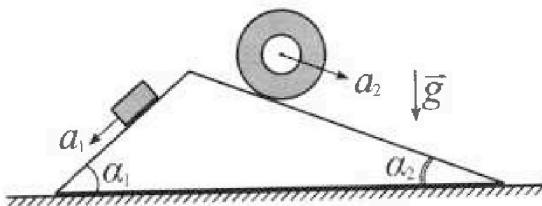


**Олимпиада «Физтех» по физике,  
февраль 2024**

**Вариант 11-03**

*В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби  
и радикалы.*

1. С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брускок массой  $m$  с ускорением  $a_1 = 6g/13$  и скатывается без проскальзывания полый цилиндр массой  $2m$  с ускорением  $a_2 = g/4$  (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту  $\alpha_1 (\sin \alpha_1 = 3/5, \cos \alpha_1 = 4/5)$  и  $\alpha_2 (\sin \alpha_2 = 5/13, \cos \alpha_2 = 12/13)$ . Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.



- 1) Найти силу трения  $F_1$  между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения  $F_2$  между цилиндром и клином.
- 3) Найти силу трения  $F_3$  между столом и клином.

Каждый ответ выразить через  $m$  и  $g$  с ч исловым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

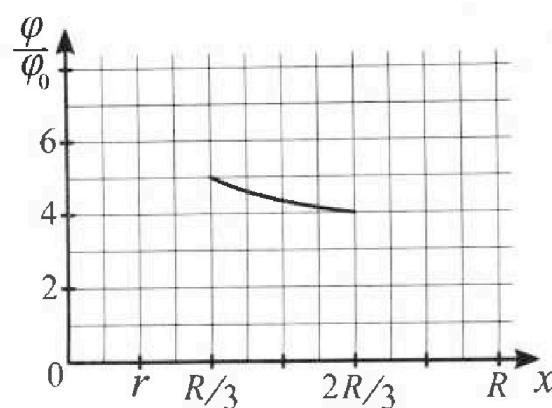
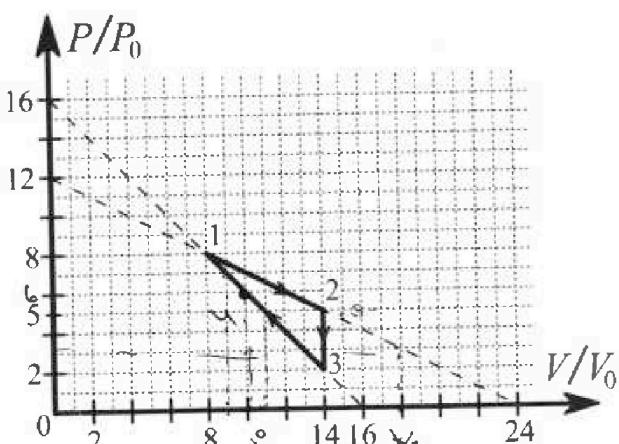
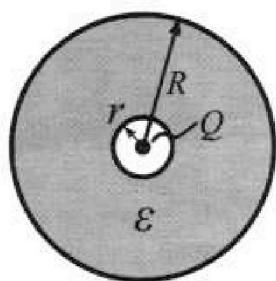
2. С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость  $P/P_0$  от  $V/V_0$ . Здесь  $V$  и  $P$  - объем и давление газа,  $V_0$  и  $P_0$  - некоторые неизвестные объем и давление.

- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 1-2 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 3.
- 3) Найдите КПД цикла.

Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.

3. В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью  $\epsilon$  и радиусами поверхностей  $r$  и  $R$  находится шарик с зарядом  $Q$  (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала  $\phi$  электрического поля внутри диэлектрика от расстояния  $x$  от центра полого шара в интервале изменений  $x$  от  $R/3$  до  $2R/3$  (см. рис.). Здесь  $\phi_0$  — потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

- 1) Считая известными  $r$ ,  $R$ ,  $Q$ ,  $\epsilon$ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при  $x = 5R/6$ .
- 2) Используя график, найти численное значение  $\epsilon$ .





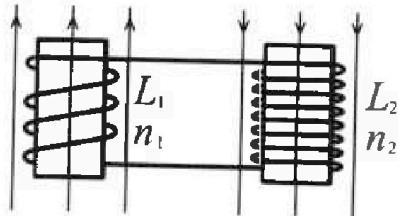
**Олимпиада «Физтех» по физике,  
февраль 2024**



**Вариант 11-03**

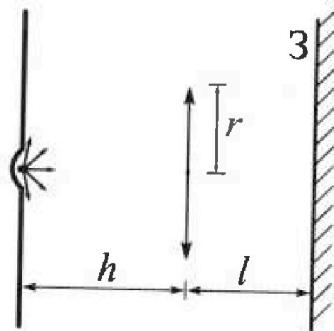
*В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби и радикалы.*

4. Две катушки с индуктивностями  $L_1 = L$  и  $L_2 = 16L$  и числами витков  $n_1 = n$  и  $n_2 = 4n$  помещены во внешние однородные магнитные поля с постоянными во времени индукциями (см. рис.). Площадь витка каждой катушки  $S$ . Индукции внешних полей направлены перпендикулярно плоскостям витков катушек. Катушки находятся достаточно далеко друг от друга. Омическое сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. Вначале тока в катушках нет.



- 1) С какой скоростью (по модулю) начнет меняться ток в катушках, если в катушке с индуктивностью  $L_1$  индукция внешнего поля начнет возрастать со скоростью  $\Delta B / \Delta t = \alpha$  ( $\alpha > 0$ ), а во второй катушке внешнее поле останется неизменным?
- 2) За некоторое время индукция внешнего поля в катушке с индуктивностью  $L_1$  уменьшилась от  $B_0$  до  $B_0/3$ , не изменив направления, а в катушке с индуктивностью  $L_2$  индукция внешнего поля уменьшилась от  $3B_0/4$ , не изменив направления. Внешние поля в катушках изменились неравномерно. Найти ток (по модулю) в катушках к концу изменения внешних полей. Ответ дать с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

5. В стене сделана небольшая выемка, внутри которой находится маленькая лампочка так, что прямой свет от лампочки на стену не попадает (см. рис.). Справа от лампочки на некотором расстоянии  $h$  расположена тонкая собирающая линза с фокусным расстоянием  $F = h/3$ . Главная оптическая ось линзы горизонтальна и проходит через лампочку. Радиус линзы  $r = 5$  см. Справа от линзы на расстоянии  $l = 2h/3$  расположено параллельно стене плоское зеркало З. Считать, что свет, идущий мимо линзы, проходит плоскость линзы беспрепятственно. Размеры стены и зеркала намного больше размеров линзы.



- 1) Найдите площадь неосвещённой части зеркала.
- 2) Найдите площадь неосвещённой части стены.

Ответы дайте в  $[\text{см}^2]$  в виде  $\gamma\pi$ , где  $\gamma$  - целое число или простая обыкновенная дробь.

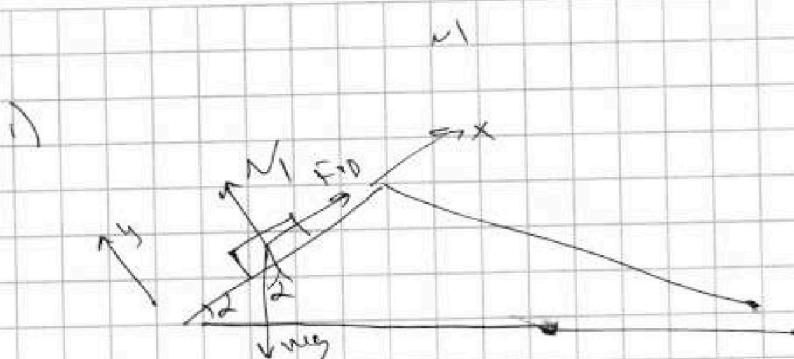


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА  
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порчи QR-кода недопустимы!



~~за~~ Документи зроблені на комп'ютері!

$$F_x = m g \cos \alpha$$

$$\Rightarrow N = \frac{4\pi m g}{5} ; F_{\text{fr}} = \mu N$$

2-ii 3.11 na 016 \*

$$mgs \sin \theta_1 - \mu N_1 = m a_1$$

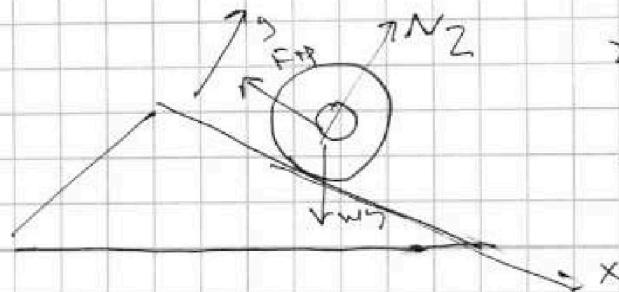
$$\frac{3mg}{s} - m \cdot \frac{4mg}{s} = \frac{6mg}{13} \quad \text{wiegtet auf}$$

$$\cancel{\text{Free body diagram}} \rightarrow F_{\text{top}} = m \cdot g = \left( \frac{3}{5} - \frac{6}{13} \right) mg =$$

$$\frac{u}{5} \cancel{(5u - 35)} - \cancel{\frac{6}{55}}(5) = \frac{30}{65} - \frac{30}{65} = \frac{0}{65} = 0$$

$$\Rightarrow \rho g \frac{g}{65.4} = \rho g + \rho \frac{g}{52} = \gamma_{\text{app}} = \frac{\rho mg}{65}$$

2)



2-in 3. It will  
be better make you work

$$N_2 = 2mg \cos \alpha_2$$

$$F_{\text{tip}_2} = 2mg \sin \alpha_2 - 2m \alpha_2$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 2

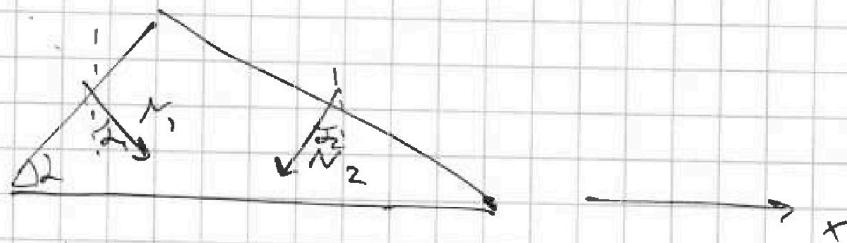
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$F_{+P_2} = \frac{2mg \cdot 5}{13} - 2 \frac{mg}{4} = mg \left( \frac{10}{13} - \frac{2}{4} \right) = mg \left( \frac{10}{52} - \frac{26}{52} \right)$$

$$= \cancel{\frac{18}{52}} mg = \cancel{\frac{9}{26}} mg = \frac{17}{26} mg$$

3)

Найдем проекции  
N на ось x:



$$\cancel{N_{xz} = N_1 \sin \alpha, -N_2 \sin \alpha}$$

$$= \frac{u}{5} mg \frac{3}{5} - 2 mg \frac{12}{13} \frac{5}{13} = mg \left( \frac{12}{25} - \frac{120}{169} \right)$$

т.к. клин покатый  $N_{xz} = -f_{+P_x}$

$$\Rightarrow F_3 = mg \left( \frac{12}{25} - \frac{120}{169} \right) = \frac{169 \cdot 12 - 120 \cdot 25}{25 \cdot 169} =$$

$$= \frac{2038 - 3000}{25 \cdot 169} = -\frac{962}{4225} mg$$

Ответ:  $\frac{962}{4225} mg$ ,  $\frac{9}{26} mg$ ,  $\frac{17}{26} mg$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- 1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№2

$$1) \Delta U_{12} = \frac{1}{2} \cdot R \cdot (T_2 - T_1) \quad \text{Найдите}$$

$\Delta$   $\rightarrow$   $A_{12} = A_{23} + A_{13}$   
найдите  $A_{12}$ , как площадь под  
графиком  $= \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 12 = \frac{1}{2} \cdot 72 = 36$

$= 18$   $\rightarrow$   $\Delta U_{12} = 36$   $\rightarrow$  это площадь треугольника

$$P_{12} \left| \cup P_{12} = s P_0 V_0 = 70 P_0 V$$

$$\cup P_{13} = 8 P_0 \cdot 6 V_0 = 64 P_0 V_0$$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \cdot 6 P_0 V_0 = 9 P_0 V_0$$

$$A = \frac{(s-2) P_0 \cdot 6 V_0}{2} = \frac{3 P_0 \cdot 6 V_0}{2} = 9 P_0 V_0$$

работа постоянного

$$\Rightarrow \frac{\Delta U_{12}}{A} = 1$$

$$2) T_3 = \frac{P_2 \cdot 14 V_0 \cdot 2 P_0}{\cup P} = \frac{28 P_0 V_0}{\cup P}$$

Найти  $T_3$  задано  
по 2-ому закону

$P(V)$  6 процесс 1-2  
 $(2 P_0; 6 V_0) \cup (s P_0; 14 V_0)$

$$= 7 P_0 = 12 P_0 - \frac{V \cdot P_0}{2 V_0}$$

$$\Rightarrow T_3 = \frac{P V}{\cup P} = \frac{(12 P_0 - \frac{V P_0}{2 V_0}) V}{\cup P} \rightarrow \max$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- |                            |                                       |                            |                            |                            |                            |                            |
|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input checked="" type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА  
2 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{12P_0V - V^2 P_0}{2V_0} \rightarrow \text{нек} \rightarrow \text{то паратон}$$

QR

$\Rightarrow$  максимум в вершине

$$V_{\text{нек}} = \frac{-B}{2a} = \frac{12P_0}{2V_0} = 12V_0 \rightarrow 6 \text{ тонн}$$

$12V_0 \approx 6P_0$  Т.е. процесс 12 шагов

$$T_{12n} = \frac{12 \cdot 6 P_0 V_0}{J^2} \rightarrow \frac{72 P_0 V_0}{J^2}$$

$$\Rightarrow T_{12n} = \frac{72}{28} = \frac{18}{7}$$

$\Rightarrow A_{\text{нек}} = 9P_0 V_0$  - количество независимых пунктов

Найдем  $A_{23} = Q_{21} + Q_{23} + Q_{43}$ , т.к. 2-3

б.е.  $Q_{23}$ . Определим 6 процессов 2-3  
тако только отходящие + к работе совершают  
изменение, а 6н. неизменены.

$\Rightarrow Q_{23} = 0$ . Найдем то что изменяется

изменяется в процессах 1-2 и после 1-3

$$\text{изменение: } PV^{\gamma} = \text{const}, \quad PV^{\frac{5}{3}} = \text{const}$$

$\Rightarrow$  пусть изменяется  $V_{23}$  то есть  $P_2 V_2$

$$P = \frac{P_1 V_1^{\frac{5}{3}} V_2^{\frac{2}{3}}}{V_2^{\frac{5}{3}}} \rightarrow P_2 = \frac{P_1}{3} \frac{V_1^{\frac{5}{3}}}{V_2^{\frac{5}{3}}}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

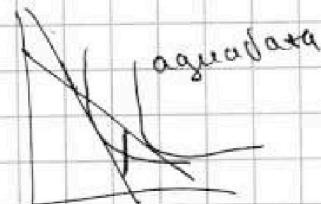
- |                            |                                       |                            |                            |                            |                            |                            |
|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input checked="" type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА  
3 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$P'_{V_0} = -\frac{2P_0}{2V_0}$$

(где 1-2)



$$P'_{V_x} = -\frac{P_0}{V_0}$$

(где 1-3)

$$\text{где 1-2} \quad -\frac{P_0}{2V_0} = -\frac{5}{3} \frac{P_0 \times V_x^{\frac{5}{3}}}{V_x^{\frac{8}{3}}} = -\frac{5}{3} \frac{P_0}{V_x^{\frac{3}{8}}}$$

$$\Rightarrow \frac{P_0}{V_x} = \frac{3}{10} \frac{P_0}{V_0} \Rightarrow \text{также надо зделать}$$

$$\text{уравнение}, \text{т.е. } \frac{V_x}{2V_0} = \frac{V_0}{12P_0} - P_x$$

$$\text{можно получить, т.е. } \frac{V_x}{2V_0} = \frac{5}{8}$$

$$\Rightarrow V_x = 15V_0, \text{ эта точка лежит правее 2.}$$

→ следовательно в процессе 1-2

$$Q_1 = \Delta H + \Delta U - \Delta G - \text{работа } 0 \Rightarrow$$

$$Q_1 = \Delta H + \cancel{\Delta U} + (u - g) V_0 + \cancel{(2 \times 5)} P_0 = 3g P_0 V_0$$

$$\Delta H_{1-2} = u_2 - u_1 = -g P_0 V_0$$

$$\Rightarrow Q_{1-2} = 30 P_0 V_0$$

$$\text{но аналогично с 1-2 тоже касательно}$$

$$\text{авиодаты и 1-3} \Rightarrow \frac{V_x}{10V_0} = \frac{5}{8} \Rightarrow V_x = 10V_0$$

$$\Rightarrow \text{на отрыв от } 10V_0 \text{ до } 10V_0 \quad Q > 0, \text{ т.е. } Q < 0$$

$$\text{также } Q_2 = \Delta H + \Delta U = \cancel{\Delta U} + \frac{5}{2} P_0 V_0 + \frac{3}{2} (60 P_0 V_0 - 28 P_0 V_0) \\ = -16 P_0 V_0 + 48 P_0 V_0 = 32 P_0 V_0$$

$$\Rightarrow \eta = \frac{A}{Q_{1-2} + Q_{2-3}} = \frac{30 P_0 V_0}{(30 + 32) P_0 V_0} = \frac{3}{62}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- |                            |                            |                                       |                            |                            |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input checked="" type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА  
из 2

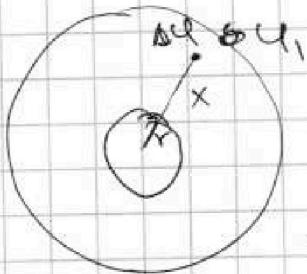
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№3

1) Находим потенциал на границе заряда (расстоянии  $R$ ) что эквивалентно потенциальному телесного заряда  $Q$  на расстоянии  $R$  (т.к. для электрика все видят все поле за пределами)

$$\Rightarrow \varphi_1 = \frac{kQ}{R^2} \quad \text{далее поле } E \text{ создается}$$

$$\text{ре } E_r = \frac{kQ}{\epsilon R^2}$$



$\Rightarrow \Delta\varphi$  - дополнительный  
разность потенциалов

$$\Delta\varphi = \int_{\frac{R}{2}}^{R} \frac{kQ}{\epsilon r^2} dr = \frac{kQ}{\epsilon R} \left[ \frac{1}{r} \right]_{\frac{R}{2}}^{R} = \frac{kQ}{\epsilon R} \left( \frac{1}{R} - \frac{2}{R} \right) = \frac{-kQ}{\epsilon R}$$

$$2 \frac{\Delta\varphi}{\epsilon} \left( \frac{1}{\frac{5}{3}R} - \frac{1}{R} \right) = \frac{\Delta\varphi}{\epsilon R} \left( \frac{6}{5} - 1 \right) = \frac{\Delta\varphi}{\epsilon R}$$

$$\Rightarrow \varphi_x = \frac{\Delta\varphi}{2} = \frac{kQ}{5\epsilon R} = \frac{kQ}{R} \left( \frac{1}{5} - \frac{1}{3} \right)$$

2) По аналогии с предыдущим пунктом находим  $\varphi_1$  - потенциал в точке  $\frac{2}{3}R$   
и  $\varphi_{l2}$  - потенциал в точке  $\frac{2}{3}R$ .



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- |                            |                            |                                       |                            |                            |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input checked="" type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА  
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\psi_1 = \frac{kQ}{R} \left( 1 + \frac{2\epsilon}{\epsilon - 1} \right); \quad \psi_2 = \frac{kQ}{R} \left( 1 + \frac{1}{2\epsilon} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{\psi_1}{\psi_2} = \frac{1 + \frac{2}{\epsilon}}{1 + \frac{1}{2\epsilon}} = \frac{\epsilon + 2}{\epsilon + \frac{1}{2}} = \frac{5}{4}$$

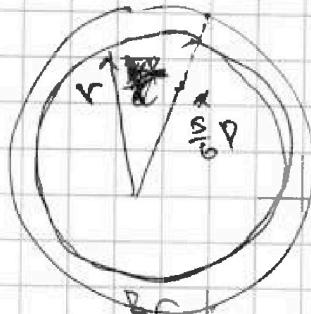
$$(\epsilon + 2)\psi_2 = 5(\epsilon + \frac{1}{2})$$

$$4\epsilon + 8 = 5\epsilon + 2.5 \Rightarrow \epsilon = 8 - 2.5 = 5.5$$

PS. i) пункт, если  $r > x$

то получится  $\psi_x$  касательного излучения

~~$$\psi_x = \frac{kQ}{R} \left( \frac{1}{r} - \frac{1}{R} \right) \psi_x = \frac{kQ}{R} \left( 1 + \frac{2}{\epsilon} \right)$$~~



~~$$\psi_x = \frac{6kQ}{SR} \quad \psi_x = 80$$~~
~~$$\Delta\psi = \psi_x = \frac{6kQ}{SR} - \psi$$~~

$$\Delta\psi = \int_r^R \frac{kQ}{R} \frac{(\epsilon - 1)}{\epsilon} dR = \frac{kQ}{R} \frac{(\epsilon - 1)}{\epsilon} \left( \frac{1}{r} - \frac{1}{R} \right)$$

$$\Rightarrow \psi_x = \frac{kQ}{R} \left( \frac{6}{R\epsilon} - \frac{(\epsilon - 1)}{\epsilon} \left( \frac{1}{r} - \frac{1}{R} \right) \right)$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- |                            |                            |                            |                                       |                            |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input checked="" type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА  
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1)

14

Сущест. поток через 1-ую катушку

$$\Phi_1' = L_1 I' = -\mathcal{E}_1$$

Сущест. поток через 2-ю катушку

$$\Phi_2' = \frac{d\mathcal{B}}{dt} n_2 S + b_2 I' = -\mathcal{E}_2$$

1-я катушка параллельна

$$\mathcal{E}_1 = \mathcal{E}_2$$

$$L_1 I' = 2n_2 S + 16 L_1 I'$$

$$\Rightarrow \mathcal{E}_1 = 16 L_1 I' = 2n_2 S \Rightarrow I' = \frac{4n_2 S}{16 L_1}$$

2) ~~Ф2~~- поток через  $\Phi_1$ -ви. поток

через 1-ую катушку

$\Phi_2$  - 2-я. поток через вторую катушку.

$$\mathcal{E}_1 = \mathcal{E}_2$$

1-я  $\Phi_1$  и  $\Phi_2$   
направлены  
вправо, влево,

$$\frac{d\Phi_1}{dt} + L_1 \frac{dI}{dt} = 16 L_1 I - \frac{d\Phi_2}{dt}$$

$$d\Phi_1 + L_1 dI = 16 L_1 I - d\Phi_2$$

Перенесем в левую часть приравняем

~~$d\Phi_1 + d\Phi_2 = 16 L_1 I$~~

~~$dI = IV - 0$~~



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Так же укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА  
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned} I_4 &= \frac{\Delta P_1 - \Delta P_2}{15L} = \frac{\frac{2}{3}B_{on}S + \frac{3}{4}B_{off}nS}{15L} \\ &= \frac{B_{on}S}{L} \left( \frac{\frac{2}{3} + \frac{3}{4}}{15} \right) = \frac{B_{on}S}{L} \frac{11}{45} \end{aligned}$$

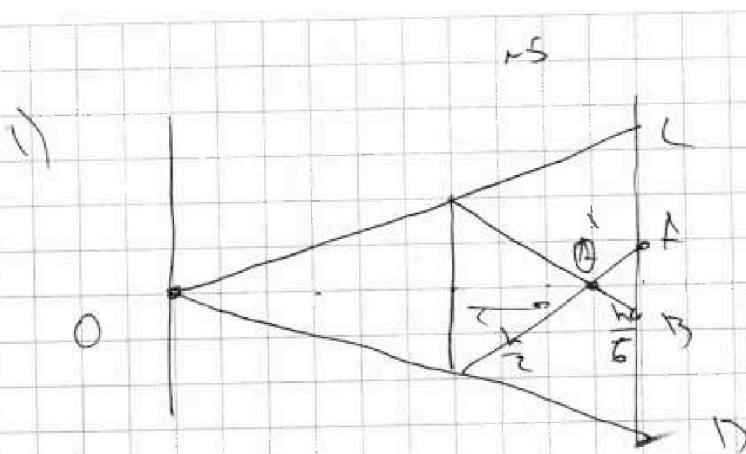


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- |                            |                            |                            |                            |                                       |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input checked="" type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА  
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



O - центр окружности, не принадлежащий трем катетам

$$\frac{1}{r} = \frac{3}{h} = \frac{1}{h} * \frac{1}{f} \Rightarrow r = \frac{h}{2}. \text{ То есть}$$

первый разрез будет содержать 6 точек

(1)-ая расстояния  $\frac{h}{2}$  от линии и расстояние

$$\frac{2}{3h} - \frac{h}{2} = \frac{h}{6} \text{ от зеркала} \Rightarrow \text{из ноготь}$$

$AB = \frac{2h}{3}$ . При этом вся область

зеркала будет симметрична относительно

луча света  $\Rightarrow$  (D) изображение

$$2r \cdot \frac{5}{3} = \frac{10}{3}r \Rightarrow \text{Найдём площадь}$$

$$\text{треугольной части } S_T = \frac{CD^2}{4}\pi - \frac{AB^2}{4}\pi =$$

$$= \frac{100}{9} \cdot \frac{25}{4}\pi - \frac{4 \cdot 25}{9}\pi = \frac{\pi}{9}(25^2 - 25) = \frac{\pi \cdot 24 \cdot 25}{9}$$

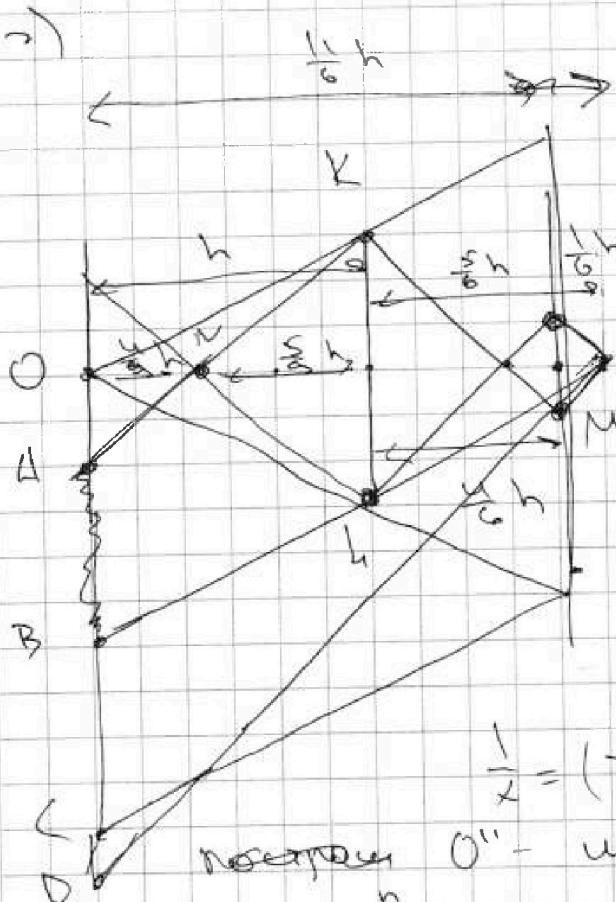
$$= \pi \cdot \frac{8 \cdot 25}{3} = \frac{200\pi}{3} \text{ см}^2$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- |                          |                          |                          |                          |                                     |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|

СТРАНИЦА  
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



После отражения

в зеркале подобные  
множества источников

на расстоянии  $\frac{1}{6}$  от  
зеркала и в  $\frac{1}{6}$  рассеято  
 $\frac{5}{6}h$  от птицы

Тогда это второе  
изображение  
и  $\rightarrow$  формулы той же  
множества:

$$\frac{3}{h} = \left(\frac{6}{5}h + \right) = 7x \Rightarrow x = \frac{3}{7}h$$

$$\frac{1}{x} = \left(3 - \frac{6}{5}\right) \frac{1}{h} = \frac{9}{5}h \Rightarrow x = \frac{5}{9}h$$

построим  $O''$ - множества источников в  
зеркале. Построим луги  $O''L$ ,  $O''M$ ,  $KM$   
(см. рисунок). Из подобия треугольников  
следует:  $OA = \frac{\sqrt{2}h}{3} r \cdot \frac{4}{5}$ ,  $OB = \frac{11}{5}r$

$$OD = 11 \cdot \frac{r}{3}, \quad \text{или } OD = OC = \frac{10}{3}r \Rightarrow AB - \text{диаметр}$$

$$\text{расст} \Rightarrow S_T = \left(\frac{4}{3}r\right)^2 \pi / \left(\frac{11}{5}r\right)^2 \pi = \left(\frac{4}{3}r\right)^2 \pi /$$

$$= \frac{121-25}{36} \pi = \frac{16 \cdot 25}{25} \pi = \pi (121-16) = 105\pi \text{ см}^2$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- |                                     |                                     |                                     |                                     |                                     |                          |                          |
|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                                   | 2                                   | 3                                   | 4                                   | 5                                   | 6                        | 7                        |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА  
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

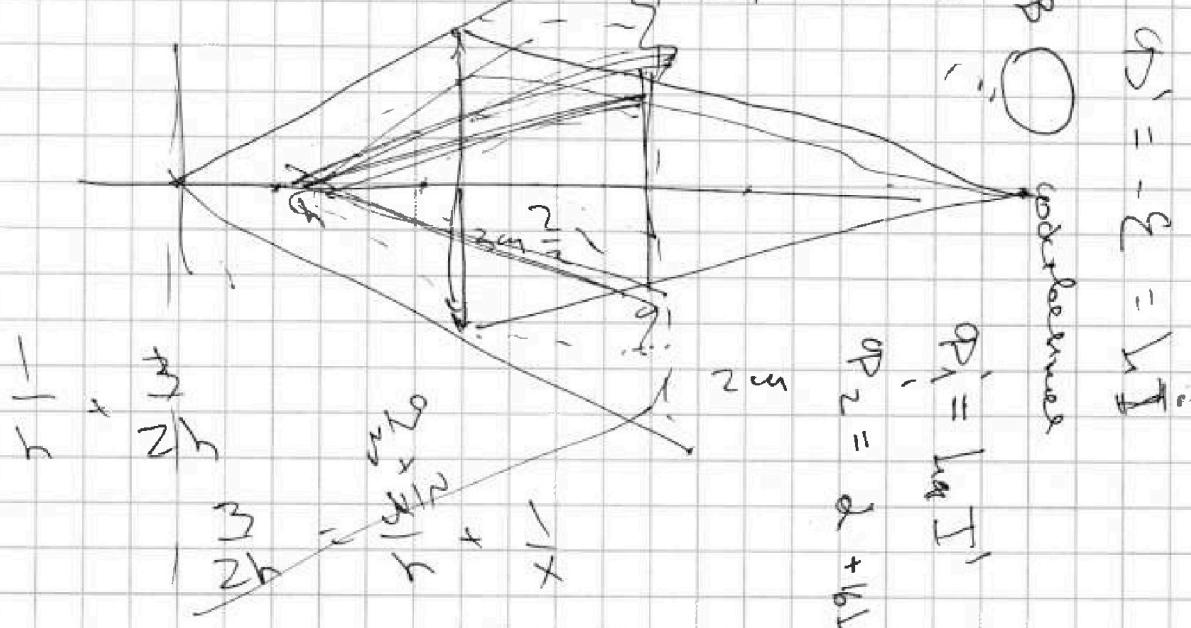
v2

1) Поле внутри конуса от точечного заряда  $E_{in} = \frac{kQ}{x^2 \epsilon}$   $\Rightarrow$  поле в диэлектрике

$$E_A = \frac{kQ}{x^2 \epsilon} \rightarrow \text{при } r > \frac{5}{6} R$$

$$\Delta_{1,2} = 16 \text{ зон Релея}$$

$$\Delta_{1,2} = 16 \text{ зон Релея}$$



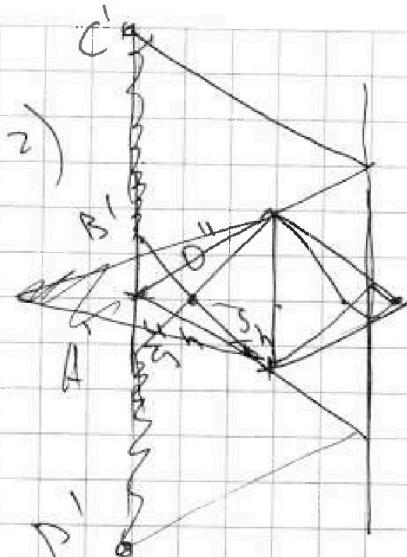


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- |                                     |                                     |                          |                                     |                                     |                                     |                                     |
|-------------------------------------|-------------------------------------|--------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|
| 1                                   | 2                                   | 3                        | 4                                   | 5                                   | 6                                   | 7                                   |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> |

СТРАНИЦА  
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



№5  
После отражения  
в зеркале о получите  
нужный минимальный источник  
на расстоянии  $\frac{h}{2}$   
от зеркала и  $\frac{h}{2} + \frac{h}{3} = \frac{5}{6}h$   
от зеркала.

Снова запишем формулу тангенса наклона:

$$\frac{3}{h} = \frac{6}{5h} + \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{2} = 1\left(\frac{3}{h} - \frac{6}{5h}\right) = \frac{3}{5h} \Rightarrow \frac{h}{5} = \frac{3}{5h}$$

$\Rightarrow h = \frac{9}{5}h$ . Второй раз наклон  
содержится в том же  $O''$  на расстояние  
 $\frac{8}{5}h$  от зеркала  $\Rightarrow A'B'$  из подобия

$\frac{8}{5}h : \frac{8}{5}h \cdot C'D' \text{ из подобия в 2 раза}$

Также  $C'D \Rightarrow C'D' = \frac{20}{3}h$ .

$$\Rightarrow r = \frac{(C'D')^2}{4\pi} - \frac{(A'B')^2}{4\pi} = \frac{20^2}{9} \frac{25}{4}\pi - 64\pi$$

$$= \frac{100(25-64)}{9} \pi = 2436\pi$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- |                            |                            |                                       |                            |                                       |                            |                                       |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|---------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input checked="" type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input checked="" type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input checked="" type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|---------------------------------------|

СТРАНИЦА  
из

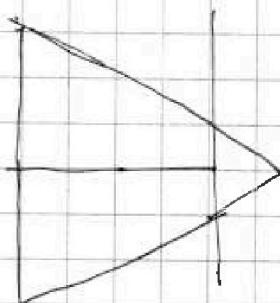
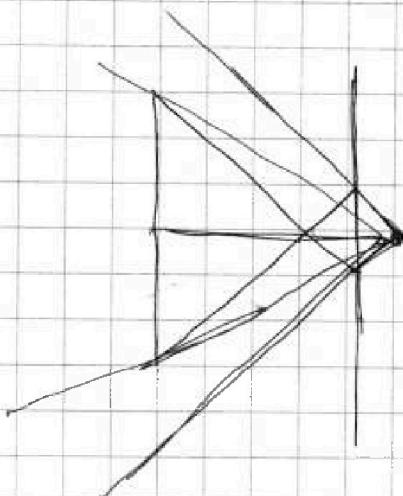
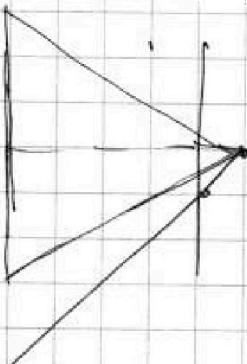
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$h \geq h - \frac{5}{3}h$$

$$\left(\frac{5}{3} \cdot 9\right)^2 \pi - \left(\frac{5}{3}\right)^2 \pi$$

~~$$\frac{25^2}{9} \pi - \frac{25}{9} \pi$$~~

$$\frac{24 \cdot 25}{9}$$



$$\frac{121}{105}$$

-1

3  
1  
4

-14

C

11

9  
5



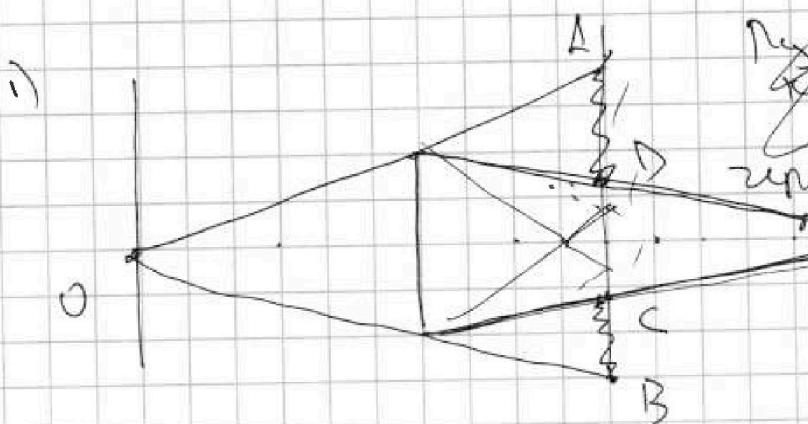
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

15



Рассмотрим крайние случаи прохождения лучей через край линзы

Мысль О - источник. Тогда по формуле тонкой линзы:

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{n} + \frac{1}{r} \rightarrow$$

$$x = \frac{2}{n} \rightarrow$$

$$\frac{2}{n} = \frac{5}{r}$$

$$\frac{3}{6} \times$$

$$\begin{array}{r} 2500 \\ - 64 \\ \hline 2436 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 25 \\ - 64 \\ \hline 160 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 64 \\ - 3 \\ \hline \end{array}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- |                            |                            |                            |                            |                            |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА  
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{array}{r} 169 \\ \times 12 \\ \hline 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 169 \\ \times 12 \\ \hline 338 \\ + 1600 \\ \hline 1938 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 120 \\ \times 28 \\ \hline 660 \\ 2400 \\ \hline 2400 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0.1 \\ + 0.8 \\ \hline 0.9 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 15 \\ \times 12 \\ \hline 30 \\ + 120 \\ \hline 180 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 169 \\ \times 25 \\ \hline 845 \\ 338 \\ \hline 4225 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 169 \\ \times 25 \\ \hline 845 \\ 245 \\ \hline 4225 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2062 \\ - 13 \\ \hline 76 \\ - 65 \\ \hline 112 \end{array}$$

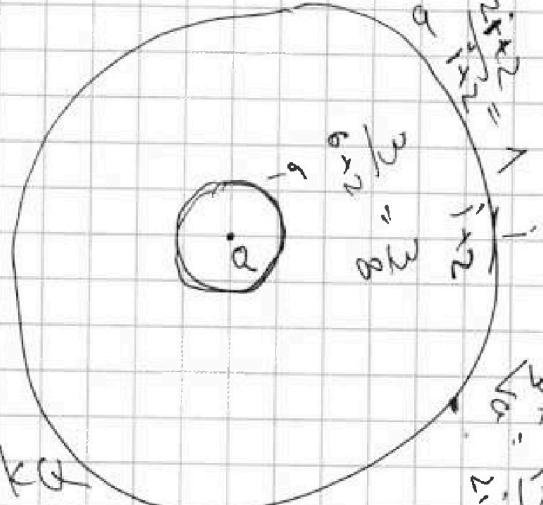
$$\begin{array}{r} 113 \\ \times 15 \\ \hline 565 \\ 113 \\ \hline 1695 \end{array}$$

$$100$$

$$100$$

$$100$$

$$100$$



$$\frac{kQ}{R^2} - \frac{kQ}{r^2} = \frac{kQ}{R^2 \epsilon_0}$$

$$R - r = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

$$a = Q \left(1 - \frac{1}{\epsilon_0}\right)$$

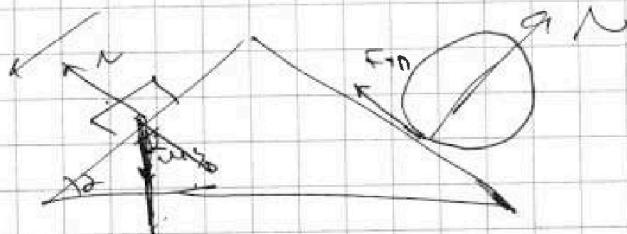


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- |                            |                            |                            |                            |                            |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



11  
169  
12

338  
169  
169

$$N = \frac{mg}{5} \quad F_{fB} =$$

$$ma = \frac{3mg}{5} - F_{fB}$$

$$F_{fB} = \frac{3}{5} - mg \frac{6}{13}$$

$$F_{fB} = \frac{5}{13} mg - \frac{2mg}{4}$$

$$mR^2 \frac{a}{r} = \frac{F_{fB}}{R}$$

$$Ma = F_{fB}$$

169  
12

338  
1690

$$\frac{2 \cdot 5}{13} - \frac{2}{4} 1028$$

$$\frac{12}{25} mg - \frac{2 \cdot 60}{132}$$

$$40 - \frac{26}{4324} = \frac{4}{52} = \frac{1}{26}$$

$$\frac{12}{25} - \frac{120}{169}$$

$$169 \cdot 25$$



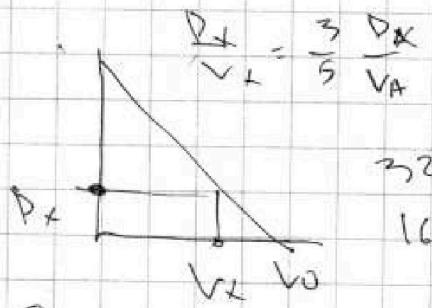
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- |                            |                            |                            |                            |                            |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

СТРАНИЦА  
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{P_x}{V_x} = \frac{3 P_0 \Delta Q}{10 V_0 \Delta v} \quad \rightarrow \quad \frac{P_x}{P_0} = \frac{3}{10} \frac{V_x}{V_0}$$



$$V_t = \frac{3}{5} V_A \quad \frac{V_x}{V_0} = \frac{P_0 - P_x}{P_0}$$

$$\frac{V_x}{V_0} = 1 - \frac{P_x}{P_0}$$

$$\frac{3}{5} \frac{P_x}{P_0} + \frac{1}{5} \frac{P_x}{P_0} = 1$$

$$\frac{4}{5} \frac{P_x}{P_0} = 1$$

$$\frac{P_x}{P_0} = \frac{5}{4}$$

$$\frac{P_x}{P_0} = \frac{3}{10} \frac{V_x}{V_0}$$

$$\frac{P_x}{V_x} = \frac{3}{5} \frac{P_0}{V_A}$$

$$\frac{P_x}{V_x} = \frac{3}{5} \frac{V_t}{V_A}$$

$$\frac{P_x}{V_x} = \frac{3}{5} \frac{P_0}{V_A} \Rightarrow \frac{P_x}{P_0} = \frac{3}{5} \frac{V_x}{V_A}$$

$$\frac{V_x}{V_A} = 1 - \frac{P_x}{P_0} \Rightarrow \frac{V_x}{V_A} = 1 - \frac{3}{5} \frac{V_x}{V_A}$$

$$\frac{V_t}{V_A} = 1 - \frac{3}{5} \frac{V_x}{V_A}$$

$$\frac{8}{5} \frac{V_t}{V_A} = 1$$

$$\frac{V_x}{V_t} = \frac{5}{8}$$

$$\Delta U_{in} = -7 P_0 \cdot 2 V_0 = -14 P_0 V_0$$

$$\Delta U_{in} = \frac{3}{2} (64 - 60)$$