



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ



11 КЛАСС. Вариант 11

1. [3 балла] Углы выпуклого многоугольника образуют арифметическую прогрессию, имеющую разность 2° и начинающуюся с угла 143° . Какое наибольшее число вершин может быть у такого многоугольника? $S_n = \frac{2 \cdot 143 + 2(n-1)}{2} \cdot n = 780(n-1)$ $(143+n-1)n = 780n - 360$ $n^2 + 142n - 360 = 0$ $n = \frac{-142 \pm \sqrt{142^2 + 4 \cdot 360}}{2}$
2. [4 балла] Целые числа x, y, z удовлетворяют равенству $x \ln 16 + y \ln 8 + z \ln 24 = \ln 6$. Найдите наименьшее возможное значение выражения $x^2 + y^2 + z^2$.
3. [4 балла] Из множества M , состоящего из семи подряд идущих натуральных чисел, выбираются шестёрки попарно различных чисел такие, что сумма чисел в каждой из шестёрок – простое число. Пусть p и q – две из таких сумм. Найдите множество M , если $p^2 - q^2 = 792$.
 $B_{11+15}, C_{11+16}, C_{11+17}, C_{11+18}, C_{11+19}, C_{11+20}, C_{11+21}$
4. [5 баллов] Диагонали BD и AC трапеции $ABCD$ пересекаются в точке M , а отношение оснований $AD : BC = 1 : 2$. Точки I_1 и I_2 – центры окружностей ω_1 и ω_2 , вписанных в треугольники BMC и AMD соответственно. Прямая, проходящая через точку M , пересекает ω_1 в точках X и Y , а ω_2 – в точках Z и W (X и Z находятся ближе к M). Найдите радиус окружности ω_1 , если $I_1 I_2 = 13/2$, а $MZ \cdot MY = 5$.
5. [5 баллов] Что больше: $5 - 4 \sin \frac{3\pi}{14}$ или $4 \cos \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{\pi}{14}$? $5 - 4 \sin \frac{3\pi}{14} > 4 \cos \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{\pi}{14}$
6. [4 балла] Даны 12 точек: 7 из них лежат на одной окружности в плоскости α , а остальные 5 расположены вне плоскости α . Известно, что если четыре точки из всех 12 лежат в одной плоскости, то эта плоскость – α . Сколько существует выпуклых пирамид с вершинами в данных точках?
7. [6 баллов] Дана правильная шестиугольная пирамида $SABCDEF$ (S – вершина) со стороной основания 2 и боковым ребром 4. Точка X лежит на прямой SF , точка Y – на прямой AD , причём отрезок XY параллелен плоскости SAB (или лежит в ней). Найдите наименьшую возможную длину отрезка XY . $27/2 \approx 13.5$

$$\begin{aligned}
 & 143 + 2 \cdot 17 = 181 \\
 & \min(n^2 + y^2 + z^2) \\
 & x, y, z \in \mathbb{Z} \\
 & \ln 16 + \ln 8 + \ln 24 = \ln 6 \quad 16 \cdot 15 \\
 & \ln 2 + 3 \ln 2 + 2 \ln 2 + 2 \ln 3 = \ln 6 \\
 & 3 \ln 2 + 2 \ln 3 = \ln 6 \\
 & \ln 2 + 3 \ln 2 + 3 \ln 2 + 2 \ln 3 = \ln 2 + \ln 3 \\
 & \ln 2(4n + 3y + 3z - 1) = \ln 3(z - 1) \\
 & \ln 2(4n + 3y + 3z - 1) + \ln 3(z - 1) = 0 \\
 & 4n + 3y + 3z - 1 = \frac{\ln 3}{\ln 2}(z - 1)
 \end{aligned}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input checked="" type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1. Дадут $\alpha_1 = 143^\circ$, $\alpha_2 = 2^\circ$. Тогда всего сумма всех углов данного многоугольника $S_n = \frac{2 \cdot 143^\circ + 2^\circ(n-2)}{2} \cdot n = (143^\circ + n - 1) \cdot n$, где n - число углов. Сумма углов выпуклого многоугольника $S_n = 180^\circ(n-2)$. Составим получаем:

$$(143^\circ + n - 1) \cdot n = 180^\circ(n-2)$$

$$143n + n^2 - n = 180n - 360$$

$$n^2 - 38n + 360 = 0$$

$$\frac{D}{4} = (19)^2 - 360 = 1 \Rightarrow \begin{cases} n_1 = 19 - 1 = 18 \\ n_2 = 19 + 1 = 20 \end{cases}$$

Заметим, что при $n=20$ наибольший угол $\alpha_{20} = 143^\circ + 2^\circ(20-2) = 181^\circ$, что противоречит условию о выпуклости данного многоугольника.

$\alpha_{18} = 143^\circ + 2^\circ \cdot [19-1] = 177^\circ < 180^\circ$. Тогда наибольшее возможное число вершин самого многоугольника - 18.

Ответ: 18

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- | | | | | | | |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

2. Для решения равенство в более удобной форме, пользуясь свойствами логарифмов:

$$4n \ln 2 + 3y \ln 2 + 3z \ln 2 + z \cdot \ln 3 = \ln 3 + \ln 2$$

$$\ln 2(4n + 3y + 3z - 1) + \ln 3(z - 1) = 0 \quad | : \ln 2 \neq 0$$

$$4n + 3y + 3z - 1 + \frac{\ln 3}{\ln 2}(z - 1) = 0$$

$$4n + 3y + 3z - 1 + \log_2 3 \cdot z - \log_2 3 = 0$$

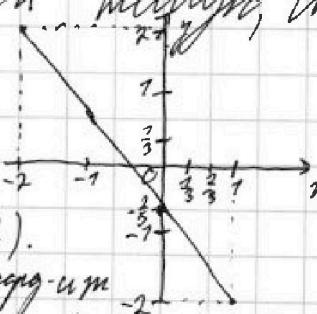
$$4n + 3y + (3 + \log_2 3)z - 1 - \log_2 3 = 0$$

Значит, что z в выражении равно 1, потому что иные логарифмы не делятся нацело, т.к. $n, y \in \mathbb{Z}$. Тогда получаем:

$$4n + 3y + 2 = 0$$

$y = -\frac{4n+2}{3} = -\frac{4}{3}n - \frac{2}{3}$. Видим как нужно выбрать точку на данной прямой такую, что $n, y \in \mathbb{Z}$ и $n^2 + y^2$ минимальное.

Из условия видно, что нам подходит точка $(-2; 2)$ и $(1; -2)$. Для этого сумма квадратов координат должна быть минимальной. Из условия видно, что сумма квадратов координат должна быть минимальной с целочисленными координатами. Дадим значение $n^2 + y^2$ для точек $(-2; 2)$ и $(1; -2)$.



Ответ: 6

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3. Если числа из семи подряд идущих последовательных чисел, то, склонившись надпись из них n_1 , мы можем записать его в виде: $\{n_1, n_2, \dots, n_7\}$. Заметим, что ~~если~~ числа из семи подряд идущих чисел из записи числа $C_7 = 7$. Тогда рассмотрим все возможные ~~числами~~: ~~числом~~ первые числа, тогда их сумма = $6n_1 + 15$. Число ~~сумма~~ ~~число~~ семерича делится на 3 из чисел. Тогда получим ~~число~~ семеричное n_1 делится на 3 из суммы всех 7 чисел = $7n_1 + 21$. Поэтому ~~найдется~~ из ~~числа~~ ~~число~~ n_1 , получим:

$6n_1 + 21 ; n_2 + 1 ; 6n_1 + 20 ; \dots ; n_1 + 6 : 6n_1 + 15$. Но из беседы, что ~~числами~~ ~~числом~~ n_1 делится на 3 из суммы ~~числа~~ ~~числом~~ n_1 . Значит, что $6n_1 + 21 = 3(2n_1 + 7)$ - не простое, т.к. делится на 3. Аналогично $6n_1 + 20 = 2(3n_1 + 10)$ делится на 2; $6n_1 + 18 = 6(n_1 + 3) : 6$; $6n_1 + 16 = 2(3n_1 + 8) : 2$; $6n_1 + 15 = 3(2n_1 + 5) : 3$. Тогда из всех чисел n_1 числа n_1 делится на 3 из $(n_1, n_1 + 1, n_1 + 3, n_1 + 4, n_1 + 5, n_1 + 6)$ и $(n_1, n_1 + 1, n_1 + 2, n_1 + 3, n_1 + 5, n_1 + 6)$ с суммами $6n_1 + 19$ и $6n_1 + 17$ соответственно.

Тогда $6n_1 + 19 = p$, $6n_1 + 17 = q$, т.к. $6n_1 + 19 > 6n_1 + 17$ и $p^2 - q^2 > 0 \Rightarrow p > q$. Определяя $(6n_1 + 19)^2 - (6n_1 + 17)^2 = 492$;

$2 \cdot (12n_1 + 36) = 792$

$24(n_1 + 3) = 792$

$n_1 + 3 = 33$

$n_1 = 30$, значит $M = \{30, 31, 32, 33, 34, 35, 36\}$
(тогда $p = 797$ и $q = 777$ - простые числа ~~число~~ ~~числом~~)
Ответ: $\{30, 31, 32, 33, 34, 35, 36\}$

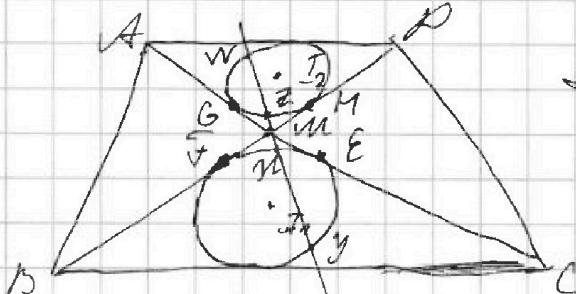


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$J_1 T_2 = \frac{73}{2}, MZ \cdot MY = 5$$

последовательно

Пусть W_1 - точка касания
AC и MP в точках G
и H соответственно, а W_2 - точка касания G
и Y соответственно. Тогда имеем соотношения

$$M N \cdot M Y = M E^2 \quad \text{и} \quad M Z \cdot M W = M H^2. \quad M Y = \frac{5}{M Z}$$

$$\frac{MN}{MZ} = ME^2$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input checked="" type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

5. $5 - 4 \sin \frac{3\pi}{7} < 4 \cos \frac{5\pi}{7} - 5 \sin \frac{5\pi}{7}$. В таком виде сравнивать данные числа не очень удобно, но, если нам покажется нужным, то
к одной группе.

Заметим, что, т.к. $\frac{3\pi}{7} > \frac{\pi}{4}$ и число в I^o возрастает, то $\sin \frac{3\pi}{7} > \sin \frac{\pi}{4} = \sqrt{2}/2$ $\Rightarrow -4 \sin \frac{3\pi}{7} < -4 \sin \frac{\pi}{4}$.
Давайте сократим в знаменателе, умножив на $\sqrt{2}/\sqrt{2}$.

$$5 \sin^2 \frac{3\pi}{7} + 5 \cos^2 \frac{3\pi}{7} - 4 \sin \frac{3\pi}{7} < 4 \cos^2 \frac{5\pi}{7} + 4 \sin^2 \frac{5\pi}{7} - 5 \sin \frac{5\pi}{7}$$

$$5 \sin^2 \frac{3\pi}{7} + \cos^2 \frac{3\pi}{7} - 4 \sin \frac{3\pi}{7} < -5 \sin \frac{5\pi}{7}$$

$$7 + 3 \sin^2 \frac{3\pi}{7} - 4 \sin \frac{3\pi}{7} < -5 \sin \frac{5\pi}{7}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
|---|---|---|---|---|---|---|

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

6. Для участия в соревнованиях летят 7 машин на аэробатистов в 1-м д., а другие 5 - во 2-м д. Ещё我们知道, что машины из 1-го д. не летят в соревнованиях, т.к. иначе они летят в 1-м д. - противоречие. Мы знаем, что через каждые 3 машины пропускают 1-ю, и пропускают машину одна. Тогда через эти машины пропускают машину 10-ю. Используя это, мы можем сказать, что машин 10-е.

Все машины пойдут на соревнования, если последние 7 машин летят в 1-м д.:

предупреждение: $C_7^3 \cdot 5 = 35 \cdot 5 = 175$; запрещение: $C_7^4 \cdot 5 = 35 \cdot 5 = 175$; машину 10-ю: $C_7^5 \cdot 5 = 21 \cdot 5 = 105$; машину 1-ю: $C_7^6 \cdot 5 = 7 \cdot 5 = 35$;

Семиугольник: 5. Итого машины, естественно, летят 6 машин в 1-м д.: $175 + 175 + 105 + 35 + 5 = 495$, потому все из них бесполезные, т.к.

единственное сопровождение летят на аэробатистов. Но у нас есть 7 машин, летающих во 2-м д. Их машины пропускают машину 10-ю. Используя это, мы можем сказать, что машины из 2-го д. не летят в соревнованиях, т.к. иначе они летели бы в 1-м д.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input checked="" type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

с. продолжение

ки в памяток. Тогда мы можем предположить, что построим еще $10 \cdot 7 = 70$ треугольных пирамид с основанием в данной плоскости, а также дополнительные основания - пресекущие. Тогда мы имеем всеядородную пирамиду, состоящую из 2 из данного 5 монет, 1 монеты на опущенности, получившей треугольник, и ~~еще одна~~ еще одна вершина. Тогда данная пирамида $C_5^2 \cdot C_7^2 = 210$. Монеты выбраны 1 из 5 монет и 2 из 7 для создания, и еще 1 из 5 для вершины. Данный пирамиды 5.

C_5^3 , но мы их уже считали, т.к. это же мы считали, что в пирамиде с основанием 2 из 5 и вершиной в 1 из 5 монет. Значит, что ~~две~~ две группы пирамид мы не получили, т.к. либо 1 монета, либо пресекущие 2, либо 3 монеты в одной плоскости, либо пирамида будет невыполнимой. Итого: $495 + 70 + 210 = 775$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$5 - 4 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$4 \cos \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{5\pi}{7}$$

$$\text{реш 32} = \sin 109.2^\circ + \cos 109.2^\circ$$

$$4 \sin \frac{3\pi}{7} \in (0; \frac{\pi}{2}) \text{ реш } 77$$

$$4 \sin \frac{3\pi}{7} < 1$$

$$4 - 8 \sin^2 \frac{3\pi}{7} - 5 \sin \frac{5\pi}{7}$$

$$5 - 4 \sin \frac{3\pi}{7}$$

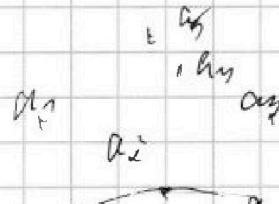
$$-8 \cdot \sin \frac{3\pi}{7} \in 1$$

$$5 - 4 \sin \frac{3\pi}{7} > 4 \cos \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{5\pi}{7}$$

задачи с сокращением

подтверждены - 285

задачи с сокращением



$$\alpha_1, \alpha_2 \in P$$

$$\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3 \in X$$

$$C_4^3 = \frac{4!}{3! \cdot 1!} = \frac{4 \cdot 3 \cdot 2}{6} = 35$$

$$5 - 4 \sin \frac{3\pi}{7}$$

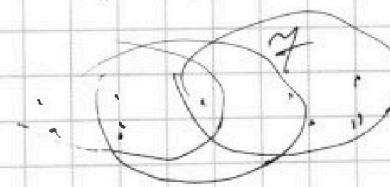
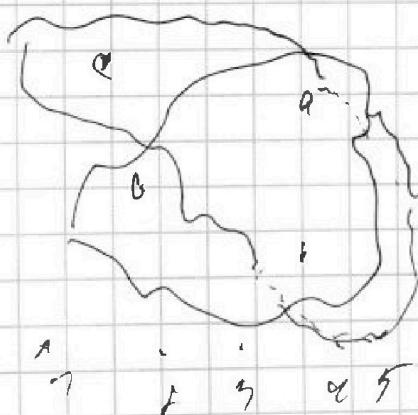
$$4 \cos \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{5\pi}{7}$$

$$783$$

$$C_4^3 = \frac{4!}{3! \cdot 1!} = 35 \cdot 5 = 175$$

$$C_7^5 = \frac{7!}{5! \cdot 2!} \cdot \frac{7 \cdot 6}{2} = 21 \cdot 21 = 441$$

$$C_7^6 = \frac{7!}{6! \cdot 1!} = 7 \cdot 6 = 42$$



$$723$$

$$134$$

$$C_5^3 = \frac{5!}{3! \cdot 2!} = \frac{5 \cdot 4}{2} = 10$$

$$234$$

$$345$$

$$\begin{matrix} 475 \\ 290 \\ 775 \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} 12 \\ 92 \\ 4 \end{matrix}$$

$$5$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~~5 - 4 sin $\frac{3\pi}{7}$~~

$$5 - 4 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$4 \cos \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{\pi}{7}$$

$$\frac{3\pi}{7} > \frac{\pi}{7} \Rightarrow \sin \frac{3\pi}{7} > \sin \frac{\pi}{7}$$

$$-4 \sin \frac{3\pi}{7} < -4 \sin \frac{\pi}{7}$$

$$4 \cos \frac{\pi}{7} <$$

$$4 \cos \frac{\pi}{7} < 4$$

$$4 \cos \frac{\pi}{7} < 4 < 5$$

$$4 \cos \frac{\pi}{7} - 4 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$4 \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{3\pi}{7} - 4 \sin \frac{\pi}{7}$$

$$5 - 4 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$4 \cos \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{\pi}{7}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отмьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned}
 & n \ln m + 3y + 3z = 6n \quad (Gn_1 + 19)^2 - 6(Gn_1 + 7) = 72 \quad \text{уравнение} \\
 & 4y^2 + n + 3m^2 - y + 3\ln 2 \cdot z + \ln 3 \cdot z = 6n_2 + \ln 3 \\
 & \ln 2(4y + 3y + 3z - 1) + \ln 3(z - 1) = 0 \\
 & m + 3y + 3z - 1 = -\frac{\ln 3}{\ln 2} (z - 1) \quad y = \frac{-4m - 2}{3} - \frac{4n}{3} - \frac{2}{3} \\
 & m + 3y + 3z - 1 = \log_2 3 \cdot (1 - z) \\
 & m + 3y + (3 + \log_2 3)z - 1 - \log_2 3 = 0 \\
 & m = c \quad y = -1 \quad z = 1 \quad m = 1 \quad z = -1 \quad \text{решение} \\
 & -3 + 3 + \log_2 3 - 1 - \log_2 3 = 0 \quad C_7 > \frac{76}{61} - 7 \\
 & G^{130} = \frac{m - 3 - \log_2 3}{130 + 19} \quad \frac{130 + 19}{130} = \frac{149}{130} \\
 & M \in \{m_1, m_2, m_3, \dots, m_7\} \quad m = -1 \quad z = 1 \quad y = 0 \\
 & \underbrace{n_1, n_{7+1}, \dots, n_{7+6}}_{0 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \quad 5 \quad 6} \quad \underbrace{p+q}_{p \neq q} \quad \underbrace{p+q}_{p \neq q} \quad \frac{792}{396} \quad \frac{2}{2} \\
 & p^2 - q^2 = 792 \quad (p-q)(p+q) = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 11 \quad \frac{792}{72} \quad \frac{24}{198} \quad \frac{2}{2} \\
 & 3 \cdot 7 = 21 \quad p > q \quad 1+1+4=6 \quad n^4 + y^4 = 22 \quad \frac{792}{72} \quad \frac{24}{198} \quad \frac{2}{2} \\
 & n=1 \quad y=-2 \quad z=1 \quad 36n_2 + 12 \cdot a + a^2 \quad \frac{792}{72} \quad \frac{24}{198} \quad \frac{2}{2} \\
 & y - 6 + 3 + \log_2 3 - 1 - \log_2 3 = 0 \quad y = 0 \quad 792 = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 11 \\
 & 3y + (3 + \log_2 3)z - 1 - \log_2 3 = 0 \quad m + (3 + \log_2 3)z - 1 - \log_2 3 = 0 \\
 & 3y + (3 + \log_2 3)z = 1 + \log_2 3 \quad \frac{y = -2}{n = -1} \quad \frac{g = \frac{2}{3}}{m + 3 - 1 = 0} \quad -2 - 4n = 3n \\
 & 6(n_7 + 2) \quad 3y + 3 = 1 \quad y = -\frac{2}{3} - \frac{m}{3} \\
 & 6(n_7 + 3) \quad n = \frac{-2 - 3y}{1} \quad m = -2 \quad y = \frac{-2 - 4n}{3} \\
 & 3(2n_7 + 5)^2 \quad y = \frac{-2 - 4n}{3} \quad n = -\frac{1}{2} - \frac{2}{3}y \quad -2 - 4n = 3n \\
 & 2(6n_7 + 8)
 \end{aligned}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$5 - 4 \sin \frac{3\pi}{7} \quad \text{vs} \quad 4 \cos \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$5 \sin^2 \frac{\pi}{7} + 5 \cos^2 \frac{\pi}{7} - 4 \sin \frac{3\pi}{7} \quad 4 \cos^2 \frac{\pi}{7} - 4 \sin^2 \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$5 \cos \frac{3\pi}{7} - 2 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$5 - 4 \sin \frac{3\pi}{7} \quad 4 \cos \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$\cos \frac{3\pi}{7} > 0$$

$$4 \cos \frac{\pi}{7} \cos \frac{3\pi}{7} - 5 \sin \frac{3\pi}{7} \sin \frac{\pi}{7}$$

$\cos(n\pi)$: сост.сумм.инт.чл.



$$1 - 3 \sin^2 \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$\frac{AP}{PC} = \frac{1}{2}, I_1, I_2 = \frac{13}{2}$$

$\cos(n\pi) = \cos(n\pi) + \sin(n\pi)$

$$\sin(n\pi) = \frac{\cos(n\pi) + \sin(n\pi)}{2}$$

$$5 \cos \frac{3\pi}{7} - 2 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$\frac{25\pi^2}{49} : 753 = 3 \cdot 51 = 7 \cdot 77$$

$$2 \cos \frac{\pi}{7} + 2 \cos \frac{3\pi}{7} - \frac{5}{2} (\sin \frac{2\pi}{7} - 2 \sin \frac{\pi}{7})$$

$$5 \cos \frac{3\pi}{7} - 2 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$2 (\cos \frac{3\pi}{7} \cos \frac{\pi}{7}) -$$

$\sin(n\pi) = \text{привод.членам}$

$$5 - 4 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$4 \cos \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$\sin(n\pi) = \text{запись}(n\pi)$

$$5 \cos(0) - 4 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$4 \cos \frac{\pi}{7} - 5 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$\cos(\pi + \cos \pi) = 2 \cdot \cos^2 \frac{\pi}{7} - 1$$

$$\sqrt{41} \left(\frac{5}{\sqrt{41}} \cos(0) - \frac{4}{\sqrt{41}} \sin \frac{3\pi}{7} \right) \sqrt{41} \left(\frac{4}{\sqrt{41}} \cos \frac{\pi}{7} - \frac{5}{\sqrt{41}} \sin \frac{3\pi}{7} \right) = \cos(2\pi) + \cos(2\pi) =$$

$$\frac{5}{\sqrt{41}} \cos(0) - \frac{4}{\sqrt{41}} \sin \frac{3\pi}{7} \quad \frac{4}{\sqrt{41}} \cos \frac{\pi}{7} - \frac{5}{\sqrt{41}} \sin \frac{3\pi}{7} = \cos \pi \cos \pi - \sin \pi \sin \pi +$$

$$\varphi = \arccos \frac{5}{\sqrt{41}}$$

$\cos \pi \cos \pi + \sin \pi \sin \pi$

$$2 - 4 \sin \frac{3\pi}{7} = 2 / 1 - 2 \sin \frac{3\pi}{7}$$

$$\cos \pi \cos \pi = 2 \cos^2 \frac{\pi}{7} \cos^2 \frac{\pi}{7}$$

$$\sin \pi \sin \pi = \sin^2 \frac{\pi}{2} \cos^2 \frac{\pi}{2}$$

$$= \sin^2 \frac{\pi}{2} - 2 \sin^2 \frac{\pi}{2} + 2 \sin^2 \frac{\pi}{2} \cos^2 \frac{\pi}{2} =$$

$$\sin^2 \frac{\pi}{2} = 2 \sin^2 \frac{\pi}{2} \cos^2 \frac{\pi}{2}$$

$$= -\sin^2 \frac{\pi}{2} + \cos^2 \frac{\pi}{2} \sin^2 \frac{\pi}{2} + 2 \sin^2 \frac{\pi}{2} \cos^2 \frac{\pi}{2} =$$

$$= \cos^2 \frac{\pi}{2} (2 \sin^2 \frac{\pi}{2} + \sin^2 \frac{\pi}{2}) - \sin^2 \frac{\pi}{2} =$$

$$= 3 \cos^2 \frac{\pi}{2} \sin^2 \frac{\pi}{2} - \sin^2 \frac{\pi}{2}$$