



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 2



1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $2^7 3^{11} 5^{14}$, bc делится на $2^{13} 3^{15} 5^{18}$, ac делится на $2^{14} 3^{17} 5^{43}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [5 баллов] Дан прямоугольный треугольник ABC . Окружность, касающаяся прямой AC в точке A , пересекает высоту CD , проведённую к гипотенузе, в точке E , а катет BC – в точке F . Известно, что $AB \parallel EF$, $AB : BD = 1,3$. Найдите отношение площади треугольника ACD к площади треугольника CEF .
3. [4 балла] Решите уравнение $5 \arccos(\sin x) = \frac{3\pi}{2} + x$.
4. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система уравнений

$$\begin{cases} x + 3ay - 7b = 0, \\ (x^2 + 14x + y^2 + 45)(x^2 + y^2 - 9) = 0 \end{cases}$$

имеет ровно 4 решения.

5. [5 баллов] Некоторые числа x и y удовлетворяют равенствам

$$\log_7^4(6x) - 2 \log_{6x} 7 = \log_{36x^2} 343 - 4, \quad \text{и} \quad \log_7^4 y + 6 \log_y 7 = \log_{y^2} (7^5) - 4.$$

Найдите все возможные значения произведения xy .

6. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0;0)$, $P(-17;68)$, $Q(2;68)$ и $R(19;0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно на границе) и таких, что $4x_2 - 4x_1 + y_2 - y_1 = 40$.
7. [6 баллов] Дана треугольная пирамида $SABC$, медианы AA_1 , BB_1 и CC_1 треугольника ABC пересекаются в точке M . Сфера Ω касается ребра AS в точке L и касается плоскости основания пирамиды в точке K , лежащей на отрезке AM . Сфера Ω пересекает отрезок SM в точках P и Q . Известно, что $SP = MQ$, площадь треугольника ABC равна 60, $SA = BC = 10$.
- а) Найдите произведение длин медиан AA_1 , BB_1 и CC_1 .
- б) Найдите двугранный угол при ребре BC пирамиды, если дополнительно известно, что Ω касается грани BCS в точке N , $SN = 3$, а радиус сферы Ω равен 4.



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

У1

Пусть a_0, b_0, c_0 - степени входящие 2 в a, b, c
 a_1, b_1, c_1 - степени входящие 3 в a, b, c
 a_2, b_2, c_2 - степени входящие 5 в a, b, c

Тогда

$a_0 + b_0 \geq 7$	$a_1 + b_1 \geq 11$	$a_2 + b_2 \geq 19$
$b_0 + c_0 \geq 13$	$b_1 + c_1 \geq 15$	$b_2 + c_2 \geq 18$
$a_0 + c_0 \geq 14$	$a_1 + c_1 \geq 17$	$a_2 + c_2 \geq 43$

и

$2(a_0 + b_0 + c_0) \geq 34$	$2(a_1 + b_1 + c_1) \geq 43$	$2(a_2 + b_2 + c_2) \geq 75$
$a_0 + b_0 + c_0 \geq 17$	$a_1 + b_1 + c_1 \geq \frac{43}{2}$	$a_2 + b_2 + c_2 \geq \frac{75}{2}$

т.е. все a_i, b_i, c_i - целые, то

$a_0 + b_0 + c_0 \geq 17$ $a_1 + b_1 + c_1 \geq 22$ $a_2 + b_2 + c_2 \geq 38$

и

$abc_{\min}$, очевидно, равно $2^{17} \cdot 3^{22} \cdot 5^{38}$

Ответ: $2^{17} \cdot 3^{22} \cdot 5^{38}$

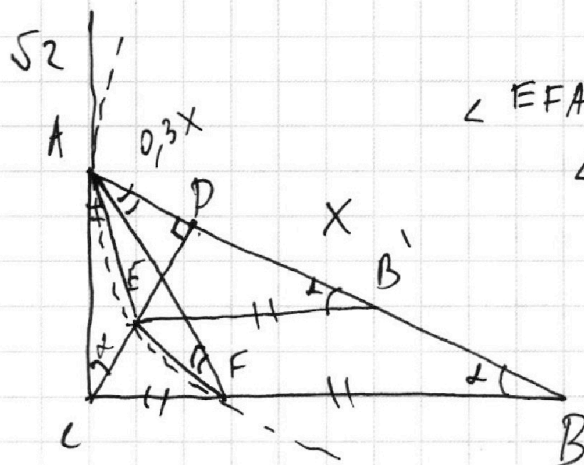
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\angle EFA = \angle FAD \text{ (н/н)}$$

$$\angle EFA = \angle EAC \text{ (по свойству параллельных)}$$

$$\angle EAD = \angle FAC$$

$$\triangle EAD \sim \triangle FAC$$

$$\frac{ED}{FC} = \frac{AD}{AC} = \frac{ED}{EB'}$$

$$\Rightarrow EB' = FB = FC$$

$$\frac{CF}{CB} = \frac{1}{2}$$

$$S_{CEF} = \left(\frac{1}{2}\right)^2 S_{CDB} = \frac{1}{4} S_{CDB}$$

$$\frac{S_{CBD}}{S_{ACB}} = \frac{BD}{AB} = \frac{x}{0.3x} = \frac{1}{0.3}$$

$$S_{CEF} = \frac{1}{4} \cdot S_{ACB} \cdot \frac{1}{0.3} \Rightarrow \frac{S_{CEF}}{S_{ACB}}$$

$$\frac{S_{ACB}}{S_{CEF}} = 4 \cdot 0.3 = 1.2$$

Ответ: 1,2

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$5 \arccos(\sinh x) = \frac{3\pi}{2} + x$$

$$5 \arccos\left(\frac{1}{4} \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right)\right) = \frac{3\pi}{2} + x$$

$$5 \arccos\left(\cos\left(\frac{3\pi}{2} - x\right)\right) = \frac{3\pi}{2} + x$$

$$\frac{5\pi}{2} - 5x = \frac{3\pi}{2} + x$$

$$5 \cdot \frac{3\pi}{2} - 5x = \frac{3\pi}{2} + x$$

$$\pi = 6x$$

$$6x = 4 \cdot \frac{3\pi}{2} = 6\pi$$

$$x = \frac{\pi}{6} \quad (\checkmark)$$

$$x = \pi \quad (\checkmark)$$

Т.к. $x > 0$; для $x < 0$, то отрицательное значение
аргумента будет означать, что $\arccos(\sinh x) > \pi$

$$5 \arccos(\sinh x) > \frac{5\pi}{2} > \frac{3\pi}{2} > \frac{3\pi}{2} + x$$

$$5 \arccos\left(\cos\left(-\frac{3\pi}{2}\right)\right)$$

Если $x < 0$; то $\sinh x > 0$; т.е. если $0 < x$, то

$$\arccos(\sinh x) > \frac{\pi}{2} \Rightarrow 5 \cdot \frac{\pi}{2} > \frac{3\pi}{2} > \frac{3\pi}{2} + x$$

Но там же $x > -\frac{3\pi}{2}$ (иначе правая часть < 0)

и

и есть ограничение в промежутке $(-\frac{3\pi}{2}; -\pi)$

$$5 \arccos\left(\cos\left(-\frac{\pi}{2} - x\right)\right) = \frac{3\pi}{2} + x$$

$$5 \arccos\left(\cos\left(-\frac{3\pi}{2} - x\right)\right) = \frac{3\pi}{2} + x$$

$$-\frac{5\pi}{2} - 5x = \frac{3\pi}{2} + x$$

$$-\frac{15\pi}{2} - 5x = \frac{3\pi}{2} + x$$

$$-6x = 4\pi \quad \text{не решается}$$

$$-6x = 9\pi$$

$$x = -\frac{3\pi}{2} \quad (\checkmark)$$

Ответ: $x = \frac{\pi}{6}$; $x = \pi$; $x = -\frac{3\pi}{2}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

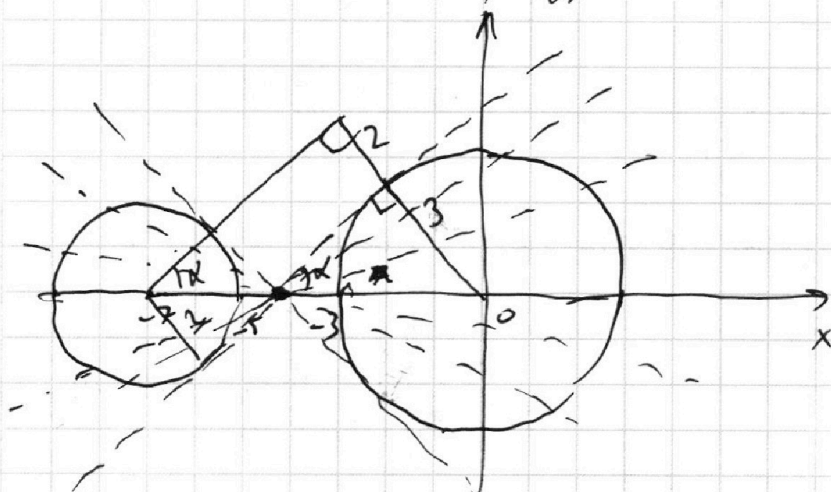
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\begin{cases} y = -\frac{1}{3a}x + 7b \\ ((x+7)^2 + y^2 - 4)(x^2 + y^2 - 9) = 0 \end{cases}$$

Решения второго уравнения будут 2 окружности:



Решением системы будет пересечение прямой
(этим окружностями).

Если наклон этой прямой будет принадлежать
интервалам $[0; \arctan \alpha) \cup (-\arctan \alpha; 0)$, то можно будет,
сдвигая прямую вверх или вниз с помощью изменения
 b , достичь 4-х точек.

Критическими углами являются углы касания.

в углы касания: $\sin \alpha = \frac{5}{7}$; $\cos \alpha = \sqrt{\frac{24}{49}} = \frac{2\sqrt{6}}{7}$

$$\begin{cases} 0 < -\frac{1}{3a} < \frac{5}{2\sqrt{6}} \\ -\frac{5}{2\sqrt{6}} < -\frac{1}{3a} < 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 0 > \frac{1}{a} > -\frac{15}{2\sqrt{6}} \\ \frac{15}{2\sqrt{6}} > \frac{1}{a} > 0 \end{cases} = \alpha > \alpha >$$

b)



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} a < 0; a < -\frac{2\sqrt{6}}{15} \\ a > 0; a > \frac{2\sqrt{6}}{15} \end{cases}$$

$$\text{Ответ: } a \in \left(-\infty; -\frac{2\sqrt{6}}{15}\right) \cup \left(\frac{2\sqrt{6}}{15}; +\infty\right)$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

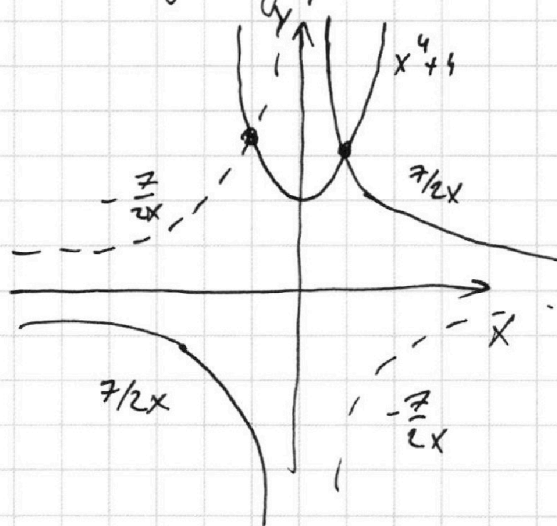
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Пусть $\log_7 x = a$ $\log_7 y = b$

$$a^4 - \frac{2}{a} = \frac{3}{2a} - 4 \quad \text{и} \quad b^4 + \frac{6}{b} = \frac{5}{2b} - 4$$

$$a^4 + 4 = \frac{7}{2a} \quad \text{и} \quad b^4 + 4 = -\frac{7}{2b}$$

Очевидно, что оба этих уравнения имеют
только по одному решению:



Из симметрии видно,
что эти решения
являются противоположными
у

$$\log_7 x + \log_7 y = a + b = 0$$

$$\log_7 xy = 0$$

$$xy = \frac{1}{6}$$

Ответ: $xy = \frac{1}{6}$

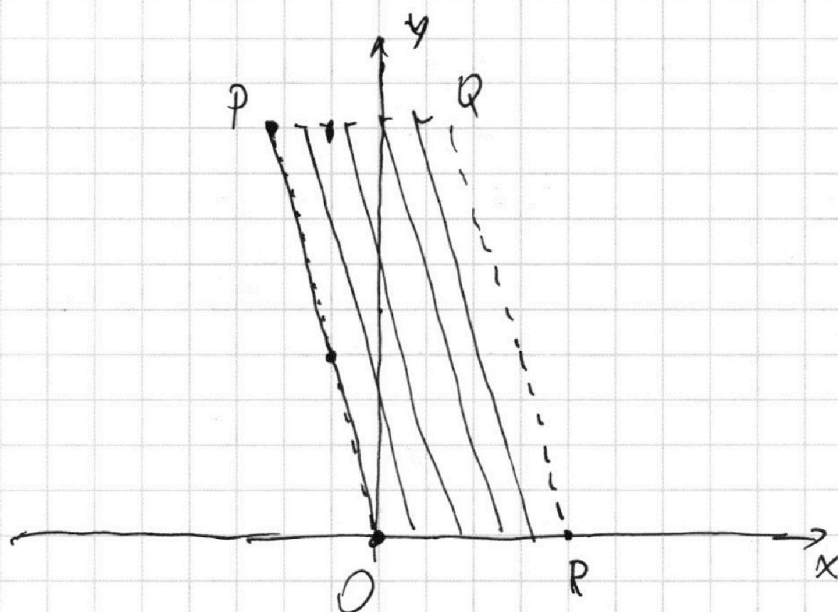
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☒	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Введём понятие «суммы» S для всех точек
внутри пар-миа, $S = 4x + y$. Тогда очевидно, что
точки с одинаковой суммой будут лежать на
прямых с коэф. k , равным -4 .

Отсюда следует, что у нас будет по 18 точек
с S , равной $0, 4, 8, 12 \dots, 72$. Также будет по 17

точек с S , равной $1, 2, 3, 5, 6, 7, 9, 10, 11 \dots, 73, 74, 75$.

Эта разность равняется 40:

из точек 1-го вида пойдут пары:

$0; 40, 4; 44, \dots, 36; 76 \Rightarrow$ таких пар 10 и

каждую можно получить 18·18 способами

из точек 2-го вида пойдут пары:

$(1; 41), (2; 42), (3; 43), (5; 45) \dots, (33; 73), (34; 74), (35; 75) \Rightarrow$

таких пар $3 \cdot 9 = 27$ и каждую получается 17·17 способами

Всего таких пар точек $10 \cdot 18^2 + 27 \cdot 17^2$.

Ответ: $10 \cdot 18^2 + 27 \cdot 17^2$

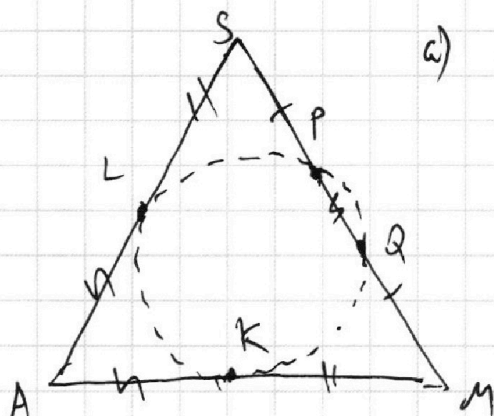
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



а) Сечение сферы - окружность
LPQK.

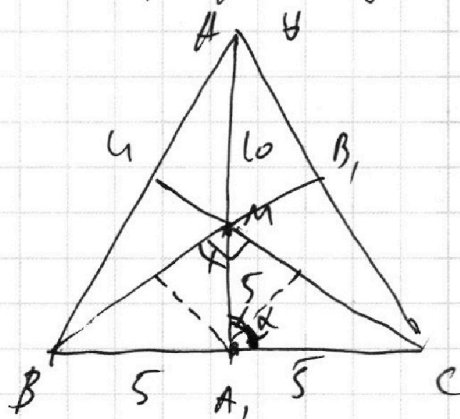
$$AL = AK; MP \cdot MQ = SP \cdot SQ$$

$SL^2 = MK^2$ (ограничено
векторами точки)

$$SL = MK$$

$$AA_1 = \frac{3}{2} AM = 15 \quad \angle AS = AM = 60^\circ$$

(медиана делит 2 к 1)



$\angle BAC = \angle CAM \Rightarrow \angle BMC$ - прямой.

$$\begin{aligned} S_{ABC} &= 60 = \frac{1}{2} \cdot AA_1 \cdot BC \cdot \sin \alpha = \\ &= \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot 15 \cdot \sin \alpha = \\ &= 75 \sin \alpha \\ \sin \alpha &= \frac{60}{75} = \frac{4}{5} \\ \cos \alpha &= \frac{3}{5} \end{aligned}$$

$$MC = 2 \cdot 5 \cdot \sin \frac{\alpha}{2} = 10 \cdot \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}} = 10 \cdot \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$CC_1 = \frac{3}{2} MC = 15 \cdot \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$BM = 2 \cdot 5 \cdot \cos \frac{\alpha}{2} = 10 \cdot \sqrt{\frac{1 + \cos \alpha}{2}} = 10 \cdot \sqrt{\frac{9}{5}} = 20 \cdot \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$BB_1 = \frac{3}{2} BM = 30 \cdot \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$AA_1 \cdot BB_1 \cdot CC_1 = 15 \cdot 30 \cdot \frac{1}{\sqrt{5}} \cdot 15 \cdot \frac{1}{\sqrt{5}} = 45 \cdot 30$$



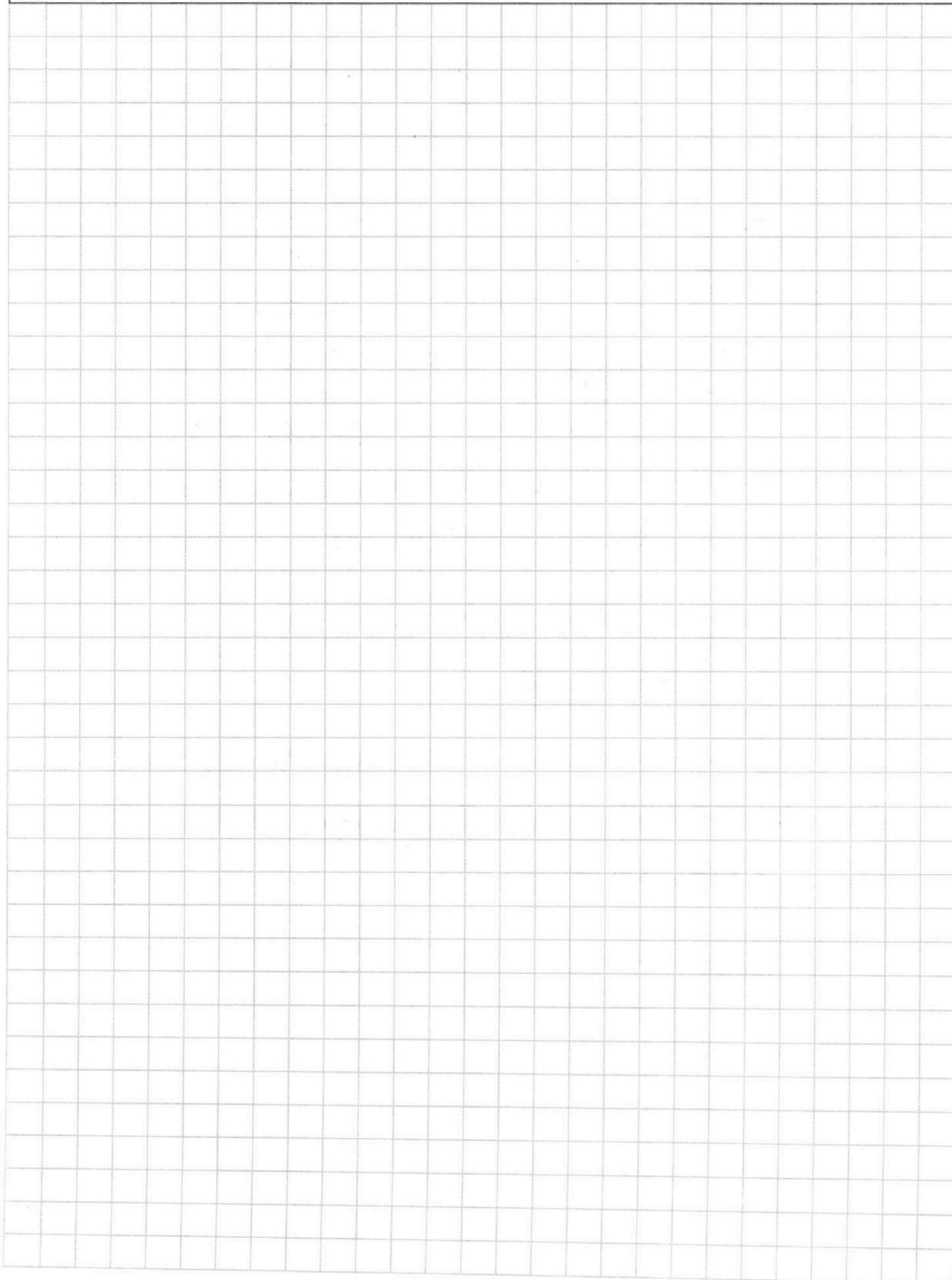
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

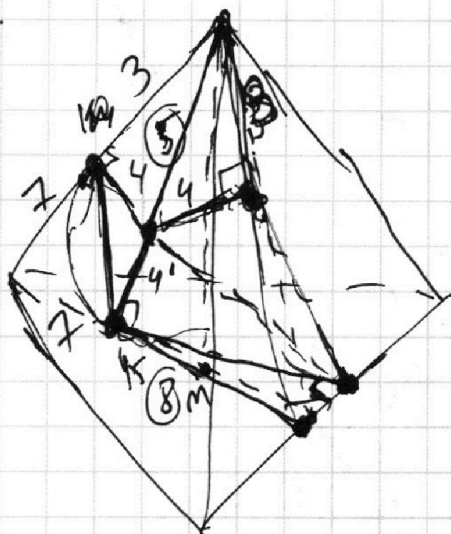
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

б).



$$\sin \alpha = \frac{3}{5}$$

$$\sqrt{3 \cdot \frac{3}{5}} = \frac{24}{5}$$

$$\tan \alpha = \frac{4 \cdot 5}{24} = \frac{5}{6}$$

$$\alpha = \arctan \frac{5}{6}$$

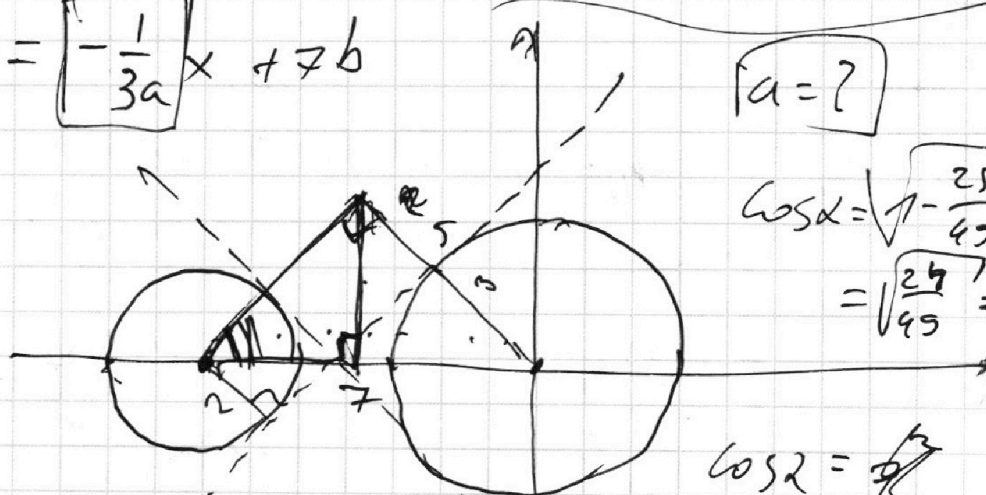
$$2\alpha = 2 \arctan \frac{5}{6}$$

$$3ay = -x + 7b$$

$$y = -\frac{1}{3a}x + 7b$$

$$-\frac{5}{2\sqrt{6}} < -\frac{1}{3a} < 0$$

$$|a| = ?$$



$$\cos \alpha = \sqrt{1 - \frac{25}{49}} = \sqrt{\frac{24}{49}} = \frac{2\sqrt{6}}{7}$$

$$\cos 2 = \frac{1}{3}$$

$$\sin \alpha = \frac{5}{7}$$

$$\tan \alpha =$$

$$-\tan \alpha \quad \tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{5 \cdot 7}{2\sqrt{6}} = \frac{5}{2\sqrt{6}}$$

$$0 < -\frac{1}{3a} < \frac{5}{2\sqrt{6}}$$

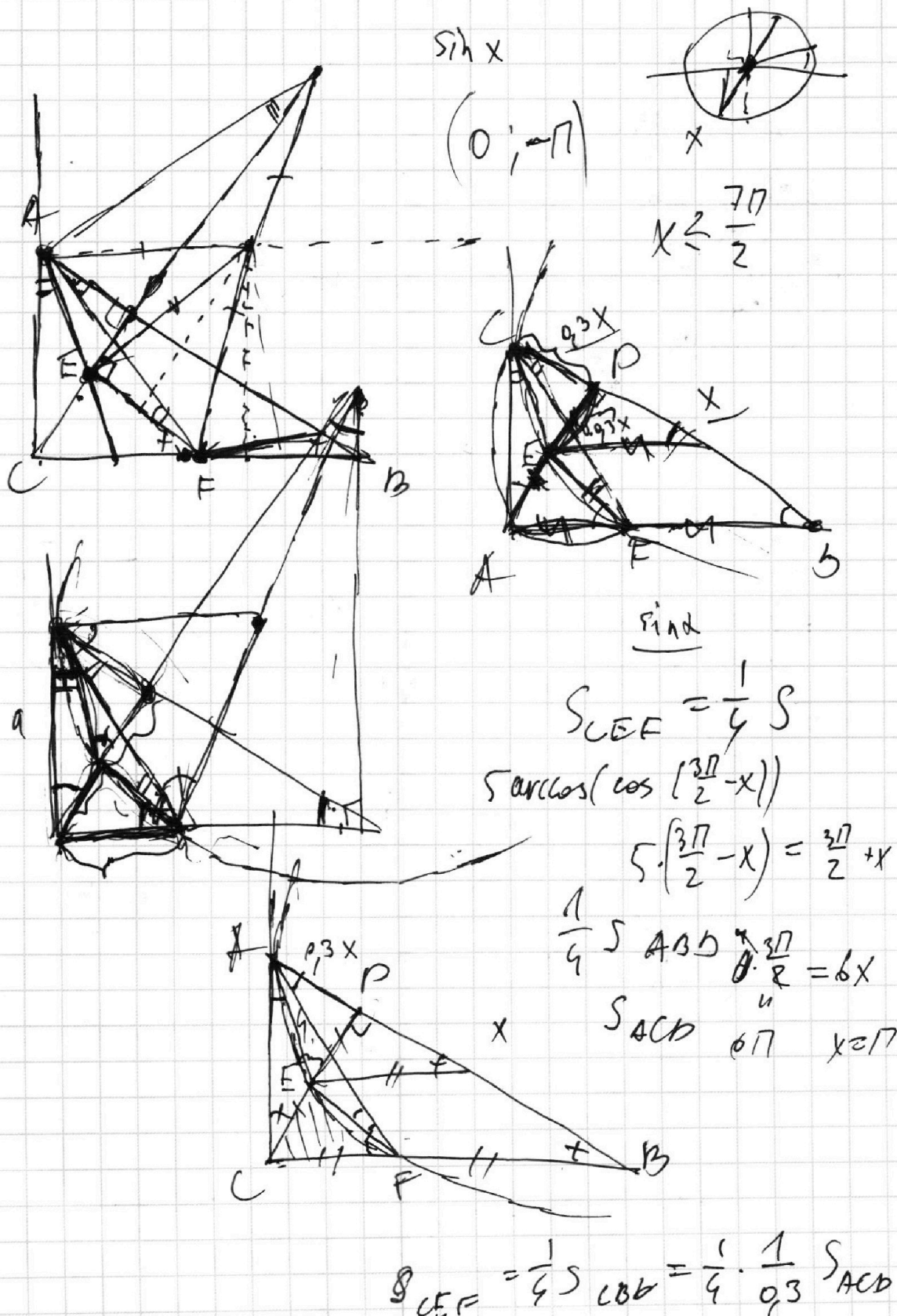
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



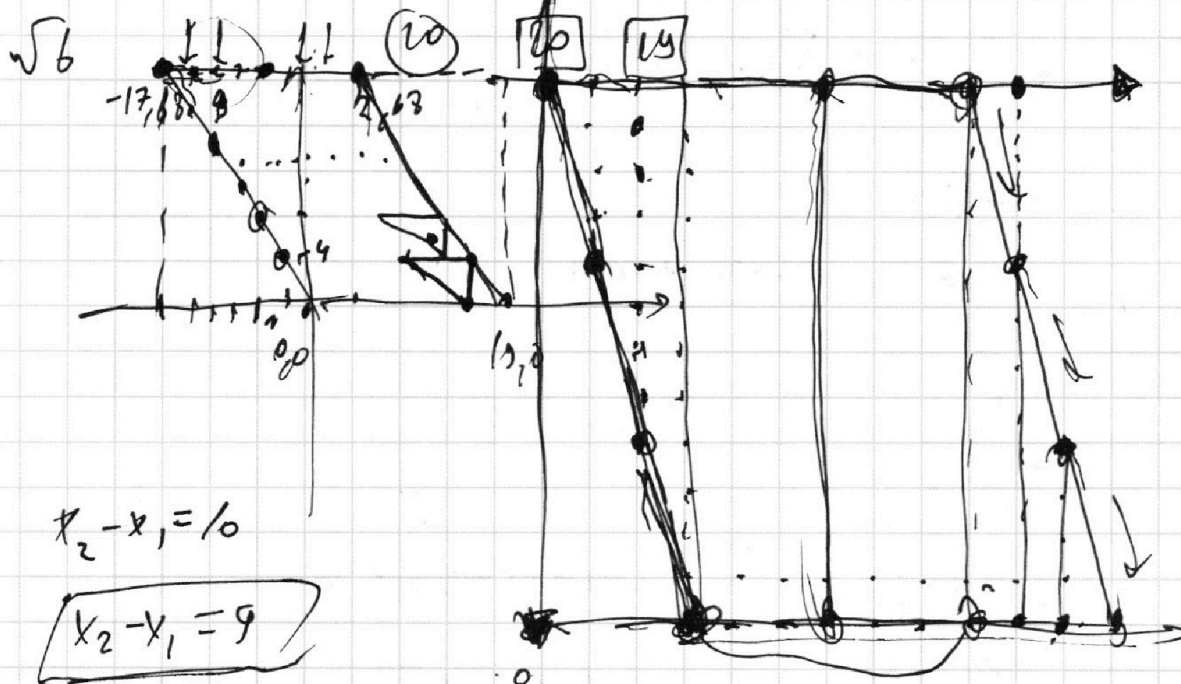
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$x_2 - x_1 = 10$$

$$x_2 - x_1 = 9$$

$$y_2 - y_1 = 4$$

$$y_2 - y_1 = 8$$

12

16

20

$$1 \div (-3)$$

$$2 \div (-6)$$

$$3 \div (-9)$$

$$4 \div (-12)$$

$$5 \div (-15)$$

+12

$$(7 \div -5)$$

$$0 \div -4$$

$$1 \div -9$$

$$2 \div -20$$

$$3 \div -21$$

$$3 \div -22$$

$$4 \div -22$$

$$16 - 3 \cdot 17 = 16 - 51 =$$

$$16 \div -48$$

$$13 \div -47$$

$$18 \div -56 \quad 19 \div -49$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

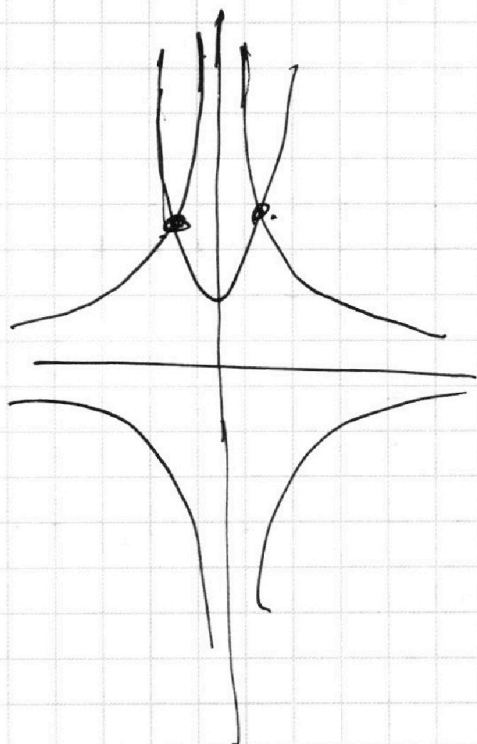


$$\log_7 y + \frac{b}{\log_7 y} = \frac{5}{2} \log_7 y - 4 \quad \log_7 y = b$$

$$b^4 + 4 = -\frac{7}{2b}$$

$$a^4 + 4 = \frac{7}{2a}$$

$$b = -a \rightarrow \log x$$



$$a + b = 0$$

$$\log_7 x + \log_7 y = 0$$

$$\log_7 xy = 0$$

$$xy = 1$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

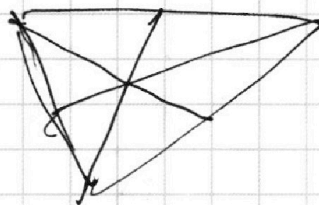
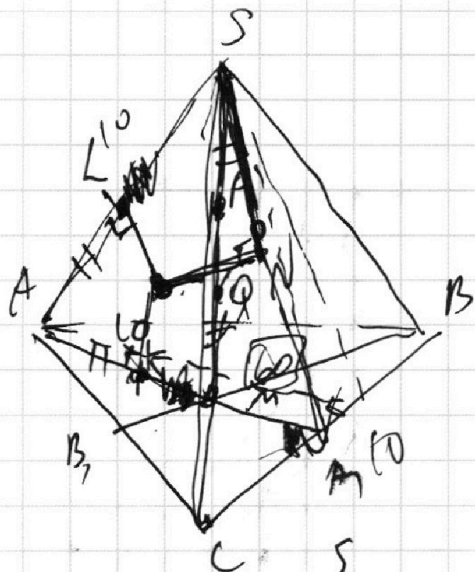
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

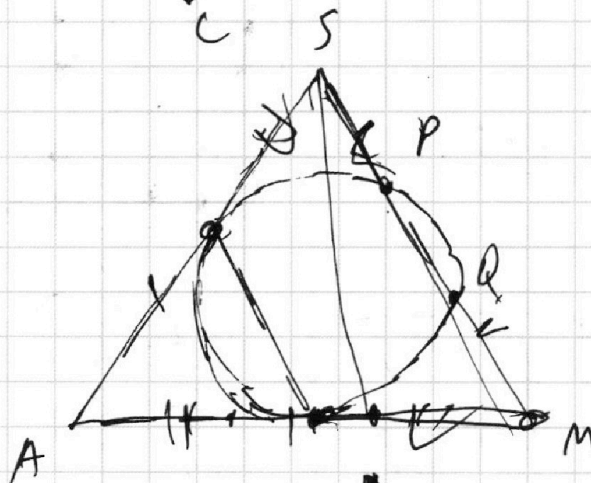
57.



AA_1, BB_1, CC_1

15

$$AA_1 = BC = 20$$



$$S_{ABC} = 15 \cdot 10 = 150$$

$$\frac{6}{15} = \frac{3}{5} = \sin \alpha$$

$$\cos \alpha = \frac{4}{5}$$

$$3 \cdot 5 \cdot \sin \frac{\alpha}{2}$$

$$15 \cdot \frac{3}{5} = 3 \cdot \frac{3}{2} = 3 \cdot \frac{3}{2}$$

$$\sin \frac{\alpha}{2} = \frac{1 - \cos \alpha}{2}$$

$$\frac{9 \cdot \sqrt{\frac{5}{2}} \cdot 3 \cdot \sqrt{\frac{5}{2}} \cdot 15}{\cos \frac{\alpha}{2}} = \frac{5}{2} \cdot \frac{5}{2} = \frac{25}{4}$$

$$\cos \frac{\alpha}{2} = \frac{1 + \cos \alpha}{2} = \frac{1 + \frac{4}{5}}{2} = \frac{9}{10}$$

$$\sin \frac{\alpha}{2} = \frac{1}{\sqrt{10}} \quad \left[\frac{1}{10} \right]$$

$$15 \cdot \frac{1}{\sqrt{10}} = 3 \cdot \frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$\cos \frac{\alpha}{2} = \frac{3}{\sqrt{80}}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

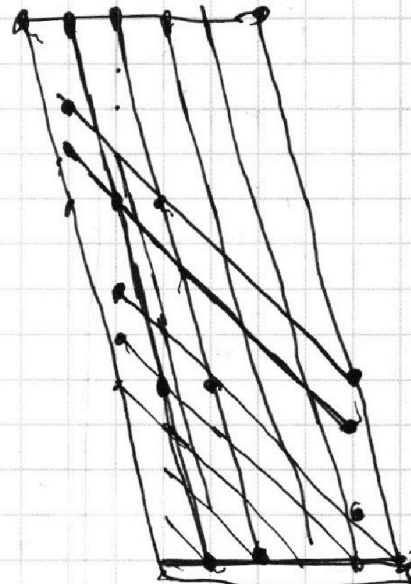
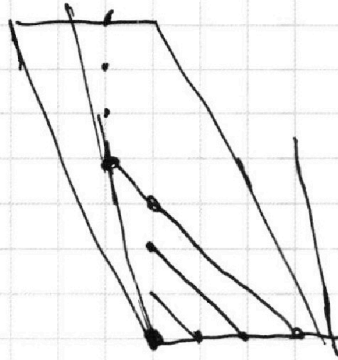
1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



68
65-89
62-70
20-34
17-85



0: 1
1: 2
2: 3
3: 5
4: 6
5: 7
6: 8

$$18 \cdot 4 + 1$$

76

36

5-4

40

$$(27) \cdot 17^2 + 10 \cdot 18$$

$$8 \cdot 4 = 32$$

18-0
18-4
18-8
18-12

17-1
17-2
17-3
17-73
17-75

1 41
2 42
3 43
4 44
5 45
6 46
7 47

$$75 - 40 = 35$$

33
34
35

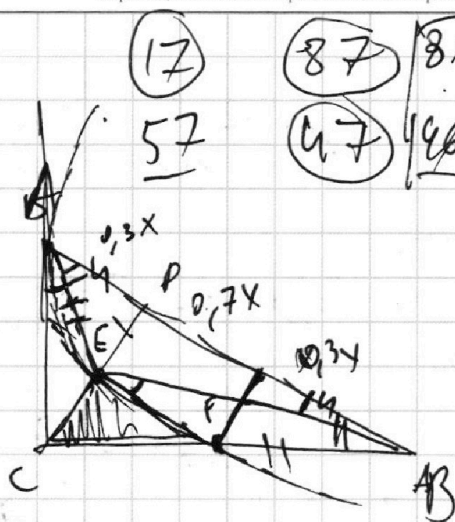
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

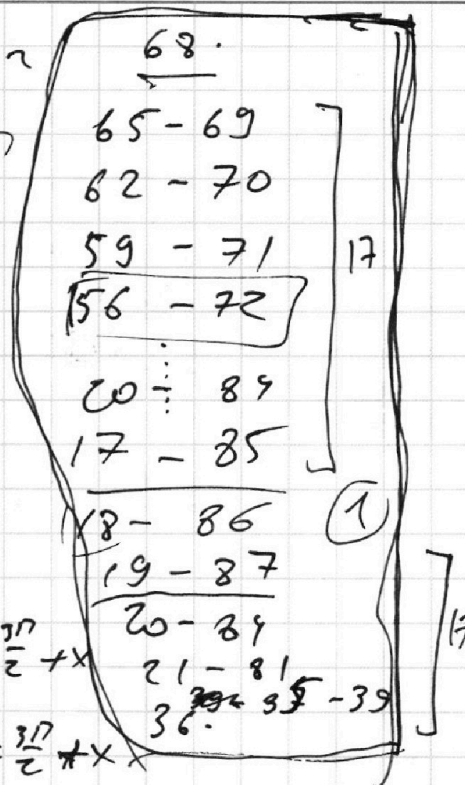
1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



cos



$$\sin(\cos(\frac{\pi}{2}-x)) = \frac{\pi}{2}-x = \frac{3\pi}{2}+x$$

0 на π

$$\begin{aligned} -2x &= \pi \\ x &= -\frac{\pi}{2} \end{aligned}$$

$$5(\frac{\pi}{2}-x) = \frac{3\pi}{2}+x$$

$$\frac{5\pi}{2}-5x = \frac{3\pi}{2}+x$$

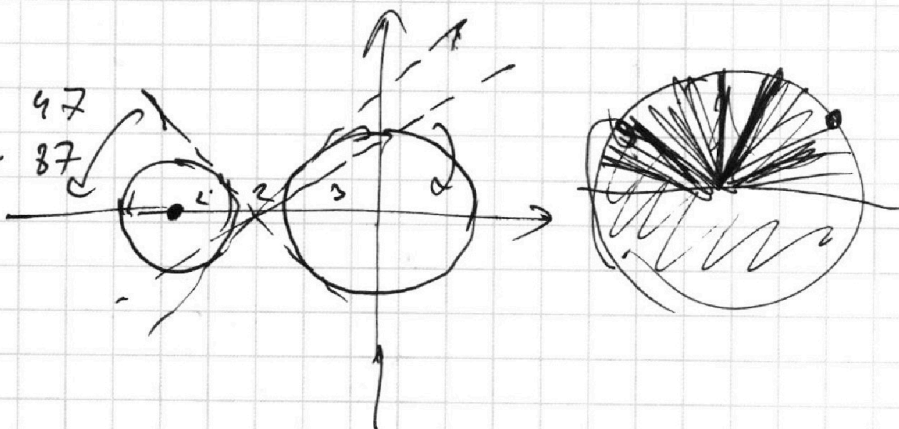
$$\begin{aligned} \pi &= 6x \\ x &= \frac{\pi}{6} \end{aligned} \quad \text{D.}$$

$$x+3ay-76=0$$

$$(x+7)^2 + y^2 = 4$$

$$((x+2)^2 + y^2 = 4) \wedge (x^2 + y^2 = 9) = 0$$

17 18
57 58
1.14 2.



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$2^7 \quad 2^{13} \quad 2^{14}$$

$$\sqrt{1}$$

$$\log_7^4 6x - 2 / \log_7 6x = \frac{3 \log_7 6x}{2 \log_7 6x} - 4$$

$$a+b \geq 7$$

$$b+c \geq 13$$

$$a+c \geq 14$$

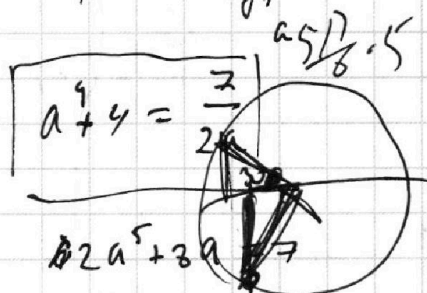
11
15
17
14
18
43

$$a+b+c \geq \frac{7+13+14}{2} = 17$$

$$\frac{11+15+17+1}{2} = 22$$

$$\frac{14+18+43+1}{2} = \frac{44+32}{2} = 38$$

$$\log_5^4 x - 2 = \frac{7}{2 \log_7 6x}$$



$$\sqrt{2}$$

$$\frac{x}{a} = \frac{3\pi - \frac{2}{3}\pi}{2} = \frac{7\pi}{6}$$

$$a^2 = 0,3x^2$$

$$a = \sqrt{0,3} \cdot x \quad 5 \cdot \frac{\pi}{6} + 3$$

$$AC^2 = 0,09x + 0,3v = 0,39v$$

$$\sin \frac{\pi}{3} =$$

$$x = \frac{14\pi}{6} = \frac{7\pi}{3}$$

$$5 \cdot \frac{5\pi}{2} - 5x = \frac{3\pi}{2} + x$$

$$\frac{28\pi}{2} = 14\pi = 6x$$

