



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 7



1. [3 балла] Четвёртый член арифметической прогрессии равен $6 - 9x$, шестой член равен $(x^2 - 2x)^2$, а десятый равен $9x^2$. Найдите x .

2. [4 балла] Найдите наибольшее значение выражения $3y + 6x$ при условии

$$\begin{cases} |x - 2y| \leq 2 \\ |2x - y| \leq 1. \end{cases}$$

Handwritten calculations for problem 2:

$$\begin{array}{r} 16x \\ -16y \\ \hline 148 \end{array}$$

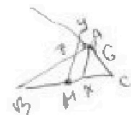
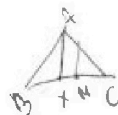
$$\frac{16x}{64} + \frac{148}{64}$$

3. [5 баллов] Найдите все пары (m, n) натуральных чисел, для которых одно из чисел $A = m^2 + 4mn + 4n^2 - 7m - 14n$ и $B = m^2n + 2mn^2 + 9mn$ равно $11p^2$, а другое равно $75q^2$, где p и q — простые числа.

4. [5 баллов] Прямая, параллельная биссектрисе AX треугольника ABC , проходящая через середину M его стороны BC , пересекает сторону AB и продолжение стороны AC в точках Z и Y соответственно. Найдите BC , если $AC = 6$, $AZ = 3$, $YZ = 4$.

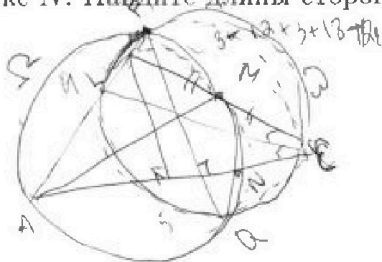
5. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+2} - \sqrt{7-y} + 7 = 2\sqrt{14+5x-y^2}, \\ x^3 + 3x - \sqrt{2y} = y^3 - \sqrt{2x} + 3y. \end{cases}$$



6. [4 балла] На тетрадном листе нарисован квадрат 10×10 клеток (стороны квадрата идут вдоль границ клеток), а все узлы сетки внутри квадрата или на его границе покрашены в чёрный цвет. Найдите количество способов перекрасить два узла в белый цвет, если раскраски, получающиеся друг из друга поворотом, считаются одинаковыми.

7. [6 баллов] В треугольнике ABC на медиане AM и биссектрисе CL как на диаметрах построены окружности Ω и ω соответственно, пересекающиеся в точках P и Q . Отрезок PQ параллелен высоте треугольника ABC , проведённой из вершины B . Окружность Ω пересекает сторону AC повторно в точке N . Найдите длины сторон AC и BC , если $AB = 4$, $AN = 5$.



Handwritten calculations for problem 7:

$$24 - 24$$

Handwritten calculations for problem 7:

$$\begin{array}{r} 14 \\ + 14 \\ \hline 28 \\ + 14 \\ \hline 42 \end{array}$$

Handwritten calculations for problem 7:

$$x = 4 + 16 = 20$$

Handwritten calculations for problem 7:

$$\frac{2 \pm 2\sqrt{5}}{2} = 1 \pm \sqrt{5} \quad 14$$

Handwritten calculations for problem 7:

$$\begin{array}{r} 144 \\ + 36 \\ \hline 180 \\ + 16 \\ \hline 196 \end{array}$$

Handwritten calculations for problem 7:

$$4 \cdot 2 = 8$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1. $a_4 = 6 - 9x$, $a_6 = (x^2 - 2x)^2$, $a_{10} = 9x^2$. Пусть b - разность арифм. пр-ции.

$$a_6 - a_4 = 2b = \frac{a_{10} - a_6}{2} \quad (\text{в ариф. пр-ции})$$

$$x^4 - 4x^3 + 4x^2 + 9x - 6 = \frac{9x^2 - x^4 + 4x^3 - 4x^2}{2}$$

$$2x^4 - 8x^3 + 8x^2 + 18x - 12 = 5x^2 + 4x^3 - x^4$$

$$3x^4 - 12x^3 + 3x^2 + 18x - 12 = 0$$

	3	-12	3	18	-12
1	3	-9	-6	-12	0
1	3	-6	-12	0	

$$3(x-1)(x-1)(x^2 - 2x - 4) = 0$$

$x=1; 1 \pm \sqrt{5}$

$$D/4 = 1 + 4 = 5$$

$$x = 1 \pm \sqrt{5}$$

Ответ: 1; $1 \pm \sqrt{5}$



1
☐

2
☒

3
☐

4
☐

5
☐

6
☐

7
☐

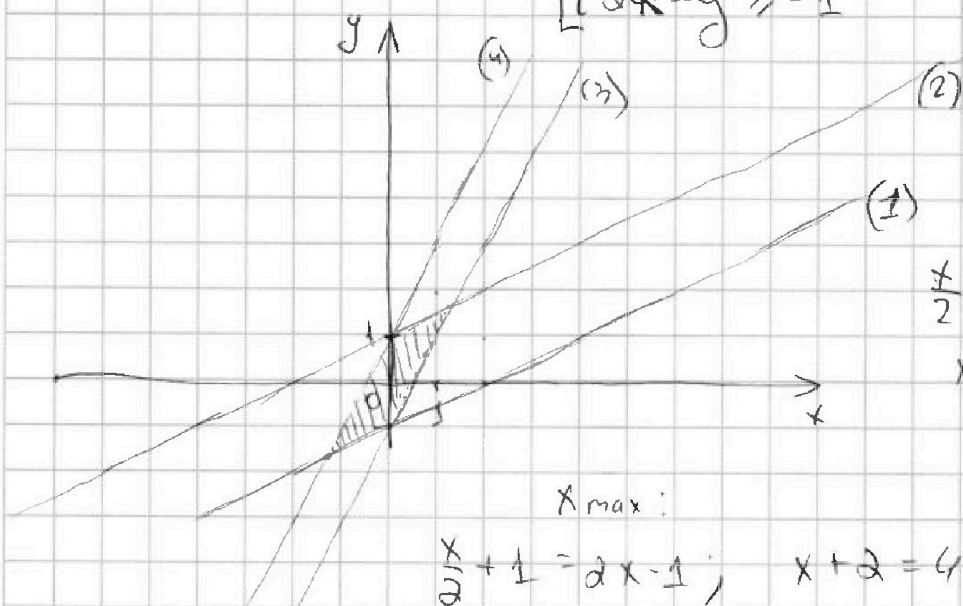
СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$2. \begin{cases} |x-2y| \leq 2 \\ |2x-y| \leq 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x-2y \leq 2 \\ x-2y \geq -2 \\ 2x-y \leq 1 \\ 2x-y \geq -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y \geq \frac{x}{2} - 1 \quad (1) \\ y \leq \frac{x}{2} + 1 \quad (2) \\ y \geq 2x - 1 \quad (3) \\ y \leq 2x + 1 \quad (4) \end{cases}$$



Найдем x :

$$\text{Из } x_{\min}: \frac{x}{2} - 1 = 2x + 1$$

$$x - 2 = 4x + 2$$

$$3x = -\frac{4}{3}$$

$x_{\max}$:

$$\frac{x}{2} + 1 = 2x - 1; \quad x + 2 = 4x - 2$$

$$3x = \frac{4}{3}$$

$$\Rightarrow x \in \left[-\frac{4}{3}; \frac{4}{3}\right]$$

аналогично с y :

$$\text{учитывая } y \in \left[-\frac{4}{3} - 1; \frac{8}{3} - 1\right] \Rightarrow y \in \left[-\frac{5}{3}; \frac{5}{3}\right]$$

Ответ: $x \in \left[-\frac{4}{3}; \frac{4}{3}\right]$
 $y \in \left[-\frac{5}{3}; \frac{5}{3}\right]$

Заметим, что

$$(3y+6x)_{\max} \leq$$

$$(y+2x)_{\max}$$

А это возможно

$$\text{только при } x = \frac{4}{3}; y = \frac{5}{3} \Rightarrow 3y+6x = 5+8=13$$

Ответ: 13



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$3. \quad A = m^2 + 4mn + 4n^2 - 7m - 14n = (m+2n)^2 - 7(m+2n) = (m+2n)(m+2n-7)$$

$$B = m^2n + 2mn + 9mn = mn(m+2n+9)$$

Т.к. $B = 11p^2$, т.к. $m, n \in \mathbb{N}$

$$m, n \in \mathbb{N} \Rightarrow m+2n+9 \neq 11 \text{ и } m+2n+9 \neq 1$$

$$① \quad m+2n+9 = p^2 \Rightarrow mn = 11 \Rightarrow$$

$$75q^2 = A = (p^2-9)(p^2-16) = (p-3)(p-4)(p+3)(p+4)$$

Т.к. $\Rightarrow A : 4$, т.к. $p-3, p-4, p+3, p+4$ попарно не делятся на 2.

$$75q^2 : 4 \Rightarrow q^2 : 4 \text{ (т.к. } q \text{ - простое число)} \Rightarrow q = 2$$

$$p^4 - 25p^2 + 156 = 0$$

корни не целые.

$$② \quad m+2n+9 = p \Rightarrow mn = 11p$$

$$75q^2 = A = (p-9)(p-16) = p^2 - 25p + 144$$

$$\begin{cases} p > 16 \\ p < 9 \end{cases} \text{ (т.к. иначе } 75q^2 < 0)$$

$$2.1 \quad p=2: 75q^2 = 7 \cdot 14 = 2 \cdot 7^2 \quad \emptyset$$

$$2.2: \quad p \neq 2 \Rightarrow (p-9)/2 \Rightarrow 75q^2 : 2$$

Значит, $q : 2$, $A \sim$ т.е. $q = 2$

$\rightarrow$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$300 = p^2 - 25p + 144$$

$$p^2 - 25p + 156 = 0 \quad (p \in \mathbb{Z})$$

$$\text{II сл. } A = 11p^2$$

$$\textcircled{1} \quad m + 2n - 7 = 11 \Rightarrow m + 2n = 18, \quad m + 2n = p^2$$

$$p^2 = 18 \quad \emptyset$$

$$\textcircled{2} \quad \begin{cases} m + 2n - 7 = 11p \\ m + 2n = p \end{cases} \Rightarrow p - 7 = 11p \quad 10p = -7 \quad \emptyset$$

$$\textcircled{3} \quad \begin{cases} m + 2n - 7 = 11p^2 \\ m + 2n = 1 \end{cases} \quad \emptyset$$

$\begin{matrix} \vee & \wedge \\ 3 & 3 \end{matrix}$

$$\textcircled{4} \quad \begin{cases} m + 2n - 7 = p \\ m + 2n = 11p \end{cases}$$

$$10p = 7 \quad \emptyset$$

$$\textcircled{5} \quad \begin{cases} m + 2n - 7 = p^2 \\ m + 2n = 11 \end{cases} \Rightarrow 4 = p^2 \Rightarrow p = 2$$

Подставим в B

$$258^2 = B = mn \cdot 20$$

$$\begin{aligned} 20mn &= 258^2 \\ 4mn &= 158^2 \Rightarrow 8 = 2 \end{aligned}$$

т.к. $15/2$

$$\begin{cases} mn = 4 \cdot 15 \cdot 15 \\ m + 2n = 11 \end{cases}$$

$$\boxed{m=5; n=6}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7
☐ ☐ ☒ ☐ ☐ ☐ ☐

СТРАНИЦА
2 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\textcircled{6} \begin{cases} m+2n=11p^2 \\ m+2n-7=1 \end{cases} \quad \begin{cases} m+2n=11p^2 \\ m+2n=9 \end{cases} \quad \begin{cases} 9=11p^2 \\ \emptyset \end{cases}$$

I сч $\textcircled{3} \begin{cases} m+2n+9=11p \\ mn=p \Rightarrow (\text{т.к. } p - \text{простое}) \end{cases}$

$$\begin{cases} m=1 \\ n=p \end{cases} \Rightarrow 1+2p+9=11p \quad \text{т.е.} \quad 9p=10 \quad \emptyset$$

$$\begin{cases} m=p \\ n=1 \end{cases} \Rightarrow p+2+9=11p \quad \text{т.е.} \quad 10p=11 \quad \emptyset$$

$$\textcircled{4} \begin{cases} m+2n+9=11p^2 \\ mn=1 \Rightarrow m, n=1 \quad \text{т.к. } m, n \in \mathbb{N} \end{cases}$$
$$11p^2=12 \quad \emptyset$$

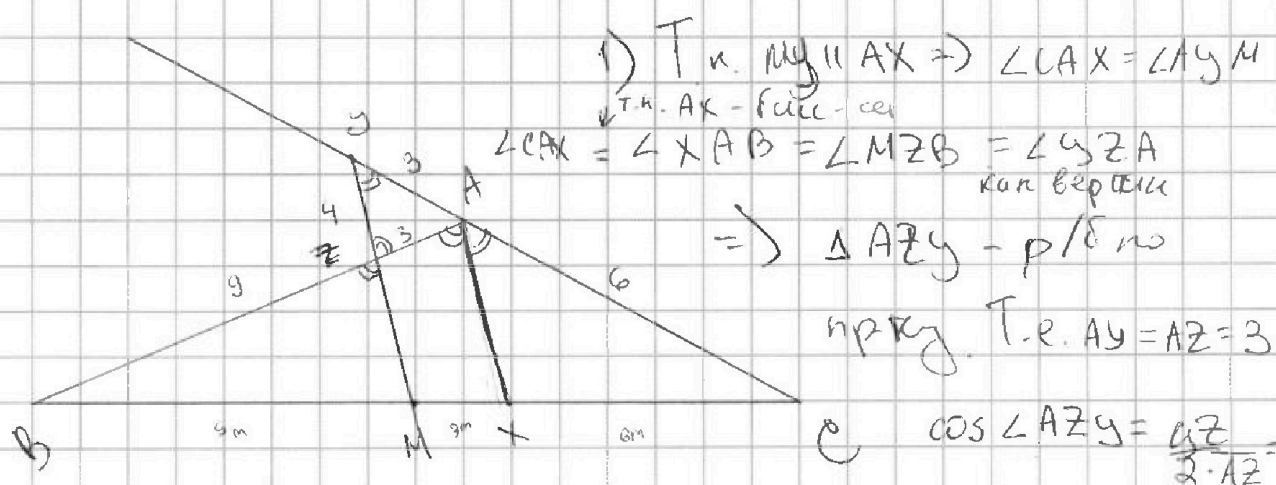
Ответ: (5; 6)



1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$= \frac{2}{3}$$

2) По т. Палеса для $AX \parallel YM$ и для AY, CM .

$$\frac{6}{3} = \frac{CA}{AY} = \frac{CX}{XM} \quad (\text{Пусть } CX = 6m, XM = 3m)$$

т.к. M - середина $BC \Rightarrow BM = MC = 9m$

4) По т. Палеса для $AX \parallel YM$, и для BA, BX

$$\frac{3}{9} = \frac{XM}{BM} = \frac{AZ}{BZ} = \frac{3}{BZ} \Rightarrow BZ = 9$$

$$5) \cos(2\angle AZY) = \cos \angle BAC = \cos(2\angle AZY) = 2 \cos^2 \angle AZY - 1 = \frac{8}{9} - 1 = -\frac{1}{9}$$

6) По т. косинусов $\triangle ABC$:

$$BC = \sqrt{AB^2 + AC^2 - 2AB \cdot AC \cdot \cos \angle BAC} = \sqrt{144 + 36 + 2 \cdot 12 \cdot 6 \cdot \frac{1}{9}} = 14$$

$$= 14$$

Ответ: 14



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x+2+\sqrt{7-x} = y$$

$$(x-y)(x^2+xy+y^2) + 3(x-y) - \sqrt{2}(\sqrt{x}-\sqrt{y}) = 0$$

$$(\sqrt{x}-\sqrt{y})(\sqrt{x}+\sqrt{y})(x^2+xy+y^2) + 3 - \sqrt{2} = 0$$

$$x^2 - 5x - 14 = 0$$

$$-(x-7)(x+2) \geq 0$$

$$y^2 + x^2 - 5x = 14$$

$$(x-7)(x+2) \leq 0$$

$$NS \quad \sqrt{x+2} + \sqrt{7-x} + 7 = 2\sqrt{14+5x-y^2} \quad (2)$$

$$(x^3 - y^3 + 3(x-y) - \sqrt{2}(\sqrt{x}-\sqrt{y})) = 0 \quad (1)$$

$$\text{Решим (1)} \quad (x-\sqrt{y})(\sqrt{x}+\sqrt{y})(x^2+xy+y^2) + 3 - \sqrt{2} = 0$$

$$2) \quad \sqrt{x} = \sqrt{y} \quad \text{т.е. } x = y, \quad x, y \geq 0$$

$$\text{Решим (2)} \quad \text{Подставим в (2)}$$

$$\sqrt{x+2} + \sqrt{7-x} + 7 = 2\sqrt{14 - (x-7)(x+2)}$$

$$x \in [0, 7]. \quad \text{Заметим, что } x \in [0, 7] \Rightarrow$$

$$x+2 + 7-x - x + 99 + 2\sqrt{(x+2)(7-x)} + 14(\sqrt{x+2} + \sqrt{7-x}) = 4\sqrt{(7-x)(x+2)}$$

$$58 + 2\sqrt{(x+2)(7-x)} + 14(\sqrt{x+2} + \sqrt{7-x}) + 14x = 4\sqrt{(7-x)(x+2)}$$

$$4\sqrt{(7-x)(x+2)} - 32\sqrt{(x+2)(7-x)} + 14x = 0$$

$$\text{Положим } \sqrt{(x+2)(7-x)} = t$$

$$2t^2 - 15t + 20 = 0$$

$$2\sqrt{3} \times 1.5 = 3$$

$$2\sqrt{18} \times 1.5 = 6$$

$$\sqrt{72} \times 1.5 = 9$$

$$72 \times 1.5 = 108$$



1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$a \sqrt{a+b+7} = 2ab = \sqrt{(a+b)^2 - a^2 - b^2} = \sqrt{(a+b)^2 - (a+b) - 5} = 2ab$$

Пусть $a = \sqrt{x+2}$, $b = \sqrt{7-x}$ (Заметим, что $a^2 + b^2 = x+2 + 7-x = 9$)

$$a+b+7 = 2ab \Rightarrow (a+b)^2 - (a^2 + b^2) = (a+b)^2 - 9$$

$$(a+b)^2 - (a+b) - 16 = 0 \quad \Delta = 65$$

$$a+b = \frac{1 \pm \sqrt{65}}{2}$$

Но так как $a+b \geq 0$ (т.к. корни всегда неотрицательны)

$$a+b = \frac{1 + \sqrt{65}}{2}$$

$$a(2(\sqrt{x+2} + \sqrt{7-x})) = 1 + \sqrt{65} \quad \text{СМ СЛ.}$$

$$4(9 + 2\sqrt{(x+2)(7-x)}) = 66 + 2\sqrt{65} \quad \text{УП.}$$

$$8\sqrt{(x+2)(7-x)} = 30 + 2\sqrt{65}$$

$$4\sqrt{(x+2)(7-x)} = 15 + \sqrt{65}$$

$$16(14 + 5x - x^2) = 290 + 30\sqrt{65}$$

$$8(14 + 5x - x^2) = 145 + 15\sqrt{65}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐

2
☐

3
☐

4
☐

5
☒

6
☐

7
☐

СТРАНИЦА
2 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Найдем $\max z = a + b$:

$$y = \sqrt{x+2} + \sqrt{7-x}$$

$$y_{\max} \Leftrightarrow$$

$$\begin{aligned} x+2 &= 7-x \\ x &= 2,5 \end{aligned}$$

$$y \neq 9$$

$$y_{\max} = 2\sqrt{\frac{9}{2}} = \frac{6}{\sqrt{2}} = \frac{6\sqrt{2}}{2}$$

Сравним $\frac{6\sqrt{2}}{2}$ и $\sqrt{1+\sqrt{65}}$

$$\frac{6\sqrt{2}}{2} \sqrt{1+\sqrt{65}}$$

$$6\sqrt{2} \sqrt{1+\sqrt{65}}$$

$$\sqrt{72} \sqrt{66+2\sqrt{65}}$$

$$6 < 2\sqrt{65}$$

$$\text{Т.е. } \max(a+b) < \frac{1+\sqrt{65}}{2} \Rightarrow$$

уравнения satis не имеют.

Ответ: $\emptyset$

$$10 \sqrt{16-x^2} = 16x^2 + 4(5-\sqrt{16-x^2})^2 - 16 - 20\sqrt{16-x^2}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7
☐ ☐ ☐ ☐ ☐ ☐ ☒

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$10 - \sqrt{16-x^2} = x^2 + 100 - 40\sqrt{16-x^2} + 4 \cdot 16 - 4x^2$$

$$3x^2 + 59\sqrt{16-x^2} - 138 = 0$$

$$3(x^2 - 46) + 59\sqrt{16-x^2} = 0$$

$$3x^2 - 3(16-x^2) + 59\sqrt{16-x^2} - 90 = 0$$

$$-3t^2 + 59t - 90 = 0$$

$$3t^2 - 59t + 90 = 0$$

Решим ур-е

относительно

x и

$$100 - 20\sqrt{16-x^2} + 16-x^2 =$$

$$2x^2 + 100 - 60\sqrt{16-x^2} + 3 \cdot 16 - 4x^2$$

тогда

каждый

вн. + AC

и BSC



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\cos 2\theta = \cos(A+B)$$

$$= \cos A \cos B - \sin A \sin B$$

$$= \frac{x}{4} \cdot \frac{x}{y} - \frac{\sqrt{16-x^2}}{4} \cdot \frac{2(5-\sqrt{16-x^2})}{y}$$

$$= \frac{x^2}{4y} - \frac{10\sqrt{16-x^2} + 16-x^2}{4y}$$

$$= \frac{16 - 10\sqrt{16-x^2}}{4y}$$

$$\text{Ав } 10 - \sqrt{16-x^2} = 16 + y^2 - 4y \cdot \frac{(16 - 10\sqrt{16-x^2})}{4y}$$

$$10 - \sqrt{16-x^2} = 16 + y^2 - 16 + 10\sqrt{16-x^2}$$

$$y^2 + 11\sqrt{16-x^2} - 10 = 0$$

$$x^2 + 4(5 - \sqrt{16-x^2})^2 + 11\sqrt{16-x^2} - 10 = 0$$

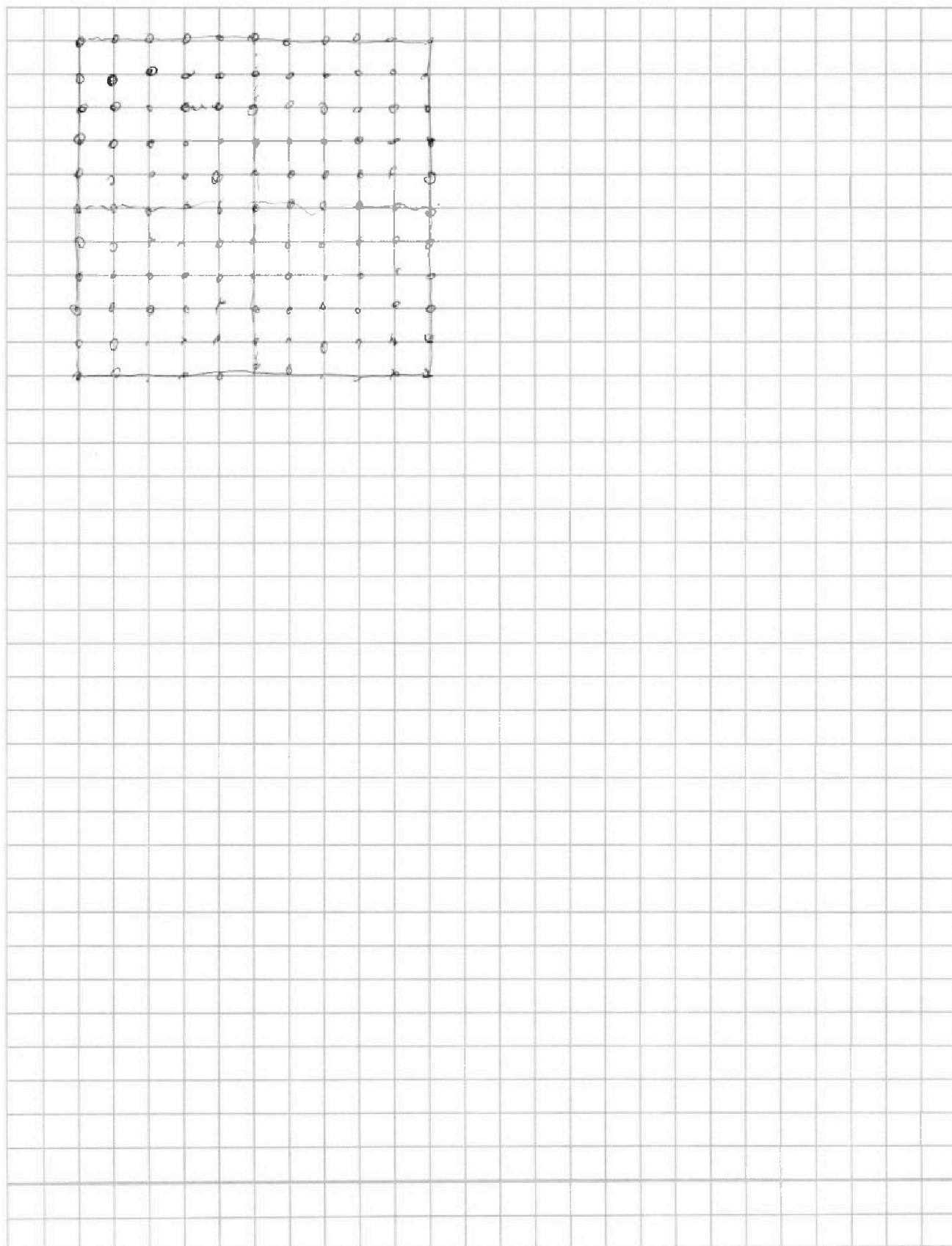


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$4(\sqrt{x+2} + \sqrt{7-x})^2 = 4(66 + 2\sqrt{65})$$

$$4(36 + 8\sqrt{(x+2)(7-x)}) = 66 + 2\sqrt{65}$$

$$81 - 25 \cdot 3 \quad 84\sqrt{(x+2)(7-x)} = 30 + \sqrt{65}$$

$$16(x+2)(7-x) = 225 + 65 + 30\sqrt{65}$$

$$16 \cdot 9 \cdot \frac{1}{4} = 36$$

$$156 \cdot \frac{1}{4} = 39 \quad (t + \frac{1}{t})^2 = t^2 + t + \frac{1}{t} - \frac{1}{4} - 16$$

$$(t - \frac{1}{2})^2 = 16 + \frac{1}{4} \quad t - \frac{1}{2} = \sqrt{16 + \frac{1}{4}} = \frac{\sqrt{65}}{2}$$

$$25 \cdot 3 = 75$$

$$m = 11, n = p$$

$$mn = 11p$$

$$\sqrt{x+2} + \sqrt{7-x}$$

$$\sqrt{x+2} = \sqrt{7-x}$$

$$x+2 = 7-x$$

$$2x = 5$$

$$x = 2,5$$

$$\frac{B}{mn} = m + 2n + g = mn(m + 2n + g)$$

$$m + 2n + g = p^2 \quad m + 2n + g = p$$

$$m^2 + 4mn + 4n^2 - 7m + 14n$$

$$A = (m + 2n)^2 - 7(m + 2n) = (m + 2n)(m + 2n - 7)$$

$$(p^2 - 9)(p^2 - 16) = (p - 3)(p + 3)(p - 4)(p + 4)$$

$$p^4 - 25p^2 + 9 \cdot 16 = 375 \cdot 4 = 1500$$

$$(p - 3)(p - 16) = 75 \cdot 8^2$$

$$p^2 - 25p + 9 \cdot 16 = 75 \cdot 8$$

$$p^2 - 25p + 144 = 600 \quad p^2 - 25p - 456 = 0$$

$$p^2 - 25p - 456 = 0 \quad p = 32 \quad 3 \cdot 52 = 3 \cdot 2 \cdot 26 = 3 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 13$$