



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ



11 КЛАСС. Вариант 3

$$\begin{array}{r} 3 \\ \times 38 \\ \hline 114 \\ + 446 \\ \hline 593 \end{array}$$

$$593 \mid \begin{array}{r} 22 \\ 22 \\ \hline 464 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 23 \\ - 29 \\ \hline 841 \end{array}$$

1. [3 балла] Найдите все действительные значения x , при каждом из которых существует геометрическая прогрессия, состоящая из действительных чисел и такая, что её десятый член равен $\sqrt{(25x+34)(3x+2)}$, двенадцатый член равен $2-x$, а восемнадцатый член равен $\sqrt{\frac{25x+34}{(3x+2)^3}}$.

$$\sqrt{(25x+34)(3x+2)} \cdot q^2 = 2-x$$

2. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+6} - \sqrt{3-x-2z} + 7 = 2\sqrt{y-3x-x^2+z}, \\ |y+2| + 2|y-18| = \sqrt{400-z^2}. \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \sqrt{\frac{25+34}{(3x+2)^3}} &= 99 \\ (3x+2)^3 &= 99^2 \\ -3y &= 27 \cdot 4 \\ &= 2 \cdot (3+6) \end{aligned}$$

3. [5 баллов] Найдите все значения параметра p , при которых уравнение

$$p \cos 3x + 6 \cos 2x + 3(p+4) \cos x + 10 = 0$$

$$\cos 3x = \cos 2x \cos \frac{1}{3}$$

— неправильный

$$\begin{aligned} p \cos x + p \cos 2x &= 25 \\ 8x &= 25 \end{aligned}$$

4. [5 баллов] Две окружности ω_1 и ω_2 пересекаются в точках A и B , а их общая касательная имеет с ω_1 и ω_2 общие точки C и D соответственно, причём точка B расположена ближе к прямой CD , чем точка A . Луч CB пересекает ω_2 в точках B и E . Найдите отношение $ED : CD$, если диагональ AD четырёхугольника $ACDE$ делит отрезок CE в отношении $7 : 20$, считая от вершины C .

5. [4 балла] Дан клетчатый прямоугольник 500×120 . Сколько способами можно закрасить 8 клеток этого прямоугольника так, чтобы закрашенное множество обладало хотя бы одной из следующих симметрий: относительно центра прямоугольника, относительно любой из двух "средних линий" прямоугольника ("средней линией" прямоугольника назовём отрезок, соединяющий середины двух его противоположных сторон). Ответ дайте в виде выражения, содержащего не более трёх членов (в них могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

6. [4 балла] Найдите все тройки целых чисел $(a; b; c)$ такие, что:

- $a < b$,

- число $b-a$ не кратно 3,

$$(a-b)(b-c) \mid C^4$$

$$2C^4_{30000} - 460 \cdot 500$$

$$\begin{array}{r} 00.600 \\ \times 50.300 \\ \hline 30.000 \end{array}$$

- число $(a-c)(b-c)$ является квадратом некоторого простого числа,

- выполняется равенство $a^2 + b = 1000$.

$$32^2 \quad a \in [-31; 31]$$

$$\begin{array}{r} 110.60 \\ \times 4 \\ \hline 440 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 110.60 \\ \times 4 \\ \hline 440 \end{array}$$

7. [6 баллов] В основании призмы лежит равносторонний треугольник площади 4. Площади её боковых граней равны 6, 6 и 5. Найдите объём призмы.

$$\begin{array}{l} ab + (a+b)c + c^2 \\ \times \frac{51}{51} \\ a \cdot c = b - c \\ \hline 93 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 96 \perp \quad a + b < 1000 \quad l \approx \frac{16}{\sqrt{3}} \\ \quad \quad \quad a^2 + a \cdot 1000 \approx l^2 \approx \frac{4}{\sqrt{3}} \\ 3 + n^{39} \quad l \cdot s = 5 \quad -1 \pm \sqrt{400} \\ \hline 93 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \frac{16}{\sqrt{3}} \\ \times \frac{5}{2} \\ \hline \frac{5 \cdot 16}{4} \end{array}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input checked="" type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$1) \sqrt{(25x+34)(3x+2)} \cdot q^2 = 2-x$$

$$\sqrt{(25x+34)(3x+2)} \cdot q^2 = \sqrt{\frac{25x+34}{(3x+2)^3}}$$

$$3x+2 \geq 0 \quad x \leq 2, \quad x \neq -\frac{2}{3}$$

$$(25x+34)(3x+2) \geq 0$$

$$-\frac{34}{25} < -\frac{2}{3}$$

$$x \leq 2, \quad x \in (-\infty; -\frac{34}{25}] \cup (-\frac{2}{3}; +\infty)$$

$$2) \text{ Если } x = -\frac{34}{25}, \text{ то } 0 \cdot q^2 = 2 + \frac{34}{25} \neq 0$$

$$\Rightarrow x \neq -\frac{34}{25}, \text{ макс } x \neq 2 \text{ where } q=0$$

$$q^2 = \frac{1}{(3x+2)^2} \Rightarrow \frac{1}{(3x+2)^2} = \frac{(2-x)^4}{(25x+34)^2(3x+2)^2}$$

$$q^2 = \frac{2-x}{\sqrt{(25x+34)(3x+2)}} \quad 3x+2 \neq 0 \Rightarrow$$

$$(25x+34)^2 = (2-x)^4 \Rightarrow$$

$$\{x \in (-\infty; -\frac{34}{25}) \cup (-\frac{2}{3}; 2)\}$$

$$\sqrt{|25x+34|} = 4+x^2-4x$$

$$3) x \in (-\infty; -\frac{34}{25}): -25x-34 = 4+x^2-4x$$

$$x^2+21x+38=0 \quad x_{1,2} = \frac{-21 \pm \sqrt{441-152}}{2}$$

$$\begin{array}{r} 21 \\ 27 \\ \hline 56 \\ 54 \\ \hline 187 \\ 187 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 49 \\ 49 \\ \hline 187 \\ 187 \\ \hline 0 \end{array}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$-21 \pm \sqrt{589} \in (-\infty, -\frac{34}{25}) \quad x_1 = -2 \quad x_2 = -19$$

$$4) x \in (-\frac{2}{3}; 2): \quad 34 + 25x = 4 + x^2 - 4x$$

$$x^2 + 29x - 30 = 0 \quad x = \frac{29 \pm \sqrt{841 + 120}}{2}$$

$$x = \frac{29 \pm 31}{2}; \quad \emptyset$$

$$5) \text{Ответ: } x \notin x \in [-2; -19]$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

 1 2 3 4 5 6 7СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3)

$$6,25 = 18 + 3x - x^2 \Rightarrow x^2 + 3x - 11,75 = 0$$

~~D~~

$$16 = 18 + 3x - x^2 \quad x^2 + 3x - 2 = 0$$

$$4x^2 + 12x - 47 = 0$$

$$x = \frac{-6 \pm \sqrt{14}}{4} = -1,5 \pm \sqrt{14}$$

$$x^2 + 3x - 2 = 0 \quad x = \frac{-3 \pm \sqrt{9+8}}{2} = -1,5 \pm \sqrt{17}$$

$$x \in [-8; 3] \Rightarrow \sqrt{14} \cup \sqrt{17} < 4,5$$

$$14 \cup 17 < 20,25 \quad V$$

 \Rightarrow

$$\text{Ответ: } y = 18 \quad z = 0$$

$$x \in \{-1,5 \pm \sqrt{7}; -1,5 \pm \sqrt{14}\}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input checked="" type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} \sqrt{x+6} - \sqrt{3x-2z} + 4 = 2\sqrt{y - 3x - x^2 + z} \\ |y+2| + 2|y-18| = \sqrt{400 - z^2} \end{cases}$$

$$1) |\sqrt{y+2}| + 2|\sqrt{y-18}| \leq 400 \quad 20$$

$$y = 18: \quad 3y - 36 + 2 = 2(y-18) + (y+2)$$

$$y-18=0 \quad y+2=0$$

$$y = 18: \Rightarrow z = 0$$

$$-2 < y < 18: \quad 38 - y \leq 20 \Rightarrow y = 18 \quad \cancel{\text{X}}$$

$$\Rightarrow$$

$$y \neq -2:$$

$$-2 - y + 36 - 2y \leq 20 \Rightarrow$$

$$3y \geq 14 \quad \cancel{\text{X}} \quad \Rightarrow \quad \emptyset$$

$$\text{Итог: } y = 18, \quad z = 0$$

$$2) \quad \sqrt{x+6} - \sqrt{3x-2z} + 4 = 2\sqrt{18-3x-x^2}$$

$$\text{Пусть } a = \sqrt{x+6}; \quad b = \sqrt{3x-2z} \Rightarrow$$

$$\begin{cases} a - b + 4 = 2ab \\ a^2 + b^2 = 9 \end{cases} \quad \begin{aligned} (a-b)^2 &= 4a^2b^2 + 49 - 28ab \\ &= a^2 + b^2 - 2ab = 9 - 2ab \end{aligned}$$

$$4ab^2 - 28ab + 40 = 0$$

$$ab = \frac{13 \pm \sqrt{169-160}}{4} = \frac{13 \pm 3}{4} \Rightarrow \begin{cases} \sqrt{18-3x-x^2} = 2,5 \\ \sqrt{18-3x-x^2} = 4 \end{cases}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input checked="" type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$4) a = 1 \Rightarrow \sqrt[3]{\frac{p}{p-1}} - 1 = 1; p = 2 \Rightarrow -7$$

$$p = 2; x = 2\pi t, t \in \mathbb{Z}$$

$$5) \begin{cases} -1 < a < 0 \\ 0 < a < 1 \end{cases} \Rightarrow -1 > a^{\frac{1}{3}} \Rightarrow \left(\sqrt[3]{\frac{p}{p-1}} - 1 \right) \in ((-\infty, -1) \cup (1; +\infty))$$

$$\sqrt[3]{\frac{p}{p-1}} \in ((-\infty, 0) \cup (2; +\infty))$$

$$-p \in ((-\infty, 0) \cup (8; +\infty))$$

$$-p \in ((-\infty, -1) \cup (\frac{1}{2}, +\infty)); p \in ((-\infty, -1) \cup (1; +\infty))$$

$$x = \pm \arccos \left(\frac{1}{\sqrt[3]{p-1}} \right) + 2\pi l, l \in \mathbb{Z}$$

Ошибки:

$$p \in (-7; 1); x \in \emptyset$$

$$p = -7; x = 2\pi t, t \in \mathbb{Z}$$

$$p = 1; x = \pi + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$$

$$p \in ((-\infty, -1) \cup (1; +\infty)):$$

$$x = \pm \arccos \left(\frac{1}{\sqrt[3]{p-1}} \right) + 2\pi t, t \in \mathbb{Z}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input checked="" type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$1) p \cos 3x + 6 \cos 2x + 3(p+4) \cos x + 10 = 0$$

$$\cos 2x = 2 \cos^2 x - 1$$

$$\cos 3x = \cos 2x \cos x - \sin 2x \sin x = (2 \cos^2 x - 1) \cos x$$

$$- 2 \sin^2 x \cos x = 2 \cos^3 x - \cos x - 2(1 - \cos^2 x) \cos x = \\ 4 \cos^3 x - 3 \cos x$$

$$4p \cos^3 x - 3p \cos x + 12 \cos^2 x - 6 + 3p \cos x + 12 \cos x \\ + 10 = 0$$

$$4p \cos^3 x + 12 \cos^2 x + 12 \cos x + 4 = 0 \quad | :4$$

$$p \cos^3 x - \cos^2 x + (\cos^3 x + 3 \cos^2 x + 3 \cos x + 1) = 0$$

$$\rightarrow (\cos x + 1)^3 = (1-p) \cos^3 x$$

$$\cos x + 1 = \sqrt[3]{1-p} \cos x$$

$$1 = \sqrt[3]{1-p} - 1 \cos x;$$

$$2) \sqrt[3]{1-p} = 1 \Rightarrow p = 0$$

$$\text{Другое } \sqrt[3]{1-p} - 1 = a, \quad a \neq 0$$

$$1 = a \cos x \Rightarrow \cos x = \frac{1}{a}$$

\exists решения если $a \in [-1; 1] \setminus \{0\}$

$$\text{если } a = -1 \Rightarrow x = \pi + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$$

$$\text{если } a = 1 \Rightarrow x = 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$$

$$a \in (-1; 0) \cup (0; 1)$$

$$x = \pm \arccos a + 2\pi l, l \in \mathbb{Z}$$

$$3) a = -1 \Rightarrow \sqrt[3]{1-p} - 1 = -1 \quad p = 1$$

$$p = 1 \Rightarrow x = \pi + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$$

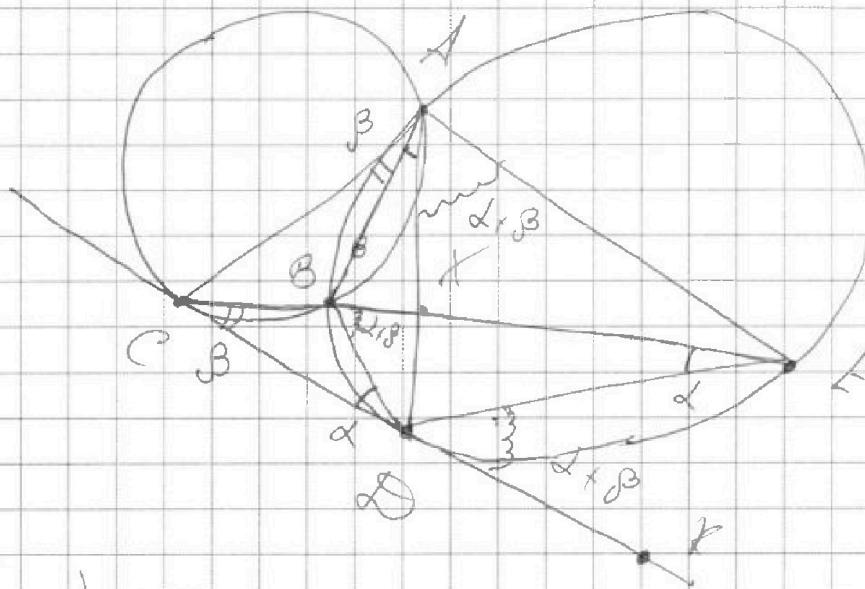


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$1) \text{ И} \angle CAB = \beta \quad \Rightarrow \angle CAB = \beta$$

$$\angle BCD = \gamma \quad \angle BID = \alpha$$

из посемейства а омутаючих
на соотв. хордн.

$\angle EBD$ - внешний для $\triangle CBD$

$$\angle EBD = \angle BCD + \angle CBD = \alpha + \beta$$

$\angle EBD$ отпраевал на ту же хорду

$$\text{тако и } \angle DFE = \angle DAE = \alpha + \beta = \angle EDC$$

$\angle BED$ отпраевал $BED = \alpha$

$$\Rightarrow \angle CAD = \angle DAE$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

6) Доказать X - множество комбинаций сдвигов. AB

Y - сдвиг. CD

Z - сдвиг. $(\cdot)O$

$$n(X) = C_{30000}^4 = n(Y) = n(Z)$$

Заметим, что $X \cap Y = D \cap X = D \cap Y$

$$= X \cap Y \cap D$$

$$n(X \cap Y) = C_{15000}^2 \Rightarrow$$

$$\begin{aligned} n(X \cup Y \cup Z) &= n(X) + n(Y) + n(Z) - n(X \cap Y) - n(X \cap Z) \\ &- n(Y \cap Z) + n(X \cap Y \cap Z); \end{aligned}$$

$$= 3 \cdot n(X) - 3 \cdot n(X \cap Y) + n(X \cap Y)$$

$$= 3 \cdot C_{30000}^4 - 2 C_{15000}^2$$

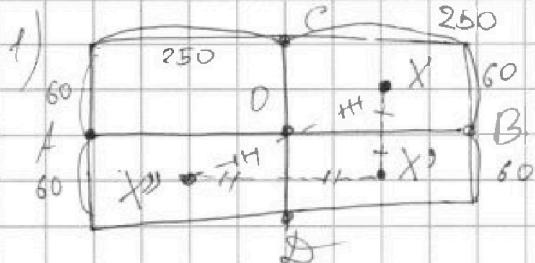
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Найдём сколько
способами можно
всего разместить
комбинации точек AB

Для этого выберем из верхней
стороны (трап. ACD) 4 точки.

Оставшиеся 4 из 8 можно однозначно
расставить симм. первым 4-ым ==

Кол-во комбинаций: $C_{250,60}^4$

2) Аналогично с CD: $C_{250,120}^4$

3) Тогда посчитаем как в комб. AB
или в комб. CD;

Если комб симм. AB и CD
однозначно, то ~~это >~~ \Leftrightarrow
символическая относительность (O) O. (но обратно
не!)

4) Для симм. O достаётся 83 комб
2 точки из верхней трапеции
(На равной момент менят очередь
симм O вытесняется симм. AB и симм CD)

Итог: $C_{250,60}^2$

5) Общее число комб симм. относительности O:
здесь 8120 из половины трапеции
всего будем 4 точки: C_{30000}^4



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input checked="" type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$1) (a-c)(b-c) = p^2 \Rightarrow$$

$$\begin{cases} a-c = p \\ b-c = p \end{cases} \Rightarrow a = b \times \text{н.к. } b-a$$

$$\begin{cases} a-c = -p \\ b-c = -p \end{cases} \begin{cases} b-c = -1 \\ a-c = -p^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} b-c = p^2 \\ a-c = 1 \end{cases} \begin{cases} b-c = -p^2 \\ a-c = -1 \end{cases} \Rightarrow a > b \times$$

$$b-a+1 = p^2 \quad \xleftarrow{\quad} \quad \xrightarrow{\quad} \quad a-b-1 = -p^2$$

$$2) b-a = p^2-1; \quad \text{сравнил } p^2-1 \text{ по модулю}$$

3: Варианты остатка от p при делении

$$\text{на } 3: \begin{cases} p \equiv 1 \\ p \equiv 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} p^2 \equiv 1 \\ p^2 \equiv 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow p^2-1 : 3, \text{ но}$$

$$p^2-1 = b-a \quad \Rightarrow \quad \times$$

3) ответ: \emptyset

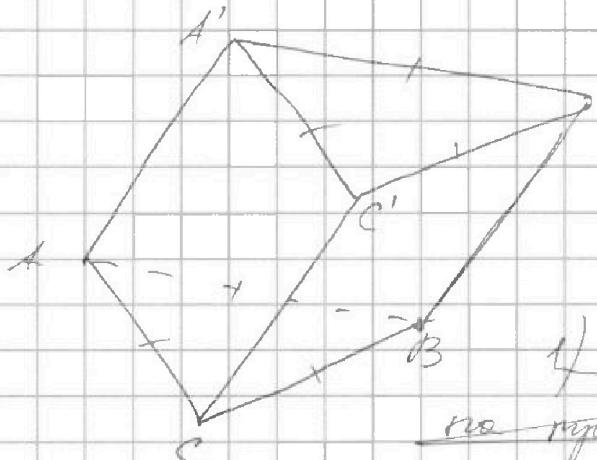


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Для ограниченной
области есть
 $S_{AA'B'B} = c$

$$= S_{CC'B'B'}$$

Чтобы призма основана
на треугольнике в ней

можно вписать окружность.

