



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 10



1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $2^{15}7^{11}$, bc делится на $2^{17}7^{18}$, ac делится на $2^{23}7^{39}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [4 балла] Известно, что дробь $\frac{a}{b}$ несократима ($a \in \mathbb{N}, b \in \mathbb{N}$). На доске записана дробь

$$\frac{a+b}{a^2-7ab+b^2}.$$

При каком наибольшем m могло оказаться, что числитель и знаменатель дроби можно сократить на m ?

3. [4 балла] Центр окружности ω лежит на окружности Ω , хорда AB окружности Ω касается ω в точке C так, что $AC : CB = 17 : 7$. Найдите длину AB , если известно, что радиусы ω и Ω равны 7 и 13 соответственно.
4. [5 баллов] Решите уравнение

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} - \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = 1 - 9x.$$

5. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0; 0)$, $P(-13; 26)$, $Q(3; 26)$ и $R(16; 0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 14$.
6. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система

$$\begin{cases} ax + y - 8b = 0, \\ (x^2 + y^2 - 1)(x^2 + (y - 12)^2 - 16) \leq 0 \end{cases}$$

имеет ровно 2 решения.

7. [6 баллов] Треугольник ABC вписан в окружность. Пусть M – середина той дуги AB описанной окружности, которая не содержит точку C ; N – середина той дуги AC описанной окружности, которая не содержит точку B . Найдите расстояние от вершины A до центра окружности, вписанной в треугольник ABC , если расстояния от точек M и N до сторон AB и AC соответственно равны 5 и 2,5.



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Пусть k, m и n — такие натуральные числа, что

$$ab = k \cdot 2^{15} \cdot 7^{11}, bc = m \cdot 2^{17} \cdot 7^{18}, ac = n \cdot 2^{23} \cdot 7^{39}$$

$$\left. \begin{array}{l} ac: 2^{23} \\ bc: 2^{17} \\ ab: 2^{15} \end{array} \right\} \Rightarrow abc: 2^{23} \quad \left. \begin{array}{l} ac: 7^{39} \\ ab: 7^{11} \\ bc: 7^{18} \end{array} \right\} \Rightarrow abc: 7^{39}$$

Пусть r, s и t — такие натуральные числа, что

$$abc = r \cdot 2^s \cdot 7^t. \text{ Тогда } s \geq 23, t \geq 39$$

$$3) ab \cdot bc \cdot ac = kmn \cdot 2^{15+17+23} \cdot 7^{11+18+39} = kmn \cdot 2^{55} \cdot 7^{68}$$

$$abc = \sqrt{kmn \cdot 2^{55} \cdot 7^{68}} = 2^{27} \cdot 7^{34} \cdot \sqrt{2kmn}$$

$$abc \in \mathbb{N} \Rightarrow 2kmn - \text{точный квадрат} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow kmn \geq 2. \text{ Так как нам нужно найти}$$

$$abc, \text{ а } abc \text{ — это } \sqrt{kmn} \cdot 2^{27} \cdot 7^{34}. \text{ Тогда } abc = 2^{28} \cdot 7^{34}.$$

$$4) \text{ Получается } s \geq 28, t \geq 34. \quad \sqrt{\frac{kmn}{2}}$$

$$\text{Вместе с уже имеющимися условиями } s \geq 28, t \geq 34, n \geq 1,$$

$$abc \geq 2^{28} \cdot 7^{39}$$

$$5) \text{ Пример. Пусть } a = 2^{11} \cdot 7^{21}, b = 2^4, c = 2^{13} \cdot 7^{18}$$

$$abc = 2^{28} \cdot 7^{39}, ab = 2^{15} \cdot 7^{21} \cdot (2^{15} \cdot 7^{11}), bc = 2^{17} \cdot 7^{39} \cdot (2^{17} \cdot 7^{18})$$

$$ac = 2^{24} \cdot 7^{39} \cdot (2^{23} \cdot 7^{39})$$

$$\text{Ответ. } 2^{28} \cdot 7^{39}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

~~1) $\frac{a}{b}$ - несократима~~ $\Rightarrow$ 1) Пусть $a+b = k \cdot m$

$$2) \frac{a+b}{a^2-4ab+b^2} = \frac{a+b}{a^2+4ab+b^2-9ab} = \frac{a+b}{(a+b)^2-9ab}$$

3) Дробь можно сократить на m .

$$\frac{\frac{a+b}{m}}{\frac{(a+b)^2}{m} - \frac{9ab}{m}} = \frac{k}{k^2m - \frac{9ab}{m}} \Rightarrow 9ab : m$$

4) Если $a : m$ или $b : m$, то так как $(a+b) : m$, то и второе число $: m$, но дробь $\frac{a}{b}$ - несократима $\Rightarrow a \not: m$ и $b \not: m$.

$$\text{Но } 9ab : m \Rightarrow 9 : m \Rightarrow m \leq 9$$

5) Максимум $m = 9$. Пример

~~$$a=5, b=4: \frac{5+4}{25-4 \cdot 5+16} = \frac{9}{41}$$~~

$$a=1, b=8: \frac{1+8}{64-56+1} = \frac{9}{9} = 1$$

Ответ: при $m = 9$.



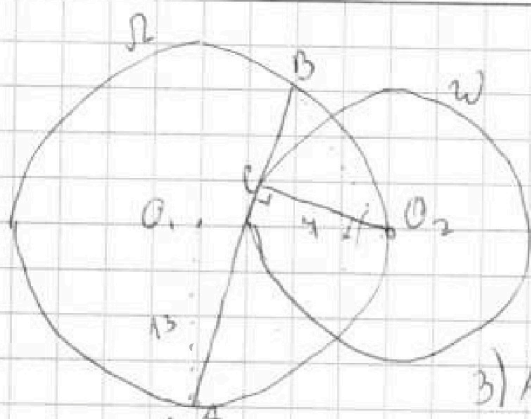
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



1) Пусть O_1 - центр Ω_1 , O_2 - центр Ω_2 .
 $a \perp BO_1$, $A = A$, $AC = 13x$, а $BC = 4x$

2) AO_1B - вписан в $\Omega_1 \Rightarrow$
 $\frac{AB}{\sin \alpha} = 2 \cdot 13 \Rightarrow 14x = 26 \cdot \sin \alpha$
 $S_{AO_1B} = \frac{BO_1 \cdot AO_1 \cdot AB}{4 \cdot 13}$

3) AB - касат. $\Rightarrow O_2C \perp AB \Rightarrow S_{AO_2B} = \frac{1}{2} AB \cdot OC$

4) $\frac{AO_1 \cdot BO_1 \cdot AB}{4 \cdot 13} = \frac{1}{2} AB \cdot 4 \Rightarrow AO_1 \cdot BO_1 = \frac{4 \cdot 13}{2} = 13 \cdot 14$

5) По т. косинусов в $\triangle AO_2B$. 5) По т. Пифагора в

$\triangle BCO_2$: $BO_2 = \sqrt{(4x)^2 + 4^2}$. $\triangle ACO_2$: $AO_2 = \sqrt{(14x)^2 + 4^2}$

6) По т. косинусов в $\triangle BO_1A$.

$$(14x)^2 = (14x)^2 + 4^2 + 4^2 x^2 + 4^2 - 1 \cdot \frac{AO_1 \cdot BO_1}{13 \cdot 14} \cdot \cos \alpha$$

$$546x^2 = 289x^2 + 49x^2 + 98 - 364 \cos \alpha$$

$$78 = 138x^2 = 364 \cos \alpha \Rightarrow 42 - 69x^2 = 182 \cos \alpha$$

$$x = \frac{13}{12} \sin \alpha \quad (u_3 \text{ н. 2}) \Rightarrow x^2 = \frac{169}{144} \sin^2 \alpha = \frac{169}{144} - \frac{169}{144} \cos^2 \alpha$$

$$42 - 69 \cdot \frac{169}{144} + 69 \cdot \frac{169}{144} \cos^2 \alpha = 182 \cos \alpha$$

$$284x^2 = 49x^2 + 2 \cdot 4^2 - 26 \cdot 2 \cdot 4 \cdot \cos \alpha$$

$$41x^2 = 7x^2 + 14 - 52 \cos \alpha$$

$$34x^2 + 52 \cos \alpha - 14 = 0 \Leftrightarrow 17x^2 + 26 \cos \alpha - 7 = 0$$

$$x^2 = \frac{182}{144} \sin^2 \alpha \quad (u_3 \text{ н. 2}) = \frac{169}{144} - \frac{169}{144} \cos^2 \alpha$$

$$17 \cdot \frac{169}{144} (1 - \cos^2 \alpha) + 26 \cos \alpha - 7 = 0$$

$$u_3 \text{ н. 2: } \sin \alpha = \frac{12}{13} x \Rightarrow \cos^2 \alpha = \left(\frac{5}{13} x\right)^2$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

а) Пусть $\cos \angle = \frac{5}{13}x$.

$$14x^2 + 10x - 4 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -1 < 0 - \text{не подходит} \\ x = \frac{2}{7} \end{cases}$$

б) Пусть $\cos \angle = -\frac{5}{13}x$.

$$14x^2 - 10x - 4 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -\frac{4}{7} < 0 - \text{не подходит} \end{cases}$$

$$13 > 4 \Rightarrow \overset{\text{минимум}}{AB} > 180^\circ \Rightarrow \angle AOB > 90^\circ \Rightarrow \cos \angle < 0$$

$$x = \frac{2}{7} \Rightarrow AB = 24$$

Ответ: 24



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи.

решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} = (1 - 2x) + \sqrt{3x^2 + 3x + 1}$$

$$\begin{matrix} 3x^2 - 6x + 2 \geq 0 \\ 3x^2 + 3x + 1 \geq 0 \end{matrix}$$

$$3x^2 - 6x + 2 = (1 - 2x)^2 + 3x^2 + 3x + 1 +$$

↓ переход к следствию!!!

$$- 2(1 - 2x) + 3x^2 + 3x + 1$$

$$- 2x + 1 - (1 - 2x)^2 = 2\sqrt{(1 - 2x)^2(3x^2 + 3x + 1)}$$

$$- (1 - 2x)(1 - 2x - 1) = 2\sqrt{(1 - 2x)^2(3x^2 + 3x + 1)}$$

$$2x(1 - 2x) = 2\sqrt{(1 - 2x)^2(3x^2 + 3x + 1)}$$

↓ переход к следствию!!!

$$81x^2(1 - 2x)^2 = 4(1 - 2x)^2(3x^2 + 3x + 1)$$

$$1 - 2x = 0$$

$$81x^2 = 12x^2 + 12x + 4$$

⇔

$$1 = 2x$$

$$69x^2 - 12x - 4 = 0$$

$$\begin{aligned} D &= 144 + 16 \cdot 69 = \\ &= 16(69 + 9) = 16 \cdot 78 \end{aligned}$$

~~x = 0~~

Проверка (так как были переходы

$$x = \frac{1}{9}$$

$$x = \frac{12 \pm 4\sqrt{78}}{2 \cdot 69} = \frac{6 \pm 2\sqrt{78}}{69}$$

Проверка (так как были переходы к следствию и не проверены условия на существование корней)

$$1) x = \frac{1}{9}: \sqrt{3 \cdot \frac{1}{81} - 6 \cdot \frac{1}{9} + 2} = \sqrt{3 \cdot \frac{1}{81} + 3 \cdot \frac{1}{9} + 1} = 1 - 2 \cdot \frac{1}{9} = 0$$

$$\sqrt{\frac{3}{81} - \frac{54}{81} + \frac{162}{81}} = \sqrt{\frac{3}{81} + \frac{27}{81} + \frac{81}{81}} = \sqrt{\frac{111}{81}} = \sqrt{\frac{111}{81}} = 0 \checkmark$$

$$2) x = \frac{6 - 2\sqrt{78}}{69}$$

$$\sqrt{3 \left(\frac{6 - 2\sqrt{78}}{69} \right)^2 - 6 \left(\frac{6 - 2\sqrt{78}}{69} \right) + 2} = \sqrt{3 \left(\frac{6 - 2\sqrt{78}}{69} \right)^2 + 3 \left(\frac{6 - 2\sqrt{78}}{69} \right) + 1} =$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$2) x = \frac{6 + 2\sqrt{48}}{69}$$

$$3x^2 - 6x + 2 \geq 0$$

$$D = 36 - 24 = 12$$

$$\begin{cases} 1 - \frac{\sqrt{3}}{3} > x \\ 1 + \frac{\sqrt{3}}{3} < x \end{cases}$$

$$x = \frac{6 + 2\sqrt{3}}{6}$$

$$x = \frac{6 - 2\sqrt{3}}{6}$$

$$1 - \frac{\sqrt{3}}{3} < x < 1 + \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$1 + \frac{\sqrt{3}}{3} \sqrt{\frac{6 + 2\sqrt{48}}{69}}$$

$$69 + 23\sqrt{3} \sqrt{6 + 2\sqrt{48}}$$

$$63 + 23\sqrt{3} \sqrt{2\sqrt{48}}$$

$$63 + 23\sqrt{3} > 18 \geq 2 \cdot \sqrt{48} > 2\sqrt{48}$$

Не существует x корня $\Rightarrow x \neq \frac{6 + 2\sqrt{48}}{69}$

3) $x = \frac{6 - 2\sqrt{48}}{69}$ Чтобы вместо следствий были
равносильные переходы должно выполняться

$$\begin{cases} 3x^2 - 6x + 2 \geq 0 \\ 3x^2 + 3x + 1 \geq 0 \quad (D = 9 - 12 < 0) \end{cases}$$

$$(1-x) + \sqrt{3x^2 + 3x + 1} \geq 0$$

$$2x(1-x) \geq 0$$

$\Leftrightarrow$

$$\begin{cases} 1 - \frac{\sqrt{3}}{3} > x \\ 1 + \frac{\sqrt{3}}{3} < x \end{cases} \quad (1)$$

$$\begin{cases} 1 - 9x \geq 0 \quad (2) \\ 3x^2 + 3x + 1 \geq 1 - 18x + 81x^2 \\ x \geq \frac{1}{9} \\ x \leq 0 \end{cases} \quad (3)$$

$$(1) 1 - \frac{\sqrt{3}}{3} \sqrt{\frac{6 - 2\sqrt{48}}{69}}$$

$$69 - 23\sqrt{3} \sqrt{6 - 2\sqrt{48}}$$

$$63 + 2\sqrt{48} > 63 + 2\sqrt{48} > 23\sqrt{2} > 23\sqrt{2} \Rightarrow (1) \text{ верно}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
☐

2
☐

3
☐

4
☒

5
☐

6
☐

7
☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

~~(1) $x^2 - 21x \leq 0 \Leftrightarrow 0 \leq 21x \leq x^2 \Leftrightarrow 0 \leq x \leq 21$~~

(2) $1 - 9x \geq 0 \Leftrightarrow x \leq \frac{1}{9}$

$\frac{6 - 2\sqrt{48}}{69} < 0 \leq \frac{1}{9} \Rightarrow$ (2) - верно

(3) $\frac{6 - 2\sqrt{48}}{69} < 0$ - верно

$x = \frac{6 - 2\sqrt{48}}{69}$ - является корнем

Ответ: $x = \frac{1}{9}$ или $x = \frac{6 + 2\sqrt{48}}{69}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☒	☐

МФТИ

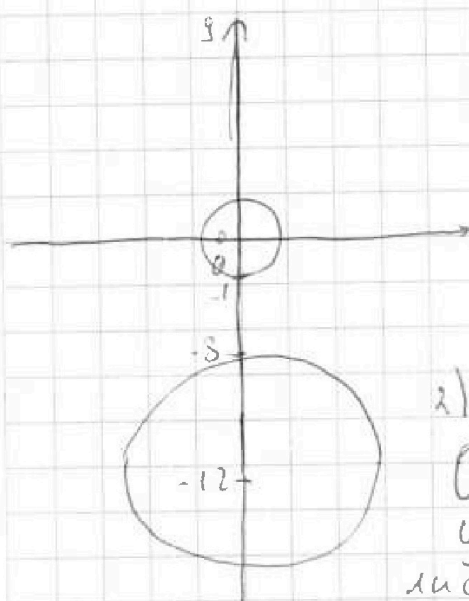
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



1) Рассмотрим $(x^2 + y^2 - 1)/(x^2 + (y - 12)^2 - 16) \leq 0$

$$\begin{cases} x^2 + y^2 \leq 1 \\ x^2 + (y - 12)^2 \geq 16 \\ x^2 + y^2 \geq 1 \\ x^2 + (y - 12)^2 \leq 16 \end{cases}$$

$x^2 + y^2 = 1$ - график окружности
с центром $(0; 0)$ и $R = 1$
 $x^2 + (y - 12)^2 = 16$ - график окружности
с центром $(0; 12)$ и $R = 4$



Решениями не равенства
являются точки, лежащие внут-
ри одной окружности и вне
второй а так как окруж-
ности не пересекаются, то
просто точки внутри окруж-
ностей (или ка жито)

2) $y = 8b - ax$ - уравнение прямой.

С каждой из окружностей
у нее
либо 0 пересечений $\Rightarrow 0$ решений
либо 1 пересечение $\Rightarrow 1$ решение
либо 2 пересечения $\Rightarrow$ бесконечно мно-
го решений

3) Ну нето 2 решения $\Rightarrow y = 8b - ax$ - касательная
к обеим окруж-
ностям

4) $y = 8b - ax$ - касат к $x^2 + y^2 = 1 \Rightarrow 1$ решение у

$$\begin{cases} y = 8b - ax \\ x^2 + y^2 = 1 \end{cases} \Rightarrow x^2 + (8b - ax)^2 = 1 - \text{решение}$$

$$x^2 + 64b^2 - 16abx + a^2x^2 = 1$$

$$(a^2 + 1)x^2 - 16abx + 64b^2 - 1 = 0$$

$$D = 256a^2b^2 - 4(64b^2(a^2 + 1)) = 0$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☒ 7 ☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$256a^2b^2 - 256a^2b^2 - 256b^2 \stackrel{+14a^2+4}{=} 0 \Rightarrow \cancel{256a^2} + 1 = 64b^2$$

5) $y = 8b - ax$ - касат. π $x^2 + (y-12)^2 = 16 \Rightarrow 1$ решение

$$\begin{cases} y = 8b - ax \\ x^2 + (y-12)^2 = 16 \end{cases} \Rightarrow x^2 + (8b - ax - 12)^2 = 16 \quad - 1 \text{ решение}$$

$$x^2 + 64b^2 - 86ax - 96b - 86ax + a^2x^2 + 12ax - 96b + 12ax + 144 = 16$$

$$(a^2+1)x^2 + x(24a - 16ab) - 192b + 128 = 0$$

$$D = (24a - 16ab)^2 + 4(a^2+1)(192b - 128) = 0$$

$$576a^2 + 256a^2b^2 - 384a^2b + 4(192a^2b - 128a^2 - 128b - 128) = 0$$

$$576a^2 + 256a^2b^2 - 384a^2b + 768a^2b - 512a^2 + 768b - 768 = 0$$

$$64a^2 - 256a^2b^2 + 384a^2b + 768b - 768 = 0$$

$$a^2 + 1 = 64b^2$$

$$404a^2(b^2 + b + 1) + 768b - 768 = 0$$

$$a^2 + 1 = 64b^2$$

$$404(a^2 + 1) + 704b^2 - 704b - 404 + 768b - 768 = 0$$

$$a^2 + 1 = 64b^2$$

$$404 \cdot 64b^2 - 404b^2 + 64b - 1472 = 0$$

$$404 \cdot 63b^2 + 64b - 1472 = 0$$

$$D = 64^2 + 4 \cdot 1472 \cdot 404 \cdot 63 = 4(32^2 + 1472 \cdot 404 \cdot 63) =$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☒	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\begin{aligned}
 &= 16(16^2 + 176 \cdot 63 \cdot 1472) = 32(64(8^2 + 44 \cdot 63 \cdot 1472)) = \\
 &= 128(4^2 + 11 \cdot 63 \cdot 1472) = 32^2(2^2 + 11 \cdot 63 \cdot 368) = \\
 &= 64^2(1 + 693 \cdot 92)
 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r}
 \sqrt{693} \\
 22 \\
 \hline
 1386 \\
 6234 \\
 \hline
 64456
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 64754 = 25 \\
 \hline
 4 \\
 45244 \\
 5225 \\
 \hline
 50 \cdot 12254
 \end{array}$$

$$b = \frac{-64 \pm 64 \sqrt{64754}}{2 \cdot 40463}$$

$$a = \pm \sqrt{\left(\frac{-64 \pm 64 \sqrt{64754}}{2 \cdot 40463} \right)^2 - 1}$$

$$\text{Ответ при } a = \pm \sqrt{\left(\frac{-64 \pm 64 \sqrt{64754}}{2 \cdot 40463} \right)^2 - 1}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☒	☒	☒	☒	☒	☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$y = 3x^2 - 6x + 2 \quad y^2 = 3x^2 - 6x + 2$$

$$\begin{array}{r} 81 \\ -12 \\ \hline 69 \end{array}$$

$$-\frac{1}{3} \quad x = \frac{1}{3}$$

$$\begin{array}{r} 52 \\ -24 \\ \hline 28 \end{array} \quad \begin{array}{r} 23 \\ -12 \\ \hline 11 \end{array}$$

$$D = 9 - 12 < 0 \quad \frac{2}{3}$$

$$\begin{array}{r} 23 \\ 69 \cdot 4 \\ \hline 81 \end{array} + 8 = \frac{24}{9} + 4 = 0$$

$$\frac{12}{24} \quad \frac{23}{3} \quad +4+4$$

$$3x^2 - 6x + 2 > 0$$

$$D = 36 - 24 = 8$$

$$x = \frac{6 \pm 2\sqrt{2}}{6} = 1 \pm \frac{\sqrt{2}}{3}$$

$$3x^2 - 6x + 2 = (1 - 9x)^2 + 3x^2 + 3x + 1 - 2\sqrt{(1 - 9x)(3x^2 + 3x + 1)}$$

$$2\sqrt{(1 - 9x)(3x^2 + 3x + 1)} = (1 - 9x)^2 + 9x - 1 \quad 69 - 23\sqrt{2} < 6 - 2\sqrt{2}$$

$$2\sqrt{(1 - 9x)(3x^2 + 3x + 1)} = (9x - 1)(2x - 9x) \quad 63 + 2\sqrt{2} > 2\sqrt{2}$$

$$4(1 - 9x)(3x^2 + 3x + 1) = 81x^2(1 - 9x)^2(1 - 9x)$$

$$12x^2 + 12x + 4 = 81x^2 - 422x^3 \quad \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

$$429x^3 - 69x^2 + 12x + 4 = 0 \quad \frac{165}{54} \quad \frac{81}{111} \quad \frac{2}{16} \quad \frac{81}{24}$$

$$46 - \frac{2}{3} + 12 = 7\frac{1}{3} + 1$$

$$1 - \frac{\sqrt{2}}{3} < \frac{6 - 2\sqrt{2}}{69}$$

$$6x - 3x = -6x + 1 - 3x \Rightarrow x = \frac{1}{3}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☒	☒	☒	☒	☒	☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{array}{r} 69 \\ \times 22 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 348 \\ \times 3 \\ \hline 1044 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 69 \\ \times 62 \\ \hline 414 \\ 4461 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 78 \\ \times 4 \\ \hline 312 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 414 \\ \times 6 \\ \hline 2484 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 69 \\ \times 6 \\ \hline 414 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4761 \\ \times 2 \\ \hline 9522 \end{array}$$

$$\frac{1}{69} \sqrt{3(36 + 312 - 24\sqrt{78})} = 414(6 - 2\sqrt{78}) + 9522$$

$$\frac{1}{69} \sqrt{1044 - 42\sqrt{78}} = 2484 + 328\sqrt{78} + 9572$$

$$1 + \frac{2\sqrt{3}}{3} > \frac{6 - 2\sqrt{78}}{69}$$

$$69 + 23\sqrt{2} > 6 + 2\sqrt{78}$$

$$63 + 23\sqrt{2} > 2\sqrt{78}$$

8

$$1 - \frac{6 - 2\sqrt{78}}{69} > 0$$

69 -

$$69 - 23\sqrt{3} \geq 6 - 2\sqrt{78}$$

$$63 - 23\sqrt{3} \geq -2\sqrt{78}$$

$$69 \geq 6 - 2\sqrt{78}$$

$$1 - \frac{\sqrt{3}}{3} \geq \frac{6 - 2\sqrt{78}}{69}$$

$$1 + 3 \cdot$$

$$63 + 2\sqrt{78} \geq 23\sqrt{3}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☒ 5 ☒ 6 ☒ 7 ☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{array}{r} 109 \\ \times 14 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 14 \\ \times 14 \\ \hline 119 \\ + 14 \\ \hline 280 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 169 \\ \times 69 \\ \hline 1521 \\ 1014 \\ \hline 11661 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 144 \\ \times 42 \\ \hline 1396 \\ + 546 \\ \hline 7156 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 182 \\ \times 144 \\ \hline 728 \\ 1728 \\ + 182 \\ \hline 26208 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 24 \\ \times 24 \\ \hline 96 \\ + 48 \\ \hline 576 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 11661 \\ \times 10 \\ \hline 7156 \\ + 4505 \\ \hline 116610 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10 \\ \times 576 \\ \hline 288 \\ + 288 \\ \hline 2880 \end{array}$$

$$4156 - 11661 + 11661 \cdot \cos^2 \alpha = 26208 \cdot \cos \alpha$$

$$11661 \cos^2 \alpha - 26208 \cdot \cos \alpha + 4505 = 0$$

$$\begin{array}{r} 169 \\ \times 14 \\ \hline 1183 \\ + 169 \\ \hline 2843 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1865 \overline{) 5} \\ \underline{15} \\ 36 \\ \underline{30} \\ 60 \\ \underline{60} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 144 \\ \times 26 \\ \hline 864 \\ + 288 \\ \hline 3444 \end{array}$$

$$2843 - 2843 \cos^2 \alpha + 3444 \cos \alpha - 1005 = 0$$

$$-1843 \cos^2 \alpha + 3444 \cos \alpha + 1865 = 0$$

$$D = 144^2 \cdot 12^4 \cdot 26^2 - 4 \cdot 169 \cdot 14$$

$$\sin \alpha = \frac{12}{13} x$$

$$\cos \alpha = \frac{5}{13} x$$

$$y = kx + b$$

$$\cos \alpha = -\frac{5}{13} x$$

$$2x_2 + (kx_2 + b) - (x_1 + kx_1 + b)$$

$$(x_2 - x_1)(k + 2) = 14$$

$$x_2(k + 2) - (x_1)(k + 2) \Rightarrow b = 14$$

$$14 \div (k + 2)$$

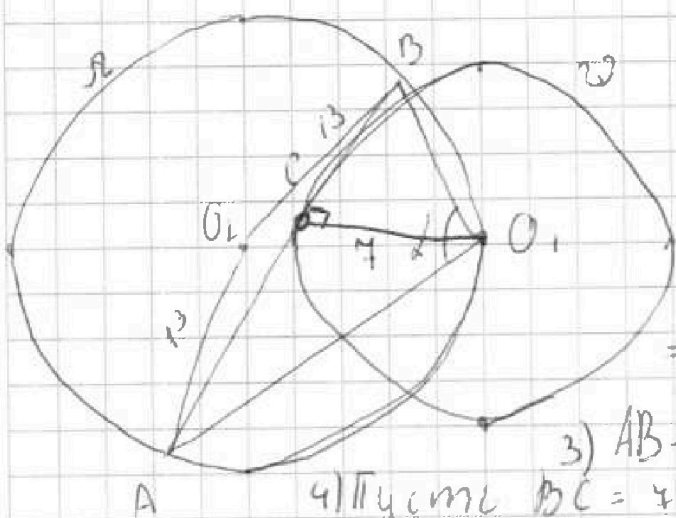
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7
☒ ☒ ☒ ☒ ☒ ☒ ☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



1) Пусть O_1 - центр ω_1 ;
 O_2 - центр ω_2

2) Пусть $\angle BO_1A = \lambda \Rightarrow$

$$\Rightarrow \widehat{BA} = 2\lambda \Rightarrow \widehat{BO_1A} = 360^\circ - 2\lambda$$

$$\Rightarrow \angle AO_1B = 360^\circ - 2\lambda$$

3) AB - касат $\Rightarrow O_1C \perp AB$

4) Пусть $BC = 4x \Rightarrow AC = 14x$

5) По теореме косинусов в $\triangle BO_1A$ $(24x)^2 = 16^2 + 16^2 - 2 \cdot 16^2 \cdot \cos(360^\circ - 2\lambda)$

6) $O_1C \perp AB \Rightarrow BO_1 = \sqrt{(4x)^2 + 4^2}$; $AO_1 = \sqrt{(14x)^2 + 4^2}$ (по т. Пифагора в $\triangle BO_1C$ и $\triangle AO_1C$)

7) По теореме косинусов в $\triangle BO_1A$

$$(24x)^2 = 49x^2 + 49 + 784x^2 + 49 - 2 \cdot 7 \cdot \sqrt{(y^2 + 1)(1 + x^2 + 49)} \cdot \cos \lambda$$

8) По теореме синусов в $\triangle BO_1A$: $26 = \frac{24x}{\sin \lambda}$

9) Возникает

$$24x = \frac{26}{\sin \lambda}$$

$$y = sb - ax$$

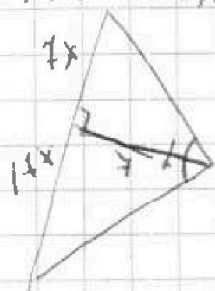
$$y^2 + y^2 = 1$$

$$x^2 + (y - 12)^2 = 16$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$\text{при } \frac{26}{364}$$

$$\text{при } \frac{26}{364}$$



$$S = \frac{1}{2} \cdot 24x \cdot 4 = 48x$$

$$= 24x \cdot \frac{ab}{4b}$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16abx + ax^2 = 1$$

$$y^2 + 64b^2 - 16ab$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7
☒ ☒ ☒ ☒ ☒ ☒ ☒

МОТИ.

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} = 1 - 9x$$

$$\begin{aligned} 3x^2 - 6x + 2 &\geq 0 \\ 3x^2 + 3x + 1 &\geq 0 \end{aligned}$$

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} - \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = 1 - 9x$$

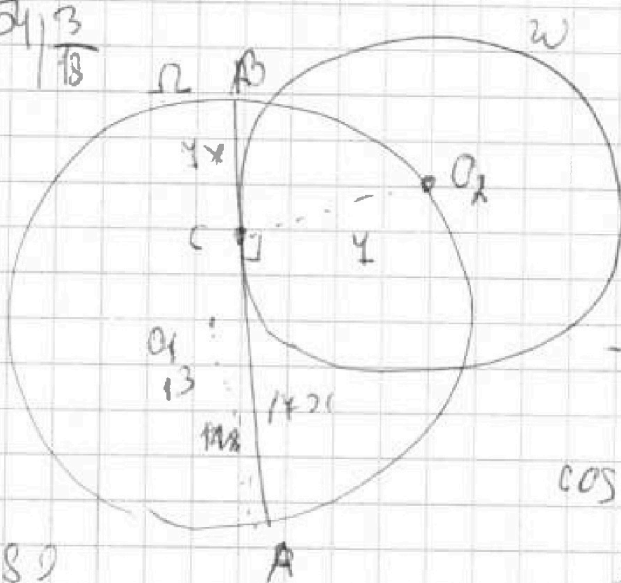
$$3x^2 - 6x + 2 + 3x^2 + 3x + 1 - 2\sqrt{(3x^2 - 6x + 2)(3x^2 + 3x + 1)} = 1 - 18x + 8x^2$$

$$-45x^2 + 15x + 3 = 2\sqrt{(3x^2 - 6x + 2)(3x^2 + 3x + 1)}$$

$$45^2 x^4 - 2 \cdot 45 \cdot 15x - 2 \cdot 3 \cdot 45x^2 + 15^2 x^2$$

$$\begin{array}{r} 24 \\ + 24 \\ \hline 48 \\ + 48 \\ \hline 96 \\ + 96 \\ \hline 192 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 54 \overline{) 13} \\ 18 \end{array}$$



$$24x^2 = 2169 + 2 \cdot 162 \cdot \cos \alpha$$

$$24^2 x^2 = 42x^2 + 42 -$$

$$+ 42x^2 + 289 -$$

$$- 24\sqrt{(x^2 + 1)(42x^2 + 289)} \cdot \cos \alpha$$

$$\cos \alpha = \frac{24^2 x^2}{2 \cdot 162} - 1$$

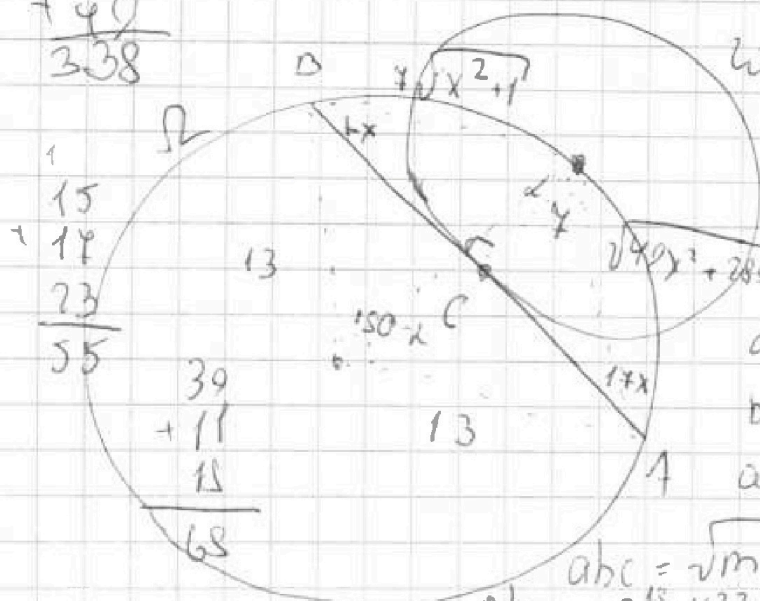
$$576x^2 = 64 - 561$$

$$\begin{array}{r} 210 \\ + 210 \\ \hline 420 \\ + 420 \\ \hline 840 \end{array}$$

$$64 - 561$$

$$\begin{array}{r} 28 \\ + 28 \\ \hline 56 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 289 \\ + 49 \\ \hline 338 \end{array}$$



$$4 \cdot 48x^2 - 289 =$$

$$\sqrt{42x^2 + 289} = -14\sqrt{42x^4 + 338x^2 + 289}$$

$$ab = 2^{15} \cdot 4^{11} \cdot K$$

$$bc = 2^{14} \cdot 4^{11} \cdot m \quad m \cdot n =$$

$$ac = 2^{23} \cdot 4^{39} \cdot n \quad = 7^2 \cdot 4$$

$$\begin{aligned} abc &= \sqrt{m \cdot K \cdot n} \cdot 2^{55} \cdot 4^{68} \\ abc &= 2^{15} \cdot 4^{22} \cdot \sqrt{2 \cdot 4^{11} \cdot m \cdot n} \end{aligned}$$

$$abc = 2^{20} \cdot 4^{23}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи.

решение которой представлено на странице:

МФТИ

1 ☒ 2 ☒ 3 ☒ 4 ☒ 5 ☒ 6 ☒ 7 ☒

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Пусть $ab = k \cdot 2^{15} \cdot 7^{11}$ ($k \in \mathbb{N}$), $ab = 2^{15} \cdot 7^{11}$

$b \cdot c = m \cdot 2^{14} \cdot 7^{18}$ ($m \in \mathbb{N}$), $bc = 2^{14} \cdot 7^{18}$

$a \cdot c = n \cdot 2^{23} \cdot 7^{39}$ ($n \in \mathbb{N}$), $ac = 2^{23} \cdot 7^{39}$

Тогда $ab \cdot bc \cdot ac = kmn \cdot 2^{15} \cdot 2^{14} \cdot 2^{23} \cdot 7^{11} \cdot 7^{18} \cdot 7^{39}$

$(abc)^2 = k \cdot m \cdot n \cdot 2^{55} \cdot 7^{68}$

$abc = \sqrt{k \cdot m \cdot n \cdot 2^{55} \cdot 7^{68}} = \sqrt{2^{27} \cdot 7^{34}} \cdot \sqrt{kmn \cdot 2^2}$

$a, b, c \in \mathbb{N} \Rightarrow kmn \cdot 2^2$ - должно быть полным квадратом $\Rightarrow kmn \geq 2$ Пусть $kmn = 2$ Тогда

$abc \geq 2^{28} \cdot 7^{34} \Rightarrow$ минимум $abc = 2^{28} \cdot 7^{34}$

Пример: $a = 2^{10} \cdot 7^{16}$, $b = 2^5$. При этом $ac = n \cdot 2^{23} \cdot 7^{39} \Rightarrow$

$7^{39} \Rightarrow abc \cdot 7^{39} \Rightarrow abc \geq 2^{28} \cdot 7^{39}$

$n=2$

$a = 2^{11} \cdot 7^{11}$, $b = 2^4$, $c = 2^{13} \cdot 7^{18}$

$\frac{9ab}{m}$

$abc = 2^{28} \cdot 7^{39}$

$n = 2$

$mk = 4^5 a+b:m$

$b = 2^{28} \cdot 7^{39} : (2^{24} \cdot 7^{18}) = 2^4 \cdot 7^4$

$b = 7^4$

$c = 2^{13} \cdot 7^{18}$, $a = 2^{11} \cdot 7^{16}$

$\frac{m \cdot 9}{a:m}$

$5 \quad 4$

$a+b$

$\frac{a+b}{m}$

$\frac{a}{b+1}$

9

$a^2 - 9ab + b^2$

$=$

$a+b$

$81 - 9 \cdot 5 \cdot 4$

$\text{НОД}(a+b) = 1$

$(a+b)^2 - 9ab$

$5 \cdot 6$

k

$a+b = k \cdot m$

$\frac{a+b}{m}$

$\frac{11}{121 - 9 \cdot 5 \cdot 6}$

$\frac{k^2 m - 9ab}{m}$

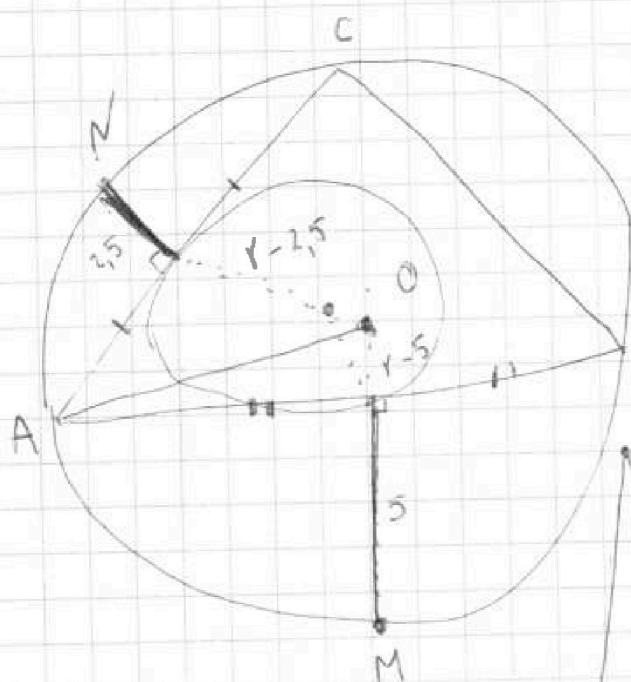
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

МФТИ



$$(x_2 - x_1)(k+2) = 14$$

26

$$2x + y$$

$$17 \cdot 26 =$$

max

$$y = 2 - 2x + 32$$

$$y = -2x$$

$$G = 3K$$

$$B_y = 31-48$$

1) $y_M = 26 = 3K + 6$

NA

$$\textcircled{C} = 10K + 6$$

$$2b = -13 \mu$$

$$K = -2$$

$$y = 3x - 6$$

$6 \div 0$

$$3 \cdot 10 + 6 = 0$$

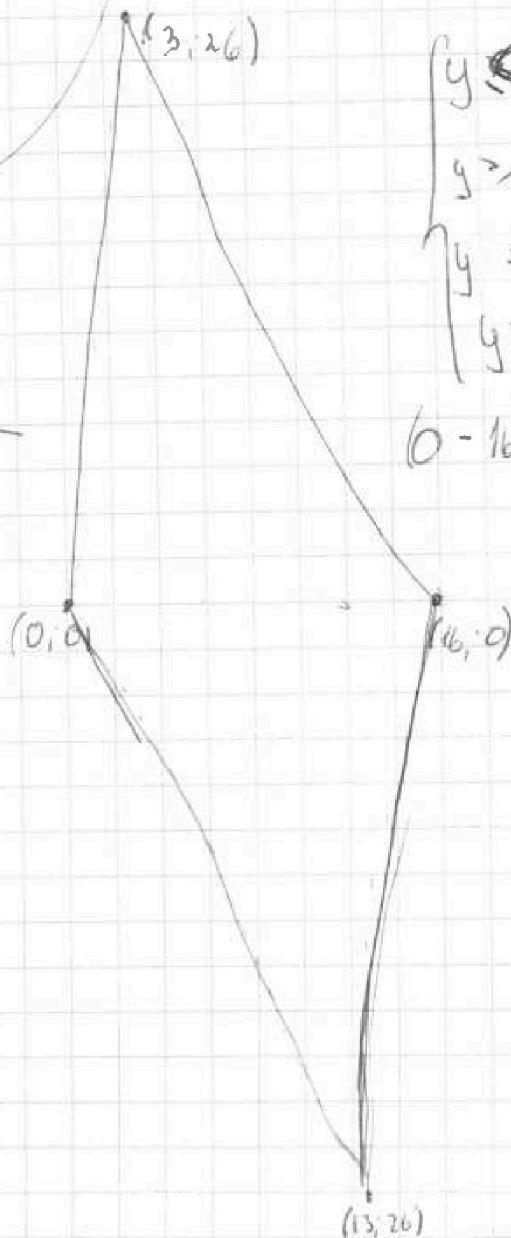
$$f(y) = -2x + 32$$

$$y^2 - 2x$$

$$\eta_4 \leq 3K$$

42,3R - 48

$(0 - 16) +$



$(-13, 6)$

(13, 26)



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
☒

2
☒

3
☒

4
☒

5
☒

6
☒

7
☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

