



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ



9 КЛАСС. Вариант 10

- [3 балла] Найдите все значения параметра t , при каждом из которых уравнение $x^2 + 4\sqrt{2}tx + 9t^2 - 9 = 0$ имеет два различных действительных корня, а их произведение положительно.
- [4 балла] Натуральные числа a и b таковы, что $a - b = 12$, а значение выражения $a^2 + 2ab + b^2 + 3a + 3b$ равно $19p^4$, где p – некоторое простое число. Найдите числа a и b .
- [5 баллов] На стороне BC треугольника ABC отмечены точки M и N так, что $BM = MN = NC$. Прямая, параллельная AN и проходящая через точку M , пересекает продолжение стороны AC за точку A в такой точке D , что $AB = CD$. Найдите AB , если $BC = 6$, $\cos(2\angle CEM) = -\frac{3}{4}$.
- [5 баллов] В классе для занятий иностранным языком стоят четыре ряда парт, в каждом из которых по три парты, расположенных друг за другом. Парта рассчитана на одного человека. Школьник хорошо видит доску в любом из следующих случаев (и только в них):
 - он сидит на первой парте в ряду,
 - ближайшаяпарта перед ним пуста,
 - за ближайшей партой перед ним сидит ученик меньшего роста.

Сколькими способами можно рассадить в классе 11 учеников группы так, чтобы всем было хорошо видно доску, если известно, что все школьники разного роста? Ответ дайте в виде числа или выражения, содержащего не более двух слагаемых (слагаемые могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

- [5 баллов] Продолжение сторон BC (за точку C) и AD (за точку D) вписанного в окружность четырёхугольника $ABCD$ пересекаются в точке E . Центр O окружности, вписанной в треугольник ABE , лежит на отрезке CD . Найдите наибольшее возможное значение суммы $ED + DO$, если известно, что $BE = 12$.
- [4 балла] На острове расположено несколько деревень. Между некоторыми деревнями проложены дороги. Известно, что из любой деревни в любую другую можно добраться, причём по единственному маршруту. Также известно, что есть четыре деревни, из которых выходят 5, 6, 7 и 9 дорог соответственно, а из остальных деревень выходит ровно по одной дороге. Сколько деревень может быть на острове?
- [5 баллов] Найдите все пары целых чисел $(x; y)$, удовлетворяющие уравнению

$$\sqrt{2x - 2y - x^2 - y^2} + \sqrt{1 - |x - y - 1|} = 2.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input checked="" type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

N1

$$x^2 + 4\sqrt{2}t \cdot x + 9t^2 - 9 = 0$$

Полином помимо дискриминанта нет.

(помимо есть корни из дискриминанта)

$$\Delta = 32t^2 - 4 \cdot 9 \cdot t^2 + 4 \cdot 9 = 4 \cdot 9 - 4t^2$$

$= 36 - 4t^2$. Данное уравнение имеет 2.

решения при дискриминантне $\geq 0 \Rightarrow$

$$36 - 4t^2 \geq 0 \Rightarrow 36 \geq 4t^2 \Rightarrow 9 \geq t^2 \Rightarrow t \leq 3$$

$$3 > t > -3$$

$$\text{помимо корней: } x_1 = \frac{-4\sqrt{2}t - \sqrt{36 - 4t^2}}{2}$$

$$x_2 = \frac{4\sqrt{2}t + \sqrt{36 - 4t^2}}{2}$$

No Tn karta:

$$9t^2 - 9 = x_1 \cdot x_2 \Rightarrow \text{если } x_1 \cdot x_2 > 0 \text{ (ногда)}$$

$$\text{то! } 9t^2 - 9 > 0 \Rightarrow t^2 > 1 \Rightarrow t > 1 \text{ или } t < -1.$$

\Rightarrow У данного уравнения 2 решения ($\Delta \geq 0$),

где каждое из них помимо корней

$$t \in (3; 1) \cup (-1; -3)$$

$$\text{Ответ: } t \in (3; 1) \cup (-1; -3).$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} a - b = 12 \\ a^2 + 2ab + b^2 + 3ab^3b^2 = 19p^4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a - b = 12 \text{ и } p \\ (a+b+3) \cdot (a+b) = 19p^4 \end{cases}$$

$$(15+b) \cdot (12+b) = 19p^4$$

$$180 + 27b + b^2 = 19p^4$$

значит, что если

это решить

и оно делится на 19, то p -тройка.

иначе $a+b$ делится

$\equiv 0 \pmod{p^4}$ или.

$(ab)^2 \equiv 0 \pmod{p^4}$, т.е.

этот член второго слагаемого делится на 19.

$\Rightarrow 19$

Если одно из чисел делится на 19, то оно делится на 19. Т.к. оно делится на 19, то оно делится на 19.

$$p = 3$$

1. к числу четному
делится на 3, но

$$(a+3+b)(a+b) = 19 \cdot 3^4$$

$$a = b + 12.$$

меньшее не делится на 3

$$(2b+15)(2b+12) = 19 \cdot 3^4.$$

$$100 \cdot 16^2 + 2 = 8 = 19 \cdot 3^4.$$

$$D = 2 \cdot 16^2 - 4(100 - 19 \cdot 3^4)$$

$D = 5 \cdot 3 \cdot 16^2 - 4(100 - 19 \cdot 3^4)$
зачем это?

$2b+15$ - нечетное,

$2b+12$ - четное (при $b=0$)

\Rightarrow их произведение

четно, но их произведение

$19 \cdot 3^4$ - нечетное - чистое

\Rightarrow это невозможно

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = p^4 \\ a+b+3 = 19 \end{cases}$$

$$a+b+3 = p^4$$

$$a+b = 19$$

$$a+b = 19$$

$$a = b + 12$$

$$2b + 12 = 19$$

$$2b = 7$$

$$b = \frac{7}{2}$$

$$b = 3.5$$

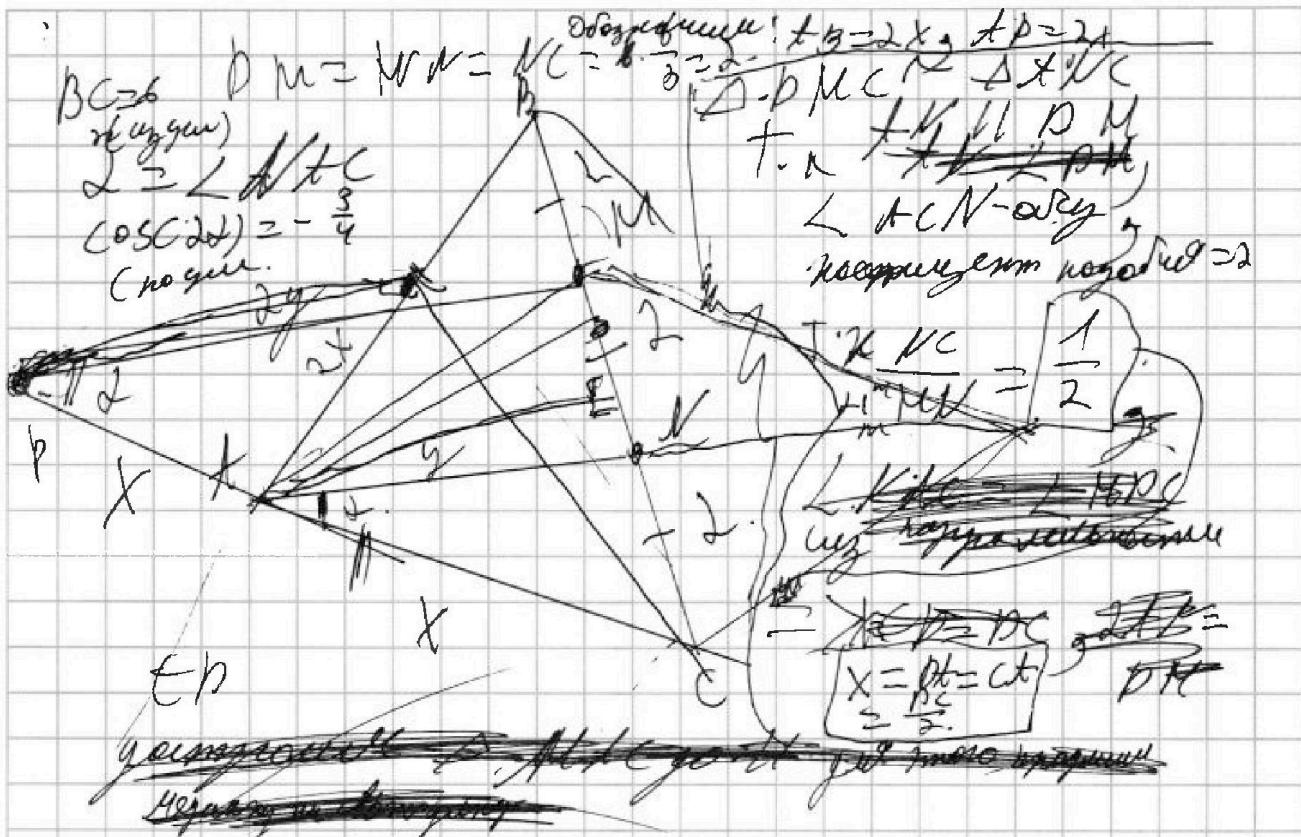


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$t \cdot V - \text{сумма} \rightarrow t B C T \cdot u \text{ искомая}$$

$$\text{сумма} = \frac{2}{u} = \frac{t C}{t B} T = \frac{1}{2} T \cdot k$$

$$t C = \frac{1}{2} B t = \frac{1}{2} B t \cdot \text{нужно в каскадов}$$

$$\Rightarrow \cancel{d\theta^2 + d\phi^2} \angle BtC = 2 \angle Vac = 2\lambda.$$

проверено Тр. касавинов $\sqrt{B^2 + 4C^2}$

$$2\cos(2x) \cdot AB \cdot BC = BC^2 = 4x^2 + x^2 + \frac{3}{4} \cdot 2 \cdot 2x$$

$$\Rightarrow 6^2 = \cancel{5x^2 - 2\cos(2d)} \cdot x^2 \Rightarrow 6 = 2\sqrt{2}x$$

$$\Rightarrow k = \frac{3}{\sqrt{2}} = 3\sqrt{\frac{3}{2}}$$

$$\approx \frac{12}{2.5} \text{ m/min.} = \frac{12}{2.5} \cdot 15\sqrt{2}$$

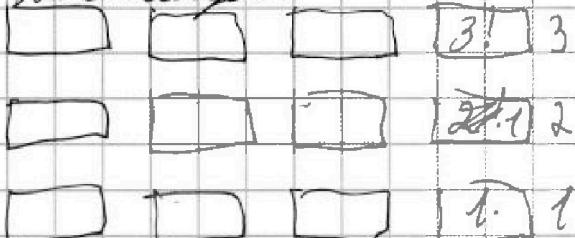
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Максимум 3 шт:



Заметим, что есть
разница между считать
100-х виновного

11 человек, а потом
вывод из числа, всего 12,
даже
 \Rightarrow флагмана всего снаружи

тогда ~~выберем ее - это вероятность, что она~~

к нам не попадет

LCTM

Всего вариантов расадки (без учета ее

последовательности) = 12!, а нам не подходит

вариант, когда есть 2 человека (один - зал, другой

перед ним) сидят чек у человека с задней спиной

подходит, тогда. Всегда ли при таких настройках
разделение между теми настройками
всегда 12 вариантов, всего таких флагов \Rightarrow Всегда

такую пару 3 флагов

Заметим, что если в ряду нет чистого
человека, то этот ряд сдвигается. Число из

3х человек можно рассчитать следующим
образом: первые 3 места (наименее виновные)

расположены: $\frac{3}{3} \cdot \frac{3}{3} \cdot \frac{3}{3}$!

(сидят 3 чл, виновны 3 из 12 виновных, сидят все в
одной группе и находятся в трех местах)

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$C_{11}^3 \cdot C_8^3 \cdot C_5^3$$

выбираем
первую
мультику
Членов 3 чуточку
меньше
и решаем
из (одинаково) а следит
в ряду
и не может
быть

выбираем пустую мультику в
1 ряду
и можем ее как
ставим снизу

выбираем 3 из 5 из оставшихся 5
и соединим из один ряд

Барашков выбрали ряд с пустой мультикой

$$-4 \Rightarrow \text{всего Барашков выбрал 4 раскладки}$$
$$8 \cdot 3 \cdot C_{11}^3 \cdot C_8^3 \cdot C_5^3 = \frac{3! \cdot 3! \cdot 3! \cdot 8 \cdot 3}{11! \cdot 8! \cdot 5! \cdot 2! \cdot 5! \cdot 8!}$$

Почему можно однозначно
расставить в 1 ряду мульти
затем

таким образом с мульти-
ками рядом дружок соет
на 1 рядке, 2 хорошие мульти
затем (самый мульти)
и на последний)

$$\text{ответ: } 8 \cdot 3 \cdot C_{11}^3 \cdot C_8^3 \cdot C_5^3 = 24 \cdot C_{11}^3 \cdot C_8^3 \cdot C_5^3$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$(DE = 0) \cdot (DE^{\sqrt{5}} + 0) > 0$$

при этом по теореме ВОЕ

$$DOP E > DE \Rightarrow DOP E$$

$$D + R > DE \Rightarrow (DE - D) < R.$$

Замечание о максимальном значении

Число достигает предела, тогда
наименее ему

замечание, что максимальное значение
число противоположного катета и
шапотенги достигается когда $DE \sin(\alpha)$ - DE

$$-\text{макс} = (1 + \sin(\alpha)) \cdot DE \text{ при этом.}$$

$$\text{то значение } DE = \frac{R}{\cos(\alpha)}, \text{ а } R = \frac{1 + \sin(\alpha)}{\cos(\alpha)} \Rightarrow$$

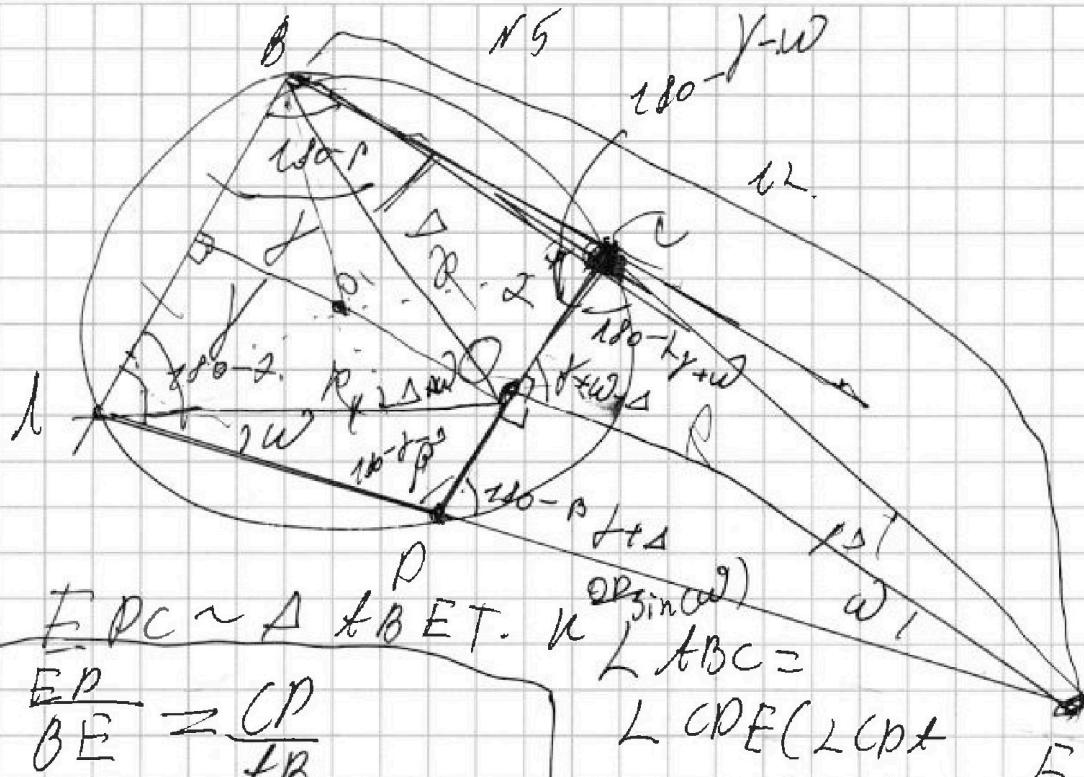


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Tакже замечаем, что $\angle POC = \angle EOL = 90^\circ$

$$T \cdot \alpha \leq E_{\text{op}} = H + A \quad (= 248 \text{ GeV})$$

LOWE DUE TO EXO-PRO

тк $\angle CDE = j + s + w$
 т.к. сумма смежных углов равна 180° , то получаем
 $\text{уравнение } ABE = 180^\circ \Rightarrow j + s + w = 90^\circ.$

Тогда можно сказать что $\sin ABE = R$

$$= \cancel{R^2} \cancel{R^2} \cancel{PE^2} + \cancel{R^2} \cancel{R^2} \cancel{PE^2 - 0P^2}$$

2) Балансные имо-и снижение OE

$$\Rightarrow \text{PE}_{\text{супротивника}} = 0 \text{ кос}$$

$$\Rightarrow \frac{PE}{\cos(\theta)} \text{ (geometric mean) } P_E^2 = 0 \text{ k.v.c} \\ (P_E^2 - 0.1) (P_E + 0.1) = 0.1 \\ R \geq 6 \Rightarrow \sqrt{P_E^2 - 0.1} \geq 6 \Rightarrow$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

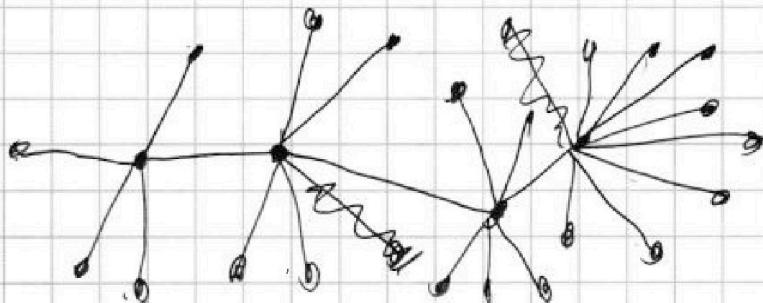
- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Решение \Rightarrow количество деревьев кратно трех
 $4-x=2t$ (количество чётных степенных деревьев
должно быть кратно восьми (т.к степень
каждой - 1/2), а если деревья не четные
деревья и больше, то найдутся такие
деревья (нечетные-четные), со степенем 2/2
а такого невозможно по условию) \Rightarrow всего 25
деревьев

Пример:



тут всего 25 деревьев, уходит
всего пять листьев
отсюда: ~~25~~ 25.



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>				

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

6
Погорючий чистий газ є якожа газом-сировинно-
запасним чисто від чистої природного газу.

Не скажут обрезавшиеся ученые Т-к сидящий
Небеса города одного из этих городов в греческой
Комиссии подготавливали документы и спасали
малоизвестные, что у них обрезаны Т-ы.

из лесов можно уединиться от города
лучшего, также заметите, что купола из
деревя из 4-х япония наше дерево будем
пог настолько
проходит только через 4-х япония наше
перевал Т-к из деревя перевал можно
уехать только такие как архитектура

(степень 1) \Rightarrow степень каждого из
расщепленных взаимно непересекающихся
линий

однако как если провести
линею ребро, то получим
цилиндр \Rightarrow Задороги начиная с деревьев конец, конец
указа начинается в разе \Rightarrow бывший бывший
кончиком ребер выходящих из этих деревьев то
 $8n = 9 + 7 + 6 + 5 - 3 \cdot 2 = 21$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Продолжение рассматривает вершину
 $y + t = x$. Модуль до него (на предыдущей
странице), что $y(y+t) = 0$

тогда есть две линии для y :
 $\begin{cases} y=0 & \text{если } y=0 \text{ то } x=t \\ y=-t & y=-t \text{ то } x=0, \text{ одна точка вершины} \end{cases}$
получаем, что линии:

$$\begin{cases} y=0 \\ x=t \\ y=-t \\ x=0 \end{cases}$$

ответ: $(0;-t) \cup (t;0)$ тоже это
равно: $\begin{cases} y=0 \\ x=t \\ y=-t \\ x=0 \end{cases}$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input checked="" type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{2x^2 - 2y^2 - t^2 - y^2} + \sqrt{t - (x-y-t)} = 2$$

Т.к. зрачеке между концами открыто \Rightarrow

$$t - (x-y-t) \geq 0 \Rightarrow t \geq |x-y-t|$$

Графически между концами 2 варианта:

$$x \geq y+t$$

$$\text{тогда! } |x-y-t| = x-y-t$$

$$x \leq y+t$$

тогда!

$$|x-y-t| = y+t-x$$

$$\Rightarrow t \geq x-y-t$$

$$\Rightarrow t \geq y+t-x$$

$$y+2 \geq x$$

$$x \geq y+1$$

т.к. у нас - 2 варианта
рассмотрим 2 варианта!

$$x=y+2, \quad x \neq y+1.$$

$x \geq y$, но и это

$x \geq y+1$ - противоречие

\Rightarrow дальше барахолка
ниже подходит.

$$\begin{aligned} & \sqrt{2y+4 - 2y - y^2 - t^2 - y^2} \\ & + \sqrt{t + t + y - y - t} = 2 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \sqrt{2y + (y+2)^2 - y^2} = 2$$

$$\Rightarrow 4 = 4 - (y+2)^2 - y^2$$

$$\Rightarrow (y+2)^2 + y^2 = 0$$

НОТ. К у

$$\Rightarrow 2y^2 + 4y + 4 = 0$$

$$\Delta = 16 - 32 = -16$$

$$\Delta < 0 \Rightarrow \text{нет корней}$$

Однако
решение

$$y+1 = x \text{ подставим}$$

$$\sqrt{2 + 2y - 2y - (y+1)^2 - y^2} = 2$$

$$\Rightarrow \sqrt{2 + (y+1)^2 - y^2} = 2$$

$$\Rightarrow 2 - (y+1)^2 - y^2 = 2$$

$$(y+1)^2 + y^2 - 2 = 0 \cancel{\neq}$$

$$\cancel{\text{решение}} \quad y^2 + 2y + 1 - 2 = 0$$

$$2y^2 + 2y = 0$$

$$y(y+1) = 0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned} & \text{DE} = \frac{\rho \omega}{\sin(\omega)} \\ & \text{cosine) } G \left(\frac{\rho \omega}{\sin(\omega)} \right) \frac{\rho \omega \cdot \cos^2 \omega}{\sin(\omega)} \\ & \text{ерновик} \end{aligned}$$

$$(2x)^2 + x^2 \neq 1,5x \cdot 2x$$

$$3 \quad 8x^2 =$$

$$2 \sqrt{PE^2 - DE^2} \geq 12$$

$$\cancel{DE^2 - 0x^2 \geq 36}$$

$$\cancel{\rho \omega / (\rho \omega - 0x) \cdot \text{боковик}}$$

$$2x \cdot DE = \frac{\rho \omega (1 - \sin^2 \omega)}{\sin(\omega)}$$

$$\frac{2a}{a} = \frac{x}{y}$$

$$PE = \frac{\rho \omega (1 + \sin(\omega) - \sin^2 \omega)}{\sin(\omega)}$$

$$2x \cdot \omega \leq 1$$

$$2 \quad 1$$

$$1 + \sin(\omega) - \sin^2 \omega$$

$$-\sqrt{3}a \rightarrow \sin(\omega)$$

$$4a^2 + 5a^2 - 2a^2 = x^2$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

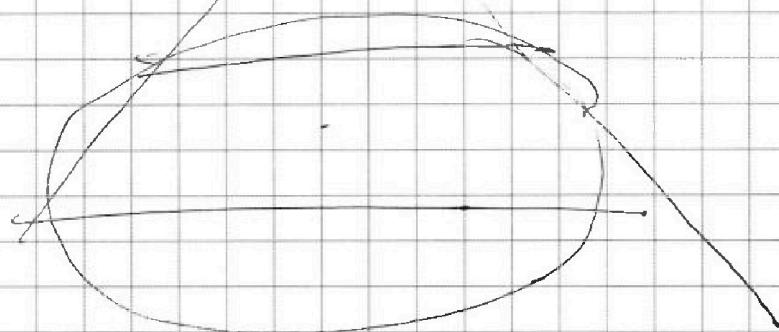
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Р3

$$\frac{P_E}{B_E} = \frac{R}{K}$$

$$\frac{P_E}{R} = \frac{B_E}{K}$$

к5





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{2x - 2y - x^2 - y^2} + \sqrt{2 - |x - y - 1|} = 2.$$

$$2x \geq 2y + x^2 + y^2 \quad 1 - |x - y - 1| \geq 0$$

$$2x - x^2 - 2y - y^2 \geq 0 \quad \frac{\rho \sin(\alpha)}{\cos(\alpha)} + \frac{\rho \sin(\beta)}{\cos(\beta)}$$

$$\Delta = 4 - 8y - 8y^2$$

это парабола направлена вниз \Rightarrow при $\Delta \leq 0 \quad 2R > x > y+1$

участие $x^2 + y^2 \geq 0 \quad 1 - x + y + 1 \geq 0$
исключение

$$\Rightarrow 4 - 8y - 8y^2 \leq 0$$

$$8y^2 + 8y - 4 \geq 0 \quad 1 + x - y - 1 \geq 0 \Rightarrow x \geq y+1$$

$$\Delta = 64 \text{ нет.}$$

$$\sqrt{(2-\Delta) \cdot x+y(2-y)} + \sqrt{2 - |x-y-1|} = 2.$$

$T \cdot n(2-\delta) \cdot x+y(2-y)$ - целое, $|x-y-1|$.

также целое, то:

$$\begin{array}{r} 190 \\ \times 19 \\ \hline 171 \end{array} \quad \begin{array}{r} 34 \\ \times 15 \\ \hline 204 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 190 \\ \times 19 \\ \hline 171 \end{array} \quad \begin{array}{r} 34 \\ \times 15 \\ \hline 204 \end{array}$$

$$(26+15)(25+12)$$

$$(81+151 \cdot 4) \cdot 9.$$

$$\begin{aligned} &AE \geq AB + BC \\ &\cos(AE) = \cos^2(A) + \sin^2(A) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{\sqrt{3}}{2} &= \frac{1}{2} \cdot \frac{\sin(90 - 2\alpha)}{2} - \frac{1}{2} \cdot \sin(45 - \alpha) \cdot \cos(45 - \alpha) \\ &= \frac{1}{2} - \frac{1}{4} - \frac{1}{4} = \frac{1}{2} \end{aligned}$$