

# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

## Вариант 11-03

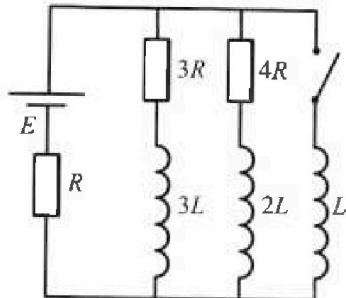


Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

4. Параметры цепи указаны на схеме, все элементы идеальные. Ключ разомкнут, режим в цепи установился. Затем ключ замыкают.

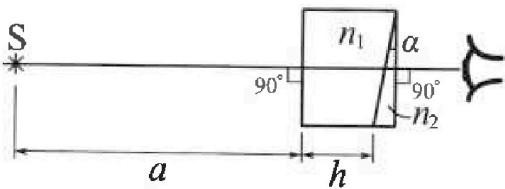
- 1) Найти ток  $I_{10}$  через резистор с сопротивлением  $3R$  при разомкнутом ключе.
- 2) Найти скорость возрастания тока в катушке индуктивностью  $L$  сразу после замыкания ключа.
- 3) Какой заряд протечет через резистор с сопротивлением  $3R$  при замкнутом ключе?

Ответы давать с числовыми коэффициентами в виде обыкновенных дробей.



5. Оптическая система состоит из двух призм с показателями преломления  $n_1$  и  $n_2$  и находится в воздухе с показателем преломления  $n_b = 1,0$ . Точечный источник света  $S$  расположен на расстоянии  $a = 90$  см от системы и рассматривается наблюдателем так, что источник и глаз наблюдателя находятся на прямой, перпендикулярной наружным поверхностям призм (см. рис.). Угол  $\alpha = 0,1$  рад можно считать малым, толщина  $h = 14$  см. Толщина призмы с показателем преломления  $n_2$  на прямой «источник – глаз» намного меньше  $h$ . Отражения в системе не учитывать.

- 1) Считая  $n_1 = n_b = 1,0$ ,  $n_2 = 1,7$ , найдите на какой угол отклонится системой луч, идущий от источника перпендикулярно левой грани системы.
- 2) Считая  $n_1 = n_b = 1,0$ ,  $n_2 = 1,7$ , найдите расстояние между источником и его изображением, которое будет видеть наблюдатель.
- 3) Считая  $n_1 = 1,4$ ,  $n_2 = 1,7$ , найдите на каком расстоянии от источника будет его изображение, которое увидит наблюдатель.



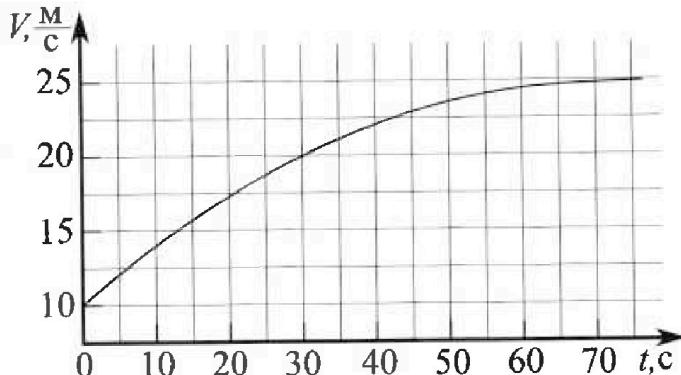
# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

## Вариант 11-03



Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

1. Автомобиль массой  $m = 1500$  кг движется с постоянной скоростью и затем разгоняется на прямолинейном горизонтальном участке дороги. График зависимости скорости от времени при разгоне показан на рисунке. В конце разгона сила тяги двигателя равна  $F_k = 600$  Н. Считать, что при разгоне сила сопротивления движению пропорциональна скорости.



- 1) Используя график, найти ускорение автомобиля в начале разгона.
- 2) Найти силу тяги  $F_0$  в начале разгона.
- 3) Какая мощность  $P_0$  передается от двигателя на ведущие колеса в начале разгона?

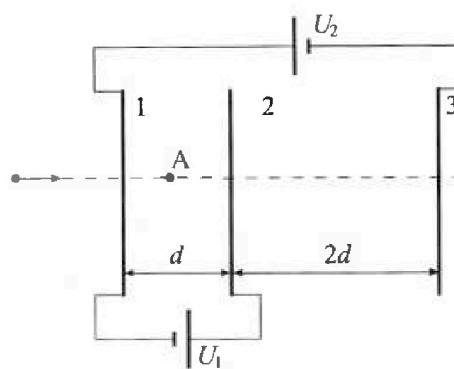
Требуемая точность численного ответа на первый вопрос ориентировочно 10%.

2. Герметичный вертикальный цилиндрический сосуд объёмом  $V$  разделён тонким невесомым теплопроводящим герметичным поршнем (диск соосный с сосудом) на две равные части. Поршень может перемещаться без трения. В верхней части цилиндра находится гелий, а в нижней - вода и углекислый газ. В начальный момент система находилась в равновесии при давлении  $P_0 = P_{\text{атм}}/2$  ( $P_{\text{атм}}$  – нормальное атмосферное давление) и при комнатной температуре  $T_0$ . При этом жидкость занимала объём  $V/4$ . Затем цилиндр медленно нагрели до  $T = 373$  К. Установившийся объём его верхней части стал равен  $V/5$ .

По закону Генри, при заданной температуре количество  $\Delta v$  растворённого газа в объёме жидкости  $v$  пропорционально парциальному давлению  $p$  газа:  $\Delta v = k p v$ . Объём жидкости при этом практически неизменен. Для углекислого газа константа Генри для данной комнатной температуры  $k \approx 0,5 \cdot 10^{-3}$  моль/(м<sup>3</sup>·Па). При конечной температуре  $T$  углекислый газ в воде практически не растворяется. Можно принять, что  $RT \approx 3 \cdot 10^3$  Дж/моль, где  $R$  – универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной температуре и изменением объёма жидкости в процессе нагревания пренебречь. Все газы считать идеальными.

- 1) Найти отношение количеств вещества в газообразном состоянии в верхней и нижней частях до нагревания.
- 2) Определите отношение конечной и начальной температур в сосуде  $T/T_0$ .

3. Три проводящие плоские мелкие сетки находятся друг напротив друга на расстояниях  $d$  и  $2d$  (см. рис.). Размеры сеток значительно больше  $d$ . Изначально сетки не заряжены. К сеткам подсоединили источники с напряжением  $U_1 = U$  и  $U_2 = 3U$ . Частица массой  $m$  и зарядом  $q > 0$  движется по направлению к сеткам и перпендикулярно сеткам, имея скорость  $V_0$  на расстоянии от сеток, намного большем их размеров. Частица пролетает через сетки, не отклоняясь от прямолинейной траектории. Заряд  $q$  намного меньше модуля зарядов сеток.



- 1) Найти модуль ускорения частицы в области между сетками 1 и 2.
- 2) Найти разность  $K_1 - K_2$ , где  $K_1$  и  $K_2$  – кинетические энергии частицы при пролете сеток 1 и 2.
- 3) Найти скорость частицы в точке А на расстоянии  $d/4$  от сетки 1.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



- |                                     |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                                   | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

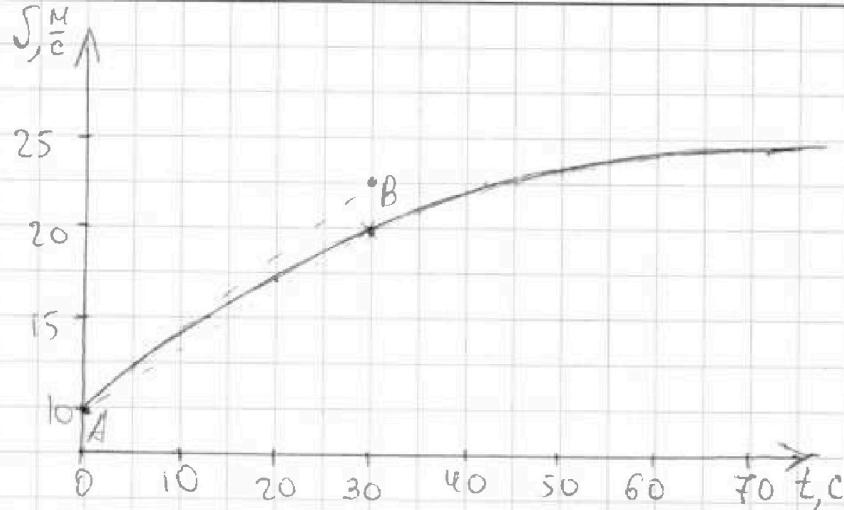
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Дано:  
 $m = 1500 \text{ кг}$   
 $F_k = 600 \text{ Н}$

$F_c = \alpha \cdot \dot{v}$   
сила сопротивления воздуха

$\alpha$  - коэффициент пропорциональности  
 $v$  - скорость автомобиля в данный момент времени.

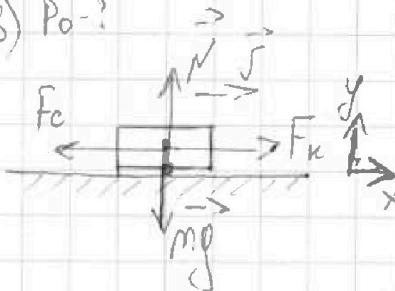


Найти:

1)  $a_0$  - ?  
ускорение автомобиля в начальный момент времени

2)  $F_o$  - ?

3)  $P_o$  - ?



По графику видно, что автомобиль прекратил разгон при достижении скорости  $625 \frac{\text{м}}{\text{с}} (v=25)$ .  
Рассмотрю эту ситуацию:

По второму закону Ньютона:  
 $O = mg + N + F_c + F_k$

$$O: O = F_k - F_c \Rightarrow F_k = F_c$$

$F_c = \alpha \cdot \dot{v}$  - по условию.

$$\alpha \cdot \dot{v} = F_k \Rightarrow \alpha = \frac{F_k}{\dot{v}} = \frac{600}{25} = 24 \frac{\text{кг}}{\text{с}^2}$$

Также по графику видно, что в момент прохождения времени  $t = \Delta t$ , где  $t = 0$ , а  $\Delta t \rightarrow 0$  он практически совпадает с прямой AB, где A(0; 10), а B(30; 22.5).

Значит  $a_0 \approx a_{AB}$ , где  $a_{AB}$  - ускорение, которое было бы у тела, график изменения скорости которого состоял из прямой AB.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



- |                                     |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                                   | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

**МФТИ**

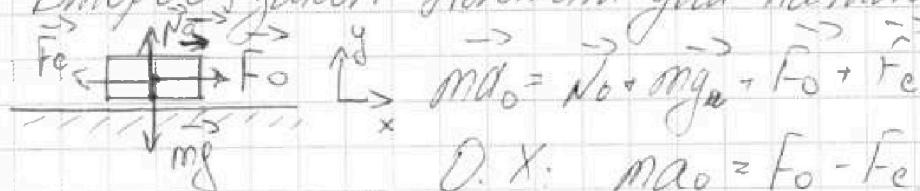
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$a_{AB} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_B - v_A}{t_B - t_A} = \frac{22,5 - 10}{30 - 0} = \frac{12,5}{30} = 0,4166 \approx 0,42 \frac{m}{s^2}$$

$$\begin{array}{r} 12,5 \mid 30 \\ 12 \quad 0 \quad | 0,4166 \\ 5 \quad 0 \\ 3 \quad 0 \\ \hline 2 \quad 0 \\ 1 \quad 8 \quad 0 \\ \hline 2 \quad 0 \quad 0 \\ 1 \quad 8 \quad 0 \\ \hline 2 \quad 0 \end{array}$$

$$a_0 = 0,42 \frac{m}{s^2}$$

2) Второй закон Ньютона для начального разгона:



$$O. X. ma_0 = F_o - F_c$$

$F_c = d \cdot \dot{v}_0$ ;  $\dot{v}_0 = 10 \frac{m}{s}$  - скорость автомобиля в начале разгона, найдена по графику.

$$ma_0 = F_o - d \cdot \dot{v}_0 \Rightarrow F_o = ma_0 + d \cdot \dot{v}_0$$

$$F_o = 1500 \cdot 0,42 + 24 \cdot 10 = 630 + 240 = 870 \text{ Н}$$

3)

$$P_0 = \frac{\Delta A}{\Delta t}; \Delta A = F_o \cdot \Delta l \quad (\Delta t, \Delta l \neq 0 \rightarrow 0)$$

$$P_0 = \frac{F_o \cdot \Delta l}{\Delta t} = F_o \cdot \Delta v = F_o \cdot a_0 \cdot \Delta t \quad (\Delta t, \Delta v, a_0 \neq 0 \rightarrow 0 \text{ - малые изменения времени, расстояния и работы})$$

Пусть  $\Delta t = 1 \text{ с}$ , для представленного графика, в начале разгона, эту величину можно считать малой.

$$P_0 = 870 \cdot 0,42 \cdot 1 = 385,4 \text{ Вт.}$$

Ответ: 1)  $0,42 \frac{m}{s^2}$ ; 2)  $870 \text{ Н}$ ; 3)  $385,4 \text{ Вт}$ .

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:



- |                          |                                     |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Норма QR-кода недопустима!

Дано:

$$P_0 = \frac{P_{\text{атм}}}{2}$$

$$T_0 = 273 \text{ K}$$

$$\Delta V = k P W$$

$$k \approx 0,5 \cdot 10^{-3} \frac{\text{моль}}{\text{м}^3 \cdot \text{К}^2}$$

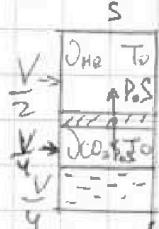
$$RT = 3 \cdot 10^3 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$$

Найти:

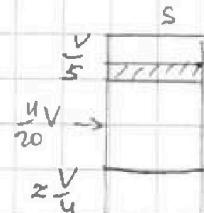
$$1) \frac{J_B}{J_H} - ?$$

$$2) \frac{T}{T_0} - ?$$

до нагревания:



после нагревания:



1) Жиже и  $\frac{J_B}{J_H}$  - кол. во газообразных веществ до нагревания. (сверху и снизу соответственно)

По закону Клапейрона - Менделеева.

$$\text{Не: } P_0 \cdot \frac{V}{2} = J_{\text{не}} \cdot R \cdot T_0$$

$$\text{снизу: } P_0 \cdot \frac{V}{4} = J_{\text{ниж}} \cdot R \cdot T_0$$

$$\frac{J_B}{J_H} = \frac{J_{\text{не}}}{J_H} = \frac{\frac{P_0 \cdot V}{2}}{\frac{2 \cdot R \cdot T_0}{P_0 \cdot V}} = 2$$

2)  $J_{\text{ниж}} = J_{\text{CO}_2}$  - т.к. давление водяных паров при  $T_0$  - пренебрежимо мало (по условию)

$$P_{\text{CO}_2} = P_0 \Rightarrow \Delta V_{\text{CO}_2} = k P_{\text{CO}_2} W = k \cdot P_0 \cdot W = \frac{V}{4} \cdot 0,5 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{10^5}{2} =$$

$$\Rightarrow V \cdot 0,25 \cdot 5 \cdot 10^{-4} \cdot 5 \cdot 10^4 = V \cdot 25 \cdot 10^{-2} = 6,25 \cdot V$$

После нагревания цилиндра до  $T = 373 \text{ K}$  давление паров воды составляло  $10^5 \text{ Па}$  ( $P_{\text{H}_2\text{O}} = 10^5 \text{ Па}$ ), а весь изначально расстоя воронкообразный углекислый газ вышел из воды. Общий жидкости воды изменился на пренебрежимо малую величину.

закон Менделеева - Клапейрона:

$$\text{Не: } P \cdot \frac{V}{5} = J_{\text{не}} \cdot R \cdot T \Rightarrow P \cdot \frac{V}{5} = \frac{P_0 \cdot V}{2 \cdot R \cdot T_0} \cdot R \cdot T \Rightarrow P = P_0 \cdot \frac{5}{2} \cdot \frac{T}{T_0}$$

$$\text{снизу: } P \cdot \frac{19V}{20} = (J_{\text{ниж}} + J_{\text{H}_2\text{O}} + J_{\text{CO}_2}) \cdot R \cdot T$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



- |                          |                                     |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                                   | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$D_{H_2O} \cdot R \cdot T = P_{H_2O} \cdot \frac{4}{5} V \cdot \frac{n}{20}$$

$D_H \cdot R \cdot T = P_H \cdot \frac{4}{5} V \cdot \frac{n}{20}$  ( $P_H$  - давление той части  $CO_2$ , которая была газом в начале)

$$\frac{P_0 V_0}{4R \cdot T_0} \cdot R \cdot T = P_H \cdot \frac{4}{5} V \cdot \frac{n}{20}$$

$$P_H = P_0 \cdot \frac{5}{4} \frac{T}{T_0}$$

$P_{(CO_2)}$  - давление той части  $CO_2$ , которая была растворена в воде.

$$D_{CO_2} \cdot R \cdot T = P_{CO_2} \cdot \frac{4}{5} V \cdot \frac{n}{20}$$

$$6,25 V \cdot R \cdot T = P_{CO_2} \cdot \frac{4}{5} V \cdot \frac{n}{20}$$

$$P_{CO_2} = \frac{125}{n} \cdot R \cdot T \approx 11,36 \cdot 3 \cdot 10^3 = 34080 \text{ Па.} \approx 34 \text{ кПа}$$

$$P = P_0 + P_{H_2O} + P_{CO_2}$$

$$2,5 P_0 \cdot \frac{T}{T_0} = 134 \cdot 10^3 + \frac{5}{n} P_0 \cdot \frac{T}{T_0}$$

$$\frac{45}{22} P_0 \cdot \frac{T}{T_0} = 1,34 \cdot 10^5 \Rightarrow \frac{T}{T_0} = \frac{1,34 \cdot 10^5}{P_0} \cdot \frac{22}{45} = \frac{2 \cdot 1,34 \cdot 10^5}{10^5} \cdot \frac{22}{45}$$

$$= 2,68 \cdot \frac{22}{45} \approx 1,31$$

Ответ: 1) 2 ; 2) 1,31



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- |                            |                            |                                       |                            |                            |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input checked="" type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Дано:

$$d; U_1 = U$$

$$U_2 = 3U$$

$$m \cdot q > 0$$

$$V_0$$

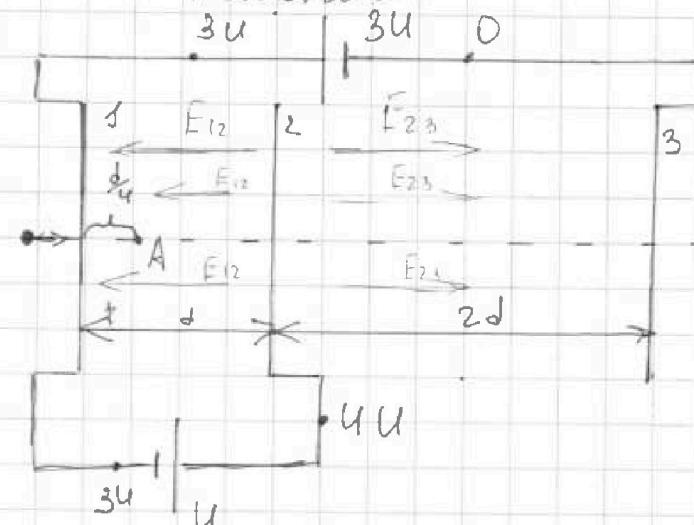
Найти:

$$1) |a| - ?$$

$$2) \Delta W = K_1 - K_2 - ?$$

$$3) S_A - ?$$

Решение



1) Рассставим потенциалы в цепи:  $0 < U$

Рассмотрю частицу в поле  $E_{12}$

$$\begin{aligned} &\text{По второму закону Ньютона} \\ &\text{по правилу суперпозиции} \\ &\text{и } U_1 - 3U \\ &\text{O.X: } ma = F; F = E_{12} \cdot q = \frac{U \cdot q}{d} \cdot q = \frac{U \cdot q^2}{d} \end{aligned}$$

$$\frac{U \cdot q^2}{d} = ma \Rightarrow a = \frac{U \cdot q^2}{m \cdot d}$$

2)  $\Delta W = K_1 - K_2$  По закону сохранения энергии:

$$K_1 = K_2 + A \Rightarrow K_1 - K_2 = A, \text{ где } A - \text{работка эл. поляр. 1-2}$$

$$A = \Delta U d^2 = (4U - 3U) \frac{q^2}{d} = U q^2 \cdot \frac{1}{d}$$

$$K_1 - K_2 = U \cdot q^2$$

3) По закону заряда сохранения энергии:

$E_{\text{ко}} = E_{KA} + A_1 + A_2$ , где  $A_1$ - работа по перемещению заряда по сечки ①, а  $A_2$ - от сечки 1 до A, а  $E_{\text{ко}}$ - нач. кон.



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- |                          |                          |                                     |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                                   | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Энергия, а  $E_{KA}$  - в точке A.  
 $A_1 = 3U \cdot 9$

$$A_2 = E_{12} \cdot 9 \cdot \frac{d}{4} = (4U - 3U) \cdot 9 \cdot \frac{d}{4} = \frac{U \cdot 9}{4}$$

$$A_1 + A_2 = 3U \cdot 9 + \frac{U \cdot 9}{4} = \frac{13}{4}U \cdot 9$$

$$E_{KA} = E_{K0} + \frac{13}{4}U \cdot 9 \Rightarrow E_{KA} = E_{K0} - \frac{13}{4}U \cdot 9$$

$$\frac{m \dot{v}_A^2}{2} = \frac{m \dot{v}_0^2}{2} - \frac{13}{4}U \cdot 9$$

$$\dot{v}_A^2 = \dot{v}_0^2 - \frac{13 \cdot U \cdot 9}{2m}$$

$$\sqrt{v_A} = \sqrt{\dot{v}_0^2 - \frac{13 \cdot U \cdot 9}{2m}}$$

Ответ: 1)  $\frac{U \cdot 9}{m \cdot d}$ ; 2)  $U \cdot 9$ ; 3)  $\sqrt{\dot{v}_0^2 - \frac{13 \cdot U \cdot 9}{2m}}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



- |                          |                          |                          |                                     |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

МФТИ

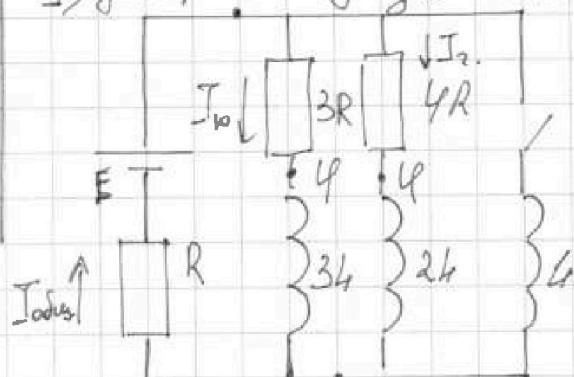
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Найти: 1) уст. режим замыкания ключа

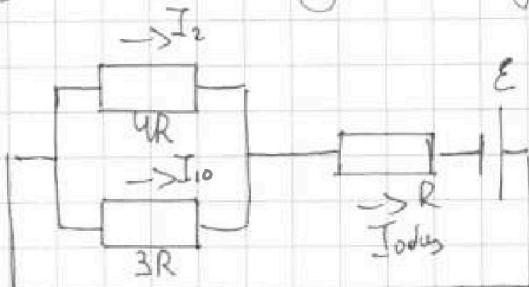
1)  $I_{10} - ?$

2)  $\frac{\Delta I}{\Delta t} - ?$

3)  $q_{10} - ?$



1) представлю схему в виде:



$$R_{\text{одн}} = \frac{3R \cdot 4R}{3R + 4R} + R = \frac{12}{7}R + R = \frac{19}{7}R$$

паралл. соэф.      послед. соэф.

$$I_{\text{одн}} = \frac{E}{R_{\text{одн}}} - \text{по закону Ома.}$$

$$I_{\text{одн}} = \frac{E}{\frac{19}{7}R} \quad \text{Пуск } I_2 = \frac{U}{4R}; \quad I_{10} = \frac{U}{3R}$$

$$I_{\text{одн}} = I_2 + I_{10} - \text{паралл. соэф.} \quad \frac{7}{19} \frac{E}{R} = \frac{U}{4R} + \frac{U}{3R} = \frac{7U}{12R}$$

$$\frac{U}{R} = \frac{E}{R \cdot \frac{19}{7}} \Rightarrow I_{10} = \frac{12E}{3R \cdot 19} = \frac{4E}{19R} \quad (U = \frac{12}{19} R E)$$

замкну ключ.



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

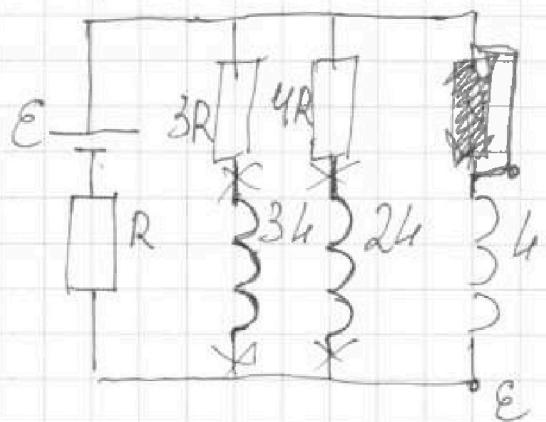
- |                          |                          |                          |                                     |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                                   | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

2) Сразу после замыкания ключа  
ток через катушку не течет.

3) Уст. режим.



По закону сохранения энергии для ЗР:

$$\frac{4I_{10}^2}{2} = A$$

$$A = P \cdot t = I \cdot U \cdot t =$$

$$= \frac{q}{t} \cdot U \cdot t = q \cdot U = \\ = q \cdot \frac{12}{19} E$$

$$\frac{4I_{10}^2}{2} = \frac{12}{19} E \cdot q$$

$$q = \frac{194I_{10}^2}{24E} = \frac{194 \cdot 16 E^2}{24 R^2 \cdot 24 E} = \frac{2E \cdot 4}{3R^2}$$

Ответ: 1)  $\frac{4E}{19R}$ ; 2); 3)  $\frac{2E \cdot 4}{3R^2}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



- |                          |                          |                          |                          |                                     |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

*Дано:*

$$n_B = 1,0$$

$$\alpha = 90^\circ \text{ см.}$$

$$\alpha = 0,1 \text{ рад.}$$

$$h = 14 \text{ см.}$$

*Найти:*

$$1) n_1 = ?$$

$$n_2 = 1,7$$

$\beta = ?$

$$2) n_3 = ?$$

$$n_4 = 1,7$$

$f_1 = ?$

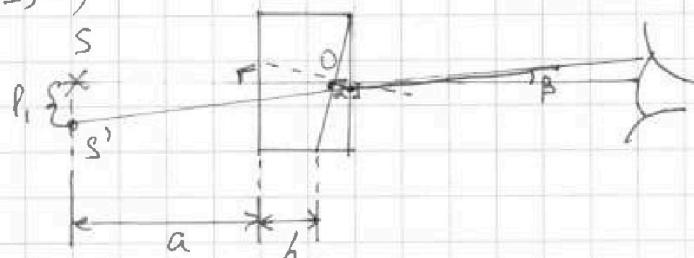
$$3) n_1 = ?$$

$$n_2 = 1,7$$

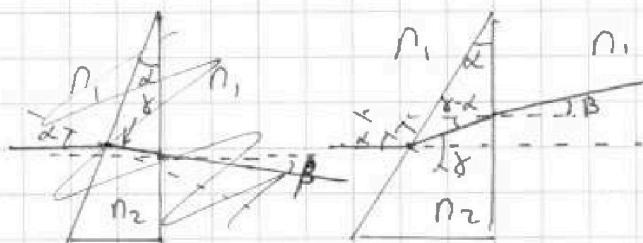
$f_2 = ?$

*Решение*

1, 2)



Рассмотрю преоцнление луча



$$\beta = \alpha - \gamma$$

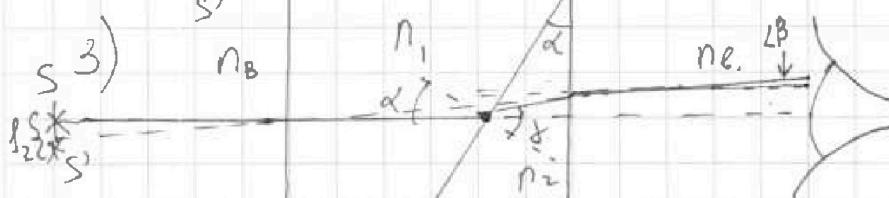
$$\frac{n_1}{\sin \alpha} = \frac{n_2}{\sin \gamma}$$

$$\frac{n_2}{\sin(\gamma - \alpha)} = \frac{n_1}{\sin(\alpha - \beta)}$$

$$\sin \gamma = \frac{n_2 \cdot \sin \alpha}{n_1} = 1,7 \cdot \sin(0,1)$$

$$\beta = \alpha - \gamma = 0,1 - \arcsin(1,7 \cdot \sin(0,1)) \text{ (рад)}$$

$$\text{если } \beta = \frac{f_1}{a+h} \Rightarrow f_1 = (a+h) \cdot \text{tg} \beta = 1,04 \cdot (0,1 - \arcsin(1,7 \cdot \sin(0,1)))_H$$



$$\beta = \alpha - \gamma$$

$$\frac{n_1}{\sin \alpha} = \frac{n_2}{\sin \gamma} \Rightarrow \sin \gamma = \frac{n_2}{n_1} \cdot \sin \alpha = \frac{1,7}{1,4} \cdot \sin 0,1 = \frac{17}{14} \sin(0,1)$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- |                          |                          |                          |                          |                                     |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                        | 5                                   | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\gamma = \arcsin \left( \frac{17}{14} \sin(0,1) \right)$$

$$\beta = \alpha - \gamma = 0,1 - \arcsin \left( \frac{17}{14} \cdot \sin(0,1) \right)$$

$$\frac{l_2}{a+h} = \operatorname{tg} \beta \Rightarrow l_2 = (a+h) \operatorname{tg} \beta$$

$$l_2 = 1,04 \cdot \operatorname{tg}(0,1 - \arcsin \left( \frac{17}{14} \cdot \sin(0,1) \right))$$

Ответ: 1)  $0,1 - \arcsin(1,7 \cdot \sin(0,1))$  паг; 2)  $1,04 \cdot \operatorname{tg}(0,1 - \arcsin(1,7 \cdot \sin(0,1)))$

$$3) 1,04 \cdot \operatorname{tg}(0,1 - \arcsin \left( \frac{17}{14} \cdot \sin(0,1) \right))$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



- |                          |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

МФТИ.

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$a = \frac{a_0 \sqrt{\Delta f}}{\Delta t}$$

$$\frac{a_1}{a_0} = \frac{\Delta f_1}{\Delta f_0} = \frac{20}{22,5} = \frac{4}{4,5} = \frac{8}{9}$$

$$\frac{20}{22,5} \frac{5}{4,5}$$

$$\frac{400}{3600} \frac{45}{8888}$$

$$0,9$$

$$P = I U = \frac{29}{\Delta f} \cdot U$$

$$\frac{25}{24} \frac{16}{9} \frac{16}{16}$$

$$\frac{10}{6} \frac{6}{40}$$

$$\frac{4}{5} - \frac{1}{6} =$$

$$= \frac{16 - 5}{20 \cdot 20} = \frac{125}{400} = \frac{12,5}{40} = 0,40625$$

$$= \frac{11}{20} \frac{30}{200}$$

$$\frac{12,5}{10} \frac{5}{25}$$

$$\frac{2,5}{24} \frac{3}{8} \frac{3}{33}$$

$$0,83333 \frac{1}{2} \frac{1}{0,41444}$$

$$\begin{array}{r} 45 \\ \times 15 \\ \hline 210 \\ 42 \\ \hline 630 \end{array}$$

$$F \cdot f = P \cdot t$$

$$P = F \cdot \frac{f}{t} = F \cdot \sqrt{\frac{1}{12}}$$

$$\frac{3}{2}$$

$$6,25 \cdot \frac{5}{4} \cdot \frac{625}{2} = \frac{125}{1250}$$

$$\begin{array}{r} 87 \\ \times 9,2 \\ \hline 174 \\ 174 \\ \hline 80 \end{array}$$

$$(P_{\text{н.п.}} \cdot V)^2 = DRT$$

$$D = \frac{P_{\text{н.н.}} \cdot V}{R T} = \frac{10^5 \cdot V}{3 \cdot 10^3} =$$

$$\begin{array}{r} 125 \mid 11 \\ \hline 11 \end{array} \quad \begin{array}{r} 368 \\ 385 \mid 4 \\ \hline 15 \end{array}$$

$$z = 10 \quad 33,3V)$$

$$\begin{array}{r} 11 \\ \times 11 \\ \hline 40 \\ 33 \\ \hline 34,08 \end{array}$$

$$\frac{5}{2} - \frac{5}{11} = \frac{55}{22} - \frac{10}{22} = \frac{45}{22}$$

$$\alpha = 90^\circ - \gamma \quad \text{get}$$

$$\begin{array}{r} 3,68 \\ \times 22 \\ \hline 9 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 58,36 \\ \times 131 \\ \hline 45 \\ 135 \\ \hline 46 \end{array}$$

$$90^\circ - \alpha + \gamma$$

$$\begin{array}{r} 536 \\ 536 \\ \hline 5886 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 135 \\ 135 \\ \hline 46 \end{array}$$

$$90^\circ - \gamma + \alpha = \alpha - \gamma = \beta$$

$$\begin{array}{r} 17 \mid 19 \\ 14 \mid 12 \\ \hline 45 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 30 \\ 28 \\ \hline 28 \\ 28 \\ \hline 0 \end{array} \quad \begin{array}{r} 40 \\ 28 \\ \hline 120 \end{array}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- |                          |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> |

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

МФТИ