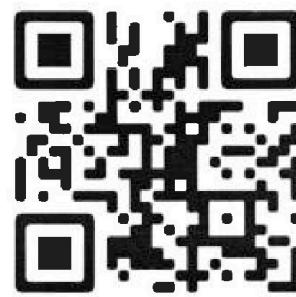




МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ



9 КЛАСС. Вариант 10

- [3 балла] Найдите все значения параметра t , при каждом из которых уравнение $x^2 + 4\sqrt{2}tx + 9t^2 - 9 = 0$ имеет два различных действительных корня, а их произведение положительно.
- [4 балла] Натуральные числа a и b таковы, что $a - b = 12$, а значение выражения $a^2 + 2ab + b^2 + 3a + 3b$ равно $19p^4$, где p – некоторое простое число. Найдите числа a и b .
- [5 баллов] На стороне BC треугольника ABC отмечены точки M и N так, что $BM = MN = NC$. Прямая, параллельная AN и проходящая через точку M , пересекает продолжение стороны AC за точку A в такой точке D , что $AB = CD$. Найдите AB , если $BC = 6$, $\cos(2\angle CEM) = -\frac{3}{4}$.
- [5 баллов] В классе для занятий иностранным языком стоят четыре ряда парт, в каждом из которых по три парты, расположенных друг за другом. Парта рассчитана на одного человека. Школьник хорошо видит доску в любом из следующих случаев (и только в них):
 - он сидит на первой парте в ряду,
 - ближайшая парты перед ним пуста,
 - за ближайшей партой перед ним сидит ученик меньшего роста.

Сколько способами можно рассадить в классе 11 учеников группы так, чтобы всем было хорошо видно доску, если известно, что все школьники разного роста? Ответ дайте в виде числа или выражения, содержащего не более двух слагаемых (в слагаемые могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

- [5 баллов] Продолжение сторон BC (за точку C) и AD (за точку D) вписанного в окружность четырёхугольника $ABCD$ пересекаются в точке E . Центр O окружности, вписанной в треугольник ABE , лежит на отрезке CD . Найдите наибольшее возможное значение суммы $ED + DO$, если известно, что $BE = 12$.
- [4 балла] На острове расположено несколько деревень. Между некоторыми деревнями проложены дороги. Известно, что из любой деревни в любую другую можно добратьсяся, причём по единственному маршруту. Также известно, что есть четыре деревни, из которых выходят 5, 6, 7 и 9 дорог соответственно, а из остальных деревень выходит ровно по одной дороге. Сколько деревень может быть на острове?
- [5 баллов] Найдите все пары целых чисел $(x; y)$, удовлетворяющие уравнению

$$\sqrt{2x - 2y - x^2 - y^2} + \sqrt{1 - |x - y - 1|} = 2.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

11

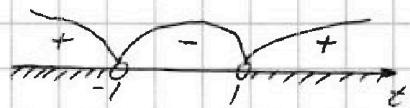
$$x^2 + 4\sqrt{2}t x + 3t^2 - 9 = 0$$

$\exists x_1, x_2$ - различны
 $x_1 \cdot x_2 > 0$

1) $\Delta > 0$ n. Обратного метода Валуя: 2) $3t^2 - 9 > 0$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -4\sqrt{2}t \\ x_1 \cdot x_2 = 3t^2 - 9 \end{cases}$$

$$3(t-1)(t+1) > 0$$



3) $\frac{D}{q} = (2\sqrt{2}t)^2 - 1/3t^2 - 9 = 9 - t^2$

1) $t \in (-\infty; -1) \cup (1; +\infty)$

$$(3-t)(3+t) > 0$$

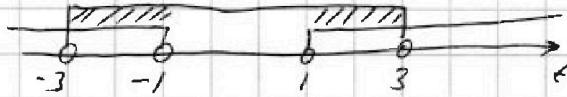
4) $(1) \cap (2)$

$$(t-3)(t+3) < 0$$



(2) $t \in (-3; 3)$

~~тк~~ $\begin{cases} -3 \leq t < 3 \\ t < -1 \\ t > 1 \end{cases}$



$$t \in (-3; -1) \cup (1; 3)$$

Однако: $t \in (-3; -1) \cup (1; 3)$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

#2

$a, b \in \mathbb{N}$; p -простое $a+b=?$

$$\left\{ \begin{array}{l} a-b=12 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} a^2 + 2ab + b^2 + 3a + 3b = 18p^4 \quad (1) \end{array} \right.$$

$$(1) \quad a^2 + 2ab + b^2 + 3a + 3b = 18p^4$$

$$(a+b)^2 + 3(a+b) = 18p^4$$

$$(a+b)(a+b+3) = 18p^4$$

$$\left\{ \begin{array}{l} a-b=12 \\ (a+b)(a+b+3) = 18p^4 \end{array} \right. \Leftrightarrow$$

$$\left\{ \begin{array}{l} a=12+b \\ (2b+6)(2b+15) = 18p^4 \end{array} \right. \Leftrightarrow$$

$$\left\{ \begin{array}{l} a=12+b \\ (2b+6)(2b+15) = 18p^4 \end{array} \right. \Leftrightarrow$$

$$\left\{ \begin{array}{l} a=12+b \\ (12+2b)(2b+15) = 18p^4 \end{array} \right. \Leftrightarrow$$

В произведении трёх членов есть чётное число \Rightarrow

$18p^4$ - чётное значение

① Если p -простое, то оно равно 2

② Если p -непростое, то p^4 -чётное значение а $18p^4$ -чётное значение \Rightarrow максимум не может

$$p=2$$

$$\left\{ \begin{array}{l} a=12+b \\ (2b+6)(2b+15) = 18 \cdot 2^4 \end{array} \right. \Leftrightarrow$$

$$\left\{ \begin{array}{l} a=12+b \\ (b+6)(2b+15) = 18 \cdot 8 \end{array} \right.$$

не трудно заметить что $b=2$ подходит: $(6+2)(2 \cdot 2 + 15) = 18 \cdot 8$
никакие другие значения это одно

$$b=2$$

$$a=14$$

Ответ: $a=14; b=2$



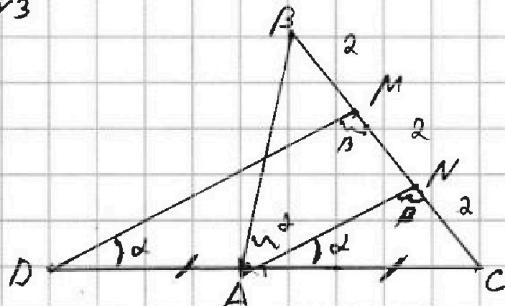
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input checked="" type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№3



Дано: $\triangle ABC$; $MN \parallel BC$
 $MN = NC = BM$; $AN \parallel MD$; $\angle EAC$;
 $\cos(2\angle CAN) = -\frac{3}{5}$; $AB = CD$; $BC = 6$

Найти:

$$AB - ?$$

Решение:

1) Тогда $\angle CAN = \alpha$; $\cos 2\alpha = -\frac{3}{5}$

2) ~~так как~~ $\angle CDM = \angle CAN = \alpha$ ~~так как~~ $DM \parallel AN$ при секущей CD

3) $3MN = BC \Rightarrow MN = \frac{6}{3} = 2$

4) $\angle ANC = \beta = \angle CDM$ $DM \parallel AN$ при секущей CM

5) m -свойство

$\triangle ANC$:

$$\frac{2}{\sin \alpha} = \frac{AC}{\sin \beta}$$

$\triangle CPM$:

$$\frac{4}{\sin \alpha} = \frac{CD}{\sin \beta} \Rightarrow CD = 2AC \Rightarrow AD = CD$$

6) $AB = 2AC$

Если AN - биссектриса, то:

$$\frac{AB}{AC} = \frac{BN}{NC} = 2 \text{ - это ложно} \Rightarrow AN \text{ - биссектриса} \Rightarrow \angle BAN = \alpha$$

7) m -свойство

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB \cdot AC \cdot \cos 2\alpha$$

$$BC^2 = 4AC^2 + AE^2 - 4AC^2 \cdot \cos 2\alpha$$

$$BC^2 = 5AC^2 + 4AC^2 \cdot \frac{3}{5}$$

$$8AC^2 = BC^2$$

$$AC = \frac{BC}{2\sqrt{2}} \Rightarrow AC = \frac{6}{2\sqrt{2}} = \frac{3}{\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{2} \quad CD = 3\sqrt{2}$$

$$\text{Ответ: } 3\sqrt{2}.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

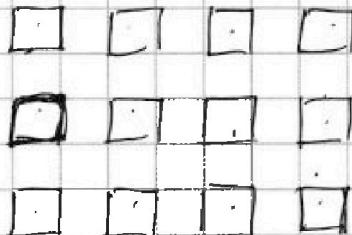
- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input checked="" type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№4

II способ



1) Условие, что ближайшее парное число возможно всегда только где осталось членов, т.к. есть чет 4·3=12, а тогда 11 (12-11=1),
(Если это возможно)

2) Четыре одинаковых членов могут быть сидеть на первой парте либо одна из них то погибнет, но перед ним никакого не должно быть

3) I способ: Если бы четыре сидят на первой парте:

P_4 - как-то расадили членов

$$P_4 \cdot A_8^7$$

II способ: $\frac{1}{2} P_4 \cdot A_8^7$

$$4 \cdot P_3 \cdot A_8^7$$

III способ, члены рассаживаются не зап. по ряму, а беспорядочно.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

2) Всегда есть дерево из которого выходит более одной дороги к любому дереву

шаг 2

Де дерево из которого выходит две дороги

шаг 3

одно дерево

$$\min N_2 = 1(gop) + 2(gop) + 3(gop) + \\ + N_4 = 5+6+7+1(8-3+1) = 25$$

$$\min N_2 = 1(gop) + 2(gop) + 3(gop) + N_3 + N_4 = \\ = 5+6+(7-2+1)+(8-2+1) = 25$$

$$\max N_2 = N_1 + N_2 + 3(gop) + 4(gop) = \\ = (5-2+1) + (6-2+1) + 7+3 = 25$$

$$\max N_2 = 1(gop) + 3(gop) + 2(gop) + \\ + N_1 = 9+6+7+(5-3+1) = 25$$

(шаг 2 когда все соединяется поменялось для расширения ранее)

Так все минимальны и максимальны ~~единицы~~, то

25 деревьев это единственный возможный ~~единица~~ количество

ответ

Ответ: 25



1 2 3 4 5 6 7

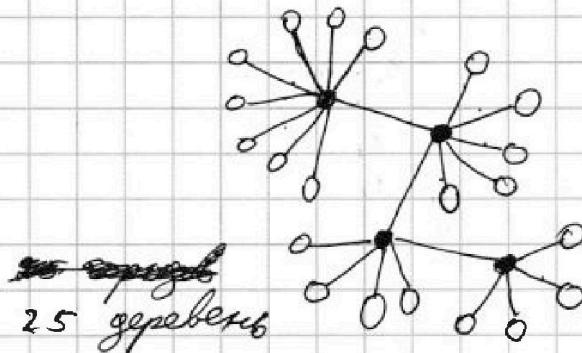
СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

N₆

5, 6, 7 и 8 ~~дорог~~
единственной шириной

Пример 1:

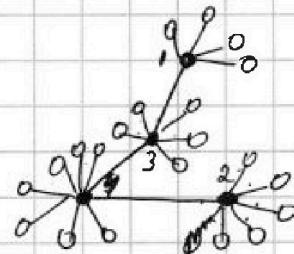
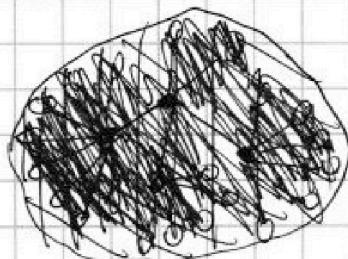


Причёмои главные деревья
изделия 1-5
2-6
3-7
4-8

- 1) 0 - главное дерево, из которого ведут ветви одна дорога
- 2) 0 - дерево, из которого ведут ветви одна дорога
- 3) главное дерево ~~изделия~~ ~~единственное~~ ~~единственное~~, иначе из общего дерева будет ветвиться не одна дорога

~~Это два случая единственной главной дороги, т.к. эти деревья из которых состоят из разных, а именно главное дерево изделия построено таким образом, что одна дорога имеет самое~~

Пример 2.



ко-во деревьев из главной деревни сколько ли:

$N_i = (i \text{ изделий} - n + 1)$, где n - число дорог ведущих из этой деревни в соседние другие главные деревни
номер деревни i - изделие

Для примера 2:

$$N_1 = (5 - 1 + 1) = 5$$

$$N_2 = (6 - 1 + 1) = 6$$

$$N_3 = (7 - 2 + 1) = 6$$

$$N_4 = (8 - 2 + 1) = 8$$

$$N_5 = 25$$

1) Всего есть ~~2~~ две деревни из которых ведут одна дорога к главной деревне \Rightarrow всего есть N_1 и N_2 которые равны $N_1 = i(80)$
 $N_2 = j(80)$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input checked="" type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№ 7

$(x; y)$ - решение

$$\sqrt{2x - 2y - x^2 - y^2} + \sqrt{1 - |x - y - 1|} = 2$$

Для $(x; y)$ решение, то возможны только след. варианты:

$$(1) \begin{cases} 2(x-y) - x^2 - y^2 = 0 \\ |x-y-1| = 4 \end{cases} \quad (2) \begin{cases} 2x - 2y - x^2 - y^2 = 4 \\ |x-y-1| = 0 \end{cases} \quad (3) \begin{cases} 2x - 2y - x^2 - y^2 = 1 \\ |x-y-1| = 1 \end{cases}$$

$$(1) \begin{cases} 2x - 2y - x^2 - y^2 = 0 \\ |x-y-1| = -3 \end{cases} \quad \text{---} \quad (2) \begin{cases} 2x - 2y - x^2 - y^2 = 4 \\ |x-y-1| = 1 \end{cases} \quad \Leftrightarrow \quad \begin{cases} 2x - 2y - x^2 - y^2 = 4 \\ x-y = 2 \\ x=y \end{cases}$$

$$(3) \begin{cases} 2x - 2y - x^2 - y^2 = 1 \\ x-y = 1 \end{cases} \quad \Leftrightarrow \quad \begin{cases} 2x - 2y - x^2 - y^2 = 1 \\ x-y = 2 \\ x=y \end{cases} \quad \Leftrightarrow \quad \begin{cases} 2x - 2y - x^2 - y^2 = 1 \\ x-y = 2 \\ -x^2 = 1 \end{cases} \quad \text{---} \quad \begin{cases} 2 \cdot 2 - (y+2)^2 - y^2 = 1 \\ x-y = 2 \\ x=y \end{cases} \quad \text{---} \quad \begin{cases} -4y^2 - 4y - 4 = 1 \\ x-y = 2 \\ x=y \end{cases} \quad \text{---} \quad \begin{cases} -4y^2 - 4y - 5 = 0 \\ x-y = 2 \\ x=y \end{cases} \quad \text{---} \quad \begin{cases} y^2 + y + \frac{5}{4} = 0 \\ x-y = 2 \\ x=y \end{cases} \quad \text{---} \quad \begin{cases} y = -\frac{1}{2} \\ x = \frac{3}{2} \\ x = y \end{cases} \quad \text{---} \quad \begin{cases} y = 0 \\ x = 2 \\ x = y \end{cases} \quad \text{---} \quad \begin{cases} y = -1 \\ x = 1 \\ x = y \end{cases} \quad \text{---} \quad \begin{cases} y = 0 \\ x = 1 \\ x = y \end{cases} \quad \text{---} \quad \begin{cases} y = 0 \\ x = 0 \\ x = y \end{cases} \quad \text{---} \quad \begin{cases} y = 0 \\ x = 1 \\ x = y \end{cases}$$

Ответ: $(1; 0); (0; -1)$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- | | | | | | | |
|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input checked="" type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

17

$(x; y)$ - целые - ?

Б и 4

$$\sqrt{2x - 2y - x^2 - y^2} + \sqrt{1 - |x - y - 1|} = 2$$

так x и y - целые, что

$$\begin{cases} 2x - 2y - x^2 - y^2 = 4 \\ 1 - |x - y - 1| = 0 \end{cases} \quad (1)$$

$$\begin{cases} 2x - 2y - x^2 - y^2 = 0 \\ 1 - |x - y - 1| = 4 \end{cases} \quad (2)$$

$$\begin{cases} 2x - 2y - x^2 - y^2 = 1 \\ 1 - |x - y - 1| = 0 \end{cases} \quad (3)$$

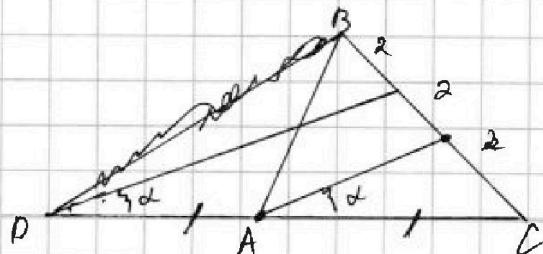
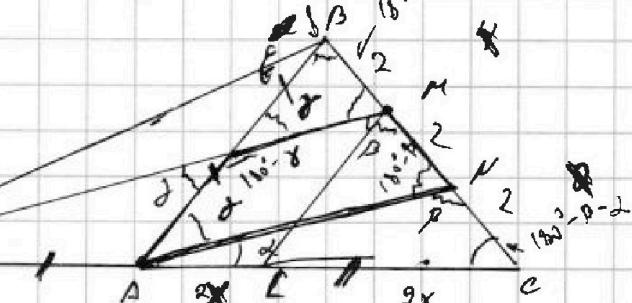
$$\begin{aligned} (1) \quad & \begin{cases} 2(x-y) - (x-y)(x+y) = 4 \\ |x-y-1| = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \\ & \Leftrightarrow \begin{cases} (x-y)(2-x-y) = 4 \\ |x-y-1| = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \\ & \Leftrightarrow \begin{cases} (x-y)(2-x-y) = 4 \\ x-y-1 = 1 \\ x-y-1 = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \end{aligned}$$

$$(2) \quad \begin{cases} 2(x-y) - (x-y)(x+y) = 0 \\ |x-y-1| = -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2+y \\ x = y - \emptyset \\ x-y = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2+y \\ x = 2-2-y \\ x = 2+4-y \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$(3) \quad \begin{cases} 2(x-y)(2-x-y) = 1 \\ |x-y-1| = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x-y = 1 \\ x-y-1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x-y = 1 \\ x-y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3-2x = 1 \\ x-y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = 0 \end{cases}$$

Одн. $(1; -1); (1; 0)$

$$\begin{aligned} & -x^2 + 2x - 1 + 1 - 2y - y^2 + 1 - 1 \\ & - (x^2 - 2x + 1) + 1 - (y^2 + 2y + 1) + 1 \\ & - (x-1)^2 + 1 - (y+1)^2 + 1 \alpha \\ & 2 - (x-1)^2 - (y+1)^2 = \end{aligned}$$



$$\frac{2}{\sin \alpha} = \frac{AC}{\sin \beta} \quad \frac{2}{\sin \alpha} = \frac{DC}{\sin \beta}$$

$$CD = AB \cdot \frac{2}{\sin \alpha} = \frac{AC}{DC} \cdot \frac{2}{\sin \alpha} = \frac{AC}{DC}$$

$$DC = 2AC$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} (x-y)(2-x-y)=4 \\ x-y=2 \end{cases}$$

$$2(2-x-x+2)=4$$

$$2-2x+2=2$$

$$x=-t \quad x=1$$

$$y=-1$$

$$\begin{cases} 2x-2y-x^2-y^2=0 \\ 1-(x-y-1)=4 \end{cases}$$

$$1-(x-y-1)=-3 \quad \emptyset$$

$$(1+1)(2-t+t)=4$$

$$2 \cdot 2 = 4$$

$$2(x-y)-(x^2+y^2)=0$$

$$\begin{cases} 2x-2y-x^2-y^2=4 \\ 1-(x-y-1)=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x-2y-x^2-y^2=4 \\ x-y-1=1 \\ x-y-1=-1 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} &= \sin^2 \alpha \\ \sin^2 \alpha &= \frac{3}{4} \\ 1 - \sin^2 \alpha &= 1 - \frac{3}{4} \\ 1 - \cos^2 \alpha &= \frac{1}{4} \\ \cos^2 \alpha &= \frac{3}{4} \\ \cos \alpha &= \pm \sqrt{\frac{3}{4}} = \pm \frac{\sqrt{3}}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{cases} 2-y^2-2y-1-y^2=1 \\ x-y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -2y^2-2y=0 \\ x-y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y^2+y=0 \\ x-y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y=0 \\ x=1 \\ y=-1 \\ x=0 \end{cases}$$

$$2x-2y-x^2-y^2=4$$

$$\begin{aligned} 2(x-y)-x^2-y^2 &= 4 \\ 2 \cdot 2 - x^2-y^2 &= 4 \\ -x^2 &= y^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \cos^2 \alpha &= \frac{3}{4} \\ \cos \alpha &= \pm \sqrt{\frac{3}{4}} = \pm \frac{\sqrt{3}}{2} \end{aligned}$$

$$\cos(\angle CAN) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$4-4$$

$$\sqrt{1-1+2-1}$$

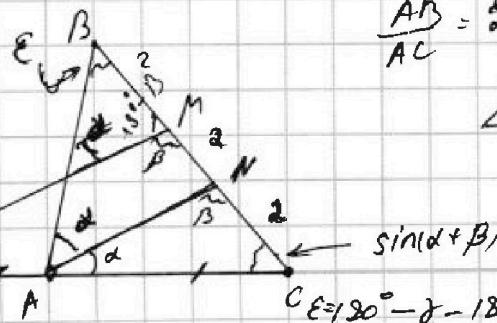
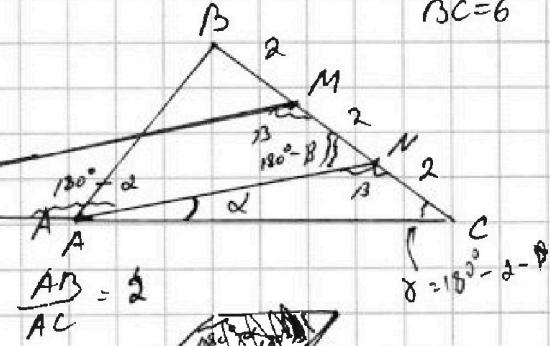
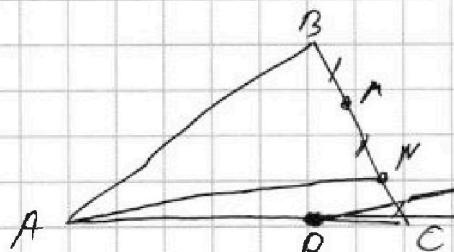
№3

$$\begin{aligned} \sqrt{2x-x^2} &+ \sqrt{1-2x-x^2} \\ \sqrt{2-1} &+ \sqrt{1-0} \end{aligned}$$

$$0/1$$

$$AB=PC$$

$$BC=6$$



$$\frac{4}{\sin \alpha} = \frac{CD}{\sin \beta}$$

$$E = \beta - \gamma$$

$$E = 180^\circ - \gamma - \beta - (180^\circ - \alpha - \gamma)$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$M \quad t = ?$$

$$x^2 + 4\sqrt{2}tx + 8t^2 - 8 = 0$$

две корни

$$\begin{cases} x_1 & x_2 \\ x_1 \cdot x_2 > 0 \end{cases}$$

$$\sqrt{2+2-1-t^2} \\ \sqrt{2+t^2-1-t^2}$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -4\sqrt{2}t \\ x_1 \cdot x_2 = 8t^2 - 8 > 0 \end{cases}$$

$$8(t-1)(t+1) > 0$$



$$\begin{cases} t \in (-\infty; -1) \cup (1; +\infty) \\ 2x - 2y > 0 \end{cases}$$

$$\frac{D}{t} = (2\sqrt{2})^2 - 4(8t^2 - 8) = 8t^2 - 32t^2 + 36 = 36 - 24t^2 = -24t^2 \\ = 8t^2 - 8t^2 + 36 = 36 - t^2 > 0 \quad (3-t)(3+t) > 0$$

$$a, b \in \mathbb{N}$$

$$\sqrt{2-11} + \sqrt{11-11-11} = 2$$

$$t^4 = 17$$

$$a-b=12$$

$$\sqrt{2+2-1-1} + 1 -$$

$$a^2 + 2ab + b^2 + 3a + 3b = 18p^4 \quad p - \text{простое}$$

$$(a+b)^2 + 3(a+b) = 18p^4$$

$$\begin{cases} (a+b)^2 + 3(a+b) = 18p^4 \\ a-b=12 \end{cases}$$

$$p - \text{целое} = 2$$

$$\begin{cases} x=1 \\ b=-11 \end{cases}$$

$$(2b+12)(2b+15) = 18p^4$$

$$18 \cdot 4 \quad p=2$$

$$2(b+6)(2b+15) = 18(p^4)$$

$$\cos(2\angle CAN) = -\frac{3}{4}$$

$$2(b+6)(2b+15)$$

$$(x; y) - \text{коэффициенты}$$

$$12b^2 + 80b + 2b^2 + 15b$$

$$\sqrt{2x^2 - 2y^2 - x^2y^2} + \sqrt{1 - |x-y|^2} = 2$$

$$2b^2 + 27b + 80 = 0$$

$$\begin{cases} \sqrt{2(x-y)} - (x-y)(x+y) = 2 \\ \sqrt{1 - |x-y|^2} = 0 \end{cases}$$

$$x-y = 2$$

$$\begin{cases} 2(x-y) - (x-y)(x+y) = 2 \\ 1 - |x-y|^2 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (x-y)(2-x-y) = 2 \\ 1 - |x-y|^2 = 0 \end{cases}$$



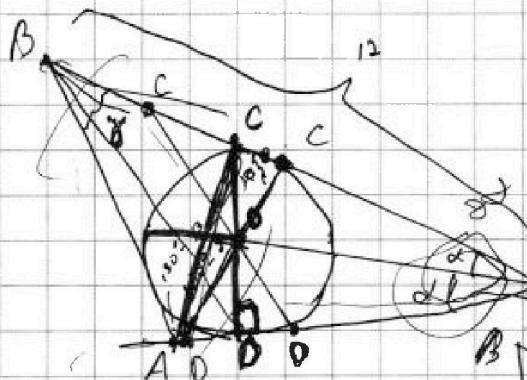
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

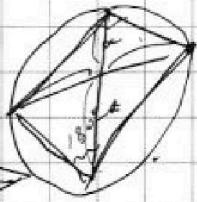
СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

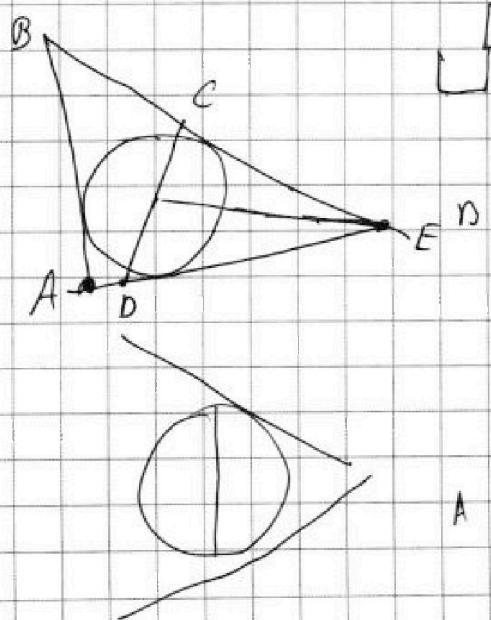
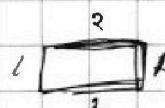
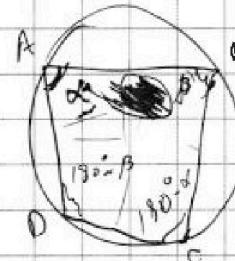
Черновик



$$ED + OD > OE$$



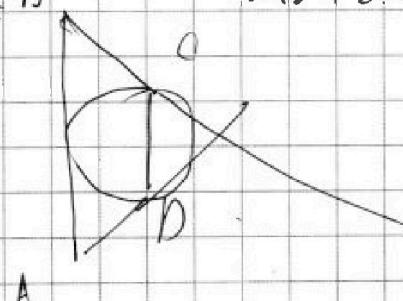
$$AC^2 + BD^2 = AD \cdot BC + CD$$



$$n = x^2 y^2 - 2xy \cos \alpha$$

$$n = v^2 \theta^2 + 2ab \cos \alpha$$

$$a^2 b^2 + 2ab \cos \alpha = x^2 + y^2 - xy \cos \alpha$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

