



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 4



1. [3 балла] Найдите все действительные значения x , при каждом из которых существует геометрическая прогрессия, состоящая из действительных чисел и такая, что её седьмой член равен $\sqrt{\frac{13x - 35}{(x + 1)^3}}$, тринадцатый член равен $5 - x$, а пятнадцатый член равен $\sqrt{(13x - 35)(x + 1)}$.

2. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+3} - \sqrt{4-x-z} + 5 = 2\sqrt{y+x-x^2+z}, \\ |y+1| + 3|y-12| = \sqrt{169-z^2}. \end{cases}$$

3. [5 баллов] Найдите все значения параметра p , при которых уравнение

$$\cos 3x + 3 \cos 2x + 6 \cos x = p$$

имеет хотя бы одно решение. Решите это уравнение при всех таких p .

4. [5 баллов] Две окружности ω_1 и ω_2 пересекаются в точках A и B , а их общая касательная имеет с ω_1 и ω_2 общие точки C и D соответственно, причём точка B расположена ближе к прямой CD , чем точка A . Луч CB пересекает ω_2 в точках B и E . Найдите отношение $ED : CD$, если диагональ AD четырёхугольника $ACDE$ делит отрезок CE в отношении $3 : 10$, считая от вершины C .

5. [4 балла] Дан клетчатый прямоугольник 200×250 . Сколько способами можно закрасить 8 клеток этого прямоугольника так, чтобы закрашенное множество обладало хотя бы одной из следующих симметрий: относительно центра прямоугольника, относительно любой из двух "средних линий" прямоугольника ("средней линией" прямоугольника назовём отрезок, соединяющий середины двух его противоположных сторон). Ответ дайте в виде выражения, содержащего не более трёх членов (в них могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

6. [4 балла] Найдите все тройки целых чисел $(a; b; c)$ такие, что:

- $a > b$,
- число $a - b$ не кратно 3,
- число $(a - c)(b - c)$ является квадратом некоторого простого числа,
- выполняется равенство $a + b^2 = 560$.

7. [6 баллов] В основании призмы лежит равносторонний треугольник со стороной 1. Площади её боковых граней равны 4, 4 и 3. Найдите высоту призмы.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
3 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Рассмотрим $x = -5$. $q^2 = \sqrt{(-5+1)} = 2$.

$$a_7 = \sqrt{\frac{13(-5) - 35}{(-4)^3}} = \sqrt{\frac{100}{64}} = \frac{5}{4}$$

$$a_{13} = 5 - x = 10$$

$$a_{15} = \sqrt{(13(-5) - 35)(-5+1)} = 20.$$

$$a_{13} = a_7 \cdot q^{6} = \frac{5}{4} \cdot 2^3 = 10 \text{ - Верно.}$$

$$a_{15} = a_{13} \cdot q^2 = 10 \cdot 2 = 20 \text{ - Верно.}$$

Таким образом, $x = -5$ также подходит.

Ответ: $x = \{-5, 3\}$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x^2 - 23x + 60 = 0$$

$$(x-20)(x-3) = 0$$

При $x=20$ $q^2 = \sqrt{21}$, $a_7 = \sqrt{\frac{13 \cdot 20 - 35}{21^3}} =$
 $= \frac{15}{21} \sqrt{\frac{1}{21}}$, $a_{13} = 5 - 20 = -15$.

но тогда $a_{13} = a_7 \cdot q^6 = \frac{15}{21} \sqrt{\frac{1}{21}} \cdot \sqrt{21^3} >$
 $> 0 > -15 = a_{13}$. \rightarrow противоречие.

При $x=3$ $q^2 = \sqrt{3+1} = 2$, $a_7 = \sqrt{\frac{13 \cdot 3 - 35}{4^3}} =$
 $= \frac{1}{4}$. $a_{13} = 5 - x = 2 = \frac{1}{4} \cdot q^6 = \frac{1}{4} \cdot 8 = 2$.

$$a_{15} = a_{13} \cdot q^2 = 2 \cdot 2 = 4$$

$$a_{15} = \sqrt{(13 \cdot 3 - 35)(3+1)} = 4. \text{ значит, } x=3 \text{ подходит.}$$

2) $x < -1$

$$\sqrt{(13x-35)(x+1)} = (5-x)\sqrt{-1-x}$$

$$\sqrt{-1-x} (5-x - \sqrt{35-13x}) = 0$$

$$5-x = \sqrt{35-13x} \Rightarrow x^2 + 10x + 25 = 35 - 13x.$$

$$x^2 + 23x + 60 = 0$$

~~$$(x+5)(x+12) = 0$$~~

$x=2$ не подходит, так как $x < -1$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 1.

a_1, a_2, \dots

Думать q - множитель геометрической прогрессии
 $(a_{i+1} = q \cdot a_i)$. $a_7 = \sqrt{\frac{13x-35}{(x+1)^5}} \Rightarrow x \neq -1$.

Тогда ~~доказать~~ $a_{15} = a_7 \cdot q^8 \Leftrightarrow$

$$\Leftrightarrow \sqrt{\frac{13x-15}{(x+1)^5}} \cdot q^8 = \sqrt{(13x-35)(x+1)}$$

Если $13x-15=0$ ($x = \frac{15}{13}$), то $a_{15} = a_7 \cdot q^6 =$
 $= \sqrt{\frac{13x-35}{(x+1)^5}} \cdot q^6 = 0$. Но ~~доказать~~ в таком случае

$a_{15} = 5 - \frac{15}{13} \neq 0$. Противоречие \Rightarrow ~~доказано~~

$13x-15 \neq 0$.

Тогда $q^8 = \frac{a_{15}}{a_7} = \sqrt{(x+1)^4} = (x+1)^2$.

Но есть $q^2 = \sqrt{1x+1}$.

$$\sqrt{(13x-35)(x+1)} = a_{15} = a_{13} \cdot q^2 = (5-x) \sqrt{(x+1)}^2$$

1) $x > -1$:

$$\sqrt{x+1}^2 (5-x - \sqrt{13x-35}) = 0$$

$$5-x = \sqrt{13x-35} \Leftrightarrow x^2 - 10x - 25 = 13x - 35.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
4 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

22

$$y > 4 \Rightarrow y \in 7, 5. \quad \text{?}$$

$$y < -1 \text{ и } y \in 7, 5 \Rightarrow y \in \emptyset.$$

$$\text{Ov}_{\text{сем}}: \left(\frac{1+\sqrt{13}}{2}; (2; 0) \right), \left(\frac{1-2\sqrt{10}}{2}; (2; 0) \right).$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input checked="" type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
2 ИЗ 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Решаем систему:

$$\begin{cases} a^2 + b^2 = 7 \quad (1) \\ a - b + 5 = 2ab \quad (2) \end{cases}$$

$$a^2 + b^2 + (a - b) + 5 = 2ab + 7$$

$$(a - b)^2 + (a - b) - 2 = 0$$

$$(a - b - 1)(a - b + 2) = 0$$

$$1) a - b - 1 = 0$$

$$a = b + 1$$

$$(2) b + 1 - b + 5 = 2(b + 1)b$$

$$3 = b^2 + b$$

$$b^2 + b + 3 = 0 \quad . \quad D = 1 + 12 = 13.$$

$$b_{1,2} = \frac{-1 \pm \sqrt{13}}{2} \quad 40 \quad - \text{не подходит}$$

$$b_{3,4} = \frac{-1 \pm \sqrt{13}}{2} \quad 70 \quad - \text{подходит}. \quad Тогда \sqrt{4-x} = \frac{\sqrt{13}-1}{2}$$

$$4-x = \frac{13-2\sqrt{13}+1}{4} \quad \Leftrightarrow \quad x = \frac{1+\sqrt{13}}{2} \quad - \text{удовлетворяет}.$$

$$2) a - b + 2 = 0$$

$$a = b - 2.$$

$$(2) b - 2 - b + 5 = 2b(b - 2).$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input checked="" type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
3 ИЗ 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$8^2 - 2 \cdot 8 = \frac{3}{2}$$

$$8^2 - 2 \cdot 8 - \frac{3}{2} = 0 \quad D = 4 + 6 = 10.$$

$$\text{дискр } B = \frac{2 \rightarrow \sqrt{10}}{2} < 0 \quad - \text{ не подходит.}$$

$$B = \frac{2 + \sqrt{10}}{2} > 0 \quad - \text{ подходит.}$$

$$\text{Тогда } \sqrt{4-x} = \frac{2 + \sqrt{10}}{2} \Leftrightarrow 4-x = \frac{10 + 4\sqrt{10} + 4}{4} = \\ = \frac{7 + 2\sqrt{10}}{2} \quad x = 4 - \frac{7 + 2\sqrt{10}}{2} = \frac{1 - 2\sqrt{10}}{2} \quad - \text{ условие.}$$

$$\text{ODS } (4 > 0 > \frac{1 - 2\sqrt{10}}{2} > -3)$$

$$\frac{1 - 2\sqrt{10}}{2} > -3 \Leftrightarrow 7 > 2\sqrt{10} \Leftrightarrow \sqrt{49} > \sqrt{40}$$

$$\text{корень } x = \frac{1 + \sqrt{13}}{2} \text{ также } \frac{1 + \sqrt{13}}{2} \in [-3, 4] :$$

$$-3 < 0 < \frac{1 + \sqrt{13}}{2} < \frac{1 + \sqrt{49}}{2} = 4.$$

Обратите внимание на

$$2) -1 \leq y < 12:$$

$$|y+1| + 3|y-12| = -2y + 37 \leq 13 \Leftrightarrow y \geq 12,$$

$$\text{т.е. } y \geq 12 \text{ и } y < 12 \Rightarrow y \in \emptyset.$$

$$3) y < -1:$$

$$|y+1| + 3|y-12| = -4y + 35 \leq 13$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input checked="" type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 2

$$\begin{cases} \sqrt{x+3} - \sqrt{4-x-z} + 5 = 2\sqrt{y+x-x^2+z} \\ |y+1| + 3|y-12| = \sqrt{169-z^2} \end{cases} \quad (1)$$

$$(2) \quad |y+1| + 3|y-12| = \sqrt{169-z^2} \leq \sqrt{169} = 13.$$

$$1) \quad y \geq 12$$

~~$$y+1 + 3(y-12) \geq 13 \quad |y+1| + 3|y-12| =$$~~

$$= y+1 + 3y-36 = 4y-35 \leq 13 \Leftrightarrow y \leq 12.$$

$$y \geq 12 \text{ и } y \leq 12 \Rightarrow y = 12 :$$

$$|12+1| + 3|12-12| = \sqrt{169-z^2}$$

$$\sqrt{169-z^2} = 13 \Rightarrow z = 0.$$

$$(1) \quad \sqrt{x+3} - \sqrt{4-x} + 5 = 2\sqrt{-x^2+x+12} = \\ = 2\sqrt{x+3} \cdot \sqrt{4-x}$$

$$\text{ОДЗ: } x \in [-3; 4].$$

$$\text{Сумма } a = \sqrt{x+3} \geq 0, \quad b = \sqrt{4-x} \geq 0.$$

$$\text{Тогда } a^2 + b^2 = x+3 + 4-x = 7.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 3

$$\cos 3x + 3 \cos 2x + 6 \cos x = p$$

$$4 \cos^3 x - 3 \cos x + 6 \cos^2 x - 3 + 6 \cos x = p$$

$$4 \cos^3 x + 6 \cos^2 x + 3 \cos x - 3 = p$$

Лучше $f(t) = 4t^3 + 6t^2 + 3t - 3$.

Очевидно, что $4 \cos^3 x + 6 \cos^2 x + 3 \cos x - 3 = p$

имеет решение, когда $F(t) = p$ имеет решение

на отрезке $[-1; 1]$.

$$f'(t) = 12t^2 + 12t + 3 = 3(4t+1)^2 \geq 0 \Rightarrow$$

$\Rightarrow f(t)$ возрастает на $D(f)$.

Значит, $f(t)$ на отрезке $[-1; 1]$ принимает все значения от $f(-1)$ до $f(1)$.

$$f(-1) = -4 + 6 - 3 - 3 = -4, \quad f(1) = 4 + 6 + 3 - 3 = 10$$

Значит, при $p \in [-4; 10]$ $f(t) = p$ будет

иметь корень на $[-1; 1]$.

Очевидно, что при $p < -4$ или $p > 10$

$f(t) = p$ будет иметь корни, но не на отрезке $[-1; 1]$.

Ответ: $p \in [-4; 10]$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 5 Всю шелок $200 \cdot 250 = 50000$

Найдём симметрии относительно центр, вертикальной оси, горизонтальной оси, горизонтальными, вертикальными, центральными.

Для вертикальной симметрии:

достаточно выбрать четыре точки ^{шёлка} в левой половине прямоугольника, а остальные можно определить в правой половине — это C_{25000}^4 способов.



Аналогично, для горизонтальной симметрии можно выбрать 4 точки в верхней половине прямоугольника — C_{25000}^4 .



Для центральной симметрии также достаточно 4-х точек в левой половине, а остальные можно определить — C_{25000}^4 .



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input checked="" type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 6.

Найти $(a-c) \cdot (b-c) = p^2$ (p - простое),

$a > b \Rightarrow a-c > b-c$, то есть существует

такое c :

$$\begin{cases} a-c = p^2 \\ b-c = 1 \end{cases} \quad (1)$$

$$\begin{cases} a-c = -1 \\ b-c = -p^2 \end{cases} \quad (1')$$

Бесспорно p - простое, $p^2 = p \cdot 1 = (-1) \cdot (-p^2) =$
 $= p \cdot p = (-p) \cdot (-p)$ — всего 4 способа разложения p^2

на 2 простых членотделения ($p \cdot p$ и $(p) \cdot (-p)$ не подходит, так как $a-c \neq b-c$).

$$1) Тогда \quad (a-c) - (b-c) = p^2 - 1 \quad \Leftrightarrow a-b = p^2 - 1.$$

Если $p \equiv 2 \pmod{3}$ $p^2 - 1 \equiv 2^2 - 1 \pmod{3} \equiv 0 \pmod{3}$

Если $p \equiv 1 \pmod{3}$ $p^2 - 1 \equiv 1^2 - 1 \pmod{3} \equiv 0 \pmod{3}$.

Если $p \equiv 0 \pmod{3}$ $p^2 - 1 \equiv 0^2 - 1 \pmod{3} \equiv 2 \pmod{3}$.

Так как $p | (a-b)$ $\nmid 3$, то $(p^2 - 1) \nmid 3 \Rightarrow$

$\Rightarrow p \equiv 0 \pmod{3}$. Единственное простое, кратное

трём, это число 3 $\Rightarrow p = 3$.

$$a = b + p^2 - 1 = b + 8.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x+3} - \sqrt{4-x} + 5 = 2\sqrt{4x+12+x-x^2}, \quad 2 \\ = 2\sqrt{-(x-\frac{1}{2})^2 + 12,25}$$

$$2\sqrt{\frac{47}{4}} = \sqrt{47}$$

*2

$$\sqrt{x+3} + 5 = 2\sqrt{-x^2+x+12} + \sqrt{4-x}$$

Тогда добавляем что

$$x > -3$$

$$x \in [-3; 4]$$

$$\begin{aligned} a &= \sqrt{4-x} \\ b &= \sqrt{x+3} \end{aligned}$$

$$a - b + 5 = 2ab$$

$$a - b = -2$$

$$a^2 - b^2 = 4$$

$$2ab = 3$$

$$(a-b)^2 + (a-b) - 2 = 0$$

$$(a+b)^2 = (a-b)^2 + 4ab =$$

$$t^2 + t - 2 = 0$$

$$= 4 + 6 = 10$$

$$t_1 = -2$$

$$t_2 = 1$$

2x

$$\sqrt{x+3} = -2 + \sqrt{4-x}$$

$$a+b = \sqrt{10}$$

$$a-b = -2$$

$$\begin{aligned} 0, \sqrt{10} & \quad 0, 0 \\ -1, \sqrt{2} & = -1, \sqrt{10}-2 \\ -2, 1 & \quad -2, \sqrt{10}-2 \end{aligned}$$

$$2a = \frac{\sqrt{10} - 2}{2}$$

$$b = \frac{\sqrt{10} + 2}{2}$$

$$a = \frac{\sqrt{10} + 2}{2}$$

$$b = \frac{\sqrt{10} - 2}{2}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$a - b^2 = 560 \Leftrightarrow b^2 + b - 8 = 560$$

$$b^2 + b - 552 = 0$$

$$(b+24)(b-23) = 0$$

$$\text{Буди } b = 23 \quad a = 23 + 8 = 31.$$

$$\text{Из (2)} \quad c = b - 1. \quad c = 22.$$

$$\text{Буди } b = -24 \quad a = -24 + 8 = -16.$$

$$c = \cancel{-24} - 1 = -25$$

Аналогично, б аугае 2) получим, чо

$$a - b = (a - c) - (b - c) = -1 - (-p^2) = p^2 - 1,$$

откуда $p = 3$, $b \cdot a = b + 8$. ~~так~~ Задача так же

$$(b+24)(b-23) = 0.$$

$$\text{По из } \cancel{(1)} \quad (1') \quad c = a + 1.$$

$$\text{Если } (a; b) = (31; 23), \text{ то } c = 32.$$

$$\text{Если } (a; b) = (-16; -24), \text{ то } c = -15.$$

Таким образом, существуют 4 таких тройки:

Ответ
 $(31; 23; 32)$, $(-16; -24; -15)$, $(31; 23; 32)$,



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Замечаем, что если раскраска имеет какое-то 2-тия симметрия, то очевидно, имеет и первое.
Таких фигур C_{12500}^2 .

Значит, всех видов способов

$$C_{25000}^4 + C_{25000}^4 + C_{12500}^4 - 2 \cdot C_{12500}^2 =$$

$$= 3 \cdot C_{25000}^4 - 2 \cdot C_{12500}^2$$

Ответ: $3 \cdot C_{25000}^4 - 2 \cdot C_{12500}^2$

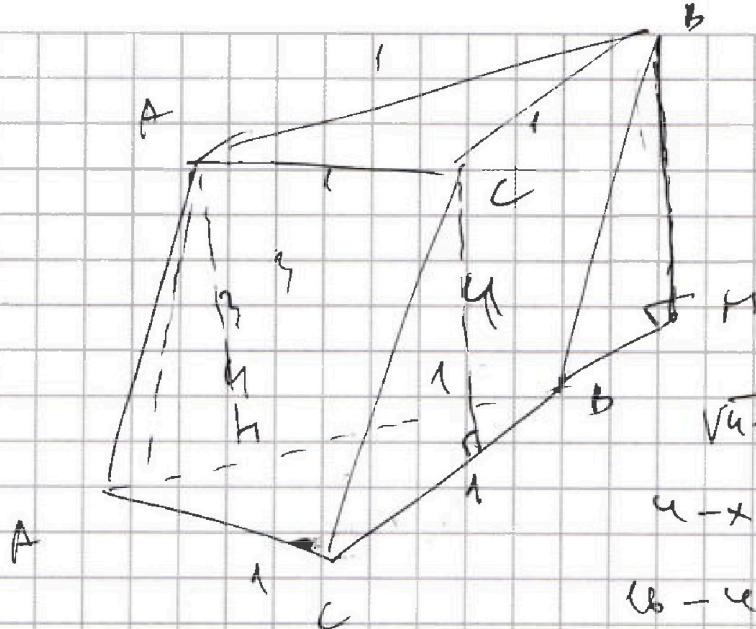


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ из _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\sqrt{u-x} = \frac{-1 + \sqrt{13}}{2}$$

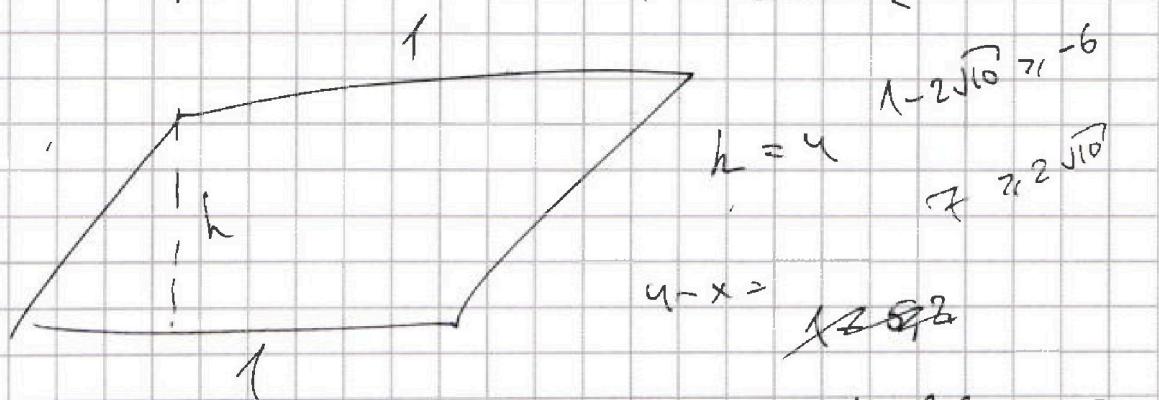
$$u-x = \frac{(u-2\sqrt{13})}{4}$$

$$(u-4x) = 14 - 2\sqrt{13}$$

$$u+x = 2 + 2\sqrt{13}$$

$$x = \frac{u+2\sqrt{13} - 14 + \sqrt{13}}{2}$$

Двусторонне по 2



$$\frac{1 - GG}{2} = -\frac{56}{2} =$$

$$u-x = \frac{2 + \sqrt{10}}{2} \rightarrow \sqrt{7}$$

$$= -3$$

$$2 + \sqrt{10} > 2\sqrt{7}$$

$$u + 2\sqrt{10} + 10 > 14 + 2\sqrt{7}$$

$$2\sqrt{10} > 14$$

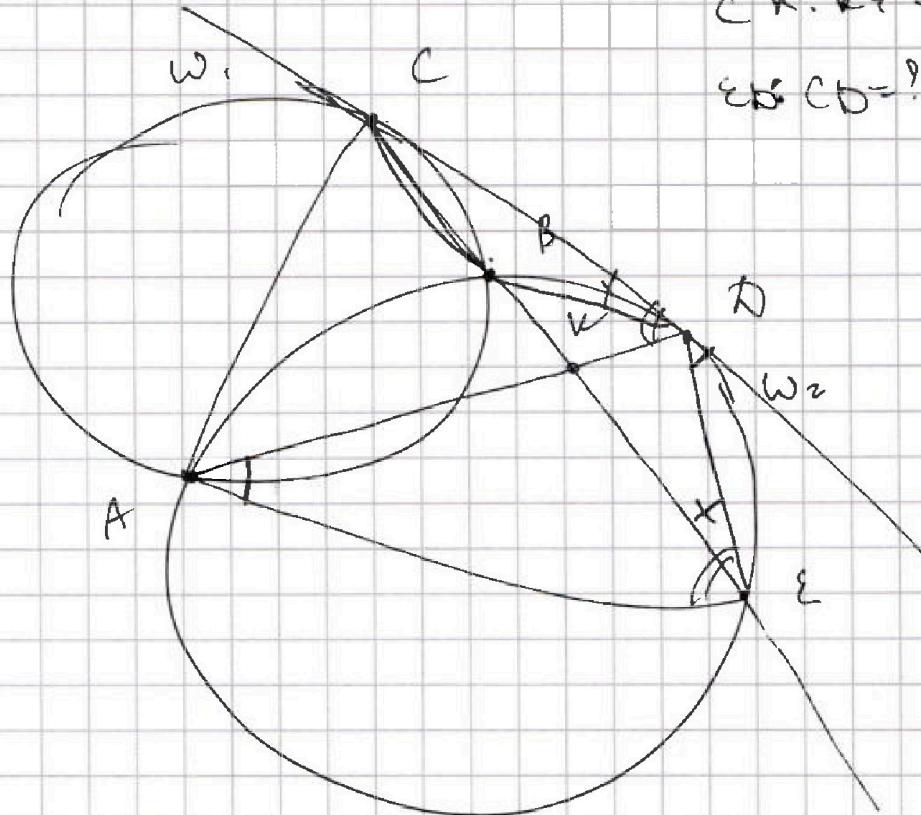
$$\sqrt{10} >$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

 1 2 3 4 5 6 7СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$CK : KC = 3 : 10$$

$$CK : CB = ?$$

$$CD^2 = CB \cdot CE$$

$$AK \cdot KD = BK \cdot KE$$

$$\frac{BD}{CE \cdot CD} = \frac{CD}{CE} - \frac{CB}{CD}$$

$$\frac{CE}{CD} = \frac{CB}{BD}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$-65 - 35 = 100$$

$$260 - 25 = ?$$

$$560 =$$

$$\begin{array}{r} 25 \\ \times 16 \\ \hline 16 \end{array}$$

$$a - b = p^2 + 1. \quad x = -5.$$

$$a = b + p^2 + 1$$

$$560 = a + b^2 = l^2 + b - p^2 + 1$$

$$b^2 + b - p^2 = 559$$

$$35 - 13x$$

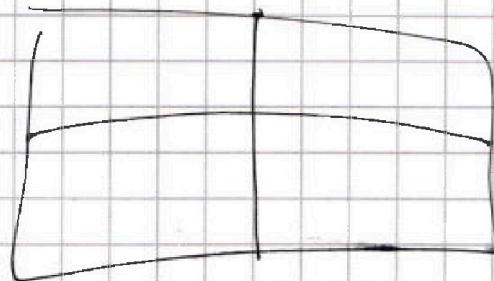
$$\begin{array}{r} 23 \\ \times 23 \\ \hline 69 \\ 46 \\ \hline 529 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 23 \\ \times 24 \\ \hline 92 \\ 46 \\ \hline 552 \end{array}$$

Всего 50000 кирпичей

$$250$$

$$200$$



Найдем

$$11 \times 250.$$

$$\sqrt{x+6}^2 (5-x - \sqrt{3x+35}) = 0$$

$$a - b + 5 = 2ab \quad q^2 = \sqrt{(x+1)} \cdot x+1. \\ a^2 + b^2 = 7$$

$$(5-x) \sqrt{(x+1)} = \sqrt{(11x+35)} (x+1)$$

$$\sqrt{(-1-x)(35-13x)} = 5 - \sqrt{(-1-x)}$$

2



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$a_{15} = a_7 \cdot q^8 = a_7 \cdot (x+1)^8$$

$$q^8 = (x+1)^2$$

$$q^2 = \sqrt{x+1}$$

$$q^2 = \frac{\sqrt{x+1}}{8x+6-3} = 0$$

$$D=13$$

$$B = \frac{-1 \pm \sqrt{13}}{2}$$

$$(5-x) \sqrt{x+1} = \sqrt{(13x+35)(x+1)}$$

$$x \neq -1$$

$$x^2 - 10x + 25 - 13x - 35 = 0$$

$$x^2 - 23x + 60 = 0$$

$$D = 529 - 240 = 289 = 17^2$$

$$\begin{cases} a-b+5=2ab \\ c^2+8^2=7 \end{cases}$$

$$(a-b)^2 + (a-b)-2 = 0$$

$$(a-b-1)(a-b+2) = 0$$

$$a = b+1$$

$$2x + (x-20)(x-3) = 0$$

$$6 = 2B(B+1)$$

$$1) x=20$$

$$a=b-2$$

$$3=2B(B-2)$$

$$B^2 + B - 3 = 0$$

$$B = -3, B = 1$$

$$x = 21$$

$$a_7 = \sqrt[21]{\frac{225}{213}} = \frac{15}{21} \sqrt{\frac{1}{21}}$$

$$q^6 = -\sqrt{21^3}$$

$$21x=3$$

$$a_7 = \sqrt[21]{\frac{q}{43}} = \frac{1}{u}$$

$$q^2 = 2$$

$$q^2 = 2$$

$$5-x = 2, \quad q^6 = 8, \quad a_{15} = 4$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

 1 2 3 4 5 6 7СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} \sqrt{x+3} - \sqrt{4-x-z} + 5 = 2 \sqrt{y+x-x^2+z^2} \\ |y+1| + 3|y-12| = \sqrt{169-z^2} \end{cases}$$

$$|y+1| + 3|y-12| = \sqrt{169-z^2} \leq 13$$

~~хорош~~

$$\begin{array}{l} y \geq 12 \\ -1 \leq y \leq 12 \end{array}$$

$$-4y - 37 \leq 13$$

$$4y \leq 48$$

$$y \geq 12 \quad \text{X}$$

$$y \leq 12$$

$$y < -1$$

$$y = 12$$

$$-4y + 37 \leq 13$$

$$y \geq \frac{24}{4} = 7,5 \quad \text{O}$$

$$x^2 - x - 12$$

Остается $y = 12$.

$$\begin{aligned} |12+1| + 3|12-12| &= \sqrt{169-z^2} \\ z &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sqrt{x+3} - \sqrt{4-x} + 5 &= 2 \sqrt{-x^2+x+12} = \\ &= 2\sqrt{(x+3)(4-x)} \\ a = \sqrt{x+3}, \quad b = \sqrt{4-x} & \quad a-b+5 = 2ab \\ \text{OBS! } x \in [-3; 4] & \quad a^2+b^2=7 \end{aligned}$$

$$(a+b)^2 = 7(12+ab)$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$t = -\frac{1}{2}$ → точка минимума

$$f(-\frac{1}{2}) = -\frac{4}{8} + \frac{6}{4} - \frac{3}{2} - 3 = -\frac{1}{2} - \frac{3}{2} - 3 + \frac{3}{2} = -3.5$$

$$f(-1) = -4 + 6 - 3 - 3 = -4$$

$$f(1) = 4 + 6 - 3 - 3 = 10$$

$$p \in [-4; 10]$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\cos 3x + 3 \cos 2x + 6 \cos x = p$$

$$\begin{aligned} \cos 3x &= \cos(2x+x) = \cos 2x \cos x - \sin 2x \cdot \sin x = \\ &= (2 \cos^2 x - 1) \cos x - 2 \cos x \cdot \sin^2 x = \\ &= 2 \cos^3 x - \cancel{\cos x} - 2 \cos x - \cos x (1 + 2 \sin^2 x) = \\ &= 2 \cos^3 x - \cos x (3 - 2 \cos^2 x) = -3 \cos x \end{aligned}$$

$$\cos 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}^2 - \frac{1}{2}^2 = \frac{1}{2}$$

$$\begin{aligned} \cos x (2 \cos^2 x - 1 - 2 \sin^2 x) &> \cos x (4 \cos^2 x - 3) = \\ &= 4 \cos^3 x - 3 \cos x \end{aligned}$$

$$3 \cos 2x = 6 \cos^2 x - 3$$

$$4 \cos^3 x + 6 \cos^2 x + 3 \cos x - 3 = p$$

$$t = \cos x$$

$4t^3 + 6t^2 + 3t - 3 = p$ — квадратное уравнение
ищем корни на $[-1; 1]$

$$\begin{aligned} f(t) &= 4t^3 + 6t^2 + 3t - 3 & t = -\frac{1}{2} \\ f'(t) &= 12t^2 + 12t + 3 & t = -\frac{1}{2} \end{aligned}$$

$$D = 1 \cdot 4 - 1 \cdot 4 = 0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$a_4 = \sqrt{\frac{13x - 35}{(x+1)^3}} = aq^4 \quad aq^4$$

$$a_{13} = aq^{12} = 5 - x$$

$$a_{15} = aq^{14} = \sqrt{(13x - 35)(x+1)}$$

$$a_1 = a$$

$$\frac{a}{t} \cdot q^4 = a t$$

$$t^4 = q^4$$

$$t = q^{\frac{1}{4}}$$

$$q^7 = (x+1)^2 = q = (x+1)^{\frac{2}{7}}$$

$$a(x+1)^{\frac{24}{7}} = 5 - x$$

$$a^8 = (x+1)^2$$

$$a^4 = x+1$$

$$x = q^{-1}$$

$$q = \sqrt[7]{x+1}$$

$$q^4 - 12x + 5 = aq^{12}$$

$$q^4 - 4 = a/q^{12}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\text{Только перв } C^4_{25000} - C^2_{12500}$$

$$\text{втор } C^4_{25000} - C^2_{12500}$$

$$\text{трет } 50000 \cdot 49998 \cdot 49996 \cdot 49994 - C^2_{12500}$$

$$\text{то есть } \text{Всего } \left(C^4_{25000} - C^2_{12500} \right) \cdot 2 + K \cdot C^2_{12500} + \\ + C^2_{12500} = 2 \cdot C^4_{25000} - 2 \cdot C^2_{12500} + \underline{\underline{50000 \cdot 49998 \cdot 49996 \cdot 49994}}$$

$$K = ? \quad C^4_{25000} = \frac{25000 \cdot 24999 \cdot 24998 \cdot 24997}{4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1}$$

$$3 C^4_{25000} - 2 C^2_{12500}$$

$$\begin{array}{r} 24 \\ \times 23 \\ \hline 552 \end{array}$$

$$3 C^4_{25000} - 2 C^2_{12500}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$(a-c)(b-c) = p^2$$

$$1) \quad a-c = p^2$$

$$b-c = 1$$

$$c = -p^2 + a \approx b - 1$$

$$a = b + p^2 - 1$$

$$c = a - p^2 = b - 1$$

$$a = b + p^2 - 1$$

$$a - b = p^2 - 1 \quad \checkmark$$

$$a-c = p^2$$

$$b-c = 1$$

$$c = a - p^2 = b - 1$$

$$a - b = p^2 - 1$$

$$a - b = 0 - 1 = -1$$

$$a = b - 1$$

$$b^2 + b = 552 \approx 0$$

$$b = \frac{-1 + \sqrt{17}}{2} - 23 \quad D = 1 + 2208 = 2209 = 44^2$$

$$b_2 = -24$$

$$\begin{array}{r} 2233 \\ - 21 \\ \hline 13 \\ - 13 \\ \hline 0 \end{array} \quad | \quad \begin{array}{r} 7 \\ 319 \\ \hline 67 \end{array}$$

$$2) \quad a-c = -1$$

$$b-c = -p^2$$

$$a+1 = b+p^2$$

$$\cancel{a = b} \quad a = b \approx p^2 - 1.$$

$$\underline{p=3}$$

$$a = b + 2.$$

$$b^2 + b - 558 \approx 0$$

$$D = 1 + 4 \cdot 558 \approx 2233$$

$$b = \frac{-1 \pm \sqrt{2233}}{2}$$

$$\begin{array}{r} 47 \\ + 47 \\ \hline 94 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 329 \\ - 329 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 188 \\ - 188 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 209 \\ - 209 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$a-c = -1$$

$$b-c = -p^2$$

$$a-b = p^2 - 1 \quad \cancel{\text{ст} (p=3)}$$

$$\begin{array}{r} 2209 \\ - 17 \\ \hline 203 \end{array} \quad | \quad \begin{array}{r} 13 \\ 13 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 50 \\ - 34 \\ \hline 16 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2209 \\ - 13 \\ \hline 207 \end{array} \quad | \quad \begin{array}{r} 13 \\ 13 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 90 \\ - 78 \\ \hline 12 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 12 \\ - 12 \\ \hline 0 \end{array}$$

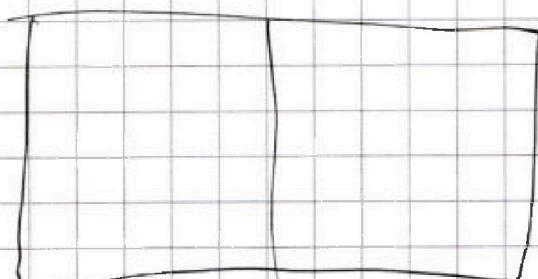
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



50.000

200

250

Отишитненію

Отишитненію Вертикаль

C^4
 C_{25000}

1) Четвер

Горизонтеніи C^4
 C_{25000}

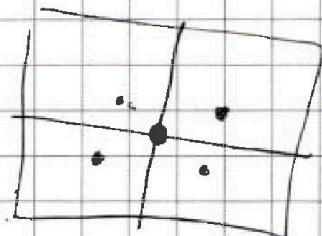
2) Ср.-нижні

4) Отишитненію Четвер.

$$25000 \cdot 50000 \cdot 4998 \cdot 4996 \cdot 4994$$

Кільчесво певтерекіній. Столько чиленд

Все виды симметрии



Две чиленд видерекіній:

C^2
 C_{12500}

Мозж

Верх - гориз C^2
 C_{12500}

Верх - Четвер

C^2
 C_{12500}

Одиска

Радж Гориз - Четвер C^2
 C_{12500}

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{array}{r} \cancel{23} \\ \cancel{23} \\ \frac{69}{529} \end{array} \quad a+b^2 = 560 \quad *$$

$$17^2 = 400 + 1 - 40 =$$

$$\begin{array}{r} \cancel{144} \\ \cancel{144} \\ \hline 576 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 17 \\ 17 \\ \hline 19 \\ 17 \\ \hline 2 \end{array} \quad \begin{array}{r} 81 \\ 4 \\ \hline 32 \end{array}$$

Квадраты 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81,
100, 121, 144, 169, 196, 225, 256, 289, 324, 361,
400, 441, 484, 529,

$$(a-c)(b-c) = ab - bi - c(a+b) = p^2 - ac^2$$

$$(a-c)(b-c) = p^2$$

$$1) (a-c) = p^2$$

$$b-c = 1$$

$$c = a - p^2 = b + 1$$

$$a-b = p^2 - 1$$

$$a = b + 2.$$

$$c = b + p^2 = b +$$

$$a - b + 2 + b^2 = 560$$

$$b^2 + b - 558 = 0$$

$$D = 2233$$

$$b = \frac{-1 \pm \sqrt{2233}}{2}$$

$$2) a-c = -1$$

$$b-c = -p^2$$

$$a = c - 1 \quad c = a + 2$$

$$c = b + p^2 = a + 1$$

$$c = a + 2$$

$$a - b = p^2 - 1$$

$$p^2 - 1 \neq 3 \text{ при } p = 1.$$

$$a - b = 3 - 1 = 2$$

$$23$$

$$\begin{array}{r} 558 / 2 \\ 279 / 3 \\ 93 / 3 \\ 31 / 31 \\ 1 \end{array} \quad \begin{array}{r} \times 558 \\ \hline 2232 \\ -2233 / 7 \\ 21 / 31 \\ \hline 63 \end{array}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$a^2 + b^2 + (a - b) \cdot 5 - 2ab - 7 = 0$$

$$(a - b)(a - b + 1) - 12 = 0.$$

$$t = a - b.$$

$$t(t + 1) - 12 = 0$$

$$t^2 + t - 12 = 0$$

$$t_1 = -4$$

$$t_2 = 3$$

$$a^2 + b^2 = 7$$

$$4 = 2 \sqrt{-x^2 + x + 12}$$

$$a - b + 5 = 2ab$$

$$-x^2 + x + 12 = \frac{1}{4}.$$

$$x^2 - x - \frac{47}{4} = 0$$

$$\sqrt{x+3} = \sqrt{4-x+5} ?$$

$$\sqrt{x+3} + \sqrt{4-x} + 5 = 2 \sqrt{-x^2 + x + 12}$$