



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 8



1. [3 балла] Пятый член арифметической прогрессии равен $6x + 18$, седьмой член равен $(x^2 - 4x)^2$, а одиннадцатый равен $(-3x^2)$. Найдите x .
2. [4 балла] Найдите наименьшее значение выражения $14x + 7y$ при условии

$$\begin{cases} |4x - 3y| \leq 6, \\ |3x - 4y| \leq 8. \end{cases}$$

3. [5 баллов] Найдите все пары (m, n) натуральных чисел, для которых одно из чисел $A = m^2 - 2mn + n^2 + 9m - 9n$ и $B = m^2n - mn^2 + 3mn$ равно $13p^2$, а другое равно $3q^2$, где p и q – простые числа.
4. [5 баллов] Прямая, параллельная биссектрисе AX треугольника ABC , проходящая через середину M его стороны BC , пересекает сторону AC и продолжение стороны AB в точках Z и Y соответственно. Найдите BC , если $AC = 12$, $AZ = 3$, $YZ = 4$.
5. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+6} - \sqrt{5-y} + 5 = 2\sqrt{30-x-y^2}, \\ 4x^4 + x - 5\sqrt[3]{y} = 4y^4 - 5\sqrt[3]{x+y}. \end{cases}$$

6. [4 балла] На тетрадном листе нарисован квадрат 9×9 клеток (стороны квадрата идут вдоль границ клеток), а все узлы сетки внутри квадрата или на его границе покрашены в чёрный цвет. Найдите количество способов перекрасить два узла в белый цвет, если раскраски, получающиеся друг из друга поворотом, считаются одинаковыми.
7. [6 баллов] В треугольнике ABC на медиане AM и биссектрисе CL как на диаметрах построены окружности Ω и ω соответственно, пересекающиеся в точках P и Q . Отрезок PQ параллелен высоте треугольника ABC , проведённой из вершины B . Окружность Ω пересекает сторону AC повторно в точке N . Найдите длины сторон AC и BC , если $AB = 26$, $AN = 20$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☒ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА

1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$a_5 = a_1 + 4q = 6x + 18$$

$$a_7 = a_1 + 6q = (x^2 - 4x)^2$$

a_1 - первый член арифметической прогрессии

q - разность арифметической прогрессии

$$a_{11} = -3x^2$$

Т.к. $a_7 > 0$, а $a_{11} < 0$, $q < 0$ гарантированно

Найдем из a_7 и a_{11} 9-й член прогрессии:

$$a_9 = \frac{a_7 + a_{11}}{2} = \frac{(x^2 - 4x)^2 - 3x^2}{2}$$

Найдем из a_9 и a_5 7-й член прогрессии:

$$a_7 = \frac{a_9 + a_5}{2} = \frac{\frac{(x^2 - 4x)^2 - 3x^2}{2} + 6x + 18}{2} = (x^2 - 4x)^2$$

Тогда:

$$(x^2 - 4x)^2 - 3x^2 + 12x + 36 = 4(x^2 - 4x)^2$$

$$-3x^2 + 12x + 36 = 3(x^2 - 4x)^2 \quad | :3$$

$$-x^2 + 4x + 12 = (x^2 - 4x)^2$$

$$(x^2 - 4x)^2 + (x^2 - 4x) - 12 = 0$$

$$x^2 - 4x = t$$

$$t^2 + t - 12 = 0$$

$$t = \frac{-1 \pm \sqrt{1 + 48}}{2} = \frac{-1 \pm 7}{2} \quad \begin{matrix} t_1 = -4 \\ t_2 = 3 \end{matrix}$$

$$x^2 - 4x + 4 = 0$$

$$(x - 2)^2 = 0$$

$$x = 2$$

$$x^2 - 4x - 3 = 0$$

$$x = 2 \pm \sqrt{4 + 3} = 2 \pm \sqrt{7}$$

Проверим найденные корни:

при $x = 2$: $a_5 = 30 \Rightarrow q = -7 \Rightarrow a_{11} = a_7 - 28 = -12 = -3x^2$ - верно

при $x = 2 + \sqrt{7}$: $a_5 = 30 + 6\sqrt{7}$
 $a_7 = (4 + 4\sqrt{7} + 7 - 8 - 4\sqrt{7})^2 = 3^2 = 9 \Rightarrow$

$$\Rightarrow q = \frac{9 - 30 - 6\sqrt{7}}{2} = \frac{-21 - 6\sqrt{7}}{2} \Rightarrow$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА

2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\Rightarrow a_{11} = a_7 + 4q = 9 - 2(21 + 6\sqrt{7}) = -33 - 12\sqrt{7}$$

$$a_{11} = -3(2 + \sqrt{7})^2 = -3(4 + 4\sqrt{7} + 7) = -3(11 + 4\sqrt{7}) = -33 - 12\sqrt{7} \rightarrow$$

$\Rightarrow$ верно

$$\text{при } x = 2 - \sqrt{7} : \begin{matrix} a_5 = 30 - 6\sqrt{7} \\ a_7 = 9 \end{matrix} \rightarrow q = \frac{9 - 30 + 6\sqrt{7}}{2} = \frac{-21 + 6\sqrt{7}}{2}$$

$$\Rightarrow a_{11} = 9 + 2(-21 + 6\sqrt{7}) = -33 + 12\sqrt{7}$$

$$a_{11} = -3(2 - \sqrt{7})^2 = -3(4 - 4\sqrt{7} + 7) = -33 + 12\sqrt{7} \Rightarrow \text{верно}$$

Ответ: $\{2; 2 \pm \sqrt{7}\}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☒ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

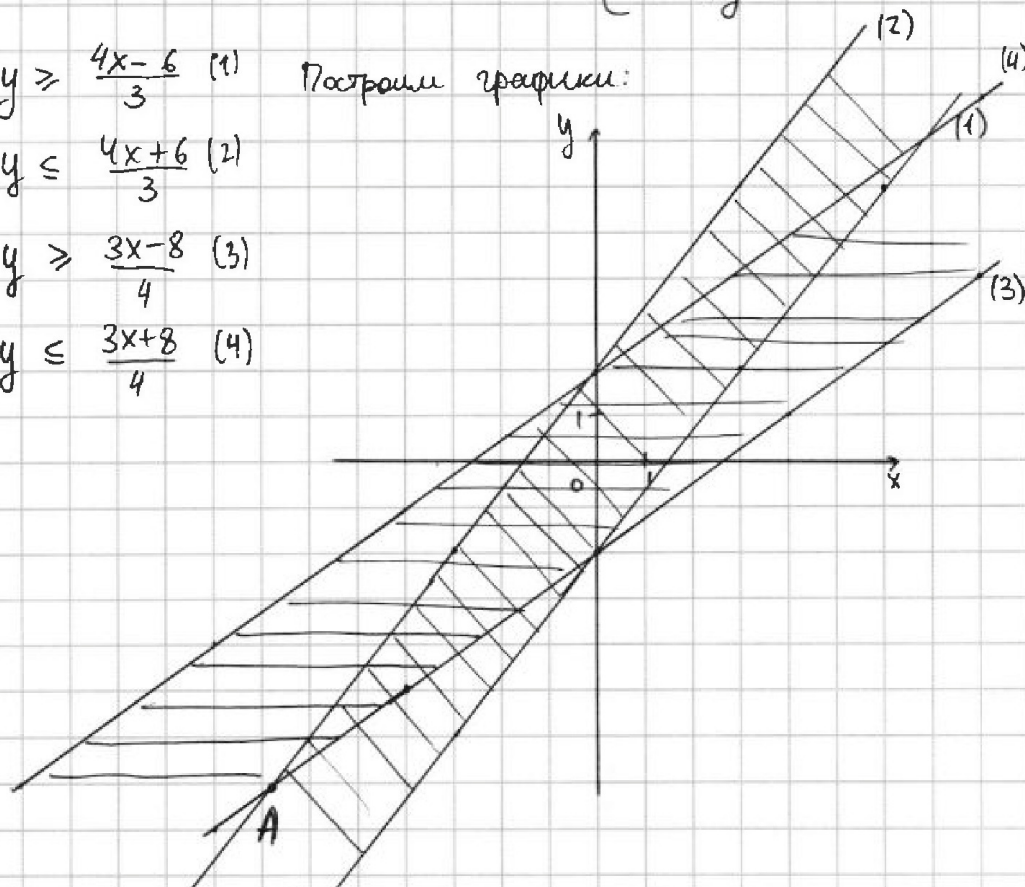
СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} |4x-3y| \leq 6 \\ |3x-4y| \leq 8 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -6 \leq 4x-3y \leq 6 \\ -8 \leq 3x-4y \leq 8 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 4x-3y \leq 6 \\ 4x-3y \geq -6 \\ 3x-4y \leq 8 \\ 3x-4y \geq -8 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} y \geq \frac{4x-6}{3} & (1) \\ y \leq \frac{4x+6}{3} & (2) \\ y \geq \frac{3x-8}{4} & (3) \\ y \leq \frac{3x+8}{4} & (4) \end{cases}$$

Построим графики:



$14x + 7y$ минимально при минимальных x и y

Из графика найдем минимальное решение системы (и по x , и по y), это т. А

Видно, что это точка пересечения прямых $y = \frac{4x-6}{3}$ и $y = \frac{3x-8}{4}$.
Найдем x_A и y_A - координаты т. А.

$$\frac{4x+6}{3} = \frac{3x-8}{4} \quad ; \quad y = \frac{4x+6}{3} = \frac{-4 \cdot 48}{7} + 6 = \frac{-4 \cdot 48 + 42}{21} = \frac{-50}{7} \approx -7$$

$$\begin{aligned} 16x + 24 &= 9x - 24 \\ 7x &= -48 \\ x &= -48/7 \approx -7 \text{ как} \end{aligned} \quad \text{Тогда } 14x + 7y = \frac{14 \cdot 48}{7} - \frac{7 \cdot 50}{7} =$$

$$= -2 \cdot 48 - 50 = -146$$

$x = -48/7 \approx -7$ как
и по графика

Ответ: -146



1 2 3 4 5 6 7

☐ ☐ ☒ ☐ ☐ ☐ ☐

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$A = m^2 - 2mn + n^2 + 9m - 9n = (m-n)^2 + 9(m-n) = (m-n)(m-n+9)$$

$$B = m^2n - mn^2 + 3mn = mn(m-n+3)$$

т.к. ни A, ни B не равны 0, $m \neq n$, т.к. $(m-n)$ - делитель A

I. Пусть $A = 13p^2$; $B = 3q^2$

Тогда $(m-n)(m-n+9) = 13p^2$, а $mn(m-n+3) = 3q^2$

или $\begin{cases} m = m-n+3 = q \\ n = 3 \\ m = m \end{cases}$ или $\begin{cases} m = 3 \\ n = m-n+3 \\ n = 6-n \\ n = 3 \rightarrow \text{не год.}, \\ \text{т.к. } m \neq n \end{cases}$

Подставим в A m и $n=3$

$$(m-n)(m-n+9) = 13p^2$$

$$(m-3)(m+6) = 13p^2$$

Тогда или $m-3=13$ или $m+6=13$

$$m=10$$

$$m+6=16=p^2$$

$$p=\pm 4 - \text{не год.},$$

т.к. p - простое

$$m=7$$

$$m-3=4=p^2$$

$$p=\pm 2 - \text{подходит.}$$

$$p=2$$

II. Пусть $B = 13p^2$; $A = 3q^2$

Тогда $mn(m-n+3) = 13p^2 \Rightarrow$ или $\begin{cases} m = m-n+3 = p \\ n = 13 \\ m = m-10 - \text{не год.} \end{cases}$ или $\begin{cases} n = m-n+3 = p \\ m = 13 \\ n = 16-n \\ n = 8 \end{cases}$

Подставим $m=13$ и $n=8$ в A

$$(m-n)(m-n+9) = (13-8)(13-8+9) = 5 \cdot 14 = 5 \cdot 2 \cdot 7 \neq 3q^2 \Rightarrow$$

не подходит

Ответ: $(7; 3)$



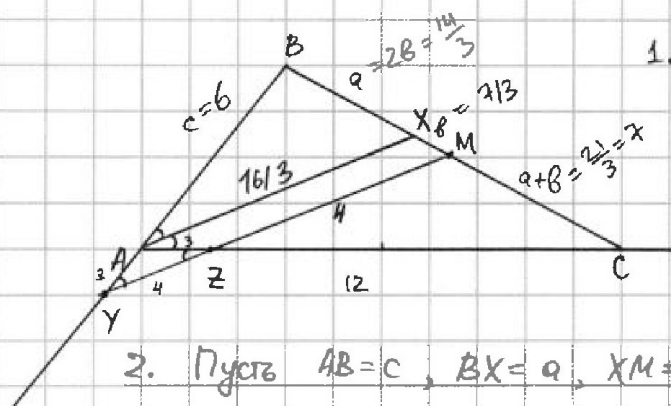
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА

1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



1. $\angle XAZ = \angle AZY$ (н.п. при $AX \parallel MZ$ и сек. AZ)
 $\angle BAX = \angle AYZ$ (аналогично) (н.п. при $AX \parallel MZ$ и сек. AY)

Тогда $\triangle YAZ$ - р/б (по признаку) $\Rightarrow$
 $\Rightarrow AY = AZ = 3$ ~~или~~ $ZC = 12 - 3 = 9$

2. Пусть $AB = c$, $BX = a$, $XM = b$. Тогда $MC = a + b$

$\triangle BAX \sim \triangle BYM$ (т.к. $\angle BAX = \angle BYM$ и $\angle BXA = \angle BMY$ (аналогично)) $\Rightarrow$

$$\Rightarrow \frac{c}{a} = \frac{c+3}{a+b} \Rightarrow \text{или при } ZB = a \text{ (из след. пункта)} \quad \frac{c}{2} = \frac{c+3}{3} \Rightarrow c = 6$$

$\triangle AXC \sim \triangle ZMC$ (т.к. $\angle XAC = \angle MZC$ и $\angle AXC = \angle ZMC$ (аналогично) (кр.п. п.т.т.)) $\Rightarrow$

$$\Rightarrow \frac{a+2b}{12} = \frac{a+b}{9} \Rightarrow 9a+18b = 12a+12b$$

т.к. AX - бис-са $\frac{a}{c} = \frac{a+2b}{12}$ (по свойству бис-сез) $\Rightarrow$

$$\Rightarrow \frac{2b}{6} = \frac{4b}{12} - \text{тождество}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{Из подобия } \triangle AXZ \text{ и } \triangle ZMC: \frac{AX}{a+2b} = \frac{ZM}{a+b} \Rightarrow \frac{AX}{4} = \frac{ZM}{3} \\ \text{Из подобия } \triangle ABX \text{ и } \triangle YBM: \frac{AX}{c} = \frac{ZM+YZ}{c+3} \Rightarrow \frac{AX}{6} = \frac{ZM+4}{9} \end{array} \right\} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow AX = \frac{4}{3}ZM \text{ или } \frac{3}{4}AX = ZM$$

$$\frac{3}{2}AX = ZM+4$$

$$\Rightarrow ZM+4 = 2ZM$$

$$ZM = 4; \quad AX = \frac{16}{3}$$

Запишем т. косинусов для $\triangle ABX$ и для $\triangle AXC$, обозначим

$\angle BAX = \angle XAC = \alpha$

$$1) 6^2 + \left(\frac{16}{3}\right)^2 - 2 \cos \alpha \cdot 6 \cdot \frac{16}{3} = 4b^2 \quad | :2$$

$$2) \left(\frac{16}{3}\right)^2 + 12^2 - 2 \cos \alpha \cdot 12 \cdot \frac{16}{3} = (a+2b)^2 = 16b^2$$

$$\text{Вычтем (1) из (2): } 8b^2 = \left(\frac{16}{3}\right)^2 + 12^2 - 2 \cdot 6^2 - 2 \cdot \left(\frac{16}{3}\right)^2 = 2 \cdot 6^2 - \left(\frac{16}{3}\right)^2$$

$$b = \frac{7}{3}, \text{ тогда } a = \frac{14}{3}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐

2
☐

3
☐

4
☒

5
☐

6
☐

7
☐

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$BC = 2(a+b) = 2 \cdot 38 = 68 = 6 \cdot 7/3 = 14$$

Ответ: 14



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~~$x^4 + y^4 + 5\sqrt{x} + x = 4y^4 + 5\sqrt{y} + y$~~
 ~~$25 - 2\sqrt{25} + 5 = 2\sqrt{5} + 5$~~
 ~~$25 - 10 + 5 = 2\sqrt{5} + 5$~~
 ~~$20 = 2\sqrt{5} + 5$~~
 ~~$15 = 2\sqrt{5}$~~
 ~~$7.5 = \sqrt{5}$~~
 ~~$7.5^2 = 5$~~
 ~~$56.25 = 5$~~

Рассмотрим второе уравнение в системе:

$$4x^4 + 5\sqrt{x} + x = 4y^4 + 5\sqrt{y} + y \quad \text{— оно симметрично относительно } x \text{ и } y.$$

Обе функции возрастающие и существуют на участке $x \geq 0, y \geq 0$

Тогда решений будет не больше двух.

$$x = y = 0 \text{ и } x = y = 1$$

Подставим найденные значения в верхнюю систему.

$$x = y = 0: \quad \sqrt{6} - \sqrt{5} + 5 = 2\sqrt{30} \quad \text{— неверно}$$

$\begin{array}{ccc} <1 & - & <6 \\ & & & >6 \end{array}$

$$x = y = 1: \quad \sqrt{7} - \sqrt{4} + 5 = 2\sqrt{30} - 2 \quad \text{„28”}$$
$$\sqrt{7} + 3 = 4\sqrt{7}$$
$$3 = 3\sqrt{7} \quad \text{— неверно}$$

Ответ: $\emptyset$

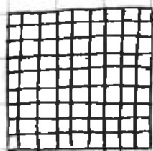


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☒	☐

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Всего узлов: $10 \cdot 10 = 100$

Пусть мы ^{сначала} выбираем какую-нибудь точку (узел),
а потом считаем способы выбрать ей вторую точку.

~~Всего точек - 100~~

Данный квадрат можно повернуть 4-мя способами, то есть
каждую раскраску мы посчитали 4 раза

Способов выбрать первую точку - 100 $\Rightarrow \frac{100 \cdot 99}{4} = 25 \cdot 99 = 2475$
Способов выбрать вторую точку - 99

Ответ: 2475

5. $\triangle ABM \equiv \triangle AMN$ (аналогично 1.4) $\Rightarrow \angle LPC = \angle APC = 90^\circ \Rightarrow$
 $\angle PAB = \angle PBA = 90^\circ$



На одной странице можно оформлять **только одну задачу**. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐

2
☐

3
☐

4
☐

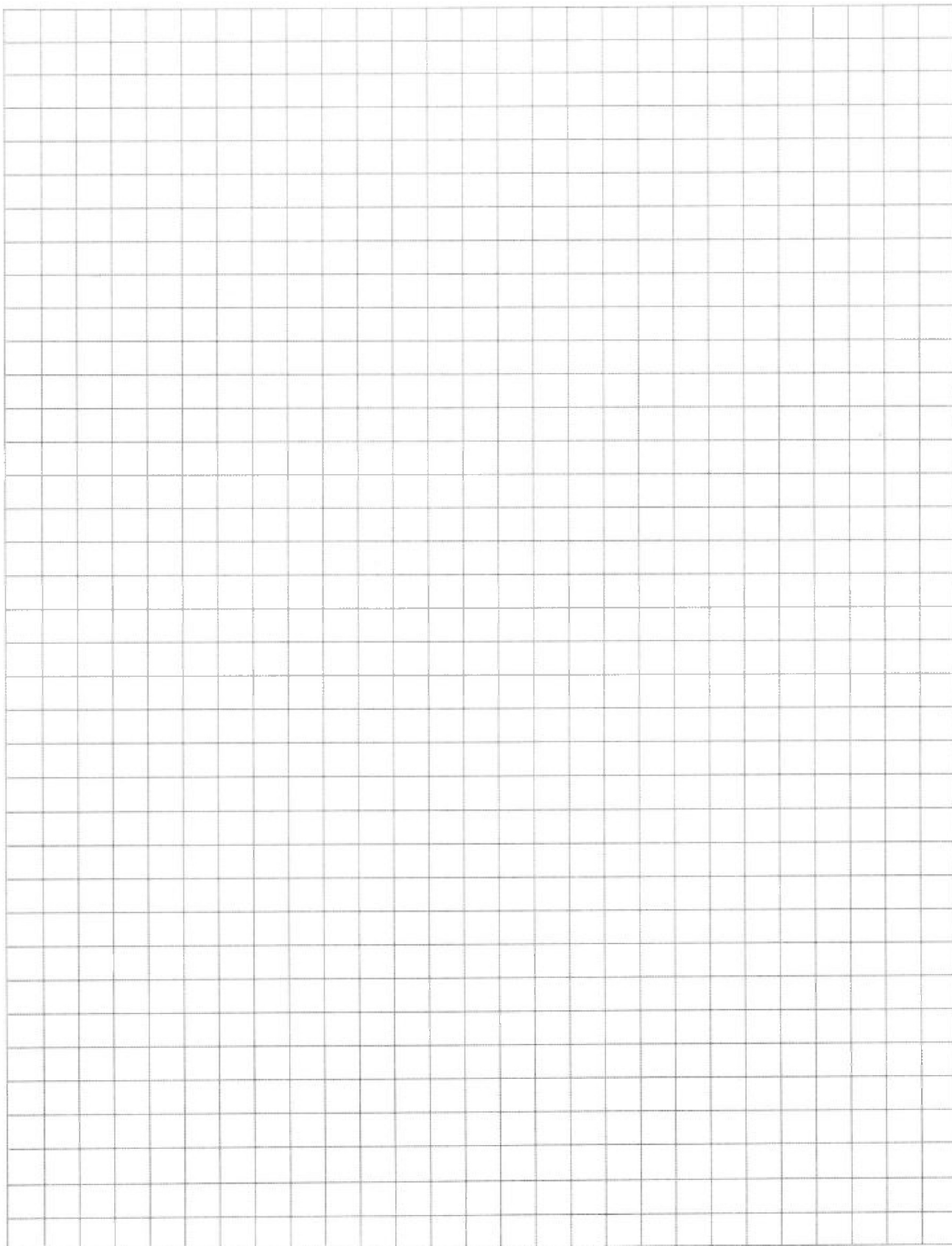
5
☐

6
☐

7
☐

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x+6} + \sqrt{5-y} + 5 = 2\sqrt{30-x-y^2}$$

$$(x+6) + (5-y) - 2\sqrt{(x+6)(5-y)} + 5 = 2\sqrt{30-x-y^2}$$

$$25\sqrt{x+6} - 25\sqrt{5-y} = 4(30-x-y^2)$$

$$4x^4 + x - 5\sqrt{y} = 4y^4 - 5\sqrt{x} + y \leftarrow \text{симметрично от } x \text{ и } y$$

$$4x^4 + 5\sqrt{x} + x = 4y^4 + 5\sqrt{y} + y$$

Функции возрастающие $\Rightarrow$ 1 решение

$$x=y=1 \text{ и } x=y=0$$

$$\sqrt{7} - \sqrt{4} + 5 = 2\sqrt{30-1-1} = 4\sqrt{7}$$

$$5 - \sqrt{4} = 3\sqrt{7}$$

$$3 = 3\sqrt{7} - \text{нет.}$$

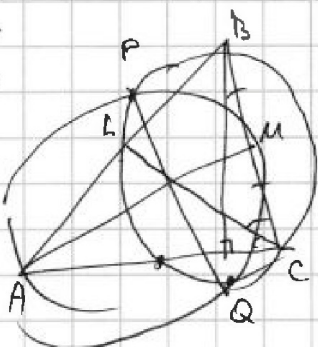
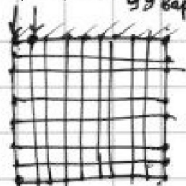
Узлов 100

$$\sqrt{6} - \sqrt{5} + 5 = 2\sqrt{30} = 2 \cdot \sqrt{6} \cdot \sqrt{5}$$

Берем верх. прав. уг. 99 вар.

$$5 - \sqrt{5} = \sqrt{6} (2\sqrt{5} - 1)$$

$$\sqrt{5}(\sqrt{5}-1) = \sqrt{6}(\sqrt{5}-1) + \sqrt{6} \cdot \sqrt{5}$$



$$\frac{990}{81}$$

$$(x+6)(5-y) =$$

$$= 10a_1 + 45q =$$

$$= 10 \cdot 99 + 45(-4) =$$

$$= 990 - 180 =$$

$$= 810$$

$$x=y=0 \quad x=y=1$$

$$4x^4 - 4y^4 + x - y + 5\sqrt{x} - 5\sqrt{y} = 0$$

$$4(x^2+y^2)(x-y)(x+y) + (x-y) + 5(\sqrt{x} - \sqrt{y}) = 0$$

$$(\sqrt{x} - \sqrt{y})(\sqrt{x} + \sqrt{y})(\sqrt{x} + \sqrt{y})$$

$$4(x^2+y^2)(x+y)(\sqrt{x} + \sqrt{y})(\sqrt{x} + \sqrt{y})$$

$$(1 + 4(x^2+y^2)(x+y))(\sqrt{x} + \sqrt{y})(\sqrt{x} + \sqrt{y}) + 5 = 0$$

Повороты - 4 $\Rightarrow$

каждую раскраску
используем 4 раза

$$\frac{92}{150}$$

$$\frac{42}{96}$$

$$\frac{98}{99}$$

$$98 \text{ и } 99 \text{ по } 3$$

$$99 + 9 + 29 + \dots + 249 =$$

$$= 99 + \frac{25 \cdot 24}{2} = 99 + 300 =$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$N/V \quad \frac{(x^2-4x)^2 + 3x^2 + 6x + 18}{2} = (x^2-4x)^2$$

$$(x^2-4x)^2 - 3x^2 + 12x + 36 = 4(x^2-4x)^2$$

$$-3x^2 + 12x + 36 = 3(x^2-4x)^2$$

$$-x^2 + 4x + 12 = (x^2-4x)^2$$

$$(x^2-4x)^2 + (x^2-4x) - 12 = 0$$

$$t^2 + t - 12 = 0$$

$$t = \frac{-1 \pm \sqrt{1+48}}{2} = \frac{-1 \pm 7}{2} \quad \begin{matrix} t = -4 \\ t = 3 \end{matrix}$$

$$x^2 - 4x + 4 = 0 \quad (x-2)^2 = 0$$

$$x = 2$$

$$um \quad x^2 - 4x - 3 = 0$$

$$x = 2 \pm \sqrt{4+3} = 2 \pm \sqrt{7}$$

$$6x+18$$

$$-3x^2 \Rightarrow 9/11 < 0 \Rightarrow q < 0$$

$$т.к. q_1 > 0$$

$$6x+18 = 30$$

$$x=2$$

$$q = -7$$

$$(4-4 \cdot 2)^2 = 16$$

$$q_n = (-3 \cdot 2^2) = -12$$

$$2 \log x$$

$$\frac{x^2-4x}{x=2+\sqrt{7}} = 4 + 4\sqrt{7} + 7 - 8 - 4\sqrt{7} = 3$$

$$|q_7 = 9| \quad 2-\sqrt{7} = 4 - 4\sqrt{7} + 7 - 8 + 4\sqrt{7}$$

$$6x+18 = 12 + 6\sqrt{7} + 18 > 9$$

$$12 - 6\sqrt{7} + 18 > 9$$

$$26$$

$$mn$$

$$3V$$

$$mn(m-n+3) = 3q^2$$

$$m = m-n+3 \quad um$$

$$n=3$$

$$(m-n)(m-n+9) = 13p^2$$

$$(m-3)(m+6) = 13p^2$$

$$\therefore 13 \quad m-3=13 \quad 16=p^2 \text{ нет}$$

$$m+6=13$$

$$m=7$$

$$73=p^2$$

$$p=2$$

$$q=7 \quad \checkmark \text{ eq.}$$

$$mn(m-n+3) = 13p^2$$

$$m = m-n+3 \quad um \quad n = m-n+3$$

$$n=13$$

$$m = m-10$$

$$\text{нет}$$

$$m=13$$

$$n=16-n$$

$$n=8$$

$$mn(m-n+3) = 13 \cdot 8(13-8+3) = 13 \cdot 8 \cdot 8 \quad \checkmark$$

