МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 4

1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $2^6 3^{13} 5^{11}$, bc делится на $2^{14} 3^{21} 5^{13}$, ac делится на $2^{16} 3^{25} 5^{28}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc.

2. [5 баллов] Дан прямоугольный треугольник ABC. Окружность, касающаяся прямой AC в точке A, пересекает высоту CD, проведённую к гипотенузе, в точке E, а катет BC – в точке F. Известно, что $AB \parallel EF$, $AB : BD = 1{,}4$. Найдите отношение площади треугольника ACD к площади треугольника CEF.

3. [4 балла] Решите уравнение $10 \arccos(\sin x) = 9\pi - 2x$.

4. [5 баллов] Найдите все значения параметра a, для каждого из которых найдётся значение параметра b, при котором система уравнений

$$\begin{cases} 5x + 6ay - b = 0, \\ (x^2 + y^2 - 25)\,(x^2 + y^2 + 18y + 77) = 0 \end{cases}$$

имеет ровно 4 решения.

5. [5 баллов] Некоторые числа x и y удовлетворяют равенствам

$$\log_{11}^4 x - 6 \log_x 11 = \log_{x^3} \frac{1}{121} - 5, \quad \text{и} \quad \log_{11}^4 (0{,}5y) + \log_{0{,}5y} 11 = \log_{0{,}125y^3} \left(11^{-13}\right) - 5.$$

Найдите все возможные значения произведения xy.

6. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0;0)$, $P(-15;90)$, $Q(2;90)$ и $R(17;0)$. Найдите количество пар точек $A\,(x_1;y_1)$ и $B\,(x_2;y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $6x_2 - 6x_1 + y_2 - y_1 = 48$.

7. [6 баллов] Дана треугольная пирамида $SABC$, медианы AA_1, BB_1 и CC_1 треугольника ABC пересекаются в точке M. Сфера Ω касается ребра AS в точке L и касается плоскости основания пирамиды в точке K, лежащей на отрезке AM. Сфера Ω пересекает отрезок SM в точках P и Q. Известно, что $SP = MQ$, площадь треугольника ABC равна 180, $SA = BC = 20$.

   а) Найдите произведение длин медиан AA_1, BB_1 и CC_1.

   б) Найдите двугранный угол при ребре BC пирамиды, если дополнительно известно, что Ω касается грани BCS в точке N, $SN = 6$, а радиус сферы Ω равен 8.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☒ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

МФТИ

$deg_p(n)$ - степень вхождения p в число n.

Пусть $deg_2(a)=d$
$deg_2(b)=e$
$deg_2(c)=f$, тогда $\begin{cases} d+e\geq 6 \\ e+f\geq 14 \\ d+f\geq 16 \end{cases} \Rightarrow d+e+f\geq \frac{6+14+16}{2}=18$, т.е. $a\cdot b\cdot c \,\vdots\, 2^{18}$

Если подст. $d=4$, $e=2$, $f=12$, то $d+e+f$ равно 18.

Переименуем переменные d,e,f. Теперь $deg_3(a)=d$
$deg_3(b)=e$
$deg_3(c)=f$, тогда $\begin{cases} d+e\geq 13 \\ e+f\geq 21 \\ d+f\geq 25 \end{cases} \Rightarrow d+e+f\geq \frac{13+21+25}{2}=\frac{59}{2}$

Т.к. $d,e,f \in \mathbb{N}_0$, то $d+e+f\geq 30$
$e=5$
$f=16$
$d=9$, тогда $d+e+f=30$, а нер-ва работают. $\Rightarrow a\cdot b\cdot c \,\vdots\, 3^{30}$

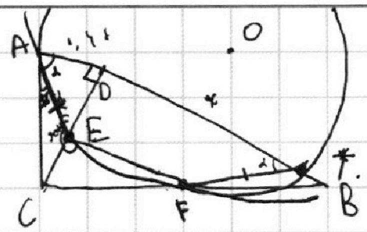
Переименуем переменные d,e,f. Теперь $deg_5(a)=d$
$deg_5(b)=e$
$deg_5(c)=f$, тогда $\begin{cases} d+e\geq 11 \\ e+f\geq 13 \\ d+f\geq 28 \end{cases}$ ~~тогда $d+e+f\geq \frac{11+13+28}{2}$ $=26 \Rightarrow a\cdot b\cdot c \,\vdots\, 5^{26}$~~

~~Если бы~~ d,e,f - натуральные числа с нулем. Тк $ac \,\vdots\, 5^{28}$, то $abc \,\vdots\, 5^{28}$.

Пусть $d=14$, $f=14$, $e=0$. Тогда $d+e+f=28$ и все н-ва работают.

$\Rightarrow abc \,\vdots\, 2^{18}\cdot 3^{30}\cdot 5^{28}$ и для каждого простого $\exists\, d,e,f$, при которых попарные произв. делятся $\Rightarrow a\cdot b\cdot c\geq 2^{18}\cdot 3^{30}\cdot 5^{28}$ (т.к. $a,b,c\in\mathbb{N}$ и 0 не подх.)

$a=2^4\cdot 3^9\cdot 5^{14}$
$b=2^2\cdot 3^5\cdot 5^0$ - произв. равно $2^{18}\cdot 3^{30}\cdot 5^{28}$. Ответ: $2^{18}\cdot 3^{30}\cdot 5^{28}$.
$c=2^{12}\cdot 3^{16}\cdot 5^{14}$



Пусть $BD = x$, тогда $AB = 1{,}4x \Rightarrow AD = 0{,}4x$.

Пересечем окр. AEF и прямой B, получим точку $T \neq A$.

Пусть $\angle EAT = \alpha$, т.к. $EF \parallel AB \Rightarrow ATFE$ - р/б трапеция $\Rightarrow \angle FTA = \alpha$, но $\angle FTA = \angle FAC \Rightarrow \angle FAC = \alpha$. $tg\alpha = \frac{CF}{AC}$ (из $\triangle ACF$), $tg\alpha = \frac{DE}{AD}$ (из $\triangle ADE$)

$\frac{CF}{AC} = \frac{DE}{AD}$. Запомним это. $AD = 0{,}4x$, $BD = x \Rightarrow CD = \sqrt{1\cdot 0{,}4}\cdot x = \frac{2}{\sqrt{10}}\cdot x$

Вернемся обратно к у-нию: $\frac{CF}{AC} = \frac{DE}{AD} \Rightarrow DE = \frac{AD}{AC}\cdot FC$. $AC = \sqrt{0{,}4^2 + \frac{4}{10}}\cdot x =$
$= \sqrt{0{,}56}\cdot x \Rightarrow DE = \frac{0{,}4}{\sqrt{0{,}56}}\cdot CF$, но $\frac{CF}{CE} = \frac{BC}{CD}$ (из-за подобия треуг.)

$BC = \sqrt{1^2 + \frac{4}{10}}\cdot x = \sqrt{1{,}4}\,x \Rightarrow CF = CE\cdot\frac{BC}{CD} = CE\cdot\frac{\sqrt{1{,}4}}{\frac{2}{\sqrt{10}}} = \frac{\sqrt{14}}{2}\cdot CE$

Т.е. $DE = \frac{0{,}4}{\sqrt{0{,}56}}\cdot CF = \frac{0{,}2\cdot\sqrt{14}}{\sqrt{0{,}56}}\cdot CE \Rightarrow \underset{CD}{CE + DE} = \frac{0{,}2\cdot\sqrt{14} + \sqrt{0{,}56}}{\sqrt{0{,}56}}\,CE = \frac{2}{\sqrt{10}}\,x$

$CE = \frac{\sqrt{0{,}56}\cdot 2}{\sqrt{10}\cdot(0{,}2\cdot\sqrt{14} + \sqrt{0{,}56})}\cdot x \Rightarrow S_{CEF} = S_{BCD}\cdot\left(\frac{CE}{CD}\right)^2 = S_{ACD}\cdot\frac{BD}{AD}\cdot\left(\frac{CE}{CD}\right)^2$

$\frac{S_{ACD}}{S_{CEF}} = \frac{AD}{BD}\cdot\left(\frac{CD}{CE}\right)^2 = 0{,}4\cdot\frac{\frac{4}{10}}{\frac{4\cdot 0{,}56}{10\cdot(0{,}2\cdot\sqrt{14}+\sqrt{0{,}56})^2}} = \frac{0{,}4\cdot(0{,}2\cdot\sqrt{14}+\sqrt{0{,}56})^2}{0{,}56} = \frac{1}{1{,}4}\cdot(0{,}56 + 0{,}04\cdot 14 +$

$+ 0{,}4\cdot\sqrt{14}\cdot\sqrt{0{,}56})$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$10\arccos(\sin x) = 9\pi - 2x$, $t = \arccos x \Rightarrow t \in [0, \pi]$

~~$\sin x = \frac{\pi}{2} - x$~~

$\sin x = \cos(\frac{\pi}{2} - x) \Rightarrow$ если $\frac{\pi}{2} - x - 2\pi k \in [0, \pi]$ для какого-то k, $k \in \mathbb{Z}$, то $\arccos(\sin x) =$
$= \frac{\pi}{2} - x - 2\pi k$

~~$10 \cdot (-x + \frac{\pi}{2} - 2\pi k) = 9\pi - 2x$~~ $\longrightarrow$ $10 \cdot (\frac{\pi}{2} - x - 2\pi k) = 9\pi - 2x$

~~$12x = 14\pi + 20\pi k$~~ $\qquad -8x = 20\pi k + 4\pi$

~~$x = \frac{3\pi}{6} + \frac{5}{3}\pi k$, но есть ОДЗ: $\frac{\pi}{2} - x - 2\pi k \in [0, \pi]$~~ $\qquad x = -\frac{5\pi k + \pi}{2}$, ОДЗ: $\frac{\pi}{2} - x - 2\pi k \in [0, \pi]$.

~~$0 \le \frac{\pi}{2} - 2\pi k - \frac{3\pi}{6} - \frac{5}{3}\pi k \le \pi$~~ $\qquad 0 \le \frac{\pi}{2} + \frac{5\pi k + \pi}{2} - 2\pi k \le \pi$

$0 \le \pi + \frac{\pi k}{2} \le \pi$

~~$0 \le -\frac{2}{3}\pi - \frac{11}{3}\pi k \le \pi \mid k = -3$~~ $\qquad -2 \le k \le 0 \Rightarrow$ в этом случае $x \in \{\frac{9\pi}{2}; 2\pi; -\frac{\pi}{2}\}$

~~$0 \le -2\pi$~~

$0 \ge 2\pi + 11\pi k \ge -3\pi$

$-\frac{2}{11} \ge k \ge -\frac{5}{11}$, но k – целое число $\Rightarrow$ не существ. решений, где $\frac{\pi}{2} - x - 2\pi k \in [0, \pi]$. $\Rightarrow$

Если $\frac{\pi}{2} - x - 2\pi k \in [\pi, 2\pi]$ для какого-то k (если $\frac{\pi}{2} - x - 2\pi k \notin [0, \pi]$ для $\forall k$, то такой k в предыд. пункте)

$\Rightarrow$ угол $\alpha = 2\pi - (\frac{\pi}{2} - x - 2\pi k) \in [0, \pi]$ и $\cos\alpha = \cos(\frac{\pi}{2} - x - 2\pi k) \Rightarrow$

$\Rightarrow \arccos(\sin x) = 2\pi - (\frac{\pi}{2} - x - 2\pi k)$.

~~$10 \cdot (\frac{3\pi}{2} - x - 2\pi k) = 9\pi - 2x$~~ $\qquad 10 \cdot (\frac{3\pi}{2} + x + 2\pi k) = 9\pi - 2x$

~~$12x$~~ $\qquad 12x = -6\pi - 20\pi k$

$x = -\frac{\pi}{2} - \frac{5}{3}\pi k$, ОДЗ: $\frac{3\pi}{2} + x + 2\pi k \in [0, \pi]$

$0 \le \frac{3\pi}{2} + 2\pi k - \frac{\pi}{2} - \frac{5}{3}\pi k \le \pi$

$0 \le \pi + \frac{\pi k}{3} \le \pi$

$-3 \le k \le 0 \Rightarrow x \in \{\underset{k=-3}{\frac{9}{2}\pi}; \underset{k=-2}{\frac{17}{6}\pi}; \underset{k=-1}{\frac{7}{6}\pi}; \underset{k=0}{-\frac{\pi}{2}}\}$

Ответ: $x \in \{\frac{9\pi}{2}; \frac{17}{6}\pi; 2\pi; \frac{7}{6}\pi; -\frac{\pi}{2}\}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

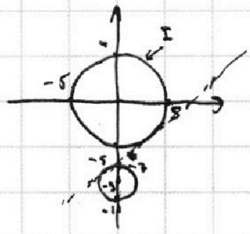
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

МФТИ

Из I ур-ния следует, что хотя бы одна из скобок = 0. => ~~Нарис~~

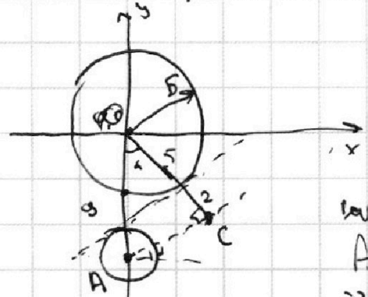
$$\Rightarrow \left[\begin{array}{l} (x-0)^2+(y-0)^2=25 \quad (I) \\ (x-0)^2+(y-(-9))^2=4 \quad (II) \end{array}\right.$$

Нарисуем решения этих уравнений (схематично):



Оба ГМТ – окружн. – у I ур-ния центр в $(0,0)$ и радиус 5. у II ур-ния центр в $(0,-9)$ и радиус 2.

Возьмем внутреннюю касател. с коэф. наклона $k>0$. Если провести прямую, с коэф. ун. меньше, чем k но больше 0, то прямая точно не сможет пересечь обе окружн. И наоборот если коэф. больше k, то $\exists$ прямая, паралл. данной, которая пересекает обе окр.. Эти факты верны, т.к. внутр. касательные – предельные случаи, при которых прямая касается окружн. Аналог. рассужд. для второй прямой, у кот. коэф. наклона равен $-k$ в силу симметрии относ. оси ординат. Если коэф. наклона какой-то прямой меньше $-k$, то $\exists$ нужная прямая, если больше k, но меньше 0 то не существ. Найдем k для наших окружн.:



Если найти коэф. наклона касат., проведенной из точки $(0,-9)$ к окружн. радиуса $(5+2)=7$, то это и есть наш нужный коэф., т.к. искомая внутренняя касат. и эта прямая параллельны, (если) AC – касат. к окр. с центром O и рад. $OC=7$. $\Rightarrow$

$\Rightarrow AC=\sqrt{81-49}=\sqrt{32}$, Но нужный нам коэф. равен тангенс угла наклона AC, и этот угол наклона равен $AOC \Rightarrow$

$$\Rightarrow k=\frac{AC}{OC}=\frac{\sqrt{32}}{7}=\frac{4}{7}\sqrt{2}$$ $\Rightarrow$ если для коэф. наклона c существует прямая, перес. обе окружн., то $c\in\left(-\infty;-\frac{4}{7}\sqrt{2}\right)\cup\left(\frac{4}{7}\sqrt{2};+\infty\right)$

Есть прямая $6ay=b-5x$, $y=\frac{b}{6a}+\frac{5}{6a}x$, если $a\neq0$. Если $a=0$, то это прямая, паралл. оси ординат, которую можно сдвигать, т.к. можем менять b $\Rightarrow$ для $a=0$ также в сумму. Тогда, как мы выяснили, $\frac{5}{6a}\in\left(-\infty;-\frac{4}{7}\sqrt{2}\right)\cup\left(\frac{4}{7}\sqrt{2};+\infty\right)$

I. $\frac{5}{6a}<-\frac{4}{7}\sqrt{2}$, тогда ~~тогда $\frac{5}{6a}$ – число $<0 \Rightarrow a<0 \Rightarrow \frac{5}{6}>-\frac{4}{7}\sqrt{2}\cdot a$~~

$$0>a>\frac{-5\cdot7}{4\cdot6\cdot\sqrt{2}}=-\frac{35}{24\sqrt{2}}=-\frac{35\sqrt{2}}{48}$$

II. $\frac{5}{6a}>\frac{4}{7}\sqrt{2}$, тогда $0<a<\frac{35\sqrt{2}}{48}$ $\Rightarrow$ Ответ: $a\in\left(-\frac{35\sqrt{2}}{48};\frac{35\sqrt{2}}{48}\right)$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$\log_{11}^4 x - 6\log_x 11 = \log_{x^3}\frac{1}{(2)} - 5 = -\frac{2}{3}\cdot\log_x 11 - 5$, $\log_{11} x = t$.

$t^4 - \frac{6}{t} = -\frac{2}{3t} - 5$

$t^4 - \frac{16}{3t} + 5 = 0 \Rightarrow t^5 + 5t - \frac{16}{3} = 0$

$\log_{11}^4(0,5y) + \log_{0,5y} 11 = \log_{0,125y^3}(11^{-13}) - 5$

$\log_{11}^4(0,5y) + \frac{1}{\log_{11}(0,5y)} = -\frac{13}{3}\log_{0,5y} 11 - 5$, $z = \log_{11}(0,5y)$

$z^4 + \frac{1}{z} = -\frac{13}{3z} - 5$

$\cancel{z^4 + \frac{16}{3z} + 5 = 0}$ $\quad z^5 + 5z + \frac{16}{3} = 0$

$z^4 - t^4 + \frac{16}{3}\cdot(z+t) = 0$

$(z-t)\cdot(z^2+t^2) + \frac{16}{3})\cdot(z+t) = 0$

I. $z+t=0 \Rightarrow \log_{11} x + \log_{11}(0,5y) = 1 \Rightarrow xy = 22$

II. $(z-t)\cdot(z^2+t^2) + \frac{16}{3} = 0$

$f(z) = z^4 + \frac{16}{3}z + 5$, $f'(z) = 4z^3 + \frac{16}{3} \Rightarrow f'(z) = 0$ при $(-\sqrt[3]{\frac{4}{3}})$ одном значении $\Rightarrow$

$\Rightarrow$ корней максимум 2.

$z^5 + 5z + \frac{16}{3} = 0$

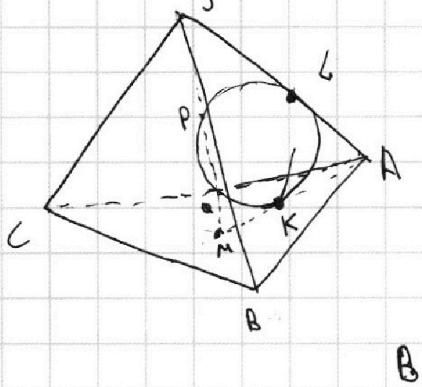
$(z^5 + t^5) + 5\cdot(z+t) = 0$

Продолжение:

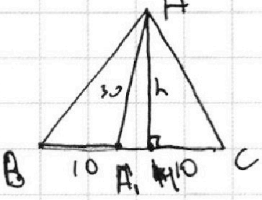
$f(x) = x^5 + 5x$, $f'(x) = 5x^4 + 5 > 0$ для $\forall x$ $\Rightarrow$ если $f(a) = f(b)$, то $a = b$

$f(-x) = -x^5 - 5x = (-1)\cdot(x^5+5x) = -f(x)$. $f(z) = -\frac{16}{3}$, $f(t) = \frac{16}{3} \Rightarrow z = -t$, i.e. $z + t = 0 \Rightarrow$

$\Rightarrow \log_{11} x + \log_{11} 0,5y = 0 \Rightarrow 0,5xy = 1 \Rightarrow xy = 2$,

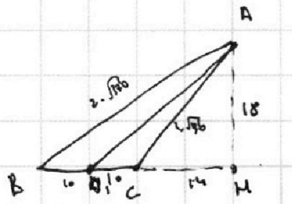


$SP = QM \Rightarrow$ степень точки S отн. сферы равна степ. точки M отн. этой же сферы (т. к. $QM \cdot MP = SP \cdot (SP + PQ) = SP \cdot SQ$) $\Rightarrow MK = SL$; $AK = AL \Rightarrow AM = AS \Rightarrow AA_1 = \frac{3}{2} AS = 30$.



$h = \frac{2S_{ABC}}{BC} = 18 \Rightarrow AH = 18$ (H - основ. высоты из A) $\Rightarrow A_1H = 24$.

$5+144=170$ $\quad$ $289+81$

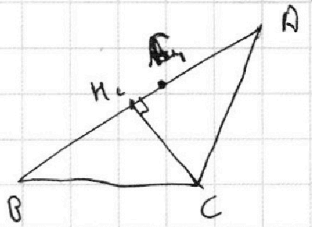


$AC = \sqrt{18^2 + 14^2} = 2 \cdot \sqrt{9^2 + 7^2} = 2 \cdot \sqrt{130}$

$BA = \sqrt{18^2 + 34^2} = 2 \cdot \sqrt{9^2 + 17^2} = 2 \cdot \sqrt{370}$

$m_a = 30$

18^2: $18 \cdot 18 = 144 + 18 \cdot 10 = 324$



$CH_C = \frac{360}{2 \cdot \sqrt{370}} = \frac{180}{\sqrt{370}}$

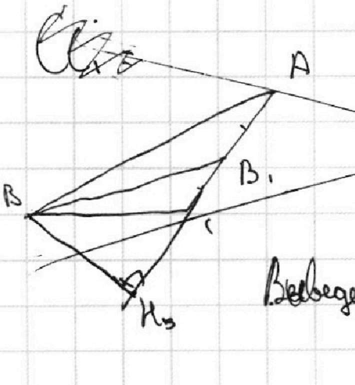
~~$BH_C = \sqrt{4 \cdot 130 - \frac{180^2}{370}} = \sqrt{4 \cdot 130 - \ldots} \sqrt{10} \cdot \sqrt{52 - \frac{144}{37}}$~~

$H_C C_1 = 2 \cdot \sqrt{370}$

$BH_C = \sqrt{400 - \frac{180^2}{370}} = 10 \cdot \sqrt{4 - \frac{324}{370}} = 10 \cdot \sqrt{4 - \frac{324}{370}} = 10 \cdot \sqrt{\frac{1184}{370}}$

$H_C C_1 = \sqrt{370} - 10 \cdot \sqrt{\frac{1184}{370}} = \frac{10}{\sqrt{37}} \cdot (37 - \sqrt{76})$

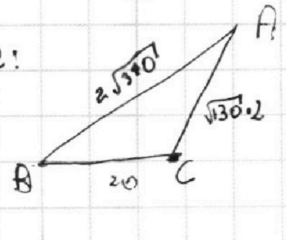
$CC_1^2 = H_C C^2 + H_C C_1^2 = \frac{100}{37} \cdot (37 - \sqrt{76})^2 + \frac{180^2}{370}$



~~$H_B B = \frac{360}{2 \cdot \sqrt{130}} = \frac{180}{\sqrt{130}}$~~

~~$H_B C = \sqrt{400 - \frac{180^2}{130}} = 10 \cdot \sqrt{4 - 14}$~~

Выведен треуг:



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

МФТИ

$\log_{11}^4 x - \frac{6}{\log_{11} x} = -\frac{3}{2} \cdot \log \frac{1}{\log_{11} x} - 5$

$\log_{11}^4 x = \frac{9}{2} \log_{11} \cdot \frac{1}{\log_{11} x} + 5$

$5x + 6ay - b$

$ac : 2^{16}\ 3^{25}\ 5^{28}$

$\deg_2(a) = d$

$\deg_2(b) = e$

$\deg_2(c) = f$

$d + e \geq 6$

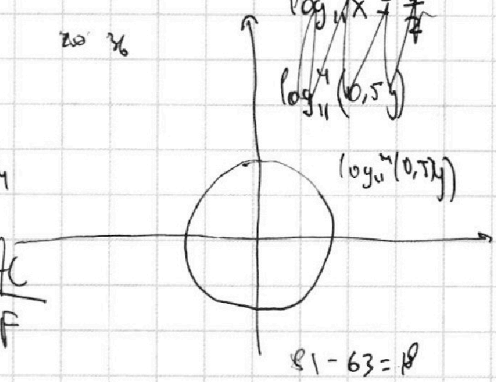
$e + f \geq 14$

$d + f \geq 16$

$\log_{11}^5 x = \frac{9}{4}$

$\log_{11}^4 (0{,}5y)$

$\log_{11}^4 (0{,}5y)$



$\log_{11}^4 x - 6 \log_x 11 = \log_{x^3} \frac{1}{121}$

-5

$\frac{AD}{ED} = \frac{AC}{CF}$

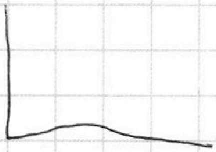
$81 - 63 = 18$

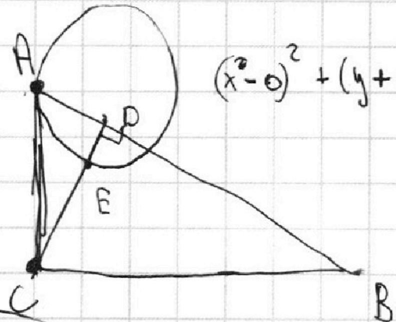
$81 - 18$

$d+e+f \geq 18$

$\frac{-2}{3}$

$(x-0)^2 + (y+9)^2 = 4$





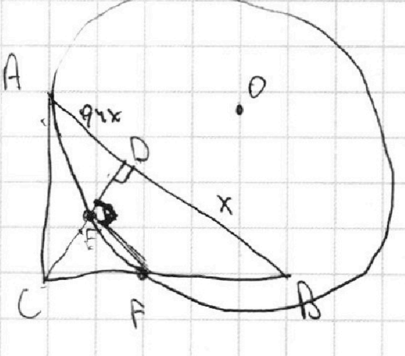
$e = 2$

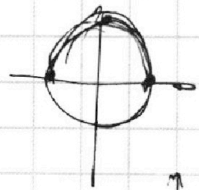
$d = 4$

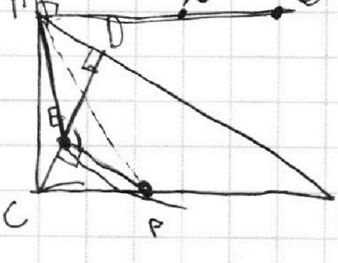
$f = 12$

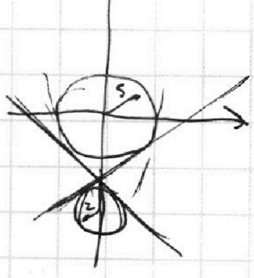
$5x + 6ay - b = 0$

$y = \frac{-5}{6a} x + \frac{b}{6a}$









$10 \arccos(\sin x) = 9\pi - 2x$

$\arccos x = t$

$\sin x = \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right)$

$x \in (0; \pi)$

1.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

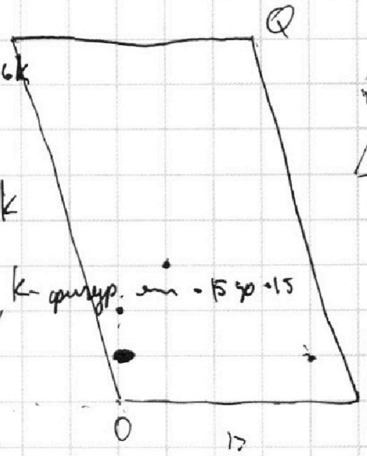
$3\sqrt[3]{\frac{4}{3}}$

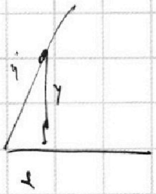
$y_1 \quad y_1+6k$

x_1

$6x_2 = 8+x_1+k$

$x_2 = 8+x_1-k$, k – фигур. от -15 до 15





$\frac{4}{3}\cdot 3\sqrt[3]{\frac{4}{3}} - \frac{16}{3}\sqrt[3]{\frac{4}{3}} + 5;$

$6\cdot(x_2-x_1) + (y_2-y_1) = 48$

x_1, y_1, x_4, по уре.

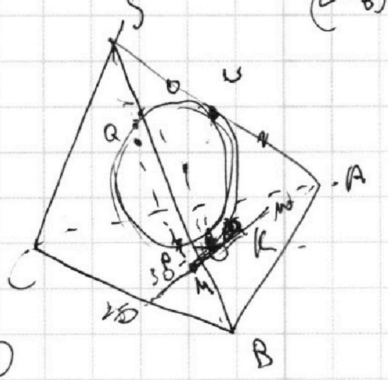
x_1, y_1

x_2

$-3\cdot 4 + \left[\frac{y}{4}\right] \le x_2 \le \left[\frac{y}{4}\right] + 17$

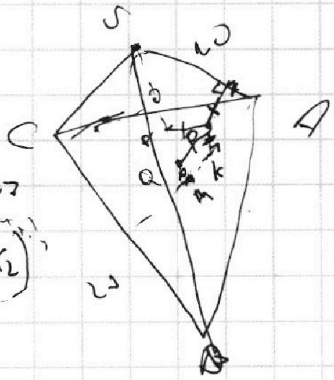
$(z-t)\cdot\frac{16}{3} + (z^4+t^4-80) = 0$

$= 5 - \frac{4}{3}\cdot\sqrt[3]{\frac{4}{3}}$



$5 - \frac{4}{3}\cdot 3\sqrt[3]{\frac{4}{3}} \vee 0$

$\frac{15}{4} \vee 3\sqrt[3]{\frac{4}{3}}$



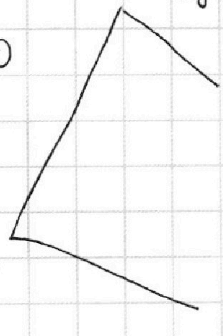
$y_1 = 6(x_1-x_2)+$

-17 до 17

$y_2 = 48 + y_1 + 6\cdot(x_1-x_2)$

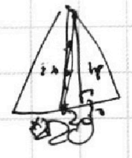
$5 - 4\sqrt[3]{\frac{4}{3}} > 0$

$\frac{5}{4} > \sqrt[3]{\frac{4}{3}}$



$\frac{125}{64} > \frac{4}{3}$

$z - t = \frac{-3 0}{16} - z^4 - t^4$



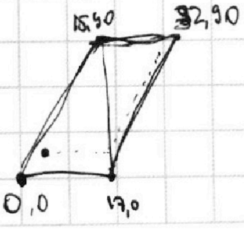
375 > 256

$b_2 > b_1$

$y_1 < y_2$

$x_1 < x_2$

$y_1 > x_2$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!