



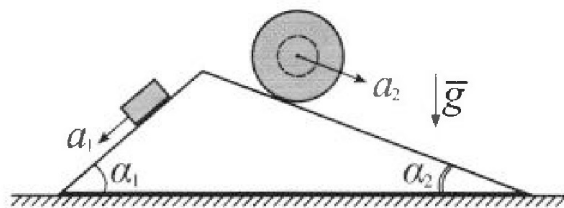
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-02

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



1. С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брусок массой m с ускорением $a_1 = 7g/17$ и скатывается без проскальзывания полый шар массой $5m$ с ускорением $a_2 = 8g/25$ (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту α_1 ($\sin \alpha_1 = 3/5$, $\cos \alpha_1 = 4/5$) и α_2 ($\sin \alpha_2 = 8/17$, $\cos \alpha_2 = 15/17$). Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.

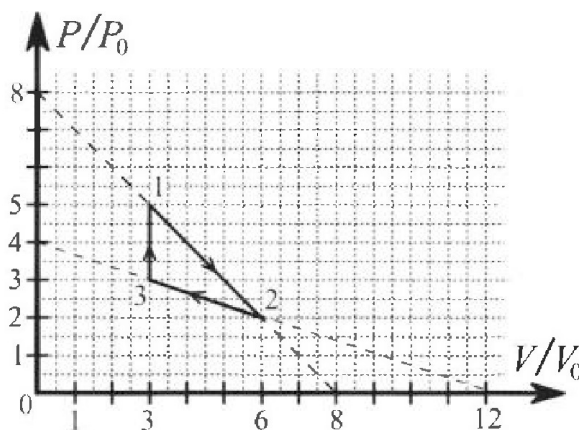


- 1) Найти силу трения F_1 между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения F_2 между шаром и клином.
- 3) Найти силу трения F_3 между столом и клином.

Каждый ответ выразить через m и g с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

2. С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость P/P_0 от V/V_0 . Здесь V и P - объем и давление газа, V_0 и P_0 - некоторые неизвестные объем и давление.

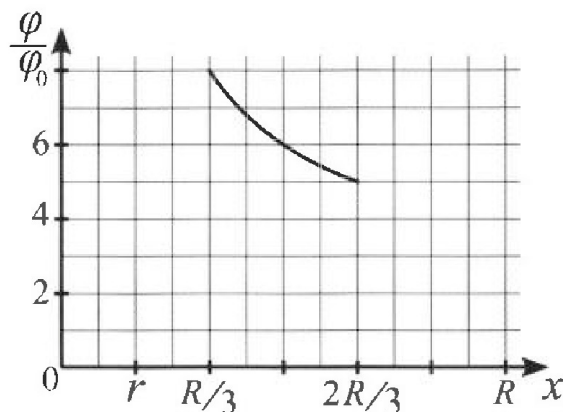
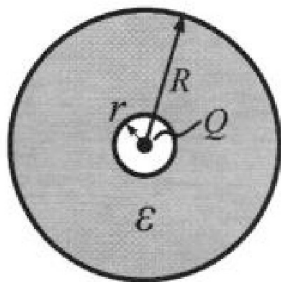
- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 3-1 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 2.
- 3) Найдите КПД цикла.



Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.

3. В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью ϵ и радиусами поверхностей r и R находится шарик с зарядом Q (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала φ электрического поля внутри диэлектрика от расстояния x от центра полого шара в интервале изменений x от $R/3$ до $2R/3$ (см. рис.). Здесь φ_0 — потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

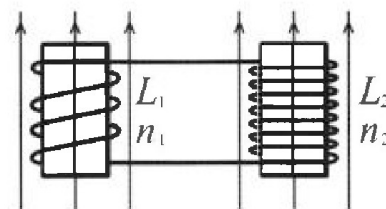
- 1) Считая известными r , R , Q , ϵ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при $x = 3R/4$.
- 2) Используя график, найти численное значение ϵ .



Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2024

Вариант 11-02

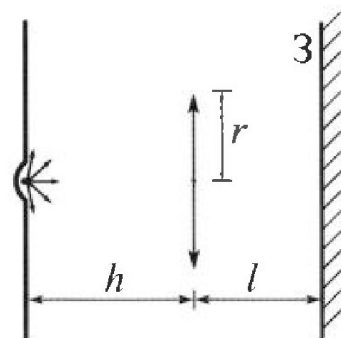
В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



4. Две катушки с индуктивностями $L_1 = L$ и $L_2 = 9L$ и числами витков $n_1 = n$ и $n_2 = 3n$ помещены во внешние однородные магнитные поля с постоянными во времени индукциями (см. рис.). Площадь витка каждой катушки S . Индукции внешних полей направлены перпендикулярно плоскостям витков катушек. Катушки находятся достаточно далеко друг от друга. Омическое сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. Вначале тока в катушках нет.

- 1) С какой скоростью (по модулю) начнет изменяться ток в катушках, если в катушке с индуктивностью L_1 индукция внешнего поля начнет уменьшаться со скоростью $\Delta B / \Delta t = -\alpha (\alpha > 0)$, а во второй катушке внешнее поле останется неизменным?
- 2) За некоторое время индукция внешнего поля в катушке с индуктивностью L_1 уменьшилась от B_0 до $2B_0/3$, не изменив направления, а в катушке с индуктивностью L_2 индукция внешнего поля уменьшилась от $B_0/3$ до $B_0/12$, не изменив направления. Внешние поля в катушках изменялись неравномерно. Найти ток (по модулю) в катушках к концу изменения внешних полей. Ответ дать с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

5. В стене сделана небольшая выемка, внутри которой находится маленькая лампочка так, что прямой свет от лампочки на стену не попадает (см. рис.). Справа от лампочки на некотором расстоянии h расположена тонкая собирающая линза с фокусным расстоянием $F = 2h$. Главная оптическая ось линзы горизонтальна и проходит через лампочку. Радиус линзы $r = 2$ см. Справа от линзы на расстоянии $l = h$ расположено параллельно стене плоское зеркало 3. Считать, что свет, идущий мимо линзы, проходит плоскость линзы беспрепятственно. Размеры стены и зеркала намного больше размеров линзы.



- 1) Найдите площадь неосвещенной части зеркала.
- 2) Найдите площадь неосвещенной части стены.

Ответы дайте в см^2 в виде $\gamma\pi$, где γ - целое число или простая обыкновенная дробь.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА

1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



1) Для блока ПЗН:

$$Ox': ma_1 = mg \sin \alpha_1 - F_{тр}$$

$$Oy': mg \cos \alpha_1 = N'$$

$$F_{тр} = F_1 = \mu N = \mu mg \cos \alpha_1$$

$$F_1 = \mu mg \cos \alpha_1 = m(g \sin \alpha_1 - a_1)$$

$$F_1 = mg \sin \alpha_1 - ma_1 = mg \cdot \frac{3}{5} - m \cdot \frac{4g}{17} = mg \cdot \frac{16}{85}$$

2) Для шара ПЗН: $Ox'': 5ma_2 = F_2 + 5mg \sin \alpha_2$

$$F_2 = 5m(a_2 - g \sin \alpha_2) = 5m \cdot \left(\frac{8g}{25} - g \cdot \frac{8}{17} \right) < 0$$

$$Oy'' : N'' = 5mg \cos \alpha_2$$

Направлено влево, ~~шар~~ $F_2 = 5m \cdot \left(\frac{8}{17}g - \frac{8}{25}g \right) = mg \cdot \frac{5 \cdot 8 \cdot 8}{25 \cdot 17} =$
 $= mg \cdot \frac{64}{85}$

3). Для F_3 возникает в противодействии сил от блока и шара N', N'', F_1, F_2 . Для каждого из этих тел можем составить предельный сил:

Отсюда видно, что горизонтальные составляющие -770

$$ma_1 \cos \alpha_1 \text{ и } 5ma_2 \cos \alpha_2 \text{ и } F_3 = |5ma_2 \cos \alpha_2 - ma_1 \cos \alpha_1| =$$

$$= m \left(\frac{2}{5}g \cdot \frac{15}{17} - \frac{7}{17}g \cdot \frac{4}{5} \right) = mg \left(\frac{24}{17} - \frac{28}{5 \cdot 17} \right) = mg \left(\frac{92}{85} \right)$$

Ответ: 1) $F_1 = \frac{16}{85}mg$ 2) $F_2 = \frac{64}{85}mg$ 3) $F_3 = \frac{92}{85}mg$



1 2 3 4 5 6 7

☐ ☒ ☐ ☐ ☐ ☐ ☐

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№ 2. $A_{\text{цикл}}$ - работа за цикл; $A_{\text{нзис}}$ - работа в процессе 1с/с.

$$1) A_{\text{цикл}} = A_{12} - |A_{23}| = 3V_0 \cdot \frac{5p_0 + 2p_0}{2} - 3V_0 \cdot \frac{3p_0 + 2p_0}{2} = 3p_0 V_0$$

$$|\Delta U_{12}| = \frac{3}{2} (p_1 V_1 - p_2 V_2) = \frac{3}{2} (3V_0 \cdot (5p_0 - 3p_0)) = \frac{3}{2} \cdot 6p_0 V_0 = 9p_0 V_0$$

$$\frac{|\Delta U_{12}|}{A_{\text{цикл}}} = \frac{9p_0 V_0}{3p_0 V_0} = 3$$

2) На $1 \rightarrow 2$: $p(V) = 3p_0 - \frac{V}{V_0} p_0 = \frac{3RT}{V}$ при $V \in [3V_0; 6V_0]$.

$$T = \frac{p_0}{3R} (3V - \frac{V^2}{V_0})$$

$V_{\text{свн}} = \frac{3}{2 \cdot \frac{1}{V_0}} = 4V_0$ - точка максимума T (внутренняя) параболы

$$T_{\text{max}} = \frac{p_0}{3R} (3 \cdot 4V_0 - \frac{16V_0^2}{V_0}) = \frac{16p_0 V_0}{3R}$$

$$T_2 = \frac{p_2 V_2}{3R} = \frac{2p_0 \cdot 6V_0}{3R} = \frac{12p_0 V_0}{3R} \text{ - в пункте 2.}$$

$$\frac{T_{\text{max}}}{T_2} = \frac{16}{12} = \frac{4}{3}$$

3) $A_{\text{цикл}} = 3p_0 V_0$; найдем Q_H , проанализируем Q_{12} и Q_{21} .

при максимуме $V \in [3V_0; 6V_0]$:

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} (p_1 (3 - \frac{V}{V_0}) V - 15p_0 V_0)$$

$$A = (V - V_0) \cdot \left(\frac{5p_0 + p_0 (3 - \frac{V}{V_0})}{2} \right) = (V - V_0) \left(\frac{13p_0 - p_0 \frac{V}{V_0}}{2} \right)$$

$$A + \Delta U = 12p_0 V - \frac{3}{2} p_0 \frac{V^2}{V_0} - \frac{15}{2} p_0 V_0 + \frac{13}{2} p_0 V - \frac{13}{2} p_0 V_0 - \frac{1}{2} p_0 \frac{V^2}{V_0} + \frac{1}{2} p_0 V =$$

$$= \frac{19}{2} p_0 V - 29p_0 V_0 - 2p_0 \frac{V^2}{V_0} = p_0 \left(-2 \frac{V^2}{V_0} + 19V - 29V_0 \right)$$

$$D = 361 - 8 \cdot 29 = 361 - 232 = 129 \text{ при } V \rightarrow 3V_0; Q > 0, \text{ при } V \rightarrow 6V_0; Q < 0$$

$\Rightarrow 1 \rightarrow 2$ - нагрев.

$$Q_H = Q_{12} + Q_{21} = \Delta U_{12} + A_{12} = \frac{3}{2} (12p_0 V_0 - 9p_0 V_0) + 3V_0 \cdot \frac{5p_0 + 2p_0}{2} = 20p_0 V_0$$

$$\eta = \frac{A}{Q_H} = \frac{3}{20} (= 0.15) \quad \text{Ответ: 1) } \frac{|\Delta U_{12}|}{A_{\text{цикл}}} = 3; \quad 2) \frac{T_{\text{max}}}{T_2} = \frac{4}{3}$$

$$3) \eta = \frac{3}{20}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

✓4.

$$1) |E_{\text{св}}| = \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = \frac{\Delta B \cdot S \cdot n_1 (L_1 + L_2)}{\Delta t} = \frac{\Delta I}{\Delta t} = \frac{\alpha S n_1}{L_1 + L_2} = \frac{\alpha S n}{10L}$$

$$\left| \frac{\Delta I_1}{\Delta t} \right| = \alpha \cdot S \cdot n_1 \cdot \frac{1}{L_1} = \frac{\alpha S n}{L}$$

$$\left| \frac{\Delta I_2}{\Delta t} \right| = \alpha \cdot S \cdot n_2 \cdot \frac{1}{L_2} = \frac{\alpha S \cdot 3n}{3L} = \frac{\alpha S n}{3L}$$

2) Пусть $\frac{L_1 \Delta I_1}{\Delta t} = \frac{\Delta B_1 \cdot n_1 S}{\Delta t}$, если просуммировать малые изменения, то $L_1 (I_1 - 0) = \left(\frac{2B_0}{3} - B_0 \right) \cdot n_1 S$

Тогда в левой катушке то протеку сверху вниз, возрастает от 0 до $I_1 = \frac{B_0 n_1 S}{3L}$

$$\frac{L_2 \Delta I_2}{\Delta t} = \frac{\Delta B_2 \cdot n_2 S}{\Delta t} \quad || \quad L_2 (I_2 - 0) = \left(\frac{B_0}{12} - \frac{B_0}{3} \right) n_2 S$$

Тогда в правой тоже протеку вверх от 0 до $I_2 = \frac{3B_0 n_2 S}{12L \cdot 4} = \frac{B_0 n_2 S}{12L}$

Но это катушки друг от друга, в самом деле то чему

будет поле суммарной ток $I_1 - I_2 = \frac{B_0 n_1 S}{3L} - \frac{B_0 n_2 S}{12L} = \frac{B_0 n_1 S}{4L}$, мк.

ΔС самодушки и индукционные токи противополо. направления. Ответ: 1) $\left| \frac{\Delta I}{\Delta t} \right| = \frac{1}{10} \frac{\alpha S n}{L}$

$$2) \frac{B_0 n_1 S}{4L}$$

2) ΔС индукции суммарной в цепи:

$$E_{\text{св}} = S \left| \frac{\Delta B_1}{\Delta t} n_1 - \frac{\Delta B_2}{\Delta t} n_2 \right|$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Если просуммировать малые изменения индукций, получим $\mathcal{E}_i = \frac{S}{\tau} \left| \left(\frac{B_0}{12} - \frac{B_0}{3} \right) 3n - \left(\frac{2B_0}{3} - B_0 \right) n \right| = \frac{5B_0 n S}{12\tau}$,

где τ — некоторое время, в течение которого имелась индукция. Эта $\mathcal{E}_i = \frac{(L_1 + L_2)I}{\tau} \Rightarrow I = \frac{5B_0 n S}{12L \cdot 10L} = \frac{B_0 n S}{24L}$.

Ответ: 1) $\frac{1}{10} \frac{S n}{L}$

2) $\frac{1}{24} \frac{B_0 n S}{L}$



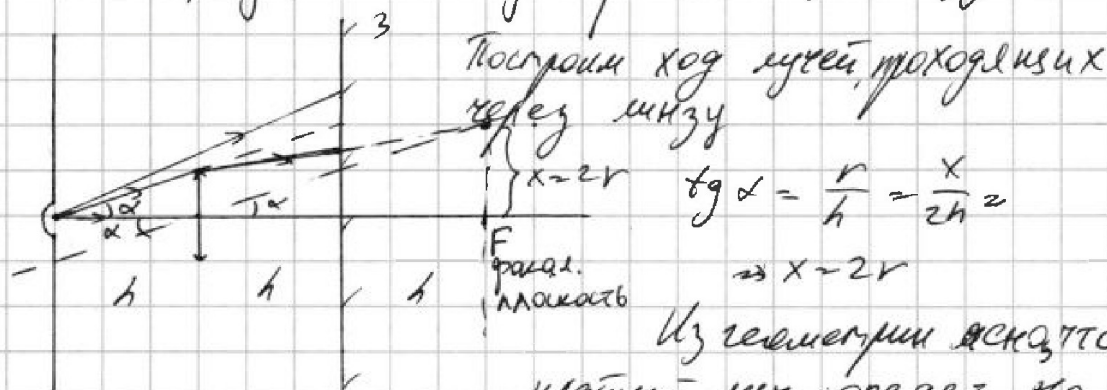
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐2
☐3
☐4
☐5
☒6
☐7
☐СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№ 5.

П.к. $d = h \angle F = 2h$, то изображение лампы в линзе будет мнимое, лучи не смогут пройти сквозь линзу



$$\tan \alpha = \frac{r}{h} = \frac{x}{2h}$$

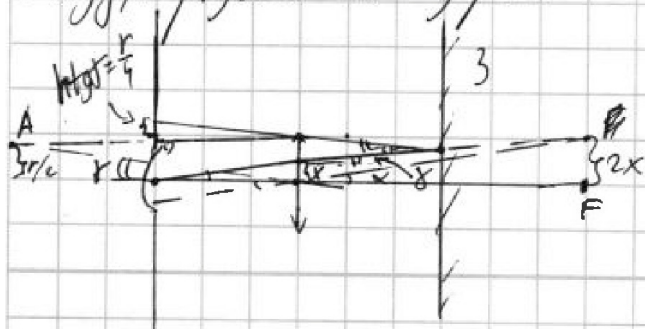
$$\Rightarrow x = 2r$$

Из геометрии видно, что крайний луч попадет на

зеркало на расстоянии $\frac{3r}{2}$ и все лучи, прошедшие сферу образуют пятно радиуса $\frac{3r}{2}$, а если чуть дальше крайнего луча, то он попадет на З на расстоянии $2r$.

$$\text{Дальше все светом} \Rightarrow S_{\text{пятно}} = \pi \cdot (2r)^2 - \pi \left(\frac{3r}{2}\right)^2 = 4\pi r^2 - \frac{9\pi r^2}{4} = \frac{7\pi r^2}{4} = 4\pi \text{ см}^2$$

2) Крайний луч в этом пункте - тот, который прошел через линзу, отразился от зеркала и попал в край линзы.



$$\tan \alpha = \frac{x}{h} - \text{вылетающий луч}$$

$$\tan \delta = \frac{2x - x}{2h} = \frac{x}{2h} - \text{преломившийся}$$

$$r = x + 2 \cdot h \tan \delta \Rightarrow x = \frac{r}{2}$$

$$\tan \alpha = \frac{r}{2h}, \quad \tan \delta = \frac{r}{4h}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Поступаем лентой от людей, преломившихся ~~от~~^{он} линзой
увидят.

Точка А, соединенная преломленным луч и параллельной
исходному через центр линзы F' находится на высоте

$\frac{r}{2} = 2h \cdot \tan \alpha$ Значит этот крайний луч падает на
стену на расстоянии $r - \frac{r}{2} = \frac{3r}{4}$ от лампочки, а край
выше луч на расстоянии $r + \frac{r}{4} = \frac{5r}{4}$.

$$\Rightarrow S_{\text{красн}} = \pi \cdot \left(\frac{5r}{4}\right)^2 - \pi \cdot \left(\frac{3r}{4}\right)^2 = \pi r^2 = 4\pi \text{ см}^2.$$

Ответ: 1) $4\pi \text{ см}^2$ 2) $4\pi \text{ см}^2$.

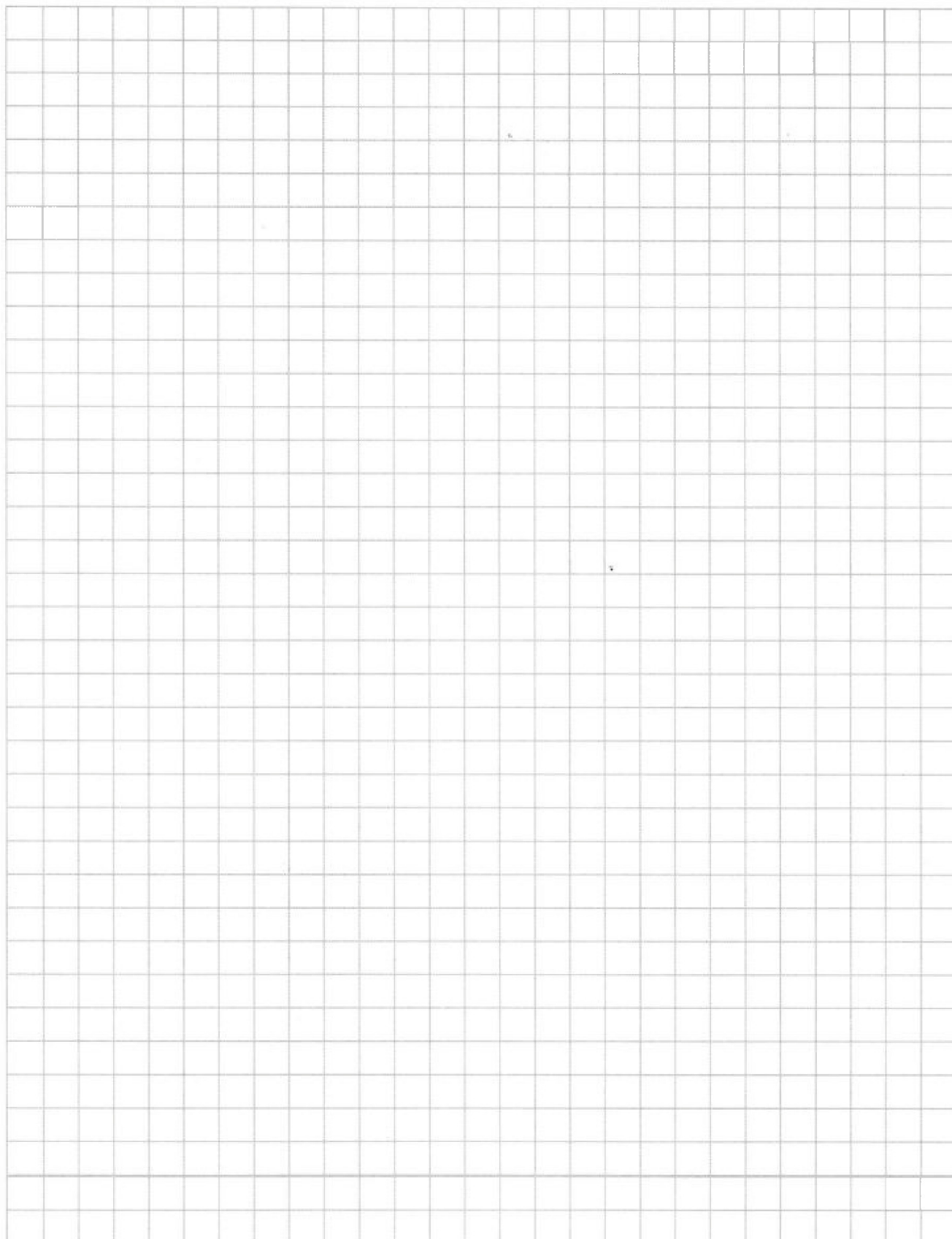


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned} \frac{6}{R} - \frac{6}{ER} + \frac{3}{ER} &= \frac{6}{R} - \frac{3}{ER} = \frac{6}{R} - \frac{12}{2ER} = \frac{6}{R} - \frac{12}{4R} = \frac{24}{4R} \\ \frac{6}{R} - \frac{6}{ER} + \frac{2}{ER} &= \frac{6}{R} - \frac{4}{ER} = \frac{6}{R} - \frac{12}{3ER} = \frac{6}{R} - \frac{4}{3ER} \\ \frac{6}{R} - \frac{6}{ER} + \frac{3}{2ER} &= \frac{6}{R} - \frac{12}{2ER} + \frac{3}{2ER} = \frac{6}{R} - \frac{9}{2ER} \\ \frac{6}{R} - \frac{36}{25R} + \frac{9}{25R} &= \frac{6}{R} - \frac{27}{25R} = \frac{150}{25R} - \frac{27}{25R} = \frac{123}{25R} \end{aligned}$$
$$\begin{aligned} 24 - 16 &= 18 - 9 \\ 6 &= 25 \Rightarrow E = \frac{25}{6} \\ \frac{6}{R} - \frac{36}{4R} + \frac{9}{4R} &= \frac{6}{R} - \frac{27}{4R} = \frac{24}{4R} - \frac{27}{4R} = \frac{-3}{4R} \end{aligned}$$
$$\begin{aligned} \frac{1}{ER} &= \frac{2}{R} - \frac{4}{3ER} \\ \frac{4}{3ER} &= \frac{2}{R} \\ E &= \frac{6}{4} = \frac{3}{2} \end{aligned}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐2
☐3
☒4
☐5
☐6
☐7
☐СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№3.

1) $x = \frac{3R}{4}$ — в диэлектрике, формула для потенциала

$$\varphi\left(\frac{3R}{4}\right) = k \frac{Q}{\varepsilon \frac{3R}{4}} = \frac{4kQ}{3\varepsilon R}$$

2) Из графика $\varphi\left(\frac{R}{3}\right) : \varphi\left(\frac{R}{2}\right) : \varphi\left(\frac{2R}{3}\right) = 8 : 6 : 5$

$$\frac{\varphi\left(\frac{R}{3}\right) - \varphi\left(\frac{R}{2}\right)}{\varphi\left(\frac{R}{2}\right) - \varphi\left(\frac{2R}{3}\right)} = 2 = \frac{\frac{3}{R} - \frac{2}{R}}{\frac{2}{R} - \frac{3}{2R}} \text{ — пошучю.}$$

$$\varphi(r) = \int E(r) dr = k \frac{Q}{r} + \int k \frac{Q dx}{x^2} = k \frac{Q}{r} - k \frac{Q}{\varepsilon r} + k \frac{Q}{\varepsilon x}$$

$$\varphi\left(\frac{3R}{4}\right) = k \frac{Q}{r} + k \frac{Q}{\varepsilon \cdot \frac{3R}{4}} = kQ \left(\frac{1}{r} + \frac{4}{3\varepsilon R} \right)$$

2) Из графика $\varphi\left(\frac{R}{3}\right) : \varphi\left(\frac{R}{2}\right) : \varphi\left(\frac{2R}{3}\right) = 8 : 6 : 5$

$$\frac{\varphi\left(\frac{R}{3}\right)}{\varphi\left(\frac{R}{2}\right)} = \frac{\frac{6}{R} + \frac{3}{\varepsilon R} \cdot \frac{6}{\varepsilon R}}{\frac{6}{R} + \frac{2}{\varepsilon R} \cdot \frac{6}{\varepsilon R}} = \frac{4}{3} \Rightarrow \varepsilon = \frac{7}{6} \text{ — такое удовлетворяет}$$

$$\frac{\varphi\left(\frac{R}{2}\right)}{\varphi\left(\frac{2R}{3}\right)} = \frac{6}{5}$$

$$\frac{\varphi\left(\frac{R}{2}\right)}{\varphi\left(\frac{2R}{3}\right)} = \frac{\frac{6}{R} + \frac{2}{\varepsilon R}}{\frac{6}{R} + \frac{3}{\varepsilon R}} = \frac{13}{15} = \frac{6}{5} \text{ — подходит}$$

Ответ: $\varepsilon = \frac{7}{6}$ 1) $\varphi\left(\frac{3R}{4}\right) = k \frac{Q}{r} + k \frac{4Q}{3\varepsilon R} - k \frac{Q}{\varepsilon r}$

$$2) \varepsilon = \frac{7}{6}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3.

Из графика видно, что $r < \frac{R}{3}$, значит весь шуброженный интервал находится внутри диэлектрика.

Также из графика получаем, что $\varphi(\frac{R}{3}) : \varphi(\frac{R}{2}) : \varphi(\frac{2R}{3}) = 8 : 6 : 5$
 $6 : \varphi(\frac{2R}{4}) : n$

Наш график - часть гиперболы (сдвинутой):

$$\varphi(\frac{R}{3}) - \varphi(\frac{R}{2}) = k \frac{3Q}{\epsilon R} - k \frac{2Q}{\epsilon R} = k \frac{Q}{\epsilon R} = \frac{8x - 6x}{6x - 5x}$$

$$\varphi(\frac{R}{2}) - \varphi(\frac{2R}{3}) = k \frac{2Q}{\epsilon R} - k \frac{3Q}{2\epsilon R} = k \frac{Q}{2\epsilon R} = \frac{3}{4} = \frac{6x - 5x}{6x - nx}$$

$$\varphi(\frac{R}{2}) - \varphi(\frac{3R}{4}) = k \frac{2Q}{\epsilon R} - k \frac{4Q}{3\epsilon R} = k \frac{2Q}{3\epsilon R} = 6 - n - \frac{4}{3} =$$

$$n = 6 - \frac{4}{3} = \frac{14}{3} = \frac{\varphi(\frac{2R}{4})}{\varphi_0}$$

$$1) \varphi(\frac{3R}{4}) = k \frac{Q}{r} + k \frac{Q}{\epsilon(\frac{3R}{4} - r)}$$



$$2) \varphi(\frac{R}{3}) / \varphi(\frac{R}{2}) = \frac{4}{3} = \frac{k \frac{6Q}{R} + k \frac{Q}{\epsilon(\frac{R}{3})}}{k \frac{6Q}{R} + k \frac{Q}{\epsilon(\frac{R}{2})}} = \frac{6 + \frac{6}{\epsilon}}{6 + \frac{3}{\epsilon}} = 24 + \frac{12}{\epsilon} = 12 + \frac{12}{\epsilon}$$

$$6 = \frac{6}{\epsilon} \Rightarrow \epsilon = 1.$$

$$\frac{6}{R} - \frac{3}{R} = \frac{3}{R}$$

$$\frac{3}{R} - \frac{2}{R} = \frac{1}{R}$$

$$\frac{1}{\epsilon R} - \frac{2}{3\epsilon R} = \frac{1}{3\epsilon R} - \frac{3}{2\epsilon R}$$

$$4 \cdot \frac{1}{R}$$

$$\frac{6}{R} + \frac{3}{\epsilon R} = \frac{1}{\epsilon R} = \frac{1}{3} \left(\frac{6}{R} + \frac{2}{\epsilon R} \right)$$

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{\epsilon R} = \frac{2}{R}$$

$$\frac{6}{R} + \frac{3}{2\epsilon R}$$

$$\frac{32}{R} - \frac{3}{\epsilon R} = \frac{2}{R}$$

$$\frac{2}{\epsilon R} - \frac{3}{2\epsilon R}$$

$$k \frac{6Q}{R} + k \frac{Q}{\epsilon R} = k \cdot \frac{8Q}{R}$$

$$\varphi = \int E(r) dr = k \frac{Q}{r} + \frac{kQ}{\epsilon x} \Big|_{\frac{R}{3}}^{\frac{R}{2}} = 2k \frac{Q}{r} - k \frac{Q}{\epsilon}$$

$$\frac{18}{\epsilon R} = \frac{1}{3} \left(\frac{2}{\epsilon R} - \frac{6}{R} \right)$$

$$\int \frac{kQ \cdot dx}{\epsilon x^2} = - \frac{kQ}{\epsilon x} \Big|_R^{\frac{R}{2}}$$

$$\frac{6}{R} - \frac{3}{\epsilon R}$$

$$\frac{3}{\epsilon R} - \frac{6}{R} = \frac{2}{R} - \frac{6}{R}$$

$$\frac{2}{R}$$