



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 10



1. [4 балла] Натуральные числа a , b , c таковы, что ab делится на $2^{15}7^{11}$, bc делится на $2^{17}7^{18}$, ac делится на $2^{23}7^{39}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [4 балла] Известно, что дробь $\frac{a}{b}$ несократима ($a \in \mathbb{N}$, $b \in \mathbb{N}$). На доске записана дробь

$$\frac{a+b}{a^2-7ab+b^2}$$

При каком наибольшем m могло оказаться, что числитель и знаменатель дроби можно сократить на m ?

3. [4 балла] Центр окружности ω лежит на окружности Ω , хорда AB окружности Ω касается ω в точке C так, что $AC : CB = 17 : 7$. Найдите длину AB , если известно, что радиусы ω и Ω равны 7 и 13 соответственно.
4. [5 баллов] Решите уравнение

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} - \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = 1 - 9x.$$

5. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0; 0)$, $P(-13; 26)$, $Q(3; 26)$ и $R(16; 0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 14$.
6. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система

$$\begin{cases} ax + y - 8b = 0, \\ (x^2 + y^2 - 1)(x^2 + (y - 12)^2 - 16) \leq 0 \end{cases}$$

имеет ровно 2 решения.

7. [6 баллов] Треугольник ABC вписан в окружность. Пусть M – середина той дуги AB описанной окружности, которая не содержит точку C ; N – середина той дуги AC описанной окружности, которая не содержит точку B . Найдите расстояние от вершины A до центра окружности, вписанной в треугольник ABC , если расстояния от точек M и N до сторон AB и AC соответственно равны 5 и 2,5.

На одной странице можно оформлять **только** одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

1. $ab: 2^{15} 7^{11}$
 $bc: 2^{17} 7^{18}$
 $ac: 2^{23} 7^{39}$

~~$abc \geq 2^{23} 7^{39}$, т.к. $ac \geq 2^{23} 7^{39}$~~

~~Чтобы abc было наименьшим, найдем пример~~

~~для $abc = 2^{23} 7^{39}$~~

~~Пусть $a = 2^{16} \cdot 7^{21}$, $b = 1$, $c =$~~

~~чтобы~~

~~Пусть $a = a_2 \cdot a_7$, $b = b_2 \cdot b_7$, $c = c_2 \cdot c_7$, где
 a_2 - множитель равен~~

Пусть $a = 2^{a_2} \cdot 7^{a_7}$, $b = 2^{b_2} \cdot 7^{b_7}$, $c = 2^{c_2} \cdot 7^{c_7}$

Тогда рассмотрим критические случаи:

$ab \geq 2^{15} 7^{11} \Rightarrow a_2 + b_2 \geq 15$

$a_7 + b_7 \geq 11$

$bc \geq 2^{17} 7^{18} \Rightarrow b_2 + c_2 \geq 17$

$b_7 + c_7 \geq 18$

$ac \geq 2^{23} 7^{39} \Rightarrow a_2 + c_2 \geq 23$

$a_7 + c_7 \geq 39$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Запишем систему уравнений:

$$\begin{cases} a_2 + b_2 \geq 15 & (1) \\ b_2 + c_2 \geq 17 & (2) \\ a_2 + c_2 \geq 23 & (3) \end{cases}$$

$$(3) - (1) =$$

$$c_2 - b_2 \geq 8 \Rightarrow 2c_2 \geq 25 \Rightarrow c_2 \geq 12,5$$

Чтобы c было натуральным, c_2 должно быть натуральным.

$$\text{А) } c_2 = 13 \Rightarrow b_2 \geq 5, a_2 \geq 10 ; a_2 + b_2 \geq 15$$

Значит в abc бюджет $(a_2 + b_2 + c_2)$ рублей

$$a_2 + b_2 + c_2 \geq 13 + 15 \geq 28$$

$$\begin{cases} a_7 + b_7 \geq 11 & (4) \\ b_7 + c_7 \geq 18 & (5) \\ a_7 + c_7 \geq 39 & (6) \end{cases}$$

$$(6) - (4) =$$

$$c_7 - b_7 \geq 28 \Rightarrow 2c_7 \geq 46 \Rightarrow \underline{c_7 \geq 23}$$

$$\text{А) } a_7 \geq 16 \Rightarrow b_7 \geq 0$$

Значит в abc бюджет $(a_7 + b_7 + c_7)$ рублей семёрок

$$a_7 + b_7 + c_7 \geq 23 + 16 = 39$$

Чтобы abc было минимальным: $a_2 + b_2 + c_2 = 28$

$$abc = 2^{28} \cdot 7^{39} \quad \text{— минимальное}$$

$$\text{Ответ: } abc = 2^{28} \cdot 7^{39}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

| | | | | | | |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

2. $\frac{a}{b}$ - несократима.

$$\frac{a+b}{a^2-7ab+b^2}$$

Чтобы эта дробь сократилась, нужно, чтобы $(a+b):m$

Пусть $a \equiv m r_a$; $b \equiv m r_b$

То из:

$$r_a + r_b \equiv 0 \Rightarrow r_a \equiv -r_b \quad r_b \equiv -r_a$$

$$a^2 - 7ab + b^2 \equiv 0$$

$$r_a^2 - 7r_a r_b + r_b^2 \equiv 0$$

$$r_a^2 + 7r_a^2 + r_a^2 \equiv 0 \Rightarrow 9r_a^2 \equiv 0$$

При этом $m \nmid r_a$ (или $r_a = 1$), т.к. иначе $m:r_a$:

$$a = m \cdot n + r_a = r_a \cdot l \Rightarrow a:r_a$$

$$a+b:m \Rightarrow a+b:r_a \Rightarrow b:r_a \Rightarrow \frac{a}{b} - \text{несократима} \Rightarrow \underline{r_a = 1}$$

Значит $9 \equiv 0 \Rightarrow m = 9$ (максимальное)

Приведём пример: $a=2, b=7$

$$\frac{2+7}{4-7 \cdot 7 \cdot 2+49} = \frac{9}{-45} = \frac{1}{-5}$$

Ответ: при $m = 9$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

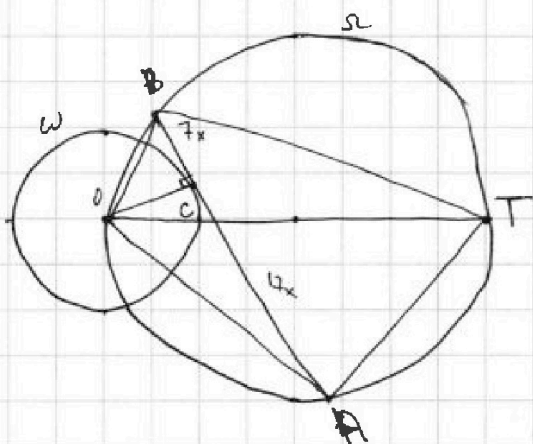
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

3.



Дано: AB - касательная к ω .
 $AC = 7$
 $AC : CB = 7 : 7 \Rightarrow 17 : 7$
 $R_\omega = 7$
 $R_\Omega = 13$
Найти AB .

Решение:

Пусть $AC = 7x \Rightarrow CB = 7x$

$OC \perp AB$ (AB - касательная), $OC = R_\omega = 7$

Проведем диаметр ΩOT .

$\angle OBA = \angle OTA$ (опираются на одну дугу)

Рассмотрим $\triangle OCB$ и $\triangle OAT$

$\angle OAT = 90^\circ$ (опирается на диаметр)
 $\angle OCB = 90^\circ$ ($OC \perp AB$)
 $\angle OBA = \angle OTA$

$\Rightarrow \triangle OCB \sim \triangle OAT$.

Пусть $OA = a$.

$$\frac{BC}{OC} = \frac{TA}{AO} \Rightarrow \frac{7x}{7} = \frac{TA}{a} \Rightarrow TA = ax.$$

Запишем т. Пифагора для треугольников:
 $\triangle OCA$, $\triangle OCB$, $\triangle OAT$:

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} a^2 = 7^2 + 17^2 x^2 \\ OB^2 = 7^2(1+x^2) \\ OT^2 = a^2(1+x^2) \end{cases}, OT = 26$$
$$a^2 = \frac{26^2}{1+x^2}$$

$$a \cdot \frac{26^2}{1+x^2} = 7^2 + 17^2 x^2 \quad | \cdot (1+x^2)$$

$$26^2 = 7^2 + 7^2 x^2 + 17^2 x^2 + 17^2 x^4$$

Пусть $y = x^2$.

$$17^2 y^2 + 2(17^2 + 7^2)y + 7^2 - 26^2 = 0$$

$$y = \frac{17^2}{17^2} y^2 + \left(1 + \frac{7^2}{17^2}\right)y + \frac{7^2 - 26^2}{17^2} = 0$$

$$y = \frac{-1 - \frac{7^2}{17^2} \pm \sqrt{\left(1 + \frac{7^2}{17^2}\right)^2 - 4 \cdot \frac{7^2 - 26^2}{17^2}}}{2}$$

подходит
только с +

$$x = \sqrt{\frac{\sqrt{\left(1 + \frac{7^2}{17^2}\right)^2 - 4 \cdot \frac{7^2 - 26^2}{17^2}} - 1 - \frac{7^2}{17^2}}{2}}$$

Тогда: $AB = 17x + 7x = 24x = 24 \cdot \sqrt{\frac{\sqrt{\left(1 + \frac{7^2}{17^2}\right)^2 - 4 \cdot \frac{7^2 - 26^2}{17^2}} - 1 - \frac{7^2}{17^2}}{2}}$

ср 6

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\textcircled{4} \cdot \sqrt{3x^2 - 6x + 2} - \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = 1 - 9x$$
$$\frac{(\sqrt{3x^2 - 6x + 2} - \sqrt{3x^2 + 3x + 1})(\sqrt{3x^2 - 6x + 2} + \sqrt{3x^2 + 3x + 1})}{\sqrt{3x^2 - 6x + 2} + \sqrt{3x^2 + 3x + 1}} =$$

$$= (1 - 9x) \cdot \cancel{\sqrt{3x^2 - 6x + 2} + \sqrt{3x^2 + 3x + 1}} \neq 0, \text{ т.к. } 3x^2 + 3x + 1 \text{ не имеет корней.}$$

$$\frac{3x^2 - 6x + 2 - 3x^2 - 3x - 1}{\sqrt{3x^2 - 6x + 2} + \sqrt{3x^2 + 3x + 1}} = \cancel{9x} 1 - 9x$$

$$\frac{-9x + 1}{\sqrt{3x^2 - 6x + 2} + \sqrt{3x^2 + 3x + 1}} = 1 - 9x \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \sqrt{3x^2 - 6x + 2} + \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = 1$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

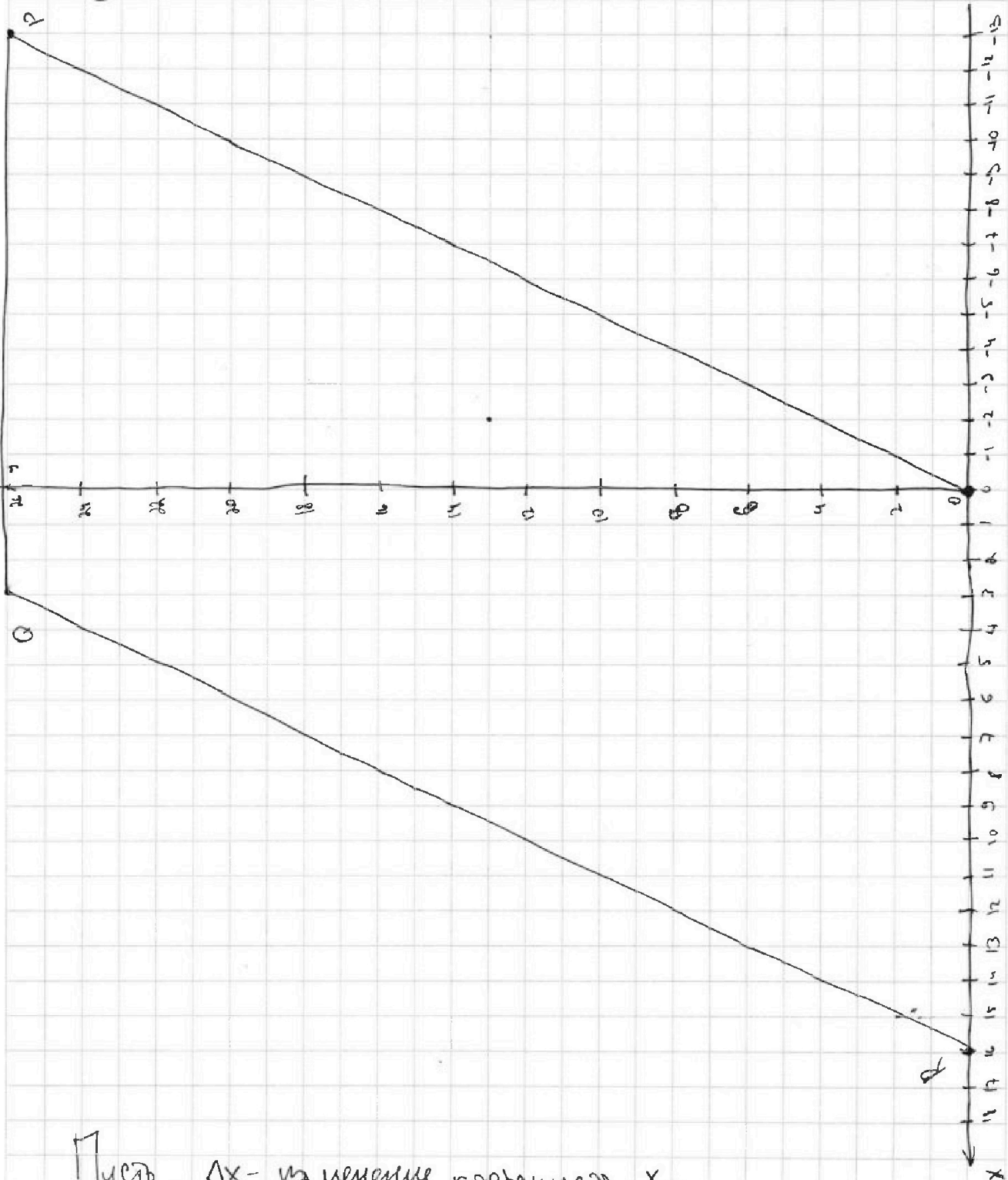
| | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



5. (График проверить)



Пусть Δx - изменение координата x ,
 Δy - изменение координата y . Тогда APQ

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

| | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 14$$

$$2\Delta x + \Delta y = 14$$

$$\Delta x \text{ может } |\Delta x| \leq 16 ; |\Delta y| \leq 26$$

$$|2\Delta x| \leq 32 ; |\Delta y| \leq 26$$

Пр отрицательные

Будем рассматривать Δy .

Отрицательные рассматривать не будем, т.к. пара Δy будет повторяться, просто меняя местами точки.

При $\Delta y = 1$:

$$\Delta x = 13 \quad \text{--- Таких пар точек:}$$

~~Перепроверим все точки.~~

Распишем для таких точек систему уравнений которой они должны удовлетворять:

(Эти уравнения описывают внутренность параллелограмма.)

$$\begin{cases} y \geq -2x \\ y \geq 0 \\ y \leq 26 \\ y \leq 32 - 2x \end{cases}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$y - 2x \leq y \leq 32 - 2x$$

$$0 \leq y + 2x \leq 32$$

$$2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 14$$

$$(y_2 + 2x_2) - (y_1 - 2x_1) = 14$$

$$\cancel{(y_2 + 2x_2)}$$

$$14 < y_2 + 2x_2 \leq 32 \Rightarrow 0 \leq (y_1 - 2x_1) \leq 18$$

Значит таких пар 19

Ответ: 19 пар.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\textcircled{6} \begin{cases} ax + y - 8b = 0 \\ (x^2 + y^2 - 1)(x^2 + (y - 12)^2 - 16) \leq 0 \end{cases}$$

Первое уравнение: прямая $y = -ax + 8b$

Второе неравенство = две окружности

1-ая в центре $(0; 0)$ и радиусом 1

2-ая в центре $(0; 12)$ и радиусом 4

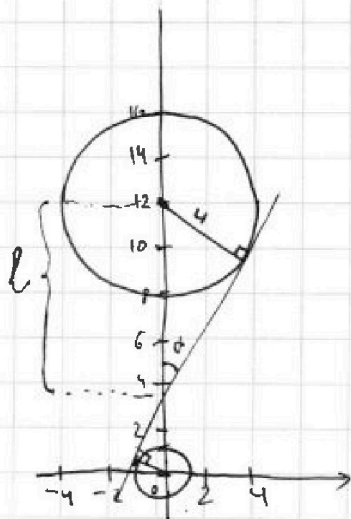
Внутри окружности соответствующая скобка < 0

На границе окружности равна 0

Снаружи окружности > 0

Чтобы неравенство выполнялось точка с координатами (x, y) должна лежать внутри какой-то из окружностей.

Чтобы было два корня, ~~она~~ ^{прямая} должна касаться обеих окружностей, т.к. если она станет хордой какой-то из окружностей, то ~~то~~ корней станет бесконечное кол-во.



Будут подходить две внутренние касательные и две внешние.

Для внутренних:

$$\sin \alpha = \frac{4}{l} = \frac{1}{12-l}$$

$$48 - 4l = l \Rightarrow 48 = 5l \Rightarrow$$

$$\Rightarrow l = \frac{48}{5}$$

$$\text{Тогда } a = \pm cl$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

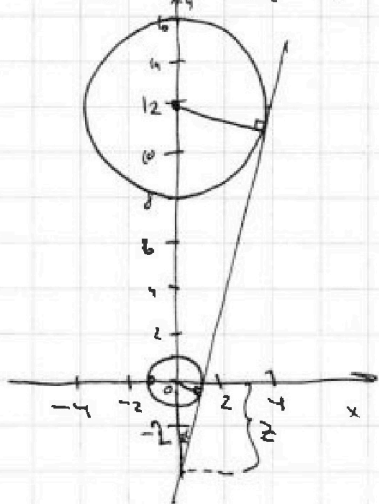
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Тогда: $ax_1 + 0 - 8b = 0$
 $a \cdot 0 + 12 - \frac{48}{5} - 8b = 0$
 $ax_1 - 12 + \frac{48}{5} = 0$

ax_1

$$a = \pm \operatorname{ctg} \alpha = \pm \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} = \pm \frac{\sqrt{1 - \left(\frac{20}{48}\right)^2}}{\frac{20}{48}} = \pm \frac{48 \sqrt{1 - \left(\frac{20}{48}\right)^2}}{20} = \pm \frac{24}{25} \sqrt{1 - \frac{20^2}{48^2}}$$
$$= \pm \frac{12 \sqrt{1 - \left(\frac{5}{12}\right)^2}}{5} = \pm \frac{12 \sqrt{1 - \frac{25}{144}}}{5} = \pm \frac{12 \sqrt{\frac{119}{144}}}{5} = \pm \frac{\sqrt{119}}{5}$$

Для величины x :



$$\frac{z}{12^2} = \frac{1}{4} \rightarrow 4z = 12 \rightarrow z = 3$$

$$\sin \alpha = \frac{1}{3}$$

$$12 + z = 4z \Rightarrow z = 4$$

$$\sin \alpha = \frac{1}{4}$$

$$a = \pm \operatorname{ctg} \alpha = \pm \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} =$$

$$= \pm 4 \cdot \sqrt{1 - \frac{1}{16}} = \pm \frac{4}{4} \sqrt{15} = \pm \sqrt{15}$$

Ответ: $\pm \frac{\sqrt{119}}{5}$; $\pm \sqrt{15}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

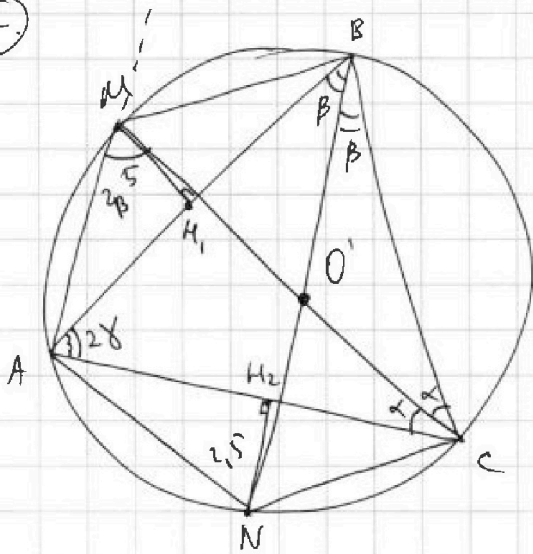
1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



2



Дано: $\triangle ABC$ - вписанный

$$MH_1 = 5$$

$$NH_2 = 2,5$$

Найти: AO' - ?

Решение:

CM - биссектриса угла C (M - середина дуги)

BN - биссектриса угла B (N - середина дуги)

O' - пересечение CM и BN

Найдем AO' :

$$\angle AMC = \angle ABC = 2\beta$$

$$\angle ANB = \angle ACB = 2\alpha \quad (\text{AMBC - впис})$$

$$\angle AMB = 180 - 2\alpha \quad (\text{впис})$$

$$\angle ANC = 180 - 2\beta \quad (\text{ANBC - впис})$$

$$180 - 2\alpha = 2\beta + 2\gamma \quad (\text{по } \triangle ABC) \Rightarrow \angle CMN = 2\gamma$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

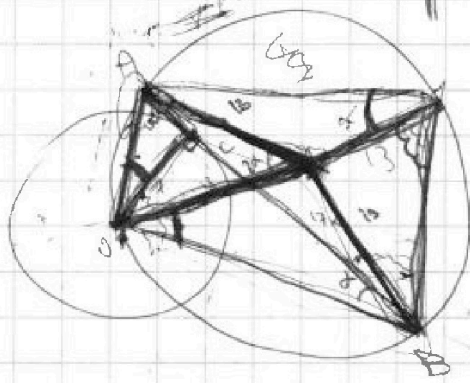
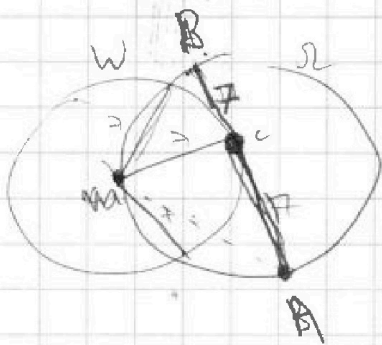
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{a+b}{a^2 - 2ab + b^2} = \frac{(a+b)}{(a+b)^2 - 2ab}$$

$$2ab : (a+b)$$

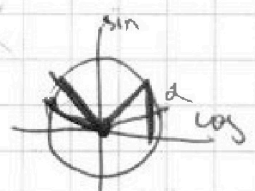
3.



$$\frac{a+b}{ax+y} = \frac{g}{g}$$

$$AO^2 = 2B^2 - 2 \cdot B^2 \cdot \cos(2\alpha)$$

$$AO^2 = (24x)^2 + 49 - 17x - 24 \cdot \sqrt{7^2 - 17x^2} \cos \alpha$$



$$ax + y - 17 = 0$$

$$x^2 + y^2 = 7$$

$$(x^2 + y^2 + 2y + 1) = 10$$

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} \rightarrow \cos 2\alpha = -\cos 180(2\alpha)$$

$$3x(x+1) + 1$$

$$3x^2 + 6x + 2$$

$$3x(x-2) + 2$$

$$3x^2 - 6x + 1 - 6x^2$$

$$(3x^2 - 1) - 6x + 1$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МОТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

~~Решение~~

$$ab: 2^{15} \cdot 7^{11}$$

$$bc: 2^{17} \cdot 7^{18}$$

$$ac: 2^{23} \cdot 7^{33}$$

$$\begin{cases} a_2 + b_2 = 15 \\ b_2 + c_2 = 12 \\ a_2 + c_2 = 23 \end{cases}$$

$$a_2 - b_2 = 8$$

$$2c_2 = 25$$

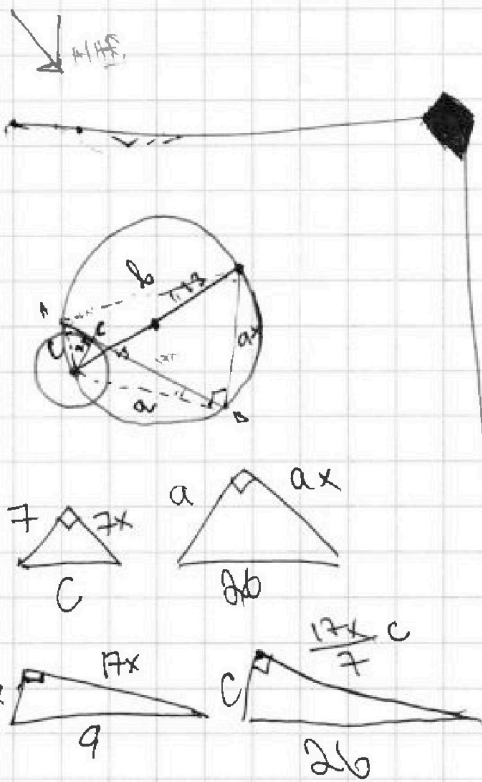
$$c_2 = 12,5$$

$$c = 13 \Rightarrow b = 4$$

$$c = 13 \Rightarrow a = 10$$

250 см
наш пер = 13

формула
для
суммы
сторон



$$\frac{c}{b} = \frac{17x}{7} \Rightarrow$$

$$26^2 = c^2 + \left(\frac{17}{7}\right)^2 x^2 c^2$$

$$a^2 = 17^2 x^2 + 49$$

$$26^2 = a^2 - a^2 x^2$$

$$c^2 = 49 + 49 x^2$$

$$26^2 = a^2(1+x^2)$$

$$c^2 = 7^2(1+x^2)$$

$$\frac{26}{c} = \frac{a}{7} \Rightarrow$$

$$c = \frac{26 \cdot 7}{a}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи.

решение которой представлено на странице:

| | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{26^2}{a^2} = 1 + x^2 \Rightarrow x^2 = \frac{26}{a^2} - 1$$

$$a^2 = \frac{26}{1+x^2}$$

$$\frac{26}{1+x^2} = 17x^2 + 49 \quad \left| \cdot x(1+x^2) \right.$$

Ну и тут x на логичной заменой?

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2}$$

$$3x^2 - 6x + 2 - 3x^2 - 3x - 1$$

$$x^2 - 2x + \frac{2}{3}$$

$$\frac{2 \pm \sqrt{4 - \frac{8}{3}}}{2} = 1$$

$$x^2 + x + \frac{1}{3}$$

$$\frac{1 \pm \sqrt{1 - \frac{4}{3}}}{2}$$

3x

~~x~~

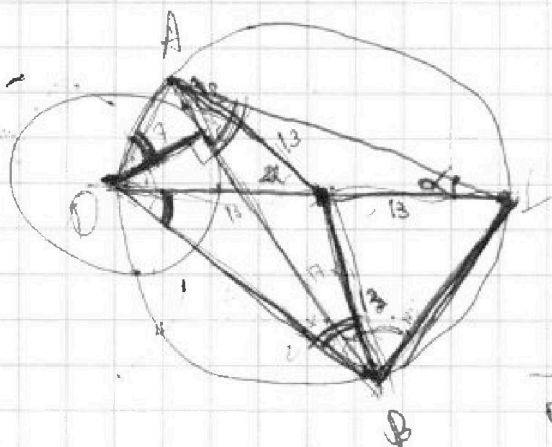
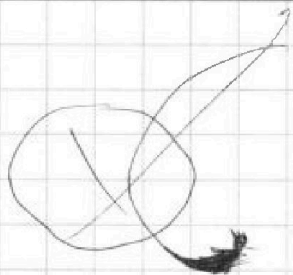
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{26}{49 + 49x^2} = \frac{26}{7\sqrt{1+x^2}}$$

$$\frac{26}{7\sqrt{1+x^2}} = \frac{OL}{7} = \frac{BL}{7x}$$

$$\frac{26}{7\sqrt{1+x^2}} = \frac{OL}{7} = \frac{BL}{7x}$$

ab: $2^{15} \cdot 7^{11}$

bc: $2^{17} \cdot 7^{18}$

ac: $2^{23} \cdot 7^{35}$

$2^{23} \cdot 7^{39}$

$$a = 2^{16} \cdot 7^{21}$$

$$b = 1$$

$$c = 2^{12} \cdot 7^{18}$$

$abc = 2^{28} \cdot 7^{39}$