



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ



10 КЛАСС. Вариант 10

1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $2^{15}7^{11}$, bc делится на $2^{17}7^{18}$, ac делится на $2^{23}7^{39}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .

2. [4 балла] Известно, что дробь $\frac{a}{b}$ несократима ($a \in \mathbb{N}, b \in \mathbb{N}$). На доске записана дробь

$$\frac{a+b}{a^2 - 7ab + b^2}.$$

При каком наибольшем m могло оказаться, что числитель и знаменатель дроби можно сократить на m ?

3. [4 балла] Центр окружности ω лежит на окружности Ω , хорда AB окружности Ω касается ω в точке C так, что $AC : CB = 17 : 7$. Найдите длину AB , если известно, что радиусы ω и Ω равны 7 и 13 соответственно.

4. [5 баллов] Решите уравнение

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} - \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = 1 - 9x.$$

5. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0; 0)$, $P(-13; 26)$, $Q(3; 26)$ и $R(16; 0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 14$.

6. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система

$$\begin{cases} ax + y - 8b = 0, \\ (x^2 + y^2 - 1)(x^2 + (y - 12)^2 - 16) \leq 0 \end{cases}$$

имеет ровно 2 решения.

7. [6 баллов] Треугольник ABC вписан в окружность. Пусть M – середина той дуги AB описанной окружности, которая не содержит точку C ; N – середина той дуги AC описанной окружности, которая не содержит точку B . Найдите расстояние от вершины A до центра окружности, вписанной в треугольник ABC , если расстояния от точек M и N до сторон AB и AC соответственно равны 5 и 2,5.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



- | | | | | | | |
|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ.

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Рассмотрим a_p, b_p, c_p - степени входящие в разложение на прост. многочлены чисел a, b, c в \mathbb{Z}_2 .

Чтобы простого числа p , тогда:

$$ab : 2^{15} \Rightarrow \begin{cases} a_2 + b_2 \geq 15 \\ a_4 + b_4 \geq 11 \end{cases}$$

Аналогично для bc и ac ; получаем:

$$\begin{cases} a_2 + b_2 \geq 15 \\ a_4 + b_4 \geq 11 \\ b_2 + c_2 \geq 14 \\ b_4 + c_4 \geq 18 \\ a_2 + c_2 \geq 23 \\ a_4 + c_4 \geq 39 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2a_2 + 2b_2 + 2c_2 \geq 15 + 14 + 23 = 52 \\ 2a_4 + 2b_4 + 2c_4 \geq 11 + 18 + 39 = 68 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a_2 + b_2 + c_2 \geq 28 \\ a_4 + b_4 + c_4 \geq 34 \end{cases} \quad (\text{т.е. } a_2 + c_2 \geq 35, \text{ то } a_4 + b_4 + c_4 \geq 39)$$

\Rightarrow Сумма степеней входящих в разл. $abc \geq 28$,
 a седьмёрки ≥ 39 . Заметим, что при $abc =$

$$= 2^{28} \cdot 7^{39} \quad (\text{т.е. нест. бозе, при таких условиях})$$

следует подходитящее простое a, b, c :

$$a = 2^{10} \cdot 7^{11}, \quad b = 2^5, \quad c = 2^{13} \cdot 7^{28} \quad \square$$

$$ab = 2^{15} \cdot 7^{11} \cdot 2^5, \quad bc = 2^{18} \cdot 7^{28} \cdot 2^{14} \cdot 7^{18} \quad \square$$

$$ac = 2^{23} \cdot 7^{39} \cdot 2^{13} \cdot 7^{39}$$

$$Obt: \quad 2^{28} \cdot 7^{39}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- | | | | | | | |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <input type="checkbox"/> 1 | <input type="checkbox"/> 2 | <input checked="" type="checkbox"/> 3 | <input type="checkbox"/> 4 | <input type="checkbox"/> 5 | <input type="checkbox"/> 6 | <input type="checkbox"/> 7 |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

МФТИ.

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

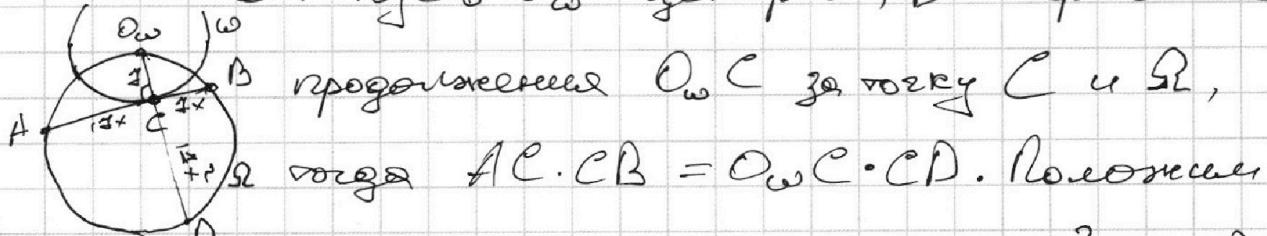
№ 3

Рано: ω , Ω - окр., центр O_ω лежит на Ω , $A, B \in \Omega$,

$$AB \cap \omega = C, \frac{AC}{CB} = \frac{17}{4}$$

Найти: AB - ?

Решение: Рисуем O_ω - центр ω , D - пересечение



$$AC = 17x, CB = 4x, \text{ тогда } 17 \cdot 4x^2 = 4 \cdot CD$$

$\Rightarrow CD = 17x^2$. т.е. правоугл. треугольник

$\triangle O_\omega CB$ и $\triangle ACD$ подобны (по двум категам), то

их площади тоже подобны с коэффиц. $\frac{17^2}{4^2} \Rightarrow$

$$S_{ACD} = \frac{17^2}{4^2} S_{O_\omega CB} \Leftrightarrow 17^2 \cdot x^2 = 17 \cdot \frac{4^2}{4^2} x = 17^2 x \Rightarrow x = 1$$

$$(x > 0), \text{ т.е. } AB = 17x + 4x = 17 + 4 = 21$$

Ответ: ~~23~~ 21

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

~4

$$1 - \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$1 + \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\text{O} \varnothing 3: \begin{cases} 3x^2 - 6x + 2 \geq 0 \\ 3x^2 + 3x + 1 \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \in (-\infty; 1 - \frac{1}{\sqrt{3}}] \cup [1 + \frac{1}{\sqrt{3}}; +\infty) \\ x \in \mathbb{R} \end{cases} \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow x \in (-\infty; 1 - \frac{1}{\sqrt{3}}] \cup [1 + \frac{1}{\sqrt{3}}; +\infty)$$

① Решение задачи №4 $3x^2 - 6x + 2 = 0$

$$3x^2 + 3x + 1 = b, \text{ тогда } 3x^2 + 3x + 1 - b =$$

$$= 1 - 8x \quad \sqrt{a} - \sqrt{b} = 1 - 8x \Rightarrow \sqrt{a} + \sqrt{b} = 1 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \sqrt{a} - \sqrt{b} = \sqrt{a} + \sqrt{b} - 8x \Rightarrow 8x = 2\sqrt{b} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \text{O} \varnothing 3: x \in [1 + \frac{1}{\sqrt{3}}, +\infty) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 81x^2 = 4(3x^2 + 3x + 1)$$

$$64x^2 - 12x - 2 = 0$$

$$D = 12^2 + 4 \cdot 4 \cdot 68 = 1298$$

$$x = \frac{12 \pm \sqrt{1298}}{2 \cdot 68} = \frac{6 \pm \sqrt{1298}}{68} \quad \begin{aligned} &\frac{6 + 2\sqrt{1298}}{68} < \frac{6 + 2 \cdot 8}{68} < 1 \\ &\frac{6 - 2\sqrt{1298}}{68} < \frac{6 - 2 \cdot 8}{68} < 0 \end{aligned}$$

& O \varnothing 3

\Rightarrow корней нет

O бед: \emptyset



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Тогда, т.к. $\alpha x + y - 8b = 0$ — вeqc., то:

$$\begin{cases} \frac{|\alpha \cdot 0 + 0 - 8b|}{\sqrt{\alpha^2 + 1}} = 1 \\ \frac{|\alpha \cdot 0 + 12 - 8b|}{\sqrt{\alpha^2 + 1}} = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 64b^2 = \alpha^2 + 1 \\ 144 - 192b + 64b^2 = 4(\alpha^2 + 1) \end{cases} \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow \begin{cases} 64b^2 = \alpha^2 + 1 \\ (2b+1)^2 = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = -\frac{3}{2} \\ b = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \alpha = \pm \sqrt{15} \\ \alpha = \pm \sqrt{49} \end{cases}$$

\Rightarrow Все подходящие значения пары α — то

$$\pm \sqrt{15} \text{ и } \pm \sqrt{49}$$

Очевидно, $-\sqrt{49}, -\sqrt{15}, \sqrt{15}, \sqrt{49}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

МФТИ.

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

~ 6

Замечаем, что нер-во $(x^2+y^2-1)(x^2+(y-12)^2-16) \leq 0$

эквивалентно системе нер-в:

$$\begin{cases} x^2+y^2 \leq 1 \\ x^2+(y-12)^2 \geq 16 \end{cases}$$

- решенное вручную

$$\begin{cases} x^2+y^2 \geq 1 \\ x^2+(y-12)^2 \leq 16 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x^2+y^2 \leq 1 \\ x^2+(y-12)^2 \leq 16 \end{cases}$$

- два круга с центрами в $(0;0)$ и $(0;12)$
радиусах 1 и 4 сооб.

Ур-е $ax+by-8b=0$ при $b \neq 0$. Упр-я: a и b

задают все возможные прямые.

что невозможно,

У прямой и круга ^{имеется} общее
(касание), что возможно ино
(прямая проходит через круг) тоже не
секущий. Поэтому есть две прямые
секущие из следующих случаев ровно

две решения, необходимо подставить в
данное уравнение, чтобы прямая $ax+by-8b=0$

была общим касательной двух
окружностей кругов.



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input type="checkbox"/> |

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:



- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

МФТИ.

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$abc = \cancel{2}^{15} \cancel{3}^{11} \cancel{4}^{11} \quad ab = n 2^{15} 3^{11}$$

$$bc = m 2^{17} \cancel{3}^{18} \cancel{4}^{18}$$

$$ac = k 2^8 \cancel{3}^{39} \cancel{4}^{39} \quad 2ab - 2(a+b) \cancel{+} \cancel{2}^{15} + \cancel{14} + \cancel{18} = a(b-1) + b(a-1)$$

$$abc = \cancel{2}^{15+17+18} \cancel{3}^{11+18+39} \cancel{4}^{2} = 2^{20} 3^{34}$$

$$a = \cancel{2}^{18} \cancel{3}^{11} \quad ab = n 2^{15} 3^{11} \quad na + nb = 1$$

$$bc = \sqrt{nmk} 2^{25} 3^{34} \quad nab + mb = 0$$

$$c = \sqrt{\frac{mk}{n}} 2^{10} 3^{23}$$

$$a = \sqrt{\frac{n k}{m}} 2^8 3^{16} \quad b = \sqrt{\frac{n a}{k}} 2^2 3^{10}$$

$$ab = a'b' = n 2^{15} 3^{11} \quad abc = r 2^{23} 3^{39} \Rightarrow r : b = u kb = v$$

$$bc = c'b' = m 2^{17} 3^{18}$$

$$ac = a'c'b' = k 2^{23} 3^{39}$$

$$abc = k b' 2^{23} 3^{39} \quad a = \cancel{2}^{11} \cancel{3}^{16} \cancel{4}^{11} \cancel{5}^{11} \cancel{6}^{11} \cancel{7}^{11}$$

$$ab = \cancel{2}^{15} \cancel{3}^{16} \Rightarrow \begin{cases} a_2 + b_2 = 16 \\ a_4 + b_4 = 16 \end{cases} \quad a = 2^{10} 3^{11}$$

$$bc = 2^{17} 3^{18} \quad b = 2^5$$

$$ac = 2^{23} 3^{39} \quad c = 2^{13} 3^{28}$$

$$b_2 + b_4 + b_2 + b_4 = 17$$

$$b_4 + e_4 = 18$$

$$a_2 + e_2 = 23$$

$$a_4 + c_4 = 39$$

$$\begin{cases} c_2 - a_2 = 1 \\ c_2 + a_2 = 23 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} c_2 = 12 \\ a_2 = 11 \end{cases}$$

$$\begin{cases} c_4 - a_4 = 1 \\ c_4 + a_4 = 39 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} c_4 = 23 \\ a_4 = 16 \end{cases}$$

ab \neq bc
abc \neq ac

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:



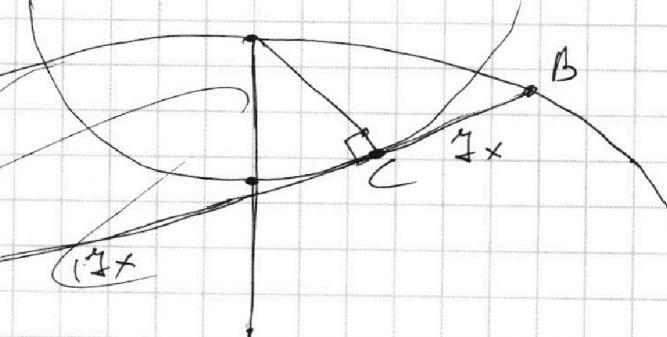
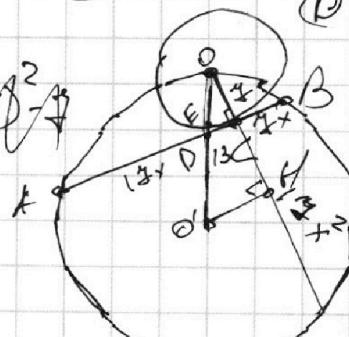
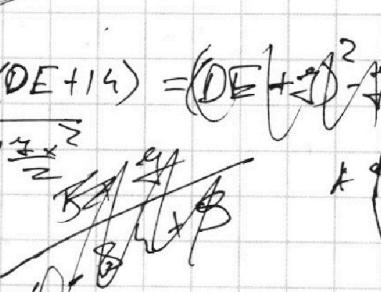
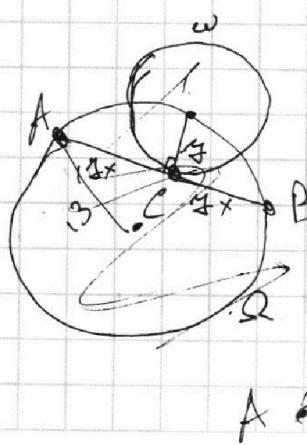
- | | | | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="checkbox"/> |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned}
 & \left\{ \begin{array}{l} a_2 + b_2 \geq 15 \\ a_2 + b_2 \geq 11 \\ b_2 + c_2 \geq 14 \\ b_2 + c_2 \geq 18 \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} a_2 + 2b_2 + c_2 \geq 32 \\ 3 + \cancel{2} = 5 \\ 8 - 2 \cdot 6 + 4 \\ 13 - 42 \end{array} \quad \begin{array}{l} 2b_2 \geq 8 \\ b_2 \geq 5 \Rightarrow a_2 \geq 10 \\ b_2 \geq 9 \\ a_2 \geq 10 \end{array} \\
 & \left\{ \begin{array}{l} a_2 + b_2 \geq 23 \\ a_2 + c_2 \geq 28 \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} 624/2 \\ 312/2 \\ 156/2 \end{array} \quad a_2 + b_2 + c_2 \geq \cancel{[32+23]} : 2 \\
 & \left(\begin{array}{l} 28 \\ 28 \end{array} \right) = ab \quad \begin{array}{l} 48/2 \\ 33/3 \\ 13/13 \end{array} \quad a_2 + b_2 + c_2 \geq 39 \\
 & \left\{ \begin{array}{l} c = 2^{13} \\ c = 2^{28} \end{array} \right. \quad \Rightarrow b = 2^4 \quad \Rightarrow a = 2^5
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & \text{окт } b \neq 0 \quad \gcd(a, b) = 1 \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad 12^2 \cdot 4^2 = 144^2 \cdot 4^2 \\
 & \gcd(a^2 - 5ab + b^2, a + b) \Rightarrow x = 1 \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DE} \\
 & = \gcd(5ab, a + b) \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \\
 & \text{DE}^2 + 2DE \cdot EO = DE^2 + 2DE \cdot EO + EO^2 - g^2 \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \\
 & \Rightarrow EO = \sqrt{g^2} \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \\
 & DC = DE \cdot (DE + 14) = (DE + 2)^2 - 14 \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \\
 & O'F = \sqrt{169 - 14^2} \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array} \quad \text{DC} = 2EO \quad \begin{array}{l} 2 \\ 12 \\ 3 \end{array}
 \end{aligned}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



- | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
|---|---|---|---|---|---|---|

МФТИ.

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$\frac{6+2\sqrt{18}}{6\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{3}+1}{\sqrt{3}} = \frac{1Ax_0 + Bg_0 + C}{\sqrt{A^2 + B^2}}$

$\frac{1}{\sqrt{2^2 + 1^2}} = \frac{12 \cdot 0 + 0 + 2\sqrt{18}}{\sqrt{2^2 + 1^2}}$

$\text{gcd}(5ab(a+b)) =$
 $= \text{gcd}(5ab - 5a - 5b, a+b) =$
 $8|b| = \cancel{5a+1} \quad 64b^2 = a^2 + 1$

$\begin{cases} (12 - 8b)^2 = 4 \\ 64b^2 = a^2 + 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 144 - 192b + 64b^2 = a^2 + 1 \\ 64b^2 = a^2 + 1 \end{cases}$

$\Rightarrow \begin{cases} 3a^2 + 3(144 - 192b) + 64b^2 + 182b - 144 = 0 \\ 64b^2 = a^2 + 1 \end{cases}$

$\Rightarrow \begin{cases} 3a^2 + 3(144 - 192b) + 64b^2 + 182b - 144 = 0 \\ 64b^2 = a^2 + 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (2b+1)^2 = 4 \\ 64b^2 = a^2 + 1 \end{cases} \rightarrow$

$\begin{cases} b = \frac{1}{2} \\ b = -\frac{3}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} b = \frac{1}{2} \\ a = \pm \sqrt{15} \end{cases}$

$\begin{cases} b = -\frac{3}{2} \\ a = \pm \sqrt{23} \end{cases}$

$\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{14 - 2(x_2 - x_1)}{x_2 - x_1} =$
 $= \cancel{14} \frac{1}{x_2 - x_1} - 2$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\text{OD3: } \begin{cases} 3x^2 - 6x + 2 \geq 0 \\ 3x^2 + 3x + 1 \geq 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x \in (-\infty; 3 - 2\sqrt{3}] \cup [3 + \sqrt{3}; +\infty) \\ x \in \mathbb{R} \end{cases}$$

$$\Rightarrow x \in (-\infty; 3 - \sqrt{3}) \cup [3 + \sqrt{3}; +\infty) \quad 6 \pm \frac{\sqrt{36 - 24}}{2}$$

$$\sqrt{3(x-1)^2 - \frac{1}{4}} - \sqrt{3\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{3}{4}} = 1 - 9x$$

$$t = x - \frac{1}{x} \quad (3x^2 + (6x-2)) (3x^2 + (3x+1))$$

$$\sqrt{3\left(4 - \frac{3}{4}\right)^2 - 10} - \sqrt{3\left(4 + \frac{3}{4}\right)^2 + \frac{3}{4}} = 8x^4 + 3x^2(3 + 3x) +$$

$$\cancel{6x^2 - 9x^3} \quad 1.8x + (3x+1)(2-6x) =$$

$$\sqrt{a} - \sqrt{b} = 1 - g_x^2 \quad z\sqrt{a} = g_x^2 x \quad = g_x^2 + g_x^2(x+1) +$$

$$ax^2 + bx + c = 2x^2 - 3x + 1 - 2x^2 + 18x^2 =$$

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} = 1 \quad \text{and} \quad a = 1 - 2\sqrt{b} + b$$

$$2(6x+3) = 1$$

$$\alpha + \beta + \angle DAB = 180^\circ$$

$$x - 8x = x - 2\sqrt{5} \Rightarrow \cancel{x} \Rightarrow x = 2$$

$$3b = \cancel{8x} \quad \cancel{8x} - 160 \quad b^2 = 20^2 - 160 + 1$$

$$12x^2 + 12x + 4 = 8x - 4861 \quad \Rightarrow \quad 4x^2 + 4x + 4865 = 0$$

$$12 \times x^2 - 68 \\ 12 \times \cancel{x} + 4 = 0$$

$$68 \pm \frac{\sqrt{68^2 - 16012}}{68} = 68 \pm \frac{\sqrt{4569}}{68} = 68 \pm 63$$

$$\begin{array}{r} \cancel{x} = \cancel{1104} - 24 \\ 913 \quad 188 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4569 \\ 823 \end{array} \left| \begin{array}{r} 3 \\ 65 \\ 2 \end{array} \right. \quad \begin{array}{r} 65 \\ 2 \\ \hline 2 \\ + 24 \times 8 = 0 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1212 \\ 123 \end{array}$$

$$2 \cancel{x}^{\frac{6}{5}} + 24x^{-\frac{1}{5}} = 0$$

$$22 \overset{6}{\cancel{2}} - 2 \overset{5}{\cancel{3}} = 1248$$

$$2^{\frac{5}{3}}(82.3 - 23)$$