



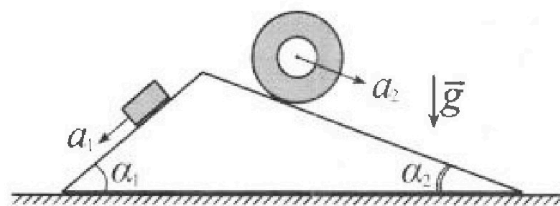
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



1. С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брусок массой m с ускорением $a_1 = 5g/13$ и скатывается без проскальзывания полый цилиндр массой $4m$ с ускорением $a_2 = 5g/24$ (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту α_1 ($\sin \alpha_1 = 3/5$, $\cos \alpha_1 = 4/5$) и α_2 ($\sin \alpha_2 = 5/13$, $\cos \alpha_2 = 12/13$). Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.

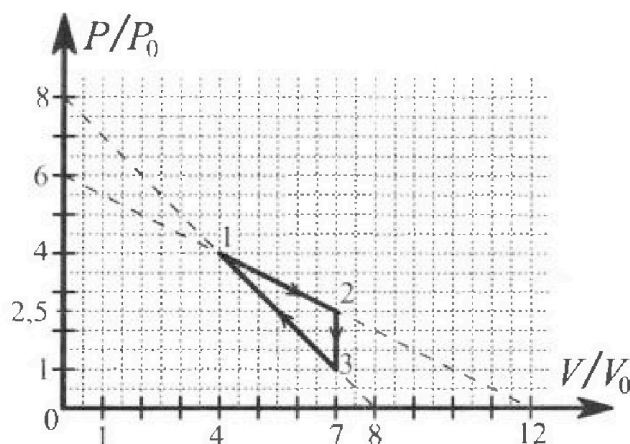


- 1) Найти силу трения F_1 между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения F_2 между цилиндром и клином.
- 3) Найти силу трения F_3 между столом и клином.

Каждый ответ выразить через m и g с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

2. С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость P/P_0 от V/V_0 . Здесь V и P - объем и давление газа, V_0 и P_0 - некоторые неизвестные объем и давление.

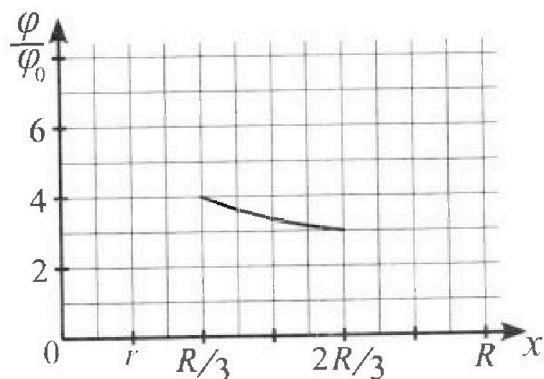
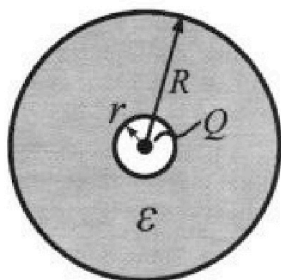
- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 2-3 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 1.
- 3) Найдите КПД цикла.



Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.

3. В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью ϵ и радиусами поверхностей r и R находится шарик с зарядом Q (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала φ электрического поля внутри диэлектрика от расстояния x от центра полого шара в интервале изменений x от $R/3$ до $2R/3$ (см. рис.). Здесь φ_0 — потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

- 1) Считая известными r , R , Q , ϵ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при $x = R/4$.
- 2) Используя график, найти численное значение ϵ .





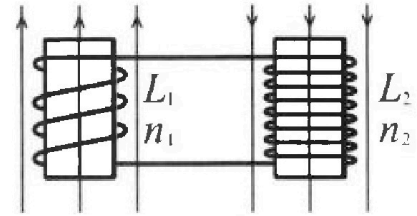
Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2024

Вариант 11-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

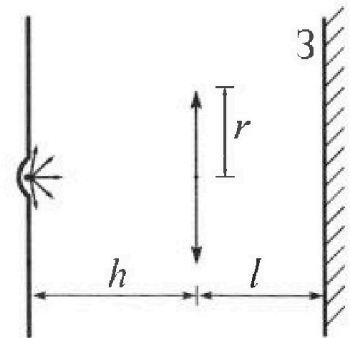


4. Две катушки с индуктивностями $L_1 = L$ и $L_2 = 4L$ и числами витков $n_1 = n$ и $n_2 = 2n$ помещены во внешние однородные магнитные поля с постоянными во времени индукциями (см. рис.). Площадь витка каждой катушки S . Индукции внешних полей направлены перпендикулярно плоскостям витков катушек. Катушки находятся достаточно далеко друг от друга. Омическое сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. Вначале тока в катушках нет.



- 1) С какой скоростью (по модулю) начнет изменяться ток в катушках, если в катушке с индуктивностью L_1 индукция внешнего поля начнет возрастать со скоростью $\Delta B / \Delta t = \alpha (\alpha > 0)$, а во второй катушке внешнее поле останется неизменным?
- 2) За некоторое время индукция внешнего поля в катушке с индуктивностью L_1 уменьшилась от B_0 до $B_0/2$, не изменив направления, а в катушке с индуктивностью L_2 индукция внешнего поля уменьшилась от $2B_0$ до $2B_0/3$, не изменив направления. Внешние поля в катушках изменялись неравномерно. Найти ток (по модулю) в катушках к концу изменения внешних полей. Ответ дать с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

5. В стене сделана небольшая выемка, внутри которой находится маленькая лампочка так, что прямой свет от лампочки на стену не попадает (см. рис.). Справа от лампочки на некотором расстоянии h расположена тонкая собирающая линза с фокусным расстоянием $F = h/2$. Главная оптическая ось линзы горизонтальна и проходит через лампочку. Радиус линзы $r = 3$ см. Справа от линзы на расстоянии $l = 2h/3$ расположено параллельно стене плоское зеркало 3. Считать, что свет, идущий мимо линзы, проходит плоскость линзы беспрепятственно. Размеры стены и зеркала намного больше размеров линзы.



- 1) Найдите площадь неосвещённой части зеркала.
- 2) Найдите площадь неосвещённой части стены.

Ответы дайте в $[\text{см}^2]$ в виде $\gamma\pi$, где γ - целое число или простая обыкновенная дробь.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$4m\vec{a}_2 = 4m\vec{g} + \vec{N}_2 + \vec{F}_2$$

$$a: 4ma_2 = 4mg \cdot \sin \alpha_2 - F_2$$

$$F_2 = 4mg \cdot \left(\frac{5}{13} - \frac{5}{24} \right) = 4mg \cdot 5 \cdot \frac{11}{13 \cdot 24} = \frac{55}{78} mg$$

3) Согласно третьему закону Ньютона, на клин действуют силы:

$$0 = M\vec{g} - \vec{N}_2 - \vec{N}_1 - \vec{F}_1 - \vec{F}_2 + \vec{F}_3, \text{ где } M - \text{масса клина.}$$

$$N_1 = mg \cdot \cos \alpha_1 = \frac{4}{5} mg, \quad N_2 = 4mg \cdot \cos \alpha_2 = \frac{48}{13} mg$$

$$x: 0 = -F_3 + N_1 \cdot \sin \alpha_1 - N_2 \cdot \sin \alpha_2 - F_1 \cdot \cos \alpha_1 + F_2 \cdot \cos \alpha_2$$

$$F_3 = \frac{4}{5} mg \cdot \frac{3}{5} - \frac{48}{13} mg \cdot \frac{5}{13} - \frac{14}{65} mg \cdot \frac{4}{5} + \frac{55}{78} mg \cdot \frac{12}{13}$$

$$F_3 = mg \cdot \left(\frac{12}{25} - \frac{240}{169} - \frac{56}{25 \cdot 13} + \frac{110}{169} \right)$$

$$F_3 = mg \cdot \left(\frac{156 - 56}{25 \cdot 13} - \frac{730}{169} \right) = mg \cdot \left(\frac{4}{13} - \frac{10}{13} \right) = -\frac{6}{13} mg$$

Знак "—" означает, что F_3 направлена по оси x .

Ответ: 1) $F_1 = \frac{14}{65} mg$

2) $F_2 = \frac{55}{78} mg$

3) $F_3 = \frac{6}{13} mg$



1 ☒ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Дано:

$$a_1 = \frac{5}{13}g; a_2 = \frac{5}{24}g$$

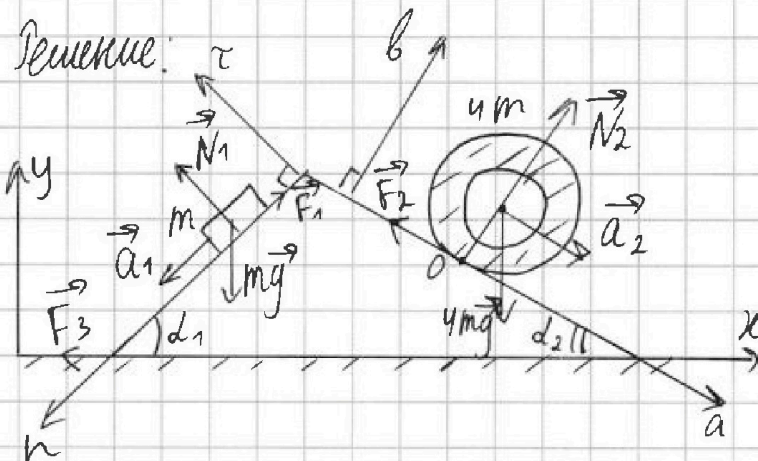
$$\sin d_1 = \frac{3}{5}; \sin d_2 = \frac{5}{13}$$

1) $F_1 = ?$

2) $F_2 = ?$

3) $F_3 = ?$

решение:



1) Для бруска массой m :

$$m\vec{a}_1 = m\vec{g} + \vec{N}_1 + \vec{F}_1$$

$$n: ma_1 = mg \cdot \sin d_1 - F_1$$

$$F_1 = mg \cdot \frac{3}{5} - mg \cdot \frac{5}{13} = \frac{14}{65}mg$$

2) Рассмотрим точку O цилиндра, контактирующую с клином. Её скорость равна нулю, т.к. цилиндр движется без проскальзывания. При этом на цилиндр действует сила тяжести, которая стремится придать $m.O$

скорость. Тогда в точке O на цилиндр действует сила трения покоя F_2 , препятствующая появлению скорости $m.O$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐

2
☒

3
☐

4
☐

5
☐

6
☐

7
☐

СТРАНИЦА
3 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$6 - \frac{V}{2V_0} + 9 - \frac{3}{2} \frac{V}{V_0} = 0$$

$$V = 7.5 V_0$$

В процессе 1-2 такого объема нет $\Rightarrow$ газ только получает тепло в процессе 1-2:

Уравнение процесса 2-3:

$$p = 8p_0 - p_0 \frac{V}{V_0}$$

$$dQ = pdV + \frac{3}{2} V R d\delta = (8p_0 - p_0 \frac{V}{V_0}) dV + \frac{3}{2} V R d\delta = 0$$

$$8p_0 V - p_0 \frac{V^2}{V_0} = V R \delta$$

$$8p_0 dV - 2V dV \cdot \frac{p_0}{V_0} = V R d\delta$$

$$8p_0 dV - p_0 V dV \cdot \frac{1}{V_0} + 12p_0 dV - 3V dV \frac{p_0}{V_0} = 0$$

$$8 - \frac{V}{V_0} + 12 - 3 \frac{V}{V_0} = 0$$

$$V_k = 5V_0, \quad p_k = 3p_0, \quad T_k = \frac{15p_0 V_0}{V R}$$

Точка с координатой k принадлежит процессу 3-1 $\Rightarrow$ в этом процессе газ и получает тепло, и отдает п.к. работа в процессе 3-1 отрицательна, а $T_k > T_3$

$\Rightarrow$ на участке $\overset{3-k}{k-1}$ газ получает тепло.

$$\eta = \frac{A_{12}}{Q_{12} + Q_{23}} = \frac{A_{12}}{Q_{12} + Q_{23}}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА

2 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$6p_0 - p_0 \cdot \frac{2V_m}{2V_0} = 0$$

$$V_m = 6V_0$$

$$p_m = 3p_0$$

$$T_m = \frac{18p_0 V_0}{\nu R}$$

$$T_1 = \frac{16p_0 V_0}{\nu R}$$

$$\frac{T_m}{T_1} = \frac{9}{8}$$

3) Температура газа в процессе 1-2 сначала увеличивается, затем уменьшается $\Rightarrow$ возможно, что в процессе 1-2 газ не только получает тепло, но и отдает. Аналогично с процессом 3-1.

Рассмотрим для обоих процессов момент, когда $dQ=0$ (касание с адиабатой).

$$dQ = dA + dU = p dV + \frac{3}{2} \nu R dT = 0$$

$$pV = \nu RT$$

Для процесса 1-2:

$$6p_0 V - \frac{\nu R}{2V_0} \cdot p_0 = \nu RT$$

$$6p_0 dV - \frac{\nu R}{V_0} p_0 dV = \nu R dT$$

$$(6p_0 - \frac{\nu R}{2V_0} p_0) dV + \frac{3}{2} (8p_0 dV - \frac{\nu R}{V_0} dV p_0) = 0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐

2
☒

3
☐

4
☐

5
☐

6
☐

7
☐

СТРАНИЦА
4 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$Q_{12} = \frac{1}{2} \cdot 8,5 \text{ p0} \cdot 3V_0 + \frac{3}{2} \cdot (17,5 \text{ p0} V_0 - 16 \text{ p0} V_0)$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} \cdot 8,5 \text{ p0} V_0 + \frac{3}{2} \cdot 1,5 \text{ p0} V_0 = 12 \text{ p0} V_0$$

~~$$Q_{x1} = -\frac{1}{2} \cdot 7 \text{ p0} V_0 + \frac{3}{2} \cdot (16 \text{ p0} V_0 -$$~~

$$Q_{3n} = -\frac{1}{2} \cdot 4 \text{ p0} \cdot 2V_0 + \frac{3}{2} \cdot (15 \text{ p0} V_0 - 7 \text{ p0} V_0)$$

$$Q_{3n} = -4 \text{ p0} V_0 + 12 \text{ p0} V_0 = 8 \text{ p0} V_0$$

$$A_{12} = \frac{9}{4} \text{ p0} V_0$$

$$\eta = \frac{\frac{9}{4}}{20} = \frac{9}{80}$$

Ответ: 1) 7

$$2) \frac{9}{8}$$

$$3) \frac{9}{80}$$



1 ☐ 2 ☒ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Решение:

~ 2.

$$1) \Delta U_{23} = \frac{3}{2} \nu R \cdot (T_3 - T_2)$$

$$|\Delta U_{23}| = \frac{3}{2} \nu R \cdot (T_2 - T_3)$$

$$p_2 V_2 = \frac{5}{2} p_0 \cdot 7 V_0 = \nu R T_2, \quad p_3 V_3 = p_0 \cdot 7 V_0 = \nu R T_3$$

$$|\Delta U_{23}| = \frac{3}{2} \cdot (7 p_0 V_0 + \frac{5}{2} - 1) = \frac{9}{4} \cdot 7 \cdot p_0 V_0$$

Работу газа за цикл найдем как площадь под графиком при цикле:

$$A_{\text{ц}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} p_0 \cdot 3 V_0 = \frac{9}{4} p_0 V_0$$

$$\frac{|\Delta U_{23}|}{A_{\text{ц}}} = 7$$

2) В процессе 1-2 газ расширяется $\Rightarrow$ его работа положительна на любом малом промежутке.

Выведем уравнение прямой 1-2:

$$p = 2V + \beta$$

$$\text{Из графика: } p = 6p_0 - \frac{p_0}{2V_0} \cdot V$$

$$pV = \nu R T$$

$$pV - 6p_0 V + \frac{p_0}{2V_0} \cdot V^2 = \nu R T$$

Для максимальной температуры $T' = 0$:

$$(6p_0 V - p_0 \cdot \frac{V^2}{2V_0})' = 0$$



1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Дано.

ϵ, τ, R, Q

1) $\varphi(\frac{R}{4}) = ?$

2) $\epsilon = ?$

Решение: ~ 3.

1)



Выберем внутри шара слой толщиной dx и радиуса x ($x > \tau$)

$d\varphi$ (разность потенциалов слоя) $= E(x) \cdot dx$

$$E(x) = \frac{kQ}{\epsilon x^2}$$

$$\int_{\frac{R}{4}}^{\tau} \frac{kQ}{\epsilon x^2} \cdot dx = \frac{kQ}{\epsilon} \int_{\frac{R}{4}}^{\tau} \frac{dx}{x^2} = -\frac{kQ}{\epsilon} \cdot \frac{1}{x} \Big|_{\frac{R}{4}}^{\tau} =$$

$$= -\frac{kQ}{\epsilon \tau} + \frac{kQ}{\epsilon \frac{R}{4}} = \varphi(\tau) - \varphi(\frac{R}{4})$$

Возьмем в A на расстоянии $\Delta x \rightarrow 0$ от

$\tau - \Delta x \rightarrow \tau$ ($\tau - \Delta x$), где $\Delta x \rightarrow 0$, от центра

шара. Его потенциал $\varphi_A = \varphi(\tau)$ (т.к. $\Delta x \rightarrow 0$)

$$\varphi_A = \frac{kQ}{\tau} = \varphi(\tau)$$

$$\varphi(\frac{R}{4}) = \frac{kQ}{\tau} + \frac{kQ}{\epsilon \tau} - \frac{kQ}{\epsilon \frac{R}{4}}$$

$$\varphi(\frac{R}{4}) = kQ \cdot \left(\frac{\epsilon - 1}{\epsilon \tau} + \frac{4}{\epsilon R} \right)$$

$$\varphi(x) = kQ \cdot \left(\frac{\epsilon - 1}{\epsilon \tau} + \frac{1}{\epsilon x} \right), \text{ при } x > \tau$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА

2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$1) \varphi\left(\frac{R}{3}\right) = kQ \cdot \left(\frac{\varepsilon-1}{\varepsilon \cdot r} + \frac{3}{\varepsilon R}\right) = 4\varphi_0 \quad (1)$$

$$\varphi\left(\frac{2}{3}R\right) = kQ \cdot \left(\frac{\varepsilon-1}{\varepsilon r} + \frac{3}{2\varepsilon R}\right) = 3\varphi_0 \quad (2)$$

(1) - (2):

$$\frac{3kQ}{2\varepsilon R} = \varphi_0 \Rightarrow kQ = \frac{2\varepsilon R \varphi_0}{3}, \quad \frac{kQ}{\varphi_0} = \frac{3}{2\varepsilon R}$$

(1) + (2):

$$\frac{2kQ(\varepsilon-1)}{\varepsilon r} + \frac{9kQ}{2\varepsilon R} = 7\varphi_0 \quad | : kQ$$

$$\frac{2(\varepsilon-1)}{\varepsilon r} + \frac{9}{2\varepsilon R} = \frac{27}{2\varepsilon R} \quad | - \frac{9}{2\varepsilon R}$$

$$\frac{2(\varepsilon-1)}{\varepsilon r} = \frac{6}{\varepsilon R} \Rightarrow r = \frac{(\varepsilon-1)R}{3}$$

$$1) 4\varphi_0 = kQ \cdot \frac{6}{\varepsilon R}, \quad (2) 3\varphi_0 =$$

$$\varepsilon - 1 = \frac{3r}{R} \quad \text{из графика: } R = 6r$$

$$\varepsilon = \frac{R+3r}{R} = 1,5$$

$$\text{Ответ: } 1) \varphi\left(\frac{R}{4}\right) = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0} \cdot \left(\frac{\varepsilon-1}{\varepsilon r} + \frac{4}{\varepsilon R}\right)$$

$$2) \varepsilon = \frac{3r+R}{R} = 1,5$$



1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

предположим малым сопротивлением (бесконечно проводящий контур). Магнитный поток для такого контура равен постоянному.

В начальный момент (когда не было тока):

$$\Phi = B_0 S n_1 + 2 B_0 S n_2 = 5 B_0 S n = \text{const}$$

В конце изменения магнитного поля:



Предположим, что ток идет против часовой стрелки.

$$\Phi = \frac{B_0}{2} S n_1 + L_1 I + \frac{2}{3} B_0 S n_2 - L_2 I = \frac{1}{2} B_0 S n + L I + \frac{4}{3} B_0 S n - 4 L I = \frac{11}{6} B_0 S n - 3 L I = 5 B_0 S n$$

$$3 L I = - \frac{19}{6} B_0 S n$$

$I = - \frac{19}{18} B_0 S n$, знак "-" говорит о том, что ток направлен против часовой.

Ответ: 1) $I' = \frac{2 S n}{5 L}$

2) $I = \frac{19}{18} B_0 S n$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐

2
☐

3
☐

4
☒

5
☐

6
☐

7
☐

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Дано:

$$L_1 = L; L_2 = 4L,$$

$$n_1 = n; n_2 = 4n; S, \Delta$$

$$1) I' - ?$$

$$2) I - ?$$

Решение: ⁴

1) При увеличении магнитного потока через первую катушку в ней возникнет ЭДС индукции, препятствующее этому изменению. В начальный момент тока нет $\Rightarrow$ магнитный поток через вторую катушку не изменится. При этом в обеих катушках возникнут ЭДС самоиндукции, препятствующие увеличению тока:

$$\mathcal{E}_i = \mathcal{E}_{is1} + \mathcal{E}_{is2}, \quad \mathcal{E}_i = - \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

$$\mathcal{E}_i = \frac{\Delta B \cdot S \cdot n_1}{\Delta t} = 2Sn$$

$$\mathcal{E}_{is1} = L_1 \cdot I' = L \cdot I'$$

$$\mathcal{E}_{is2} = L_2 \cdot I' = 4L \cdot I'$$

$$2Sn = 5L \cdot I'$$

$$I' = \frac{2Sn}{5L}$$

2) Катушки и соединительные провода представляют собой контур с



1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Дано:

$$h, F = \frac{h}{2}$$

$$l = \frac{2}{3}h$$

$$r = 3 \text{ см}$$

1) S_1 - ?

2) S_2 - ?

Решение:

~ 5.

1) Найдём положение изображения источника

в линзе:

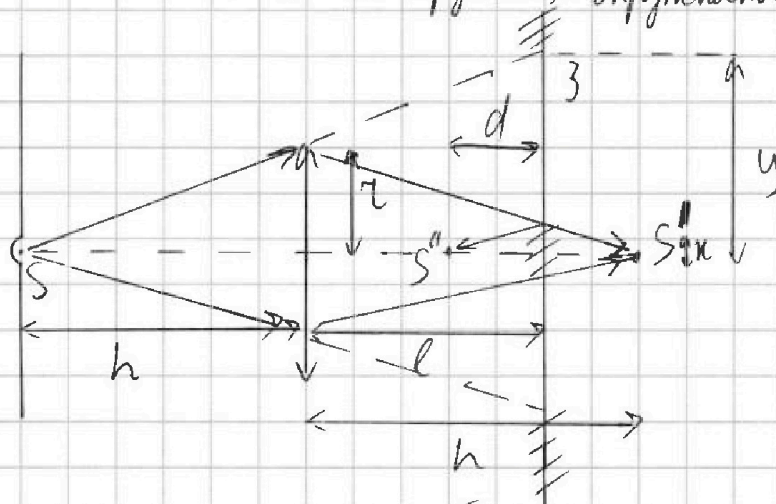
$$\frac{1}{d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{h} + \frac{1}{l} = \frac{2}{h}$$

$$f = h > l$$

$$d = h; F = \frac{h}{2}$$

т.к. источник точечный $\Rightarrow$ свет будет распространяться по всем направлениям и на плоских предметах будут световые окружности.



штрихом отмечаем область зеркала, которая будет освещена.

$$\frac{x}{r} = \frac{h-l}{h} = \frac{1}{3}$$

$$x = 1 \text{ см}$$

$$\frac{r}{y} = \frac{h}{h+l} = \frac{h}{\frac{5}{3}h} = \frac{3}{5} \Rightarrow y = 5 \text{ см}$$

$$S_1 = \pi y^2 - \pi x^2 = 24\pi$$

2) S'' - изображение S' в зеркале



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА

2 из 2

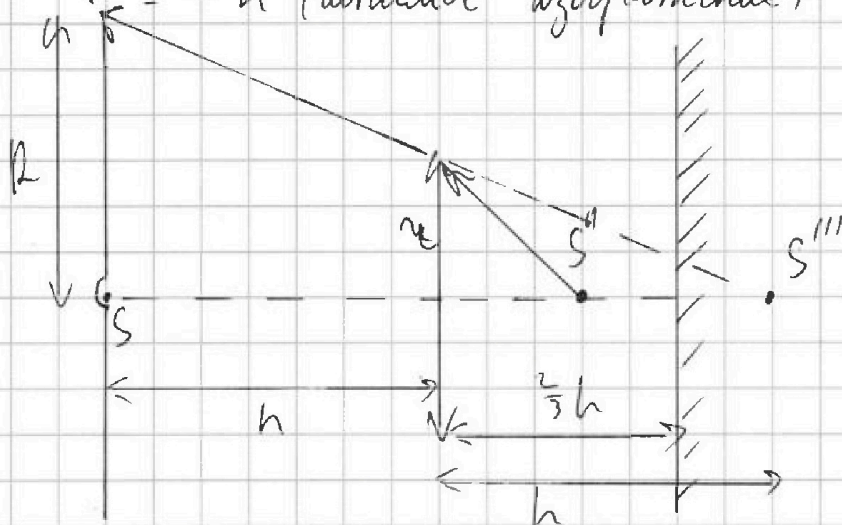
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$d = h - l = \frac{1}{3}h \quad l - d = \frac{2}{3}h - \frac{1}{3}h = \frac{1}{3}h$$

Найдём изображение S'' в линзе:

$$\frac{1}{d'} + \frac{1}{f'} = \frac{1}{f} \quad \Leftrightarrow \frac{1}{2h} + \frac{1}{f'} = \frac{1}{2h} \quad \frac{1}{f'} = \frac{1}{h}$$

$$f' = -h \text{ (мнимое изображение)}$$



R — радиус несвещённой части стены.

$$\frac{r}{R} = \frac{h}{2h} = \frac{1}{2} \quad \Rightarrow \quad R = 6 \text{ см}$$

$$S_2 = \pi R^2 = 36\pi$$

Ответ: 1) $S_1 = 24\pi$

2) $S_2 = 36\pi$

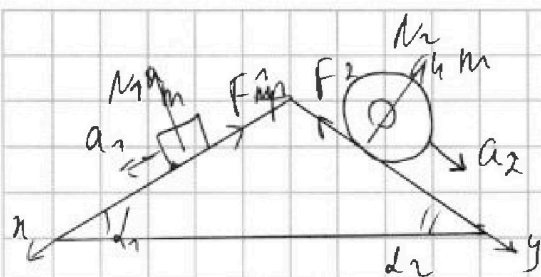


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$m\vec{a}_1 = m\vec{g} + \vec{F}_{\text{нп}} + \vec{N}_1$$

$$x: ma_1 = mg \cdot \sin \alpha_1 - F_1$$

$$F_1 = \frac{14}{65} mg$$

$$4ma_2 = 4mg \cdot \sin \alpha_2 - F_2$$

$$F_2 = \frac{55}{78} mg$$

$$a = \frac{p_0}{V_0}$$

$$p_3 V_3 = p_1 V_1 = 7p_0 V_0$$

$$p_1 V_1 = \frac{5}{2} p_0 \cdot 7V_0$$

$$n = \frac{\Delta U_{23}}{A_{23}} = 7$$

$$1-2: p = 2V + V_0$$

$$b = 4p_0 - \frac{2}{3} V_0 \cdot \left(-\frac{p_0}{2V_0}\right)$$

$$b = 6p_0$$

$$p_{12} = 6p_0 - \frac{p_0}{2V_0} \cdot V_{12}$$

$$dQ = 0 = p \Delta V + \frac{3}{2} V R \Delta T$$

$$6 \left(6p_0 - \frac{p_0}{2V_0} \cdot V \right) + \frac{3}{2} 8p_0 V - \frac{3}{2} \frac{p_0}{V_0} V \Delta V = 6p_0 \Delta V - \frac{p_0}{V_0} \cdot V \cdot \Delta V$$

$$0 = 6 - \frac{V}{2V_0} + 9X - \frac{3}{2} \frac{V}{V_0}$$

$$6p_0 - \frac{p_0}{2V_0} \cdot V$$

$$UR\delta = 6p_0 \Delta V - \frac{p_0}{2V_0} V^2$$

$$0 = 6p_0 \Delta V - \frac{p_0}{2V_0} V \Delta V$$

$$\frac{V}{V_0} = 6 \quad V = 6V_0$$

$$F_1 = mg \cdot \sin \alpha_1 - ma_1$$

$$F_1 = mg \cdot \left(\frac{3}{5} - \frac{5}{13} \right)$$

$$F_2 = 4mg \cdot \left(\frac{5}{13} - \frac{5}{29} \right)$$

$$F_2 = 5mg \cdot \frac{11}{13 \cdot 29 \cdot 6}$$

$$|\Delta U| = \frac{3}{2} \cdot \left(\frac{3}{2} \cdot 7p_0 V_0 \right) = \frac{9}{4} \cdot 7p_0 V_0$$

$$A_{23} = \frac{1}{2} \cdot 3V_0 \cdot \frac{3}{2} p_0 = \frac{9}{4}$$

$$p_1 = 4p_0 = 4V_0 a + b$$

$$p_2 = 2p_0 = 7V_0 \cdot a + b$$

$$\frac{3}{2} p_0 = -3V_0 a \quad a = -\frac{p_0}{2V_0}$$

$$(6p_0 - \frac{p_0}{2V_0} \cdot V) V = UR\delta$$

$$UR\delta = 6p_0 \Delta V - \frac{p_0}{2V_0} \cdot V \Delta V$$

$$12V_0 - V + 18X \cdot V_0 - 3V = 0$$

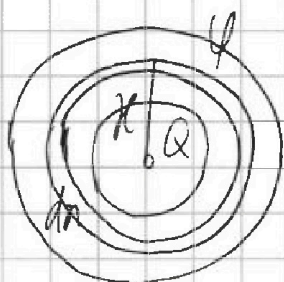
$$4V = 30V_0$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$E(r) = \frac{kQ}{r^2}$$

$$E(r) = \frac{kQ}{r^2 \epsilon}$$

$$\Delta\varphi = E(r) \cdot dr$$

$$\int_r^R E(r) \cdot dr = \int_r^R \frac{kQ}{\epsilon r^2} \cdot dr = \frac{kQ}{\epsilon} \cdot \left(-\frac{1}{r} \right) \Big|_r^R = -\frac{kQ}{\epsilon r} + \frac{kQ}{\epsilon R}$$

$$\frac{kQ}{\epsilon r} = \frac{kQ}{\epsilon R} - \varphi(r)$$

$$\varphi(r) = \frac{kQ}{\epsilon R} - \frac{kQ}{\epsilon r} = \frac{kQ}{\epsilon} \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{r} \right)$$

$$\frac{kQ}{\epsilon r} - \frac{kQ}{\epsilon R} = \frac{kQ}{\epsilon} \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{R} \right)$$

$$\varphi(r) = kQ \cdot \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{R} \right) = kQ \cdot \left(\frac{R-r}{rR} \right)$$

$$\varphi\left(\frac{R}{3}\right) = kQ \cdot \left(\frac{R}{\frac{R}{3}} - \frac{1}{R} \right) = 4$$

$$kQ = \frac{2\epsilon R}{3}$$

$$\varphi\left(\frac{2}{3}R\right) = kQ \cdot \left(\frac{R}{\frac{2}{3}R} - \frac{1}{R} \right) = 3$$

$$\frac{3kQ}{2\epsilon R} = 1 \quad \frac{2kQ}{\epsilon R} \cdot (R - \frac{R}{3}) + \frac{9kQ}{2\epsilon R} = 1 \quad | \cdot 2\epsilon R$$

$$4kQR \cdot (R - \frac{R}{3}) + 9kQR = 14\epsilon R^2$$

$$\frac{8kR^2}{3} (R - \frac{R}{3}) + 9kR^2 = 14\epsilon R^2$$

$$12kR^2 (R - \frac{R}{3}) + 18kR^2 = 14\epsilon R^2$$

$$12kR^2 (R - \frac{R}{3}) = 14\epsilon R^2$$

$$R = \frac{14}{12} (R - \frac{R}{3})$$

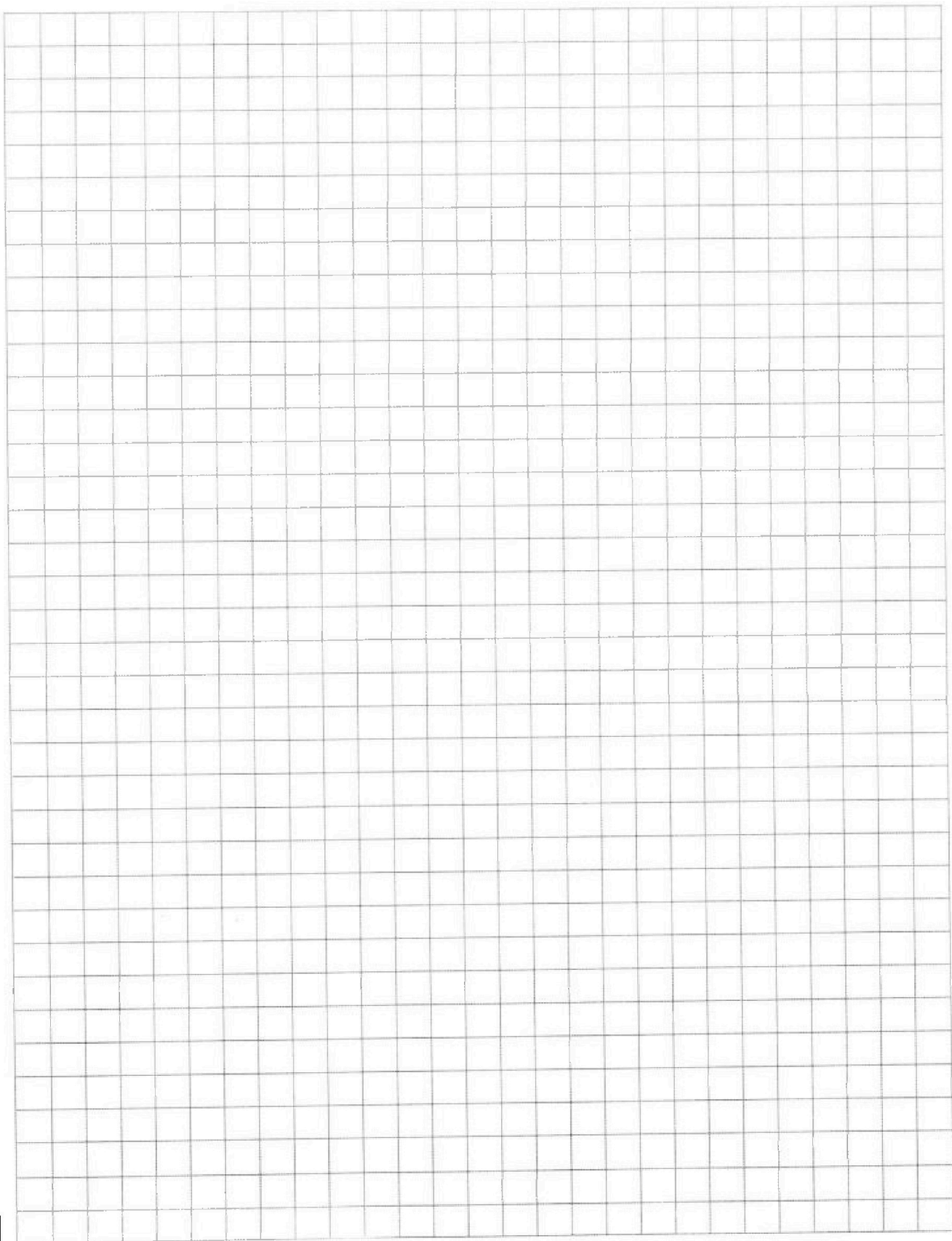


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

☐☐☐☐☐☐☐

СТРАНИЦА

из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\epsilon_i = \cancel{2B_0} \cdot S n_1 = 5 \cdot \bar{I}$$

$$\bar{I} = \frac{2S n}{5L}$$

$$\varphi = \text{const}$$

$$B_0 S n_1 + \frac{4}{3} B_0 S n_2 = 5 B_0 S n = \text{const}$$
$$5 \bar{I} L + \frac{B_0 S}{2 S n} \times \frac{4}{3} B_0 S n = 5 B_0 S n$$

$$5 \bar{I} L = 5 B_0 S n + \frac{5L}{6} B_0 S n = \frac{35}{6} B_0 S n$$

$$\bar{I} = \frac{7}{30} \frac{B_0 S n}{L}$$

$$\epsilon_i$$

$$\varphi$$

$$2$$

$$\phi$$

$$\phi$$

$$\phi$$