

Задача считается полностью решённой (и за неё начисляется максимальное количество баллов), только если в тексте решения приведены все необходимые преобразования и полностью объяснены все имеющиеся логические шаги; при этом полученные ответы приведены к упрощённому виду.

Наличие верного ответа не гарантирует положительного балла за задачу. Верный ответ без обоснования – баллы не добавляются.

За верное обоснованное решение за задачу ставится полное количество баллов (указано в скобках после номера задачи). Некоторые частичные продвижения оцениваются согласно инструкции. В остальных случаях оценка ставится по усмотрению проверяющего.

1. (4 балла) По 1 баллу за оценку и за пример для каждого простого множителя.

Неверное утверждение о делимости в решении, например, $x|a \ \& \ y|b \Rightarrow \frac{x}{y} \left| \frac{a}{b} \right.$ – 0 баллов за задачу.

2. (4 балла) Знаменатель дроби преобразован к виду $(a + b)^2 - \gamma ab$ и других продвижений нет – 1 балл за задачу;

получена оценка $m \leq d$ на наибольшее значение числа m (где d является ответом в задаче) – 3 балла;

доказано, что это значение m может достигаться – 1 балл.

3. (4 балла) Составлена система уравнений (как в условии или аналогичная ей) – 2 балла; решена полученная система и найдено значение AB – 2 балла.
-

4. (5 баллов) При любом способе решения: получен хотя бы один лишний корень – не более 2 баллов за задачу.

- Если задача решается, как в приведённых решениях:
 - левая часть уравнения разложена на множители – 1 балл;
 - получена совокупность двух уравнений – 1 балл;
 - решено уравнение с равенством двух радикалов – 1 балл;
 - решено уравнение, в котором сумма двух радикалов равна единице – 2 балла.
- При другом способе решения: после умножения обеих частей на сопряжённое к левой части найден корень уравнения – 1 балл;
 - обосновано, что других корней нет – 4 балла.

5. (5 баллов) Ответ не доведён до числа – не более 4 баллов за задачу;
при подсчёте не учтены точки, лежащие на границе параллелограмма – снять 1 балл.
Ответ отличается от верного более чем в 10 раз – 0 баллов за задачу.

- Если решается рассмотрением различных значений разности $y_2 - y_1$:
 - задача сведена к рассмотрению различных значений разности $y_2 - y_1 - 1$ балл;
если при этом не учитываются отрицательные значения разности – баллы не добавляются;
 - верный подсчёт хотя бы в одном случае – 1 балл.
- Если решается как в приведённых решениях:
 - показано, что условие на координаты точек выполняется тогда и только тогда, когда точки лежат на прямых вида
$$\begin{array}{ll} y = -2x + k & \text{и} \quad y = -2x + k + 12 \quad \text{для варианта 9,} \\ y = -2x + k & \text{и} \quad y = -2x + k + 14 \quad \text{для варианта 10} \end{array}$$
– 1 балл;
 - определены возможные значения числа k – 1 балл;
 - для каждой прямой из указанного семейства определено количество точек на ней, имеющих целочисленные координаты и лежащих внутри параллелограмма – 1 балл;
найденное количество точек лишь на некоторых прямых (т.е. не на всех) – не более 2 баллов за задачу.

-
6. (5 баллов) Построено множество точек, удовлетворяющих неравенству системы – 1 балл;
сформулировано условие, при котором прямая может иметь 2 общие точки с двумя кругами (её угловой коэффициент по модулю равен угловому коэффициенту одной из общих касательных к кругам) – 1 балл;
найден угловой коэффициент общей внешней касательной окружностей – 1 балл;
найден угловой коэффициент общей внутренней касательной окружностей – 1 балл.
-

7. (6 баллов) Доказано, что $AT \perp PQ$ (или что треугольник APQ равнобедренный) – 1 балл;
вычислена длина отрезка AT (здесь $T = AI \cap MN$) – 4 балла;
использовано без доказательства, что $MI = MA$ и/или $NI = NA$ (лемма о трезубце /трилистнике/куриной лапке/Мансиона) – баллы не снимаются.