



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 5



1. [4 балла] Решите уравнение

$$3 \operatorname{tg} 2x + 1 = \operatorname{tg} \left(x + \frac{3\pi}{4} \right).$$

2. [4 балла] Сколько существует троек целых чисел $(a; b; c)$ таких, что они образуют в указанном порядке геометрическую прогрессию, а их произведение abc равно $2^{150} \cdot 3^{150}$?

3. [5 баллов] Решите неравенство

$$\ln^2 x - (x - 1) \ln(2x) + (\ln 2) \ln x \geq 0.$$

4. [4 балла] На координатной плоскости нарисован квадрат, все вершины которого лежат на графике функции $y = x^3 - ax$. Известно, что одна из диагоналей квадрата лежит на прямой $y = -4x$, а центр совпадает с началом координат. Найдите значение параметра a и площадь квадрата.

5. [6 баллов] Вокруг треугольника ABC описана окружность Ω . Точки D и E – середины сторон AC и AB соответственно, CF – биссектриса треугольника ABC . Лучи DE и CF пересекаются в точке G , принадлежащей Ω . Найдите углы треугольника ABC , если известно, что $\frac{CF}{DF} = \frac{1}{2}$.

6. [5 баллов] Числа x , y и z не все равны между собой, и при этом

$$x^3 + \frac{7}{y^3} = y^3 + \frac{7}{z^3} = z^3 + \frac{7}{x^3}.$$

Найдите минимально возможное значение произведения $x y z$.

7. [6 баллов] В основании четырёхугольной пирамиды $SABCD$ лежит четырёхугольник $ABCD$, в котором $AB = BC = \sqrt{5}$, $AD = DC = \sqrt{2}$, $AC = 2$. Ребро SD – высота пирамиды. Известно, что $SA + SB = 2 + \sqrt{5}$. Найдите:

а) объём пирамиды;

б) радиус шара, касающегося граней $ABCD$, SAB , SBC и ребра SD .

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$3 \operatorname{tg} 2x + 7 = \operatorname{tg} \left(2x + \frac{3\pi}{4} \right)$$

$$3 \frac{\sin 2x}{\cos 2x} + \frac{\cos 2x}{\cos 2x} = \operatorname{tg} \left(2x + \frac{3\pi}{4} \right) = \frac{\sin \left(2x + \frac{3\pi}{4} \right)}{\cos \left(2x + \frac{3\pi}{4} \right)}$$

$$\frac{6 \sin x \cos x + \cos^2 x - \sin^2 x}{\cos^2 x - \sin^2 x} = \frac{\sin x \cos \frac{3\pi}{4} + \cos x \sin \frac{3\pi}{4}}{\cos x \cos \frac{3\pi}{4} - \sin x \sin \frac{3\pi}{4}}$$

$$\frac{6 \sin x \cos x + \cos^2 x - \sin^2 x}{\cos^2 x - \sin^2 x} = - \frac{\cos x - \sin x}{\cos x + \sin x}$$

$$6 \sin x \cos x + \cos^2 x - \sin^2 x = - \frac{\cos x - \sin x}{\cos x + \sin x} \cdot (\cos x - \sin x)(\cos x + \sin x)$$

$$\cos x + \sin x \neq 0 \quad \text{всегда} \Rightarrow$$

$$6 \sin x \cos x + \cos^2 x - \sin^2 x = -(\cos x - \sin x)^2$$

$$4 \sin x \cos x + 2 \cos^2 x = 0$$

$$\cos x (2 \sin x + \cos x) = 0$$

$$1) \cos x = 0$$

$$2) 2 \sin x = -\cos x \quad / : \cos x$$

$$x_1 = \frac{\pi}{2} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$$

$$\cos x \neq 0$$

$$\operatorname{tg} x = -\frac{1}{2}$$

$$x_2 = -\operatorname{arctg} \frac{1}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$$

$$\text{Ответ: } x_1 = \frac{\pi}{2} + \pi k, k \in \mathbb{Z};$$

$$x_2 = -\operatorname{arctg} \frac{1}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}.$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

a, b, c - геом. прогрессия $\Rightarrow$

$$b = q \cdot a \quad c = q^2 \cdot a \quad , \quad q - \text{целое, т.к. иначе } b \text{ или } c - \text{не целые.}$$

$$abc = 2^{150} \cdot 3^{150}$$

$$q^3 \cdot a^3 = 2^{150} \cdot 3^{150}$$

$$q \cdot a = 2^{50} \cdot 3^{50}$$

a можно представить как $\pm 2^n \cdot 3^k$, то есть

вариантов составления a так, чтобы

$$q = \frac{2^{50} \cdot 3^{50}}{a} \quad \text{было целым} \quad \text{всего } 2 \cdot n_{\max} \cdot k_{\max}$$

(коэф. 2 из-за знака)

$$2 \cdot n_{\max} \cdot k_{\max} = 2 \cdot 50 \cdot 50 = 5000, \text{ при } n$$

$$\text{при } a = 2^{50} \cdot 3^{50}, \quad q = 1 \quad \text{и} \quad a = b = c.$$

Ответ: 5000. Т.к. зная a , остальные

числа определяются однозначно, всего

троек a, b, c 5000

Ответ: 5000



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
☐

2
☐

3
☒

4
☐

5
☐

6
☐

7
☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\ln^2 x - (x-1) \ln(2x) + (\ln 2) \ln x \geq 0 \quad x > 0$$

$$\ln x (\ln 2 + \ln x) - (x-1) \ln(2x) \geq 0$$

$$\ln x \cdot \ln(2x) - (x-1) \ln(2x) \geq 0$$

$$y = \ln(2x) (\ln x - x + 1) \geq 0$$

Найдем точки $y(x) = 0$

$$1) \ln 2x = 0$$

$$2x = 1 \Rightarrow x_1 = \frac{1}{2}$$

$$2) \ln x - x + 1 = 0$$

$$f(x) = \ln x - x + 1 = 0$$

$$f(1) = 0$$

$$x_2 = 1$$

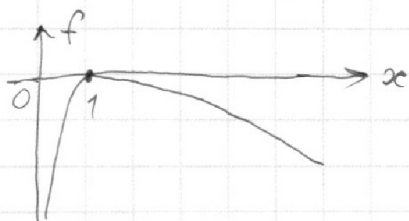
$$f(x) = \ln x - x + 1 \quad \left| \frac{d}{dx} \right.$$

$$f' = \frac{1}{x} - 1$$

$$f' = 0 = \frac{1}{x} - 1$$

$$x = 1 \Rightarrow \text{т.к. при } x \rightarrow 0 \quad x f \rightarrow -\infty,$$

$$f(1) = f_{\max} = 0 \Rightarrow f \leq 0 \text{ всегда.}$$





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\left. \begin{aligned} y &= \ln(2x) \cdot f \geq 0 \\ f &\leq 0 \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$\Rightarrow \ln(2x) \leq 0$ - решение.

$$g(x) = \ln(2x)$$

$$g(x) \uparrow$$

$$x \leq x_1$$

$$x \leq \frac{1}{2}$$

$$\text{Ответ: } x \leq \frac{1}{2}$$

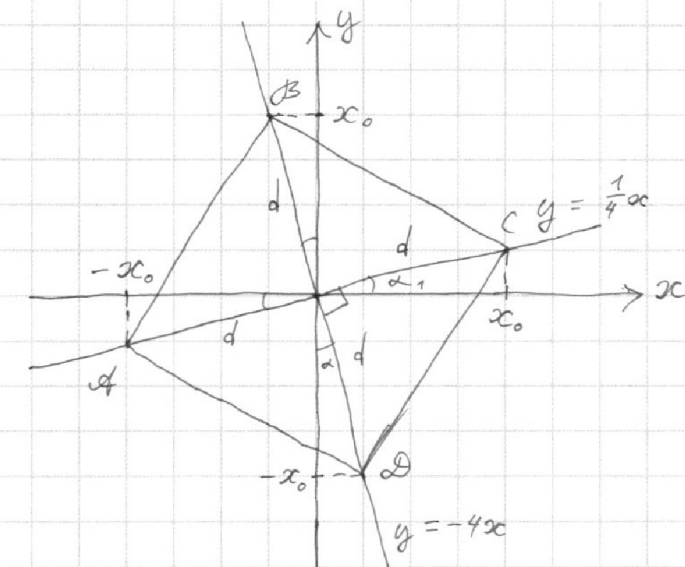
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\alpha_1 = \alpha$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{1}{4}$$

$$\operatorname{tg} \alpha_1 = \frac{1}{4} \Rightarrow$$

вторая диагональ
лежит на прямой

$$y = \frac{1}{4}x$$

Для A и C:

$$y = \frac{x}{4} = x^3 - ax$$

$$x^3 - x(a + \frac{1}{4}) = 0$$

$x = 0$ - не подходит

$$x = \pm \sqrt{a + \frac{1}{4}}$$

$$x_0 = \sqrt{a + \frac{1}{4}} \text{ - в т. C.}$$

Для B и D:

$$y = -4x = x^3 - ax$$

$x = 0$ - не подходит

$$x = \pm \sqrt{a - 4}$$

$$y = -x_0 = -4\sqrt{a - 4} \text{ - в т. D.}$$

$$x_0 = 4\sqrt{a - 4}$$

$$\sqrt{a + \frac{1}{4}} = 4\sqrt{a - 4}$$

$$a = \frac{257}{60}$$

$$\text{Ответ: } a = \frac{257}{60} = 4 \frac{17}{60}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
☐

2
☐

3
☐

4
☒

5
☐

6
☐

7
☐



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$S = (d \cdot \sqrt{2})^2 = 2d^2$$

По т. Пифагора:

$$d^2 = x_0^2 + \left(\frac{1}{4}x_0\right)^2$$

$$S = 2d^2 = \frac{17}{8}x_0^2 = \frac{17}{8} \cdot \left(\frac{257}{60} + \frac{1}{4}\right) = \frac{34}{3} = 11\frac{1}{3}$$

Ответ: $S = 11\frac{1}{3}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

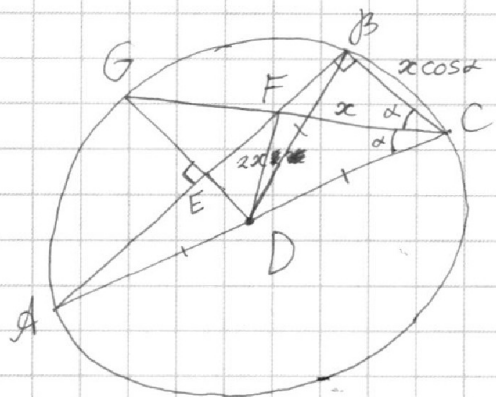
1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



2) D совп. с O;



$$\frac{FC}{DF} = \frac{1}{2}$$

$$FC = x; FD = 2x$$

$\angle BCD = \angle ABC$ опирается

на диаметр $\Rightarrow \angle ABC = 90^\circ$

$$BC = x \cos \alpha$$

BD - радиус; $BD = CD$

$$CD \cos 2\alpha = \frac{x \cos \alpha}{2}, \text{ т.к. } \triangle BCD - \text{равнобедренный.}$$

$$CD = \frac{x \cos \alpha}{2 \cos 2\alpha}$$

По т. косинусов в $\triangle FDC$:

$$\begin{cases} 4x^2 = x^2 + \frac{x^2 \cos^2 \alpha}{4 \cos^2 2\alpha} - 2 \cdot x \cdot \frac{x \cos \alpha}{2 \cos 2\alpha} \cos \alpha \\ \cos^2 \alpha = \frac{1 + \cos 2\alpha}{2} \end{cases}$$

$$3 = \frac{1 + \cos 2\alpha}{2} - 4 \frac{1 + \cos 2\alpha}{2} \cdot \cos 2\alpha$$

$$4 \cos^2 2\alpha$$

$$28 \cos^2 2\alpha + 3 \cos 2\alpha - 1 = 0$$

$$D = 127$$

$$\cos 2\alpha = \frac{-3 \pm 11}{56} = \frac{1}{7}, \text{ т.к. } \cos 2\alpha > 0, \text{ т.к. } \angle \text{угол остр.}$$

$$\angle BCA = \arccos \frac{1}{7}$$

$$\angle BAC = \arcsin \frac{1}{7}, \text{ т.к. } \triangle ABC \text{ прямоугольный.}$$

Ответ: $\angle ABC = 90^\circ$; $\angle BCA = \arccos \frac{1}{7}$; $\angle BAC = \arcsin \frac{1}{7}$.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

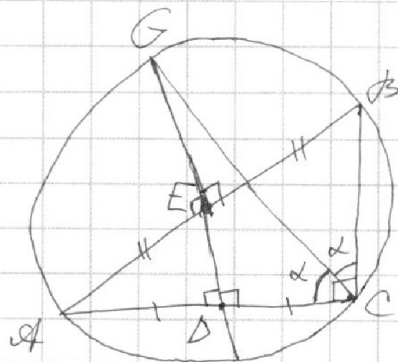
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$\angle BCG = \angle GCA \Rightarrow$ хорды AG и GB
равны, тогда GE - медиана и высота $\triangle ABG$,
значит $GE \perp AB$.

Если O - центр Ω , то $EO \perp AB$, но
также $GE \perp AB \Rightarrow$ значит G, E, O, D
лежат на одной прямой $\Rightarrow$
 $\Rightarrow$ т.к. OD и EO серединные перпендикуляры
 AC и AB соответственно, либо $AB \parallel AC$,
чего не может быть, либо точка E или D
совпадает с O :

1) E совпадает с O :



$\angle ACB$ опирается на диаметр
 $\Rightarrow \alpha = \frac{90^\circ}{2} = 45^\circ \Rightarrow$

дуги AG и GB
равны $2\alpha = 90^\circ \Rightarrow$

$GE \perp AB$, но $GD \perp AC \Rightarrow$

$AC \parallel BC \Rightarrow$ противоречие,

значит E не совпадает с $O \Rightarrow$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☒

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$2 + \sqrt{5} < 3 + \sqrt{2} \Rightarrow \text{значит}$$

$$2 + \sqrt{5} = a + b < 3 + \sqrt{2}, \text{ то}$$

$$a > \sqrt{2} ; b > 3 \Rightarrow \text{мы пришли}$$

$$\cancel{2 + \sqrt{5} = a + b} > \cancel{3 + \sqrt{2}} \text{ к противоречию} \Rightarrow$$

пирамида $SABCD$ из условия задачи не
может существовать.

Ответ: нет решений.



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
☐

2
☐

3
☐

4
☐

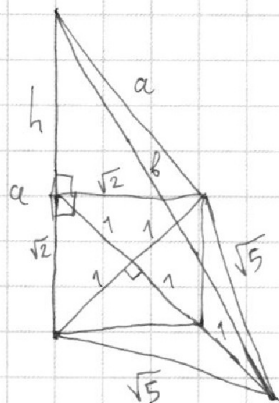
5
☐

6
☐

7
☐



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



N 6

$$x^3 + \frac{7}{y^3} = y^3 + \frac{7}{z^3} = z^3 + \frac{7}{x^3}$$

~~$$x^3 y^3 z^3 + 7 x^3 z^3 = y^3$$~~

$$+ \begin{cases} x^3 y^3 z^3 + 7 z^3 = y^6 z^3 + 7 y^3 \\ x^3 y^3 z^3 + 7 x^3 = z^6 x^3 + 7 z^3 \\ x^3 y^3 z^3 + 7 y^3 = x^6 y^3 + 7 x^3 \end{cases}$$

$$3x^3 y^3 z^3 = y^6 z^3 + z^6 x^3 + x^6 y^3$$

$$y_1 = y^3 ; x_1 = x^3 ; z_1 = z^3$$

$$\begin{cases} x_1 + \frac{7}{y_1} = y_1 + \frac{7}{z_1} \\ y_1 + \frac{7}{z_1} = z_1 + \frac{7}{x_1} \end{cases}$$

$$y_1^2 + \frac{7}{z_1} y_1 - 7 - x_1 y_1 = 0$$

$$y_1^2 + y_1 \left(\frac{7}{z_1} - x_1 \right) - 7 = 0$$

$$D = \left(\frac{7}{z_1} - x_1 \right)^2 + 28$$

$$y_1 = \frac{x_1 - \frac{7}{z_1} \pm \sqrt{\left(\frac{7}{z_1} - x_1 \right)^2 + 28}}{2}$$

~~$$x_1 - \frac{7}{z_1}$$~~

$$\frac{x_1 + \frac{7}{z_1} \pm \sqrt{\left(\frac{7}{z_1} - x_1 \right)^2 + 28}}{2} = z_1 + \frac{7}{x_1}$$

$$x_1 y_1 z_1 = y_1^2 z_1 + 7 y_1 - 7 z_1$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

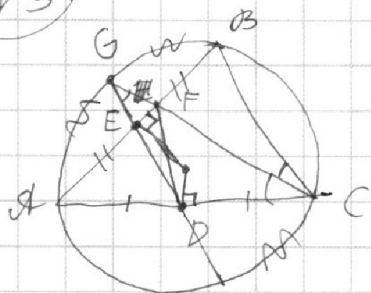
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

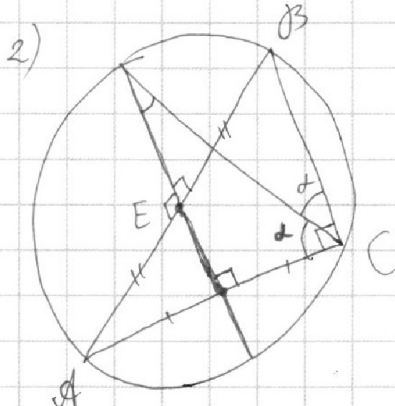
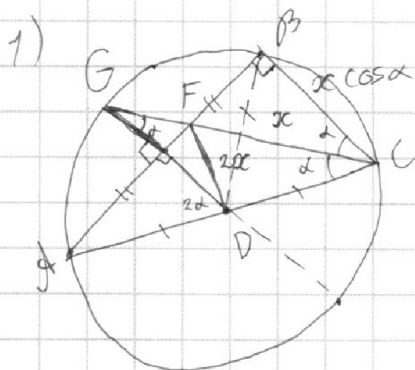
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N5



$$\frac{CF}{DF} = \frac{1}{2}$$



$\Rightarrow AB \perp AC$
 $AB \parallel AC$
 $\Rightarrow \text{т.с.м.}$

$\angle B = 90^\circ$

$$BD = DC = \frac{x \cos \alpha}{2} : \cos 2\alpha = \frac{x \cos \alpha}{2 \cos 2\alpha}$$

$$4x^2 = x^2 + \frac{x^2 \cos^2 \alpha}{4 \cos^2 2\alpha} - 2 \cdot x \cdot \frac{x \cos \alpha}{2 \cos 2\alpha} \cdot \cos \alpha$$

$$4x^2 - x^2 = \frac{x^2 \cos^2 \alpha}{4 \cos^2 2\alpha} - \frac{\cos^2 \alpha}{\cos 2\alpha}$$

x

$$\beta = 2\alpha$$

$$\cos^2 \frac{\beta}{2} = \frac{1 + \cos \beta}{2}$$

$$3 = \frac{\cos \frac{1 + \cos \beta}{2} - 4 \frac{1 + \cos \beta}{2} \cdot \cos \beta}{4 \cos^2 \beta}$$

$$3 \cdot 8 \cos^2 \beta = 1 + \cos \beta - 4 \cos \beta - 4 \cos^2 \beta$$

$$28 \cos^2 \beta + 3 \cos \beta - 1 = 0$$

$$D = 9 + 4 \cdot 28 = 121$$

$$\cos \beta = \frac{-3 \pm 11}{56} = \frac{1}{7}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N3

$$\ln^2 x - (x-1) \ln(2x) + (\ln 2) \ln x \geq 0$$

$$x > 0$$

$$\ln x \cdot \ln x - (x-1)(\ln 2 + \ln x) + \ln 2 \cdot \ln x \geq 0$$

$$\ln x (\ln x + \ln 2) - x(\ln 2 + \ln x) + \ln 2 + \ln x \geq 0$$

$$\ln x \ln 2x - x \ln 2x + \ln 2x \geq 0$$

$$\ln 2x (\ln x - x + 1) \stackrel{=}{\neq} 0$$

1) $\ln 2x = 0$

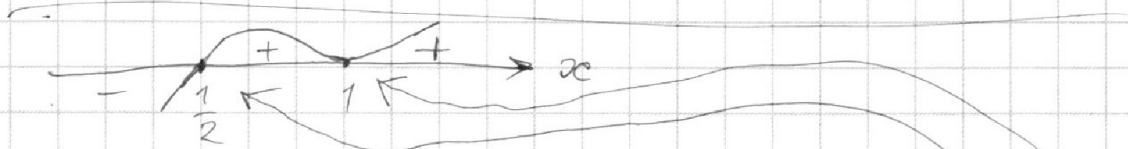
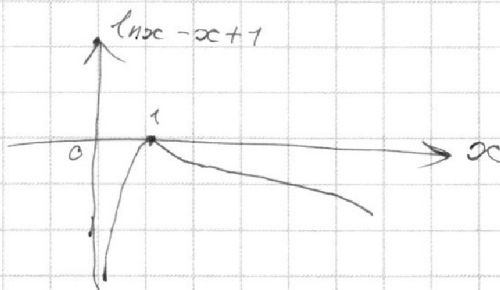
$$2x = 1 \quad x_1 = \frac{1}{2}$$

2) $\ln x - x + 1 = 0 \quad \left| \frac{d}{dx} \Rightarrow \frac{1}{x} - 1 = 0 \right.$

$$e^{x-1} = x$$

$$x = 1$$

$$x_2 = 1$$



$$\frac{d}{dx} = \left(\frac{1}{x} - 1\right) \ln 2x + 2 \cdot \frac{1}{2x} (\ln x - x + 1) =$$

$$= \frac{\ln 2x}{x} - \ln 2x + \frac{\ln x}{x} - 1 + \frac{1}{x}$$

1) $\frac{\ln 1 \cdot 2}{1} - \ln 1 + 2 \ln 1 - 1 + 2 = 1 > 0 \Rightarrow$

2) $\frac{\ln 2}{2} - \ln 2 + \ln 1 - 1 + 1 = 0 \Rightarrow$

$$\Rightarrow x \geq \frac{1}{2}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

МФТИ



~~4.4.4.4.4.4~~
N 1

$$3 \operatorname{tg} 2x + 1 = \operatorname{tg} \left(x + \frac{3\pi}{4} \right)$$

$$3 \frac{\sin 2x}{\cos 2x} + 1 = \frac{\sin \left(x + \frac{3\pi}{4} \right)}{\cos \left(x + \frac{3\pi}{4} \right)}$$

$$\frac{6 \sin x \cos x + \cos^2 x - \sin^2 x}{\cos^2 x - \sin^2 x} = \frac{\sin x \cdot \left(-\frac{\sqrt{2}}{2} \right) + \cos x \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}}{\cos x \cdot \left(-\frac{\sqrt{2}}{2} \right) - \sin x \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}}$$

$$\begin{aligned} \frac{6 \sin x \cos x + \cos^2 x - \sin^2 x}{\cos^2 x - \sin^2 x} &= \frac{\cos x - \sin x}{-\sin x - \cos x} \\ &= \frac{(\cos x - \sin x)^2 (\cos x + \sin x)}{-(\cos x + \sin x)} \end{aligned}$$

$$6 \sin x \cos x + \cos^2 x - \sin^2 x = -(\cos x - \sin x)^2$$

$$6 \sin x \cos x + \cos^2 x - \sin^2 x = -\cos^2 x + 2 \sin x \cos x - \sin^2 x$$

$$4 \sin x \cos x + 2 \cos^2 x = 0$$

$$1) \cos x = 0 \Rightarrow x_1 = \frac{\pi}{2} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$$

$$2) 2 \sin x + \cos x = 0 \quad / : \cos x$$

$$\operatorname{tg} x = -\frac{1}{2}$$

$$x_2 = -\operatorname{arctg} \frac{1}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N 2

$a; b; c$

$$b = qa$$

$$c = q^2 a$$

$$a \cdot qa \cdot q^2 a = 2^{150} \cdot 3^{150}$$

$$q^3 a^3 = 2^{150} \cdot 3^{150}$$

$$\underbrace{2 \cdot 2 \cdot 2 \dots 2}_{150} \cdot \underbrace{3 \cdot 3 \dots 3}_{150}$$

$$q^3 \cdot a^3$$

$$q^3 a^3 = (2^{50})^3 \cdot (3^{50})^3$$

$$qa = 6^{50} = 2^{50} \cdot 3^{50}$$

a — 50 · 50 вариантов

2500