



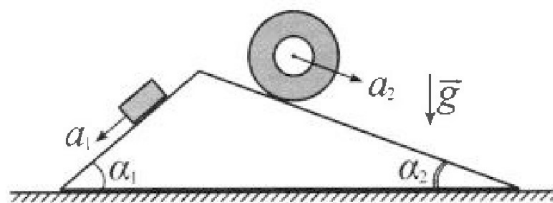
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



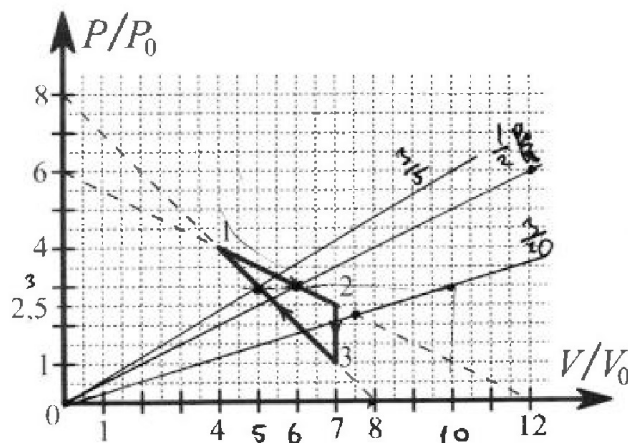
1. С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брусок массой m с ускорением $a_1 = 5g/13$ и скатывается без проскальзывания полый цилиндр массой $4m$ с ускорением $a_2 = 5g/24$ (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту α_1 ($\sin \alpha_1 = 3/5$, $\cos \alpha_1 = 4/5$) и α_2 ($\sin \alpha_2 = 5/13$, $\cos \alpha_2 = 12/13$). Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.



- 1) Найти силу трения F_1 между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения F_2 между цилиндром и клином.
- 3) Найти силу трения F_3 между столом и клином.

Каждый ответ выразить через m и g с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

2. С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость P/P_0 от V/V_0 . Здесь V и P - объем и давление газа, V_0 и P_0 - некоторые неизвестные объем и давление.

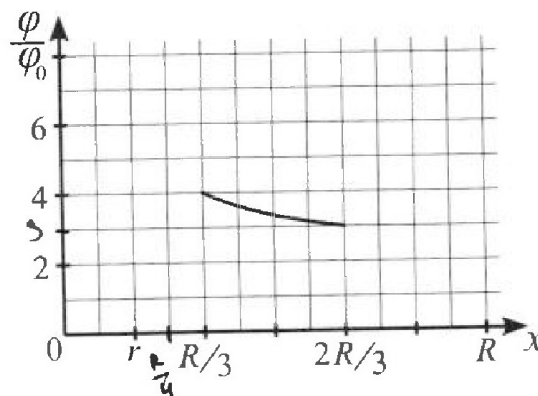
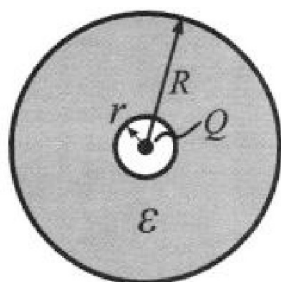


- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 2-3 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 1.
- 3) Найдите КПД цикла.

Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.

3. В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью ϵ и радиусами поверхностей r и R находится шарик с зарядом Q (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала φ электрического поля внутри диэлектрика от расстояния x от центра полого шара в интервале изменений x от $R/3$ до $2R/3$ (см. рис.). Здесь φ_0 - потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

- 1) Считая известными r , R , Q , ϵ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при $x = R/4$.
- 2) Используя график, найти численное значение ϵ .





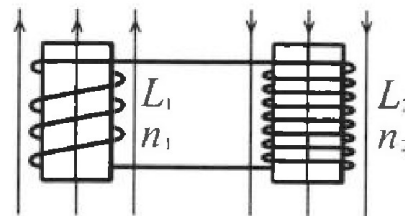
Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2024

Вариант 11-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

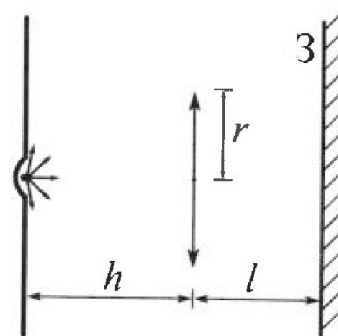


4. Две катушки с индуктивностями $L_1 = L$ и $L_2 = 4L$ и числами витков $n_1 = n$ и $n_2 = 2n$ помещены во внешние однородные магнитные поля с постоянными во времени индукциями (см. рис.). Площадь витка каждой катушки S . Индукции внешних полей направлены перпендикулярно плоскостям витков катушек. Катушки находятся достаточно далеко друг от друга. Омическое сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. Вначале тока в катушках нет.



- 1) С какой скоростью (по модулю) начнет изменяться ток в катушках, если в катушке с индуктивностью L_1 индукция внешнего поля начнет возрастать со скоростью $\Delta B / \Delta t = \alpha (\alpha > 0)$, а во второй катушке внешнее поле останется неизменным?
- 2) За некоторое время индукция внешнего поля в катушке с индуктивностью L_1 уменьшилась от B_0 до $B_0/2$, не изменив направления, а в катушке с индуктивностью L_2 индукция внешнего поля уменьшилась от $2B_0$ до $2B_0/3$, не изменив направления. Внешние поля в катушках изменялись неравномерно. Найти ток (по модулю) в катушках к концу изменения внешних полей. Ответ дать с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

5. В стене сделана небольшая выемка, внутри которой находится маленькая лампочка так, что прямой свет от лампочки на стену не попадает (см. рис.). Справа от лампочки на некотором расстоянии h расположена тонкая собирающая линза с фокусным расстоянием $F = h/2$. Главная оптическая ось линзы горизонтальна и проходит через лампочку. Радиус линзы $r = 3$ см. Справа от линзы на расстоянии $l = 2h/3$ расположено параллельно стене плоское зеркало 3. Считать, что свет, идущий мимо линзы, проходит плоскость линзы беспрепятственно. Размеры стены и зеркала намного больше размеров линзы.



- 1) Найдите площадь неосвещенной части зеркала.
- 2) Найдите площадь неосвещенной части стены.

Ответы дайте в $[см^2]$ в виде $\gamma\pi$, где γ - целое число или простая обыкновенная дробь.

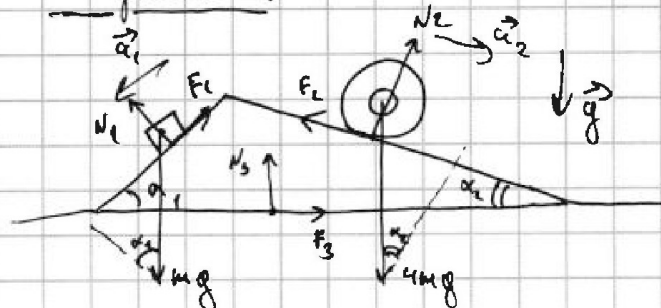


1 ☒ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 1.



1) Запишем II закон Ньютона для блока и цилиндра:

$$ma_1 = mg \sin \alpha_1 - F_1 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F_1 = mg \sin \alpha_1 - ma_1 =$$

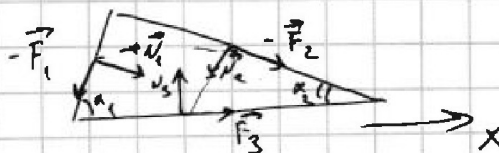
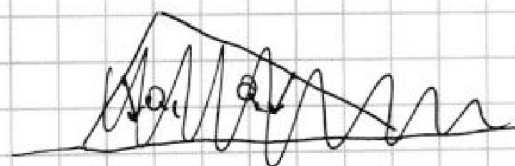
$$= mg \frac{3}{5} - mg \cdot \frac{5}{13} = \frac{39-25}{65} mg = \frac{14}{65} mg = F_1 \quad N_1 = mg \cos \alpha_1$$

2) Аналогично для цилиндра:

$$4ma_2 = 4mg \sin \alpha_2 - F_2 \Rightarrow F_2 = 4mg \sin \alpha_2 - 4ma_2 =$$

$$= 4mg \left(\frac{5}{13} - \frac{5}{24} \right) = 20mg \left(\frac{24-13}{312} \right) = \frac{55}{48} mg = F_2 \quad N_2 = 4mg \cos \alpha_2$$

3) Каким действом: $\vec{Q}_1 = -\vec{N}_1 - \vec{F}_1$; $\vec{Q}_2 = -\vec{N}_2 - \vec{F}_2$



Запишем IIЗН на ~~楔形块~~ $\Sigma F_{ix} = 0$

$$0 = F_2 \cos \alpha_2 - N_2 \sin \alpha_2 + N_1 \sin \alpha_1 - F_1 \cos \alpha_1 + F_{3x}$$

$$0 = \frac{55}{48} mg \cos \frac{12}{13} - 4mg \frac{12}{13} \cdot \frac{5}{13} + mg \frac{3}{5} \cdot \frac{4}{5} - \frac{14}{65} mg \cdot \frac{4}{5} + F_{3x}$$

$$-F_{3x} = \frac{110-240}{13^2} mg + \frac{4}{5} \left(\frac{3}{5} - \frac{14}{65} \right) mg = \frac{-130}{13^2} mg + \frac{4}{5} \cdot \left(\frac{39-14}{65} \right) mg =$$

$$= -\frac{10}{13} mg + \frac{4}{5} \cdot \frac{25}{65} mg = -\frac{10}{13} mg + \frac{12}{65} mg = \frac{-12-50}{65} mg = \frac{-38}{65} mg = -F_{3x}$$

Ответ: 1) $F_1 = \frac{14}{65} mg$; 2) $F_2 = \frac{55}{48} mg$; 3) $F_3 = \frac{38}{65} mg$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☒ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 2.

1) ~~1-2-3~~ $\Delta U_{23} = \frac{3}{2} (P_3 V_3 - P_2 V_2) = \frac{3}{2} (P_3 - P_2) V_2 \Rightarrow$
 $\Rightarrow \Delta U_{23} = \frac{3}{2} (P_3 - P_2) V_2 = \frac{3}{2} (P_3 - P_2) V_2 = \frac{3}{2} (P_3 - P_2) V_2 \Rightarrow |\Delta U_{23}| = \frac{3}{2} P_0 V_0$

$A = S_{\text{max}} = \frac{1}{2} (4 - 4) P_0 \cdot \frac{3}{2} V_0 = \frac{3}{2} \cdot \frac{3}{2} P_0 V_0 = \frac{9}{4} P_0 V_0 \Rightarrow$

2) $\frac{|\Delta U_{23}|}{A} = \frac{\frac{3}{2} P_0 V_0}{\frac{9}{4} P_0 V_0} = \frac{2}{3} = \frac{|\Delta U_{23}|}{A}$

2) $T_{\text{max}} \text{ при } dU = 0 \Rightarrow \frac{3}{2} d(PV) = (P dV + V dP) = 0 \Rightarrow \frac{dP}{dV} = -\frac{P}{V}$

Т.к. 1-2 - изотерма $\frac{dP}{dV} = -\frac{P}{V} = -\frac{P_0}{2V_0} \Rightarrow T_{\text{max}} \text{ при } P = \frac{P_0}{2V_0} \Rightarrow$

$\Rightarrow P = \frac{P_0}{2V_0} V \Rightarrow \text{Т. пересечения } (3P_0, 6V_0) \Rightarrow T_{\text{max}} = \frac{3P_0 \cdot 6V_0}{\nu R} = \frac{18P_0 V_0}{\nu R}$

$\& T_1 = \frac{4P_0 \cdot 4V_0}{\nu R} = \frac{16P_0 V_0}{\nu R} \Rightarrow \frac{T_{\text{max}}}{T_1} = \frac{18 \frac{P_0 V_0}{\nu R}}{16 \frac{P_0 V_0}{\nu R}} = \frac{9}{8} = \frac{T_{\text{max}}}{T_1}$

3) $dQ = 0 \Rightarrow 0 = \frac{3}{2} P dV + \frac{3}{2} V dP + P dV = \frac{5}{2} P dV + \frac{3}{2} V dP = 0 \Rightarrow \frac{dP}{dV} = -\frac{5P}{3V}$

Одна точка 1-2: $\frac{dP}{dV} = -\frac{P_0}{2V_0} \Rightarrow -\frac{5P}{3V} \Rightarrow \frac{3}{10} \frac{P_0}{V_0} V = P \Rightarrow$

$\Rightarrow$ из графика видно, что т. пересечения 3 и Т. 2 $\Rightarrow$

$\Rightarrow Q_{12} = Q_{+12} = \frac{3}{2} (2,5 \cdot 4P_0 V_0 - 16P_0 V_0) + \frac{2,5+4}{2} \cdot 3P_0 V_0 =$

$= \frac{3}{2} P_0 V_0 \left(\frac{35}{2} - 16 + \frac{13}{2} \right) = \frac{3 \cdot 46}{4} P_0 V_0 = 12 P_0 V_0$

3-4: $\frac{dP}{dV} = -1 \cdot \frac{P_0}{V_0} = -\frac{5P}{3V} \Rightarrow P = \frac{3}{5} \frac{P_0}{V_0} V \Rightarrow \text{Т. пересечения } (5V_0, 3P_0) \Rightarrow$

$\Rightarrow Q_{+34} = \frac{3}{2} (15P_0 V_0 - 4P_0 V_0) - 2 \cdot \frac{1+3}{2} P_0 V_0 = (12-4) P_0 V_0 = 8 P_0 V_0$

$Q_{+34} = \frac{3}{2} (15P_0 V_0 - 4P_0 V_0) - 2 \cdot \frac{1+3}{2} P_0 V_0 = (12-4) P_0 V_0 = 8 P_0 V_0$

$Q_{+34} = \frac{3}{2} (15P_0 V_0 - 4P_0 V_0) - 2 \cdot \frac{1+3}{2} P_0 V_0 = (12-4) P_0 V_0 = 8 P_0 V_0$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

☐☒☐☐☐☐☐

СТРАНИЦА

2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 2 (продолжение)

$$\eta = \frac{A}{Q_{12} + Q_{23}} = \frac{\frac{3}{4} P_0 V_0}{12 P_0 V_0 + 8 P_0 V_0} = \frac{3}{80} = \eta$$

$$\text{Ответ: 1) } \frac{|\Delta U_{23}|}{A} = 4; \quad 2) \frac{T_{\max}}{T_1} = \frac{9}{8}; \quad \eta = \frac{3}{80}$$



1 2 3 4 5 6 7

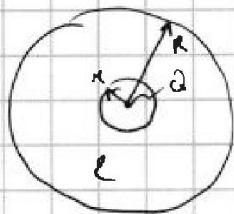
☐ ☐ ☒ ☐ ☐ ☐ ☐

СТРАНИЦА

1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 3.



Полем в диэлектрике $\epsilon \sim \epsilon^{-1}$, но $E = \frac{U}{d} \Rightarrow$

$\Rightarrow$ Если без диэлектрика U_1 , то с диэлектриком $U_2 = \epsilon^{-1} U_1$

$$\Phi_R = \frac{kQ}{R}; U_1 = \frac{kQ}{x} - \frac{kQ}{R} = kQ \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{R} \right)$$

$$U_2 = (U_1 - \Phi_R) = \left(\frac{kQ}{x} - \frac{kQ}{R} \right) = \epsilon^{-1} U_1 = \epsilon^{-1} kQ \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{R} \right) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow U_1 = \frac{\epsilon^{-1} kQ}{x} - \frac{(\epsilon^{-1} - 1)kQ}{R} = kQ \left(\frac{\epsilon^{-1}}{x} - \frac{\epsilon^{-1} - 1}{R} \right) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 1) \text{ При } x = \frac{R}{4}: \Phi_{R/4} = kQ \left(\frac{4\epsilon^{-1}}{R} - \frac{\epsilon^{-1} - 1}{R} \right) = kQ \frac{3\epsilon^{-1} + 1}{R}$$

$$2) \begin{cases} \Phi_{R/3} = kQ \left(\frac{3\epsilon^{-1}}{R} - \frac{\epsilon^{-1} - 1}{R} \right) = \frac{kQ}{R} (2\epsilon^{-1} + 1) = 4\Phi_0 \\ \Phi_{2R/3} = kQ \left(\frac{3\epsilon^{-1}}{2R} - \frac{\epsilon^{-1} - 1}{R} \right) = \frac{kQ}{2R} (3\epsilon^{-1} + 2) = 3\Phi_0 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{2\epsilon^{-1} + 1}{\epsilon^{-1} + 2} = \frac{4}{3} \Rightarrow 6\epsilon^{-1} + 3 = 2\epsilon^{-1} + 4 \Rightarrow 4\epsilon^{-1} = 1 \Rightarrow \epsilon^{-1} = \frac{1}{4} \Rightarrow \boxed{\epsilon = 4}$$

Примечание: из условия ясно, что $r < \frac{R}{4}$, тогда

Ответ в данной ситуации не зависит от r , т.к.

Ответ по определению $\Phi = \frac{A}{q}$, где A - работа по перемещению

с бесконечности $\Rightarrow$ Φ не зависит

$$\boxed{\text{Ответ: } 1) \Phi_{R/4} = \frac{kQ}{R} \cdot \frac{3+\epsilon}{\epsilon}; 2) \epsilon = 4}$$

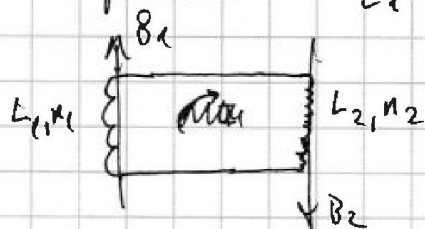


1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 4.



$$L_1 = L; L_2 = 4L; N_1 = N; N_2 = 2N$$

1) Φ -намагничивание контура

$$\Phi = \Phi_1 + \Phi_2$$

$$(L_1 + L_2) \dot{I} = - \dot{\Phi} = - \dot{\Phi}_1 - \dot{\Phi}_2$$

$$\text{т.к. } \dot{\Phi}_2 = 0 \Rightarrow (L_1 + L_2) \dot{I} = - \dot{\Phi}_1 = - (B_1 S N_1) = - \dot{B}_1 \cdot S N_1 = - \alpha S N_1 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow |\dot{I}| = \frac{\alpha S N_1}{L_1 + L_2} = \frac{\alpha S N}{L + 4L} = \frac{\alpha S N}{5L} = |\dot{I}|$$

возьмем за ноль $B_1 \Rightarrow \Phi_1$

$$2) I_0 = 0; (L_1 + L_2) \Delta I = - \Delta \Phi_1 - \Delta \Phi_2 = - |\Delta \Phi_1| + |\Delta \Phi_2|$$

$$|\Delta \Phi_1| = \left(B_0 - \frac{B_0}{2} \right) S N_1 = \frac{B_0 S N_1}{2}; |\Delta \Phi_2| = \left(2B_0 - \frac{2B_0}{3} \right) S N_2 =$$

$$= \frac{4B_0 S N_2}{3} \quad \text{т.к. } I_0 = 0 \Rightarrow |\dot{I}| = I \Rightarrow I = \frac{1}{L_1 + L_2} \left| \frac{4B_0 S N_2}{3} - \frac{B_0 S N_1}{2} \right|$$

$$= \frac{B_0 S N}{L_1 + L_2} \left(\frac{4 \cdot 2}{3} - \frac{1}{2} \right) = \frac{16 - 3}{6} \cdot \frac{B_0 S N}{L + 4L} = \frac{13 B_0 S N}{30L} = I$$

$$\text{Ответ: } I = \frac{13 B_0 S N}{30L}$$

$$\text{Ответ: } 1) |\dot{I}| = \frac{\alpha S N_1}{5L}; 2) I = \frac{13 B_0 S N}{30L}$$

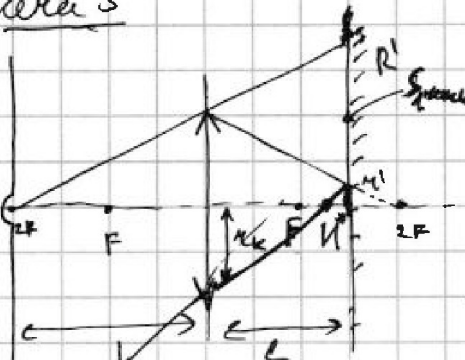


1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
(ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 5



Величины R' и R радиусы

1) Т.к. $F = \frac{h}{2}$; $d = 2h$:

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{f} = \frac{1}{F} - \frac{1}{d} = \frac{2}{h} - \frac{1}{h} = \frac{1}{h} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow f = h - \text{высота расстояния до экрана}$$

$\Rightarrow$ через линзу освещается

круг радиусом $r' = \frac{h-l}{h} r =$

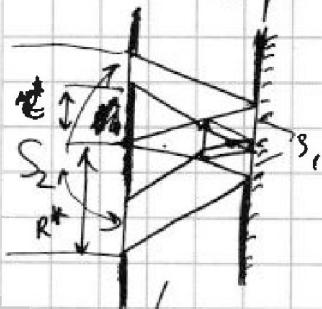
$$= \frac{h - \frac{2h}{3}}{h} r = \frac{1}{3} r = 1 \text{ см}$$

Все зеркало будет освещено кругом радиуса с внешней радиусом R' (внешняя, см. рис.): $R' = \frac{2h}{h} r = 2r = 6 \text{ см}$

$$\Rightarrow S_{\text{освещ.}} = \pi R'^2 - \pi r'^2 = \pi (R'^2 - r'^2) = \pi (6^2 - 1^2) \text{ см}^2 = 35\pi \text{ см}^2$$

2) Если после оптической линзы колеблются на оси источника на расстоянии $d^* = h - 2(h-l) = 2l - h = \frac{4}{3}h - h = \frac{1}{3}h < F \Rightarrow$

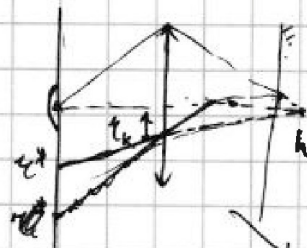
$\Rightarrow$ на линзу дурно расходятся и освещают круг r^*



$$R^* = 2R'$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d^*} + \frac{1}{f^*} \Rightarrow \frac{1}{f^*} = \frac{1}{F} - \frac{1}{d^*} = \frac{2}{h} - \frac{3}{h} = -\frac{1}{h} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow |f^*| = +h, \text{ но крайний луч дурно дурно дурно}$$

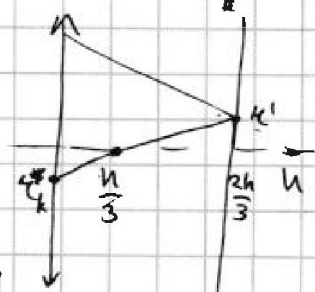


$r_k =$

используем:

$$r_k = \frac{r'}{2}$$

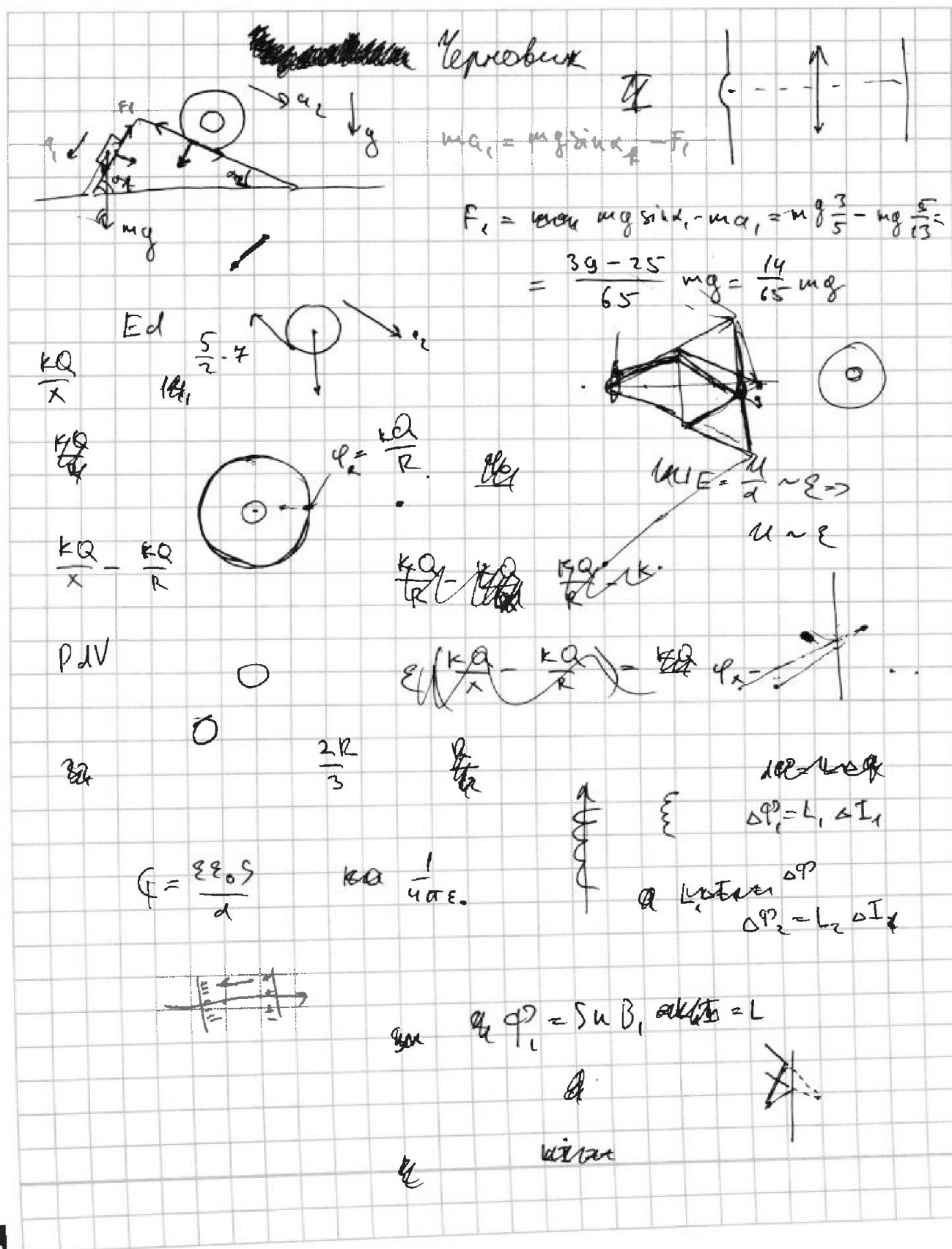
$$r^* = 2r_k = r'$$



$$S_2 = \pi R^{*2} - \pi r^{*2} = \pi (R^2 - r'^2) = \pi (12^2 - 1^2)$$

$$S_2 = \pi (2R' + r') (2R' - r') = \pi (12 + 1)(12 - 1) = 143\pi \text{ см}^2$$

Ответ: 1) $S_1 = 35\pi \text{ см}^2$; 2) $S_2 = 143\pi \text{ см}^2$





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐

2
☐

3
☐

4
☐

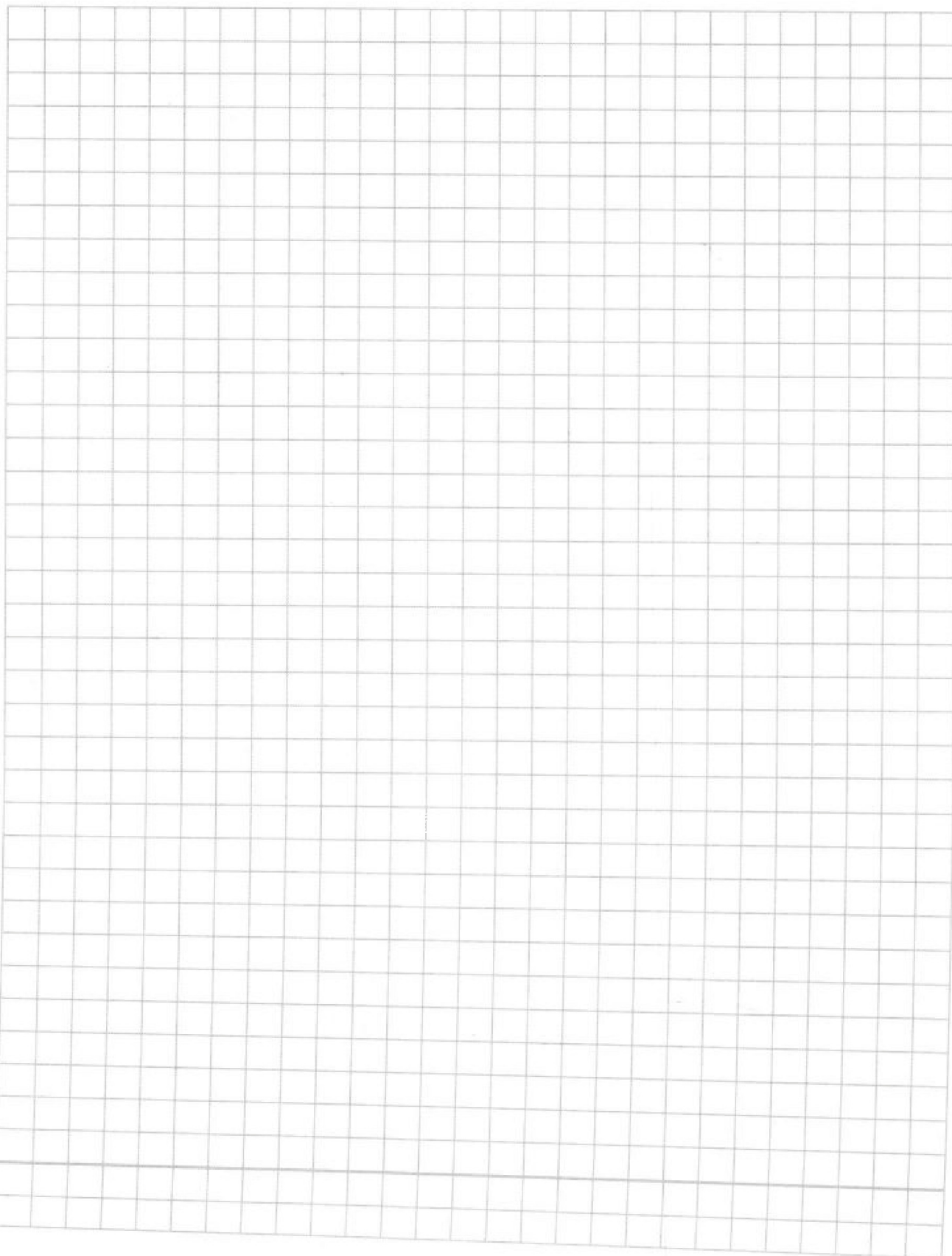
5
☐

6
☐

7
☐

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐

2
☐

3
☐

4
☐

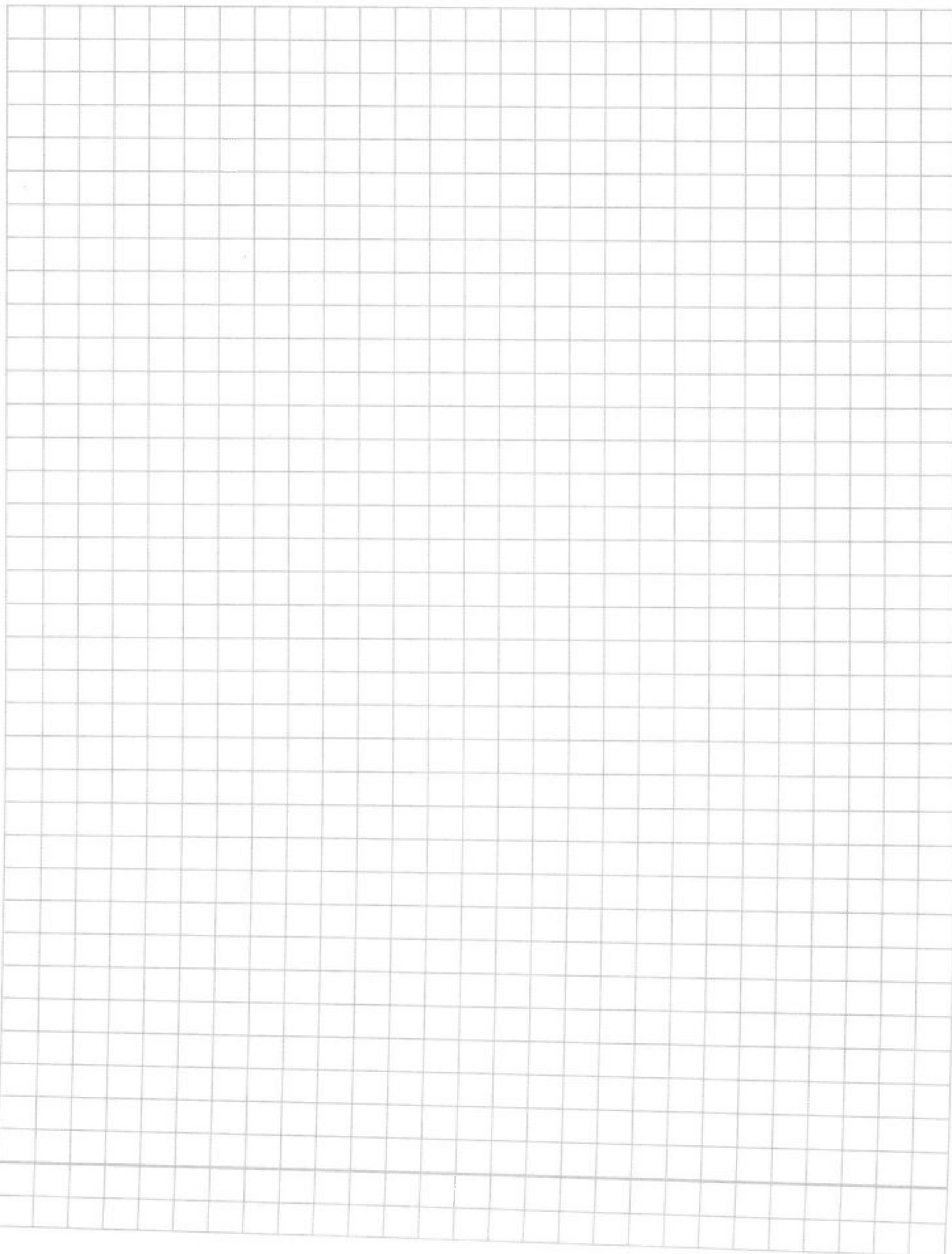
5
☐

6
☐

7
☐

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐

2
☐

3
☐

4
☐

5
☐

6
☐

7
☐

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

