



Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 10-02

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Футболист наносит удар по мячу, лежащему на горизонтальной площадке. Вектор начальной скорости мяча образует угол $\alpha = 45^\circ$ с горизонтальной плоскостью. Горизонтальное перемещение мяча за время полета $L = 20$ м.

1) Найдите начальную скорость V_0 мяча.

Если футболист направляет мяч под различными углами к горизонту, из той же точки с начальной скоростью V_0 к высокой вертикальной стенке, то наибольшая высота, на которой происходит соударение мяча со стенкой, равна $H = 3,6$ м.

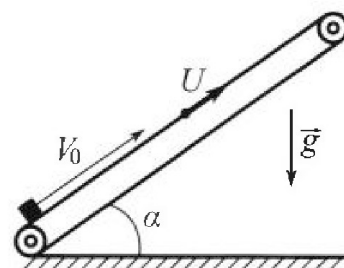
2) На каком расстоянии S от точки старта находится стенка?

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Мяч движется в плоскости перпендикулярной стенке. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым.

2. Лента транспортера, предназначенного для подъема грузов, образует с горизонтальной плоскостью угол α такой, что $\sin \alpha = 0,6$ (см. рис.).

В первом опыте небольшую коробку ставят на покоящуюся ленту транспортера и сообщают коробке начальную скорость $V_0 = 6$ м/с. Коэффициент трения скольжения коробки по ленте $\mu = 0,5$.

Движение коробки прямолинейное.



1) Какой путь S пройдет коробка в первом опыте к моменту времени $T = 1$ с?

Во втором опыте коробку ставят на ленту транспортера, движущуюся со скоростью $U = 1$ м/с, и сообщают коробке скорость $V_0 = 6$ м/с (см. рис.).

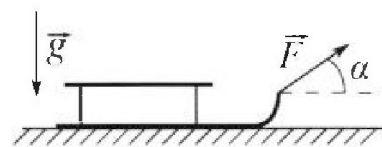
2) Через какое время T_1 после старта скорость коробки во втором опыте будет равна $U = 1$ м/с?

3) На каком расстоянии L от точки старта скорость коробки обратится в ноль во втором опыте? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Все кинематические величины измерены в лабораторной системе отсчета.

3. Санки дважды разгоняют из состояния покоя до одной и той же кинетической энергии K на одинаковых участках пути.

В первом случае санки тянут, действуя постоянной по модулю силой, направленной под углом α к горизонту (см. рис.).

Во втором случае такая же по модулю сила, приложенная к санкам, направлена горизонтально. После достижения кинетической энергии K действие внешней силы прекращается.



1) Найдите коэффициент μ трения скольжения санок по горизонтальной поверхности.

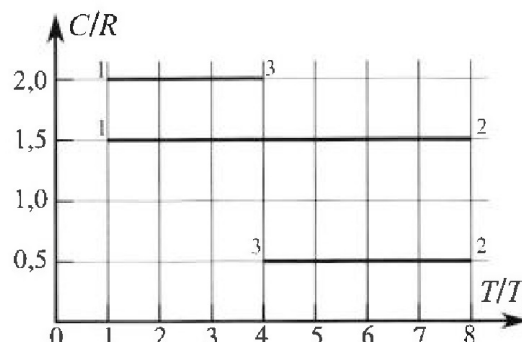
2) Найдите перемещение S санок в процессе торможения до остановки. Ускорение свободного падения g . Санки находятся на горизонтальной поверхности. Движение санок прямолинейное.

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 10-02

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

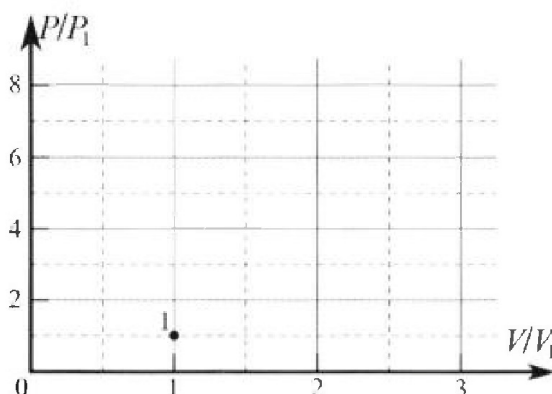
4. Тепловой двигатель работает по циклу 1-2-3-1. Рабочее вещество – один моль одноатомного идеального газа. Для вычисления КПД цикла ученик десятого класса построил график зависимости молярной теплоемкости C газа (в единицах универсальной газовой постоянной) от температуры в процессах: 1-2, 2-3, 3-1 (см. рис.). Температура газа в состоянии 1 равна $T_1 = 200$ К, универсальная газовая постоянная $R = 8,31$ Дж/(моль·К).



1) Найдите работу A_{31} внешних сил над газом в процессе 3-1.

2) Найдите КПД η цикла.

3) Постройте график цикла в координатах $(P/P_1, V/V_1)$, где P_1 и V_1 давление и объём в состоянии 1. Для построения графика перенесите шаблон (см. ниже) в чистовик своей работы. Точка 1 на графике соответствует состоянию 1 газа в цикле.



5. Четыре заряженных шарика связаны легкими нерастяжимыми нитями так, что шарики находятся в вершинах квадрата со стороной a (см. рис.). Сила натяжения каждой нити T .

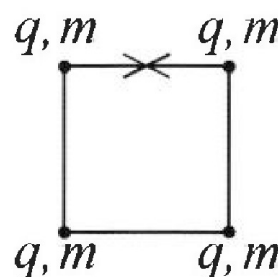
1) Найдите абсолютную величину $|q|$ заряда каждого шарика.

Одну нить пережигают.

2) Найдите кинетическую энергию K любого, выбранного Вами шарика, в тот момент, когда шарики будут находиться на одной прямой.

3) На каком расстоянии d от точки старта будет находиться в этот момент любой из двух шариков, изначально расположенных сверху (на рисунке)?

Электрическая постоянная ε_0 . Действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.



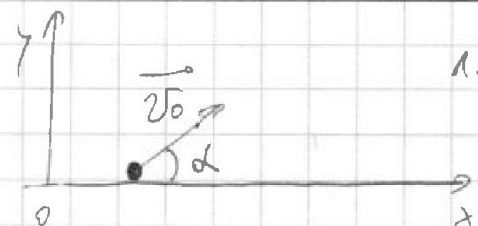
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



1. Прямую скорость на оси x и y
его перемещение:

$$O.x: v_0 \cos \alpha = v_x$$

$$O.y: v_0 \sin \alpha - gt = v_y$$

$$\begin{cases} v_0 \cos \alpha = L \\ v_0 \sin \alpha - \frac{gt^2}{2} = 0 \end{cases}$$

$$\frac{2v_0 \sin \alpha}{g} = t \Rightarrow \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g} = L$$

Отсюда: $v_0 = \sqrt{\frac{gL}{\sin 2\alpha}} = \sqrt{\frac{10 \frac{m}{c^2} \cdot 20m}{\sin 2\alpha}} = 10 \sqrt{\frac{m}{c}}$

2. Угол между вектором скорости и горизонталью равен θ . Тогда:

$$v_x = v_0 \cos \theta$$

$$v_y = v_0 \sin \theta - gt$$

Тогда также:

$$\begin{cases} v_0 t \cos \theta = S \\ v_0 t \sin \theta - \frac{gt^2}{2} = H \end{cases}$$

Тогда также уравнение траектории:

$$t = \frac{S}{v_0 \cos \theta} \Rightarrow H = S \tan \theta - \frac{g S^2}{2 v_0^2 \cos^2 \theta}$$

$$H = S \tan \theta - \frac{g S^2}{2 v_0^2} (t^2 \theta + 1)$$

Здесь $S = \text{const}$, а H зависит от θ . Тогда максимум этой функции:

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МОТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$H = s \tan \theta - \frac{g S^2}{2 v_0^2} (\tan^2 \theta + 1)$$

$$\frac{dH}{d\theta} = \left(s \tan \theta - \frac{g S^2}{2 v_0^2} (\tan^2 \theta + 1) \right)'_{\theta} =$$

$$= s (\tan \theta)'_{\theta} - \left(\frac{g S^2 \tan^2 \theta}{2 v_0^2} \right)'_{\theta} - \left(\frac{g S^2}{2 v_0^2} \right)'_{\theta} =$$

$$= s \cdot \frac{1}{\cos^2 \theta} - \frac{g S^2}{2 v_0^2} \cdot 2 \tan \theta \cdot \frac{1}{\cos^2 \theta} = 0.$$

$$\frac{1}{\cos^2 \theta} = \frac{g S^2}{v_0^2} \cdot \frac{\tan \theta}{\cos^2 \theta}$$

$$\tan \theta = \frac{v_0^2}{g S}$$

$$H = \frac{v_0^2}{g} - \frac{g S^2}{2 v_0^2} \left(\frac{v_0^4}{g^2 S^2} + 1 \right)$$

$$-\frac{g S^2}{2 v_0^2} \tan \theta + s \tan \theta - \frac{g S^2}{2 v_0^2} - H = 0$$

$$3,6 \text{ м} = \frac{200 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2}}{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} - \frac{\left(200 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2} \right)^2}{2 \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} - \frac{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot S^2}{20 - 200 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2}}$$

$$3,6 \text{ м} = 20 \text{ м} - 10 \text{ м} - \frac{S^2}{400 \text{ м}}$$

$$S^2 = (40 - 3,6) \cdot 400 (\text{м}^2)$$

$$S = \sqrt{(40 - 3,6) \cdot 400} (\text{м})$$

$$S = 20 \sqrt{3,4} (\text{м})$$

$$S = 20 \sqrt{3,4} (\text{м})$$

$$S = 20 \sqrt{3,4} (\text{м})$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



При этом есть 2 варианта: она может двигаться
вниз и её скорость равна U .

$$v_0 - U - g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) t' = 0.$$

$$t' = \frac{v_0 - U}{g} = 0,5 \text{ c}.$$

Далее: $a = g(\sin \alpha - \mu \cos \alpha).$

$$t'' = \frac{U}{g(\sin \alpha - \mu \cos \alpha)} = \frac{10 \frac{\text{м}}{\text{с}}}{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot 0,2} = 0,5 \text{ c}$$

Итого $T_{1,2} = t' + t'' = 1 \text{ c}.$

3. 2 п. 2: $t' = 0,5 \text{ c}$ — тело останавливается.
в. с. о. летит.

$$L = v_{0\text{отн}} \cdot t' - \frac{g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) t'^2}{2}$$

$$L = 5 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot 0,5 \text{ c} - \frac{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot 0,25 \text{ c}^2}{2} =$$

$$L = 5 \cdot 0,25 \text{ м} = 1,25 \text{ м}.$$



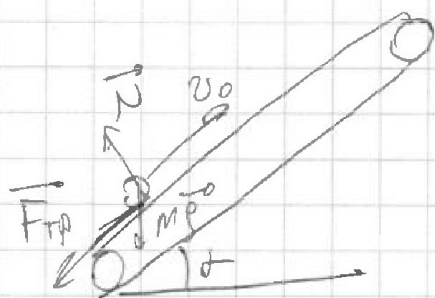
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Расставим силы, действующие на
коробку до момента, когда она
движется вверх:

$$mg \cos \alpha = N$$

$$F_{\text{тр}} = N \mu = mg \mu \cos \alpha$$

Пока 2 з. Итого: :

$$m \vec{a} = \sum \vec{F}$$

$$ma = mg \sin \alpha + mg \mu \cos \alpha$$

$$a = g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha)$$

Пока уравнение прямолинейного равноускоренного
движения имеет вид:

$$X = v_0 t - \frac{at^2}{2}$$

$$v_x = v_0 - at$$

Отсюда: проверим, насколько, остановится ли
коробка к $t = T$ и начнем движение вниз,
или продолжит движение вверх:

$$v_x = 0 :$$

$$v_0 = aT \Rightarrow T = \frac{v_0}{a} = \frac{v_0}{g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha)}$$

$$= \frac{6 \frac{\text{м}}{\text{с}}}{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} (0,6 + 0,5 \cdot \sqrt{1 - 0,36})} = \frac{6}{10(0,6 + 0,5 \cdot 0,8)} = \frac{6}{10} = 0,6 \text{ с}$$



1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$\tau < T \Rightarrow$ он машин движется вниз с ускорением:

$$m a_2 = m g \sin \alpha - m g \mu \cos \alpha$$

$$a_2 = g(\sin \alpha - \mu \cos \alpha)$$

Отсюда: $\tau_{\text{от}} = T - \tau$.

При этом: $S = S_1 + S_2$.

$$S_1 = v_0 \tau - \frac{g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha)}{2} \tau^2$$

$$S_1 = 6 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot 0,6 \text{ с} - \frac{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} (0,6 + 0,4) \cdot 0,36 \text{ с}^2}{2}$$

$$S_1 = 3,6 \text{ м} - 1,8 \text{ м} = 1,8 \text{ м}$$

$$S_2 = v_0 (T - \tau) + \frac{g(\sin \alpha - \mu \cos \alpha) (T - \tau)^2}{2}$$

$$S_2 = 6 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot 0,4 \text{ с} + \frac{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} (0,6 - 0,4) \cdot 0,16 \text{ с}^2}{2}$$

$$S_2 = 2,4 \text{ м} + 0,16 \text{ м} = 2,56 \text{ м}$$

$$S = S_1 + S_2 = 1,8 \text{ м} + 2,56 \text{ м} = 4,36 \text{ м}$$

2. Во 2 опыте в. С. О. машин она

неподвижна, а коробка движется со скоростью

$$v_{\text{отн}} = v_0 - v = 5 \frac{\text{м}}{\text{с}} \text{ (отн. к машин неподвижной)}$$

Поскольку: $v_x = v_{\text{отн}} - g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) T_{1.1} = v$

$$v_0 - v = g T_{1.1} = v$$

$$T_{1.1} = \frac{v_0 - 2v}{g} = \frac{4 \frac{\text{м}}{\text{с}}}{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} = 0,4 \text{ с}$$

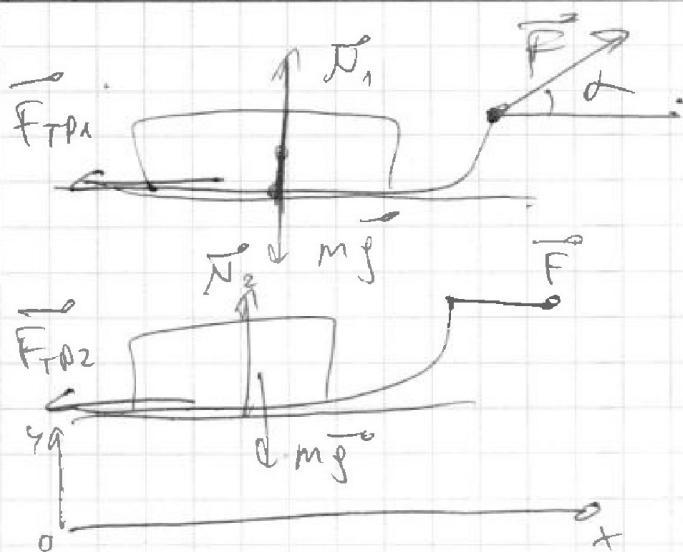
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Рассмотрим силы:

Проекции сил по x и y :

$$1) N_1 + F \sin \alpha = m_p \cdot 0.7$$

$$2) \text{ Проекция по } x: m a_1 = F \cos \alpha - N_1 \mu$$

$$2) N_2 = m_p$$

2 закон движения:

$$m a_2 = F - N_2 \mu$$

Угараемого $K=0$, и тогда 3 СЭ:

$$K = (F \cos \alpha - (m_p - F \sin \alpha) \mu) \cdot S_1$$

$$K = (F - m_p \mu) \cdot S_2$$

При этом: $S_1 = \frac{a_1 t_1^2}{2}$

$$S_2 = \frac{a_2 t_2^2}{2}$$

Отсюда:

$$\left(\frac{F \cos \alpha - (m_p - F \sin \alpha) \mu}{2 m} \right) t_1^2 = S_1$$

$$\left(\frac{F - m_p \mu}{2 m} \right) t_2^2 = S_2$$

При этом выполняется 3 СЭ: $K = \frac{p^2}{2m} = \frac{m a^2}{2}$

$$p = \sqrt{2 K m} \cdot \begin{cases} (F \cos \alpha - (m_p - F \sin \alpha) \mu) t_1 = \sqrt{2 K m} \\ (F - m_p \mu) t_2 = \sqrt{2 K m} \end{cases}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$S_2 = S_1 \frac{(F \cos \alpha - m g \mu + F \mu \sin \alpha)}{F - m g \mu}$$

$$K = S_1 (F \cos \alpha - m g \mu + F \mu \sin \alpha)$$

$$K = S_2 (F - m g \mu)$$

$$t_1 = \frac{\sqrt{2 K m}}{F \cos \alpha - m g \mu + F \mu \sin \alpha}$$

$$t_2 = \frac{\sqrt{2 K m}}{F - m g \mu}$$

$$\frac{\sqrt{2 K m}}{F - m g \mu} =$$

$$\frac{K}{F \cos \alpha - m g \mu + F \mu \sin \alpha} = S_1$$

$$\frac{K}{F - m g \mu} = S_2$$

$$\Rightarrow K \left(\frac{1}{F \cos \alpha - m g \mu + F \mu \sin \alpha} + \frac{1}{F - m g \mu} \right) =$$

$$= S_1 + S_1 \frac{(F \cos \alpha - m g \mu + F \mu \sin \alpha)}{F - m g \mu}$$

$$K \left(\frac{F + F \cos \alpha + F \mu \sin \alpha - 2 m g \mu}{(F - m g \mu) (F \cos \alpha - m g \mu + F \mu \sin \alpha)} \right) = S_1 \frac{(F + F \cos \alpha + F \mu \sin \alpha - 2 m g \mu)}{(F - m g \mu)}$$

$$\frac{K}{F}$$

$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{t_1}{t_2}$$

$$\frac{S_1}{t_1} = \frac{S_2}{t_2}$$

$$v_{g1} = v_{g2}$$

$$\text{Если } S_1 = S_2:$$

$$F - F \cos \alpha = F \mu \sin \alpha$$

$$\mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

(иначе кол-во увеличивается
в системе уравнений больше,
и его не решить)

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

МФТИ



$$\begin{cases} (F \cos \alpha - (mg\mu - F \sin \alpha)\mu)t_1 = (F - mg\mu)t_2 \\ (F \cos \alpha - (mg\mu - F \sin \alpha)\mu)S_1 = (F - mg\mu)S_2 \end{cases}$$

~~F \cos \alpha -~~

$$\left(\frac{F \cos \alpha - (mg\mu - F \sin \alpha)\mu}{2m} \right) t_1^2 = S_1$$

$$\left(\frac{F - mg\mu}{2m} \right) t_2^2 = S_2$$

$$t_1 = \frac{\sqrt{2Km}}{F \cos \alpha - (mg\mu - F \sin \alpha)\mu}$$

$$t_2 = \frac{\sqrt{2Km}}{F - mg\mu}$$

$$t_2 = \frac{\sqrt{2Km}}{F - mg\mu}$$

~~F \cos \alpha -~~

$$\frac{2K}{(F \cos \alpha - mg\mu + F \sin \alpha)\mu} = S_1$$

$$\frac{2K}{F - mg\mu} = S_2$$

$$\frac{2K}{F - mg\mu}$$

$$(F \cos \alpha - mg\mu + F \sin \alpha)S_1 = (F - mg\mu)S_2$$

$$\frac{(F \cos \alpha - mg\mu + F \sin \alpha)^2 t_1^2}{2m} = \frac{(F - mg\mu)^2 t_2^2}{2m}$$

$$t_2 = t_1 \frac{(F \cos \alpha - mg\mu + F \sin \alpha)}{F - mg\mu}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

2. Математический маятник имеет вид:

$$K + A_{\text{тр.}} = 0$$

т.е. $A_{\text{тр.}} = -mg\mu S$, μ и S — ищем:

$$K = mg \left(\frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} \right) S.$$

Переходим к остановке:

$$S = \frac{K \sin \alpha}{mg(1 - \cos \alpha)}.$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1
☐2
□3
☐

4
☒

5

6
□7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

1. мал. периферический:

$$Q = AU + A$$

Мага парамонгун хэргэллэл: 1-2; 2-3; 3-1.

$$1-2: \Delta T = 8.200K - 200K = 1400K.$$

$$C_{1-2} = 1,5 R = \text{const.}$$

$$1,5 R \cdot 1400 K = 1,5 R \cdot 1400 K + A, \quad A = 0 \Rightarrow$$

это цинк.

$$2-3: C_{2-3} = \rho_{\tau R}$$

$$DT = 8.200K - 4.200K - 8.200K = -800K.$$

$$0,5 \text{ R. } (-800 \text{ K}) = 1,5 \text{ R. } (-800 \text{ K}) + A.$$

$$A = 800 \text{ R.}$$

$$3:1 \quad C_{3-1} = 2R.$$

$$\Delta T = 200K - 4 \cdot 200K = -600K$$

CS

$$2R(-600K) = 1.5R(-600K) + A.$$

$$-300R = A_{3\lambda}$$

$$A_{31} = -300 \text{ K} \cdot 1 \text{ mol} \cdot 8,31 \frac{\text{J}}{\text{K} \cdot \text{mol}}$$

5 - 29 93 *Om.*

$$\eta = \frac{A_g}{Q_m}$$

~~11~~ 4

Поступил уведомл. от РЗ.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{q^2}{\pi \epsilon_0 a} \left(1 + \frac{1}{2\sqrt{2}} \right) = \frac{q^2}{\pi \epsilon_0 a} \left(\frac{1}{12} + 1 \right) + K_H$$

$$K_H = \frac{q^2}{\pi \epsilon_0 a} \left(\frac{1}{2\sqrt{2}} - \frac{1}{12} \right)$$

При этом симметрия симметрична, и $K_{51} = K_{64}$,

и $K_{12} = K_{13}$, т.е. $K_H = 2K_{51} + 2K_{(2,3)}$.

При этом $\sigma_{ц.л.} = 0$, т.е. на шестом не действуют никакие внешние силы, она консервативна $\Rightarrow$ ц.л. находится в середине квадрата, и там же будет потенциал; т.е.



$$d = \sqrt{\left(\frac{a}{2}\right)^2 + a^2} = a \frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$\frac{K_{B(1;5)}}{K_{(2;3)}} = \frac{\frac{d}{t}}{\frac{\left(\frac{a}{2}\right)}{t}} = \frac{2d}{a}$$

$$K_{(2;3)} = \frac{a K_{B(1;5)}}{2d} = \frac{K_{B(1;5)}}{\sqrt{5}}$$

$$K_H = 2 K_{B(1;5)} \left(1 + \frac{1}{\sqrt{5}} \right) =$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

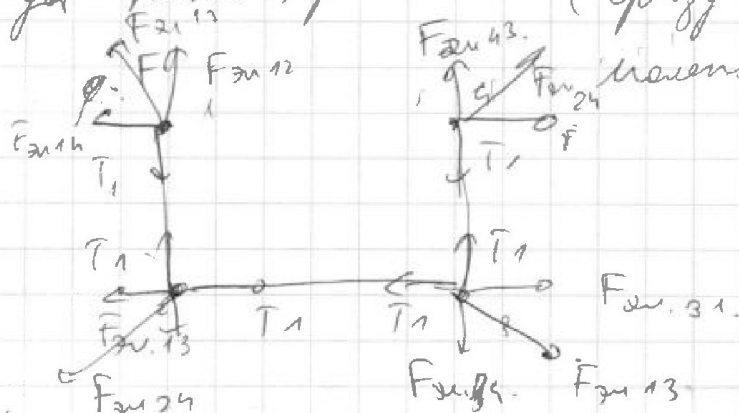
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Когда найти перекрест: (Сразу в тем. мо. мен. время:)



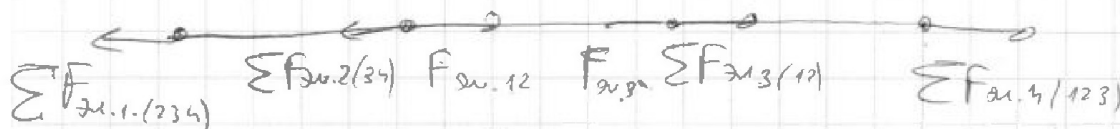
Ж

$$B + = 0 \quad K = 0, a$$

$$\Pi = \frac{4kq^2}{a} + \frac{2kq^2}{a\sqrt{2}} = \frac{q^2}{\pi\epsilon_0 a} + \frac{q^2}{2\pi\epsilon_0\sqrt{2}}$$

Когда 3 C 2:

$$K + \Pi = K_H + \Pi_H$$



$$\Pi_H = \frac{k \cdot q^2}{3a} + \frac{2kq^2}{a} + \frac{kq^2}{a} + \frac{2kq^2}{2a} =$$

$$= \frac{kq^2}{3a} + \frac{3kq^2}{a} + \frac{2kq^2}{2a} = \frac{kq^2}{3a} + \frac{4kq^2}{a} =$$

$$= \frac{q^2}{12\pi\epsilon_0 a} + \frac{4q^2}{\pi\epsilon_0 a}$$

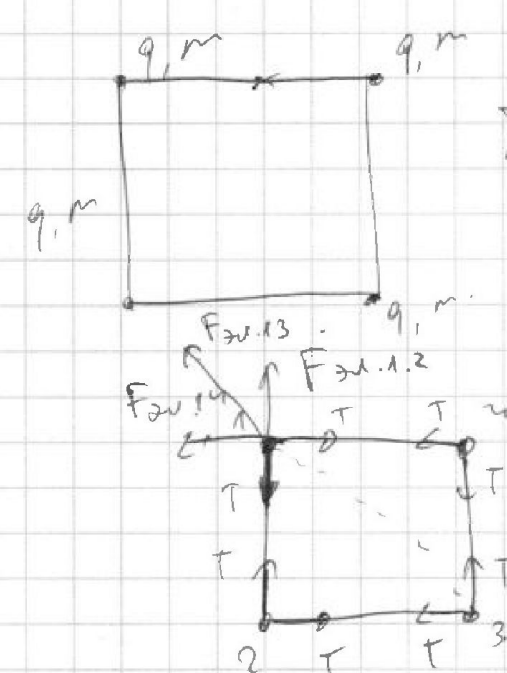
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Постоянная Кулона: $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$
При этом: угловую систему
симметрии:

$$F_{эл.14} = F_{эл.12} = k \frac{q^2}{a^2} = \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0 a^2}$$

$$F_{эл.13} = \frac{k q^2}{2a^2} = \frac{q^2}{8\pi\epsilon_0 a^2}$$

Если отложить в вершинах квадрата
и по условию неопределенно, то:
2 з. Механика:

для 4 точек: $\vec{m} = \sum \vec{F} = 0$.

$$F_{эл.13} + F_{эл.12} \sqrt{2} = T \sqrt{2}$$

$$\frac{q^2}{8\pi\epsilon_0 a^2} + \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0 a^2} \sqrt{2} = T \sqrt{2}$$

$$q^2 \left(\frac{1}{8\pi\epsilon_0 a^2} + \frac{\sqrt{2}}{4\pi\epsilon_0 a^2} \right) = T \sqrt{2}$$

$$q = \frac{T \sqrt{2}}{\frac{1}{8\pi\epsilon_0 a^2} + \frac{\sqrt{2}}{4\pi\epsilon_0 a^2}}$$

$$= a \sqrt{\frac{8T\sqrt{2} \cdot \pi\epsilon_0}{1 + 2\sqrt{2}}}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

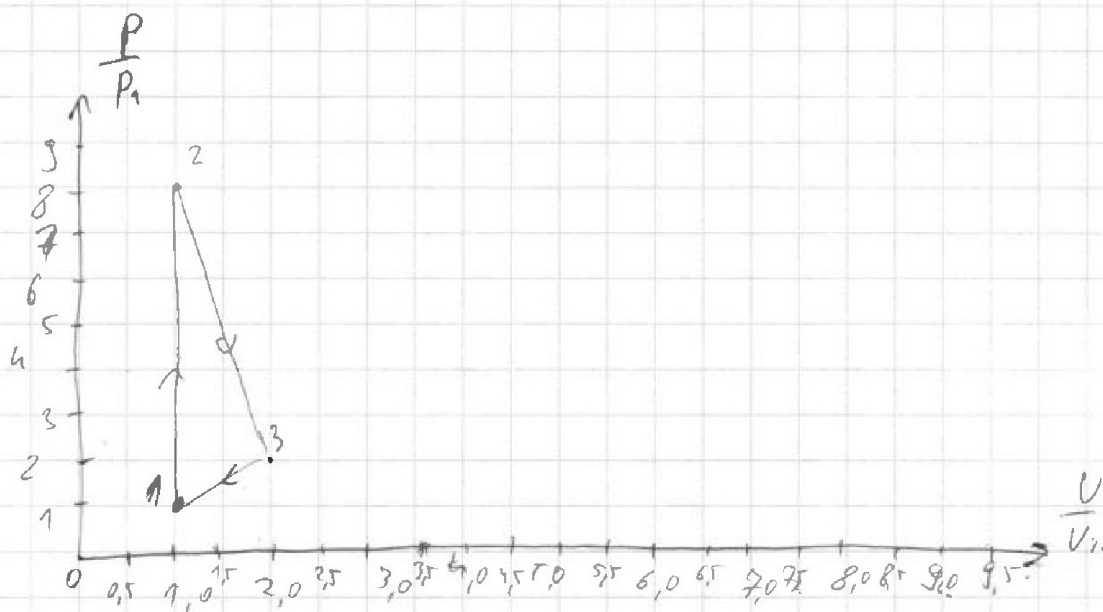
1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



М. и. ~~холодильник~~ $A_{2-3} = 800 \text{ Дж}$; $A_{3-1} = -2483 \text{ Дж}$,
и от пропорциональности мощности цикла
по графику, то $A_4 = A_{2-3} - A_{3-1} = 3283 \text{ Дж}$
~~Отсюда $A_{3-1} = A_{2-3} - A_4 = 800 - 3283 = -2483 \text{ Дж}$~~



$$V_1 = V_2 = \text{const.}$$

~~$$(p_2 - p_1) V_1 = \nu R (T_2 - T_1)$$~~

$$(p_2 - p_1) V_1 = \nu R (T_2 - T_1)$$

~~$$p_2 - p_1 = \frac{\nu R (T_2 - T_1)}{V_1}$$~~

~~$$p_2 - p_1 = \frac{\nu R (T_2 - T_1)}{V_1}$$~~

$$p_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$p_2 V_1 = \nu R T_2$$

$$p_2 V_2 = \nu R T_2$$

$$p_3 V_3 = \nu R T_3$$

$$p_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$\frac{p_2}{p_1} = \frac{T_2}{T_1} = 8$$

$$\frac{p_3 V_3}{p_2 V_1} = \frac{T_3}{T_2} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{p_3 V_3}{p_1 V_1} = \frac{T_3}{T_1} = 4$$

Из этих
мощности:

~~отсюда~~ $A_4 = A_{2-3} - A_{3-1}$ $A_4 = 800 - (-2483) = 3283 \text{ Дж}$
на графике можно



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$K = 2K_{B(1,4)} \left(\frac{\sqrt{5}+1}{\sqrt{5}} \right)$$

$$K_{B(1,4)} = \frac{K\sqrt{5}}{2(\sqrt{5}+1)}$$

$$= \frac{\frac{q^2}{\pi \epsilon_0 a} \left(\frac{1}{2\sqrt{2}} - \frac{1}{12} \right) \sqrt{5}}{2(\sqrt{5}+1)}$$

$$= \frac{q^2 \sqrt{5} (12 - 2\sqrt{2})}{48\sqrt{2} \pi \epsilon_0 a (\sqrt{5}+1)}$$

$$= \frac{q^2 \left(\frac{8\sqrt{2} \cdot \pi \epsilon_0 a}{1+2\sqrt{2}} \right) \sqrt{5} (12 - \sqrt{2})}{48\sqrt{2} \pi \epsilon_0 a (\sqrt{5}+1)}$$

$$= \frac{18 q^2 \sqrt{10} (6 - \sqrt{2})}{(1+2\sqrt{2}) 48\sqrt{2} (\sqrt{5}+1)}$$

$$= \frac{q^2 \sqrt{5} (6 - \sqrt{2})}{(1+2\sqrt{2}) (\sqrt{5}+1)}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
☐

2
☐

3
☐

4
☐

5
☐

6
☐

7
☐



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$A_4 = A_{2-3} = A_{3-1} = 37 \text{ p3 On}$$

