



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 2



1. [3 балла] Найдите все действительные значения x , при каждом из которых существует геометрическая прогрессия, состоящая из действительных чисел и такая, что её четвёртый член равен $\sqrt{\frac{15x+6}{(x-3)^3}}$, десятый член равен $x+4$, а двенадцатый член равен $\sqrt{(15x+6)(x-3)}$.

2. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+7} - \sqrt{5-x-3z} + 6 = 2\sqrt{y-2x-x^2+z}, \\ |y-20| + 2|y-35| = \sqrt{225-z^2}. \end{cases}$$

3. [5 баллов] Найдите все значения параметра p , при которых уравнение

$$\cos 3x + 6 \cos x = 3 \cos 2x + p$$

имеет хотя бы одно решение. Решите это уравнение при всех таких p .

4. [5 баллов] Две окружности ω_1 и ω_2 пересекаются в точках A и B , а их общая касательная имеет с ω_1 и ω_2 общие точки C и D соответственно, причём точка B расположена ближе к прямой CD , чем точка A . Луч CB пересекает ω_2 в точках B и E . Найдите отношение $ED : CD$, если диагональ AD четырёхугольника $ACDE$ делит отрезок CE в отношении $9 : 25$, считая от вершины C .
5. [4 балла] Дан клетчатый прямоугольник 150×200 . Сколько способами можно закрасить 8 клеток этого прямоугольника так, чтобы закрашенное множество обладало хотя бы одной из следующих симметрий: относительно центра прямоугольника, относительно любой из двух "средних линий" прямоугольника ("средней линией" прямоугольника назовём отрезок, соединяющий середины двух его противоположных сторон). Ответ дайте в виде выражения, содержащего не более трёх членов (в них могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

6. [4 балла] Найдите все тройки целых чисел $(a; b; c)$ такие, что:

- $a > b$,
- число $a - b$ не кратно 3,
- число $(a - c)(b - c)$ является квадратом некоторого простого числа,
- выполняется равенство $a + b^2 = 820$.

7. [6 баллов] В основании призмы лежит равносторонний треугольник со стороной 2. Площади её боковых граний равны 5, 5 и 4. Найдите высоту призмы.

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- | | | | | | | |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$6q^3 = \sqrt{\frac{15x+6}{(x-3)^3}}$$

$$\boxed{x \neq 3}$$

$$6q^9 = \sqrt{x+4}$$

$$6q'' = \sqrt{(15x+6)(x-3)}$$

ОДЗ:

$$(15x+6)(x-3)^3 \geq 0 \Leftrightarrow x \leq -\frac{2}{5}$$

$$x-3 \leq 0 \Rightarrow 15x+6 \leq 0 \Leftrightarrow x \neq 3, \text{ т.к. тогда}$$

$$x-3 > 0 \Rightarrow 15x+6 \geq 0 \Rightarrow x \geq 3 \quad (x-3)^3 = 0.$$

ОДЗ! $x \in (-\infty; -\frac{2}{5}] \cup (3; +\infty)$.

$(15x+6)(x-3)^3$ не может совпадать с $\frac{15x+6}{(x-3)^3}$.

Если $6q^3 = 0$, то $15x+6 = 0 \Rightarrow x = -\frac{2}{5} \quad \text{Противоречие}$

$\Rightarrow 6q^9 = 0 \Rightarrow 0 = x+4 \Rightarrow x = -4$

$\Rightarrow 6q^3 \neq 0$. $6q^9 \neq 0$, иначе $6q^3 = 0$; а это невозможно, иначе $6q'' \neq 0$, иначе $6q^3 = 0$.

$$\frac{6q''}{6q^3} = \sqrt{(x-3)^4} \Rightarrow q^8 = \pm (x-3)^2 \Rightarrow q^8 = (x-3)^2, \text{ т.к.}$$

$$q^8 > 0, (x-3)^2 \geq 0 \Rightarrow \text{знач } "+"$$

$$6q^9 \cdot q^2 = 6q''$$

$$(x+4)^8 \sqrt{(x-3)^4} = \sqrt{(x-3)^7} \cdot \sqrt{(15x+6)}.$$

$$(x+4)^4 \sqrt{(x-3)^2} = \sqrt{(x-3)(15x+6)}.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$1) \quad x - 3 > 0:$$

$$x = 3 \neq 0 \text{ из } Od3.$$

$$(x+4)\sqrt[4]{(x-3)^2} = (x+4)\sqrt{x-3}$$

$$(x+4)\sqrt{x-3} = \sqrt{x-3} \cdot \sqrt{15x+6}$$

$$x+4 = \sqrt{15x+6} \Rightarrow x+4 \geq 0. \quad \text{и } 15x+6 \geq 0 \text{ из T. Всегда.}$$

$$x^2 + 8x + 16 = 15x + 6 \Rightarrow x^2 - 7x + 10 = 0. \quad \begin{cases} x_1 = 5 \\ x_2 = 2 \end{cases}$$

$x_1 = 5$ — подходит

$x_2 = 2$. — не подходит из Od3.

$$2) \quad x - 3 < 0.$$

$$\sqrt[4]{(x-3)^2} = \sqrt[2]{3-x}$$

$$(x+4)\sqrt{3-x} = \cancel{(x+4)}\sqrt{-3} \cdot \sqrt{15x+6}$$

$$-x^2 - 8x - 16 = -15x - 6$$

$$x^2 + 23x + 22 = 0 \Rightarrow x_3, x_4 = -22, -1 \text{ из T. Всегда.}$$

$x_3 = -22$ — не подходит

$x_4 = -1$

$x_4 = -1$ — не подходит т.к. $x+4 \geq 0$.

$$x+4 = \sqrt{-15x-6} \Rightarrow \begin{cases} x+4 \geq 0 \\ -15x-6 \geq 0 \end{cases}$$

$$x^2 + 8x + 16 = -15x - 6.$$

$$x^2 + 23x + 22 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x_3 = -1 \\ x_4 = -22 \end{cases} \text{ из T. Всегда.}$$

Оба подходят.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input checked="" type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\cos 3x + 6 \cos 5x = 3 \cos 2x + p.$$

$$\begin{aligned}\cos(3x) &= \cos(2x+x) = \cos x \cos 2x - \sin x \sin 2x = \cos x (\cos^2 x - 2 \sin^2 x) \\ &= \cos x (2 \cos^2 x - 1 - 2(1 - \cos^2 x)) = \cos x (4 \cos^2 x - 3).\end{aligned}$$

$$\cos x (4 \cos^2 x - 3) + 6 \cos x - 3(2 \cos^2 x - 1) = p.$$

$$\cos x = t:$$

$$t(4t^2 - 3) + 6t - 3(2t^2 - 1) = p$$

$$4t^3 + 6t^2 + 3t - p + 3 = 0.$$

$$f(t) = 4t^3 + 6t^2 + 3t - p + 3.$$

$f'(t) = 12t^2 + 12t + 3$, приравнена к 0, чтобы найти точки локального максимума и минимума.

$$f'(t) = 0 \Rightarrow 12t^2 + 12t + 3 = 0.$$

$$D = 144 - 144 = 0 \Rightarrow t = \frac{12 \pm 0}{2 \cdot 12} = \frac{1}{2}$$

$$f'(t) = 12 \left(t + \frac{1}{2} \right)^2 \Rightarrow f'(t) \begin{cases} + & t < -\frac{1}{2} \\ 0 & t = -\frac{1}{2} \\ + & t > -\frac{1}{2} \end{cases}$$

производная всегда ~~меньше~~ касается оси \Rightarrow

\Rightarrow функция возрастает неудовлетворительно, если

$$\text{дт. } -p + 3 = 0, \text{ т.е. функция } g(t) = 4t^3 + 6t^2 + 3t$$

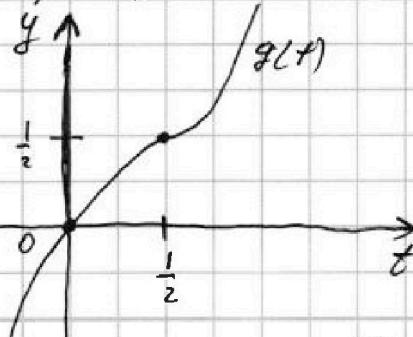
Шед синий

примерно такая.

$$\text{т.е. } g\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2}, g(0) = 0.$$

т.к. производная касается оси, то функция может не касаться оси, а далее продолжаться,

т.е. $-p + 3$ просто сдвигает график $g(t)$ на $-p + 3$ вправо.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Отсюда хайней граничные значения для $-P+3$.

$t = \cos x \Rightarrow$ чтобы было корни \leq боковые ≤ 1

Сам корень $t = 1 :$

$$f'(t) = 0, \quad 4t^3 - 6t^2 + 3t + 3 - p = 0 \\ 4 - 6 + 3 + 3 - p = 0 \Rightarrow p = 4$$

Сам корень $t = -1 :$

$$-4 - 6 - 3 + 3 - p = 0 \Rightarrow p = -10.$$

Получаем, что ~~нек~~ для P подходит любое значение от -10 до 4 . $P \in [-10, 4]$.

Решим это ур-е.

$$4t^3 - 6t^2 + 3t + 3 - p = 0.$$

$$4t^3 - 6t^2 + 3t + \frac{1}{2} = p - \frac{5}{2}.$$

$$(t - \frac{1}{2})^3 = p - \frac{5}{2} \Rightarrow t - \frac{1}{2} = \sqrt[3]{p - \frac{5}{2}} \Rightarrow$$

$$t = \sqrt[3]{p - \frac{5}{2}} + \frac{1}{2}$$

$$4(t^3 - \frac{3}{2}t^2 + \frac{3}{4}t - \frac{1}{8}) = p - \frac{7}{2}.$$

$$4(t - \frac{1}{2})^3 = p - \frac{7}{2} \Rightarrow$$

$$t - \frac{1}{2} = \sqrt[3]{\frac{2p - 7}{8}} = \frac{\sqrt[3]{2p - 7}}{2} \Rightarrow t = \frac{\sqrt[3]{2p - 7}}{2} + \frac{1}{2}.$$

$$t = \cos x \Rightarrow \cos x = \frac{\sqrt[3]{2p - 7}}{2} + \frac{1}{2}$$

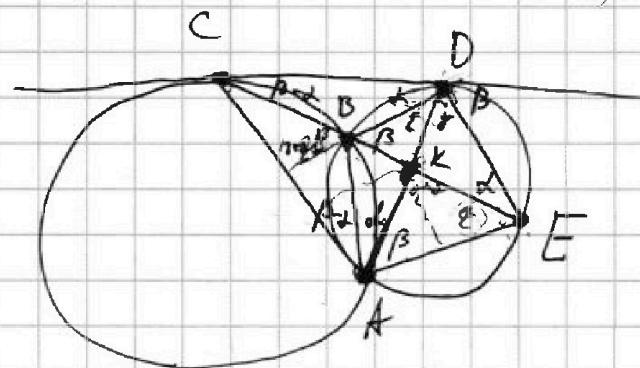
$$x = \arccos \left(\frac{\sqrt[3]{2p - 7}}{2} + \frac{1}{2} \right) + \pi k, \quad k \in \mathbb{Z}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input checked="" type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\gamma = 180 - \alpha - \beta - \delta$$

$$\delta = 180 - 180 + \alpha + \beta - \gamma =$$

$\hat{A}K$ - биссектриса \hat{B} & $\hat{A}E \Rightarrow \frac{CK}{KE} = \frac{AC}{AE}$

$$CD^2 = CB \cdot CE$$

$$\triangle CBD \sim \triangle CDE \Rightarrow \frac{DE}{CD} = \frac{BD}{BC}$$

$$\frac{BD}{AE} = \frac{BE}{CE} \cdot \frac{BK}{KE}$$

$$\frac{AK}{KE} = \frac{BK}{DK}$$

$$\frac{DK}{KE} = \frac{BE \cdot BD}{AE \cdot CE}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Общее число способов посчитаем через формулу
Биномиальную, исключив:

$$A = S_0 + S_1 + S_2 - S_0 \cdot S_1 - S_0 \cdot S_2 - S_1 \cdot S_2 + (S_0 \cdot S_1 \cdot S_2),$$

где S_0, S_1, S_2 - число способов выбрать в
клеток, где есть центральная и две смежные.

$S_0 = C_{150 \cdot 100}^4$, т.к. можно разделить \square диагональю,
при центральной смежной или концах клетка
из одной части окажется в другой части
(так, это перейдет в симметрии нет).

$S_1 = C_{150 \cdot 100}^4$ т.к.
 $S_2 = C_{150 \cdot 100}^4$ при концой смежной
средней линии
стк - по ~~симметрии~~, ~~т.к.~~ клетка из одной
половинки переходит в другую \Rightarrow можно выбрать
4 клетки в одной из половинок \Rightarrow оставшиеся 4
находятся симметрично способами.

~~$S_0 = C_{150 \cdot 100}^4$ т.к. поставил 1 клетку, осталась
 $S_1 = C_{150 \cdot 100}^4$ т.к. осталась 3 клетки
 $S_2 = C_{150 \cdot 100}^4$ т.к. осталась 3 клетки~~



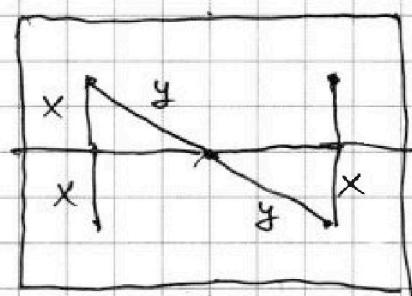
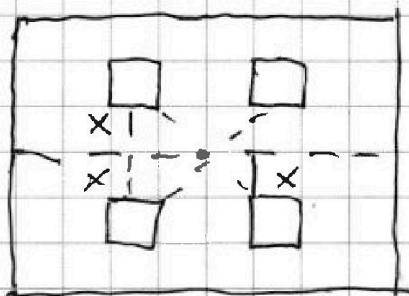
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Заметка, что ~~старт~~ симметрия
отк - по одной из средних линий и отк - по центру
то же самое, что и симметрия отк - по любых
средних линий. ← Это видно из рисунка



Чтобы разобрать Гипотезу α касается \Rightarrow равны и
сами S .

тогда

$$S_1 \cap S_2 = C_{150 \cdot 50}^2$$

$$S_0 \cap S_1 = C_{150 \cdot 50}^2$$

$$S_0 \cap S_2 = C_{150 \cdot 50}^2$$

Всему более сложного, ясно, что

$$S_1 \cap S_2 \cap S_0 = C_{150 \cdot 50}^2, \text{ т.к. } \text{если ясно, что}$$

одна из симметрий касается то добавят.

$$A = 3 \cdot C_{150 \cdot 100}^4 + 3 \cdot C_{150 \cdot 50}^2 + C_{150 \cdot 50}^2 = 3 \cdot C_{150 \cdot 100}^4 - 2 \cdot C_{150 \cdot 50}^2$$

$$\text{Ответ: } 3 \cdot C_{150 \cdot 100}^4 - 2 \cdot C_{150 \cdot 50}^2$$

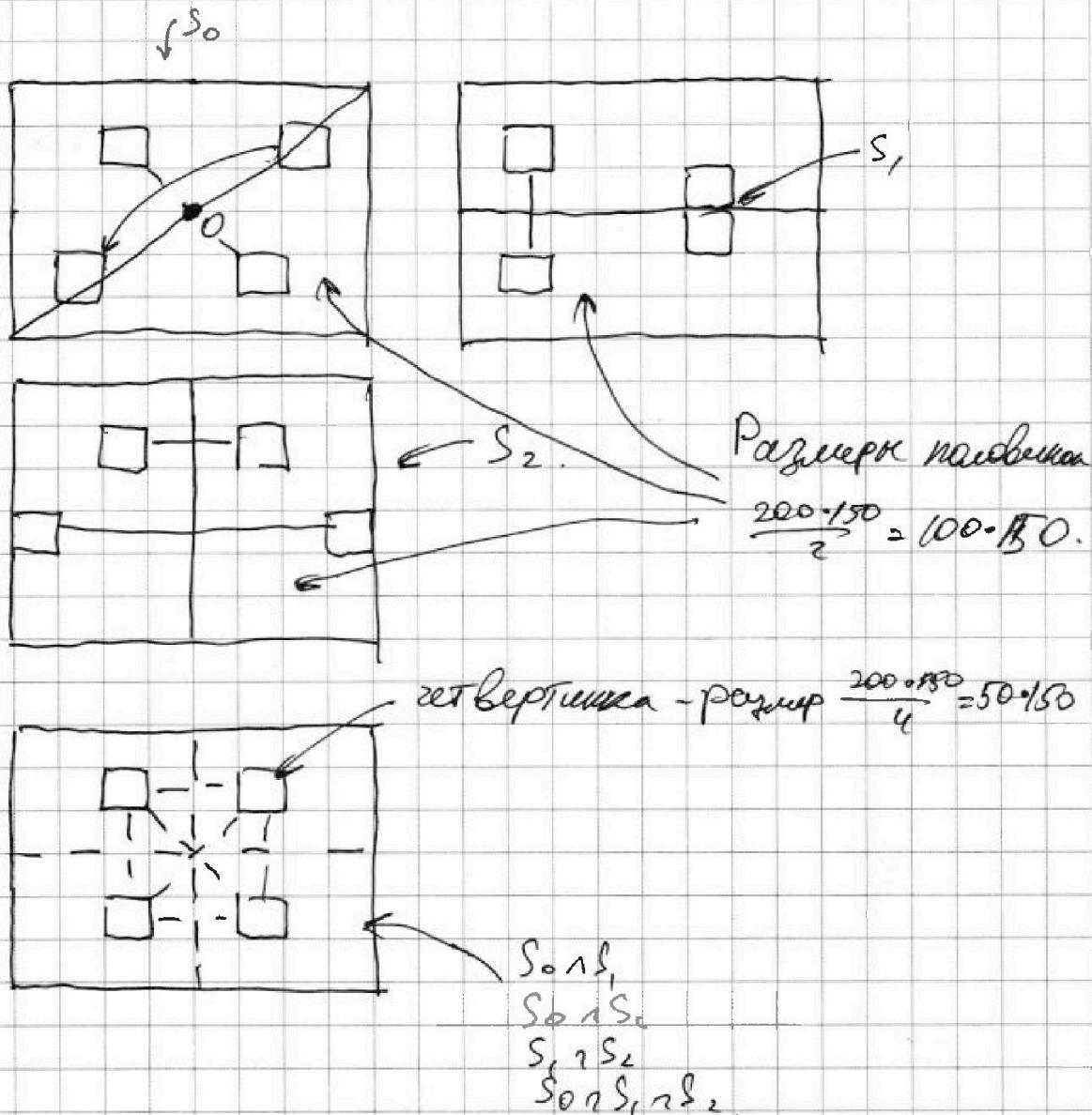


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input checked="" type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
3 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$a = b + 8, \quad b_1 = -29 \Rightarrow a_1 = -21, \quad a > b \\ b_2 = 28 \Rightarrow a_2 = 28 + 8 = 36, \quad a > b.$$

$$c_1 = b_1 - 1 = -30 \\ c_2 = b_2 - 1 = 27$$

$$2). \quad a - c = -1 \\ b - c = -9 \Rightarrow c = b + 9 \Rightarrow a = b + 8. \\ a + b^2 = 8 \cdot 20 \Rightarrow b^2 + 6b + 8 = 0 \Rightarrow D = 1 + 4 \cdot 8 / 2 = 32 \stackrel{11}{\cancel{4}} \stackrel{2}{\cancel{2}}$$

$$b_3, b_4 = \frac{-1 \pm \sqrt{57}}{2} \Rightarrow b_3 = -29 \\ b_4 = 28.$$

$$b_3 = -29 \Rightarrow a_3 = b_3 + 8 = -21 \\ b_4 = 28 \Rightarrow a_4 = b_4 + 8 = 36.$$

$$c_3 = b_3 + 9 = -21 + 9 = -13 \\ c_4 = b_4 + 9 = 28 + 9 = 37.$$

В итоге получаем тройки (a, b, c)
 ~~$(-29, -21, -30); (-29, -21, -13); (28, 36, 27); (28, 36, 37)$~~ .
 $(-21, -29, -30); (-21, -29, -13); (36, 28, 27); (36, 28, 37)$.

Всего $a > b$, $a - b \geq 3$, $a + b^2 = 820$, $(a - c)(b - c) = p^2$.

Ответ: $(-21, -29, -30); (-21, -29, -13); (36, 28, 27); (36, 28, 37)$.

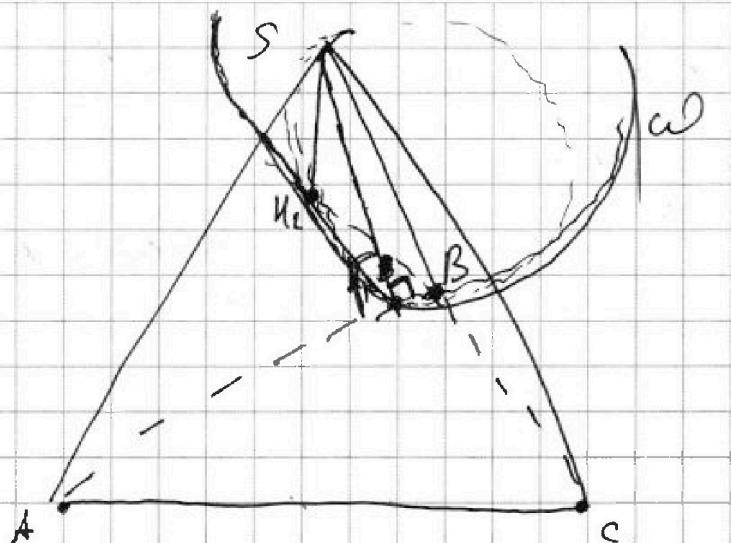


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input checked="" type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

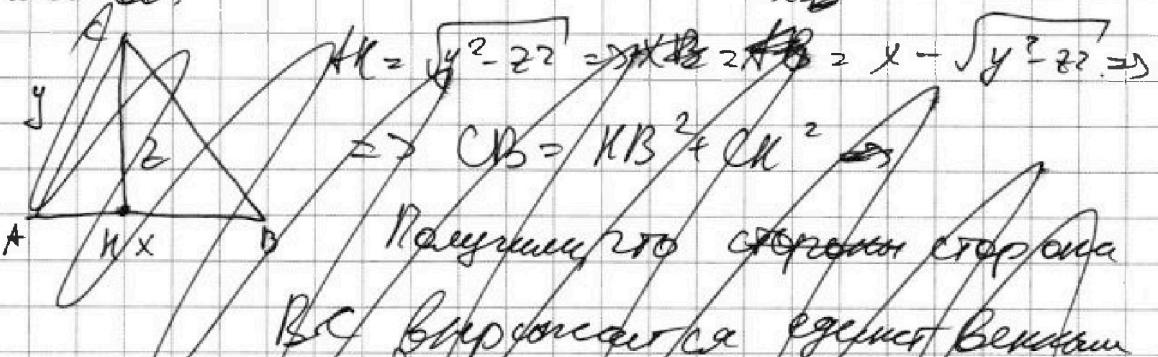


Пусть $\triangle ABC$ выбраны так, что $S_{\triangle ABS} = S_{\triangle SBC} = 5$, $S_{\triangle SAC} = 4$

Из $\triangle ABS \sim \triangle SBC$ равны основания, есть общая сторона, а также равны высоты из точки S , т.к. равны площади. $S_{K_1} = S_{K_2} = \frac{5 \cdot 2}{3} = 5 \Rightarrow$

~~равные и симил~~ $\triangle SK_1K_2$ равноделенца от этого симил высоты

док-во.



Получим что стороны стороны BC превосходят каждое из величин отрезков. (т.к. y -одна из 3, если две длины одинаковы то величина третья должна быть в 2 раза)



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Сравнение от K_1 и $K_2 \Rightarrow K_1$ и K_2 лежат на
окр-ти, где радиусы SK_1 с центрами S_1 и S_2 .
Т.к. SK_1 высока, то AB -касательная
к окр. S_2 этой окр-ти (будем называть окр
 ω)

SA_2



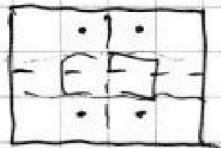
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

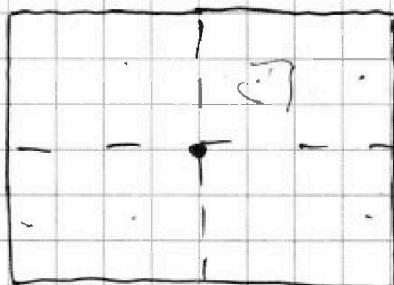
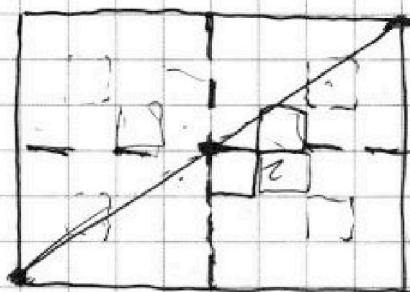
$(S_1 \cap S_2)$



$$R. \frac{150 \cdot 200 - 200}{4} = \boxed{50 \cdot 149}$$

$$C_{50 \cdot 149}^2 + C_{50 \cdot 149}^1 = C_{10 \cdot 200}^2 + C_{200}^4$$

$(S_1 \cap S_2 \cap S_3)$



$$S_0 = C_{150 \cdot 100}^1$$

$$S_0 \cap S_1 = C_{50 \cdot 150}^2$$

$$S_1 = C_{100 \cdot 150}^4$$

$$S_0 \cap S_2 = C_{50 \cdot 150}^2$$

$$S_2 = C_{100 \cdot 150}^4$$

$$S_2 \cap S_1 = C_{50 \cdot 150}^2$$

$$S_0 \cap S_1 \cap S_2 = C_{50 \cdot 150}^2$$

$$\mathcal{E} = S_0 + S_1 + S_2 - S_0 \cap S_1 - S_0 \cap S_2 - S_1 \cap S_2 + S_0 \cap S_1 \cap S_2$$

$$3 \cdot C_{100 \cdot 150}^4 -$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Перепишем условие задачи:

$$a > b.$$

$$a - b \geq 3$$

$$(a - c)(b - c) = p^2$$

$$a + b^2 = 820$$

$$(a - c)(b - c) = p^2 \Rightarrow \text{т.к. } p\text{-крайнее} > 1:$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \begin{aligned} a - c &= p, \quad b - c = p \Rightarrow \text{кет, т.к. } a > b \Rightarrow a - c > b - c. \\ a - c &= -p, \quad b - c = -p \Rightarrow \text{кет, т.к. } a > b \Rightarrow a - c > b - c \end{aligned} \\ (1) \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \begin{aligned} a - c &= 1, \quad b - c = p^2 \Rightarrow \text{кет, т.к. } a > b \Rightarrow a - c > b - c \\ a - c &= p^2, \quad b - c = 1 \end{aligned} \\ (2) \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \begin{aligned} a - c &= -1, \quad b - c = -p^2 \Rightarrow \cancel{\text{кет, т.к. } (-p^2) \text{ не может быть положительным}}. \\ a - c &= -p^2, \quad b - c = -1 \Rightarrow \text{кет, т.к. } a > b \Rightarrow a - c > b - c \end{aligned} \\ (2) \end{array} \right.$$

Остались 2 случая

$$1) \quad a - c = p^2, \quad b - c = 1 \Rightarrow a - b = p^2 - 1 = (p-1)(p+1)$$

Рассмотрим $p \geq 3 \Rightarrow$ Если $p \equiv 1 \pmod{3} \Rightarrow a - b \equiv 3$

Если $p \equiv 2 \pmod{3} \Rightarrow a - b \equiv 2$

Если $p \equiv 0 \pmod{3} \Rightarrow p^2 - 1 \equiv 0 \pmod{3}$.

Противоречие с условием

Получается, что $p \equiv 0 \pmod{3} \Rightarrow p = 3$, т.к. p -крайнее.

$$a - c = 9 \quad \cancel{b - c = 1 \Rightarrow c = b - 1} \Rightarrow a = b + 8.$$

$$b - c = 1 \Rightarrow c = b - 1$$

$$a + b^2 = 820 \Rightarrow b^2 + b + 8 = 820 \Rightarrow b^2 + b - 812 = 0.$$

$$D = 1 + 4 \cdot 812 = 3249 = 57^2 \Rightarrow b_{1,2} = \frac{-1 \pm 57}{2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow b_1 = -29, \quad b_2 = 28$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$4t^3 - 6t^2 + 3t = p - 3.$$

$$4\left(t^3 - \frac{3}{2}t^2 + \frac{3}{4}t - \frac{1}{8}\right) = p -$$

$$4\left(t - \frac{1}{2}\right)^3 = \left(t^3 - \frac{3}{2}t^2 + \frac{3}{4}t - \frac{1}{8}\right) \cdot 4 = 4t^3 - 6t^2 + t - \frac{1}{2}.$$

$$\frac{CK}{CE} = \frac{9}{25} \quad \frac{ED}{CA} = ?$$

$$CD^2 = CB \cdot CE.$$

$$\triangle CDB \sim \triangle CDE.$$

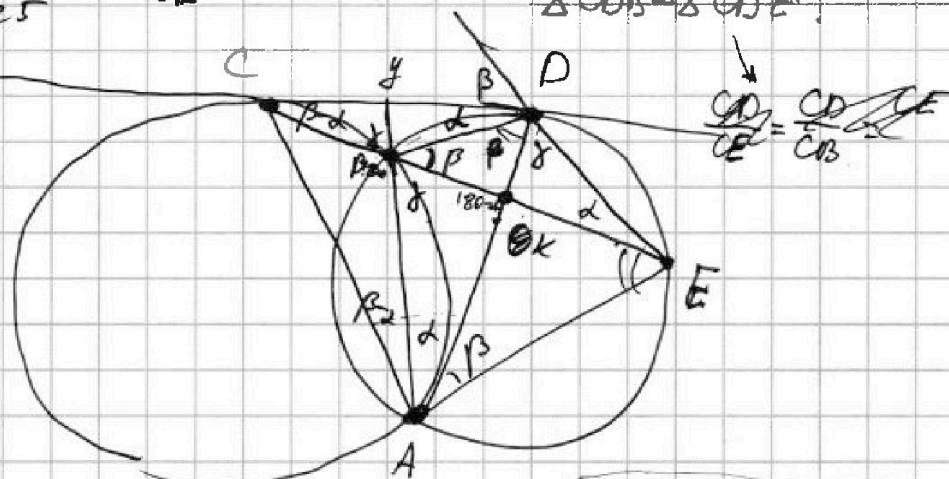
$$\frac{CD}{CE} = \frac{CB}{CE}$$

$$DF = a$$

$$CD = b$$

$$CE = c.$$

$$DE$$

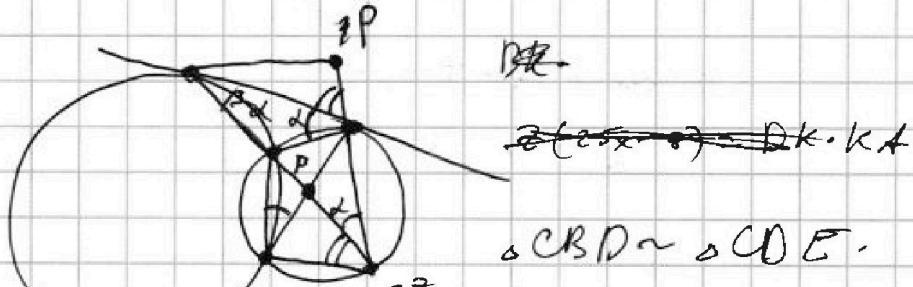


$$\triangle BDK \sim \triangle KCE \Rightarrow \frac{DK}{KA} = \frac{BK}{KE} \quad [CD^2 = CB \cdot CE.]$$

$$BK \cdot KE = DK \cdot KA.$$

$$CD^2 = CB \cdot CE = (gx - BK) \cdot \cancel{36x}.$$

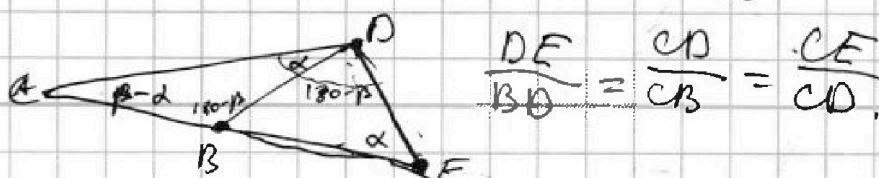
$$\boxed{\frac{DE}{CD} = \frac{BD}{BC}}$$



$$g^2 = 3 \cdot 6 \cdot (18x)^2 - 36 \cdot (BK)$$

$$\triangle CBD \sim \triangle CDE.$$

$$\cancel{DE} \cancel{CD} \cancel{CE}$$



$$\frac{DE}{BD} = \frac{CE}{CD} = \frac{CE}{CD}.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\cos 2x = \cos x + \cos x \cos(x+x) - \cos x \cos x - \sin x \sin x =$$

$$= \cos^2 x - \sin^2 x = \cos 2x \Rightarrow 1 - 2 \sin^2 x = 2 \cos^2 x - 1$$

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1 \Rightarrow$$

$$\cos 3x = \cos x (1 - 4 \sin^2 x) \cdot [2 \cos x (2 \cos x - 1)]$$

$$\cos x (7 - 4 \sin^2 x) = 3 \cos 2x + p$$

$$\cos x (7 - 4 \sin^2 x) = 3 - 6 \sin^2 x + p$$

$$p - 1 = \cos x (7 - 4 \sin^2 x) - 2 \cos^2 x = -\sin^2 x = \cos^2 x - 1$$

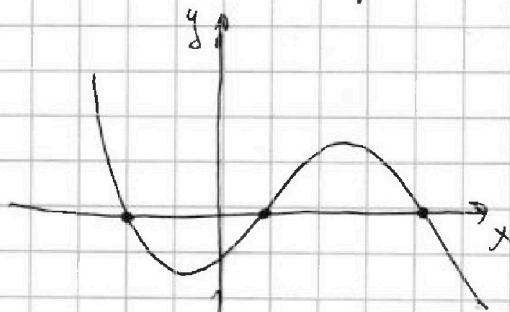
$$= \cos x (7 - 8 \sin^2 x - 2 \cos x) \Rightarrow \cos x (7 - 4(1 - \cos^2 x))$$

$$= \cos x (3 - 4 \cos^2 x - 2 \cos x), \cos x = t.$$

$$p - 1 = t (3 - 4t^2 - 2t)$$

$$-4t^3 - 2t^2 + 3t - p + 1 = 0$$

При каких реальных решениях?



$$f(t) = -4t^3 - 2t^2 + 3t - p + 1$$

$$f'(t) = -12t^2 - 4t + 3 \quad D = 16 + 12 \cdot 3 \cdot 4 = 16 + 144 = 160$$

$$t_1, t_2 = \frac{-4 \pm \sqrt{160}}{-24}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

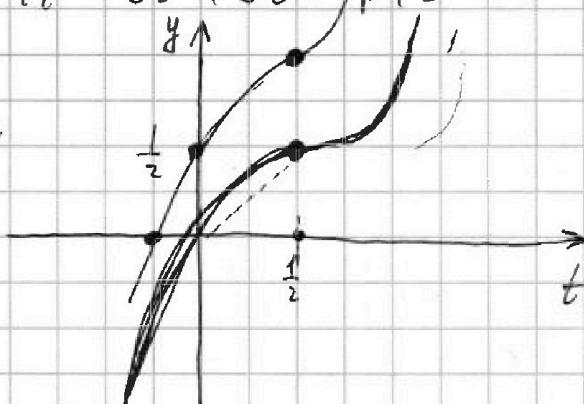


- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

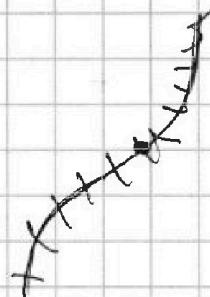
СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$4t^3 - 6t^2 + 3t + p + 3 = 0 \text{. если } k \neq -p+3, \text{ то.}$$



$$\frac{4 \cdot 1}{8} - \frac{6 \cdot 1}{4} + \frac{3 \cdot 1}{2} = \frac{1}{2} - \frac{3}{2} + \frac{3}{2} = \frac{1}{2}$$



$$f'(t) = 12t^2 - 12t + 3 = 12(t - \frac{1}{2})^2$$

$\begin{matrix} + & 0 & + \end{matrix}$

(корни ур-я ≤ -1 , а корень то будто один.)

Ну и как...

$$-4 - 6 - 3 - p + 3 = 0 \quad 3 - p = \frac{1}{2}.$$

$$4t^3 - 6t^2 + 3t + 3 - p = 0$$

$$4t^3 - 6t^2 + 3t + \frac{1}{2} = p - \frac{5}{2}$$

$$(t - \frac{1}{2})^3 = p - \frac{5}{2}$$

$$t - \frac{1}{2} = \sqrt[3]{p - \frac{5}{2}} \quad p <$$

$$t = \sqrt[3]{p - \frac{5}{2}} + \frac{1}{2}.$$

$$\cos x = \sqrt[3]{p - \frac{5}{2}} + \frac{1}{2}.$$

$$x = \arccos(\sqrt[3]{p - \frac{5}{2}} + \frac{1}{2}).$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$g^3 b = \sqrt{\frac{15x+6}{(x-3)^3}}$$

$$g^9 b = x+4$$

$$g'' b = \sqrt{(15x+6)(x-3)}.$$

$$g^8 \pm (x-3)^2 \Rightarrow (x-3)^2 \text{ со знаком } + \text{ и } - . g^8 \geq 0$$

$$g^8 = (x-3)^2$$

$$g'' b = g^3 b \cdot g^8 = (x-3)^2 \cdot \sqrt{\frac{15x+6}{(x-3)^3}} =$$

$$= (x-3) \sqrt{(15x+6)(x-3)} \quad g^2 = g^8 =$$

$$g^9 b = \frac{g'' b}{g^2} = \frac{g \sqrt{(15x+6)(x-3)}}{\sqrt{|x-3|}} \neq$$

$$15x^2 + 6x - 18 - 30x - 20$$

$$x+4 \geq 0 \Rightarrow x \geq -4 \quad \text{т.к. } g^3 b \geq 0 \quad 15x^2 - 24x - 38 \geq 0 \quad 3(x-3)(5x+2)$$

$$g^{14} b^2 = \sqrt{\frac{(15x+6)^2}{(x-3)^2}} = \pm \sqrt{\frac{15x+6}{x-3}}$$

$$g^7 b = \sqrt{\frac{15x+6}{x-3}} \Rightarrow g^2 = \sqrt{\frac{1}{(x-3)^2}} \Rightarrow g = \frac{1}{|x-3|}$$

$$a > b, \quad a - b \neq 0,$$

$$g = \pm \sqrt{|x-3|^2} =$$

$$(a-c)(b-c) = p^2 \Rightarrow a \neq c \text{ и } b \neq c \quad \text{или } a=c \text{ и } b \neq c$$

б) г

$$\pm b^8 \sqrt{(x-3)^6} = \sqrt{\frac{(15x+6)^7}{(x-3)^3}}$$

$$\begin{cases} a-c=p \\ b-c=p \end{cases} \text{ и } a \neq c, \quad \text{или } \begin{cases} a-c=-p \\ b-c=-p \end{cases}$$

$$\begin{cases} a-c=p \\ b-c=-p \end{cases}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$(a-c)(b-c) = p^2 \Rightarrow \begin{cases} a-c = b-c = p - \text{нет}, \quad \text{т.к. } a > c \\ a-c = p, \quad b-c = -p - \text{нет, т.к. } p > 0 \\ a-c = 1, \quad b-c = p^2 - \text{нет, т.к. } a > c \\ a-c = -p, \quad b-c = p - \text{нет т.к. } a > c \\ a-c = p^2, \quad b-c = p \\ a-c = -p, \quad b-c = -p^2 \end{cases}$$

$$1) a-c = p^2, \quad b-c = 1 \Rightarrow a-b = p^2 - 1 = (p-1)(p+1).$$

$$\text{Рассмотрим } p \equiv 1 \Rightarrow p-1 \equiv 0, \quad p \equiv 2 \Rightarrow p+1 \equiv 3 \Rightarrow p \equiv 3 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{p=3} \Rightarrow a-c = 9, \quad b-c = 1 \Rightarrow b = a + c - 8$$

$$a+b+1 = 9 \Rightarrow \boxed{a+b = 8}$$

$$a+b = 8 \Rightarrow b^2 + b + 8 = 8 \Rightarrow b^2 + b - 8 = 0.$$

$$D = 1 + 4 \cdot 8 = 1 + 32 = 33 = \boxed{57^2}$$

$$\begin{array}{r} \times 57 \\ \times 57 \\ \hline 3249 \end{array} \Rightarrow b = \frac{-1 \pm 57}{2} \Rightarrow \boxed{b = -29} \quad \boxed{b = 28}$$

$$1) a = -29 + 8 = -21 \\ a = 28 + 8 = 36.$$

$$a-c = 1 \\ a = c+1 \Rightarrow b+c-1 = b+8.$$

$$\cos 3x + 6 \cos x = 3 \cos 2x + p$$

$$\cos 3x + 6 \cos x = 3 \cos 2x + p.$$

$$\cos 2x = 1 - \frac{\sin^2 x}{\cos^2 x}$$

$$p \leq 10$$

$$p \geq -10.$$

$$\cos 3x = \cos(2x+x) = \cos 2x \cos x - \sin 2x \sin x = \\ -\cos x (\cos 2x - 2 \sin^2 x) = \cos x$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

 1 2 3 4 5 6 7СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$(S_1 \cap S_{p_2}) \cdot \boxed{\begin{array}{|c|c|} \hline - & - \\ \hline - & - \\ \hline \end{array}}$$

$$\frac{C^1_{150 \cdot 200 - 200}}{2} + C^4_{100 \cdot 149} + C^2_{100 \cdot 149} \cdot C^2_{200} + C^4_{200}$$

$$(S_{p_2} \cap S_{p_1})$$

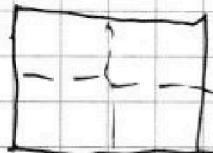


числ 4 раза.
числ 2 раза

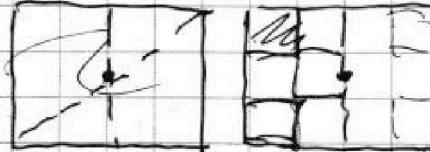


ноги
Чтобы - всегда

2 раза - шаг на ср. линии 100, 140 2-й . $\frac{1}{2}$



$$(S_0 \cap S_1)$$

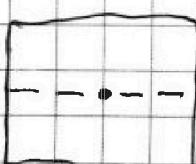


$\frac{200 \cdot 150 - 200}{4}$

$$C^2_{100 \cdot 150} + C^1_{100 \cdot 150}$$

$$\frac{C^2_{100 \cdot 150 - 150}}{4} + C^2_{150} \cdot \frac{C^1_{100 \cdot 150 - 150}}{2} + C^4_{150}$$

$$(S_1 \cap S_2)$$



$$\frac{C^2_{100 \cdot 149}}{4} + C^2_{200} \cdot \frac{C^1_{100 \cdot 149}}{2} + C^4_{200}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

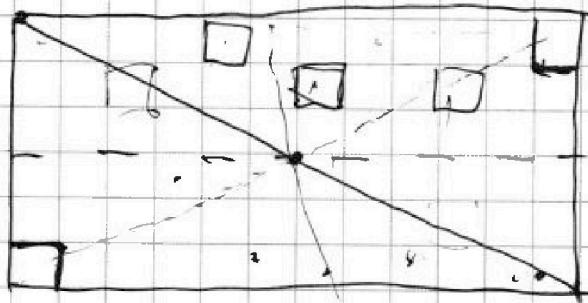
- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

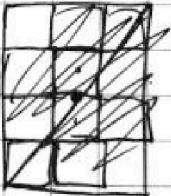
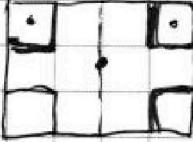
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



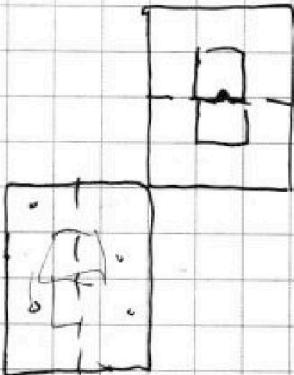
14 клетки \rightarrow 8 клеток,
если нет симметрическ.



$$C_{150 \cdot 100}^4 - C_{150 \cdot 100}^1 = C_{150 \cdot 100}^4 - S_0 \rightarrow S_0 - \text{отк-ко центре.}$$



$$C_{150 \cdot 100}^4 = S_{cp_2}$$

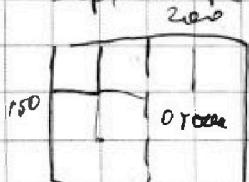


$$S_{cp_1}$$

$$+ C_{150 \cdot 100}^4 -$$

$$C_{150 \cdot 100 - 200} + C_{200 \cdot 150 - 200}^4 = C_{100 \cdot 140}^4 + C_{200}^2 \cdot C_{150 \cdot 100}^3 + \\ + C_{200}^4 \cdot C_{150 \cdot 100}^2 + C_{200}^6 \cdot C_{150 \cdot 100}^1 + C_{200}^8$$

$$S_0 + S_{cp_1} + S_{cp_2} -$$



$$(S_0 + S_{cp_1}) = C_{150 \cdot 150}^2 - C_{150 \cdot 100 - 150}^4 \\ \cdot C_{150}^2 + C_{150}^4$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$z^2 \leq 225 \Rightarrow |z| \leq 15.$$

$$y - 20 < 0 \Rightarrow y - 35 < 0.$$

$$20 - y + 70 - 2y = \sqrt{225 - z^2}$$

$$90 - 3y = \sqrt{225 - z^2}.$$

$$\boxed{\sqrt{a} - \sqrt{b} \leq \sqrt{a-b}}$$

$$a - 2\sqrt{ab} + b \leq ab.$$

~~$$8100 - 840y + 9y^2 \leq 225$$~~

$$\sqrt{x+7} - \sqrt{5-x-3z} \leq \sqrt{2x+3z+2}$$

$$\sqrt{2x+3z+2} + 6 \geq 2\sqrt{y-2x-x^2+z}$$

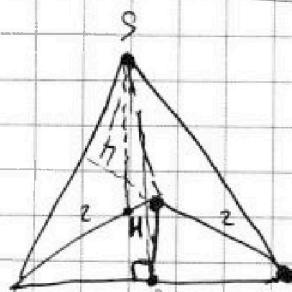
$$\sqrt{x+7} - \sqrt{5-x-3z} - \sqrt{4y-8x-4x^2+4z} = -6.$$

$$\sqrt{a} - \sqrt{b} - \sqrt{c} \leq \sqrt{a-b} - \sqrt{c} \leq \sqrt{a-b-c}$$

~~$$\sqrt{x+7} - \sqrt{5-x-3z} - \sqrt{4y-8x-4x^2+4z} = -6.$$~~

~~$$\sqrt{10x+2+4y+4x^2-2} = -6.$$~~

~~$$\sqrt{10x+2+4y+4x^2-2} = -6.$$~~



$$SK_1 = 4$$

$$SK_2 = \frac{5}{2}$$

$$SK_3 = \frac{5}{2}.$$

У двух с разных высот, одна
нижняя и одна высота
 \Rightarrow они равны.

сторона



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

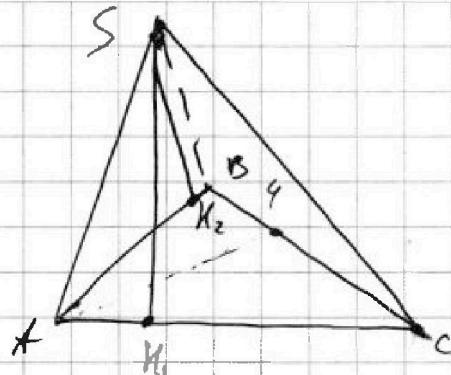
5

6

7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$\triangle SAB \cong \triangle SAC \Rightarrow$
 $SB = SC \Rightarrow$

$\triangle SBC$ -равнобедр \Rightarrow
 \Rightarrow высота в средине

