



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ



9 КЛАСС. Вариант 10

- [3 балла] Найдите все значения параметра t , при каждом из которых уравнение $x^2 + 4\sqrt{2}tx + 9t^2 - 9 = 0$ имеет два различных действительных корня, а их произведение положительно.
- [4 балла] Натуральные числа a и b таковы, что $a - b = 12$, а значение выражения $a^2 + 2ab + b^2 + 3a + 3b$ равно $19p^4$, где p – некоторое простое число. Найдите числа a и b .
- [5 баллов] На стороне BC треугольника ABC отмечены точки M и N так, что $BM = MN = NC$. Прямая, параллельная AN и проходящая через точку M , пересекает продолжение стороны AC за точку A в такой точке D , что $AB = CD$. Найдите AB , если $BC = 6$, $\cos(2\angle CEM) = -\frac{3}{4}$.
 $\angle CAN$
- [5 баллов] В классе для занятий иностранным языком стоят четыре ряда парт, в каждом из которых по три парты, расположенных друг за другом. Парта рассчитана на одного человека. Школьник хорошо видит доску в любом из следующих случаев (и только в них):
 - он сидит на первой парте в ряду,
 - ближайшая парты перед ним пуста,
 - за ближайшей партой перед ним сидит ученик меньшего роста.

Сколько способами можно рассадить в классе 11 учеников группы так, чтобы всем было хорошо видно доску, если известно, что все школьники разного роста? Ответ дайте в виде числа или выражения, содержащего не более двух слагаемых (слагаемые могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

- [5 баллов] Продолжение сторон BC (за точку C) и AD (за точку D) вписанного в окружность четырёхугольника $ABCD$ пересекаются в точке E . Центр O окружности, вписанной в треугольник ABE , лежит на отрезке CD . Найдите наибольшее возможное значение суммы $ED + DO$, если известно, что $BE = 12$.
- [4 балла] На острове расположено несколько деревень. Между некоторыми деревнями проложены дороги. Известно, что из любой деревни в любую другую можно добраться, причём по единственному маршруту. Также известно, что есть четыре деревни, из которых выходят 5, 6, 7 и 9 дорог соответственно, а из остальных деревень выходит ровно по одной дороге. Сколько деревень может быть на острове?
- [5 баллов] Найдите все пары целых чисел $(x; y)$, удовлетворяющие уравнению

$$\sqrt{2x - 2y - x^2 - y^2} + \sqrt{1 - |x - y - 1|} = 2.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 1

$$x^2 + 4\sqrt{2}t \cdot x + 9(t^2 - 1) = 0$$

Если ~~квадратное~~ ур-ие имеет 2 различных корня, то

$D > 0$. Заметим это условие:

$$D = (4\sqrt{2}t)^2 - 36(t^2 - 1)^2 =$$

$$= 32t^2 - 36t^2 + 36 = 36 - 4t^2 = 4(9 - t^2) > 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow t^2 < 9 \Rightarrow t \in (-3; 3)$$

Несколько решений первого уравнения

запись \textcircled{m} будет:

$$C < x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} \quad (\text{где } ax^2 + bx + c = 0)$$

!!

$$9(t^2 - 1) > 0 \Rightarrow t^2 > 1 \Rightarrow t \in \text{~~(-∞; 1) ∪ (1; +∞)~~}$$

$$t \in (-\infty; -1) \cup$$

$$\text{~~(1; +∞)~~} \quad (1; +\infty)$$

Имеем систему:

$$\begin{cases} t \in (-\infty; -1) \cup (1; +\infty) \\ t \in (-3; 3) \end{cases} \Leftrightarrow t \in (-3; -1) \cup (1; 3)$$

Ответ: $t \in (-3; -1) \cup (1; 3)$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- | | | | | | | |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 2

$$a - b = 12 \Rightarrow a = 12 + b$$

$$\begin{aligned} a^2 + 2ab + b^2 - 3(a+b) &= (a+b)^2 + 3(a+b) - \\ &= (a+b+3)(a+b) = (12+b+b+3)(12+b+b) = \\ &= (15+2b)(12+2b) = \\ &= 2(15+2b)(6+b) = 19p^4 \end{aligned}$$

Значит, что p^4 - нечетное (т.к. p -нечетное),

KPOME свойства $\Rightarrow p=2$

(т.к. p не делит член $:2$)

Но получили:

$$(15+2b)(6+b) = 19 \cdot 8$$

$$\begin{array}{r} 1225 \mid 5 \\ 245 \quad | \\ \hline 225 \end{array}$$

$$12b + 15b + 2b^2 + 15 \cdot 6 - 19 \cdot 8 = 0$$

$$2b^2 + 27b + 15 \cdot 6 - 19 \cdot 8 = 0$$

$$\begin{array}{r} 1225 \mid 5 \\ 245 \quad | \\ \hline 7 \end{array}$$

$$2b^2 + 27b - 62 = 0$$

$$\begin{array}{r} 35 \\ 225 \\ \hline 8 \end{array}$$

$$\Delta = 27^2 + 8 \cdot 62 = 1225 =$$

$$= 38^2$$

$$b = \frac{-27 \pm 35}{4}$$

$$b \in \mathbb{N} \Rightarrow b = \frac{35-27}{4} = 2$$

$$\begin{array}{r} 7 \\ 19 \\ 8 \\ \hline 152 \\ 3 \\ 15 \\ 6 \\ 90 \\ \hline 62 \\ 62 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4 \\ 27 \\ 27 \\ \hline 189 \\ 54 \\ \hline 35 \\ 25 \\ \hline 10 \\ 10 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 62 \\ 8 \\ \hline 496 \\ 54 \\ \hline 42 \\ 42 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 25 \\ 125 \\ \hline 125 \\ 125 \\ \hline 0 \end{array}$$

1225



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Получили, что $b=2$, тогда

$$a = 12 + b = 14$$

Ответ: $a = 14$

$$b = 2$$



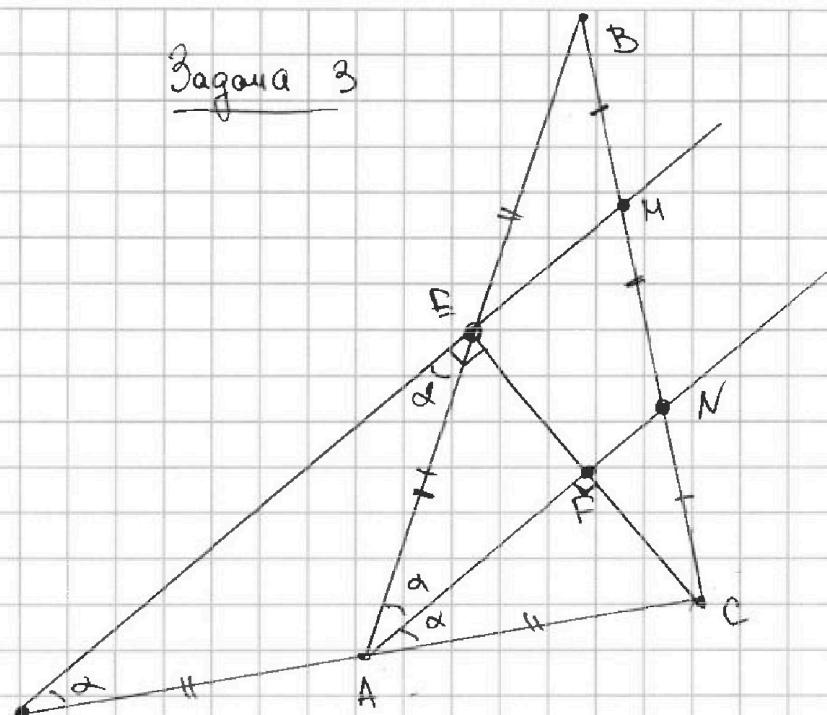
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input checked="" type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 3



$$MD \cap AB =$$

$$= E$$

$$CE \cap AN =$$

$$= F$$

P

Заметим, что по (т) Фалеса $AC = AD$

Также, по (т) Фалеса $EB = AE$

Из знаем, что $AB = CD \Rightarrow AC = AD = EB = AE$

В $\triangle DEC$ медиана - это $\frac{1}{2}$ стороны \Rightarrow

$\Rightarrow \triangle DEC$ - прямогр. \triangle . ($\angle DEC = 90^\circ$)

Но $\angle CAN = \alpha$, тогда из II признака $MD \perp AB$

$\angle EDC = \alpha \Rightarrow$ из 9/5 $\triangle ADE$ $\angle DEA = \alpha$

$\angle EAC$ - внешний \angle $\triangle ADE \Rightarrow \angle EAC = 2\alpha \Rightarrow$

$\Rightarrow \angle EAN = \angle EAC - \angle NAC = 2\alpha - \alpha = \alpha$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Запишем th \cos для $\triangle ABC$:

$$AB^2 + AC^2 - 2ABAC \cos 2\alpha = BC^2$$

Вспомним, что: $BC = 6$

$$\left. \begin{array}{l} \cos 2\alpha = \cos(2 \angle CAN) = -\frac{3}{4} \\ AB = 2x (\text{ где } x = AE) \\ AE = x \end{array} \right\}$$

$$(2x)^2 + x^2 - 2 \cdot 2x \cdot x \cdot \left(-\frac{3}{4}\right) = 36$$

$$5x^2 + 3x^2 = 36$$

$$x^2 = \frac{36}{8} \Rightarrow x = \frac{6}{2\sqrt{2}} = \frac{3}{\sqrt{2}} = \frac{3}{2}\sqrt{2}$$

Ответ: $AB = 2x = 3\sqrt{2}$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 4

Детишек, сидя за парту, распределить учеников

так

Посмотрите, сколько места свободных мест
посадить и сколько места за ред из 3
парт так, чтобы все они хорошо видели. Пометьте,
что выбрать ту группу учеников мы можем
из 6 учеников ($a < b < c$) и посадить:

1
2
3
4

A B C

↓

Обратите внимание на эту задачу - C_3^n

~~(В) начните с задачи № 3~~

также реда (так, где не сидят)

Теперь вернемся к нашей задаче. Задачи решим свободные места (это будет 1, т.к. $4+3-11=1$)

и посмотрим на каких свободных местах.

У нас есть 3 реда по 3 места

и 1 с одним свободным местом. Кажется



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
|---|---|---|---|---|---|---|

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

с регистром 3 "королевской" регист.

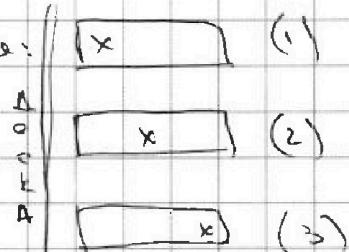
Kombu emebob : $C_3^{11} \cdot C_3^4 \cdot C_3^5 =$

$$= \frac{11+30+8}{8} \cdot \frac{7+8+6}{6} \cdot \frac{5+4+25}{8} =$$

$$= 11 \cdot 5 \cdot 3 \cdot 7 \cdot 2^3 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 3 = 11 \cdot 5^2 \cdot 3^2 \cdot 2^4 = N$$

Теперь можно перейти на ~~базовое~~ ^{основное} место.

→ no code no programming! (1)



Но неясно, что в 1 и 3 случае если такого же соединения 2 ученых, то вариант такого-т.

30. *Capraea* 2 *enodobis* 2 * =>

\Rightarrow где одно ряда ~~все~~
 если зафиксировано ряд, где $\exists x$ свободное
 место, то свободных будет $\underline{4N} \quad (N+N+2N)$

Теперь же, ~~дождь~~ т.е. пога и начнёт
новую эпоху в Бирюзово 16 N.

Orbit: $11.5^2 \cdot 3 \cdot 2^8$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
1 ИЗ 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 6

~~Сначала докажем, что деревья из которых состоит 1 дорога, соединяют с "легкоесами":~~

~~• легкоесом будем называть деревья, когда идет 5, 6, 7 или 9 дорог.~~

~~Пусть это не так, тогда деревья~~

Задача 6.

Будем называть деревней деревни, откуда ведет 1 дорога. А легкоесами деревни, когда кроме откуда ведет 5, 7, 6 или 9 дорог.

Сначала докажем, что деревни ^{соглашены} соединены

также с легкоесами:

Пусть это не так, тогда деревни соединены с деревней. Но выше они не были

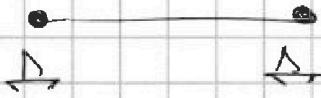
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

не могут соединяться, т.к. из трех деревьев уже больше на одной дороге.



Деревья не соединяются с

одной из деревьев, т.к. из трех деревьев уже больше на одной дороге.

||

Мы доказали, что 4 дерева соединены не могут соединиться.

Теперь посмотрим на расположение четырех деревьев:

Представим расположение деревьев в виде графа.
в виде графа.

Тогда деревья будут
ребрами, а
изолированными
вершинами.

5

6

•

7

9

Однако во первых, кратчайших ребер нет, это

графа нет, т.к. никакие две из 3х 2 пути

из изолированных A B



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

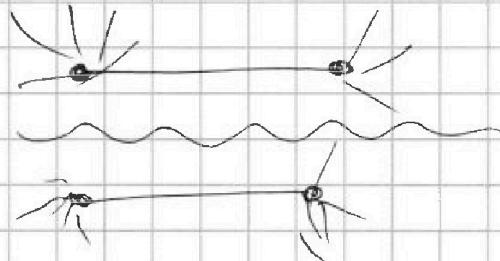
- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
3 ИЗ 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Во вторых, у ~~этого~~ ~~треугольника~~ механизмов не могут быть замкнуты в круг, т.к. однажды получится 2 пути.

2 ребра между механизмами тоже не может быть, т.к. 2 эти пути не будут соединены между собой.



8 и 0 ребер невозможно то аналогичные присоединения \Rightarrow между механизмами ровно

3 ребра.

Мыем как-то говорил, выходящих из механизмов - $M_1; M_2; M_3$ и M_4



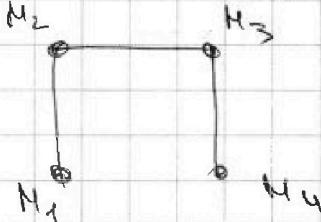
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
4 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Тогда:



к M_1 и M_4 "при соединении" M_2 -1 и M_3 -1.

к M_2 и M_3 M_2 -2 и M_3 -2. \Rightarrow

$$\rightarrow \text{Всего} \quad \text{исчислений} \quad M_1 + M_2 + M_3 + M_4 - 6 + 4 =$$

$$= \boxed{M_1 + M_2 + M_3 + M_4 - 2} \quad \text{не зависит от расположения рёбер} \Rightarrow \text{в начале} \quad \text{задаче}$$

$$\text{исчислений} \quad 5+6+7+9-2=\boxed{25}$$

Общ: 25 исчислений



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input checked="" type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|

СТРАНИЦА
1 ИЗ 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 4.

$$\sqrt{x(2-y)} - y(2+y) + \frac{1}{2}\sqrt{1-(x-y-1)} = 2$$

$$|x-y-1| \leq 1$$

$$x \geq y+1$$

$$1 \geq x-y-1$$

$$x \leq y+2$$

$$x \leq y+1$$

$$y+1-x \leq 1$$

$$x \geq y$$

$$y+1 \geq x \geq y$$

$$x(2-y) \geq y(2+y)$$

Задача 7

сумма 2 корней является целочисленным, когда и только тогда, когда эти корни являются целочисленными.

Сумма 2 ~~натуральных~~ ^{натуральных} (т.к. корни ≥ 0)
неделимых на 3

Чисел = 2 \Rightarrow эти числа либо $(2; 0)$ либо

$(1; 1)$ либо $(0; 2)$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА
2 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Разберем случай $x; 1$:

$$2x - 2y - x^2 - y^2 = 1 \Rightarrow x^2 + y^2 + 2y + 1 = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow x(x-2) + (y+1)^2 = 0$$

~~или~~

$$|x - y - 1| = 1$$

$$|x - y - 1| = 0 \Rightarrow x = y + 1$$

Имеем:

$$\begin{cases} x(x-2) + (y+1)^2 = 0 \\ x = y + 1 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow (y+1)(y-1) + (y+1)^2 = 0 \Rightarrow (y+1)(2y) = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 2y(y+1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} y=0 \\ y=-1 \end{cases} \Rightarrow \begin{matrix} (x,y) : \\ (x;0) \\ (0;-1) \end{matrix}$$

Теперь разберем случаи $(2;0)$ и $(0;-1)$:

$2;0$

$$2x - 2y - x^2 - y^2 = 1$$

$$2 - (x+y)(x-y) = 1$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input checked="" type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|

СТРАНИЦА
3 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned}
 & \text{Уравнение: } |x-y-1| = 2 \\
 & \text{Решение: } \\
 & \quad |x-y-1| = 2 \\
 & \quad |x-y-1| = -2 \Rightarrow \text{W} \\
 & \quad \text{или: } (1; 0); (0; -1); (1; -1) \\
 & \quad \text{или: } (1; 0); (0; -1); (1; -1)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 1) \quad & |x-y-1| = 1 \\
 & \left\{ \begin{array}{l} x = y+2 \\ x \geq y-1 \end{array} \right. \quad \left\{ \begin{array}{l} x \leq y+1 \\ y = x \end{array} \right.
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 2) \quad & x^2 - 2x + y^2 + 2y + 4 = 0 \\
 & (x-1)^2 + (y+1)^2 + 2 = 0 \\
 & (x-1)^2 + (y+1)^2 = -2 \Rightarrow \text{W}
 \end{aligned}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА
4 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

4

сущий 0;2

$$1 - |x-y-1| = 4$$

$$\begin{aligned} |x-y-1| &= -3 \\ x &> 0 \end{aligned} \Rightarrow \text{ок}$$

Ответ: $(1;0)$ и $(0;-1)$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1



2



3



4



5



6



7

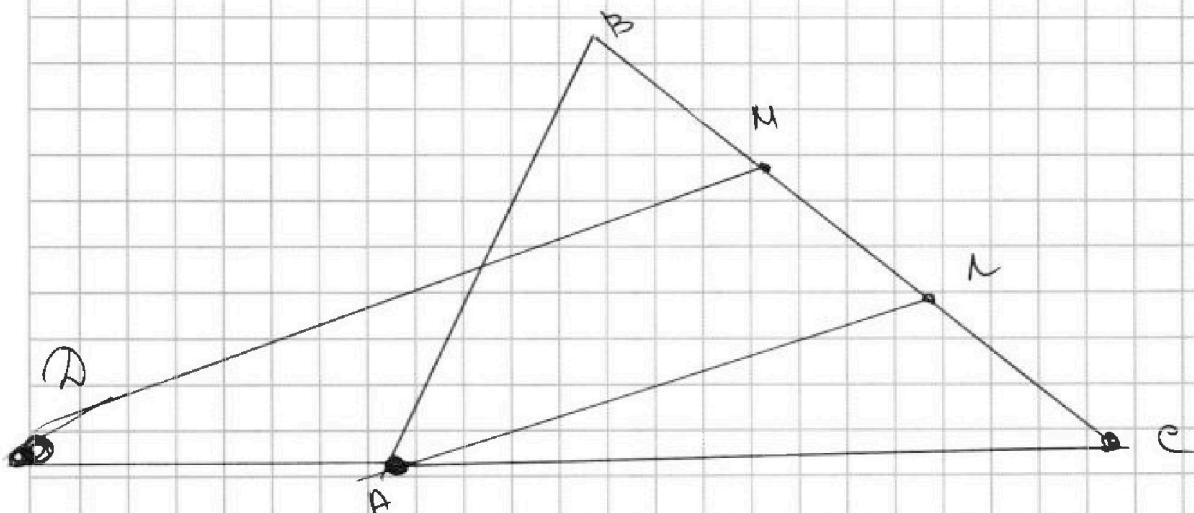
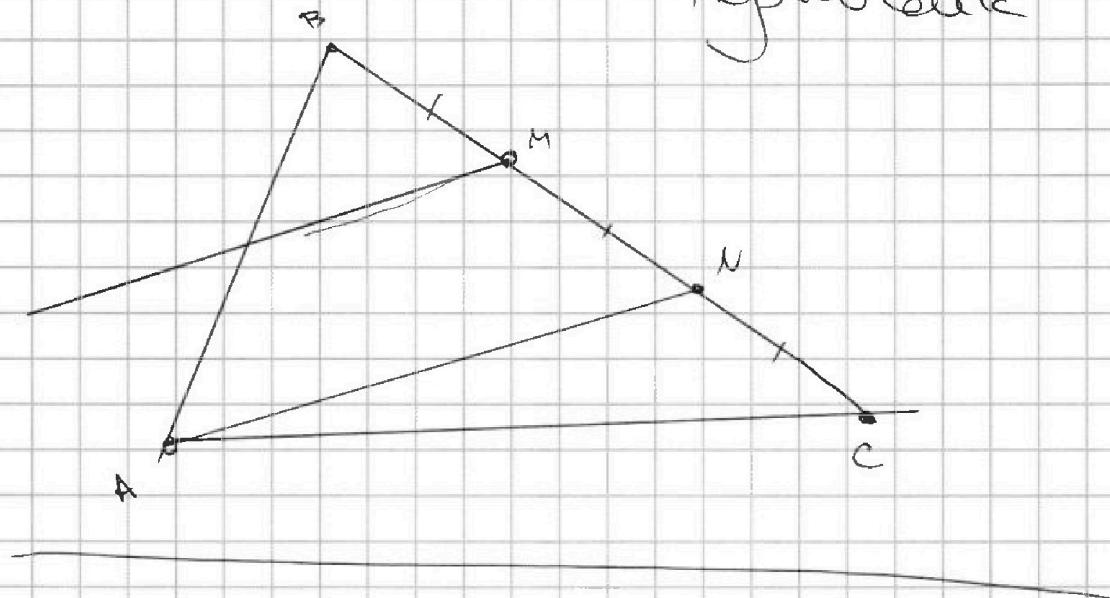


СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 3

Черновик





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

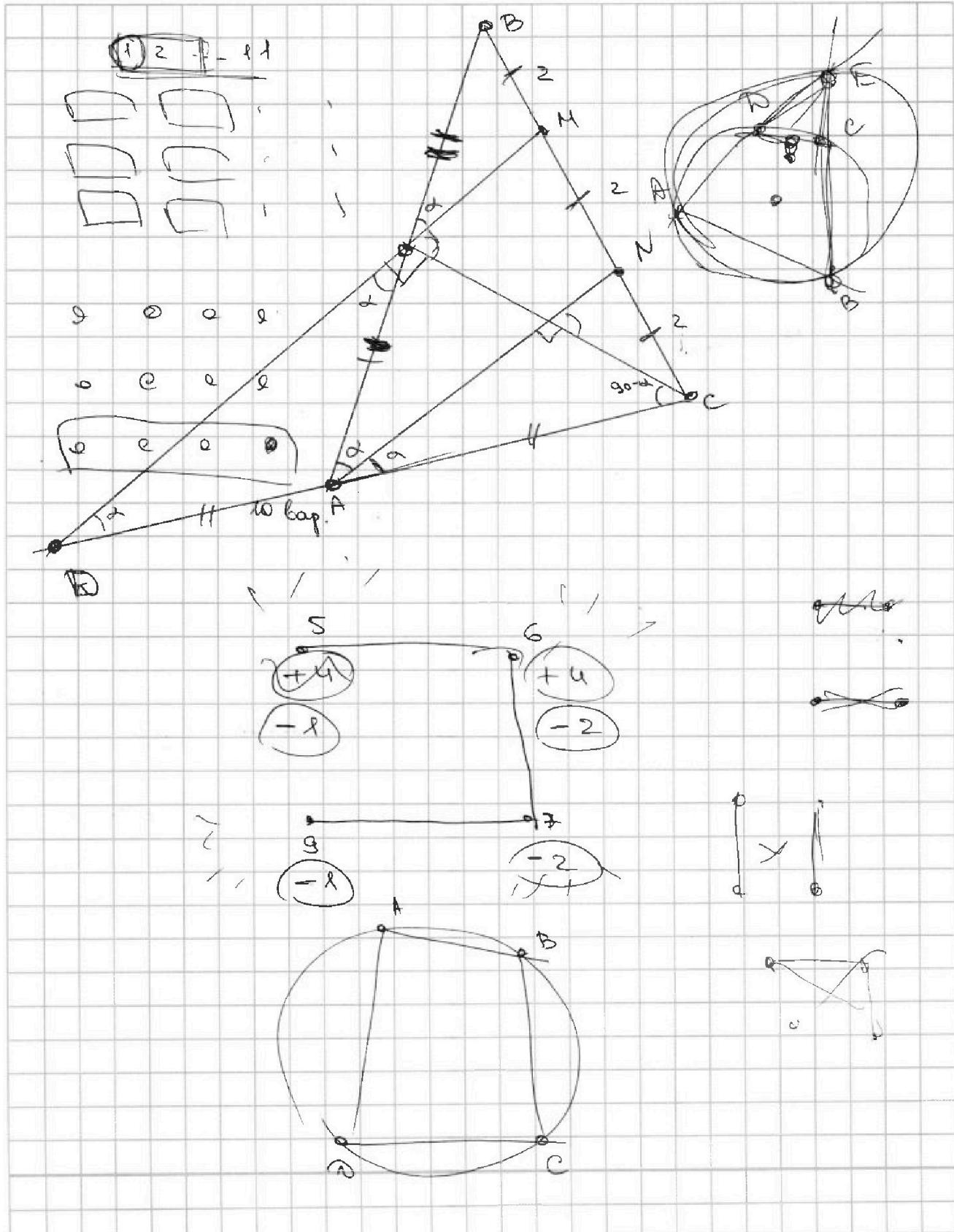
5

6

7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

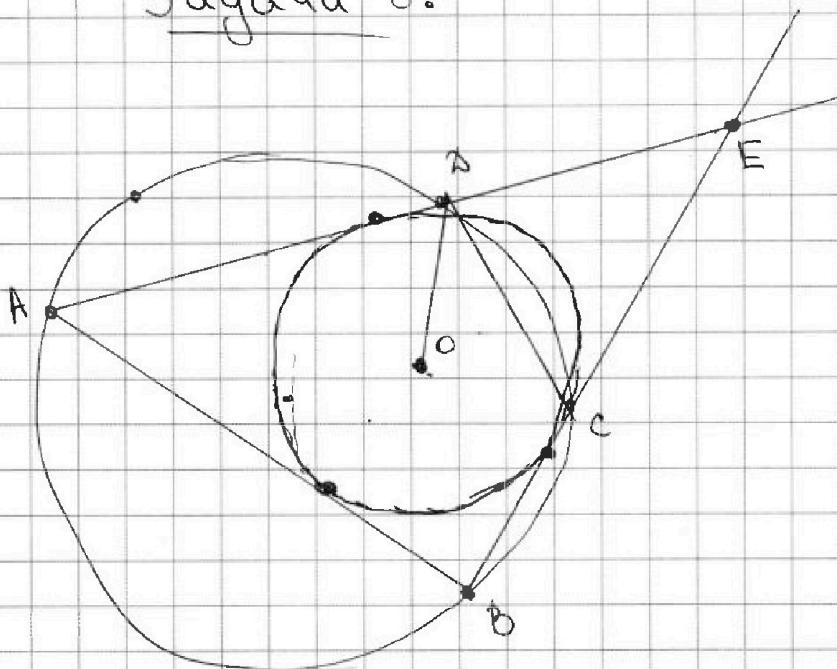
6

7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 5.





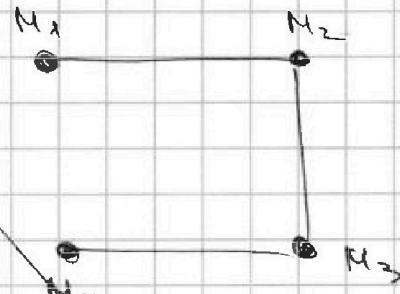
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input checked="" type="checkbox"/> 3 | <input checked="" type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
4 ИЗ 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Тогда:



к M_1 и M_4 присоединено дерево соотвественно M_1-1 и M_4-1 к M_2 и M_3

M_2-2 и M_3-2 есть.

\Rightarrow Всего получим $M_1-1 + M_4-1 + M_2-2 + M_3-2$

$+4 = [M_1 + M_2 + M_3 + M_4 - 2]$, что не зависит

от расположение ребер. \Rightarrow в нашей задаче

получим $5+6+7+9-2 = 25$

Ответ: 25 деревьев.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1) $|x-y-1| = 1$

$x \geq y+1$

$x = y+2$

$x \leq y+1$

$y+1-x = -1$

$y = x$

~~2) $2x - 2y - x^2 - y^2 = 2$~~

$x^2 - 2x + y^2 + 2y + 2 = 0$

$(x-1)^2 + (y+1)^2 = 0$

Если сумма 2 квадратов = 0, то

тох. где из них 0. = $\begin{cases} x=1 \\ y=-1 \end{cases}$

и, например, разберем последний случай:

9/2

$1 - (x-y-1) = 2$

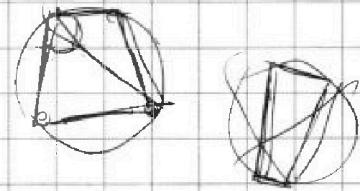
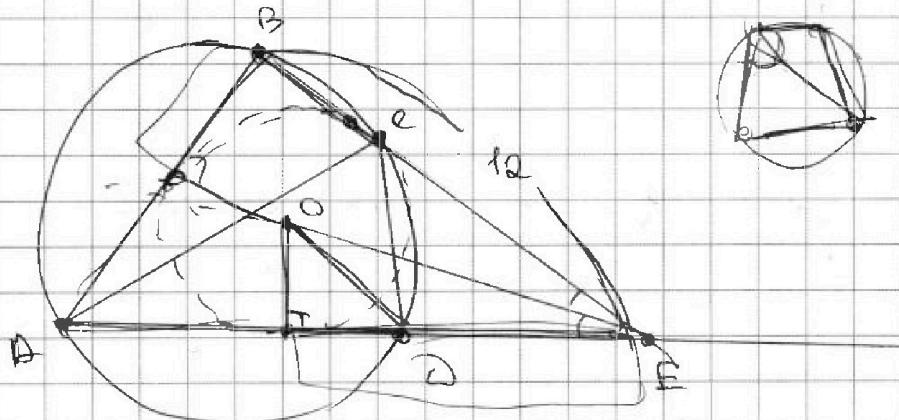


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- | | | | | | | |
|---------------------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input checked="" type="checkbox"/> 1 | <input checked="" type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|---------------------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



11 илл.

7

$$\begin{array}{r} 19 \\ \times 8 \\ \hline 152 \\ +190 \\ \hline 152 \end{array}$$

8

9

10

11

12

13

14

15

16

17

18

19

20

21

22

23

24

25

26

27

28

29

30

31

32

33

34

35

36

37

38

39

40

41

42

43

44

45

46

47

48

49

50

51

52

53

54

55

56

57

58

59

60

61

62

63

64

65

66

67

68

69

70

71

72

73

74

75

76

77

78

79

80

81

82

83

84

85

86

87

88

89

90

91

92

93

94

95

96

97

98

99

100

101

102

103

104

105

106

107

108

109

110

111

112

113

114

115

116

117

118

119

120

121

122

123

124

125

126

127

128

129

130

131

132

133

134

135

136

137

138

139

140

141

142

143

144

145

146

147

148

149

150

151

152

153

154

155

156

157

158

159

160

161

162

163

164

165

166

167

168

169

170

171

172

173

174

175

176

177

178

179

180

181

182

183

184

185

186

187

188

189

190

191

192

193

194

195

196

197

198

199

200

201

202

203

204

205

206

207

208

209

210

211

212

213

214

215

216

217

218

219

220

221

222

223

224

225

226

227

228

229

230

231

232

233

234

235

236

237

238

239

240

241

242

243



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

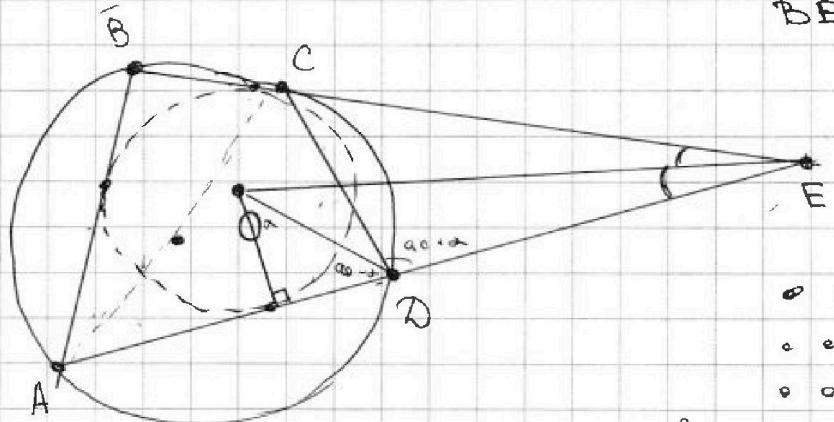
6

7

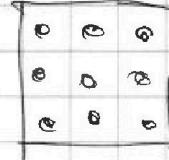
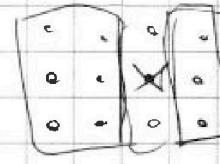
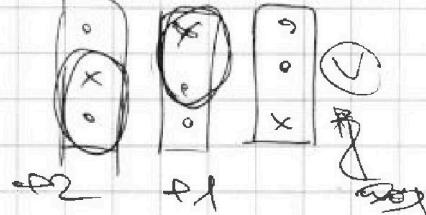
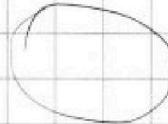
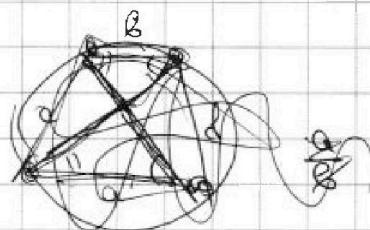
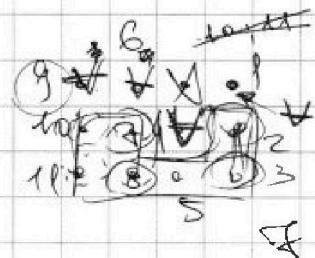
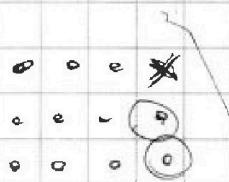
СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 5



$$BE = 12$$



11 чис.

