



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 9



1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $2^{14}7^{10}$, bc делится на $2^{17}7^{17}$, ac делится на $2^{20}7^{37}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [4 балла] Известно, что дробь $\frac{a}{b}$ несократима ($a \in \mathbb{N}, b \in \mathbb{N}$). На доске записана дробь

$$\frac{a+b}{a^2-6ab+b^2}$$

При каком наибольшем m могло оказаться, что числитель и знаменатель дроби можно сократить на m ?

3. [4 балла] Центр окружности ω лежит на окружности Ω , хорда AB окружности Ω касается ω в точке C так, что $AC : CB = 7$. Найдите длину AB , если известно, что радиусы ω и Ω равны 1 и 5 соответственно.

4. [5 баллов] Решите уравнение

$$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} - \sqrt{2x^2 + 2x + 1} = 2 - 7x.$$

5. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0;0)$, $P(-12;24)$, $Q(3;24)$ и $R(15;0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 12$.
6. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система

$$\begin{cases} ax - y + 10b = 0, \\ ((x+8)^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 4) \leq 0 \end{cases}$$

имеет ровно 2 решения.

7. [6 баллов] Треугольник ABC вписан в окружность. Пусть M – середина той дуги AB описанной окружности, которая не содержит точку C ; N – середина той дуги AC описанной окружности, которая не содержит точку B . Найдите расстояние от вершины A до центра окружности, вписанной в треугольник ABC , если расстояния от точек M и N до сторон AB и AC соответственно равны 4,5 и 2.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

П.к. произведем: ab, bc, ac записав на шпале, деленные степенями 2 и 7, но и при ab парные степени 2 и 7 равны.

П.к. $ac: 2^{20} \cdot 7^{37}$, а $ab: 2^{14} \cdot 7^{20}$; $bc: 2^{17} \cdot 7^{17}$,

очевидно что b, b^n не имеют делителей,

п.к. п.к. a и c могут быть заданы $2^x \cdot 7^y$ все на cd (например: $a = 2^x \cdot 7^y, c = 2^{20-x} \cdot 7^{37-y}$).

Обозначим показателем степени x, y, z соответственно a, b, c за x, y, z соответственно?

получим:

$$\begin{cases} x+y=14 \\ y+z=17 \\ x+z=20 \end{cases} \quad \begin{matrix} (m, k, a, b, c \in \mathbb{N}, \text{ но } a \\ n, y, z \in \mathbb{N}) \end{matrix}$$

Но в такой системе нельзя получить целых корней (п.к. если x -целое, y -целое, но z -целое, но $y+z=17$, а если x -целое, y -целое, но z -целое, но $y+z=17$)

значит увеличим какое-нибудь слагаемое на 1

$$\begin{cases} x+y=14 \\ y+z=17 \\ x+z=21 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=14-y \\ z=7+y \\ 2y=10 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=9 \\ y=5 \\ z=12 \end{cases}$$

значит примером может a, b, c сумма 17 минимальные $abc = 2^{26} \cdot 7^{37}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} - \sqrt{2x^2 + 4x + 1} = 2 - 7x$$

1) $2x^2 + 4x + 1$ всегда > 0 , т.к. его $D < 0$

$$\Rightarrow OДЗ: 2x^2 - 5x + 3 \geq 0 \Rightarrow \begin{cases} x \leq 1 \\ x \geq 1,5 \end{cases}$$

2) проверим $x = \frac{2}{7}$:

$$\sqrt{\frac{8}{49} - \frac{10}{7} + 3} - \sqrt{\frac{8}{49} + \frac{4}{7} + 1} = 0$$

$$\frac{\sqrt{851}}{7} - \frac{\sqrt{851}}{7} = 0 \Rightarrow x = \frac{2}{7} \text{ - корень}$$

3) $x \neq \frac{2}{7}$: $\sqrt{2x^2 + 4x + 1} + 2 - 7x - \sqrt{2x^2 - 5x + 3} = 2 - 7x$

заменим $\sqrt{2x^2 + 4x + 1} = a$, $2 - 7x = b$

$$\sqrt{a^2 + b} - a = b \Rightarrow a^2 + b = a^2 + 2ba + b^2$$

$$b^2 + 2ba - b = 0 \quad | : b \neq 0$$

$$b + 2a - 1 = 0 \Rightarrow 2 - 7x + 4x^2 + 4x + 2 - 1 = 0$$

$$4x^2 - 3x + 3 = 0 \quad D = 9 - 36 < 0 \Rightarrow \text{корней нет}$$

$x_{1,2} \rightarrow$

Ответ: $x = \frac{2}{7}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

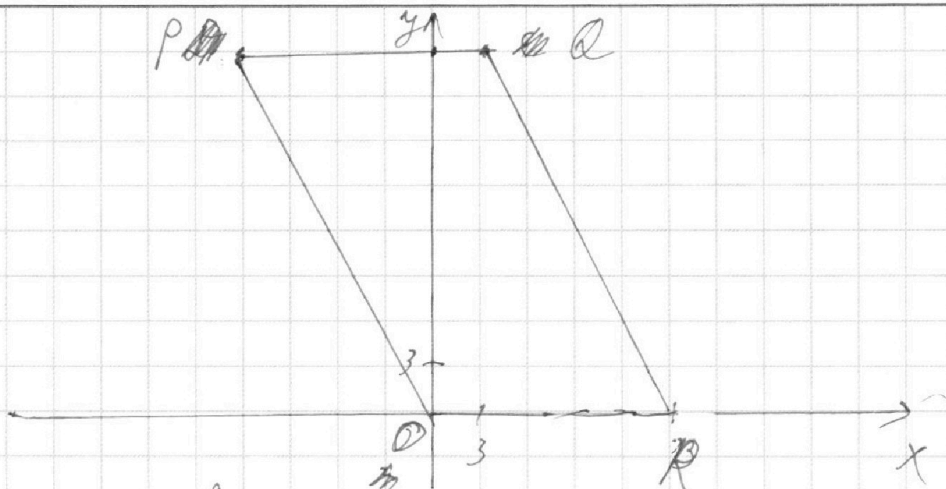
Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



1) точки O и P лежат на прямой $y = -2x$

прямая OQ имеет формулу $y = -2x + 30$

прямая PQ : $y = 2x + 6$, прямая OK : $y = 0$

4) П.к. нам интересны пары точек, тогда каждой из них можно подобрать ур-ие $y = kx + b$

$$\Rightarrow 2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 12 \Leftrightarrow 2x_2 - 2x_1 + y_2 - kx_1 + b - kx_1 - b = 12 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow x_2(2+k) - x_1(2+k) = 12$$

$$(2+k)(x_2 - x_1) = 12 \quad (\text{при условии, что } x_2 \neq x_1)$$

$$\text{то } \left\{ \begin{array}{l} kx \leq 24 \\ kx > 0 \\ x \in [-12; 15] \end{array} \right.$$

3) если $y_2 = y_1$, то $x_2 = x_1 = 0$

ни одной прямой пар-на точек пар-но \Rightarrow

\Rightarrow (м.к. р.с.шм 15) пар будет 250

4)

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

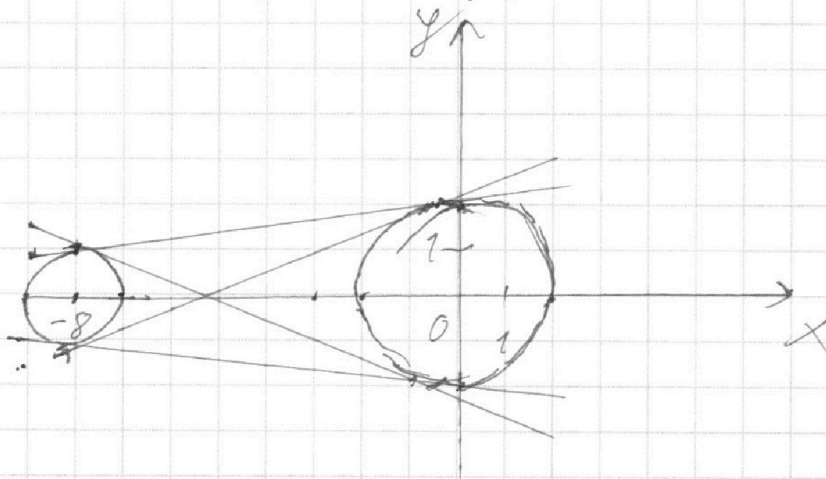
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} ax - y + 10b = 0 \\ (x+8)^2 + y^2 - 1(x^2 + y^2 - 4) \leq 0 \end{cases}$$

Заметим, что $(x+8)^2 + y^2 - 1(x^2 + y^2 - 4)$ — окружность с радиусом 1 и центром $(-8; 0)$, а $x^2 + y^2 - 4$ — окружность с радиусом 2 и центром $(0; 0)$, и что $ax - y + 10b = 0$ — прямая.

Тогда спросим: будет ли 2-х решений?



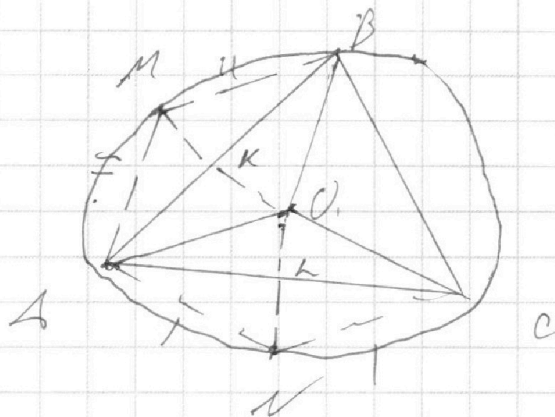
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$AM = MB$ (т.к. M - середина дуги)

$AN = NC$ (т.к. N - середина дуги)

значит $\triangle ANC$, $\triangle AMB$ - р/б.

NL - высота $\Rightarrow NL$ - медиана, $AN = CN$

MK - высота $\Rightarrow MK$ - медиана и $AM = BM$

$NL = L$, $MK = K$

(т.к. O - равноудален от A , B и C) \Rightarrow

$\Rightarrow \triangle AOB$ - р/б $\Rightarrow O, K, M$ - на одной прямой

аналогично OLN - на одной прямой

$\Rightarrow MO = ON = R$

Ответ: $AO = 6,5$

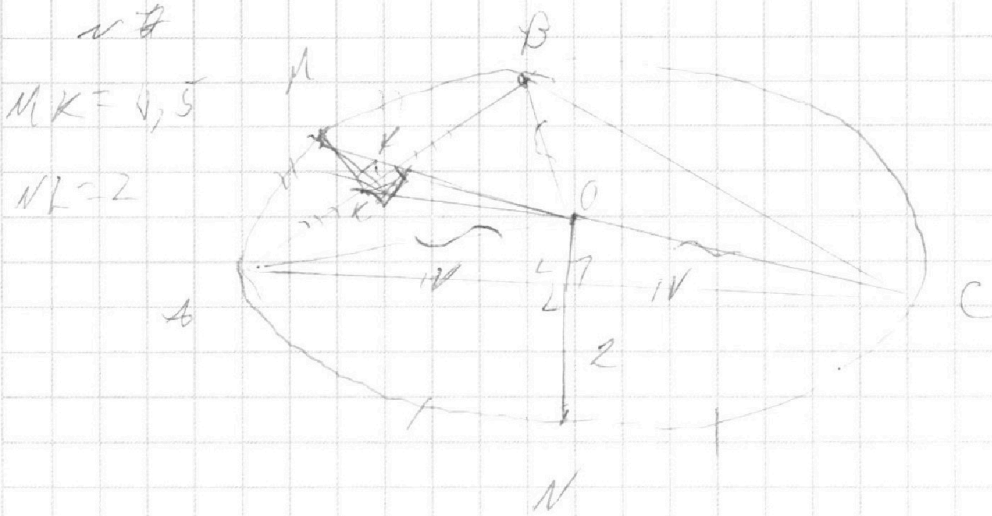
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



~~$KL + MN$~~ $OK + KM = OL + LN = OB$

$\sqrt{2}$

$\begin{cases} ax - y + 10b = 0 \end{cases}$

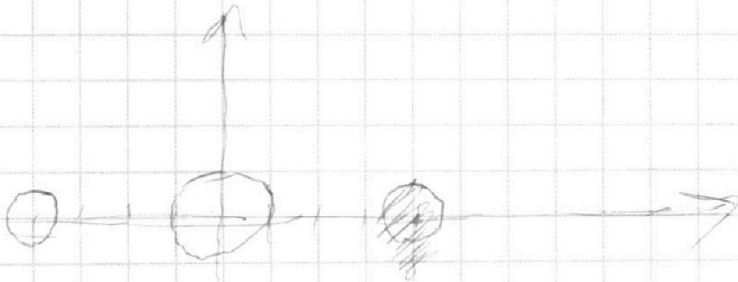
$(x+8)^2 + y^2 - 4(x^2 + y^2 - 4) = 0$

$x + 4 + x^2 + y^2 = 4$

$(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 = R^2$

$(x+8)^2 + y^2 = 0 \quad ?$

$\begin{cases} (x+8)^2 + y^2 - 4 < 0 \\ x^2 + y^2 - 4 > 0 \\ x + 8 + x^2 + y^2 - 4 > 0 \\ x^2 + y^2 - 4 < 0 \end{cases}$



$\begin{cases} x = 14 - y \\ y + z = 18 \\ x + z = 20 \end{cases}$

$\frac{-6 - \sqrt{608}}{8}$

$y + z = 18$

$14 - y = 20 - z$

14

$\begin{cases} y = 6 \\ 2y = 12 \quad z = 12 \\ z = 6 + y \end{cases}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$ab; 2^{19} \cdot 7^{20}$

$abc \text{ min}$

$bc; 2^{14} \cdot 7^{17}$

$b \neq 1$; b — делитель — смотрим факторы.

$ac; 2^{10} \cdot 7^{57}$

14

17

20

$x+y$

$y+z$

z

$x = 14 - y$

$y = z - 6$

$$\begin{cases} x+y=14 \\ y+z=17 \\ x+z=20 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=14-y \\ y+z=17 \\ 14-x+z=20 \end{cases}$$

$z-6+z=17$
 $z=11.5$

$14-y+z=20$

$a+b$ — мин

$z = y + 6 \Rightarrow$

$2y = 11 \quad y = 5.5$

$\frac{(a+b)^2 - 8ab}{a+b}$

$y+z=17$

$z = 11.5 = 4 + 7.5$

нельзя подставить натуральные корни $a+b$ — $\frac{8ab}{a+b}$

$\begin{cases} a+y=14 \\ y+z=17 \\ x+z=20 \end{cases}$

$a+b =$
тем же корням

$2y = 10 \rightarrow y = 5$

$\begin{cases} a+y=14 \\ y+z=17 \\ x+z=20 \end{cases}$

$14-y+z=20 \quad z=7+y$

$a = 2 \cdot 7$

$b = 2^5$

$z = 2^{11} \cdot 7$

$x+m=37$

$abc \text{ min} = 2^{26} \cdot 7^{37}$

$\frac{a+b}{(a-b)^2 - 4ab}$

с. 23; ...

N 4

$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} - \sqrt{2x^2 + 2x + 1} = 2 - 7x \mid \sqrt{}$

$2x^2 - 5x + 3 + 2x^2 + 2x + 1 - 2\sqrt{(2x^2 - 5x + 3)(2x^2 + 2x + 1)} =$

$= 4x^2 - 25x + 4$

$-45x^2 + 25x = + 2\sqrt{(2x^2 - 5x + 3)(2x^2 + 2x + 1)} \mid \sqrt{}$

$$\begin{array}{r} x \sqrt{x} \\ 25 \\ \hline 200 \\ 2025 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2025 \mid 25 \\ 200 \quad \hline 25 \end{array}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$4018 - 2228 = 2098 - 226 = 1872 - 26 = 1798 - 6 = 1792$$

$$3400 + 180 + 4 = 3584$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 2 \end{array} \quad \begin{array}{r} 2009 \\ 4952 \end{array}$$

$$533 \cdot 4 = 2132 + 120 + 12$$

$$5452 - 2009 = 2450 - 7 = 2443$$

$$- \frac{2443}{4} + 633 = -2443 + 2522$$

$$x_{1,2} = 5 \pm \sqrt{25 - 28} = 5 \pm \frac{1}{2}$$

$$x_1 = 1$$

$$x_2 = \frac{3}{2}$$

$$x_{1,2} = 1 \pm \sqrt{1 - 2} \quad 8 - 20 + 192$$

$$42 = x(x+1)$$

$$84 = 2x$$

$$(x-1)(x-1,5)$$

$$2 \cdot 25 \cdot 2 = 5,5 + 3 + 7 = \sqrt{8,5}$$

$$\frac{10}{2} = \frac{17}{2} \quad \frac{34}{4}$$

$$8 + 4 + 1$$

$$18 - 6 \cdot 7 = 25$$

$$x_2 + 12 + 1$$

$$18 - 15 + 3$$

$$58 \quad 98 + 15 =$$

$$128 + 16 + 1 = 138 + 7 = 145$$

$$= 108 + 9 = 117$$

$$762 + 18 + 1 = 781$$

$$a^2 + b^2 - 7 - 3$$

$$-2 \quad 18 - 6 + 1$$

$$8 - 4 + 1$$

$$32 - 8 = 30 - 6 = 25$$

$$32 + 20 + 3 = 55$$

$$b - 11 \quad a = 11$$

$$a + b = 22$$

$$2x_2 - 2x_1 - 2x_2 + 2x_1 = 12$$

$$a^2 + b^2 = 6ab$$

$$a^2 + b^2 - 6ab = 0$$

$$13 - 36 = -23$$

$$a + b = m + k$$

$$a = m + k - b$$

$$a^2 - 6ab + b^2 = m \cdot c$$

$$m^2 + k^2 - 2mk - 6mk + 6b^2 + b^2 = m \cdot c \quad m^2 + k^2 - 8mk + 7b^2$$



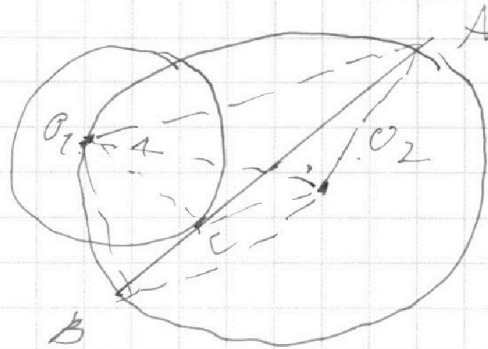
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



N5

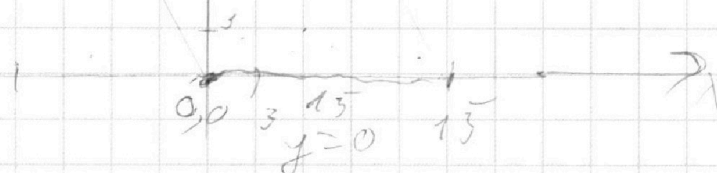
$$2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 12$$

$$-12x_1$$

$$y_2 = 24$$

(3, 24)

$$y = -2x$$



$$(2+k)(x_2 - x_1) = 12$$

$$-12 + 11$$

$$-1(2+k) = -12$$

$$2+k = -12$$

$$k = -10 \quad 110$$

$$k = y = -10 - 11$$

$$24 = k(-12) = -12k$$

$$y = -2x$$

$$\begin{cases} 24 = kx + b \\ 0 = 15k + b \end{cases}$$

$$-12k = 24 \quad k = -2$$

$$b = -15k \quad b = 30$$

$$y = -2x + 30$$

$$y = -2x$$

решение

$$y \in [0; 24]$$

$$x \in [-12; 15]$$

равные $y = 10 + 25$

$$2x_2 - 2x_1 = 12$$

$$-12 \quad -24$$

$$-11$$

$$-22$$

$$34$$

$$-10$$

$$-8$$

$$28$$

$$-6$$

$$-12$$

$$24$$

$$x_2 - x_1 = b$$

$$-12; 3$$

$$x_2 - x_1 = b$$

$$-6 \quad -12$$

$$-1 \quad -2$$

$$15 \quad 9$$

$$-5 \quad -11$$

$$0 \quad -6$$

$$14 \quad 8$$

$$-4 \quad -10$$

$$1 \quad -5$$

$$13 \quad 7$$

$$-3 \quad -9$$

$$2 \quad -4$$

$$12 \quad 6$$

$$-2 \quad -8$$

$$3 \quad -3$$

$$11 \quad 5$$

$$10 \quad 4$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$(25x - 45x^2)^2 = 5^4 x^2 - 2 \cdot 9 \cdot 5^3 \cdot x^3 + 5^2 \cdot 3^4 \cdot x^4 =$$

$$= 4(2x^2 - 5x + 3)(2x^2 + 2x + 1)$$

$$\text{Д.ч. } 4x^4 + 4x^3 + 2x^2 - 10x^5 - 10x^2 - 5x + 6x^2 + 40x + 6x + 3 = (4x^4 - 6x^3 - 2x^2 + 4x + 3) \cdot 4 =$$

$$= 16x^4 - 24x^3 - 8x^2 + 4x + 12$$

$$625x^4 - 2250x^3 + 2025x^2 = 16x^4 - 24x^3 - 8x^2 + 4x + 12$$

$$2009x^4 - 2226x^3 + 633x^2 + 4x + 12 = 0$$

$$2x^2 - 5x + 3 = (x-2)^2 + x^2 - 4x - 1$$

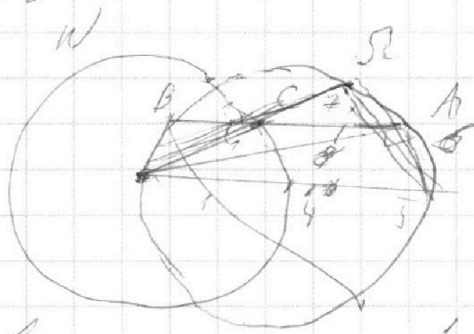
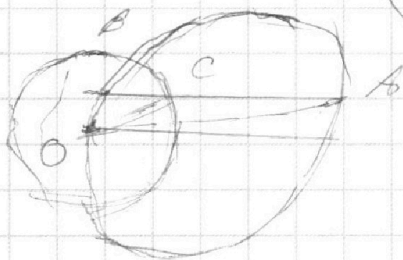
$$2x^2 + 2x + 1 = (x+1)^2 + x^2$$

$$2009 \quad -2226 \quad 633 \quad 4 \quad 12$$

$$2 \quad 2 \quad 1792$$

$$r=1$$

$$R=5$$



$$AC = CB =$$

$$= 7$$

$$\therefore 9$$

$$BC < 7$$

$$\frac{1}{2} \quad \frac{7}{2}$$

$$81 - 49 = 44 - 9 = 32$$

$$100 - 49 = 51$$

$$100 - 64 = 36 - 9 = 8$$

$$D = 1 + 168 = 169$$

$$x^2 + x - 92 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{-1 \pm 13}{2} = 7$$

$$+ 6$$

$$2k_2(2+k) = k_1(2+k) = 7k \quad (2+k)(k_2 - k_1) = 72$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7



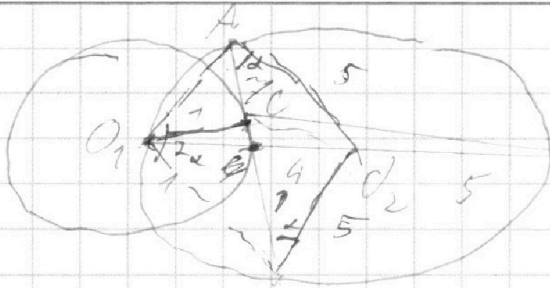
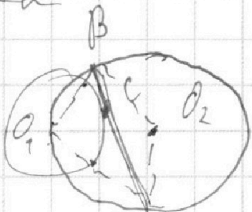
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$x + y = 280$$

$$a + 2 = 8 + 2 = 180$$

2a



$$AC : CB = 7$$

2AC

$$a^2 - 6ab + b^2 = (a^2 + b^2) - 6ab$$

$$\sqrt{\frac{8}{99} - \frac{10}{2} + 3} =$$

$$\frac{8}{99} + \frac{4}{2} + 1 =$$

$\frac{2}{2} - \text{коэффициент}$

2009

-2226

633

4

14

$\frac{2}{2}$

$\frac{2}{2}$

90

a - m

b - m

a + b

$$\frac{5098 - 2226}{2}$$

~~2226~~

$$2 + 5 = 12$$

$$3 + 5 = 8$$

$$5 + 17$$

$$34 - 90 = -60 + 9 = -51$$

$$9 + 5$$

$$24 - 90$$

$$16$$

$$25 + 127 =$$

$$295 - 330$$

$$330 - 746 = 230 - 96 =$$

$$784 \cdot 14 = 190 - 6 = 184$$

$$\frac{784}{24} \cdot 148 \quad 23 \cdot 2$$

$$2 \cdot 93 + 14 + 1 =$$

$$= 98 + 14 + 1$$

$$2x^2 + 2x + 1 = 85 \quad 2x^2 + 2x - 84 = 0$$

$$2x^2 - 5x - 82 = 0$$

$$4x \quad 84 - 4 = 168 \quad x^2 + x - 92 = 0$$

$$D = 25 + 82 \cdot 8$$

$$640 + 76 = 656$$

$$676 \pm 5 = 681$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\begin{aligned}
 & \sqrt{a^2+b^2} - a = b \\
 & a+b = \sqrt{a^2+b^2} \quad | \uparrow^2 \\
 & a^2 + 2ab + b^2 = a^2 + b^2 \\
 & 2ab = 0 \quad | :2 \\
 & ab = 0
 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r}
 11564 \quad | \quad 7 \\
 7 \quad \quad \quad 1652 \\
 \hline
 45 \quad \quad \quad 14 \\
 62 \quad \quad \quad 25 \\
 36 \quad \quad \quad 21 \\
 \hline
 14 \quad \quad \quad 42
 \end{array}$$

$$\begin{aligned}
 -2226 \cdot 7 &= 14000 + 1400 + 140 + 42 = \\
 &= 15582 + 42 = 15582
 \end{aligned}$$

$$9018 - 15582 = 11582 - 18 = 11582 - 8 =$$

$$\begin{array}{r}
 1652 \quad | \quad 7 \\
 7 \quad \quad \quad 236 \\
 \hline
 25 \\
 21 \\
 \hline
 42
 \end{array}$$

$$= 11564 - 1652$$

$$1652 \cdot 2 = 236 \cdot 2$$

$$4,5 = 7,5 + 3$$

$$\sqrt{2x^2+2x+1} + 2 - 7x = \sqrt{2x^2+2x+1} - 7x$$

$$\sqrt{a+b} - \sqrt{a} = b$$

$$\begin{array}{r}
 508 \quad | \quad 4 \\
 4 \quad \quad \quad 127 \\
 \hline
 20
 \end{array}$$

$$a = a + b + b^2 - 2\sqrt{ab}$$

$$b^2 + b = 2\sqrt{ab} \quad | :b \quad k = \frac{2}{7}$$

$$\begin{array}{r}
 152 \quad | \quad 2 \\
 2 \quad \quad \quad 76 \\
 \hline
 12
 \end{array}$$

$$b+1 = 2\sqrt{ab}$$

$$b^2 + 2b + 1 = 4a + 4b$$

$$\begin{array}{r}
 508 \quad | \quad 16 \\
 16 \quad \quad \quad 31,75 \\
 \hline
 48 \\
 128
 \end{array}$$

$$b^2 - 2b + 1 = 4a$$

$$\frac{38 \cdot 12}{2} = 228$$

$$(b-1)^2 = 4a$$

$$\sqrt{b^2-2b+1} > 24$$

$$19 \cdot 2^5$$

$$(2x+1)^2 = 8x^2 + 8x + 1$$

$$99x^2 + 79x + 1 = 8x^2 + 8x + 1$$

$$91x^2 + 6x - 3 = 0$$

$$D = 36 + 193 \cdot 4$$

$$x_{1,2} = \frac{-6 \pm \sqrt{6081}}{82}$$

$$< 1$$

$$193 \cdot 4 = 400 + 160 + 12 =$$

$$= 572 + 36 = 608$$

$$\frac{-6 + \sqrt{6081}}{82} \quad ?$$

$$\frac{-6 + \sqrt{6081}}{82} = 5 + \sqrt{\quad}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

