



Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-03

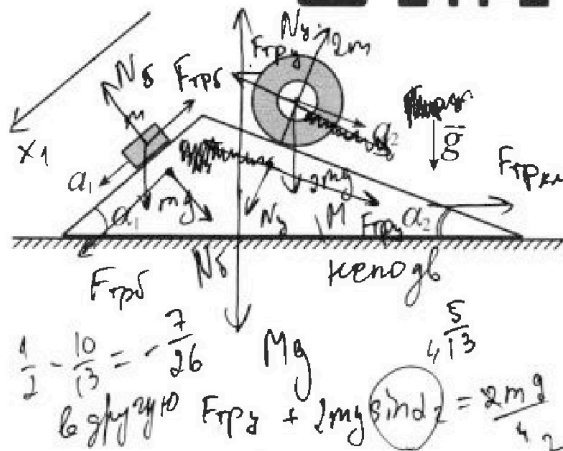


В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби N/M и радикалы.

1. С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брусок массой m с ускорением $a_1 = 6g/13$ и скатывается без проскальзывания полый цилиндр массой $2m$ с ускорением $a_2 = g/4$ (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту α_1 ($\sin \alpha_1 = 3/5$, $\cos \alpha_1 = 4/5$) и α_2 ($\sin \alpha_2 = 5/13$, $\cos \alpha_2 = 12/13$). Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.

- 1) Найти силу трения F_1 между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения F_2 между цилиндром и клином.
- 3) Найти силу трения F_3 между столом и клином.

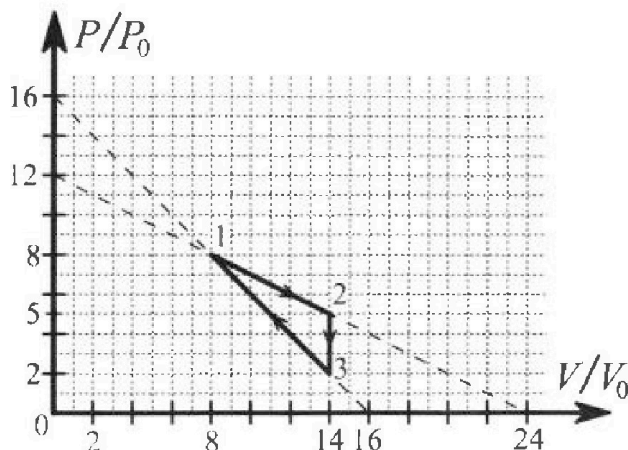
Каждый ответ выразить через m и g с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.



2. С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость P/P_0 от V/V_0 . Здесь V и P - объем и давление газа, V_0 и P_0 - некоторые неизвестные объем и давление.

- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 1-2 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 3.
- 3) Найдите КПД цикла.

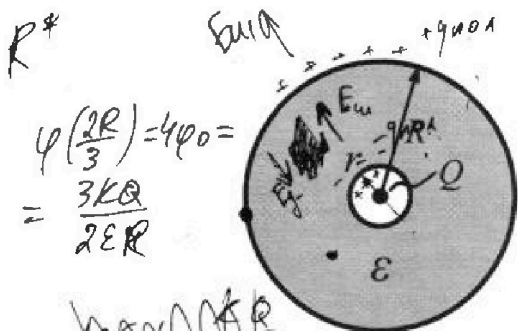
Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.



3. В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью ϵ и радиусами поверхностей r и R находится шарик с зарядом Q (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала ϕ электрического поля внутри диэлектрика от расстояния x от центра полого шара в интервале изменений x от $R/3$ до $2R/3$ (см. рис.). Здесь ϕ_0 - потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

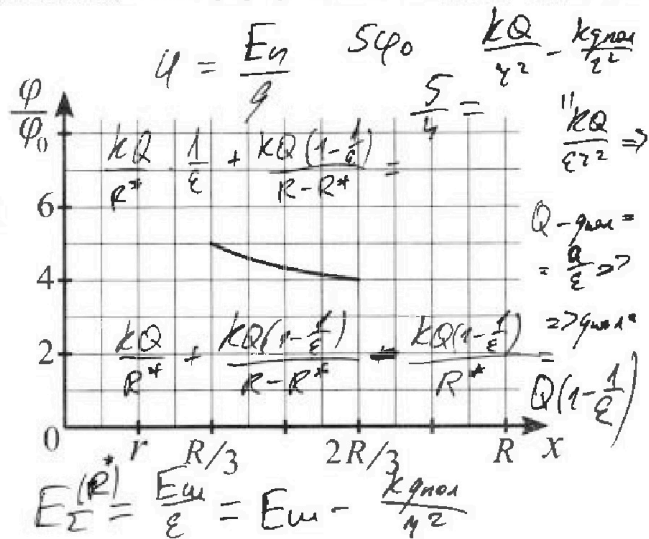
$$\frac{kQ}{\epsilon R^*} + \frac{kQ(\epsilon-1)}{\epsilon(R-R^*)} = \frac{kQR - kQR^* + kQR^*\epsilon - kQR^*}{\epsilon(R-R^*)R} = \frac{kQ(R-R^*(\epsilon-1))}{\epsilon(R-R^*)R}$$

- 1) Считая известными r , R , Q , ϵ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при $x = 5R/6$.
- 2) Используя график, найти численное значение ϵ .

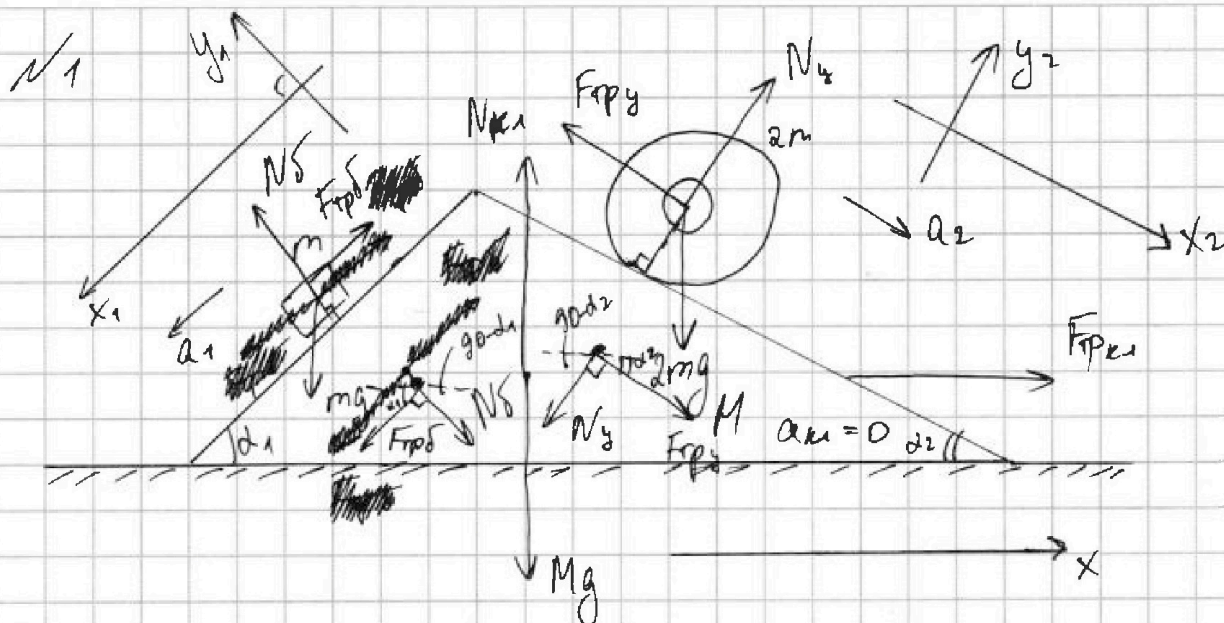


$$\phi(R/3) = 5\phi_0 = \frac{kQ}{\epsilon R}$$

поле $\downarrow$ в ϵ
сила $\downarrow$ в ϵ
работа $\downarrow$ в ϵ
 $\downarrow \frac{kQ}{\epsilon r^2}$
 $E_n \downarrow \epsilon$
 $\phi \downarrow \epsilon$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1) Силы трения и нормальная составляющая реакции опоры, действующие на брусок, цилиндр и клин, обозначены $(F_{трБ}; N_Б)$, $(F_{трЦ}; N_Ц)$; $(F_{трКл}; N_{Кл})$ соотв.

2) - 23H для бруска:

$$x_1: -F_{fp} \sin \alpha_1 + m g \sin \alpha_1 = m a_1$$

$$-F_{sp5} + \frac{3}{5}mg = \frac{6}{13}mg$$

$$-F_{\text{TPD}} = mg \left(\frac{6}{13} - \frac{8}{5} \right) = -\frac{9}{65} mg \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F_{\text{тр}} = \frac{9}{65} mg \quad \text{⊗ (направление на рис. вверх)}$$

- 23H для уличного:

$$x_2: 2mg \sin \alpha_2 - F_{TPy} = 2ma_2$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☒ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$2mg \cdot \frac{5}{13} - F_{\text{тр}y} = 2m \cdot \frac{g}{4}$$

$$F_{\text{тр}y} = mg \left(\frac{10}{13} - \frac{1}{2} \right) = \frac{7}{26} mg ; > 0 - \text{направление указано верно. } \boxed{F_{\text{тр}y} = \frac{7}{26} mg}$$

- Третьеполюсник направление сил: трения, действующей на клин.

$$2 \text{ ЗН для бруска: } y_1: (N_5 = mg \cos \alpha_1 = \frac{4}{5} mg)$$

$$2 \text{ ЗН для цилиндра: } y_2: (N_6 = 2mg \cos \alpha_2 = \frac{24}{13} mg)$$

$$2 \text{ ЗН для клина:}$$

$$x: F_{\text{тр}k1} + F_{\text{тр}y} \cos \alpha_2 - N_6 \sin \alpha_2 + N_5 \sin \alpha_1 - F_{\text{тр}b} \cos \alpha_1 = 0.$$

$$F_{\text{тр}k1} + \frac{7}{26} mg \cdot \frac{12}{13} - \frac{24}{13} mg \cdot \frac{5}{13} + \frac{4}{5} mg \cdot \frac{3}{5} - \frac{9}{65} mg \cdot \frac{4}{5} = 0$$

$$F_{\text{тр}k1} + mg \left(\frac{42}{13^2} - \frac{120}{13^2} + \frac{12}{5^2} - \frac{36}{5^2 \cdot 13} \right) = 0;$$

$$F_{\text{тр}k1} + mg \left(-\frac{78}{13^2} + \frac{132}{5^2 \cdot 13} \right) = 0$$

$$F_{\text{тр}k1} + mg \left(\frac{132 - 150}{25 \cdot 13} \right) = 0$$

$$\boxed{F_{\text{тр}k1} = \frac{18}{325} mg} > 0 - \text{направление указано верно.}$$

Ответ: 1) $F_{\text{тр}b} = \frac{9}{65} mg$; 2) $F_{\text{тр}y} = \frac{7}{26} mg$; 3) $F_{\text{тр}k1} = \frac{18}{325} mg$

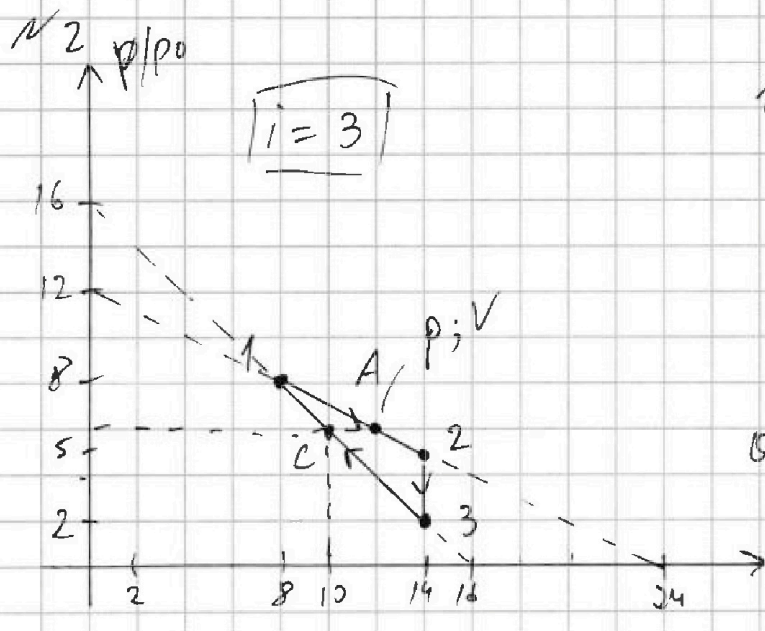


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☒ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 6

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



1) Процесс 2-3:

$$V = \text{const} \Rightarrow C_{23} = C_V =$$

$$= \frac{i}{2} R = \frac{3}{2} R > 0.$$

$T \downarrow$, значит, тепло
от газа ^{от} ~~приводилось~~
на протяжении всего
процесса.

$$Q_{23} = C_{23} V (T_3 - T_2);$$

2) Процесс 1-2: выберем произвольную точку A

на процессе 1-2, обозначающую состояние газа
в произвольный момент этого процесса с
давлением и объемом $p; V$; Найдем ур-ие

процесса 1-2: $\frac{p}{p_0} = k_{12} \frac{V}{V_0} + b_{12};$

для точки 1: $8 = k_{12} \cdot 8 + b_{12}$

для точки 2: $5 = k_{12} \cdot 14 + b_{12}$

$8 = -\frac{1}{2} \cdot 8 + b_{12} \Rightarrow b_{12} = 12$

ур-ие процесса 1-2: $\frac{p}{p_0} = -\frac{1}{2} \frac{V}{V_0} + 12$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☒ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 из 6

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

- Найдём зав-ть температуры $T(V)$ от объёма в процессе 1-2: $pV = \nu RT \Rightarrow T = \frac{pV}{\nu R}$;

$$p = -\frac{p_0}{2V_0}V + 12p_0;$$

$$T(V) = \frac{1}{\nu R} \cdot V \left(-\frac{p_0}{2V_0}V + 12p_0 \right) = \frac{p_0}{\nu R} \left(-\frac{1}{2}V^2 + 12V_0V \right);$$

квадратичная зав-ть, график параболы, ветви вниз, т.е. максимальная температура достигается в вершине параболы.

$$V_6 = \frac{-12V_0}{-1} = 12V_0; \quad (T_{\max, 12} = T(V_6) = \frac{p_0}{\nu R} \cdot$$

$$\left(-\frac{1}{2}(12V_0)^2 + (12V_0)^2 \right) = \frac{72p_0V_0}{\nu R};$$

уравнение менг-клан для соест. 3: $2p_0 \cdot 14V_0 = \nu RT_3$

$$(T_3 = \frac{28p_0V_0}{\nu R}) \Rightarrow \left(\frac{T_{\max, 12}}{T_3} = \frac{72}{28} = \frac{18}{7} \right).$$

- Найдём зав-ть кол-ва теплоты $Q(V)$ полученного газом от соест. 1 до состояния ~~1~~ с объёмом V (точка A)

$$Q_{1A} = \Delta U_{1A} + A_{1A} = \frac{3}{2}\nu R(T_A - T_1) + \frac{1}{2}(p_1 + p_A)(V_A - V_1)$$

$$\cdot p_1 = p_0; V_1 = 8V_0; p_1V_1 = \nu RT_1 = 64p_0V_0;$$

$$\cdot p_A = p; V_A = V; p_AV_A = \nu RT_A = pV$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

СТРАНИЦА
3 из 6

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$Q_{1A} = \frac{3}{2}(pV - 64p_0V_0) + \frac{1}{2}(8p_0 + p)(V - 8V_0);$$

$$Q_A = \frac{3}{2}pV - 96p_0V_0 + 4p_0V - 32p_0V_0 + \frac{1}{2}pV - 4pV_0; \quad p = -\frac{p_0}{2V_0}V + 12p_0;$$

$$Q_{1A}(V) = 2\left(-\frac{p_0}{2V_0}V + 12p_0\right)V - 128p_0V_0 + 4p_0V - 4\left(-\frac{p_0}{2V_0}V + 12p_0\right)V_0 = -\frac{p_0}{V_0}V^2 + 24p_0 \cdot V - 128p_0V_0 + 4p_0V + \frac{2p_0}{V_0}V - 48p_0V_0 = -\frac{p_0}{V_0}V^2 + 30p_0 \cdot V - 176p_0V_0;$$

$$Q(V) = -\frac{p_0}{V_0}V^2 + 30p_0V - 176p_0V_0$$

квадратичная зав.ть, график параболы, ветви вниз, т.е. $Q(V) \uparrow$ до значения в вершине (тепло поводится) и убывает ~~эт~~ после этого (тепло отводится).

$$V_B = -\frac{30p_0}{-\frac{2p_0}{V_0}} = 15V_0; \text{ Видим, что}$$

$V_B > V_2 = 14V_0$, т.е. тепло поводится на протяжении всего процесса 12.

$$(Q_{12} = Q(V_2) = Q(14V_0) = -\frac{p_0}{V_0}(14V_0)^2 + 30p_0 \cdot 14V_0 - 176p_0V_0 = -196p_0V_0 + 420p_0V_0 - 176p_0V_0 = 48p_0V_0);$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА
4 из 6

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned} \Delta U_{12} &= \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} (p_2 V_2 - p_1 V_1) = \\ &= \frac{3}{2} (5 p_0 \cdot 14 V_0 - 8 p_0 \cdot 8 V_0) = 9 p_0 V_0; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} A_{12} &= \frac{1}{2} (p_1 + p_2) (V_2 - V_1) = \frac{1}{2} (8 p_0 + 5 p_0) (14 V_0 - 8 V_0) = \\ &= 39 p_0 V_0; \Rightarrow \boxed{\frac{\Delta U_{12}}{A_{12}} = \frac{3}{13}} \end{aligned}$$

3) Процесс 3-1: Аналогично пункту (2), выберем левую точку В и найдём зависимость $Q_{3B}(V)$. Найдём ур-ние процесса 3-1.
для т. 3: $2 = k_{31} \cdot 14 + b_{31}$
для т. 1: $8 = k_{31} \cdot 8 + b_{31}$ $\Rightarrow 6k_{31} = -6 \Rightarrow$
 $\Rightarrow \boxed{k_{31} = -1}$

$$2 = -14 + b_{31} \Rightarrow \boxed{b_{31} = 16}$$

$$\text{Ур-ние процесса 3-1: } \boxed{\frac{p}{p_0} = -\frac{V}{V_0} + 16}$$

$$\begin{aligned} Q_{3B} &= \Delta U_{3B} + A_{3B} = \frac{3}{2} \nu R (T_B - T_3) + \frac{1}{2} (p_3 + p_B) \cdot \\ &\cdot (V_B - V_3); \quad p_3 = 2 p_0; \quad V_3 = 14 V_0; \quad p_3 V_3 = 2 p_0 V_0 = \\ &= \nu R T_3; \quad p_B = p; \quad V_B = V; \quad p_B V_B = p V = \nu R T_B \end{aligned}$$

$$Q_{3B} = \frac{3}{2} (p V - 2 p_0 V_0) + \frac{1}{2} (p + 2 p_0) (V - 14 V_0);$$

$$p = -\frac{p_0}{V_0} V + 16 p_0;$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐2
☒3
☐4
☐5
☐6
☐7
☐СТРАНИЦА
5 из 6

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$Q_{313}(V) = \frac{3}{2} \left(-\frac{P_0}{V_0} V + 16p_0 \right) V - 42p_0 V_0 + \frac{1}{2} V \cdot \left(-\frac{P_0}{V_0} V + 16p_0 \right) - 7V_0 \left(-\frac{P_0}{V_0} V + 16p_0 \right) + p_0 V - 14p_0 V_0;$$

$$Q_{313}(V) = 2V \left(-\frac{P_0}{V_0} V + 16p_0 \right) - 7V_0 \left(\frac{P_0}{V_0} V + 16p_0 \right) + p_0 V - 56p_0 V_0;$$

$$Q_{313}(V) = -\frac{2p_0}{V_0} V^2 + 32p_0 V + 7p_0 V - 112p_0 V_0 + p_0 V - 56p_0 V_0 = -\frac{2p_0}{V_0} V^2 + 40p_0 V - 168p_0 V_0$$

квадратичная зав.-ть, график параболы, ветви вниз, т.е. ф-ция возрастает от соот. 3 до соот. в верш. (меньше производится) и убывает от соот. в верш. до соот. 1. (меньше производится)

$$V_B = \frac{-40p_0}{-\frac{4p_0}{V_0}} = 10V_0; \text{ Обозначим вершину}$$

$$\text{точки с } V_B \text{ точкой С. } (Q_{31} = Q(V_B) = Q(10V_0) = -\frac{2p_0}{V_0} (10V_0)^2 + 40p_0 \cdot 10V_0 - 168p_0 V_0 = 32p_0 V_0;$$

$$Q_{31} = Q(V_1) = Q(8V_0) = -\frac{2p_0}{V_0} (8V_0)^2 + 40p_0 \cdot 8V_0 =$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

СТРАНИЦА
5 из 6

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$- 168 \text{ pOVo} = 320 \text{ pOVo} - 128 \text{ pOVo} - 168 \text{ pOVo} = 24 \text{ pOVo};$$

$$Q_{31} = Q_{32}^c + Q_{21}^c \Rightarrow (Q_{21}^c = Q_{31} - Q_{32}^c = 24 \text{ pOVo} -$$

$$- 32 \text{ pOVo} = -8 \text{ pOVo};) (Q_{c1 \text{ orb}} = -Q_{c1} = 8 \text{ pOVo})$$

$$4) Q_{23} = \frac{3}{2} \gamma R (T_3 - T_2) = \frac{3}{2} (2p_0 \cdot 14V_0 - 5p_0 \cdot 14V_0) =$$

$$= -6 \text{ pOVo};$$

Найдём КПД цикла: $\eta = 1 - \frac{Q_x}{Q_H};$

$$\cdot Q_x = Q_{23 \text{ orb}} + Q_{c1 \text{ orb}} = 63 \text{ pOVo} + 8 \text{ pOVo} = 71 \text{ pOVo}$$

$$\cdot Q_H = Q_{12} + Q_{3c} = 48 \text{ pOVo} + 32 \text{ pOVo} = 80 \text{ pOVo};$$

$$\eta = 1 - \frac{71}{80} = \frac{9}{80};$$

~~Омберн~~ $\frac{\Delta U_{12}}{A_2} = \frac{3}{13}$

$$\eta = \frac{A_y}{Q_H} \Rightarrow (A_y = \eta \cdot Q_H = \frac{9}{80} \cdot 80 \text{ pOVo} = 9 \text{ pOVo})$$

$$\frac{\Delta U_{12}}{A_y} = \frac{9 \text{ pOVo}}{9 \text{ pOVo}} = 1.$$

Омберн. 1) $\frac{\Delta U_{12}}{A_y} = 1;$ 3) $\eta = \frac{9}{80};$

$$2) \frac{T_{\text{max}12}}{T_3} = \frac{18}{7};$$

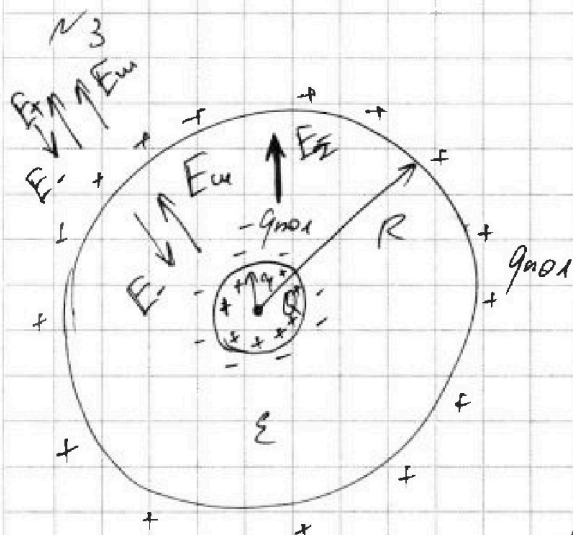


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



1) В сечении внешнего поля создаваемого шариком, заряды на диэлектрике пересределятся так, чтобы поле внутри диэлектрика стало (см. рис.) меньше. $q_{\text{пол}}$ - поляризационный заряд диэлектрика.

E_{Σ} - суммарное напряженность поля внутри шара.

Рассмотрим напряженность поля на расстоянии $r < R < R$. $E_{\Sigma} = \frac{E_{\text{ш}}}{\epsilon} = E_{\text{ш}} - E_{-}$, где E_{-} - напр. поля, создаваемого отриц. зарядом на пов-ти диэлектрика. $E_{\text{ш}} = \frac{kQ}{R^2}$;

$$\frac{kQ}{\epsilon R^2} = \frac{kQ}{R^2} - \frac{kq_{\text{пол}}}{R^2} \Rightarrow q_{\text{пол}} = Q \left(1 - \frac{1}{\epsilon} \right)$$

2) По принципу наложения потенциал при $x = \frac{\epsilon R}{6}$;



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned} \varphi\left(\frac{SR}{6}\right) &= \frac{KQ}{x} - \frac{KQ \cdot q_{\text{nos}}}{x} + \frac{KQ \cdot q_{\text{nos}}}{R} = \\ &= \frac{6KQ}{SR} - \frac{KQ(1-\frac{1}{\varepsilon}) \cdot 6}{SR} + \frac{KQ(1-\frac{1}{\varepsilon})}{R} = \\ &= \frac{6KQ - 6KQ + \frac{6}{\varepsilon} KQ + 5KQ - \frac{5}{\varepsilon} KQ}{SR} = \\ &= \frac{KQ(\frac{1}{\varepsilon} + 5)}{SR}; \quad \boxed{\varphi\left(\frac{SR}{6}\right) = \frac{KQ(\frac{1}{\varepsilon} + 5)}{SR}} \end{aligned}$$

2) Найдем экстремум $\varphi(R^*)$, где $\gamma < R^* < R$

$$\begin{aligned} \varphi(R^*) &= \frac{KQ}{R^*} - \frac{KQ(1-\frac{1}{\varepsilon})}{R^*} + \frac{KQ(1-\frac{1}{\varepsilon})}{R} = \\ &= \frac{KQ}{\varepsilon R^*} + \frac{KQ(\varepsilon-1)}{\varepsilon R} = \frac{KQ}{\varepsilon} \left(\frac{R + R^* \varepsilon - R^*}{R R^*} \right), \end{aligned}$$

$$\varphi(R^*) = \frac{KQ(R + R^*(\varepsilon-1))}{\varepsilon R R^*};$$

$$\text{С} \varphi_0 = \varphi\left(\frac{R}{3}\right) = \frac{KQ(R + \frac{R}{3}(\varepsilon-1))}{\varepsilon R^2/3} = \frac{3KQ(\frac{R}{3} + \frac{\varepsilon}{3})}{\varepsilon R}$$

$$= \frac{KQ(2+\varepsilon)}{\varepsilon R}; \quad \Rightarrow \boxed{\varphi_0 = \frac{KQ(2+\varepsilon)}{\varepsilon R}}$$

$$\begin{aligned} \left(\varphi_0 = \varphi\left(\frac{2R}{3}\right) = \frac{KQ(R + \frac{2R}{3}(\varepsilon-1))}{\varepsilon \cdot \frac{2R^2}{3}} = \right. \\ \left. = \frac{KQ(3+2\varepsilon-2)}{2\varepsilon R} = \frac{KQ(1+2\varepsilon)}{2\varepsilon R} \right) \end{aligned}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

СТРАНИЦА
3 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{4KQ(2+\varepsilon)}{5\varepsilon R} = \frac{KQ(1+2\varepsilon)}{2\varepsilon R} ; \quad | \cdot 10$$

$$8(2+\varepsilon) = 5(1+2\varepsilon) ;$$

$$16 + 8\varepsilon = 5 + 10\varepsilon \Rightarrow \boxed{\varepsilon = \frac{11}{2}}$$

Ответ: 1) $\varphi\left(\frac{5R}{6}\right) = \frac{KQ(5\varepsilon+1)}{5\varepsilon R} ;$

2) $\varepsilon = \frac{11}{2} ;$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

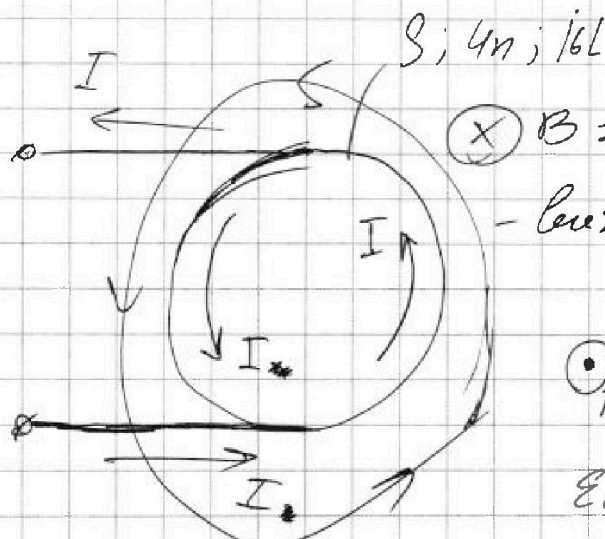
1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№4

1) Изобразим правую катушку, вид сверху:



$$\otimes B = B(t) \uparrow (\alpha > 0)$$

- вихревое ЭП.

обход проти $\vec{B}$
часовой стрелки.

$$\mathcal{E}_{\text{ср.права}} = \mathcal{U}_L = L_2 \frac{dI_*}{dt};$$

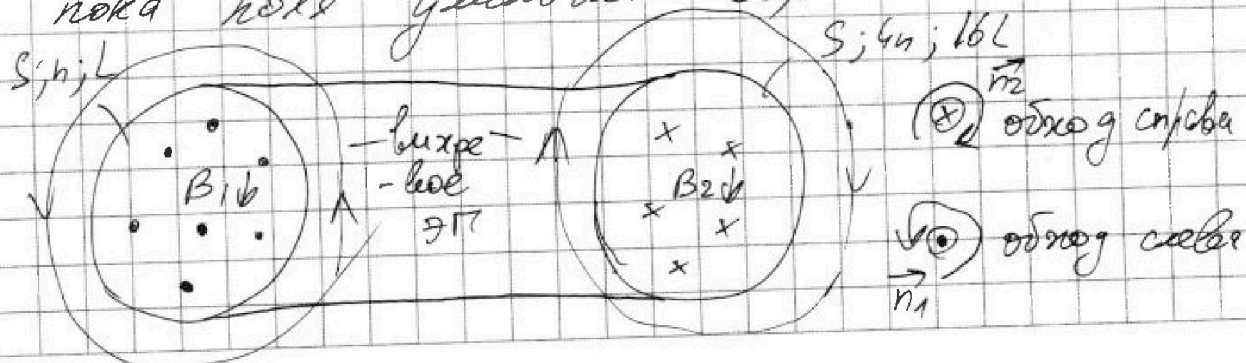
$$\mathcal{P}_{\text{ср.права}} = B(t) \cdot S n_2 \cos 180^\circ = -BS \cdot 4n;$$

$$\begin{aligned} \mathcal{E}_{\text{ср.права}} &= -\mathcal{P}_{\text{ср.права}} = -(-BS \cdot 4n)' = \\ &= S \cdot 4n B' = 4Sn \alpha; \end{aligned}$$

$$L_2 I_*' = 4Sn \alpha \Rightarrow I_*'(0) = \frac{4Sn \alpha}{16L} = \frac{Sn \alpha}{4L}$$

2) Вид сверху (произв. момент времени,

пока поле уменьшается):





1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

• Для второй катушки:

Чистовик;
задача 4

$$\mathcal{E}_{2\varphi} = -\Phi_{2\varphi}'$$

$$\Phi_{2\varphi} = B_2 \cdot S \cdot 4n \cdot \cos 0^\circ = B_2 \cdot S \cdot 4n$$

$$\mathcal{E}_{2\varphi} = -(B_2 S \cdot 4n)' = -S \cdot 4n \cdot B_2'$$

$$B_2' = -\frac{dB_2}{dt}, \text{ т.к. } B_2 \downarrow \Rightarrow \left| \mathcal{E}_{2\varphi} = 4Sn \frac{dB_2}{dt} \right|$$

• Для левой катушки:

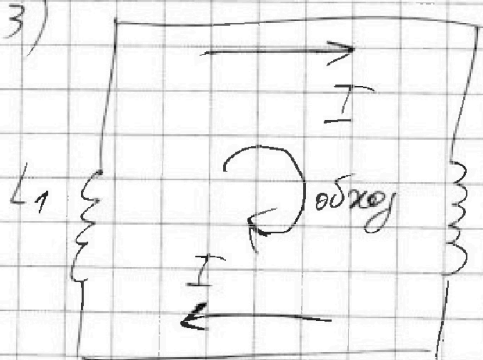
$$\mathcal{E}_{1\varphi} = -\Phi_{1\varphi}'$$

$$\Phi_{1\varphi} = B_1 \cdot S \cdot n \cdot \cos 0^\circ = B_1 \cdot S \cdot n$$

$$\Phi_{1\varphi}' = (B_1 S n)' = -Sn \frac{dB_1}{dt}$$

$$\left| \mathcal{E}_{1\varphi} = Sn \frac{dB_1}{dt} \right| \Rightarrow \left| \mathcal{E}_{1\varphi} = -Sn \frac{dB_1}{dt} \right|$$

3)



Рассмотрим цепь в произв. момент времени:

L_2 Предположим напр. тока;

$$\mathcal{E}_{1\varphi} + \mathcal{E}_{2\varphi} = \mathcal{U}_{L2} + \mathcal{U}_{L1};$$

$$-Sn \frac{dB_1}{dt} + 4Sn \frac{dB_2}{dt} = L_2 \frac{dI}{dt} + L_1 \frac{dI}{dt};$$

$$-Sn dB_1 + 4Sn dB_2 = L \frac{dI}{dt};$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
3 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Продумали руси полученное соотношение
за время уменьшения полей:

$$-S_n \int_{B_0}^{B_0/3} dB_1 + 4S_n \int_{3B_0}^{9B_0/4} dB_2 = 17L \int_0^I dI$$

$$-S_n \left(\frac{B_0}{3} - B_0 \right) + 4S_n \left(\frac{9B_0}{4} - 3B_0 \right) = 17LI$$

$$\frac{2B_0 S_n}{3} + (-3B_0 S_n) = 17LI \Rightarrow$$

$$\Rightarrow I = -\frac{7B_0 S_n}{51L}, \text{ знача, в этом}$$

момент времени ток будет направлен
противоложно направлению на рисунке.

$$I = \frac{7B_0 S_n}{51L}$$

Ответ: 1) $I'(0) = \frac{Snd}{4L}$

2) $I = \frac{7}{51} \frac{B_0 S_n}{L}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
4 из 5

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

от R_2 до R_4 . Лучи, не прошедшие через линзу, создают светлую область на картинке с R_3 . Сравним R_3 и R_4 , чтобы определить, есть ли темная область м/у ними.

• Из подобия Δ : $\frac{R_4}{q_1} = \frac{f_2 + l + h}{f_2}$;
 $\frac{R_4}{1/3\tau} = \frac{\frac{h}{6} + \frac{h}{3} + h}{h/6} = 9$; $\Rightarrow R_4 = 3h$

• Из подобия Δ : $R_3 = 2R_1 = \frac{10}{3}\tau$

(на рисунке не указано темная область м/у R_4 и R_3) $R_3 > R_4$, значит, м/у ними есть темная область.

• $S_2 = \pi r_2^2 = \pi \left(\frac{4}{5}\tau\right)^2 = \frac{16}{25}\pi\tau^2$

• $S_2 = \pi R_2^2 = \pi \left(\frac{9}{7}\tau\right)^2 = \frac{81}{49}\pi\tau^2$

• $S_3 = \pi R_3^2 = \pi \left(\frac{10}{3}\tau\right)^2 = \frac{100}{9}\pi\tau^2$

• $S_4 = \pi R_4^2 = \pi (3\tau)^2 = 9\pi\tau^2$

• $S_{\text{осв. а. 1}} = S_2 - S_2 = \left(\frac{81}{49} - \frac{16}{25}\right)\pi\tau^2 = \frac{1511}{1225}\pi\tau^2$

- осв. часть стены м/у r_2 и R_2 .



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
3 из 5

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

- ~~Решение~~ П. S^* - действительный для Z ,
и S^{**} П. S^* в зеркале - мнимое, премах
в натур. величину. $f_2 = l - f_1 = \frac{2}{3}h - \frac{1}{2}h = \frac{1}{6}h$.

- расстояние от S^{**} до зеркала.

- S^{**} - действительный П. для линзы.

$$d_3 = l + f_2 = \frac{1}{3}h + \frac{1}{6}h = \frac{1}{2}h - \text{расстояние}$$

от S^{**} до л. $d_3 > F = \frac{h}{3} \Rightarrow$ и S^{***}

П. S^{**} в линзе - действительное:

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{d_3} + \frac{1}{f_3} \Rightarrow f_3 = \frac{d_3 F}{d_3 - F} = \frac{\frac{1}{2}h \cdot \frac{1}{3}h}{\frac{1}{2}h - \frac{1}{3}h} =$$

$$= \frac{1}{5}h; \text{ - расстояние от } S^{***} \text{ до линзы.}$$

• Из подобия Δ : $\frac{y_2}{y} = \frac{h - f_3}{f_3} = \frac{h - \frac{5}{9}h}{\frac{5}{9}h} = \frac{4}{5}$

$$y_2 = \frac{4}{5}y$$

• Из подобия Δ : $\frac{R_2}{y} = \frac{l + f_2 + h}{l + f_2} = \frac{\frac{h}{3} + \frac{h}{6} + h}{\frac{h}{3} + \frac{h}{6}} =$

$$= \frac{9}{6} \cdot \frac{6}{7} = \frac{9}{7}; \Rightarrow R_2 = \frac{9}{7}y$$

- Если, край луча прошедшего через
линзу экраном создают светлую область



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

☐☐☐☐☒☐☐

СТРАНИЦА
5 ИЗ 5

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$S_{\text{кросв. 2 ст}} = S_3 - S_4 = \frac{100}{9} \pi r^2 - \frac{81}{9} \pi r^2 = \frac{19}{9} \pi r^2.$$

$$S_{\text{кросв. ст}} = S_{\text{кросв. ст 1}} + S_{\text{кросв. ст 2}} = \frac{18}{9} \pi r^2 + \frac{19}{9} \pi r^2.$$

$$\pi r^2 = \frac{36874}{11025} \pi r^2. \quad \frac{19}{9} \pi r^2$$

Ответ: 1) $S_{\text{кросв. 2}} = \frac{200}{3} \pi r^2$

2) $S_{\text{кросв. ст}} = \frac{36874}{11025} \pi r^2 + \frac{19}{9} \pi r^2.$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐

2
☐

3
☐

4
☐

5
☐

6
☐

7
☐

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

