



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 8



1. [3 балла] Пятый член арифметической прогрессии равен $6x + 18$, седьмой член равен $(x^2 - 4x)^2$, а одиннадцатый равен $(-3x^2)$. Найдите x .
2. [4 балла] Найдите наименьшее значение выражения $14x + 7y$ при условии

$$\begin{cases} |4x - 3y| \leq 6, \\ |3x - 4y| \leq 8. \end{cases}$$

3. [5 баллов] Найдите все пары (m, n) натуральных чисел, для которых одно из чисел $A = m^2 - 2mn + n^2 + 9m - 9n$ и $B = m^2n - mn^2 + 3mn$ равно $13p^2$, а другое равно $3q^2$, где p и q — простые числа.
4. [5 баллов] Прямая, параллельная биссектрисе AH треугольника ABC , проходящая через середину M его стороны BC , пересекает сторону AC и продолжение стороны AB в точках Z и Y соответственно. Найдите BC , если $AC = 12$, $AZ = 3$, $YZ = 4$.
5. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+6} - \sqrt{5-y} + 5 = 2\sqrt{30-x-y^2}, \\ 4x^4 + x - 5\sqrt[4]{y} = 4y^4 - 5\sqrt[4]{x} + y. \end{cases}$$

6. [4 балла] На тетрадном листе нарисован квадрат 9×9 клеток (стороны квадрата идут вдоль границ клеток), а все узлы сетки внутри квадрата или на его границе покрашены в чёрный цвет. Найдите количество способов перекрасить два узла в белый цвет, если раскраски, получающиеся друг из друга поворотом, считаются одинаковыми.
7. [6 баллов] В треугольнике ABC на медиане AM и биссектрисе CL как на диаметрах построены окружности Ω и ω соответственно, пересекающиеся в точках P и Q . Отрезок PQ параллелен высоте треугольника ABC , проведённой из вершины B . Окружность Ω пересекает сторону AC повторно в точке N . Найдите длины сторон AC и BC , если $AB = 26$, $AN = 20$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Первый член арифметической прогрессии равен a_1 ; разность арифметической прогрессии равна d . n -й член прогрессии

$$a_5 = a_1 + 4d = 6x + 18$$

$$a_7 = a_1 + 6d = (x^2 - 4x)^2 = x^4 - 8x^3 + 16x^2$$

$$a_{11} = a_1 + 10d = -3x^2$$

$$a_7 - a_5 = a_1 + 6d - a_1 - 4d = 2d = x^4 - 8x^3 + 16x^2 - 6x - 18$$

$$a_{11} = a_1 + 10d = a_1 + 6d + 4d = a_7 + 2 \cdot 2d = x^4 - 8x^3 + 16x^2 + 2x^4 - 16x^3 + 32x^2 - 12x - 36 = -3x^2$$

$$3x^4 - 24x^3 + 48x^2 - 12x - 36 = 0 \quad | :3$$

$$x^4 - 8x^3 + 16x^2 - 4x - 12 = 0$$

$$(x-2)^2(x^2 - 4x - 3) = 0$$

$$* x^2 - 4x - 3 = 0$$

$$\begin{cases} x = 2 \\ x^2 - 4x - 3 = 0 * \end{cases}$$

$$\frac{D}{4} = 4 + 3 = 7$$

$$\begin{cases} x = 2 \\ x = 2 + \sqrt{7} \\ x = 2 - \sqrt{7} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 2 + \sqrt{7} \\ x = 2 - \sqrt{7} \end{cases}$$

Ответ: $2; 2 + \sqrt{7}; 2 - \sqrt{7}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☒ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

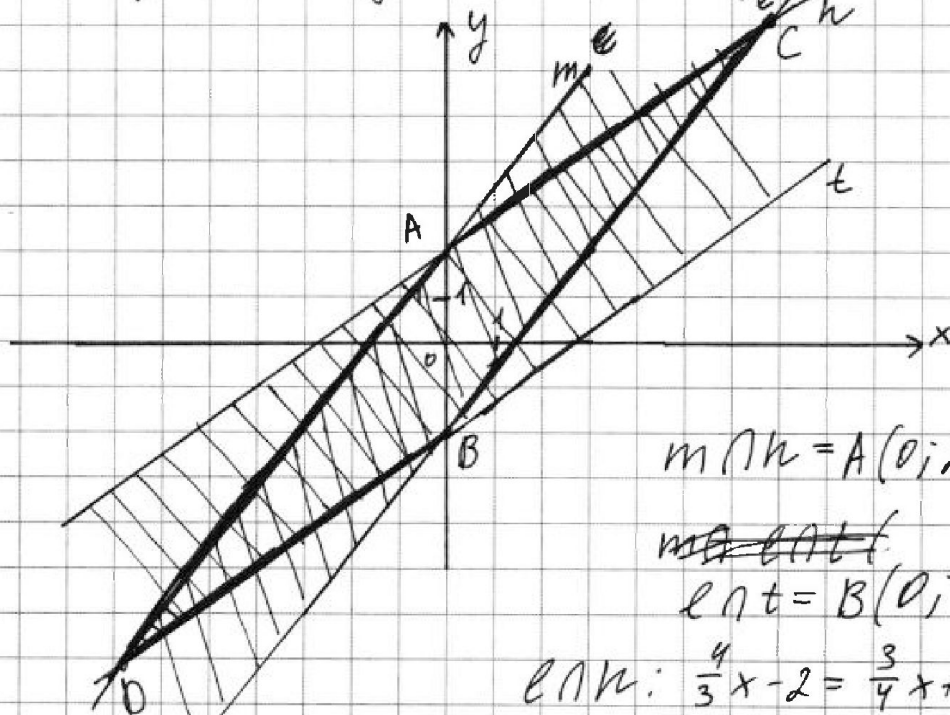
СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} |4x - 3y| \leq 6 & (1) \\ |3x - 4y| \leq 8 & (2) \end{cases}$$

$$(1) \begin{cases} 4x - 3y \leq 6 \\ 4x - 3y \geq -6 \end{cases}; \begin{cases} y \geq \frac{4}{3}x - 2 \\ y \leq \frac{4}{3}x + 2 \end{cases} \quad \begin{aligned} y &= \frac{4}{3}x - 2 - \text{кр. } e \\ y &= \frac{4}{3}x + 2 - \text{кр. } m \end{aligned}$$

$$(2) \begin{cases} 3x - 4y \leq 8 \\ 3x - 4y \geq -8 \end{cases}; \begin{cases} y \geq \frac{3}{4}x - 2 \\ y \leq \frac{3}{4}x + 2 \end{cases} \quad \begin{aligned} y &= \frac{3}{4}x - 2 - \text{кр. } t \\ y &= \frac{3}{4}x + 2 - \text{кр. } n \end{aligned}$$



$$m \cap n = A(0; 2)$$

$$\cancel{m \cap t} \\ e \cap t = B(0; -2)$$

$$e \cap n: \frac{4}{3}x - 2 = \frac{3}{4}x + 2 \quad | \cdot 12$$

$$16x - 24 = 9x + 24$$

$$x = \frac{48}{7} \quad y = \frac{50}{7}$$

$$e \cap n = C\left(\frac{48}{7}; \frac{50}{7}\right)$$

$$m \cap t: \frac{4}{3}x + 2 = \frac{3}{4}x - 2 \quad | \cdot 12$$

$$16x - 9x = -48$$

$$x = -\frac{48}{7} \quad y = -\frac{50}{7}$$

$$m \cap t = D\left(-\frac{48}{7}; -\frac{50}{7}\right)$$

Решение системы - внутренняя
штрихованная область

D-точка с наим. зн. x и y

$$14x + 7y = -96 + -50 = -146$$

Ответ: -146



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

☐ ☐ ☒ ☐ ☐ ☐ ☐

СТРАНИЦА

1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$n, m \in \mathbb{N}$

$$A = m^2 - 2mn + n^2 + 9m - 9n = (m-n)^2 + 9(m-n) = (m-n)(m-n+9)$$

$$B = m^2n - mn^2 + 3mn = mn(m-n+3)$$

1 случай: $A = 13p^2$; $B = 3q^2$, ~~p, q - простые~~

$$13p^2 = (m-n)(m-n+9)$$

Рассм. возможные значения $m-n$

① $m-n=1 \Rightarrow m-n+9=13p^2$

$$10 = 13p^2$$

$$p^2 = \frac{10}{13}$$

p - простое $\Rightarrow$ противоречие

② $m-n=13 \Rightarrow m-n+9=p^2$

$$22 = p^2$$

p - простое $\Rightarrow$ противоречие

③ $m-n=13p \Rightarrow m-n+9=p$

$$13p+9=p$$

$$p = -\frac{9}{12} = -\frac{3}{4}$$

p - простое

$\Rightarrow$ противоречие

④ $m-n=13p^2 \Rightarrow m-n+9=1$

$$13p^2 = -8 \Rightarrow$$

$$p \in \mathbb{N}$$

$\Rightarrow$ противоречие

⑤ $m-n=p \Rightarrow m-n+9=13p$

$$p+9=13p$$

$$p = \frac{9}{12} = \frac{3}{4}$$

$$p \in \mathbb{N}$$

$\Rightarrow$ противоречие

⑥ $m-n=p^2 \Rightarrow m-n+9=13$

$$p^2 = 4$$

$$p = 2$$

$$m-n=4$$

$$m=n+4$$

$$B = n(n+4) \cdot 4 = 3q^2 \Rightarrow q \div 7, q \text{ - простое}$$

$$\Rightarrow q \neq 7; q^2 = 49$$

$$n^2 + 4n = 21 \Leftarrow$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7
☐ ☐ ☒ ☐ ☐ ☐ ☐

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$n^2 + 4n = 21$$

$$\begin{cases} n = 3 \\ n = -7 \\ n \in \mathbb{N} \end{cases} \Rightarrow n = 3 \Rightarrow m = 7$$

2 случая: $A = 3q^2$ $B = 13p^2$, q, p - простые
 $q \in \mathbb{N}$ $p \in \mathbb{N}$

$$3q^2 = (m-n)(m-n+9)$$

① $m-n=1 \Rightarrow m-n+9=3q^2$

$$q^2 = \frac{10}{3} \mid \Rightarrow \text{противоречие}$$

$q \in \mathbb{N}$

② $m-n=3 \Rightarrow m-n+9=q^2=12 \mid \Rightarrow \text{противоречие}$
 $q \in \mathbb{N}$

③ $m-n=3q \Rightarrow m-n+9=q=3q+9$
 $q = -\frac{9}{2} \mid \Rightarrow \text{противоречие}$
 $q \in \mathbb{N}$

④ $m-n=3q^2 \Rightarrow m-n+9=1$
 $3q^2 = -8$
 $q^2 = -\frac{8}{3} \mid \Rightarrow \text{противоречие}$
 $q \in \mathbb{N}$

⑤ $m-n=q \Rightarrow m-n+9=3q$
 $2q=9$
 $q = \frac{9}{2} \mid \Rightarrow \text{противоречие}$
 $q \in \mathbb{N}$

⑥ $m-n=q^2 \Rightarrow m-n+9=3$
 $q^2 = -6 \mid \Rightarrow \text{противоречие}$
 $q \in \mathbb{N}$

$\Rightarrow$ из 2 случаев, подходит пара $(7; 3)$

Ответ: $(7; 3)$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Дано:

$\triangle ABC$

AX - бис.

$MZ \parallel AX, Z \in AC$

$MZ \cap AB = Y$

$AC = 12$

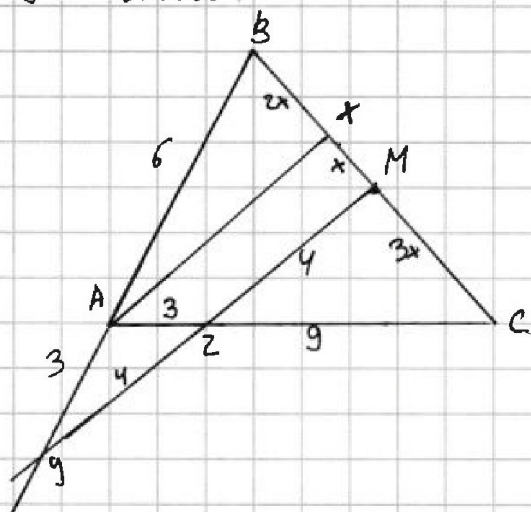
$AZ = 3$

$YZ = 4$

Найти:

$BC = ?$

Решение:



1) $AX \parallel ZM \mid \Rightarrow \angle AXC = \angle ZMC$ (по corres. углам при пар. пр. и сек.)

2) $\triangle AXC \sim \triangle ZMC$ ($\angle C$ - общ., $\angle AXC = \angle ZMC$) $\Rightarrow$ по признаку подобия.

$\Rightarrow$ по аналог., $\frac{MC}{XC} = \frac{ZC}{AC} = \frac{9}{12}$

$ZC = AC - AZ = 12 - 3 = 9$

$\frac{MC}{XC} = \frac{9}{12} = \frac{3}{4}$; $MC + XM = XC \Rightarrow XM = XC - MC$

Пусть $MC = 3x$, $XC = 4x \Rightarrow XM = 4x - 3x = x$

3) M - сер. BC (по усл.) $\Rightarrow BM = MC = 3x$, $BX = 2x$

4) AX - бис. по усл. $\Rightarrow$ по св. бис., $\frac{BX}{XC} = \frac{AB}{AC} = \frac{2x}{4x} = \frac{1}{2}$

$\Rightarrow AB = \frac{1}{2} AC = 6$

5) $AX \parallel YM \Rightarrow$ по теореме о пропорц. отрез., $\frac{BY}{YM} = \frac{AB}{AY} = \frac{2x}{x}$

$\Rightarrow AY = \frac{1}{2} AB = 3$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА

2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

6) По т. Менелая для $\triangle MYB$ и пр. AC :

$$\frac{YA}{AB} \cdot \frac{BC}{CM} \cdot \frac{MZ}{ZY} = 1$$

$$\frac{MZ}{ZY} = \frac{CM}{BC} \cdot \frac{AB}{AY} = \frac{1 \cdot 2}{2 \cdot 1} = 1 \Rightarrow MZ = ZY = Y$$

7) По т. косинусов для $\triangle AZY$:

$$AZ^2 = AY^2 + YZ^2 - 2 \cdot AY \cdot YZ \cdot \cos \angle Y$$

~~$$\cos \angle Y = \frac{AY^2 + AZ^2 - YZ^2}{2 \cdot AY \cdot AZ}$$~~

$$\cos \angle Y = \frac{AY^2 + YZ^2 - AZ^2}{2 \cdot AY \cdot YZ}$$

$$\cos \angle Y = \frac{9 + 16 - 9}{2 \cdot 3 \cdot 4} = \frac{16}{8 \cdot 3} = \frac{2}{3}$$

8) По т. косинусов для $\triangle BYM$:

$$BM^2 = BY^2 + MY^2 - 2 \cdot BY \cdot MY \cdot \cos \angle Y$$

$$BM^2 = 81 + 64 - 2 \cdot 9 \cdot 8 \cdot \frac{2}{3} = 145 - 4 \cdot 3 \cdot 8 = 49$$

$$BM = 7 = \frac{1}{2} BC$$

$$BC = 14$$

Ответ: ~~14~~ $BC = 14$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

С учётом ограничений:

$$(1) x+6+15+10\sqrt{x+6} = 120-4x-4x^2+5-x+4\sqrt{(5-x)(6+x)}\sqrt{5-x}$$

$$4x^2+6x-94 = 4 \cdot (5-x) \sqrt{6+x} - 10\sqrt{x+6}$$

$$4x^2+6x-94 = \sqrt{x+6} (10-x)$$

$$16x^4+36x^2+8836+48x^3-1128x^2-752x^2 = (x+6)(100-20x+x^2)$$

$$16x^4+48x^3-716x^2-1128x+8836 = 100x-20x^2+x^3+600-120x+1x^2$$

$$16x^4+47x^3-702x^2-1108x+8236=0$$

С учётом ограничений:

$$(1) \sqrt{x+6} - \sqrt{5-x} + 5 = 2\sqrt{(5-x)(6+x)}$$

$$\sqrt{x+6} + 5 = 2\sqrt{5-x}(\sqrt{6+x} + 1)$$

$$x+11+2\sqrt{x+6} = \sqrt{5-x} (5-x) (12+2x+4\sqrt{6+x} + 4(5-x)(6+x+1+2\sqrt{6+x}))$$

$$x+11+2\sqrt{x+6} = (20-4x)(x+7+2\sqrt{6+x})$$

$$x+11+2\sqrt{x+6} = 20x+140-16x-8x\sqrt{6+x}$$

$$\sqrt{x+6}(2+8x) = 3x+129$$

$$(x+6)(4+32x+64x^2) = 9x^2+774x+1664$$

$$4x+32x^2+64x^3+24+192x+384x^2 = 9x^2+774x+1664$$

$$64x^3+361x^2-578x-1664=0$$



1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x+6} - \sqrt{5-y} + 5 = 2\sqrt{30-x-y^2} \quad (1)$$

$$4x^4 + x - 5\sqrt[4]{y} = 4y^4 - 5\sqrt[4]{x} + y \quad (2)$$

$$(2) \quad 4x^4 + x + 5\sqrt[4]{x} = 4y^4 + y + 5\sqrt[4]{y}$$

Ограничения: $x \geq 0, y \geq 0$

Пусть $f(t) = 4t^4 + t + 5\sqrt[4]{t}$

$f(t)$ ^{монотонно} возр. на промежутке $t \in [0; +\infty)$
и ^{монотонно} убывает на промежутке $(-\infty; 0]$

$f(x)$ возр. на при $x \geq 0$, $f(y)$ возр. при $y \geq 0$

~~$f(x) = f(y)$ - ур-е имеет не более 1 решения~~

$$f(x) = f(y) \Leftrightarrow x = y$$

$$(1) \quad \sqrt{x+6} + 5 = 2\sqrt{30-x-y^2} + \sqrt{5-y}$$

~~Ограничения: $x+6 \geq 0$
 $5-y \geq 0$
 $x \geq 0$
 $y \geq 0$
 $30-x-y^2 \geq 0$~~

$$f(x) = f(y) \Leftrightarrow x = y$$

$$(1) \quad \sqrt{x+6} - \sqrt{5-x} + 5 = 2\sqrt{30-x-x^2}$$

$$\sqrt{x+6} + 5 = 2\sqrt{30-x-x^2} + \sqrt{5-x}$$

Ограничения: $\begin{cases} x+6 \geq 0 \\ x-5 \leq 0 \\ x \geq 0 \\ 30-x-x^2 \geq 0 \end{cases}; x \in [0; 5]$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☒	☐

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Всего узлов $10 \cdot 10 = 100$

Необходимо выбрать 2 узла, это можно
сделать C_{100}^2 способами

Квадрат может иметь 4 поворота,
поэтому среди учитывая то, что раскрас-
ки попарными поворотами считаются
одинаковыми, то способов сделать это
ровно $\frac{C_{100}^2}{4}$

Ответ: $\frac{C_{100}^2}{4}$ способов

$$\begin{aligned}
 & 16x^4 + 2x^3 - 16x^3 + 32x^2 - 12x - 36 = \\
 & x^3 + 48x^2 - 12x - 36 = \\
 & x^3 + 51x^2 - 12x - 36 = 0 \\
 & + 17x^2 - 4x - 12 = 0 \\
 & x^3 + 12x^2 + 5x^2 - 10x + 6x - 12 = \\
 & -0x^2 + 5x + 6) = 0 \\
 & (-2x^2 - 4x^2 + 8x - 3x + 6) = 0 \\
 & (x^2 - 4x - 3) = 0 \\
 & (x-3)(x+\frac{9}{4}) = 4+3=7 \\
 & \frac{9}{4} = 16+12=28 \\
 & x = 2 + \sqrt{7} \quad x = 2 - \sqrt{7}
 \end{aligned}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☒ 2 ☒ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Черновик

$$a_5 = 6x + 18 = a_1 + 4d$$

$$a_7 = (x^2 - 4x)^2 = a_1 + 6d = x^4 - 8x^3 + 16x^2 - 6x + 18 = 2d$$

$$a_{11} = -3x^2 = a_1 + 10d \quad \sqrt{x+6} - \sqrt{5-x} + 5 = 2\sqrt{(5-x)(6+x)}$$

$$-3x^2 = 6x + 18 + 3x^4 - 24x^3 + 48x^2 - 18x + 18$$

$$3x^4 - 24x^3 + 51x^2 - 12x + 36 = 0 \quad 16 - 64 + 78 - 8 + 12$$

$$x^4 - 8x^3 + 17x^2 - 4x + 12 = 0$$

$$81 - 216 +$$

$$\frac{1}{16} - \frac{8}{8} + \frac{17}{4} - \frac{4}{2} + 12$$

$$-2 = \frac{64 - 19}{7} = \frac{50}{7}$$

$$6x + 18 = a_1 + 4d$$

$$x^4 - 8x^3 + 16x^2 = a_1 + 6d$$

$$-3x^2 = a_1 + 10d$$

$$x^4 - 8x^3 + 16x^2 = 6x + 18 + 2d$$

$$|4x - 3y| \leq 6$$

$$-6 \leq 4x - 3y \leq 6$$

$$|3x - 4y| \leq 8$$

$$-8 \leq 3x - 4y \leq 8$$

$$-14 \leq 7x - 7y \leq 14$$

$$7x \leq 14 + 7y$$

$$14x \leq 28 + 14y$$

$$6x + 18 = a_1 + 4d$$

$$x^2 - 4x = a_1 + 6d$$

$$-3x^2 = a_1 + 10d$$

$$2a_1 + 10d = x^2 + 2x + 18$$

$$a_1 + 10d = -3x^2$$

$$a_1 = 4x^2 + 2x + 18$$

$$6x + 18 = 4x^2 + 2x + 18 + 4d$$

$$4d = -4x^2 + 4x$$

$$d = -x^2 + x$$

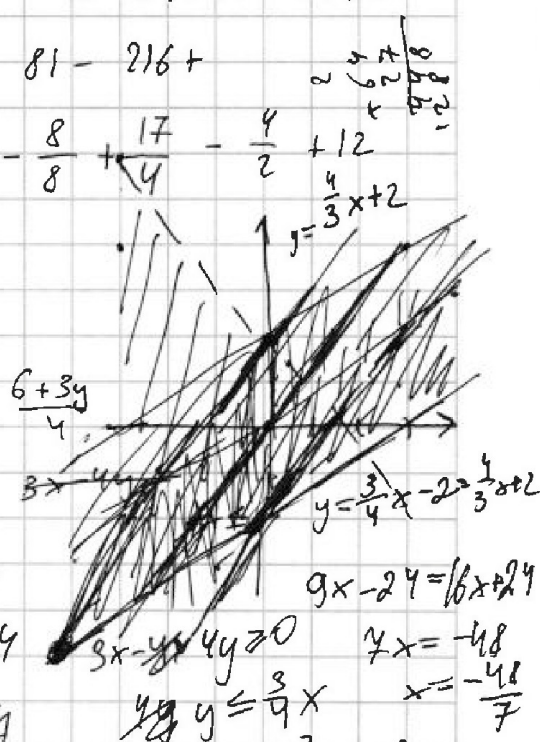
$$x^2 - 4x = 4x^2 + 2x + 18 - 6x^2 + 6x$$

$$3x^2 - 12x - 18 = 0$$

$$x^2 - 4x - 6 = 0$$

$$x = 2 + \sqrt{10}$$

$$x = 2 - \sqrt{10}$$



$f(t) = 4t^8 + 6t^4 + 5t$
 $f(5) = 4 \cdot 5^8 + 6 \cdot 5^4 + 5 \cdot 5$
 $f(5) = 4 \cdot 390625 + 6 \cdot 625 + 25$
 $f(5) = 1562500 + 3750 + 25$
 $f(5) = 1566275$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐

2
☐

3
☐

4
☐

5
☐

6
☐

7
☐

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

