



Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 09-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

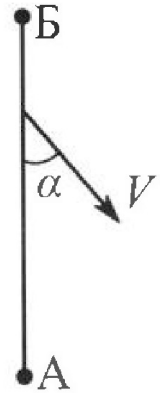


1. Беспилотные летательные аппараты применяют для доставки полезных грузов. Продолжительность полета аппарата по маршруту $A \rightarrow B$ в безветренную погоду составляет $T_0=400$ с. Расстояние AB равно $S=9,6$ км.

1. Найдите скорость U аппарата в спокойном воздухе.

Допустим, что в течение всего времени полета ветер дует с постоянной скоростью $V = 16$ м/с под углом α к прямой AB (см. рис.) таким, что $\sin \alpha = 0,6$.

2. Найдите продолжительность T_1 полета по маршруту $A \rightarrow B$ в этом случае. Скорость аппарата относительно воздуха постоянна и равна U .
3. При каком значении угла α продолжительность полета по маршруту $A \rightarrow B \rightarrow A$ максимальная? Движение аппарата прямолинейное.
4. Найдите максимальную продолжительность T_{MAX} полета по маршруту $A \rightarrow B \rightarrow A$. Движение аппарата прямолинейное.



2. Школьник наносит удар по мячу, лежащему на горизонтальной площадке. Модуль скорости мяча через $t_1 = 1$ с и $t_2 = 2$ с после старта одинаков. За этот промежуток времени вектор скорости повернулся на угол $2\beta = 60^\circ$. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

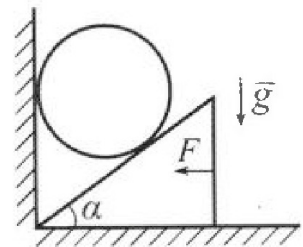
1. Найдите продолжительность T полета от старта до падения на площадку.
2. Найдите максимальную высоту H полета.
3. Найдите радиус R кривизны траектории в момент времени $t_1 = 1$ с.

3. Клин с углом при вершине $\alpha = 30^\circ$ находится на горизонтальной поверхности. На наклонной плоскости клина покоится однородный шар (см. рис.), касающийся вертикальной стенки. Массы шара и клина одинаковы и равны $m=1$ кг. Трения нет. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

1. Найдите горизонтальную силу F , которой систему удерживают в покое.

Силу F снимают, шар и клин приходят в поступательное прямолинейное движение с нулевой начальной скоростью. После перемещения по вертикали на $H=0,8$ м шар абсолютно упруго сталкивается с горизонтальной поверхностью.

2. Найдите перемещение h шара после соударения до первой остановки.
3. Найдите ускорение a клина в процессе разгона.
4. При каком значении угла α ускорение клина максимальное?
5. Найдите максимальное ускорение a_{MAX} клина.





Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2024

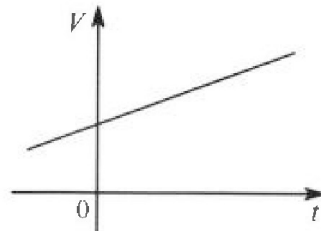
Вариант 09-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



4. На шкале ртутного термометра расстояние между отметками $t_1 = 35^\circ\text{C}$ и $t_2 = 42^\circ\text{C}$ равно $L=5$ см. В термометре находится $m=2$ г ртути.

Экспериментально установле но, что с ростом температуры объем ртути увеличивается по линейному закону. График зависимости объема V ртути от температуры t , измеренной в градусах Цельсия, представлен на рисунке к задаче. При температуре $t_{100} = 100^\circ\text{C}$ объем ртути в $\beta = 1,018$ раза больше объема ртути при $t_0 = 0^\circ\text{C}$. Плотность ртути при температуре $t_0 = 0^\circ\text{C}$ считайте равной $\rho = 13,6$ г/см³. Тепловое расширение стекла пренебрежимо мало.

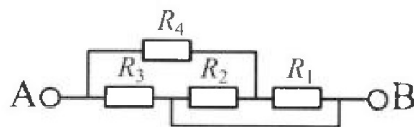


1. Следуя представленным опытнм данным, запишите формулу зависимости объема $V(t)$ ртути от температуры t , измеренной в градусах Цельсия. Формула должна содержать величины: m , ρ , β , t_0 , t_{100} , t .
2. Найдите приращение ΔV объема ртути при увеличении температуры от $t_1 = 35^\circ\text{C}$ до $t_2 = 42^\circ\text{C}$. В ответе приведите формулу и число в мм³.
3. Найдите площадь S поперечного сечения капилляра термометра. Ответ представьте в мм².

5. В цепи, схема которой представлена на рисунке к задаче, сопротивления резисторов $R_1 = 5$ Ом, $R_2 = 20$ Ом, $R_3 = 10$ Ом, $R_4 = 6$ Ом.

1. Найдите эквивалентное сопротивление $R_{ЭКВ}$ цепи.

Контакты А и В подключают к источнику постоянного напряжения $U=10$ В.



2. Найдите мощность P , которая рассеивается на всей цепи.
3. На каком резисторе рассеивается наименьшая мощность? Найдите эту наименьшую мощность P_{MIN} .



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Найдем скорость аппарата в субстриную погоду u :

$$u = \frac{S}{T_0} = \frac{9,6 \text{ км}}{400 \text{ с}} = \frac{9600 \text{ м}}{400 \text{ с}} = \frac{96 \text{ м}}{4 \text{ с}} = 24 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

Найдем скорость аппарата в остальных условиях u' :



Найдем эту скорость с помощью теоремы косинусов:

$$u^2 = v^2 + u'^2 - 2vu' \cos \beta$$

$$u'^2 + u' \cdot 2v \cos \beta + v^2 - u^2 = 0$$

Из рис. видно, что $\beta = 180^\circ - \alpha$, тогда $\cos \beta = -\cos \alpha$, а из тригонометрического тождества можем вынести $\cos \alpha$:

$$1 = \cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha$$

$$\cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} =$$

$$= \sqrt{1 - 0,36} = \sqrt{0,64} = \pm 0,8$$

Тогда $\cos \beta = \pm 0,8$.

Знаем когда рассматриваем 2 сл., когда $\cos \beta = -0,8$ и $\cos \beta = 0,8$

Решим это кв. ур-е:

$$D = (2v \cos \beta)^2 - 4(v^2 - u^2) =$$

$$= 4v^2 \cos^2 \beta - 4v^2 + 4u^2 =$$

$$= 4(0,64v^2 - v^2 + u^2) =$$

$$= 4(u^2 - 0,36v^2) = 4(u - 0,6v)(u + 0,6v)$$

$$= 4 \cdot (24 \frac{\text{м}}{\text{с}} - 0,6 \cdot 16 \frac{\text{м}}{\text{с}}) (24 \frac{\text{м}}{\text{с}} + 0,6 \cdot 16 \frac{\text{м}}{\text{с}}) =$$

$$= 4 \cdot 14,4 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot 33,6 = 4 \cdot 483,84$$

$$1) u'_1 = \frac{2v \cos \beta - \sqrt{D}}{2} \quad \text{т.к. } \cos \beta < 0, \text{ то не имеет физ. смысла}$$

$$u'_2 = \frac{2v \cos \beta + \sqrt{D}}{2} =$$

$$= \frac{2 \cdot 16 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot (-0,8) + \sqrt{483,84}}{2} \approx \frac{-25,6 + 22}{2} \approx -1,8 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$\approx 9,2 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$T_1 = \frac{S}{u'_1} = \frac{9600 \text{ м}}{9,2 \frac{\text{м}}{\text{с}}} \approx 1100 \text{ с}$$

$$2) u'_1 = \frac{2v \cos \beta - \sqrt{D}}{2} \approx 12,8 \frac{\text{м}}{\text{с}} - 22 \frac{\text{м}}{\text{с}} = -9,2 \frac{\text{м}}{\text{с}} - \text{не имеет физ. смысла}$$

$$u'_2 = \frac{2v \cos \beta + \sqrt{D}}{2} \approx 12,8 \frac{\text{м}}{\text{с}} + 22 \frac{\text{м}}{\text{с}} \approx 34,8 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$T_2 = \frac{S}{u'_2} = \frac{9600 \text{ м}}{34,8 \frac{\text{м}}{\text{с}}} \approx 250 \text{ с}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7



СТРАНИЦА

2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Найдём при каком α время полёта минимально.
Формула $\frac{1}{T} = \frac{1}{T_1} + \frac{1}{T_2}$ (формула сложения скоростей)

Формула скорости ветра минимальна

При движении "навстречу" ветру мы проверяем во времени, но в обратном случае проверив вытравим. Из др-й дано u' в прямом случае решено, что время дается. $T \sim \frac{1}{u'}$, а u' при движ. "навстречу" ветру проверяем за счёт отрицательного знака $\cos \beta$, а вытравим в сопр. случае за счёт напр. знака $\cos \beta$, при этом при рел. н.в. др-я применима, что на дискретности не влияет знак $\cos \beta$. Из этих соображений, что мы вытрав./протрав. в u' на одну и ту же величину, но т.к. $T \sim \frac{1}{u'}$, при вытравив в u' знак T становится меньше, чем при протрав. (от u). Тогда протравив в T всегда будем вытравивать. Но тогда T макс., когда протравим против ветра, т.е. $\cos \beta = -1$, или $\beta = 180^\circ$, а тогда $\alpha = 180^\circ$ или $\alpha = 0^\circ$. Итог: ветер дует навстречу или попутно.

Найдём время полёта, когда ветер

$$T_{\max} = \frac{S}{u_1} = \frac{S}{u - v} = \frac{3600 \text{ м}}{24 \frac{\text{м}}{\text{с}} - 16 \frac{\text{м}}{\text{с}}} = \frac{3600 \text{ м}}{8 \frac{\text{м}}{\text{с}}} = 450 \text{ с}$$

$$T_{\min} = \frac{S}{u_2} = \frac{S}{u + v} = \frac{3600 \text{ м}}{24 \frac{\text{м}}{\text{с}} + 16 \frac{\text{м}}{\text{с}}} = \frac{3600 \text{ м}}{40 \frac{\text{м}}{\text{с}}} = 90 \text{ с}$$

Т.к. аппарат возвращается, но независимо от того, куда имеем задан ветер, v на одну и ту же скор. Будем $u_1 = u - v = 24 \frac{\text{м}}{\text{с}} - 16 \frac{\text{м}}{\text{с}} = 8 \frac{\text{м}}{\text{с}}$, а на другом $u_2 = u + v = 24 \frac{\text{м}}{\text{с}} + 16 \frac{\text{м}}{\text{с}} = 40 \frac{\text{м}}{\text{с}}$, тогда $T_{\max}$ равно:

$$T_{\max} = \frac{S}{u_1} + \frac{S}{u_2} = \frac{3600 \text{ м}}{8 \frac{\text{м}}{\text{с}}} + \frac{3600 \text{ м}}{40 \frac{\text{м}}{\text{с}}} = 1440 \text{ с}$$

Итак, $u = 24 \frac{\text{м}}{\text{с}}$, $T_1 = 1400 \text{ с}$, $T_2 = 250 \text{ с}$, $\alpha_1 = 180^\circ$ или $\alpha_2 = 0^\circ$,
 $T_{\max} = 1440 \text{ с}$

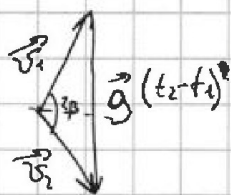


1 ☐ 2 ☒ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

III, к. скорости в моменты времени t_1 и t_2 равны, но ~~скорости~~ в эти моменты мячик находится на одной и той же высоте. За этот период в-ор скор. поверн. на равные угол ~~по~~ отв. верт. и вверх. (т.к. мяч. лет. по параболе, за этот период симметрично). Попр. в-орный путь, скорости за этот промежуток:



III, к. $|\vec{v}_1| = |\vec{v}_2|$, т.е. $\angle 2\beta = 60^\circ$, то путь. равноускоренный, т.е. $|\vec{v}_2| = |\vec{g}(t_2 - t_1)|$, из этого находим $|\vec{v}_1|$:

$$|\vec{v}_1| = v = |\vec{g}(t_2 - t_1)| = g(t_2 - t_1) = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot (2 - 1) = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

В момент t_1 скор. $\vec{v}_1$ направл. под углом β к горизонту (это видно из рис. и из к. $\vec{v}_2$ поверн. вверх вниз), тогда верт. сост. $\vec{v}_{1y} = v \cos \beta = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 5\sqrt{3} \frac{\text{м}}{\text{с}}$. Когда мячик был на этой же высоте? В этот момент t_2 ~~скор. $\vec{v}_2$ направл. под углом β к горизонту~~

$$v_1^2 = v^2 \cos^2 \beta = 10^2 \cdot \frac{3}{4} = 75 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2}$$

$$v_2^2 = v^2 \sin^2 \beta = 10^2 \cdot \frac{1}{4} = 25 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2}$$

$$L = \frac{|\vec{v}_1|^2 (t_2 - t_1)}{2} + \frac{|\vec{v}_2|^2 (t_2 - t_1)}{2} = \frac{75 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2} \cdot 0.5 \text{ с}}{2} + \frac{25 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2} \cdot 0.5 \text{ с}}{2} =$$

$$= 2.5 \text{ м} + 0.3125 \text{ м} = 2.8125 \text{ м} \approx 2.8 \text{ м}$$

А высота параболы в этот момент времени t_1 :

$$h = \frac{|\vec{v}_1|^2}{2g} = \frac{75 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2}}{2 \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} = 3.75 \text{ м}$$

Заметим, что т.к. мячик летит вверх по сим. параболе, то от мом. t_2 до момента пройдем время t_1 , т.е. такое время падения:

$$T = 2t_1 + (t_2 - t_1) = 2 \cdot 1 + (2 - 1) = 3 \text{ с}$$

В мом. врем. t_1 горизонт. сост. $\vec{v}_1$ равна хор. сост. скор. мяча. В любой момент времени, а равна вектору $(\vec{v}_1)$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☒ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$|\vec{v}_{ix}| = |\vec{v}_i| \cdot \cos \beta = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \approx 8,5 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

А значит, косин. в этом момент времени будет равен:

$$|\vec{v}_{iy}| = |\vec{v}_i| \cdot \sin \beta = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot 0,5 = 5 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

Тогда можем запис. ур. с для выс. параболы мяча в этот момент $\frac{t_1+t_2}{2}$, т.е. макс. выс.:

$$H = (|\vec{v}_{iy}| + |\vec{g}| t_1) \frac{t_1+t_2}{2} - \frac{|\vec{g}|^2 \left(\frac{t_1+t_2}{2}\right)^2}{2} \approx$$

$$\approx \left(5 \frac{\text{м}}{\text{с}} + 10 \frac{\text{м}}{\text{с}}\right) \cdot \frac{1,0+2,0}{1} - \frac{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot (1,5)^2}{2} \approx 22,5 \text{ м} - 11,25 \text{ м} = 11,25 \text{ м}$$

В этот момент t_1 угол между параб. $\vec{g}$, а радиус-вектор, направл. вниз равен $\vec{v}_{ix}$, тогда α ради. кривизны направл. вверх в этот момент равен:

$$R = \frac{|\vec{v}_{ix}|}{|\vec{g}|} = \frac{8,5 \frac{\text{м}}{\text{с}}}{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} \approx 0,85 \text{ м}$$

В этот момент t_1 $\vec{v}_i$ направл. под углом $\beta = 30^\circ$ к горизонту, тогда проекция $\vec{g}$ на нормаль к ей в-ру $\vec{a}$ (или $\vec{v}_i$) будет равен:

$$\vec{a} = \vec{g} \cos \beta$$

Тогда, ради. кривизны параболы в этот момент будет равен:

$$R = \frac{|\vec{v}_i|^2}{|\vec{a}|} = \frac{100 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2}}{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{20}{\sqrt{3}} \text{ м} \approx 11 \text{ м}$$

$$\text{Итак, } T=3 \text{ с, } H=11,25 \text{ м, } R \approx 11 \text{ м}$$



1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

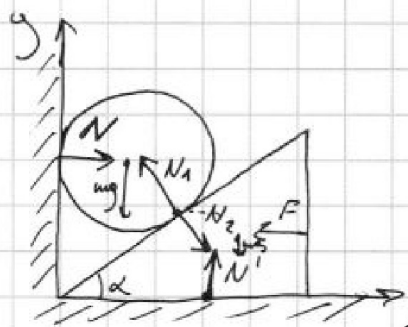
Из всех действующих на сист. сил горизонт. сист. имеет только F и сила реак. шар. действ. на шар со стороны стены N' , т.е. эти силы равны по модулю. Рассмотрим все силы, действ. на ~~сист.~~ тело.

Силы, действ. на шар:

$$x: N = N_1 \cos \alpha \quad N_1 \sin \alpha$$

$$y: mg = N_1 \sin \alpha \quad N_1 \cos \alpha$$

Т.е. силы раскл. по модулю, но имеют разность N и F .



$$\begin{cases} F = N_1 \sin \alpha \\ mg = N_1 \cos \alpha \end{cases}$$

Решим эту сист.:

$$\frac{F}{mg} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$F = mg \tan \alpha = 1 \text{ м} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} \approx 5.8 \text{ Н}$$

После прекращения действ. горизонт. силы, действ. на смещенную точку равна F по модулю.

Т.е. соударения шара с поверхностью упругие, но кинет. энергия нет (т.е. и сила упруг. не действует), т.е. кин. энергия должна быть равна сумме кин. и кин. энергий при остановке. Первая ост. происходит, когда шар вновь соприкоснется с той же высотой, т.е. при остановке кин. энергия равна нулю. Т.е., после соуд., шар ост. на выс. $h = H = 0.8 \text{ м}$.

Рассмотрим силу, действ. на сист. по вертикали. Если шар был соприкасаться, сила по модулю F . Тогда по 2 закону Ньютона:

$$F = 2m a' \quad \text{где } a' - \text{ускор. всей сист.}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

При этом единств. гор. сила, действ. на камень, равна $N_2 \sin \alpha$, при этом N_2 равно N_1 по модулю, а $N_1 \sin \alpha = N$, т.к. шар скользит «к стене», а гн. и не определяется от ней. Угол, измеряемый, что в гориз. напр. на кинетическое тело, сила, равная N по модулю, а гн. и равная F , т.е.

$$F = ma \Rightarrow a = \frac{F}{m} \approx \frac{5,8 \text{ Н}}{1 \text{ кг}} = 5,8 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

$N = N_1 \sin \alpha$ - верно для шара в любой момент, пока он соприкасается с клином. $a \sim F$, $F = N$ (по модулю), следовательно, $a \sim N$, следовательно, $a \sim N_1$ и $a \sim \sin \alpha$, при этом верт. сост. N_1 неизм. (пока действ. F) и равна mg , а вот гор. измен. Тогда a макс, когда $\sin \alpha \rightarrow 1$, но $\sin \alpha \neq 1$, т.к. когда описанная ситуация невозможна.

Тогда макс. ускор. клина будет определ. к горизонту.

$$\text{Итак, } F \approx 5,8 \text{ Н, } L = 0,8 \text{ м, } \alpha \rightarrow 90^\circ, a = 5,8 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}, a_{\text{макс}} \rightarrow \infty$$



1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Вывести формулу завис. $V(t)$:

$$V = \frac{m}{\rho} \cdot \left((t-t_0) \frac{\beta-1}{t_{\infty}-t_0} + 1 \right), \text{ где } m \text{ —}$$

объемная масса газа, t_0 — нач. темп., t_{∞} — предельная темп. при $t \rightarrow \infty$, β — коэффициент расширения. Если $t = t_0$, то $V = \frac{m}{\rho}$, что соответствует нач. объему.

Из этой формулы найдем прирост объема ΔV при изменении темп. с t_1 до t_2 :

$$\Delta V = \frac{m}{\rho} \left((t_2-t_0) \frac{\beta-1}{t_{\infty}-t_0} + 1 \right) - \frac{m}{\rho} \left((t_1-t_0) \frac{\beta-1}{t_{\infty}-t_0} + 1 \right) =$$

$$= \frac{m}{\rho} \frac{\beta-1}{t_{\infty}-t_0} (t_2-t_1) = \frac{m}{\rho} \frac{\beta-1}{t_{\infty}-t_0} \Delta t$$

$$= \frac{22}{13,6 \frac{\text{г}}{\text{см}^3}} \cdot \frac{1,018-1}{100^\circ\text{C}-0^\circ\text{C}} (42^\circ\text{C}-35^\circ\text{C}) = \frac{22 \cdot 0,018 \cdot 7^\circ\text{C}}{13,6 \frac{\text{г}}{\text{см}^3} \cdot 100^\circ\text{C}} =$$

$$= \frac{0,036 \cdot 7}{1360} \text{ см}^3 \approx \frac{36 \cdot 7}{1360} \text{ мм}^3 \approx \frac{252}{1360} \text{ мм}^3 \approx 0,2 \text{ мм}^3$$

Поскольку рассматриваемый газ — воздух, то $\Delta V = \Delta S \cdot L$, где L — толщина.

$$S = \frac{\Delta V}{L} \approx \frac{0,2 \text{ мм}^3}{50 \text{ мм}} \approx 0,004 \text{ мм}^2$$

Проверим, насколько полученный результат соответствует действительности. Если считать, что воздух — идеальный газ, то завис. объема от темп. будет такова: $V = \frac{m}{\rho} \left((t-t_0) \frac{\beta-1}{t_{\infty}-t_0} + 1 \right)$. Для нашего случая $t_0 = 0^\circ\text{C}$, $t_{\infty} = 100^\circ\text{C}$, $\beta = 1,018$. Тогда $V = \frac{m}{\rho} \left((t-0) \frac{0,018}{100-0} + 1 \right)$. Отсюда все вытекает.

Итак, $\Delta V \approx 0,2 \text{ мм}^3$, $S \approx 0,004 \text{ мм}^2$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐2
☐3
☐4
☐5
☒6
☐7
☐СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Мощность, выдел. на всей цепи P равна:

$$P = UI = 10B \cdot 2A = 20B_T$$

Найдём, на каком резисторе выдел. макс. мощность, это осущ., когда $I'^2 R' - \min$, здесь I' - ток через рез., R' - сопр. рез. Найдём мин. это значит, выразим его через I_2^{12} - ток, текущий через рез. R_2 , все соотн. токов осматривая мин. т.е., что в первой части решим задачу.

$$P_1 = I_1'^2 R_1 = (4I_2')^2 \cdot 5\Omega = 80I_2'^2 \cdot \Omega$$

$$P_2 = I_2'^2 R_2 = I_2'^2 \cdot 20\Omega = 20I_2'^2 \cdot \Omega$$

$$P_3 = I_3'^2 R_3 = (5I_2')^2 \cdot 10\Omega = 250I_2'^2 \cdot \Omega$$

$$P_4 = I_4'^2 R_4 = (5I_2')^2 \cdot 6\Omega = 150I_2'^2 \cdot \Omega$$

Здесь добавим чиркица суммарн. рассматривая конкрет. ситуацию. Даже можно прийти при обобщении.

Осложно видно, что $P_{\min} = P_2$, при этом суммарн. мощность равна $P = P_1 + P_2 + P_3 + P_4 = 500I_2'^2 \cdot \Omega$, тогда, зная зная P можем найти $P_{\min}$.

$$P_{\min} = P \cdot \frac{20I_2'^2 \cdot \Omega}{500I_2'^2 \cdot \Omega} = \frac{P}{25} = \frac{20B_T}{25} = 0,8B_T$$

Итак, $R_{\text{экв}} = 5\Omega$, $P = 20B_T$, $P_{\min} = 0,8B_T$



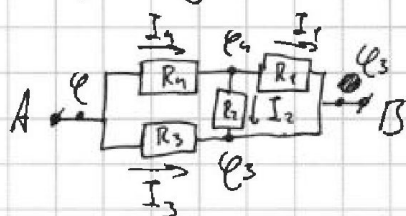
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Нарисуем эквивалентную схему:



Рассм. на эти напряжения и ток.

По закону Кирхгофа:

$$I_1 = I_2 + I_3 \quad (1)$$

R_1 и R_2 соединены параллельно, т.е. на них падает одно и то же напряжение, тогда $R_1 I_2 = R_2 I_1 \Rightarrow \frac{I_1}{I_2} = \frac{R_2}{R_1} = \frac{20\Omega}{5\Omega} = 4$

Из этого следует, что $I_1 = 4I_2$:

$$I_1 = I_2 + I_3 = 4I_2 + I_3 = 5I_2$$

Как видно из рассмотренной схемы, падение напряжения от φ_1 до φ_3 происходит на рез. R_1 и R_2 или только на рез. R_3 , т.е. суммарное напряжение на R_1 и R_2 равно напряжению на R_3 , тогда $R_3 I_3 = R_1 I_1 + R_2 I_2$

$$R_3 I_3 = 5R_1 I_2 + R_2 I_2$$

$$\frac{I_3}{I_2} = \frac{5R_1 + R_2}{R_3} = \frac{5 \cdot 5\Omega + 20\Omega}{10\Omega} = 5$$

Теперь можно замкнуть это напряжение на всей цепи между АВ равно $U_{AB} = R_3 I_3$, а общий ток $I_0 = I_1 + I_2$, исходя из этого можно найти сумм. всего участка:

$$R_{экв} = \frac{U_0}{I_0} = \frac{R_3 I_3}{I_3 + I_1} = \frac{5R_3 I_2}{5I_2 + 5I_2} = R_3 \cdot \frac{I_2}{2I_2} = \frac{R_3}{2} = 5\Omega$$

Пит. $\varphi - \varphi_3 = U_{AB} = U$, сила тока на всей цепи $I_{общ}$ равна:

$$I = \frac{U}{R_{экв}} = \frac{10В}{5\Omega} = 2А$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Черч.

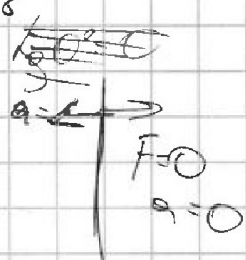
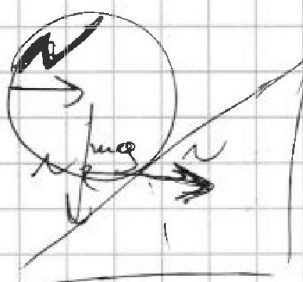
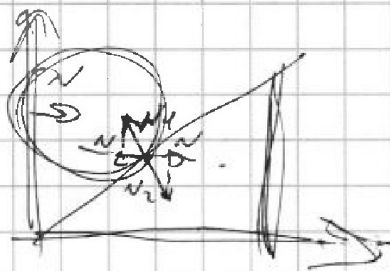
$$\begin{array}{r} 100 \\ \times 116 \\ \hline 1056 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 176 \\ \times 5 \\ \hline 880 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 176 \\ \times 5 \\ \hline 880 \end{array}$$

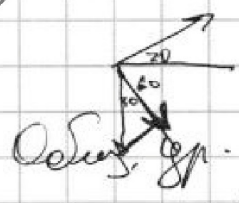
$$\begin{array}{r} 176 \\ \times 5 \\ \hline 880 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 100 \\ \times 116 \\ \hline 11600 \end{array}$$



Сум. сумм: mg, mg, N', N

$$N' = mg +$$



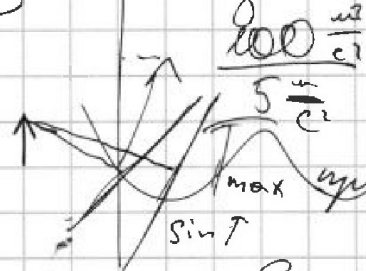
$$N = N_1$$

$$R = \frac{25^2}{g \cdot \cos 60^\circ}$$

$$T = T_1 + T_2 = \frac{S}{u'} + \frac{S}{u''} =$$

$$= \frac{S}{2v \cos \beta} + \frac{S}{2v \cos \beta}$$

Case $N' = 2mg$ in berg



$$T = \frac{2400}{5} = 480$$

$$T = \frac{S}{u'} + \frac{S}{u''} = \frac{5600}{40} + \frac{5600}{8} =$$

$$N = N_1 \sin \alpha = 240 + 240 \cdot 5 = 1440$$

$$N \uparrow \rightarrow \sin \alpha \uparrow \text{ and } N_1 \uparrow$$