



Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 10-01

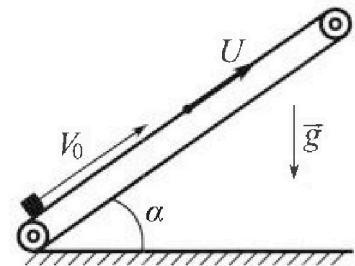
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Мяч, посланный теннисистом вертикально вверх, поднимается на максимальную высоту за $T = 2$ с.
- 1) Найдите начальную скорость V_0 мяча.
 - 2) Теннисист посылает мяч с начальной скоростью V_0 под различными углами к горизонту в направлении высокой вертикальной стенки, находящейся на расстоянии $S = 20$ м от места броска. На какой максимальной высоте мяч ударяется о стенку?
- Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Мяч движется в плоскости перпендикулярной стенке. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым. Все высоты отсчитываются от точки старта.

2. Лента транспортера, предназначенного для подъема грузов, образует с горизонтальной плоскостью угол α такой, что $\sin \alpha = 0,8$ (см. рис.).

В первом опыте небольшую коробку ставят на покоящуюся ленту транспортера и сообщают коробке начальную скорость $V_0 = 4$ м/с. Коэффициент трения скольжения коробки по ленте $\mu = \frac{1}{3}$. Движение коробки прямолинейное.



- 1) За какое время T после старта коробка пройдет в первом опыте путь $S = 1$ м?

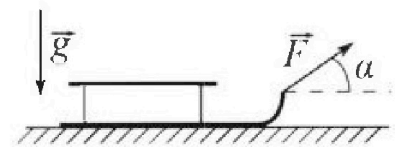
Во втором опыте коробку ставят на ленту транспортера, движущуюся со скоростью $U = 2$ м/с, и сообщают коробке скорость $V_0 = 4$ м/с.

- 2) На каком расстоянии L от точки старта скорость коробки во втором опыте будет равна $U = 2$ м/с?
- 3) На какой высоте H , отсчитанной от точки старта, скорость коробки во втором опыте станет равной нулю? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Все кинематические величины измерены в лабораторной системе отсчета.

3. Санки дважды разгоняют из состояния покоя до одной и той же скорости V_0 за одинаковое время.

В первом случае санки тянут, действуя постоянной по модулю силой, направленной под углом α к горизонту (см. рис.).

Во втором случае такая же по модулю сила, приложенная к санкам, направлена горизонтально. После достижения скорости V_0 действие внешней силы прекращается.



- 1) Найдите коэффициент μ трения скольжения санок по горизонтальной поверхности.
- 2) Через какое время T после прекращения действия силы санки остановятся? Ускорение свободного падения g .

Санки находятся на горизонтальной поверхности. Движение санок прямолинейное.

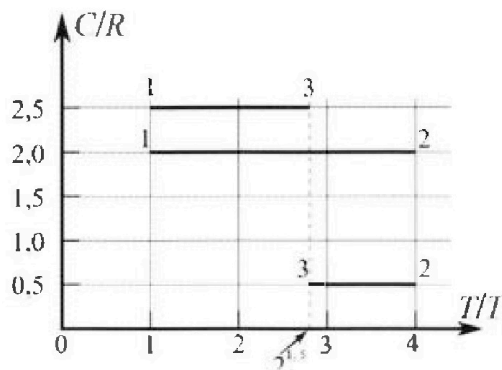
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 10-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



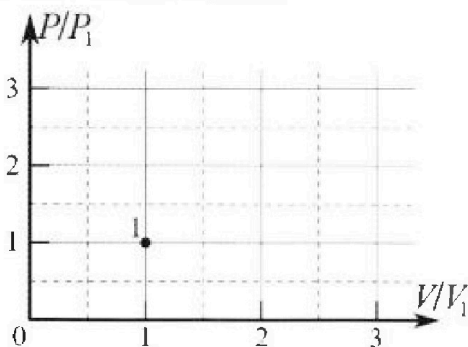
4. Тепловой двигатель работает по циклу 1-2-3-1. Рабочее вещество – один моль одноатомного идеального газа. Для вычисления КПД цикла ученик десятого класса построил график зависимости молярной теплоемкости C газа (в единицах универсальной газовой постоянной R) от температуры в процессах: 1-2, 2-3, 3-1 (см. рис.). Температура газа в состоянии 1 $T_1 = 400$ К, универсальная газовая постоянная $R = 8,31$ Дж/(моль·К).



1) Найдите работу A_{12} газа в процессе 1-2.

2) Найдите КПД η цикла.

3) Постройте график цикла в координатах $(P/P_1, V/V_1)$, где P_1 и V_1 давление и объём в состоянии 1. Для построения графика перенесите шаблон (см. ниже) в чистовик своей работы. Точка 1 на графике соответствует состоянию 1 газа в цикле.



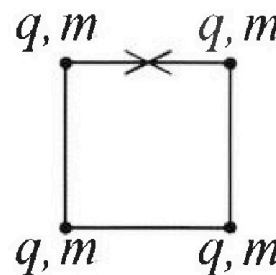
5. Четыре заряженных шарика связаны легкими нерастяжимыми нитями так, что шарики находятся в вершинах квадрата со стороной b (см. рис.). Масса каждого шарика m , заряд q .

1) Найдите силу T натяжения нитей.

Одну нить пережигают.

2) Найдите скорость V любого, выбранного Вами шарика, в тот момент, когда шарики будут находиться на одной прямой.

3) На каком расстоянии d от точки старта будет находиться в этот момент любой из двух шариков, изначально расположенных сверху (на рисунке)?



Коэффициент пропорциональности в законе Кулона k . Действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.

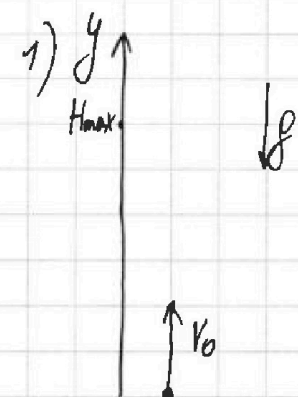
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

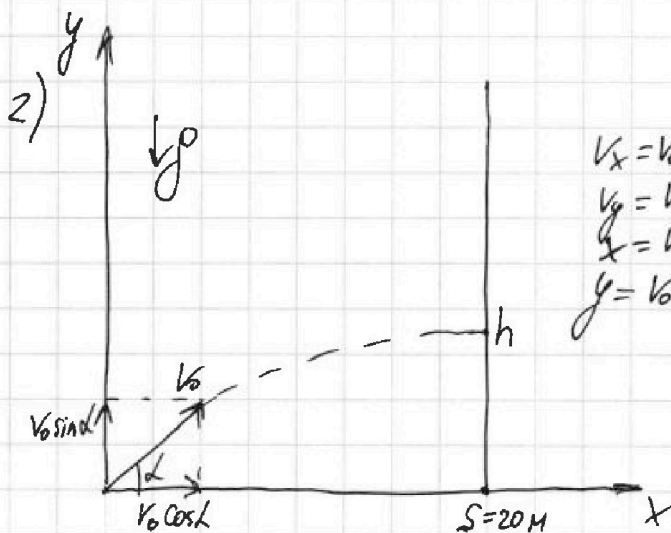
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$y = v_0 t - \frac{g t^2}{2}; \text{ при } y = H_{\max} : V = 0$$

$$V = v_0 - g t; \text{ при } y = H_{\max} t = T = 2c.$$

$$0 = v_0 - g T; v_0 = g T = \underline{20 \text{ м/с}}$$



$$v_x = v_0 \cos \alpha$$

$$v_y = v_0 \sin \alpha - g t$$

$$x = v_0 t \cos \alpha$$

$$y = v_0 t \sin \alpha - \frac{g t^2}{2}$$

Пусть при упоре о стенку $t = t_x$,
тогда $x = S = v_0 t_x \cos \alpha$

$$t_x = \frac{S}{v_0 \cos \alpha}; y = h = v_0 \sin \alpha \cdot \frac{S}{v_0 \cos \alpha} - \frac{g}{2} \cdot \frac{S^2}{v_0^2 \cos^2 \alpha}$$

$$h = S \sin \alpha \cdot \frac{1}{\cos \alpha} - \frac{g S^2}{2 v_0^2} \cdot \frac{1}{\cos^2 \alpha}; \text{ пусть } k = \frac{1}{\cos \alpha}, \text{ тогда}$$

$$h = S \sin \alpha \cdot k - \frac{g S^2}{2 v_0^2} k^2, \text{ — квадрат-парабола, вершина вниз,}$$

$$\text{сл-но максимум } \& \text{ берем } k = \frac{-S \sin \alpha}{-\frac{g S^2}{2 v_0^2} \cdot 2} = \frac{S \sin \alpha}{\frac{g S^2}{v_0^2}} =$$

$$= \frac{v_0^2 S \sin \alpha}{g S^2} = \frac{v_0^2 \sin \alpha}{g S} \cdot \frac{1}{\cos \alpha} = \frac{v_0^2 \sin \alpha}{g S \cos \alpha}$$

$$\cos \alpha = \frac{v_0^2 \sin \alpha}{g S}; 2 \sin \alpha \cos \alpha = \frac{2 g S}{v_0^2} = 2 \sin \alpha \sin(2\alpha) = \frac{2 \cdot 10 \cdot 20}{20^2}$$

$$\sin(2\alpha) = 1; \text{ сл-но } 2\alpha = 90^\circ; \alpha = 45^\circ.$$

$$h = S \sin \alpha - \frac{g S^2}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha} = 20 - \frac{4000}{2 \cdot 400 \cdot \frac{1}{2}} = 20 - 10 = 10 \text{ м}$$

Ответ: 1) 20 м/с ; 2) 10 м

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

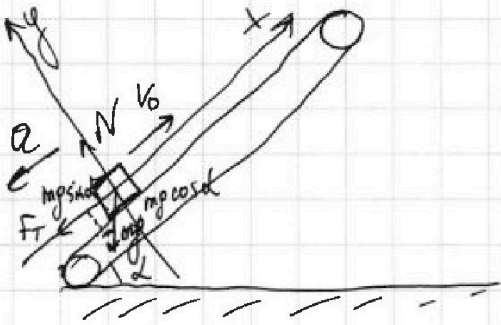
Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\sin \alpha = 0,8; \quad \cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \sqrt{1 - 0,64} = 0,6$$

$$\mu = \frac{1}{3}$$

$$1) \text{ } Dy: 0 = N - mg \cos \alpha; \quad N = mg \cos \alpha$$

$$F_t = \mu N = \mu mg \cos \alpha$$

$$Dx: -ma = -F_t - mg \sin \alpha$$

$$ma = \mu mg \cos \alpha + mg \sin \alpha$$

$$a = \mu g \cos \alpha + g \sin \alpha = g(\mu \cos \alpha + \sin \alpha)$$

$$= g\left(\frac{1}{3} \cdot 0,6 + 0,8\right) = g(0,8 + 0,2) = g$$

2) Найти на какое расстояние вверх (x) по остановившемуся транспортеру груз сдвинуть от остановки.

$$\frac{mv_0^2}{2} - \mu mg \cos \alpha x = mg x \sin \alpha$$

$$\frac{v_0^2}{2} = g x \sin \alpha + \mu g x \cos \alpha = g x (\sin \alpha + \mu \cos \alpha) = g x$$

$$x = \frac{v_0^2}{2g} = \frac{16}{20} = \frac{4}{5} = 0,8 \text{ м, а-ко груз стал сдвигаться}$$

обратно до того как проехал $S = 1 \text{ м}$.

$S = x + S'$ Расстояние $x = 0,8$ он проехал за t_1 расстояние S' за t_2 . $T = t_1 + t_2$ - исконое.

$$0 = v_0 - at_1; \quad at_1 = v_0; \quad gt_1 = v_0; \quad t_1 = \frac{v_0}{g} = \frac{4}{10} = 0,4 \text{ с}$$

$$S': \quad S' = \frac{at_2^2}{2}; \quad S' = a' t_2^2 = g(\sin \alpha - \mu \cos \alpha) = g(\sin \alpha - \mu \cos \alpha) =$$

$$= g(0,8 - 0,2) = 0,6g, \text{ так сила трения стала действовать в другую сторону.}$$

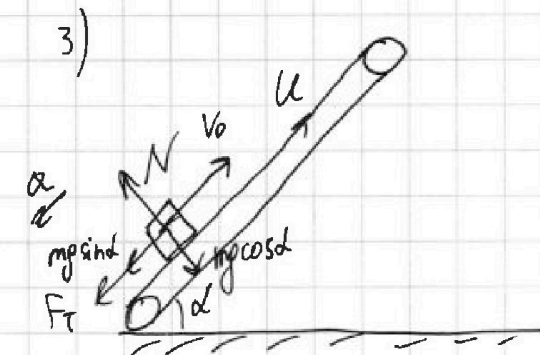
$$S' = 0,2 \text{ м} = \frac{0,6gt_2^2}{2}; \quad 0,6gt_2^2 = 0,4; \quad 6gt_2^2 = 4; \quad t_2^2 = \frac{4}{60} = \frac{1}{15}$$

$$t_2 = \frac{\sqrt{15}}{15}; \quad T = 0,4 + \frac{\sqrt{15}}{15}$$

37

1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Во втором эксперименте сила трения будет действовать "вниз" вдоль плоскости пока $v > u$ когда u станет больше v , сила трения начнет действовать вверх.

Найдём L , при котором $v = u$, в начале $v = v_0$

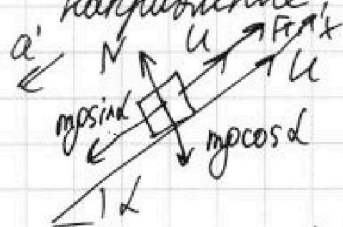
при $v > u$ $a = g(\sin\alpha + \mu\cos\alpha) = g$

$$\frac{mv_0^2}{2} - \mu mg \cos\alpha L = \frac{mu^2}{2} + mgl \sin\alpha$$

$$\frac{v_0^2}{2} = \frac{u^2}{2} + gL(\sin\alpha + \mu\cos\alpha) = \frac{u^2}{2} + gL$$

$$L = \frac{v_0^2 - u^2}{2g} = \frac{16 - 4}{20} = \frac{12}{20} = \frac{3}{5} = 0,6 \text{ м}$$

После этого момента сила трения направлена в направлении м.к. $v < u$



Уч-во. Ох: $-ma' = -mg\sin\alpha + \mu mg\cos\alpha$

$$a' = g\sin\alpha - \mu g\cos\alpha = g(\sin\alpha - \mu\cos\alpha) = g(0,8 - 0,2) = 0,6g$$

При остановке $0 = u - 0,6gt_x$; $t_x = \frac{u}{0,6g}$

Пусть груз по остановке проедет ещё L'

$$L' = ut_x - \frac{0,6g t_x^2}{2} = ut - \frac{0,6ut}{1,2g} = \frac{u^2}{0,6g} - \frac{u^2}{1,2g} = \frac{u^2}{1,2g}$$

$$L' = \frac{1}{12} = \frac{1}{3} \text{ м, тогда искомое}$$

$$u = (L + L') \sin\alpha = \left(\frac{3}{5} + \frac{1}{3}\right) \cdot \frac{4}{5} = \frac{14}{15} \cdot \frac{4}{5} = \frac{56}{75} \text{ м}$$

Ответ: 1) $T = \left(94 + \frac{115}{15}\right) \text{ к}$; 2) $0,6 \text{ м}$; 3) $\frac{56}{75} \text{ м}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

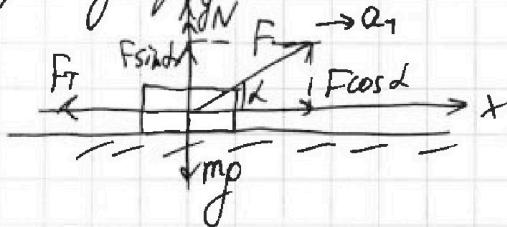
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

1) Стоя у края α



$$Oy: 0 = N + F \sin \alpha - mg$$

$$N = mg - F \sin \alpha$$

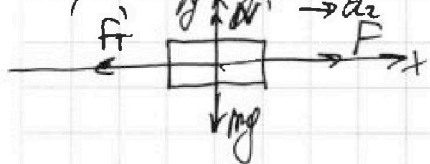
$$F_{tr} = \mu N = \mu mg - \mu F \sin \alpha$$

$$Ox: ma_1 = F \cos \alpha - F_{tr} =$$

$$= F \cos \alpha - \mu mg + \mu F \sin \alpha = F(\cos \alpha + \mu \sin \alpha) - \mu mg$$

$$v_0 = a_1 t = \frac{Ft}{m} (\cos \alpha + \mu \sin \alpha) - \mu g t$$

2) Стоя у края, максимальная сила



$$Oy: 0 = N' - mg; N' = mg$$

$$F_{tr}' = \mu mg$$

$$Ox: ma_2 = F - \mu mg$$

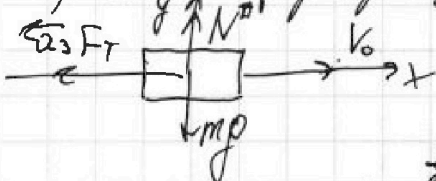
$$a_2 = \frac{F - \mu mg}{m}; v_0 = a_2 t = \frac{Ft}{m} - \mu g t$$

Стоя у края $v_0 = a_1 t = a_2 t$, что и

$$\frac{Ft}{m} - \mu g t = \frac{Ft}{m} (\cos \alpha + \mu \sin \alpha) - \mu g t; 1 = \cos \alpha + \mu \sin \alpha$$

$$\mu \sin \alpha = 1 - \cos \alpha; \mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

3) Стоя у края, прекращение действия силы:



$$Oy: 0 = N' - mg; N' = mg; F_{tr} = \mu mg$$

$$Ox: -ma_3 = -\mu mg; a_3 = \mu g$$

$$0 = v_0 - \mu g t; T = \frac{v_0}{\mu g} = \frac{v_0 \sin \alpha}{g(1 - \cos \alpha)}$$

Ответ: 1) $\mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$; 2) $T = \frac{v_0 \sin \alpha}{g(1 - \cos \alpha)}$

1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$\nu = 1 \text{ моль}; T_1 = 400 \text{ К}$

1) В процессе 1-2:

$Q_{12} = A_{12} + \Delta U_{12}. C_{12} = 2R$ - из графика.

$Q_{12} = \nu C_{12} \Delta T_{12}; \nu C_{12} (4T_1 - T_1) = 6\nu R T_1$ - из ур.

из ур $\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R \Delta T_{12} = \frac{3}{2} \nu R T_1 \cdot 3 = 4,5 \nu R T_1$

$A_{12} = Q_{12} - \Delta U_{12} = 1,5 \nu R T_1 = 1,5 \cdot 1 \cdot 8,31 \cdot 400 =$
 $= 600 \cdot 8,31 = 4986 \text{ Дж}$

2) $\eta = \frac{Q_H - Q_X}{Q_H}$, где Q_H - "нагреватель"; Q_X - "холодильник"

$Q_H = Q_{12}; Q_X = |Q_{23}| + |Q_{31}|$; из ур. $Q_{23} = \nu C_{23} \Delta T_{23}$
 $C_{23} = 0,5R; \Delta T_{23} = 2\sqrt{2}T_1 - 4T_1$

$Q_{23} = \nu \cdot 0,5R \cdot T_1 (2\sqrt{2} - 4) = \nu R T_1 (\sqrt{2} - 2)$

$Q_{31} = \nu C_{31} \Delta T_{31}; C_{31} = 2,5R; \Delta T_{31} = T_1 - 2\sqrt{2}T_1$

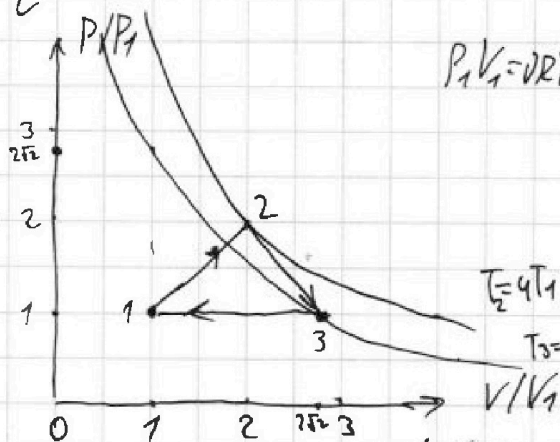
$Q_{31} = 2,5 \nu R T_1 (1 - 2\sqrt{2})$

$Q_X = |Q_{31}| + |Q_{23}| = \nu R T_1 (2 - \sqrt{2}) + 2,5 \nu R T_1 (2\sqrt{2} - 1) =$

$= \nu R T_1 (2 - \sqrt{2} + 5\sqrt{2} - 2,5) = \nu R T_1 (4\sqrt{2} - 0,5)$

$\eta = \frac{6\nu R T_1 - (4\sqrt{2} - 0,5)\nu R T_1}{6\nu R T_1} = \frac{6 - 4\sqrt{2} + 0,5}{6} = \frac{6,5 - 4\sqrt{2}}{6} = \frac{13 - 8\sqrt{2}}{12}$

3)



$P_1 V_1 = \nu R T_1$

$A_{23} = Q_{23} - \Delta U_{23} = \nu R T_1 (\sqrt{2} - 2) - \frac{3}{2} \nu R T_1 (4 - 2\sqrt{2}) =$
 $= \nu R T_1 (\sqrt{2} - 2) - 3 \nu R T_1 (2 - \sqrt{2}) =$
 $= -2 \nu R T_1 (\sqrt{2} - 2) = (-2\sqrt{2} + 4) P_1 V_1. T_2 = 4T_1$
 $T_3 = 2\sqrt{2} T_1$

$A_{31} = A_{23} = \frac{(P_2 + P_1) \cdot \frac{1}{2} \cdot (V_2 - V_1)}{P_2 V_2} = 4 P_1 V_1$

$A_{23} = \frac{1}{2} (4P_1 V_1 - P_1 V_1 + P_1 V_2 - P_2 V_1) = (4 - 2\sqrt{2}) P_1 V_1$

$3P_1 V_1 + P_1 V_2 - P_2 V_1 = 8P_1 V_1 - 4\sqrt{2} P_1 V_1; P_1 V_2 - P_2 V_1 = (5 - 4\sqrt{2}) P_1 V_1$ Ответ: $1) 4986 \text{ Дж}$
 $\frac{P_2}{P_1} - \frac{P_1}{P_2} = 5 - 4\sqrt{2}; \frac{V_2}{V_1} - \frac{V_1}{V_2} = 5 - 4\sqrt{2}; A_{31} = \nu R T_1 (1 - 2\sqrt{2}).$ 2) $\frac{P_2}{P_1} = 2\sqrt{2}; \frac{V_2}{V_1} = 1$ 3) $\frac{13 - 8\sqrt{2}}{12}$

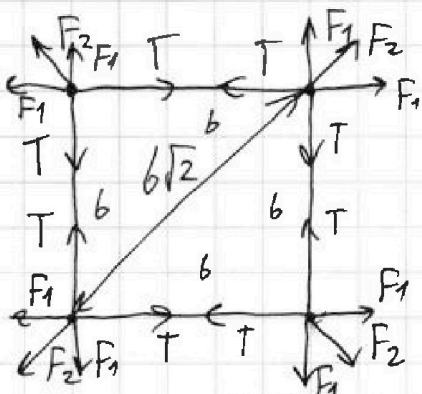
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

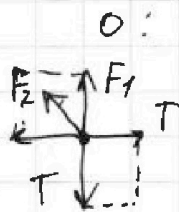
1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



1) Рассмотрим один шарик, равнодействующая сил на который должна быть равна 0:



$$T\sqrt{2} = F_2 + F_1\sqrt{2}$$

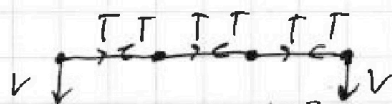
$$F_1 = \frac{kq^2}{b^2}$$

$$F_2 = \frac{kq^2}{2b^2} \text{ — сила на шарик}$$

$$T\sqrt{2} = \frac{kq^2\sqrt{2}}{b^2} + \frac{kq^2}{2b^2} = \frac{kq^2}{b^2} \left(\sqrt{2} + \frac{1}{2} \right)$$

$$T = \frac{kq^2}{b^2} \left(1 + \frac{1}{2\sqrt{2}} \right) = \frac{kq^2}{b^2} \left(1 + \frac{\sqrt{2}}{4} \right)$$

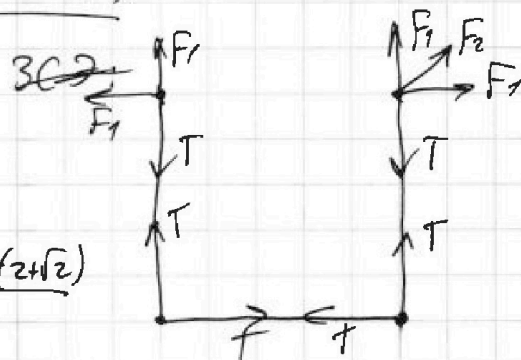
2)



$$\text{ЗСЗ: } \frac{2mv^2}{2} = 2kq^2$$

$$\frac{mv^2}{2} = \frac{kq^2}{b^2} \cdot (2 + \sqrt{2})b = \frac{kq^2(2 + \sqrt{2})}{b}$$

$$v = \sqrt{\frac{2kq^2(2 + \sqrt{2})}{mb}}$$



Ответ: 1) $T = \frac{kq^2}{b^2} \left(1 + \frac{\sqrt{2}}{4} \right)$; 2) $v = \sqrt{\frac{2kq^2(2 + \sqrt{2})}{mb}}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МОФИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$F = \frac{k\varphi^2}{b^2} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{k\varphi^2}{b^2\sqrt{2}}$$

$$m a = \frac{k\varphi^2}{b^2\sqrt{2}} \Rightarrow F_1 = \frac{k\varphi^2}{b^2\sqrt{2}}$$

$$F_2 = \frac{k\varphi^2}{b^2}$$

$$T\sqrt{2} = F_1\sqrt{2} + F_2 = \frac{k\varphi^2}{b^2} + \frac{k\varphi^2}{b^2} = \frac{2k\varphi^2}{b^2}$$

$$T = \frac{2k\varphi^2}{b^2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}k\varphi^2}{b^2}$$

$$F_i = \frac{b+b+b+b+b+b}{6} \cdot \frac{2k\varphi^2(2+\sqrt{2})}{k^2 \frac{2}{mb}} = \frac{2k\varphi^2(2+\sqrt{2})}{mb}$$

$$k F_H = \frac{k \cdot k_1^2}{k_1^2} = \frac{4k\varphi^2}{b} (2+\sqrt{2}) = \frac{22k\varphi^2}{b} + \frac{4m v^2}{2}$$

$$k = \frac{k \cdot M^2}{k_1^2} \Rightarrow k = \frac{M^2}{c^2} \cdot \frac{4k\varphi^2}{b} (2+\sqrt{2}) = \frac{22k\varphi^2}{b} + \frac{4m v^2}{2}$$

$$\frac{k \cdot M^2}{k_1^2 \cdot M} = \frac{k \cdot M}{k_1^2} \Rightarrow \frac{22k\varphi^2}{b} + \frac{4m v^2}{2} = \frac{22k\varphi^2}{b} + \frac{4m v^2}{2}$$

$$400t^2 - 400 = 25t^4 + 10t^2 + 25t^4 = 50t^4 + 10t^2 - 400 = 0$$

$$d = 50t^4 + 10t^2 - 400 = 0$$

$$5t^4 + t^2 - 40 = 0$$

$$t^2 = \frac{-1 \pm \sqrt{1 + 800}}{10} = \frac{-1 \pm 28.3}{10}$$

$$t^2 = \frac{27.3}{10} \Rightarrow t = 1.65 \text{ s}$$

$$v_2 = \frac{4}{v_1} = (5 - 4\sqrt{2}) v_e$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи.

решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порука QR-кода недопустима!



$P_3 V_3 = \sqrt{P_1 P_2 T_1}$
 $F \sin \alpha + N = mg$
 $N = mg - F \sin \alpha$
 $F_f = \mu mg - F \sin \alpha$
 $ma = F \cos \alpha - \mu N = F \cos \alpha - F_f = F \cos \alpha - \mu mg + F \sin \alpha$

$Q \cos \alpha \cdot \frac{x = 2\sqrt{2}}{x = \sqrt{2}} = F(\mu \sin \alpha + \cos \alpha) - \mu mg$
 $F(\mu \sin \alpha + \cos \alpha) - \mu mg = F - \mu mg$
 $F = \frac{A + \frac{3}{2} V R \Delta T}{\Delta T}$
 $\frac{A}{\Delta T} + \frac{3}{2} V R = \text{const}$
 $\frac{A}{\Delta T} = \text{const} - \frac{3}{2} V R$

$Q_{23} = \dots$
 $Q_{23} = 0,5 V R T_1 (\sqrt{2} - 4) V_0 = \frac{F_f - \mu mg t}{m} \cdot 2 \sqrt{2} = \frac{F_f - \mu mg t}{m} \cdot 2 \sqrt{2}$
 $A_{23} = 1,5 V R T_1 (\sqrt{2} - 4)$
 $P_1 V_1 = V R T_1 = 6 \cdot 2 \sqrt{2} \Delta U = \frac{3}{2} V R \Delta T = \frac{3}{2} V R \cdot 3 T_1 = 4,5 V R T_1$
 $A = 1,5 V R T_1$
 $Q_{12} = 2 V R \Delta T = 2 V R (4 T_1 - T_1) = 6 V R T_1$
 $Q_{23} = 0,5 V R (2 \sqrt{2} T_1 - 4 T_1) = \sqrt{2} (F V R T_1 (\sqrt{2} - 2))$
 $Q_{31} = 2,5 V R (T_1 - 2 \sqrt{2} T_1) = 2,5 V R T_1 (1 - 2 \sqrt{2})$
 $\eta = \frac{Q_{12}}{Q_{12} + Q_{23} + Q_{31}} = \frac{6 - 1 - \sqrt{2}}{6} = \frac{5 - \sqrt{2}}{6}$
 $A = 4,5 V R T_1$
 $A_{23} = V R T_1 (\sqrt{2} - 2) = 2 \sqrt{2} V R T_1$
 $A_{23} = V R T_1 (\sqrt{2} - 2) - 3 V R T_1 (\sqrt{2} - 2) = \sqrt{8} = 2 \sqrt{2}$

$\frac{2 P S}{V_0^2} = \frac{20 \cdot 20}{20^2} = 1$
 $\cos \alpha = \frac{2 P S}{V_0^2 \sin \alpha}$
 $h = 5 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \sqrt{2} - \frac{P_3 S}{2 V_0^2} = 20 - \frac{10 \cdot 20^2}{2 \cdot 20^2} = 10$

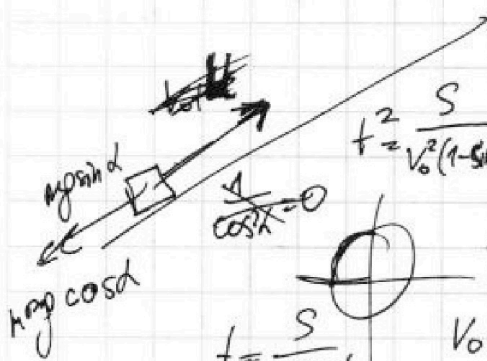
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{mv_0^2}{2} = mgl \sin \alpha + \frac{m\mu^2}{2}$$

$$t = \frac{S}{v_0 \cos \alpha}$$

$$\frac{mv_0^2}{2} - \mu mg \cos \alpha L = mgl \sin \alpha + \frac{m\mu^2}{2}$$

$$80 - \frac{160}{2} = \frac{mv_0^2}{2} = 40 + \frac{\mu^2}{2} \quad 40 =$$

$$v_0 - \mu t = 0 \quad v_0 = \mu t = \frac{\mu S}{\cos \alpha} \quad v_0^2 = \frac{\mu^2 S^2}{\cos^2 \alpha}$$

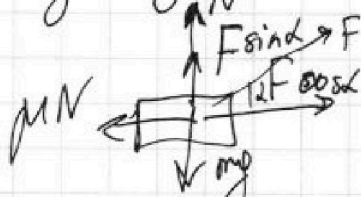
$$\frac{m\mu^2}{2} + \mu mg \cos \alpha h = mgl \sin \alpha \quad L = \frac{v_0^2 - \mu^2}{2g} \quad \frac{16 - 4}{20} = \frac{12}{20} = \frac{3}{5}$$

$$S = v_0 t - \frac{\mu t^2}{2}$$

$$h = \frac{v_0^2}{2g} = \frac{\mu^2 S^2}{2g \cos^2 \alpha} = gh(\sin \alpha - \mu \cos \alpha)$$

$$\frac{v_0}{g} = \frac{\mu S}{g \cos \alpha} = \frac{4}{2}$$

$$h = \frac{v_0^2}{2g(\sin \alpha - \mu \cos \alpha)} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5} + \frac{3}{4} = \frac{8+15}{20} = \frac{23}{20} = 1.15$$



$$N = mg - F \sin \alpha$$

$$ma = -\mu(mg - F \sin \alpha) + F \cos \alpha$$

$$ma = -\mu mg + \mu F \sin \alpha + F \cos \alpha = \frac{40 \cdot 20}{400} = 2$$

$$v_0 = at = (F(\mu \sin \alpha + \cos \alpha) - \mu mg) t$$

$$F(\mu \sin \alpha + \cos \alpha) - \mu mg = F - \mu mg$$

$$t = \frac{S_0}{v_0 \cos \alpha}$$

$$ma = F \cos \alpha - \mu mg + F \mu \sin \alpha$$

$$\mu \sin \alpha + \cos \alpha = 1$$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{g^2}{v_0^2 \cos^2 \alpha}$$

$$h = S \mu \sin \alpha - \frac{\mu S^2}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha}$$

$$F(\mu \sin \alpha + \cos \alpha)$$

$$N + F \sin \alpha = mg$$

$$= S \sin \alpha \cdot \frac{1}{\cos \alpha} - \frac{\mu S^2}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha} = \frac{F - \mu mg}{g}$$

$$N = mg - F \sin \alpha \quad F = \mu mg - \mu F \sin \alpha$$

$$S \sin \alpha - \frac{\mu S^2}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha} = \frac{F - \mu mg}{g}$$

$$F = \frac{v_0}{g \cos \alpha}$$

$$\mu = -\frac{g \mu h}{2 \mu g}$$

$$\frac{1}{\cos \alpha} = \frac{2 \mu S}{v_0^2 \sin \alpha}$$

$$\frac{S \sin \alpha}{2 \mu S^2} = \frac{1}{20 \cdot 20}$$

$$t = \frac{S \sin \alpha}{2 \mu S^2} = \frac{1}{20 \cdot 20} \quad \frac{1}{\cos \alpha} = \frac{v_0^2 \sin \alpha}{2 \mu S}$$

$$\cos \alpha = \frac{2 \mu S}{v_0^2 \sin \alpha}$$

$$\frac{20 \cdot 20}{20 \sin \alpha}$$

$$\cos \alpha = \frac{2 \mu S}{v_0^2 \sin \alpha} \quad 2 \sin \alpha \cos \alpha = \frac{2 \mu S}{v_0^2}$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \quad \sin^2 \alpha - \sin^2 \alpha + 1 = 0 \quad \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha = 0 = 1 - 4$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$y = v_0 t - \frac{gT^2}{2}$ $v_0 = 20 \text{ м/с}$ $h = 40 - 5 \cdot 2 \cdot 2 = 20$
 $0 = v_0 - gT$ $v_0 \sin \alpha$
 $v_0 = gT$ $v_0 \cos \alpha$ $(\cos \alpha)^2 = \sin \alpha$
 $h = v_0 T - \frac{gT^2}{2}$ $\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{gS}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}$
 $\frac{1831}{4986}$ $S = v_0 t \cos \alpha$ $\frac{v_0^2 \sin \alpha \cos \alpha - gS}{v_0^2 \cos^2 \alpha}$
 $\frac{1831}{4986}$ $t = \frac{S}{v_0 \cos \alpha}$
 $y = v_0 \sin \alpha \cdot \frac{S^2}{v_0^2 \cos^2 \alpha} - \frac{g}{2} \cdot \frac{S^2}{v_0^2 \cos^2 \alpha}$ $\left(\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}\right)' = \frac{\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha}{\cos^2 \alpha} = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$
 $= S \frac{g \sin \alpha}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}$ $\frac{1}{\cos^2 \alpha} = \frac{1}{\cos^2 \alpha} = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$
 $\cos \alpha = \sqrt{1 - 0,64} = 0,6$ $\frac{1}{\cos^2 \alpha} = \frac{1}{\cos^2 \alpha} = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$
 $S \frac{1}{\cos^2 \alpha} - \frac{gS^2}{2v_0^2}$ $\frac{1}{\cos^2 \alpha} = -\frac{\sin \alpha}{\cos^2 \alpha}$
 $m g \sin \alpha = \frac{m v_0^2}{2} - A \mu R$ $0,8 + \frac{1}{3} \cdot 0,6 = 0,8 + 0,2 = 1$ $\frac{1}{\cos \alpha} = -\frac{\sin \alpha}{\cos^2 \alpha}$
 $m g \sin \alpha = \frac{m v_0^2}{2} - \mu m g \cos \alpha$ 400 $\frac{1}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha}$
 $\sin \alpha \cos \alpha = \frac{1}{2}$ $\frac{1}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha}$
 $\sin(2\alpha) = 1$ $\frac{1}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha}$
 $\frac{g}{2} \sin \alpha + \mu g \cos \alpha = \frac{v_0^2}{2}$ $\alpha = 45^\circ$ $\frac{1}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha}$
 $\frac{g}{2} (\sin \alpha + \mu \cos \alpha) = \frac{v_0^2}{2}$ $S^2 = 400$ $\sin \alpha \cos \alpha = \frac{gS}{v_0^2}$
 $\frac{g}{2} \cdot \frac{16}{20} = \frac{g}{2} S - \frac{gS^2}{2v_0^2}$ $20 - \frac{200 \cdot 4000}{5} = v_0 \sin \alpha - \frac{gT^2}{2}$ $\sin \alpha \cos \alpha = \frac{gS}{v_0^2}$
 $t = \frac{20}{20} = 1$ $0 = v_0 \sin \alpha - \frac{gT^2}{2}$ $t = \frac{2S}{v_0^2 \sin(2\alpha)}$
 $\frac{1}{5} = \frac{g}{2}$ 15 $m a = m g \sin \alpha + \mu m g \cos \alpha$ $-5t^2 + 4t - 1 = 0$
 $\frac{2}{50} = \frac{1}{25} = \frac{1}{25}$ $t = \frac{1}{5}$ $g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) = a$ $5t^2 - 4t + 1 = 0$
 $S = v_0 t - \frac{g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) t^2}{2}$ $d = 16$
 $t = 4t - 5t^2$