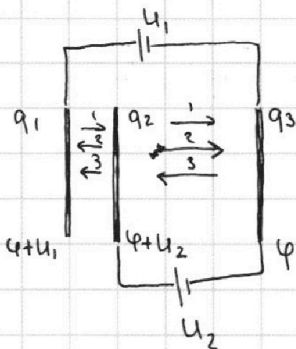
Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача №3.



$$q_1 + q_2 + q_3 = 0 \quad (ЗСЗ)$$

Полс от сетки можно посчитать как полс от плоскости, $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} = \frac{q}{2\epsilon_0 S}$

$$U_2 = (E_1 + E_2 - E_3) \cdot d = \frac{d}{2\epsilon_0 S} (q_1 + q_2 - q_3) = U$$

$$\varphi + U_2 - \varphi - U_1 = U_2 - U_1 = (E_2 + E_3 - E_1) \cdot \frac{d}{3} =$$

$$= \frac{d}{6\epsilon_0 S} (q_2 + q_3 - q_1) = -U$$

$$1) \quad q_2 + q_3 - q_1 = -6 \frac{\epsilon_0 S U}{d}$$

$$2) \quad q_1 + q_2 - q_3 = 2 \frac{\epsilon_0 S U}{d}$$

$$3) \quad q_1 + q_2 + q_3 = 0$$

Сложим 1) и 2):

$$q_1 + q_2 - q_3 + q_2 + q_3 - q_1 = -4 \frac{\epsilon_0 S U}{d}$$

$$q_2 = -2 \frac{\epsilon_0 S U}{d} \quad \sigma_2 = -2 \frac{\epsilon_0 U}{d}$$

Сложим 2) и 3):

$$2(q_1 + q_2) = 2 \frac{\epsilon_0 S U}{d}$$

$$q_1 = \frac{\epsilon_0 S U}{d} - q_2 = 3 \frac{\epsilon_0 S U}{d} \Rightarrow \sigma_1 = 3 \frac{\epsilon_0 U}{d}$$

$$q_3 = -3 \frac{\epsilon_0 S U}{d} - q_2 = -\frac{\epsilon_0 S U}{d} \Rightarrow \sigma_3 = -\frac{\epsilon_0 U}{d}$$

Ускор. частицы в области ЗЗ: $ma = qE$ (по II З. Ньютона)

$$a = \frac{qE}{m} = \frac{q}{m} (E_1 + E_2 - E_3) = \frac{q}{2\epsilon_0 m} |\sigma_1 + \sigma_2 - \sigma_3| = \frac{q}{2\epsilon_0 m} \cdot 2 \frac{\epsilon_0 U}{d} = \frac{qU}{md}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



По ЗСЭ: $= \text{const}$

$$\frac{mv_0^2}{2} + q\varphi_0 = K + q\varphi'$$

~~т.к. заряд мал по сравн. с зарядами сетки, то от него не зависит потенциал, $\varphi_0 = 0$~~

*т.к. заряд мал по сравн. с зарядами сетки, то от него не зависит потенциал, $\varphi_0 = 0$

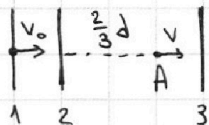
$$K = \frac{mv_0^2}{2} + \text{const} - q\varphi'$$

$$K_2 = \frac{mv_0^2}{2} + \text{const} - q(\varphi + U_2) = \frac{mv_0^2}{2} - qU - q\varphi + \text{const}$$

$$K_3 = \frac{mv_0^2}{2} - q\varphi + \text{const}$$

$$K_3 - K_2 = \frac{mv_0^2}{2} - q\varphi - \frac{mv_0^2}{2} + qU + q\varphi = \boxed{qU}$$

Снаружи сеток поля нет, т.к. $E_1 + E_2 + E_3 = 0$, тогда частица стартует
сетку летит без ускорения.



$$\frac{mv_0^2}{2} + (\varphi + U_1)q = \frac{mv^2}{2} + q\varphi_A$$

$$\varphi_A - \varphi = E_{23} \frac{d}{3} = \frac{U_2}{d} \cdot \frac{d}{3} = \frac{U}{3}$$

$$\varphi_A = \varphi + \frac{U}{3}$$

$$\frac{mv_0^2}{2} + q\varphi + 2qU = \frac{mv^2}{2} + q\varphi + q\frac{U}{3}$$

$$\frac{mv^2}{2} = \frac{mv_0^2}{2} + \frac{5}{3}qU$$

$$\boxed{v = \sqrt{v_0^2 + \frac{10}{3} \frac{q}{m} U}}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

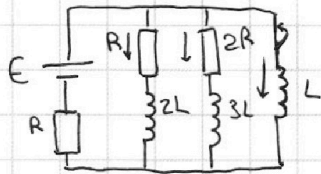
1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №4.



Т.к. режим до замыкания установившийся, то токи через катушки $2L$ и $3L$ постоянны $\Rightarrow U_{2L} = U_{3L} = 0$

$$I_{\text{общ}} = \frac{E}{R + \frac{R \cdot 2R}{3R}} = \frac{3}{5} \frac{E}{R}$$

$$I_{20} \cdot 2R = (I_{\text{общ}} - I_{20}) R$$

$$I_{20} = \frac{E}{5R}$$

После замыкания:

$$U_L = L \dot{I} = 2R \cdot I_{20} = \frac{2}{5} E$$

$$\dot{I} = \frac{2E}{5L}$$

Для контура $2R \rightarrow 3L \rightarrow L$ запишем равенство напряжений:

$$2R \cdot I_2 + 3L \dot{I}_2 = L \dot{I}$$

$$I_2 = \frac{3L}{2R} \dot{I} - \frac{3L}{2R} \dot{I}_2$$

После достиж. тока в катушке L ~~равно~~ макс. знач., нап. на ней равно 0, тогда $I_R = I_{eR} = 0$ ($I_{2L} = I_{3L} = 0$). Ток через L в таком случае равен $\frac{E}{R}$

$$q_2 = \int_0^T I_2 dt = \int_0^{\frac{E}{R}} \left(\frac{L}{2R} \dot{I} - \frac{3L}{2R} \dot{I}_2 \right) dt = \int_0^{\frac{E}{R}} \frac{L}{2R} dI - \int_0^{\frac{E}{R}} \frac{3L}{2R} dI_2 = \frac{L}{2R} \cdot \frac{E}{R} - \frac{3L}{2R} \left(0 - \frac{E}{5R} \right) = \frac{LE}{2R^2} + \frac{3LE}{10R^2} = \frac{4}{5} \frac{EL}{R^2}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

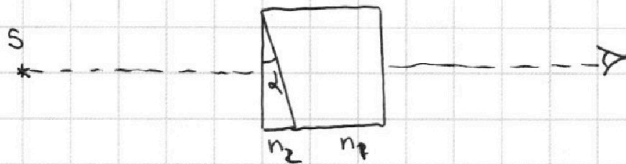
1 2 3 4 5 6 7



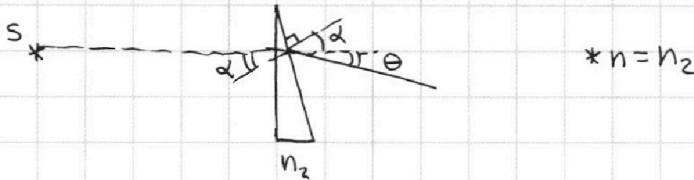
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №5.



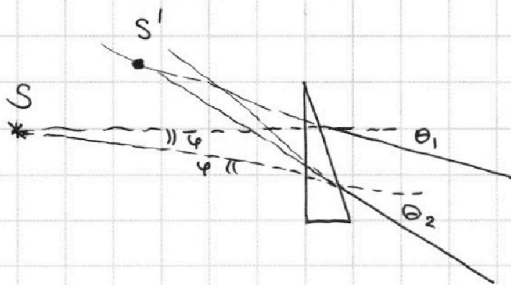
Если $n_1 = n_2 = 1$, то мы можем не учитывать влияние ~~на~~ призмы n_1 для первых двух пунктов задачи.



По закону Снеллиуса: $n\alpha = \theta + d$ (н.к. углы малы, $\sin \alpha \approx \alpha$, $\sin \theta \approx \theta$)

$$\theta = \alpha(n-1) = \boxed{0,03 \text{ рад}}$$

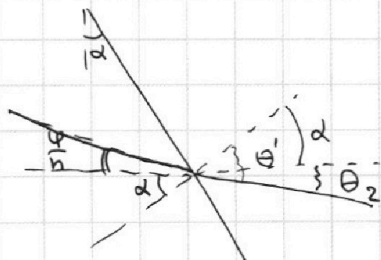
По ранее доказанному: $\theta_1 = \alpha(n-1)$



$$\varphi = n\beta \Rightarrow \beta = \frac{\varphi}{n}$$

$$n\left(\frac{\varphi}{n} + \alpha\right) = \theta' = \varphi + n\alpha$$

$$\theta_2 = \theta' - \alpha = \varphi + n\alpha - \alpha = \varphi + (n-1)\alpha$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

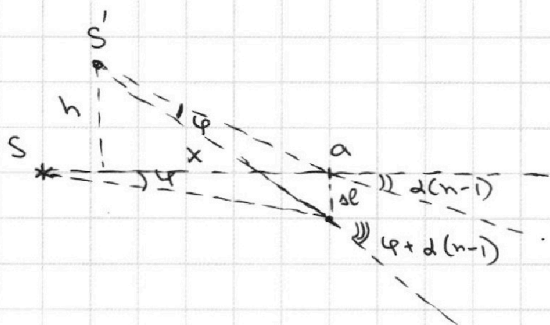
1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Т.к. d мал, то можно считать, что оба луча проходят в точке a .



$$\frac{\Delta l}{a} = \operatorname{tg} \varphi = \varphi$$

$$\Delta l = a\varphi$$

$$\frac{h}{x} = \operatorname{tg}(d(n-1)) \approx d(n-1)$$

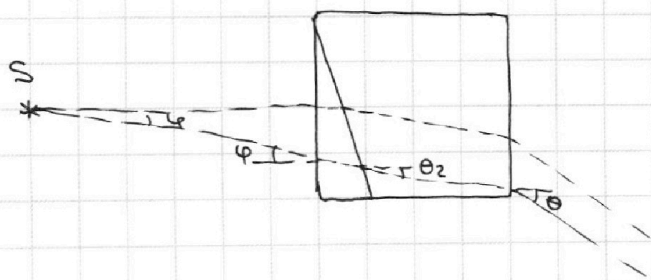
$$\frac{h + \Delta l}{x} = \operatorname{tg}(\varphi + d(n-1)) = \varphi + \frac{h}{x}$$

$$\frac{\Delta l}{x} = \varphi = \frac{a\varphi}{x} \Rightarrow x = a$$

Тогда расст. между изобр. ^{и чирок.} равно $h = x d(n-1) = a d(n-1)$

$$h = 6 \text{ см}$$

Если $n_1 \neq 1$:



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

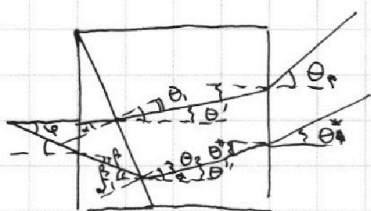
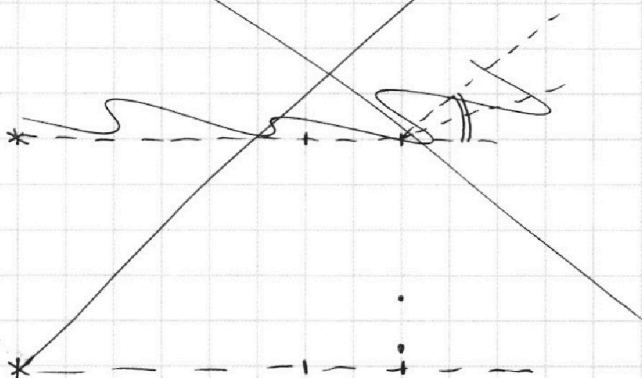


Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$H = \alpha d (n_2 - n_1)$$

Т.к. $n_1 > n_2$, то угол θ будет повернут в другую полуплоскость относ. прямой источник-глаз



$$n_1 \theta_1 = n_2 \alpha \Rightarrow \theta_1 = \frac{n_2}{n_1} \alpha$$

$$\theta_1' = \alpha - \theta_1 = \alpha \left(1 - \frac{n_2}{n_1}\right)$$

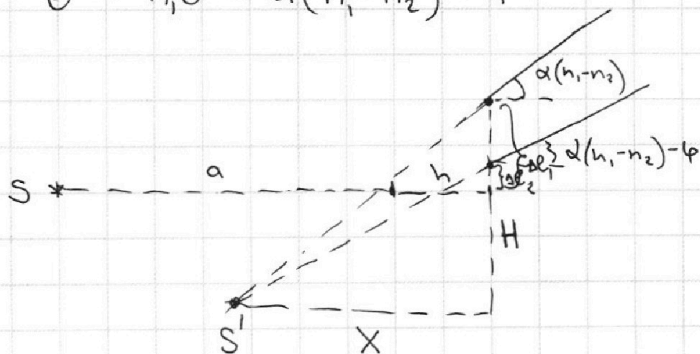
$$\theta = n_1 \theta_1' = \alpha (n_1 - n_2)$$

$$\varphi = n_2 \beta$$

$$n_2 (\beta + \alpha) = n_1 \theta_2$$

$$\theta_2'' = \alpha - \theta_2 = \alpha - \frac{n_2}{n_1} (\beta + \alpha) = \alpha \left(1 - \frac{n_2}{n_1}\right) - \frac{\varphi}{n_1}$$

$$\theta^* = n_1 \theta_2'' = \alpha (n_1 - n_2) - \varphi$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\Delta l_1 = h \theta' = h \alpha \left(1 - \frac{n_2}{n_1}\right)$$

$$\Delta l_2 = -a \varphi + h \theta'' = -a \varphi + h \alpha \left(1 - \frac{n_2}{n_1}\right) - h \frac{\varphi}{n_1}$$

$$\frac{H}{X} = \alpha(n_1 - n_2) - \varphi$$

$$\frac{H + \Delta l_1 - \Delta l_2}{X} = \alpha(n_1 - n_2) = \alpha(n_1 - n_2) - \varphi + \frac{h \alpha \left(1 - \frac{n_2}{n_1}\right) + a \varphi - h \alpha \left(1 - \frac{n_2}{n_1}\right) + h \frac{\varphi}{n_1}}{X}$$

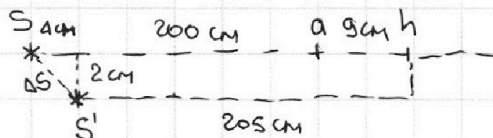
$$\varphi = \frac{\varphi \left(a + \frac{h}{n_1}\right)}{X}$$

$$X = a + \frac{h}{n_1} = 205 \text{ cm}$$

$$\cancel{H} - \Delta l_2 = X \alpha(n_1 - n_2) - X \varphi + a \varphi - h \alpha \left(1 - \frac{n_2}{n_1}\right) + h \frac{\varphi}{n_1} =$$

$$= a \alpha(n_1 - n_2) + \cancel{h \alpha \left(1 - \frac{n_2}{n_1}\right)} - \cancel{X \varphi} + \cancel{\frac{h}{n_1} \varphi} + a \varphi - \cancel{h \alpha \left(1 - \frac{n_2}{n_1}\right)} + \cancel{\frac{h}{n_1} \varphi} =$$

$$= a \alpha(n_1 - n_2) = 2 \text{ cm}$$



$$\Delta S = \sqrt{4^2 + 2^2} = \sqrt{20} \text{ cm} = 4,5 \text{ cm}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №1.

Ускорение - это скорость изменения скорости, $a = \frac{dv}{dt} = \dot{v}$.

Проведём кас. к графику $v(t)$ в точке $v_1 = 27$ м/с и найдём

коэф. наклона этой касательной. Он и будет равен ускор. в т. v_1 .

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{31-23}{28} \frac{\text{м}}{\text{с}^2} = \frac{2}{7} \text{ м/с}^2 \approx 0,29 \text{ м/с}^2$$

Т.к. мощность, передаваемая на вед. колесо, постоянна, то:

$$P = \frac{dA}{dt} = \frac{F_{\text{тяги}} ds}{dt} = F_{\text{тяги}} \cdot v = \text{const}$$

В конце разгона $m \frac{dv}{dt} \ll F_k$, тогда $F_{\text{тяги}k} \approx F_k = 405$ Н

$$F_{\text{тяги}k} \cdot v_k = F_{\text{тяги}1} \cdot v_1 \Rightarrow F_{\text{тяги}1} = \frac{405 \cdot 30}{27} = 450 \text{ Н}$$

По II з. Ньютона:

$$ma = F_{\text{тяги}1} - F_{\text{сопр}1}$$

$$F_{\text{сопр}1} = F_{\text{тяги}1} - ma = 450 - 300 \cdot \frac{2}{7} = 364,3 \text{ Н}$$

$$P = (ma + F_{\text{сопр}1}) v_1 = \underbrace{ma v_1}_{P_{\text{пуск}}} + F_{\text{сопр}1} v_1$$

$$\frac{P_{\text{пуск}}}{P} = \frac{P - ma v_1}{P} = 1 - \frac{ma v_1}{F_{\text{тяги}k} v_k} = 1 - \frac{300 \cdot \frac{2}{7} \cdot 27}{405 \cdot 30} =$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Для луча, ~~падающего~~ ^{идущего} ~~на~~ ^{на} левую границу под углом φ :

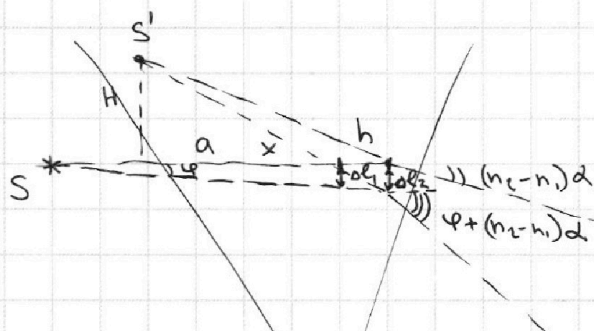
~~$n_2 \sin(\varphi + \alpha) = n_1 \sin(\theta_2 + \alpha)$~~

$$n_2 \left(\frac{\varphi}{n_2} + \alpha \right) = n_1 (\theta_2 + \alpha)$$

$$\theta_2 = \frac{n_2}{n_1} \left(\frac{\varphi}{n_2} + \alpha \right) - \alpha = \frac{1}{n_1} (\varphi + n_2 \alpha) - \alpha = \frac{1}{n_1} (\varphi + (n_2 - n_1) \alpha)$$

$$n_1 \theta_2 = \theta = \varphi + (n_2 - n_1) \alpha$$

Для луча, перп. левой грани: $\varphi = 0 \Rightarrow \theta = (n_2 - n_1) \alpha$



$$\Delta l_1 = a \varphi$$

$$\begin{aligned} \Delta l_2 &= \Delta l_1 - h \cdot \frac{1}{n_1} (n_2 - n_1) \alpha + h \cdot \frac{1}{n_1} (\varphi + (n_2 - n_1) \alpha) = \\ &= a \varphi + \frac{h}{n_1} \varphi \end{aligned}$$

$$\frac{H}{X} = (n_2 - n_1) \alpha$$

$$\frac{H + \Delta l_2}{X} = \varphi + (n_2 - n_1) \alpha = (n_2 - n_1) \alpha + \frac{a \varphi + \frac{h}{n_1} \varphi}{X}$$

$$1 = \frac{a + \frac{h}{n_1}}{X} \Rightarrow X = a + \frac{h}{n_1} = 200 + \frac{9 \cdot 5}{9} = 205 \text{ cm}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



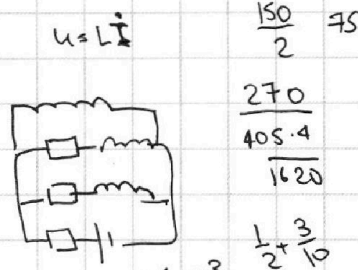
$$-2RI_2 + 3LI_2 = LI = RI_1 + 2LI_1 = E - R(I + I_2 + I_3)$$

$$\frac{L}{2R} \cdot \frac{E}{R} = \frac{3L}{2R} \cdot \left(-\frac{E}{5R}\right)$$

$$LI = \frac{0,6 + 0,6}{4} = 0,3$$

$$E(q_1 + q_2 + q_3) + \frac{2LI_1^2}{2} + \frac{3LI_2^2}{2} = \int Idt$$

$$= \frac{300 \cdot \frac{1}{4} \cdot 27}{405 \cdot 30}$$



$$u = LI - 3LI_2$$

$$Q = \int u Idt = \int u dq$$

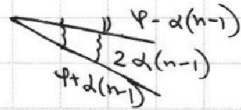
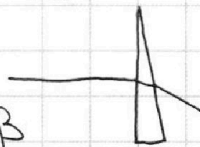
$$\int (LI - 3LI_2) dt =$$

$$= u_2$$

$$2RI_2 + 3LI_2 = LI$$

$$u_2$$

$$\varphi = n\alpha\beta$$



$$3I = \frac{3E}{5R}$$

$$I = \frac{E}{5R}$$

$$\varphi + \alpha(n-1) - \varphi + \alpha(n-1)$$

$$\int I_2 dt =$$

$$\frac{162 - 27}{162} = \frac{135}{162} = \frac{15}{18}$$

$$Q_2 = \int \frac{LI}{2R} = \frac{3LI_2}{2R} dt$$

$$\frac{L}{2R} (I_1 - I_1) - \frac{3L}{2R} (I_2 - I_2)$$

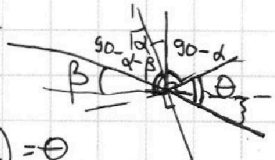
$$90 - \beta - (90 - \alpha - \beta) =$$

$$= 90 - \beta + \alpha + \beta$$

$$90 - (90 - \alpha - \beta) =$$

$$= \alpha + \beta$$

$$n(\alpha + \beta) = \theta$$



$$n(\alpha - \beta) = \theta$$

$$n\alpha - \beta = \theta$$

$$\frac{L}{R'} I_k + \frac{B L z}{R'} I_0$$

RR

$$90 - \alpha + \theta - 90 = \theta - \alpha = n\alpha + n\beta - \alpha = (n-1)\alpha + \beta$$